

Jivarāja Jaina Granthamālā, No. 12

General Editors:

Dr. A. N. UPADHYE & Dr. H. L.

बीर जी मेरि पुस्तकाल कांग जिम्हा वे 6789

Mahāvirāchārya's

Ganitasāra-Samgraha

(An Ancient Treatise on Mathematics)

Authentically Edited with a Hindi Translation and Introduction etc.

by
L. C. Jain
JABALPUR

Published by
Gulabchand Hirachand Doshi
Jaina Samskrti Samrakshaka Samgha, Sholapur
1963

All Rights Reserved

Price Rupees Twelve only

First Edition: 750 Copies

Copies of this book can be had direct from Jaina Samskṛti Samrakshaka Samgha, Santosha Bhavana, Phaltan Galli, Sholapur (India)

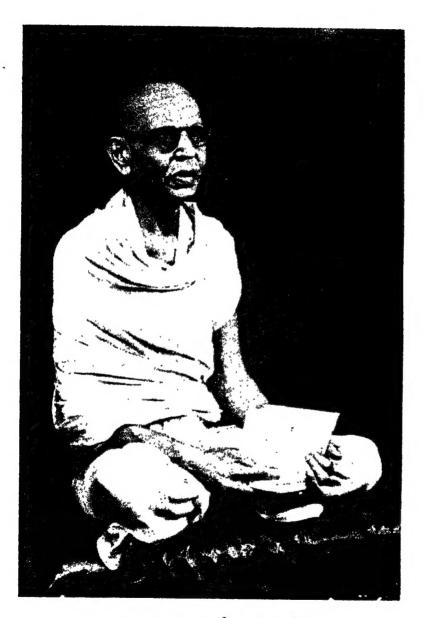
Price Rs. 12/- per copy, exclusive of postage

जीवराज जैन ग्रंथमाला का परिचय

सोलापुर निवासी ब्रह्मचारी जीवराज गौतमचंदजी दोशी कई वर्षों से संसार से उदासीन होकर धर्मकार्य में अपनी वृत्ति लगा रहे थे। सन् १९४० में उनकी यह प्रवल इच्छा हो उठी कि अपनी न्यायोपार्जित संपत्ति का उपयोग विशेष रूप से धर्म और समाज की उन्नति के कार्य में करें। तदनुसार उन्होंने समस्त देश का परिभ्रमण कर जैन विद्वानों से साक्षात् और लिखित सम्मतियाँ इस बात की संग्रह की कि कीन से कार्य में संपत्ति का उपयोग किया जाय। स्फुट मत संचय कर लेने के पश्चात् सन् १९४१ के ग्रीध्म काल में ब्रह्मचारीजी ने तीर्थक्षेत्र गजपंथा (नासिका) के शीतल वातावरण में विद्वानों की समाज एकत्र की और ऊह्मपोह पूर्वक निर्णय के लिए उत्तः विषय प्रस्तुत किया। विद्वत्तममेलन के फलस्वरूप ब्रह्मचारीजी ने जैन संस्कृति तथा साहित्य के समस्त अंगों के संरक्षण, उद्धार और प्रचार के हेतु से 'जैन संस्कृति संरक्षक संघ' की स्थापना की और उसके लिए ३०,०००) तीस हजार के दान की घोषणा कर दी। उनकी परिग्रहनिवृत्ति बद्रती गई, और सन् १९४४ में उन्होंने लगभग २,००,०००) दो लाख की अपनी संपूर्ण संपत्ति संघ को ट्रस्ट रूप से अर्पण कर दी। इस तरह आपने अपने सर्वस्व का त्याग कर दि. १६-१-५ को अत्यन्त सावधानी और समाधान से समाधिमरणकी आराधना की। इसी संघ के अन्तर्गत 'जीवराज जैन ग्रंथमाला' का संचालन हो रहा है। प्रस्तुत ग्रंथ इसी ग्रंथमाला का बारहवाँ पुष्प है।

प्रकाशक

गुळावचंद हिराचंद दोशी, बैन संस्कृति संरक्षक संघ, सोळापुर सुद्रक बाल्क्टब्ब शास्त्री ब्योतिष प्रकाश प्रेस, काल्फ्रैरव मार्ग, वाराक्सी



स्व. ब्रयुचारी जीवराज गौतमचंद्जी होशी, संस्थापक जैन संस्कृति संरक्षक संघ, शोलापूर

बीवराव वैन प्रनथमाला, प्रनथ १२

प्रन्थमाङा-संपादक डॉ० आ. ने. उपाच्ये व डॉ० हीरालाल जैन

महाबीराचार्य-विरिचत

गणितसार-संग्रह

(गणित शास्त्र विषयक प्राचीन प्रन्थ)

संस्कृत मूल, हिन्दी अनुवाद व प्रस्तायना, परिशिष्ट आदि सहित प्रामाणिक रूप से संपादित

> संपादक लक्ष्मीचन्द्र जैन जवलपुर

प्रकाशक श्री गुलावचन्द हिराचन्द दोशी जैन संस्कृति संरक्षक संघ सोठापुर

बी. नि. संबत् २४९०

सन् १९६३

विक्रम संवत् २०२०

मूख्य ठ. १२ मात्र

FOREWORD

I have had the privilege of going through this edition of Mahāvirāchārya's Ganitasāra-Samgraha, prepared with critical annotations and an introduction by Prof. L. C. Jain of the Department of Mathematics, Govt. Science College, Jabalpur, under the general editorship of the renowned crientalists, Dr. A. N. Upadhye and Dr. H. L. Jain.

Apart from the extreme care which the learned editor has exercised in the choice of technical expressions and terminology in Hindi throughout this edition, what struck me the most is his sympathetic and erudite understanding of the highly intricate inter-actions among various schools of mathematical thought that must have gone into the making of a background for a classic like the Ganitasāra-Samgraha. And this, I am sure, places the present edition on a distinctly higher-than-ever-attained plane of excellence.

I hail the appearance of this work of Prof. L. C. Jain in the world of learning.

T. PATI

JABALPUR November 4, 1963 Head of the Department of Mathematics University of Jabalpur

. विषय-सूची

| | (१) डा॰ त्रि॰ पति का प्राक्तथन (Forew | ord) | • • • | | iv |
|----|--|------------------|----------------|-------|--------|
| | (२) प्रन्थमाला संपादकीय | ••• | 4 * * | | viii |
| | (३) प्रो॰ बागीजी का प्रास्ताविक (Introd | luctory) | | | x |
| | (४) संपादकीय (Editorial) | | | | XV |
| | (५) प्रस्तावना | | | | 1 |
| | गणित इतिहास का सामान्य अवलोकन | ••• | ••• | • • • | 2 |
| | गणित इतिहास का विशिष्ट अवलोकन | | • • • | • • • | 12 |
| | (६) गणितसारसंग्रह-मूल और अनुवाद | | | | |
| ₹. | संज्ञा (पारिभाषिक राष्ट्र) अधिकार | | • • • | | ş |
| | मञ्जलाचरण | • • • | | | * |
| | गणितशास्त्र प्रशंसा | | | | ٠ ٦ |
| | क्षेत्र-परिभाषा (क्षेत्रमाप सम्बन्धी पारिभाषिष | क शब्दावलि) | | | 8 |
| | काल-परिमाषा (कालमाप सम्बन्धी पारिभाषि | | • • • | | 8 |
| | धान्य-परिभाषा (धान्यमाप सम्बन्धी पारिभा | | | | ų |
| | मुवर्ण-परिभाषा (स्वर्णमाप सम्बन्धी पारिभाषि | . , | | | ų |
| | रजत-परिभाषा (रजतमाप सम्बन्धी पारिभाषि | | ••• | ••• | ų |
| | लोह-परिभाषा (लोह धातुमाप सम्बन्धी पारि | |) | | ξ |
| | परिकर्म नामाविल (गणित की मुख्य क्रियाओ | | , | | Ę |
| | शून्य तथा धनात्मक एवं ऋणात्मक राशि सम | , | n u | ••• | દ્ |
| | संख्या संज्ञा | deal citation in | 441 | ••• | 9 |
| | स्थान नामावछि (संकेतनात्मक स्थानों के न | , TET) | | *** | 6 |
| | गणक गुण निरूपण | in <i>)</i> | | • • • | |
| • | परिकर्म व्यवहार (अङ्कराणित सम्बन्धी वि | ··· | • • • | • • • | د و |
| ₹. | | maia) | | • • • | |
| | प्रत्युत्पन (गुणन) | • • • | | • • • | 9 |
| | भागहार (भाग) बर्ग | * * * | | ••• | १० |
| | • | • • • | • • • | ••• | 83 |
| | वर्गमूल | | | ••• | १५ |
| | य न | • • • | | • • • | १६ |
| | धनमूल | | | • • • | १८ |
| | संकल्पित (श्रेटियों का संकल्पन) | ••• | | • • • | २० |
| | म्युत्क <u>ित</u> | ••• | • • • | • • • | ३२ |
| ₹. | कलासवर्ण व्यवहार (भिन्न) | • • • | * * * | • • • | 36 |
| | भिन्न प्रत्यत्पन्न (भिन्नों का गणन) | | | | 36 |

| vi | | | | | |
|----|--|----------------------|---------|-------|------------|
| | भिन्न भागहार (भिन्नों का भाग) | ••• | ••• | ••• | ş |
| | भिन्न सम्बन्धी वर्ग, वर्गमूल, घन, घनमूल | ••• | ••• | • • • | ₹\ ₹⟨ |
| | भिन्न संकलित (भिन्नात्मक श्रेडियों का योगक | रण) · · · | | | 4 0 |
| | भिन्न व्युत्कलित (श्रेटिरूप भिन्नों का व्युत्कलन | , | ••• | | ۲ · ۲ ق |
| | कलासवर्ण पड्जाति (छः प्रकार के भिन्न) | • • • • | | | 86 |
| | भागजाति (साधारण भिन्नों का जोड़ और घ | धना) | *** | | 86 |
| | प्रमाग और भागभाग जाति (संयुत और जि | | ••• | | ५९ |
| | भागानुबन्ध जाति (संयव भिन्न) | ••• | | | £ 8 |
| | भागापवाह जाति (वियवित भिन्न) | ••• | • • • | | 63 |
| | भागमातृ जाति (दो या अधिक प्रकार के भि | भों से संयुक्त भिन्न |) | | ६६ |
| ¥. | प्रकीर्णक ब्यवहार (भिन्नों पर विविध प्रक् | ar) | · · · · | ••• | ફેટ |
| | भाग और शेष जाति | ••• | | | ६९ |
| | मूल जाति | • • • | | | ७३ |
| | शेषमूल जाति | | ••• | | 98 |
| | द्विरय रोषमूल जाति | • • • | • • • | | ওাধ |
| | भंशमूल जाति | • • • | • • • | | છ છ |
| | भाग संवर्ग जाति | ••• | ••• | | 96 |
| | ऊनाधिक अंशवर्ग जाति | ••• | • • • | • • • | ७९ |
| | मूलमिश्र जाति | | • • • | | 60 |
| | भिन्न दृश्य जाति | | * * * | • • • | 68 |
| 4. | त्रैराशिक व्यवहार | | | • • • | ૮રૂ |
| | अनुक्रम त्रेराशिक | • • • | | • • • | ८३ |
| | व्यस्त त्रैरा शिक | • • • | • • • | | 64 |
| | ब्यस्त पंचराशिक | ••• | | | 64 |
| | व्यस्त सप्तराशिक | | ••• | • • • | ८६ |
| | व्यस्त नवराशिक | ••• | ••• | | ८६ |
| | गति निवृत्ति | | • • • | • • • | ८६ |
| | पंचराशिक, सप्तराशिक, नवराशिक | ••• | • • • | ••• | 69 |
| | भाण्डप्रतिभाण्ड (विनिमय) | • • • | ••• | | 69 |
| | क्रय विक्रय | * * * | • • • | | 68 |
| €. | मिश्रक व्यवहार | • • • | • • • | • • • | 98 |
| | संक्रमण और विषम संक्रमण | ••• | • • • | ••• | 98 |
| | पंचराशिक विधि | | ••• | | 65 |
| | वृद्धि विधान (ग्याज) | ••• | • • • | • • • | 88 |
| | प्रक्षेपक कुट्टीकार (समानुपाती भाग) | ••• | | ••• | १०८ |
| | विक्रिका कुटीकार | ••• | • • • | | 224 |

| | | | 0 | |
|---|-----------------|-------|-------------|---|
| 0 | | | vii | , |
| विषम कुटीकार | ••• | ••• | ••• १२३ | |
| सकल कुटीकार | ••• | | १२४ | |
| सुवर्णे कुट्टीकार | | *** | ••• १३५ | |
| विचित्र कुटीकार | ••• | ••• | १४५ | |
| श्रेदीबद संकलित (श्रेणियों का संकलन) | ••• | | · · १६५ | |
| ७. क्षेत्रगणित व्यवहार (क्षेत्रफल के मार्य सम्ब | न्धी गणना | ··· | १८१ | |
| व्यावहारिक गणित (अनुमानतः मापसम्बन्धी ग | | | १८२ | |
| स्थम गणित | • • • | ••• | १९२ | |
| जन्य व्यवहार | • • • | ••• | 50% | |
| पैशाचिक व्यवहार | ••• | • • • | २१३ | |
| ८. स्तात व्यवहार (स्रोह अथवा गढ़ा सम्बन्धी | गणनाएँ) | • • • | २५१ | |
| सूक्म गणित | ••• | | ••• २५१ | |
| चिति गणित (ईंटों के ढेर सम्बन्धी गणित) | | ••• | २६२ | |
| क्रकचिका व्यवहार | • • • | | - • • २६७ | |
| ९. छाया व्यवहार छाया सम्बन्धी गंणित) | | | • २६९ | |
| परिशिष्ट १ संख्या निरूपक शब्दा बळि | ••• | ••• | (अंतिम) १ | |
| २ अनुवाद में अवतरित संस्कृत शब्द | * * * | . • • | 88 | |
| २ अ ग्रंथ में प्रयुक्त संस्कृत पारिमाषिक शब्द | (1वलि | • • • | ३८ | |
| ३ उत्तर-माला | • • • | ••• | ··· २७ | |
| ४ माप-सारणी | • • • | • • • | ٠٠٠ ع ١ | |
| ५ कारंजा जैन-मण्डार प्रति-परिचय | • • • | | ٠٠٠ لونو | |
| ६ प्राफेसर रंगाचार्य और डेविड आइजिन र्ा | रेमथ की प्रस्ता | वनाएँ | Ę¥ | |
| प्रस्तावना की अनुमक्रिका | • • • | ••• | ٠٠٠ ٥٥ | |
| মূদ্ধি-দঙ্গ | • • • | ••• | ८१ | |
| | | | - • | |

.

प्रन्थमाला संपादकीय

पद्ना, लिखना और गिनना ये मनुष्य की मौलिक विद्यायें मानी गई हैं। जैन-शास्त्रों में जिन बहत्तर कलाओं का उल्लेख मिलता है उनमें सर्वप्रयम स्थान लेख का और दूसरा गणित का है। तथापि आगमों में प्रायः इन कलाओं को 'लेहाइयाओ गणियप्पहाणाओ' अर्थात् लेखादिक, किन्तु गणित प्रधान कहा गया है। इससे सिद्ध होता है कि बालक की शिक्षा में एवं मानवीय व्यवहार में गणित का बड़ा महत्त्व था।

जैन-साहित्य यद्यपि धर्म व दर्शन प्रधान है, तथापि उसमें गणित-शास्त्र का उपयोग व व्याख्यान पद पद पर पाया जाता है। विशेषतः इस साहित्य के चार अनुयोग—प्रथम, करण, चरण और द्रव्य माने गये हैं। उनमें करणानुयोग में लोक का स्वरूप वर्णित पाया जाता है; और उस निमित्त से सूर्य, चन्द्र व नक्षत्र तथा द्वीप, समुद्र आदि के विवरणों में गणित की नाना प्रक्रियाओं का प्रचुरता से उपयोग किया गया है। सूर्यप्रज्ञित, चन्द्रप्रशित एवं वम्बूद्रीपप्रशित नामक उपाक्कों में तथा तिलोयपण्णत्ति, षट्खंडागम की धवल टीका एवं गोम्मटसार व त्रिलोकसार तथा उनकी टीकाओं में प्रचुरता से गणित का प्रयोग पाया जात है; और वह मारतीय प्राचीन गणित के विकास को समझने के लिये बड़ा महत्त्वपूर्ण है। सूर्यप्रज्ञित को तो गणितानुयोग भी कहा गया है। वैदिक परम्परा में गणित का विषय वेदाक्क ज्योतिष आदि ज्योतिष के ग्रंथों में प्रयुक्त पाया जाता है। पाँचवीं शती में हुए आर्यमट ही एक सर्वप्रथम ज्योतिष पाये जाते हैं बिन्होंने अपने आर्याष्ट्रशत नामक कृति में ३३ स्त्रोकात्मक गणित का एक प्रकरण स्वतंत्र रूप से जोड़ा है। उनके पश्चात् हुए ब्रह्मगुत ने भी अपने ब्राह्म स्कुट सिद्धान्त नामक ग्रंथ में गणित का एक अध्याय बोहा है।

इस समस्त परम्परा में एक भी ऐसा अंथ नहीं दिखाई देता जो पूर्णतः गणित-विषयक कहा जा सके। ऐसा सर्वप्रथम अंथ महावीराचार्य कृत गणितसार-संग्रह ही है जिसकी रचना राष्ट्रकृट नरेश अमोधवर्ष के राज्यकाल में हुई थी जो सन् ८१३ से ८८० ईस्वी तक पाया जाता है। यह राजा जैनघम का बड़ा अनुरागी था और उसके संरक्षण में बहुत से जैन साहित्य की रचना हुई। राजा स्वयं एक किन था और प्रश्लोत्तर-रक-मालिका नामक प्रज्यात सुमाधित किनता उसी की बनाई सिद्ध होती है। प्रस्तुत अंथ की उत्थानिका में ही अमोघवर्ष की बड़ी प्रशंसा की गई है। यहाँ जो उन्हें महान् यथाज्यात-चारित्र-जलिष आदि विशेषण दिये गये हैं उनपर से ऐसा अनुमान होता है कि उन्होंने राज्यत्याग कर मुनिधर्म धारण किया था। रक्षमालिकों के अन्त में जो उन्हें 'विवेकात् त्यक्तराज्येन' कहा है उससे भी इसी बात का समर्थन होता है। (देखिये डाॅ० ही० ला० जैन, राष्ट्रकृट नरेश अमोधवर्ष की जैन-दीक्षा, जैन सिद्धान्त भास्कर, आरा, १९४३)। एक पूर्णतः गणित विषयक अंथ ऐसा भी मिला है जो आक्ष्वर्थ नहीं महावीराचार्य से

å .

पूर्वकाकीत हो। पेशावर के समीप बक्षाली नामक माम में भूमि के मीतर से एक भूर्व पत्र पर लिखे हुए मंथ के खंड सन् १८८१ में मास हुए। इनकी छानबीन से पता चला कि इनमें मिन्न, वर्गमूल, समान्तर और मुणोत्तर श्रेदियां आदि गणित की मिक्रवाओं का वर्णन है। कुछ विद्वान इस ग्रंथ को तीसरी चौर्या शती की रचना का अनुमान करते हैं और कुछ इसे बारहवीं शती के लगभग रखने के भी पक्ष में हैं। (देखिये Bibhutibhusan Datta, The Bakhshālī Mathematics, Bul. Cal. Math. Soc., XXI, 1 (1929), pp. 1-60).

प्रस्तुत सर्वागयूर्ण गणित प्रंथ के महत्त्व को समझ कर इसका सम्पादन प्रोफेसर रंगाचार्य ने अंग्रेजी अनुवाद सहित सन् १९१२ में किया था जिसका प्रकाशन मद्रास गवन्मेंट की ओर से हुआ था। इधर अनेक वर्षों से वह प्रकाशन अलभ्य है जिसके कारण प्राचीन गणित के विद्वानों व शोधकों को बड़ी असुविधा प्रतीत होती थी। इसी कारण यह आवश्यक समझा गया कि इस प्रंथ का पुनः संशोधन, अनुवाद व प्रकाशन कराया जाय। यह कार्य गणित के प्राध्यापक श्री लक्ष्मीचन्द्र जैन ने अपने हाथ में लिया और उन्होंने अपने हिन्दी अनुवाद तथा प्रस्तावना में विषय को सुस्पष्ट करने में बड़ा परिश्रम किया है जिसके लिये हम उनके बहुत कृतज्ञ हैं। प्रस्तुत ग्रंथमाला के अधिकारियों ने इस ग्रंथ को प्रकाशित करना सहर्ष स्वीकार किया इसके लिये वे चन्यवाद के पात्र हैं। इस ग्रंथ के लिए प्रो॰ भूपाल बाळप्पा बागी (धारवाड) ने महत्त्वपूर्ण प्रास्ताविक लिखा है, जिसके लिए हम उनके आभारी हैं। अनेक सम्पादन व मुद्रण सम्बन्धी कठिनाइयों के कारण ग्रंथ के प्रकाशन में बहुत विलम्ब हुआ इसका हमें दुख है। विद्वानों से हमारी प्रार्थना है कि वे इस महत्त्वपूर्ण शास्त्र के सम्बन्ध में अपने अभिमत व सुझाव निस्संकोच भेजने की क्रपा करें, जिससे विषय का उत्तरोत्तर परिमार्जन होता रहे।

ही. छा. जैन था. ने. उपाध्ये प्रधान सम्पादक

INTRODUCTORY

Aryabhata, the elder (c. 510 A. D.), Brahmagupta (c. 628 A. D.), Mahāvīrāchārya (c. 850 A. D.) and Bhāskarāchārya (c. 1150 A. D.) are the most eminent mathematicians of ancient India.

Mahavīrāchārya, the author of the Ganitasara Samgraha, lived in a period well-known, in the history of South India, for its prosperity, political stability and academic fertility. He was a contemporary and enjoyed the patronage of Nrpatunga, or Amoghavarsha (815-877 A. D.) of the Rashtrakūta dynasty. Nrpatunga was ruling at Manyakheta, but his kingdom.extended far northwards. His capital was a centre of learning. He was not only a mighty ruler, but also a patron of poets and himself a man of literary aptitude and attainments. A Kannada work, Kavirājamārga, on poetics is attributed to him He was a great devotee of Jinasena (the author of Adipurana and Parsyabhyudaya) whose accetic practices and literary gifts must have captivated his mind. He soon became a pious Jaina and renounced the kingdom in preference to religious life as mentioned by him in his Sanskrit work, the Prasuottara-ratnamala and as graphically described by his contemporary Mahaviracharya in his Ganitasāra Samgraha,

Mahāvīrāchārya combines the discipline of seasoned mathematician with the warm and vivid imagination of a creative poet. He skilfully summarizes all the known mathematics of his time into a perfect textbook which was used for centuries in the whole of Southern India. He states rules clearly and precisely. He simplifies and sharpens many processes. He generalises many a theorem shedding light on new aspects by apt illustrations. Gaņitasāra-Samgraha is a veritable treasury of problems many of which are characterised by mathematical subtlety, poetic beauty and delicate hint of refind humour, qualities so rare in a mathematical text book. It is difficult to decide, in a textbook, what is old and what is the original contribution of the author.

Here is a brief survey of the contents of the book:

Chapter I opens with the salutation to Lord Mahāvīra, the twentyfourth Tīrthankara of the Jainas, who by his knowledge of the science of the numbers illuminates the three worlds. This is follwed by a warm and handsome tribute of gratitude paid to his royal patron, Amoghavarsha. After this, comes the most enthusiastic and unique panegyric ever bestowed on the science of Mathematics. Then we have measures used, names of operations and numerals. Rules governing the use of negative numbers are correctly stated; those regarding the use of zero may be stated in modern notation thus:

 $a \pm 0 = a;$ $a \times 0 = 0;$ $a \div 0 = a.$

The last part is obviously wrong. As regards the square root of a negative number, the author observes that since squares of positive and negative numbers are positive, square root of a negative number cannot exist. Considering the limitations of his time, Mahāvīrāchārya could not have reached a more sensible conclusion. We may note, in this context, that the necessary extension of the concept of number which assimilates square roots of negative numbers into the number system, was achieved as late as in 1797 by C. Wessel a Norwegian surveyor (Bell's 'The Development of Mathematics' page 177).

Chapter II deals, in respect of integers, with operations of multiplication, division, squaring and its inverse, cubing and its inverse, arithmetic and geometric series.

Problem II 17. In this problem, put down in order (from the unit's place upwards) 1, 1, 0, 1, 1, 0, 1 and 1, which (figures so placed) give the measure of a number and (then) if this number is multiplied by 91, there results that necklace which is worthy of a prince. The 'Necklace' referred to, may be displayed thus:

 $11011011 \times 91 - 1002002001$.

Two more 'garlands worthy of a prince' are : (II 11, 15): $333333666667 \times 33 = 11000011000011$; and $752207 \times 73 = 11$, 111, 111.

Chapters III and IV are devoted to elementary operations with fractions. Mahāvī āchārya has paid considerable a tention to the problem of expression of a unit fraction as the sum of unit fraction. This problem has interested mathematicians from remote antiquity (Ahmes Papyrus 1650 B. C.). Here are three relevant problems (II 75, 77, 78) set in modern notation.

$$(1) 1 = \frac{1}{3} + \frac{1}{3} + \frac{1}{3^{\frac{1}{2}}} + \cdots + \frac{1}{3^{\frac{1}{n-2}} \cdot 3^{\frac{1}{2}}};$$

$$(2) 1 = \frac{1}{2 \cdot 3 \cdot \frac{1}{2}} + \frac{1}{3 \cdot 4 \cdot \frac{1}{2}} + \cdots + \frac{1}{(2n-1) \cdot 2n \cdot \frac{1}{2}} + \frac{1}{2n \cdot \frac{1}{2}};$$

$$(3) \frac{1}{n} = \frac{a_1}{n \cdot (n+a_1)} + \frac{a_2}{(n+a_1+a_2)} + \cdots + \frac{a_r}{(n+a_1+a_2+\cdots+a_r)} \frac{a_r}{(n+a_1+a_2+\cdots+a_r)} + \frac{a_r}{a_r} \frac{a_r}{(n+a_1+a_2+\cdots+a_r)}$$

Problem IV 4: One third of a herd of elephants and three times the square root of the remaining part (of the herd) were seen on the mountain slope; and in a lake was seen a male elephant along with three female elephants. How many were the elephants there?

Here is a sample of monkish humour !

Chapter V treats 'Rule of Three' and its generalised forms.

Chapter VI. Having created the arithmetical apparatus in the earlier chapters, in this long chapter, Mahāvīrāchārya applies it to solving many problems which one encounters in life such as money-lending, number of combinations of given things, indeterminate equations of first degree, etc.

Problem (VI 128½): In relation to twelve (numerically equal) heaps of pomegranates which having been put together and combined with five of those (same fruits) were distributed equally among 19 travellers. Give out the numerical measure of (any) one heap.

Problem (VI 218): The number of combinations of n different things taken r at a time is

$$\frac{n(n-1)(n-2)\cdots(n-r+1)}{123\cdots r} \text{ or } \frac{n!}{r!(n-r)!}$$

It is interesting to note that this general formula was discovered in Europe as late as in 1634 by Herigone (Smith's History of Mathematics Vol. II). We may also recall here that the number 7 which occurs in Saptabbangi provides a simple example in the theory of Permutations and Combinations. A layman can verify that he can form seven and only seven different combinations of three distinct objects. Jainas have been using mathematics freely in their sacred literature from very remote antiquity. The above example supports this fact.

Problem (VI 220): 0 friend, tell me quickly how many varieties there may be, owing to variation in combination of a single-string necklace made up of diamonds, supphires, emeralds, corals and pearls?

Problem (VI 287): What is that quantity which when divided by 7, (then) multiplied by 3, (then) squared, (then) increased by 5, (then) divided by 3/5, (then) halved and (then) reduced to its square root, happens to be 59.

Note the sheer devilry of it!

In chapters VII and VIII problems on mensuration are treated. Some of the formulas used are noted here:

- (1) The Pythargorean formula for the sides of a right angled triangle is $a^2 = b^2 + c^2$ where a is the hypotenuse.
- (2). Area of △ ABC is

$$\sqrt{s}(s-a)(s-b)(s-c)$$
 where $2s=a+b+c$.

(3). The area and the diagonals of a quadrilateral ABCD are:

$$\sqrt{(s-a)(s-b)(s-c)(s-d)}$$
 where $2s=a+b+c+d$;
 $\sqrt{(ac+bd)(ab+cd)}$; $\sqrt{(ac+bd)(ad+bc)}$.
 $ad+bc$

It is unfortunate that both Mahavīrāchārya and his predecessor Brahmagupta made the common mistake of not mentioning the fact that these formulas hold for cyclic quadrilaterals only.

- (4). $\pi = 3$ or $\sqrt{10}$.
- (5). The circumference of an ellipse whose major and minor axes are of lengths 2 a and 2 b is $\sqrt{24 \, b^2 + 16 \, a^2}$ which reduces to $2\pi \, a \sqrt{1 \frac{3}{5}} \, e^2$ where e is the eccentricity. It is difficult to imagine.

how Mahaviracharya could attain such a close approximation without the help of the powerful tools available to us.

Chapter IX treats the so called "Shadow Problems,"

Raobahadur Rangacharya's edition of Ganitasara-Saingraha with English translation has been out of print for over thirty five years. Thanks to the zeal and labours of Prof. L. C. Jain, the present edition with Hindi translation goes some way to meet a long felt need. It is, however, felt that a new edition with English translation by an experienced Mathematician who knows Sanskrit well is an urgent need.

The writer is thankful to his learned friends Dr. Hiralalji Jain and Dr. A. N. Upadhye for assigning to him the pleasant task of writing this foreword.

DHARWAR, October 1963

B. B. BAGI

EDITORIAL

The work of Hindi translation of Ganitasara-Sanigraha was entrusted to me by Dr. H. L. Jain in 1951; soon after I had joined the College of Science at Nagpur. It took nearly twelve years for its publication. During this period, while in his contact, I became interested in the study of mathematical contents of the old Prakrit texts (Dhavala and Tiloyapannatti recently brought to light and edited with Hindi translation by him. It was easy to mark out the difference between the treatment in Ganitasara Samgraha and the mathematical contents of the Prakrit texts. The former is a work on Indian logistics or Laukiki, a few portions of which could be useful for the study of the latter which we may call Indian arithmetica. Artha, in Prakrit texts, implies the measure of substance, field. time and beings' becomings in terms of monads. The Prakcit texts. made known to the Hindi world by Dr. H. L. Jain and others, form important sources of Indian arithmetica which throw light on the darkest period of Indian history of mathematics. It is regretted that certain articles of Dr. A. N. Singh on these topics are not known to historians of mathematics, for they were not published in recognized mathematical magazines. A reference to these was made by Sinyhal in an article on Dr. Singh in Ganita, Vol. 5, No. 2, (1954).

In the present work, I have based the translation mainly on the English translation of Professor Rangāchārya, taking liberty of Hindi expressions and keeping his notes intact. In the introduction I have tried to give a general observation on the history of mathematics upto the time of Mahāvīrāchārya. This is chiefly based on Bell's Development of Mathematics and History of Hindu Mathematics by Datta and Singh. Then I have given a specific observation on the history of mathematics of the Pythagorean era. In this I have given relevant references of the works which form important sources of Indian arithmetica, and have tried to correlate certain similarities in Greek, Egyptian, Babylonian, Indian and Chinese arithmetica etc. I have concluded therein that the mathematics developed in the school of Vardhamāna Mahāvīra

is one of the connecting and missing links in the history of Mathematics.

I have traced these developments in a systematic form in the Jiva Tatva Pradipikā commentary on Gommatasāra. It abounds in symbolism for place value, logarithms, transfinite and finite cardinals, sets and operators. One may be confused to see that a single symbol has been used in various texts to denote various measures or operations. For example, zero as a circle stands for a negative sign, for one sensed soul, for the agrihita stage of soul (for a void), for filling up gaps, and for a place value. Sets are of varying, oscillating and constant types. A kind of well ordering concept seems to have been used in formation of sequences from the greatest transfinite set. Comparability also plays an important role in the treatment.

Thus Mahāvīrāchārya had before him, the works of his predecess its, both in logistics and in arithmetica. He made a clear remark in his connection, is verse 70, Chapter 1, for a study of Agama for further details. His work contains other elementary descriptions on series etc., found in details in Prakrit texts, referred above. It seems that his acquaintance with proper infinities in which monads alone played the role of division etc., made him to think of division by zero as a distribution in a logical way. If a sum is to be distributed to none, the sum would remain unaffeced.

The first four appendices contain practically the same matter as appeared in Rangāchārya's translation. The fifth appendix contains new collation-material compiled at the instance of Dr H. L. Jain from certain manuscripts from Karanja. In the sixth appendix it has been thought useful to reproduce the preface of Professor Rangāchārya and introduction of Professor David Eugene Smith.

Thanks are due to Professor B. D. Dube for his kindness to give valuable suggestions. Thanks are also due to the proprietor of the Press for his kind co-operation.

I am grateful to my Principal, Shri G. R. Inamdar, and to my senior colleague, Prof. K. S. Rathore, for their affectionate patronage. My gratitude is also due to Prof. S. B Gonr for his close assistance.

समर्वण

श्री १०५ पू० क्षु० मनोहर वर्णी 'सहजानन्द' जिन्होंने

निरन्तर ज्ञान तप साधना रत हो

''स्यां स्वस्मै स्वे सुखी स्वयम्' उद्घोष गीत से

संतप्त जग जीवन में

चन्द्र सितारा मय

शीतल सम्यवल-प्रभात

उतारा है

तथा

जीवन बन्धु किनोबा भावे

जिन्होंने

सर्वोदय और भूमिदानादि रत्न दीपों से कृष्ण क्षुब्ध तम जरुधि तटों पर स्रुप्त प्राणों के प्राणों को जागृत रसा है

को

सादर

सस्नेह

प्रस्तावना

भारतीय गणित इतिहास के जगतप्रसिद्ध गणितक महावीराचार्य के गणितसार संब्रह प्रन्थ का पुन-बद्धार प्रोफेसर रंगाचार्य द्वारा सन् १९१२ में हुआ । इस प्रन्य के तीन अवर्ण इस्तलेख उन्होंने गव्हर्नमंट ओरिएंटक मेनरिकप्ट्स लायबेरी, मद्रास में, उस समय के डी. पी. आई. श्री जी, एच, स्टुअर्ट की प्रेरणा से पास किये। उन तीन इस्तिलिपियों में से एक ती । ग्रंथ की लिपि में कागन पर है. जिसमें संस्कृत टीका सहित प्रथम पांच अध्याय है। बाकी दो हस्तलिपियां² ताइपत्रों पर कनडी लिपि में हैं। एक ताइपत्र में प्रथम पांच अध्याय हैं, और दसरे में सात अध्याय हैं, जिनमें क्षेत्रफर्लों का ज्यामितीय विधि से निरूपण है। इन दोनों इस्तलिवियों में संस्कृत में लिखा हुआ मूल ग्रंथ है, और कनड़ी भाषा में कुछ विविध उदाहरणार्थ प्रस्त तथा उन्हीं प्रदनों के उत्तर दिये गये हैं। इस प्रय का पूर्णरूपेण अंग्रेजी में अनुवाद करने के छिये प्रोफेसर रंगाचार्य ने कई जगह खोज करवाई, जिसके फल स्वरूप उन्हें कुछ और इस्तलिपियां प्राप्त हुईं। चौथी हस्तिलिप गढहर्नमेंट 3 ओरिएंटल लायबेरी, मैसर में प्राप्त हुई । यह इस्तिलिप मूल रूप में ताह पत्र पर किसी जैन पंडित के पास थी, जिसे कागज पर कनड़ी में उतारा गया था । इस लिपि में पूरा ब्रन्थ है, साथ में. वल्लम द्वारा कनहीं भाषा में की गई टीका भी है। वल्लम ने उसी में लिखा है कि इसी बन्य की टीका उन्होंने तेलगू में भी की। पांचवीं इस्तिखिपि, दक्षिण कनड़, मुडबिद्री में एक बैन मंदिर के भांडार में ताड-पत्र पर कनड़ी में लिखित प्राप्त हुई। इसमें भी पूर्ण प्रंथ है तथा कनड़ी में प्रश्न और उनके उत्तर दिये गये हैं। ग्यारहवीं सदी में राजमंद्री के राजराजेन्द्र के शासन काल में इस मध्य का अनुवाद पावलिर मस्त्रण द्वारा तेलगू में हुआ, जिसकी कुछ इस्तलिपियां मद्रास की गन्हर्नमेंट ओरिएंटल मेनस्क्रिप्ट्स लायबेरी में हैं।

प्रनेश पढ़ने से जात होता है कि प्रनथकार सम्भवतः ईसा की नवीं सदी में मैसूर प्रांत के किसी कनड़ी भाग में हुए होंगे, जहां राष्ट्रकृट वंश के चिक्रका मंजन राजा अमोधवर्ष दृपतुंग का शासन था। महावीराचार्य के कार्य का महत्व समझने के लिये गणित के विकास के हितहास पर बिहंगम हिष्ट डालना आवश्यक प्रतीत होता है। गणित के विकास में भारतीयों का कितना अंशदान या यह भी इससे स्पष्ट हो जावेगा। इस विकास विवरण को हम केवल महावीर के काल तथा पश्चिम के देशों तक सीमित रखेंगे।

इस इस्तिखिपि को प्रोफेसर श्रीचार्य ने "P" द्वारा अभिधानित किया है। इस भी इन्हीं संकेतीं को उपयोग में कावेंगे।

२. दोनों इस्तिकिपियों में साधारण कक्षण होने पूर्व विषय अविकादी (overlapping) न होने के कारण इन्हें "E" इति अभिधानित किया गया है।

३. इसका अभिधान "M" द्वारा किया गया है।

४, इस इस्तिलिपि को "B" द्वारा अभिधानित किया गया है।

५. असोधवर्ष तुपतुंग के विषय में इतिहासकारों का मत है कि वे ईसा की नवीं तदी के पूर्वार्ट में राजगई। पर बैटे। इनके विशेष परिषय के किये नाष्ट्राम प्रेमी का "जैन साहित्य और इतिहास" 1९४२, पृथ्य पाछ आदि देखिये।

गणित इतिहास का सामान्य अवलोकन

यह शात नहीं कि विश्व के किस प्रदेश में, कब और किसने यह सोचा कि संख्या और आकृति का शान सम्य जीवन के लिये उतना उपयोगी सिद्ध होगा जितनी कि भाषा । धंख्या और आकृति, इन दो मुख्य धाराओं द्वारा गणित वर्तमान रूप में आई । प्रथम धारा अंकगणित और बीजगणित को लाई, तथा दूसरी धारा ज्यामिति को । सन्नहवीं सदी में ये दोनों मिलकर गणितीय विश्लेषण (mathematical analysis) रूपी अगम्य नदी के रूप में बदल गई ।

ईसा मसीह से सैकड़ी सिदयों पिहके विश्व के जो प्रदेश सम्यता की चरम सीमा तक पहुँच सके उनमें प्रायः सबका इतिहास अज्ञात है, केवल वहीं देश इतिहास को बना सके जहां ऐतिहासिक सामित्रयां अभी तक हजारों वर्षों के विनाशकारी वातावरण से छोहा लेकर सुरक्षित चली आईं। इन देशों में

बेबीलोनिया (बाबुल), मिस्र भौर भारत विशेष रूप से प्रसिद्ध हैं।

दबला और फरात निर्यों के कछार के पिरचमी भाग में स्थित झुलने वाले बगीचों के देश बेबीलोन (Babylon) में लगभग ईसा से प्रायः ५७०० वर्ष पूर्व के अभिलेख वहां की सम्यता का प्रदर्शन करते हैं। उस काल में इस देश के निवासी अपने कान को मिट्टी की चिक्रकाओं, रम्मों (बेलनों) और त्रिसमपार्थों में अंकित कर उन्हें पकाकर सुरक्षित रखते थे। उनके अध्ययन से ज्ञात होता है कि उनकी सम्यता का आधार कृषि था, जिसके लिए उन्हें पंचांग (calendar) की आवश्यकता होती थी। उस सदी में उन्होंने अपने पूर्व के वेद्य सुमेर (Sumer) वासियों से सीखा होगा। ईसा से प्रायः २५०० वर्ष पूर्व सुमेर के व्यापारी वजन और मापों से परिचित थे। उन्हों की गणना का मान बेबीलोन पहुँचा। वह मान षाष्ठिका (६० को आधार लेकर) था, जिसमें दशमलव (१० को आधार लेकर प्राप्त हुई) पद्धित का कुछ मिश्रण था। यह अनुमान स्थाया जाता है कि १०, अंगुलियों को गिनने से और ६०, १० में ६ का गुणन करने से प्राप्त किया गया होगा। ६ इसलिए चुना गया कि उससे उपयोगी भिजों को सरखता पूर्वक व्यक्त किया जा सकता था।

ईसा से प्रायः २००० वर्ष पूर्व की अंकगणिति की सारिणियों में गुणन के सिवाय वर्गमूल तथा वर्ग और धन की सारिणियों भी थीं। न न न न से सारिणी का भी व उपयोग करते थे, जहाँ न का मान १ से लेकर ३० तक था। इस प्रकार उनकी नैसर्गिक प्रवृत्ति फलनीयता (functionality) की ओर थी। उस समय यहाँ की बीजगणित में निरीक्षण और उपपत्ति दृष्टिगत नहीं है, पर समीकरणों का आंशिक इल दिया गया है। आजकल की पारिभाषिक शब्दावलि (terminology) में उन्होंने क्ष न स क्ष न में बदलकर इल किया, बिसमें उन्होंने य = भ तथा स = - ब को स्थ न स के रूप में बदलकर इल किया, बिसमें उन्होंने य = भ तथा स = - ब का स्थ

रखकर है से पूर्व समीकरण को गुणित किया। यदि परिणामी स धनात्मक है तो य के और क्ष के मान (values) न मन की सारिणी से प्राप्त हो सकते हैं। उस समय के बाद इस किया की पद्धति इटली की सोलहवीं सदी की बीजगणित में मिलती है। कुछ समीकरणों के सिवाय, उन्होंने दस अज्ञात वाले दस एक धातीय समीकरणों युक्त प्रकृतों के रूपों का इल भी किया है। उस काल की शांकय गणित में आयत, समकोण त्रिमुंब, समिद्धवाहु त्रिमुंब आदि का क्षेत्रफल निकाला वा चुका था, और परिधि क्यास की निष्यत्ति ३ मानी वा चुकी थी। संभवतः यहाँ के निवासी सिवाई और नहरों सम्बन्धी समस्याओं में आयतन, लम्ब इतीय बेलन और समस्याओं के ठीक तरह साधित किये गये उदाहरणों को उपयोग में

प्रस्तावना 3

छाते थे। यहाँ की रेखा गणित की तीन बातें उछिखनीय हैं। प्रथम तो यह कि अर्बंदुत्त का कोण समकोण होता है। दूसरी यह कि वे साध्य (कर्ण) = (ल्प्ब) + (आधार) ने, का उपयोग २०, १६, १२ और १७, १५, ८ जैसी राशियों में कर चुके थे। तीसरी यह कि गणितीय विश्लेषणके उद्गमों के चिन्ह, जैसे, समकोणिक त्रिमुजों के बराबर कोणों की संवादी सुजाएँ समानुपाती होती है। यह हुई वेबीलोन की प्रगति जिसके प्रशात वहाँ के प्रगति चिन्ह नहीं मिलते।

अब स्थल मार्ग से अरब देश को पारकर नील नदी के किनारे बसे मिस्र देश में चिलिये। यह पिरेमिडों (स्तूपों) का विचित्र देश ईसा से प्रायः ४००० वर्ष पूर्व से लेकर २७८१ वर्ष पूर्व तक के पुरातत्व की सामग्री का भेँदार है। बेबीलोन की तरह इस देश की सम्यता का आधार कृषि था। इसका पता संमवत: ४२४१ वर्ष पूर्व के वहाँ के एक तिथिएत से चलता है जिसमें ३० दिन वाले १२ माह है. जिनमें ५ दिन जोड़ने से ३६५ दिन पूरे किये जाते हैं। इस ज्योतिर्विद्यान हेतु वहाँ अंकगणित भी विकसित की गई। बेबीलोन की तरह इस देश के अभिलेख मुरक्षित रहे आये; क्योंकि एक तो यहाँ की जलवायु महस्थली थी, और दूसरे यहाँ मृतकों (बैल, मगर, बिल्ली और मानवों) के लिये बहुत मान्यता दी जाती थी। इसी कारण मिस्रियों ने आवश्यकतानुसार यह खोज निकाला कि निरर्थक "कलम के गृदे" (papyri) से पवित्र मगरों की लाशों को ठूँस-ठूँस कर भरने से उन्हें जीवित अवस्था का रूप देकर सुरक्षित रखा जा सकता है। इन्हीं पेपीरियों (papy ri) द्वारा ज्ञात होता है कि मिसी ईसा से प्राय: ३५०० वर्ष पूर्व की अंकगणित में करोडों की संख्या का उल्लेख करते थे। इस तिथि की उनकी चित्रलिपि (hieroglyphics) में वर्णन है कि १,२०,००० मानव, ४००,००० बैल और १,४२२,००० बकरे कैटी बनाये गये । गणना के बाद उन्होंने दशमलवपद्धति का अनुसरण किया, पर वह स्थान-मान (place value) रहित थी । इसके पश्चात, ईसा से १६५० वर्ष पूर्व की अंकगणित में गुणन भाग है। भिन्नों में दे को विशेष प्रतीक द्वारा प्ररूपित किया गया है, अन्य मिर्ज़ों को है सहश रूप वाले मिर्ज़ों के योग में हासित अंकित है। आमिस (Ahmes) ने ने के सब भिन्नों को (बहाँ न का मान ५ से लेकर १०१ तक है) पूर्ववत् क्लिखा है। आगे (ईसा से सम्मवतः २००० वर्ष पूर्व के एक प्रश्न से) बीजगणित के उद्गम का आभास मिलता है, जो आजकल के प्रतीकों में क² + ख² = १००; ख = ³/₂ क को हल करने के समान है। मिल्ली लोगों ने इसे इल करने के लिये कूट स्थित की रीति (rule of false position) का उपयोग किया है, जो ईसा की प्रायः १५ वीं सदी तक उपयोग में आती रही है। उन्हें समानुपात (proportion) ज्ञान भी था, जो गणितीय विश्लेषण का एक मुख्य आधार है। प्राय: इसी समय उन्होंने परिषि और न्या स की सूक्ष्म निष्पत्ति को रे१६ वतलाया है। यद्यपि इस देश में पैथेगोरस के साध्य (५१ =४ १ + ३१) का कोई लिखित प्रमाण नहीं मिलता; तथानि उनके अवस्तरी रज्जुओं (rope stret chers) में ५, ४, ३ का अनुपात रहता था। व्यावहारिक मापों के विषय में कहा जाता है कि ईसा से प्रायः २००० वर्ष पूर्व भी मिस्रवासी पर्याप उन्नति कर चुके थे। इसके कई उदाहरण हैं। एक तो यह कि नदी के चारों ओर की ७०० मील जगह में उनके जल प्रमापी (water gauges) एक सतह में थे। दूसरा यह कि उन्हें त्रिभुव का क्षेत्रफल तथा बेलन आदि के ग्रुद्ध आयतन निकालना हात या। इनके सिवाय एक और बात उद्धेखनीय है कि विश्व प्रसिद्ध ग्रेट पिरेमिड के अतिरिक्त एक और सबसे महान् पिरेमिड, मिस के किसी अज्ञात गणितज्ञ के मिस्तिष्क में था, विस्की खोज १९१० में मास्को पेपिस (Moscow papyrus) के अनुवाद के पस्चात् हुई है। इस महान् गणितज्ञ ने उसमें एक सही सुत्र दिया है, विसके द्वारा वर्ग आधार वाले स्तृप के सम्बक्तिक का आयतन निकाला जा सकता है। सुत्र यह है: आयतन = है उ (अ + अ व + व + व + व), जहाँ अ, व, क्रमणाः अर्घ तल तथा अधोतल के आधारों की भुजाओं के माप हैं, और उ उसकी अर्घाधर ऊँचाई (vertical height) है। इसका समय लगमग ईसा से १८५० वर्ष पूर्व है। इस सुत्र में ग्रीक लोगों की निश्रोषण विधि' (method of exhaustion), और १५वीं सुत्र के केवेलियर (Cavelieri) की "अविभाज्यों की रीति" (method of indivisibles) निहित्त है। अपने लिये वह सीमा (limit) का सिद्धान्त है और बाद में अनुकल कलन (integral calculus)। इनका किंचित् और सामान्य रूप (generalised form) आर्किमिडीज़ ने ईसा से प्रायः ५०० वर्ष पूर्व बतलाया है। गणित को मिस्रवासी भी इस हद तक बढ़ाकर आगे न बढ़ सके।

मिस्र के इस गणितीय इतिहास के पश्चात् हम भारत न पहुँचकर पहिले अमध्यसागर के रास्ते मीस देश (यूनान) पहुँचते हैं, जो ईसा से प्रायः ६०० वर्ष पूर्व के पश्चात् रेखा और शांकव गणित में अहितीय प्रगति करने के लिये प्रसिद्ध है। ग्रीस की गणित के इतिहास में ईसा से प्राय: ६५० वर्ष पूर्व हुए बेस्स तथा (ईसा से प्राय: ६०० वर्ष पूर्व १ ५२७ वर्ष पूर्व १ उत्पन्न हुए) पैथेगोरस ने गणित को तर्फ पर आधारित किया. और प्राकृतिक घटनाओं को अंक गणित द्वारा प्रदर्शित किया। पैथेगोरस के समय के प्रारम्भ हुई प्रीस देश की प्रगति को देखकर यह अनुमान लगाना स्वामाविक है कि यह प्रगति पूर्वीय हेजी के जान का आधार लेकर सम्भव हो सकी होगी। यह मान्यता है कि उसका सबसे महान आविष्कार ''समान आति बल (tension) बाले धार्गों की लम्बाइयों के अंकर्गणितीय कुछ अनुपातों (ratios) पर संगीत-अंतरालों की निर्भरता" के विषय में था। उसके दैखिकीय साध्य से सभी परिचित हैं। इसी साध्य के द्वारा पैथेगोरल ने 🗸 र की अपरिमेयता को बतलाया, और "मुजा" तथा "विकर्ण" संख्याओं की ओह संरचना के विषय में नियम निकाला। इनके सिवाय पैथेगोरीय वर्गों ने वास्तविक मूल वाले वर्ग समीकारों का रैखिकीय इल निकाला, अनुपात का सिद्धान्त निकाला, पांच नियमित संद्रों की रचना बतलाई, और दिये गये क्षेत्रफल की आकृति के तुल्य अन्य आकृतियाँ बनाकर बतलाई। उनके द्वारा प्रणीत रूपक (figurate) संख्यारें आब की अंकगणित के लिए बड़ी सुझावपूर्ण सिद्ध हुई । जैसे, न्निमजीय संख्याओं का प्रयोग एनपिडोक्कियन रसायनशास्त्र में करने पर यह सार निकलता है कि समस्त दस्य वास्तव में त्रिभुज हैं। पैथेगोरस के समय से अंक-ज्योतिष का आरम्भ होना भी माना जाता है। काळान्तर में इटली के एलिया नगर निवासी बीनो (Zeno-४९५ १-४३५ १ ईस्वी पूर्व) के चार असद्भासों (paradoxes) में गणितीय अनन्त की अवधारणा के परिष्कृत करने का प्रयास परिलक्षित होता है। इसके सिवाय युडो (Eudous-ईसा से ४०८ पूर्व से ३५५ तक) ने अनुपात का सिद्धान्त निकालकर भिन्न के आयतन निकालने के दुनों को लिख किया, तथा गणितीय विश्लेषण की वास्तविक संख्या पद्धति avatem of real numbers) की स्थापना की । सम्मवतः इसी सिद्धान्त के आधार पर निश्लेषण बिधि और डेडीकॅन्ड के बाद अनुकलकलन का उपयोग हुआ। कहा जाता है कि यहाने भी पूर्व के हेकों का अमन किया था। यूक्तिक (ईसा से २६५ वर्ष पूर्व से २७५ पूर्व) ने अंकमणितीय विभावन का आवारमूत लाध्यों को सिद्ध किया । उसने रेखागणित को तर्क पद्धति पर बना और अर्थमिति की

(arithmetica) को व्यवस्थित किया, तथा रैक्किंग काशिकी पर विवेचन दिया। इस तरह पैचेगोरस और मूक्किंड ने शांकव गणित को छोड़कर शेष प्राथमिक रेखागणित को टोसक्य से सम्पूर्ण बना दिया। इनके पद्मात आर्किमिडीज़ का नाम आता है, जो विश्व का सूसरा गणितीय भौतिकशास्त्री कहळाता है। यह गणितश्र ईसा से २८० वर्ष पूर्व से २१२ वर्ष पूर्व तक रहा। इसने स्थैतिकी और उद्स्थेतिकी (hydrostatics) के गणितीयविश्वानों की जह जमाई, अनुकल कलन का अनुमान ब्याया और अपने नाम की समानकोणिक कुम्तल (equiangular spiral "ρ = αθ") की स्पर्श रेखा-खाँचकर चळन कळन (differential calculus) का स्थूळ रूप में प्रयोग किया। इनके सिवाय, उसने विश्लेषण विधि का प्रयोग गोळ, रम्म, शंकु, गोळीय खंडो, परिभ्रमण से प्राप्त गोळज, अतिपरवळव (hyperboloid) आदि की शांकव गणना में किया। इनमें से कुळ को यदि आजकल के प्रतीकों में छिखा जाय तो अप्रळिखित को अनुकलित करना होगाः किया। इनमें से कुळ को यदि आजकल के प्रतीकों में छिखा जाय तो अप्रळिखित को अनुकलित करना होगाः किया। इनमें से कुळ को यदि आजकल के प्रतीकों से छिखा जाय तो अप्रळिखित को अनुकलित करना होगाः किया। इनमें से कुळ को यदि आजकल के प्रतीकों से छिखा जाय तो अप्रळिखित को अनुकलित करना होगाः किया। इनमें से कुळ को यदि आजकल के प्रतीकों से छिखा जाय तो अप्रळिखित को अनुकलित करना होगाः किया। इनमें से कुळ को यदि आजकल के प्रतीकों से छिखा जाय तो अप्रळिखित को अनुकलित करना होगाः किया। इनमें से कुळ को यदि का श्रोकल निकालते समय फल की रैखिकीय उपपत्ति दी, और उसी की अनन्त श्रेदि का योग, अभिकेख बढ़ इतिहास के अनुसार, सर्वप्रथम निकाला। वह श्रेदि है Σ(४)

 $\triangle = [$ सा (सा – का) (सा – सा) (सा – गा) $]^{\frac{1}{2}}$

पेप्स (Pappus) ने २५० ईस्वी में तीन महत्वपूर्ण साध्य खोजे। उसने दीर्घकृतज (ellipsoid) आदि की नामि (focus), नियता (directrix) के गुणों को सिद्ध किया और इस प्रकार विश्लेषकीय रेखागणित में शंकुच्छेदों के लिये साधारण दिषात समीकार का आभास प्रकट किया। उसने प्रक्षेपी ज्यामिति का एक साध्य खोजा, और अनुकल कलन से (परिश्रमण से प्राप्त न होनेवाके) सांहों की परिमा (आयतन) को निकालने के लिये साध्य खोजे। प्राय: इसी काल में हायोफेंटस (Diophantus) ने एक सातीय, दो और तीन अशात वाले, समीकरणों को साधित किया।

ग्रीक गणित का तीत्र विकास प्रायः उस समय से देखा जाता है, जब कि ईसा से ४८० वर्ष पूर्व हुई मैरथान (Marathon) आदि की छड़ाइयों में इन छोगों ने फारस देश पर अधिकार जमाकर वहाँ की गणित सीखी। यह कहना कठिन है कि फारस को यह गणित शान भारत से प्राप्त हुआ या देबीछोन, सुमेर और फैनीकिया (Phoenicia) से।

विका सम्यता के प्राचीन केन्द्र भारत में (ईसा से प्रायः ३००० वर्ष पूर्व के) उच्च सम्यता के चिह्न सिंखु बदी की बाटी में मिळते हैं। उस समय के मारतीय ईंट के मकाम बनाते थे, शहर की बन्दिश करते ये और स्वर्ण, रजत्, ताम्र, कांस आदि बातुओं का उपयोग कर उच्च भेणा का जीवन व्यतीत करते थे। मोहेनजो-दहों के लेखों तथा मुहरों को पूर्ण रूप से पदा नहीं जा सका है। उनमें कई ऐसे चिह्न हैं, जो सम्मवतः बड़ी संख्याओं को दर्शाने के लिये अंकित किये गये होंगे, पर उनके वास्तविक मान का पता पाने का कोई उपाय नहीं दिखाई देता। वेदों में भी सम्यता की उच्चावस्था स्पष्ट रूप से दिखाई देती है। 'ब्राइण साहित्य' (प्रायः २०००— ००० ई० पू०) में धार्मिक और दार्शनिक तत्व तो हैं ही, इनके अतिरिक्त उसमें अंकगणित, रेखागणित, बीजगणित और ज्योतिर्विज्ञान की झलक भी दिखाई देती है।

स्थाकरण तथा स्वर विद्या सम्बन्धी खोजों से प्रतीत होता है कि ब्राझी लिए, ईसा से पूर्व परिपूर्ण की गई होती, और सम्भवतः उसके पहिले ब्राझी संख्याओं का आविष्कार हुआ होता। ब्राझण साहित्य काल में बीजगणित मुख्यतः रैखिकीय थी। किसी दिये गये वर्ग को दी गई भुजा वाले आयत में बदलने की रैखिकीय विधि जो शुल्ब (प्रायः ८००-५०० ई० पू०) में वर्णित की गई है, एक अज्ञात वाले एक बातीय समीकार को हल करने के समान है। यथा, अय = स्वर्ण, जहाँ य अज्ञात पद है। जब दिये गये क्षेत्र को किसी दूसरे अधिक या कम क्षेत्रफल वाले क्षेत्र में बदलना होता था, तब उस क्रिया में वर्ग समीकरण का उपयोग होता था। बैदिक आहुतियों की सबसे महत्वपूर्ण महावेदी, समिद्धबाहु समल्यन चतुर्भुज (trapezium) के आकार की थी, जिसका आधार २०, सामने की भुजा २४ और ऊँचाई (सम्ब) १६ एकक (units) थी। वेदी के क्षेत्र को म एकक से बदाने के लिये अज्ञात भुजा क्ष मानने पर य का निस्नलिखित मान मात होता है:

पर य का निम्नि खिलित मान प्राप्त होता है :
३६ य
$$\times \frac{(२४ \, 2 + 30 \, 2)}{2} = 35 \times \frac{78 + 30}{2} + 4$$
,
या १७२ य² = ९७२ + 4,
या य = $\pm \sqrt{2 + \frac{4}{292}}$

यदि म को ९७२ (न-१) रखा जाय ताकि बढ़ी हुई वेदी का क्षेत्रफल, पूर्व क्षेत्र से 'न' गुना हो जाय, तो स = $\sqrt{\frac{3}{4}}$ प्राप्त होता है। इस प्रकार के कुछ विशेष प्रकरण, शुक्त में वर्णित हैं। न = १४ या १४ $\frac{3}{6}$ वाले प्रकरण ब्राह्मण साहित्य में पाये जाते हैं। इसी में शिने सित (बाज पक्षी के आकार की वेदी) का क्षेत्रफल बढ़ाने के लिये [क २ = १२ $\frac{2}{१२}$ = (सिक्तकटतः) १४] वर्ग समीकरण का उपयोग किया गया है। इनके सिवाय, निम्नलिखित प्रकार के अनिर्घारित (undetermined) समीकरण भी वेदियों की रचना में उपयोग में लाये गये हैं:

क^२ + ख^२ = ग^२ (क, ख, ग तीनों अज्ञात हैं); क^२ + अ^२ = ग^२ (क और ग अज्ञात हैं);

एवं, अक + बल + सग + दघ = प }, जहाँ क, ल, ग और घ अज्ञात हैं। क + स्व + ग + घ = फ }, जहाँ क, ल, ग और घ अज्ञात हैं।

इसके बाद, एक ज्योतिष का छोटा सा ग्रंथ वेदांग ज्योतिषक्ष महात्मा लगप द्वारा किसी स्वतंत्र ज्योतिष ग्रंथ के आधार पर यह की सुविधा के लिये संग्रहीत किया गया प्रतीत होता है। यह ग्रंथ सम्भवतः काश्मीर के शीनगर से भी उत्तर में, काबुल के अक्षांद्य के आसपास, कहीं रचित हुई हात होता है

क्ष देखिये डा॰ गोरस प्रसाद हारा सम्पादित 'सरक विज्ञान सागर' पृष्ठ ४१०, (हलाहाबाद विज्ञान परिचर्), भाग 1, अंक १-४, (१९४६)

बेदांग ज्योतिष का एक युग ५ सीर वर्ष का होता था, जिसमें ६० सीर मास, २ अधिमास, ६२ चांद्र मास और १८३० अहोरात्र या सावन दिन समझे जाते थे। एक युग में १२४ पक्ष और एक पक्ष में १५ तिथियाँ मानी गई थीं। इस ग्रंथ के अतिरिक्त त्रिलोक प्रकृति, सूर्य प्रकृति, चंद्रप्रकृति और ज्योतिष करण्डक ग्रंथों में ग्रीकपूर्व जैन-ज्योतिष गणितीय विचार-घारा दृष्टिगत होती है।

प्रोफेसर वेबर (Weber) के कथनानुसार सूर्य प्रश्नित ग्रंथ, वेदांग ज्योतिष के समान केबल धार्मिक कृत्यों के सम्पादन के लिये ही रचित नहीं हुआ, वरन् इसके द्वारा ख्योतिष की अनेक समस्याएँ सुख्याकर प्रखर प्रतिभा का परिचय दिया गया।

ईसा से ४०० वर्ष पूर्व के पश्चात् हिन्दू गणित पुनरुद्धार हुआ । उस समय सूर्य सिद्धान्त और वैतामह सिद्धान्त लिखे गये । गणित दो भागों में विभक्त हुई, एक तो अंकगणित तथा बीजगणित और दूसरी ज्योतिष तथा क्षेत्रगणित । वैसे तो, बहुत पहिले से भारतीय गणना का आधार १० था । जब ग्रीक १० तक और रोमन १० तक के ऊपर की गणना जानते न थे, तब भारत में अनेक संकेतना स्थानों का ज्ञान था । ईसा से ५०० वर्ष पूर्व से ही शतकमान पर आधारित संख्याओं के नामों की भेणी को जारी रखने के प्रयक्त हो चुके थे । ईसा से १०० वर्ष पूर्व के ग्रंथ अनुयोग सूत्र में (२) व तक की संख्या का उपयोग हो चुका था । इसमें स्पष्ट रूप से २ को आधार चुना गया था । जब स्थान-मान का विकास हुआ तब इकाई से लेकर दशमल्य मान पर संख्या को लिखने के लिये संकेतना स्थान दिये गये ।

श्रूत्य प्रतीक अका उपयोग पिंगल ने (ईसा से २०० वर्ष पूर्व ?) अपने चाँदा सूत्र के छन्दों में किया है। ईसा के कुछ सिदयों पश्चात् की (बक्षाली गाँव की खुदाई से प्राप्त) भोज पत्नों पर लिखित एक पोथी में भी अंक शैली का प्रयोग देखा गया है। इसमें गणना में श्रूत्य का उपयोग हुआ है। श्रूत्य प्रतीक सिहत स्थान-मान संकेतना पद्धित, गणित के सभी आविष्कारकों द्वारा बुद्धि की प्रगित के लिये दिये गये अंशदान में उच्चतम कोटि की है। यह अभी तक अज्ञात है कि दशमलव स्थान-मान पद्धित का जन्मदाता कौन विद्वान्-विशेष अथवा ऋषि-मण्डल था। साहित्यक तथा पुरालेख-सम्बन्धी प्रमाणों से यह निश्चित किया गया है कि यह पद्धित २०० ई० पू० के लगभग भारतवर्ष में ज्ञात थी। इस नवीन पद्धित के प्रयोग का प्राचीनतम लिखित प्रलेख ५९४ ई० का गुर्जर का दान पत्र है। यहाँ यह उल्लेख करना आवश्यक प्रतीत होता है कि सेन्ट्रल अमेरिका के माया लोगों की तिथिपत्री में भी श्रूत्य आया है। ये २० को आधार लेकर कोई स्थान-मान पद्धित का उपयोग करते थे। यह माया गणना ईसा से २०० से लेकर ६०० वर्ष बाद की मानी गई है।

ईसा की पाँचवी सदी में जगत् प्रसिद्ध गणितऋ आर्थभट पटना में हुए । इनके पहिले पौलिश, रोमक, वाशिष्ठ, सीर और पैतामह नाम से ज्योतिष के पाँच सम्प्रदाय प्रचलित थे । रोमक सम्प्रदाय यूनानी

⁸ भारतीय भून्य के आविष्कार के विस्तार के विषय में Encyclopaedia Britannica, vol. 23, p. 947, (1929) पर डरिस्टक्तित सेवा देखिये।

[ं] स्थान-मान संदेशना के संबंध में न्युगेबाएर (Nougebauer) का अधिमत उल्लेखनीय है, "It seem to me rather plausible to explain the decimal place value notation as a modification of the sexagesimal place value notation with which the Hindus became familiar through Hellenistic astronomy."—The exact Sciences in Antiquity, Providence (1957), p. 189.

गमना शैकी का चोतक है। इनके ग्रंथ आर्थमटीय से सात होता है कि इन्होंने सब प्रयों का सार महणकर अपने समय के ज्योतिष ज्ञान को बदाने में अभूतपूर्व कार्य किया। इन्होंने सूर्य तारों को स्थिर बतकाया, प्रथ्वी की परिधि निश्चित की और सूर्य, चंद्र प्रदृष के कारणों का वैशानिक ढंग से स्पष्टीकरण किया। इस ग्रंथ के गणित पाद अध्याय में अंकगणित, बीजगणित और रेखागणित के बहुत से कठिन प्रदन्तों को ३० दखोकों में मर दिया गया है। उसमें उन्होंने के त्रफल, घनफल, त्रिकोणमिति, छाया सम्बन्धी प्रदन, वृत्त की बीवा और शरों का सम्बन्ध, दो राशियों का गुणनफल और अन्तर जान कर राशियों को अलग करने की रीति, वर्ग समीकरण का एक उदाहरण, त्रैराशिक, मिन्नों के गुणन माग की रीति, कुछ कठिन समीकरणों को इल करने के नियम, दो ग्रहों का युतिकाल जानने का नियम, और कुटक नियमादि का कथन किया है। ज्या का बाचक शब्द साहन, ज्या की संस्कृत पर्याय 'शिजनी' के रूपांतर का अपश्चेश है।

सार्वी सदी में गणित का प्रशंसनीय विकास ब्रह्मगुत द्वारा हुआ। २१ अध्याय के प्रंथ ब्राह्म-स्फुट के गिन्नाध्याय में इन्होंने विशेषतः व्यस्त त्रैराशिक, माण्ड प्रतिमाण्ड, मिश्रक व्यवहार, व्याज, भेणियाँ, छाया माप आदि में अंकगणित का प्रयोग किया, और कुट्टक गणित में ऋणात्मक संख्याओं के लिये नियम निकाले, अनिर्धृत (indeterminate) समीकरणों पर कार्य किया, और सूर्य घड़ी में त्रिकोणमिति का प्रयोग किया। अ स्व + १ = य र , (जिसमें क्ष और य अज्ञात है) जैसे अनिर्धृत समीकरणों का विवेचन भी प्रथकार ने किया। इस समीकरण का नाम भूछ से पेलियन (Peleian) समीकरण पढ़ गया है। यह दिवातीय वर्ग स्पी और वर्ग क्षेत्रों के अंकगणितीय सिद्धान्तों का मूलभूत आधार है। इनके सिद्धाय क्षेत्र व्यवहार, बुनक्षेत्र गणित, खात व्यवहार, चिति व्यवहार, क्रकचिका व्यवहार, राशि, छाया व्यवहार आदि का विवेचन भी किया गया है।

 इस सदी में मसलमानों की संस्कृति के सहसा उत्थान तथा १२ वीं सदी में उसके सहसा पतन के सम्बन्ध में इतिहास बढ़ा रोचक है। सन् ६२२ में पैगम्बर मुहमाद साहिब के अनुवादी अपनी यात्राओं पर हरे झंडे के नीचे संगठित होकर चल पडे। सन् ६६५ में दमस्क (Damasous) पर विजय माम कर सन ६६७ में लेक्सकम (यरुशकम) जीता गवा । चार वर्ष प्रमात सिकन्दरिया का प्रस्तकाश्वय नष्ट किया गया । मिस्र को अधिकार में लेकर ६४२ है स्वी में फारस पर आधिपख जमावा गया । १०० वर्ष प्रसाद विजेतागण ७११ ईस्वी में स्पेन में पहुँचे, जहाँ उन्होंने सम्बता को ८ शताब्दियों तक बढ़ाया। इसी काछ में वे भारत की अंकराणित तथा श्रीस की रेक्सगणित को यूरोप ले आये । पूर्व में अध्वासीत (Abbasid) खलीफाओं के आधिपत्य में बगवाद पूर्व की सम्यता का केन्द्र ७५० से १२५८ ईस्बी सक रहा, और स्पेन में कारडोवा (Cordova) पश्चिम की बौद्धिक रानी (the intellectual queen of the west) बना। इस अन्तराख में विज्ञान के आदान-प्रदान के सम्बन्ध में Encyclopaedia Britannica में निम्नकिकित उस्तेच है---'The muslim civilization, particularly as represented at Baghdad, c 800, c 1000, developed a type of mathematics which combined the characteristic features of the Greek and Hindu treatment of the science. Eastern faith in astrology and skill in number met with Western faith in philosophy and skill in geometry, and the Baghdad scholars, absorbing each, produced text books in general algebra, elementary number, astronomy and trigonometry which, through the efforts of Latin translators, gave new life to mathematics in Europe'-vol. 15, p 84, (1929)

इसके पहिले कि इम दक्षिण में गणित की प्रगति महावीराजार्य के प्रथ से प्रदर्शित करें. एक और नवीन स्रोब इमें आकर्षित कर जिती है। महाबीराचार्य के सम्मवतः पूर्वकाळीन, सुप्रसिद्ध घवळाकार वीरसेनाचार्य ने इसा की सम्मवतः द्वितीय सदी के उदमट आचार्य भी पुष्पदंत और भूतविक द्वारा रचित भटलीहाराम ग्रेटी की भवता नामक टीका वर्ण करने में अपना सारा जीवन अर्पित किया। वह ग्रंथमाला गत बीस वर्षों में ही डाक्टर हीरा खाल जैन प्रमृति विद्वानी द्वारा प्रकाश में काई गई है। टीकाकार ने स्थान स्थान पर किन्हीं गणित अंथों से. सूत्रों को उद्धृत किया है। डा॰ अववैद्यानारायण सिंह द्वारा इस प्रथ के शांकम गणित के अतिरिक्त गणित की नवीन निम्नलिखित खोजें प्रकाश में काई गई हैं. जिनका उपयोग जैन दर्शन के अध्ययन देत समवतः ईसा की प्रारम्भिक शताब्दियों में प्रवित हो गया होगा। प्रथम तो वही बढ़ी संख्याओं का उपयोग जिनको व्यक्त करने के लिये प्रतीक संवेतना अन्य प्रन्थों में खपछन्य है। में जैसे, २ की तीसरी वर्शित सम्वर्शित राशि वह है जो २५६ में उसीका २५६ बार गणन करने पर प्राप्त होती है। इसरे सकागागणन अथवा लघुगणक (logarithm) का बृहत् उपयोग. जिसके आविष्कारक १७ वीं सदो के 'जान नेपियर' एवं 'ज़स्त बजी' माने जाते हैं। तीसरे, अनन्त राशियों का गणित, जिसके विकास के किये १९ वीं सदी में दूप जार्ज केंटर के प्रयक्त सुप्रसिद्ध हैं। वहाँ तक रेखागणित का सम्मन्य है, वितष्ट्रधम (४०० !, ६०० ! ईस्वी परचात्) की तिस्रोय पण्णती में एवं बीरसेन की धवका टीका (हा॰ हीरालाल जैन द्वारा सम्पादित, पुस्तक ४) में सम्मवतः ईसा पूर्व के प्रय अमायिय. दिद्रिवाद, परिकाम, लोयविणिन्छय, लोय विभाग, लोगाइणि आदि में ते उद्भूत गायायें एवं उल्केख महत्वपूर्ण हैं। इन दो प्रयों के ऐतिहासिक महत्वपूर्ण प्रकरणों में से कुछ ये हैं: दृष्टिवाद से जम्बूद्वीप की परिचि का माप, उपमा प्रमाण, विविध क्षेत्रों का चनफल निकाशने की विधियाँ; वाण, जीवा, चनुष पृद्ध आदि में सम्बन्ध, बनुपक्षेत्र का क्षेत्रफक, सजातीन तथा समस्त्रेत्र ननकर वाली आकृतियों का रूपान्तर एवं उनकी भुजाओं के बीच सम्बन्ध आदि ।

इस प्रकार घवलादि सिद्धान्त प्रंथों में अलीकिक गणित का आधार लिया गया है, जिस पर अभी कोई प्रंथ प्रकाश में नहीं आया है। लीकिक गणित के सम्बन्ध में सर्वप्रथम महावीराचार्य का यह गणित सारसंग्रह नामक ग्रंथ सम् १९१२ में सुप्रसिद्ध हुआ। महावीराचार्य का यह ९ अध्याय बाला ग्रंथ ऐतिहासिक दृष्टि से महत्वपूर्ण सिद्ध हुआ। इसकी लोच ने यह सिद्ध कर दिया कि भारत के सुदूर दक्षिण में भी उत्तर के विद्या केन्द्रों की तरह, विद्या के केन्द्र थे। इस सुदूर दक्षिण में, गणित के विज्ञान को बदाने में उस समय श्रयक्ष किया गया, चन कि उत्तरीय भारत में ब्रह्मगुस और भास्कर के समय के

[†] इनके विस्तृत विवरण के किये निम्मकिसित लेस देशिये-

Singh, A. N., History of Mathematics in India from Jain Sources; The Jain Antiquary Vol. XV, No. II. (1949), pp. 46-53; Vol. XVI, No. II, (1950) pp. 54-69.

İ देखिये---

⁽¹⁾ डक्सीचंद्र हैन, विकोबपण्यती का गणित, प्रस्तावना छेस (जम्बृदोबपण्यतीसंगहो), सोकापुर (१९५८)।

⁽२) टोडरमक, मध्ये संदक्षि (गोरमाटसार), गांची हरि माई देवकरण जैनप्रंथमाका, कडकता (प्रकाशन वर्षे उदिक्तिस नहीं)

शीच शीचराचार्य को छोड़ कर कोई प्रकांड गणितक न हुआ। महावीराचार्य ने अपने समय के उपद्वेग अमोधवर्ष के आश्रम में रहकर, पूर्ववर्षी गणितकों के कार्य में कुछ प्रचार किया, नवीन प्रका दिये, दीर्घ इस (ellipse) का क्षेत्रफल निकाला तथा मूलबढ़ और द्विधातीय समीकरण आदि में सुंदर दंग से पहुँच की। इनके प्रन्य में ब्रह्मदत्त के हुइक से एक और अध्याय अधिक है, पर इसके अध्यायों के विषय एकसे नहीं है। सबसे पहिले, इस ग्रंथ की ४९ वीं गाथा पढ़ने से मालूम होता है कि महाबीराचार्य ने खून्य के विषय में सबसे पहिले भाग करने की क्रिया दर्शाने का साहसपूर्ण प्रयक्त किया। किसी संख्या में खून्य द्वारा विमाजन के लिए, सन्होंने लिखा कि संख्या शून्य द्वारा विभावित होने पर बदलती नहीं है। जिस दृष्टिकोण को लेकर यह लिखा गया वह इसलिए ठीक है कि जब कुछ वस्तुओं को लेकर उन्हें कुछ व्यक्तियों में बाँटा जाय तो वे वस्तुएँ विमाजित हो जावेंगी। जब उन्हें शून्य व्यक्तियों में वितरित करना हो, अर्थात् बाँटा हो तो बस्तुएँ क्यों की त्यों बच रहेंगी। पर, गणितीय विदलेषण के दृष्टिकोण से

सीमा<u>क</u> न→० न = ∞

होती है जहां क एक परिमित (finite) संख्या है ।

इसके पश्चात्, गाथा ६३ से छेकर ६८ तक संकेतनात्मक स्थानों के नाम दिये गये हैं। उनके पहिले १९ वें स्थान तक छंख्या की गणना के नाम दिये जा चुके थे। उन्होंने २४ स्थान तक नाम दिये जिसमें १४ वें स्थान का नाम महाक्षीम लिखा है। ये २४ स्थान, सम्भवतः २४ तीर्थकरों की संख्या के आवार पर दिये गये होंगे। इसी तरह रक शब्द को "तीन" दर्शाने के लिए उपयोग किया गया, जबकि गणितशों ने उसका उपयोग "पांच" दर्शाने के लिये किया। जैन दर्शन में सम्यक्दर्शन शान चारित्र को रक्षत्रय कहा गया है। इसी प्रकार तत्व, पक्षा, भय, कर्म आदि कई शब्दों का उपयोग जैन दर्शन के आवार पर संख्यायें दर्शाने के लिये किया गया है। बड़ी संख्या को दर्शाने के लिए प्रन्थकार ने स्थानार्श का उपयोग किया है। जैसे, ३०२१ लिखने के लिए चंद्र, अिंह, आकार, अग्नि लिखा है।

ग्रंथकार ने भाग देने की एक वर्तमान विधि का कथन किया है। इस सुविधाननक विधि से उभयनिष्ठ गुणनखंडों को इटाकर विभाजन किया जाता है। किसी भी भिन्न को इकाई भिन्नों की किसी संख्या के योग द्वारा व्यक्त करने के लिए कुछ नियम भी दिये गये हैं। ये नियम सर्वथा मौलिक हैं। मिश्रक व्यवहार में भी दो नये प्रकार के प्रश्नों को इल करने के लिए नियम दिये गये हैं। व्याज निकालने के प्रश्न में गाथा (३८) में दिये गये सूत्र से पता चलता है कि महावीराचार्य को निग्नलिखित सर्वसमिका (identity) जात थी:

 $\frac{24}{4}$ $\frac{4}{4}$ $\frac{$

प्रयकार ने कूट स्थिति द्वारा भी अध्याय ३ तथा ४ के कई प्रका इस किये हैं। कूट स्थिति के नियम का स्पयोग बीबगणित के विकास की पूर्वावस्था की दर्शाता है, जबकि अज्ञात के लिये कोई प्रतीक न होता था। मारत में यह नियम केवल अंकगणित में स्पयोग में खाया गया, क्योंकि बीजगणित पहिले से ही एर्पात प्रगति कर चुकी थी । बख्वाली इस्तलिप में इसे यह न्छ, बाँछा या कामिका के नाम से अभियानित किया गया है ।

महावीर के बीजगणित तथा काल्पनिक राश्चि के विषयमें उनकी प्रतिमा का परिचय देने के सम्बन्ध में है. टी. बेस्ट की अम्युक्ति है—

"The rule of signs became common in India after their restatement by Mahavira in the ninth century.... The early history of compplex numbers is much like that of negatives, a record of blind manipulations, unrelieved by any serious attempt at interpretation or understanding. The first clear recognition of imaginaries was Mahavira's extremely intelligent remark in the ninth century that, in the nature of things, a negative number has no square root. He had mathematical insight enough to leave the matter there, and not to proceed to meaningless manipulations of unintelligible symbols." †

इसके अतिरिक्त ग्रंथकार ने व्यापकीकृत (generallized) पद्धति वाले एकबातीय समीकरणों को इल करने के नियम दिये हैं, और अनेक अग्रात वाले युगपत् द्विचात समीकरणों को इल किया है। उन्हें ज्ञात था कि वर्ग समीकरण के दो मूल होते हैं।

बहाँ डाओफेन्टस ने म, न भुजाएँ केकर समकोण त्रिभुज बनाया, वहाँ महावीर ने म, न भुजाएँ केकर आयत की रचना की है। अध्याय ७ की ९५ है, ९७ है, ११२ है वीं गाथाओं में महावीर ने दिये गये कर्ण (अ) को केकर सभी सम्मव समकोणों को प्राप्त करने के खिये, अर्थात् क² + ख² = अ² को लेकर हक करने के खिये तीन नियम दिये हैं। प्रथम दो नियम एक दृष्टि से ठीक नहीं हैं, क्योंकि √अ² - प² या √अ² - प² परिमेय (rational) तब तक नहीं हो सकते, जब तक कि प को ठीक तरह न चुना जाय। तीसरा नियम बड़े महत्व का है। यह रीति, बाद में यूरोप में, पीज़े (Pisa) के लेनडों फीबोनाट्चि (Leonardo Fibonacci) ने १२०२ ईस्ती में फिर से खोजी गईं। इस विधि का उद्गम शुस्य सूत्रों में है।

ब्रह्मगुत और महाबीर दोनों ने चतुर्भुंज क्षेत्र का क्षेत्रफल निकालने के लिये निम्नलिखित स्त्र दिया है:— √ (सा – फा) (सा – खा) (सा – या) (सा – या) जहां सा, क्ष्र्यंपरिमाप है और का, खा, गा, था भुक्षाओं के माप है। पर यह सूत्र केवल चक्रीय चतुर्भुंजों के लिए ठीक उतरता है। इसी प्रकार, विषम त्रिभुज के क्षेत्रफल के सम्बन्ध में नियम दिये गये हैं।

[#] देखिये, मूळ गांचा ५२, प्रथम अध्याय ।

[†] Development of Mathematics,pp. 173,175 (1945)

[ं] उपयुक्त बर्णन से कहा जा सकता है कि मारतीयों ने बीजगणित के विशान को दो मुक्य भागों में विश्वक किया। एक मान तो बीज (विश्लेषण analysis) का विवेषन करता है, और दूसरा भाग पृक्ते विवयों का जो बीज के किये आवश्यक हैं। वे विषय, विश्लों के नियम, सूक्य और अनन्ती की अंकगणित, अञ्चलों के साथ कियाएँ, करणी, कुष्टक और पेल्टियन समीकरण (Pellian equation) हैं।

महानीराचार्य और ब्रह्मगुस आदि के प्रक्तों तथा अन्य प्रकरशों की भिन्नता के सम्बन्ध में डेविड यूजेन स्मिथ का निम्नक्रिकित वक्तव्य हुएव्य है :

".....For example, all of these writers treat of the areas of polygons, but Mahāvirācārya is the only one to make any point of those that are reentrant. All of them touch upon area of a segment of a circle, but all give different rules. The so called janya operation is akin to work found in Brahmagupta and yet none of the problems is the same. The shadow problems, primitive cases of trigonometry and gnomonics, suggest a similarity among these three great writers, and yet those of Mahāvīrācārya are much better than the one to be found in either Brahmgupta or Bhasker, and no question is duplicated,"*

महावीराचार्य द्वारा गणितग्रंथ के सिवाय 'क्योतिष पटल' ग्रंथ भी रचित किए जाने की सम्भावना 'भारतीय ज्योतिष'' के केखक पं० नेमिचंद्र शास्त्री ने प्रकट की है। अभी तक इसके लिये पुष्ट प्रमाण मास नहीं हो सके हैं।

गणित इतिहास का उपर्युक्त सामान्य अवलोकन हमने मुख्यतः ई. टी. बेल के "Development of Mathematics", और विभूतिभूषण दत्त तथा अववेदानारायण सिंह के, "History of Hindu Mathematics" नामक ग्रंथों का आधार लेकर दिया है। चीन के सम्बन्ध में अभी हमें यथेष्ट साम्रगी नहीं मिल सकी है।

गणित इतिहास का विशिष्ट अवलोकन

भव हम भारतीय गणित हतिहास के अधतम काल में प्रवेश करने का प्रयक्त करेंगे। इस काल में, विशेषकर यूनान और भारत में सम्भवतः वेशिक्त, मिस्र और भारत की प्राचीन मृतप्रायः गणित में अकस्मात् गित आई। गणित द्वारा अलैकिकीय विषयों को बांधने के अभूतपूर्व प्रयास होने लगे। इस प्रयास के चिह्न यूनान में मुख्यतः पिथेगोरस के क्यों में और विशेष रूप से भारत में तीर्थकर महावीर के तीर्थ में परिष्ठक्षित किए गये हैं। में आत्मा को सत्य की ओर आकर्षित करने के लिए केवल इन्हीं वर्गों में दर्शन, धर्म की धाराओं में गणित का प्रयोग अद्वितीय है। यह निश्चित है कि इस काल में विश्व की प्राचीन गणित में इस प्रयोजन से बीज बोया गया, कि बीजगणित के द्वारा प्रस्कृटित पारमार्थिक बोध, उपादेय में एकाग्रता की सिद्धि दे सके। एक ओर यूनान में पिथेगोरस द्वारा प्रतिपादित अहिंसा के साथ ही साथ संख्या सिद्धान्त से पृष्ट दर्शन जन्म मरण के चक्र

^{*} Introduction to English Translation & Notes of ब्रायसमा राज्य by M. Rangacharya, (1912).

[†] भारतीय ज्ञानपीठ, काशी।

[्]रं चीन में तस्तम्बन्धित प्रवासों की सोव के किये अभी हमें उपयुक्त सामग्री प्राप्त नहीं हुई है। फिर भी, जो कुछ हमें मिक सका है उसे जंत में प्रस्तुत किया है।

से विद्युक्त होने का साधन प्रतीत होता है, वहां भारत में "सुखी रहें सब बीव बगत के" बैसी मावनाओं से प्रेरित तस्वों के सामान्यकरण की सीमा

> -"सम्मामि सन्य जीवाणं, सन्ये जीवा समन्तु में । मेची में सन्य भूदेश, वैरं मन्त्रं न केणवि ॥"

में परिलक्षित होकर राशि सिद्धान्त की प्रयुक्ति से अनन्तत्व को प्राप्त हुई दिखाई देती है। हमारा यह संकेत है कि यूनान और मारत के गणित की तुळना का उक्त आधार सम्मवतः उपयोगी सिद्ध होगा। इस तुळना का अभिधाय किसी देश की महानता आदि दिखाने का नहीं है, वरन् यह बतळाने का है कि सत्य और अहिंसा के तत्व विश्व के गुक्ता केन्द्र को शांति के प्रांगण में खींचकर ले जाते हैं, और इस खिचाय में जो आदान प्रदान होता है वहां सापेश्वता कृत परिवाद विश्वबंधुत्व के अंचल में विखीन हो जाते हैं। यही कारण है कि ऐसे समय में उक्त तत्वों से अभिग्नेरित खोजों के इतिहास को महत्व नहीं दिया जाता, विससे इतिहास काल का मीन और अंच रहना स्वभाविक प्रतीत होता है।

पुनर्वागरण के इतिहास के तत्वों की खोड़ करने के छिए इम पिथेगीरस का भ्रमण पथ अपनावेंगे। इस भ्रमण पथ के विषय में अस्युक्ति प्रसिद्ध हैं, कि ---

"Like many others of the sages in that Kingdom (Egypt), he was carried captive to Babylon, where he conversed with the Persian and Chaldean Magi; and travelled as far as India, and visited the Gymnosophists." •

तदनुसार इम सर्व प्रथम मिल देश के वर्द्धमान महावीर काळीन पुनर्जागरण के इतिहास पर प्रकाश डालेंगे । येलीज़ (६४० ई.पू.) और पियेगोरस, दोनों का भ्रमण मिस में सेइटिक युग (Saitic Period) ६६३-५२५ ईस्वी पूर्व में हुआ होगा । इस समय मिस में कुफ़ (Khufu) कालीन सिद्धान्तों की जो पुन-र्बागति हुई वह (क्षितिव में उदय होने वाले 'अज्ञान अंधकार बिनाशक' सूर्य-Horus om akhet के परम्परागत प्रतीक) गीज़ (Giza) के रिपंक्स (Sphinx) से सहसम्बन्धित थी। कुछू के सम्बन्ध में नवीन मत यह है कि इस पराक्रमी तृप ने ई. पूर्व २६०० के लगभग बलि प्रथा का अंत कर जनता क हित में उन्हें विभिन्न कार्यों में संलग्न किया था। मध्यपूर्व की प्रायः सभी प्राचीन सम्यताओं काले देशों में स्पिक्त की विभिन्न मुद्राएं कदि रूप से पूजा की पात्र रही है। जिसके मुख को छोड़ कर शेष अंग सिंह का है ऐसे रिफंक्स के मिसी नाम जमहाः समस्तावतारों में सुर्थ (Horem-akhet-Kheperi-Ra-Atum 14:20-1441 B. C.), जीवित मृर्ति (Seshepankh), सिंह (Sinuhe), आदि रहे हैं। इस स्पिन्स मूर्ति में मानव वदन देकर, इतिहासकारों के मतानुसार, सिंह के आतक में बुद्धि, शकि और दया का सिमभग किया गया है। टाकेमीय (Ptolemaic) कालीन लेख में इस मूर्ति को तीन मुकुट युक्त बतलाकर मानों तीनों लोकों के नाथ की उपाधि से विभूषित किया है "And Horus of Edfu transformed himself into lion which had the face of a man, and which was crowned with the Triple Crown (')." | सत्भवतः २६ वे राजवंश काल (ईस्वी पूर्व ५८८-५६९ !) की महत्वपूर्ण इन्वेन्टरी स्टीले (Inventory Stels) में अंकित लेख

^{*} Encyclopedia Americana, vol. 23, p. 47, (1944)

[†] Salem Hossan : Tue sphinx, p, 80, Cairo (1949)

अहिंचा की प्रवर्तना के देशद को प्रकाश में खाता हुआ रिजंक्स की कहानी में वर्दमान महावीर की बीव दया की सहशता प्रकट करता प्रतीत होता है:

".....The plans of the Image of Hor-em-akhet were brought in order to bring to revision the sayings of the disposition of the Image of the very Redoubtadie.......He came to make a tour, in order to see the thunderbolt, which stands in the Place of the Sycamore, so named because of a great sycamore, whose branches were struck when the Lord of Heaven descended upon the place of Hor-em-akhet, and also this image retracing the erasure according to the above mentioned disposition, which is written.....of all the animals killed at Rostaw. It is a table for the vases full of these animals which, except for the thighs, were eaten near these 7 gods, demanding......(The God gave) the thought in his heart, of a written decree on the side of this Sphinx, in an hour of the night (1). The figure of this God, being cut in stone, is solid, and will exist to eternity, having always its face regarding the orient."

उपर्युक्त लेख का मुख्य भाग पित्र मूर्तियों एवं प्रतीकों के प्ररूपण से पूर्ण है जो क्यू द्वारा प्राप्त हुई मानी जाती हैं। निम्नतम कोटि के जीनों के प्रति मिख में प्रचलित दया का उक्लेख आर्चिनिश्चप व्हेतली ने किया है, "In Egypt there are hospitals for superannuated cats, and the most loathsome insects are regarded with tenderness;......," तया वहाँ मोसमझण निषेत्र एवं ब्रह्मचर्य पूजा के महत्वपूर्ण लक्षण माने जाते हैं, "Chastity, abstinence from animal food, ablutions, long and mysterious ceremonies of preparations of initiation, were the most prominent features of worship......" †

क्फू दारा निर्मित महास्त्य के स्पिक्स का स्थल सेइटिक काल (Saitic Period) में जीव दया की ग्रेरक पशु पूजा का केन्द्र रहा है। इसकी पृष्टि, सलीम इसन के शब्दों में यह है, "At the time when this stela was inscribed, there was a great revival of the worship of the Apis bull at Memphis, and that animal may also have been venerated in the Giza district at least during the Saitic Period and later......"

इसके प्रायः २०० वर्ष उपरान्त का इतिहास अंधकारमय है। यहां "इतिहास पिता" हिरॉडोटस मी मीन है। २०० ई. पू. से लेकर २०० ई. प. तक का काल हेलेनीय (Hellenism) युग है। इस समय सिंकंदरिया यूनानी कला और विशान का केन्द्र रहता है। फलित ज्योतिष का उदय होता है।

^{*} The Sphinx, pp. 222-224, (-1949).

[†] W. E. H. Lecky, History of European Morals, Vol. I., pp 289, 325 (1899).

यूनानी विशान का समतम विकास होता है, पर अंक्शाणित और क्योतिष (astronomy) वहीं आदिकालीन रहते हैं।

भिस्न में प्रचित अंकगणित से यूनानियों ने क्या सीखा १ इस प्रश्न पर वाएडेंन का मत है कि यूनानियों ने मिस्न की गुणन मिक्ष तथा मिलों का कलन सीखा होगा। इस प्रकार के कलन को उस बीज-गणित के विकसित करने का आधार नहीं बनाया जा सकता है। यूनानियों ने ज्यामिति को भी स्वतंत्र रूप से विकसित किया। मिस्न की ज्यामिति के कुछ फल अवश्य ही प्रशंसनीय रहे हों, पर यूनानियों के छिए वह केवल प्रयुक्त अंकगणित हो यो। रोमन युग में भी, जब कि फलित ज्योतिय का विकास हुआ, मिस्न की गणित ज्योतिय यूनान और वेविलन की गणित ज्योतिय से बहुत पीछे रही।

यहां मिस्र और मारत की अभिलेखबद सामग्री पर दृष्टिपात करना कहां तक उपयोगी सिद्ध होगा, नहीं कहा जा सकता:

(१) न केवल मास्को येपायरस में, वरन् रिंड पेपायरस (सम्भवतः ईसा से १७०० वर्ष पूर्व) में भी परिधि और ज्यास के अनुपाच (ग) का मान (१६०) अथवा ३'१६०५.....माना गया है। अ ठीक यही मान नेमिचंद्राचार्य! ने इस मकार उल्लिखित किया है.

"यदि किसी वृत्त की त्रिज्या न और उसके समाई किसी वर्ग की भुजा म हो,

तो त्र =
$$\frac{9}{16}$$
 म होता है";

ग का एक दूसरा मान √ र० है, जो दशमळन के दो अंकों तक इसी रूप में प्राप्त होता है। इसे यति वृष्य ने तिलोय पण्णती में दृष्टिनाद से अवतरित उल्लिखित किया है।﴿﴾

(२) समलम्ब चतुर्भुंज के क्षेत्रफल निकालने के सूत्रों का उपयोग तिलीय पणासी की गायाओं, १-१६५, १८१ आदि में हुआ है। उपरोक्त सूत्रों से अवतरित सूत्र का उपयोग मिस्न के यंत्रियों ने चतुर्भुंज का स्थूल क्षेत्रफल निकालने के लिए किया। यह सूत्र एडफू के सूर्य मंदिर में (सम्भवतः ईसा से १०० वर्ष पूर्व का) प्राप्त हुआ है। ×

(३) मिस में त का एक दूसरा मान बीजों की राशियों अथवा उनसे भरी जाने वाली वरिमाओं के माप से परिगणित परिश्व और व्यास का अनुपात (ratio) के रूप में २°२ प्राप्त होता है। + व्यास को यदि इकाई लिया जाय तो वीरसेनाचार्य द्वारा उल्लिखित सूच "व्यास पोडश गुणितं....." से त का मान देरी प्राप्त होता है। ÷

(४) रखु (Rope) बिनागम के विविध विषयों का निरूपण करता है। यह आयाम की एक विविध इकाई है बिसका सम्बन्ध सूर्च्यापुळ, द्वीप समुद्रों की संख्या, आदि से स्थापित किया है। ∤ केन्टर के

[#] J.L. Coolidge: A History of Geometrical Methods, p. 11, (1940).

[†] त्रिकोक सार, गाया १८।

[🗓] विभूति भूषण दश्त. जैन सिद्धान्त भारकर, भाग १, किरण १, ५० ३४।

⁽ a. v.40, 40)

[🗴] पर्संडागम, प्रश्तक ७, वाषा १, ६ आदि ।

⁺T. Health, Greek Mathematics, vol. I., p. 125, (1921).

[🕂] पर्याचागम, हु, ४, ए, ४०, शाथा १४ ।

[🛊] कक्सीचंत्र जैन, तिकीब पण्याची का गणित, सोकापुर, ४० ९९-१०१, (१९५९)।

अनुसार, मिस के वंत्री, पियेगोरस के साध्य का उपयोग रज्य के द्वारा करते थे, और वे रज्य बाधने या खींचने बाले कहलाते थे। वाएडेंन का मत है कि केन्टर का यह कथन कि ये लोग २: ४: ५ घॉले रख्नु का उपयोग करते थे, और उन्हें पियेगोरस का साध्य कात था, सही नहीं है। इतना अवस्य है कि पिरेमिड आदि के निर्माण में मिसी बहुत शुद्ध कप से समकोग बनाते थे। •

- (५) मिस में दिगुणित करने का परिकलन (duplatio) और अर्ब च्छेद प्रक्रिया (mediatio) प्राचीन काल से प्रचलित थी। † यही यूनान में नीओपियेगोरियन वर्ग ने हपयोग में उतारा, और यही हम पट्लंडानम! जैसे प्रयो में विखरे हुए पाते हैं। मिलों के परिगणन मिस्र के इन पेपायरसों में तथा ववला टीका में विस्तृत रूप में देखने मिलता है। इनके सिवाय 'ह' (aha) परिकलन राशि कलन की परम्परा को स्चित करने हैं। कूट (false) स्थित के मिस्री प्रयोग महावीराचार्य के गणितसार लंगह में देखने में आये हैं।
- (६) वर्ग आधार वाले स्तूप (और सम्मवतः उसके समन्छिन्नकों) के धनफल निकालने में मिस में ग्रह और मसिद सनों का उल्लेख मिलता है। ×

यहां भारत में वीरसेन द्वारा युक्ति बरू से सिद्ध किया गया वर्ग आधार वाले लोकाकाश का चित्रण, उसके तथा वातपल्य की परतों के धनफल का कलन, आदि इमें मिस के स्तूपों के वास्तविक भेद को जानने के लिए प्रेरित करते हैं। कुफ द्वारा निर्मित कराया गया महास्तृप मेधावी वैज्ञानिकों के अधीक्षण में बर्म. गणित. ज्योतिष तथा अन्य महत्वपूर्ण ऐतिहासिक घटनाओं के संयुक्त संस्कार के फल स्वरूप निर्मित किया गया होगा । डिरॉडोटस के अनुसार मिख्न वासी स्तप आकार को जीवन का प्रकार रूप (emblem) मानते थे । स्तप का विस्तृत आधार हमारी वर्तमान दशा के अस्तित्व का प्रारम्भ एवं उसका बिन्दु में अवसान, (सांसारिक) अस्तित्व का अन्त माना जाता था । हो सकता है कि इसी कारण उन्होंने अपनी समाधियों में इस आकृति का उपयोग किया हो । + ईसा से प्रायः ४८४ वर्ष पूर्व हुए हिराँडोटस की उक्त अम्युक्ति की पृष्टि मेम्किस के प्रायः उत्तर में स्थित पिरेमिड युग से पूर्व के मंदिर की परम्परा द्वारा होती है। इस मंदिर में सबसे पवित्र 'पिरेमिस के आकार का' एक पत्थर था। यह विश्वास किया जाता था कि यह पत्थर सूर्य (अज्ञान अंबकार विनाशक) भगवान को फीनिक्स (Gr. Phoinix) पक्षी के रूप में प्रकट होने में आधार रूप था। अर प्राचीन किंबदन्ती के अनुसार यह पक्षी ५०० या ६०० वर्ष बीवित रहने के पक्षात् अपनी चिता बनाकर स्वयं के पंखों से सुख्याता है, और अपनी ही भरम में से निकळ कर उड जाता है। इस प्रकार वह अमरता का प्रतीक, अथवा सर्वोत्कृष्ट, सम्पूर्ण रूप (paragon) भी माना जाता है। यह विवरण हमें कर्म सिद्धान्त की मान्यता का प्रारूप प्रतीत होता है, जहां कर्म ईबन को तपकी ज्वालाओं में विदग्ध कर मक्ति या कैवस्य प्राप्त फिया जाता है।

हिरॉडोट्स ने स्तूप के विस्तृत आधार को हमारी वर्तमानदशा के अस्तित्व का प्रारम्भ बतलाया है। चार महान अवार्य संसारी बीवन का प्रक्षण करती हैं वो सम्भवतः पिथेगोरस का Tetractys है और बैन मान्यता का चतुर्गति चक्र (चतुर्चकमण) है। इस दशा का बिन्दु रूप में प्रकट होना (और सांसारिक)

^{*} B. L. van der Waerden, Science Awakening, Holland, p. 6, Eng. trans. (1945).

[†] Ibid, p. 18,

[🗓] षट्संडागम, १० ४, गणिव प्रस्तावना ।

[×] B. L. Waerden, Science Awakening, pp. 34,35.

⁺ The Encyclopedia Americana, p. 40, vol. 23, (1944).

² I. E. S. Edwards, The Pyramids of Egypt, (Pelican), p. 21, (1947).

श्रीतत्व का अंत जाना जाना, जैन मान्यता की धंवम गति, मोख से समन्वय स्थापित करना प्रतीत होता है। वह चतु चंकमण स्वस्तिक के अर्थ को मी स्तूप की मुजा प्रक्रपणा में समन्वित करना दृष्टिगत होता है। कम विद्यानत की मान्यता की सद्दशता कुछ अंशों में हमें निम्न्छिसित उद्धरणों में भी दृष्टिगत होता है।

ज्ञकार्पणं ज्ञस इविजेशाग्नी जासमा हुतम् । प्रसेव तेन नंतम्य ज्ञस कर्म समाधिना ॥%

पुनः यश के इस निर्वचन को लेकर यह कथन है-

गत सङ्गस्य गुक्तस्य ज्ञानावस्थित चेतसः । यज्ञायाचरतः कर्म समग्रं प्रविक्रीयते ॥†

इसी अमिन्नाय को निम्नलिखित क्षोक में निर्दाशत किया है— बयैघांसि समिद्धोऽनिर्मरमसारकुरतेऽर्जुन । शानानिः सर्वं कर्माण मस्म सारकुरते यथा ॥‡

पिरेमिड में स्थित अन्य वस्तुओं के नाम धार्मिक महत्ता से ओतमोत ये। समाधि का नाम "अनन्तत्व का दुर्ग" था, तथा साथ में रखी जानेवाली नाव सम्मवतः संशरसागर से पार के जाने की प्रतीक रूप थी। जो कुछ हो, इतना अवश्य है, कि मृत्यु के उपरांत आनेवाली घटनाओं की आदांका में इसी जीवन के अंतराल में पूरी तैयारियों की जाती थीं, सम्मवतः न केवल राजा के लिए, वरम् राज्यसत्तद्वारा इस स्तूप प्रतीक प्ररूपणा के सहारे समस्त बुद्धि जीवी वर्ग के लिये भी। सबसे प्राचीन हीलिआपोलिस के मंदिर के पिरेमिड प्रतीक को सबसे पृहत्क्ष में स्थापित करने का अय अहिसाके प्रवास समर्थक कुछू को ही है।

इस प्रकार बने हुए स्तूपों को मिसी में मेर m (e) r कहा जाता है, जिसका निर्वचन 'आरोहण स्थल' (place of ascension) किया जाता है। यह निर्वचन यदाप मापा विज्ञान विषयक नियमों के विरुद्ध नहीं है, तथापि संश्यासमक है। फिर मी, पिरेमिड प्रथों (texts) में इस प्रकार का उस्लेख है कि "उस (राजा) के दिये स्वर्ग सोपान डाली गई है ताकि वह स्वर्गारोहण कर सके।"() यह विश्वास न केवल प्राचीन मिस में ही प्रचलित था, वरन मेसोपोटेमिया, एसिरिया और विविक्त में भी प्रचलित था जहाँ आठ मिललों की इमारतें सम्भवतः इसी हेतु निर्मित की गई थीं। इनका नाम जिगुरात या और सिपार (Sippar) के ऐसे भवन का नाम 'उज्ज्वल स्वर्ग का सोपान मवन' था। इन स्तूपों का अन्य प्रचलित पिरेमिड है, जो यूनानी मापा के पिरेमिस शब्द से उत्पन्न हुआ है। मिली गणितीय प्रन्थ के अनुसार सम्भवतः यह एक ज्यामितीय पद है, जिसका अर्थ, "वह जो अस (us) से (सीधा) उपर जाता है" विसक्तल अस्पष्ट, किन्तु पिरेमिड (स्तूप) के उत्सेच का द्योतक है। इम अभी नहीं कह सकते कि तिलोयपण्याची में वर्णित समवशरण की विधियों में निर्मित थूड क्या इन्हीं से सह-सम्बन्धित हैं?

^{\$} श्रीमद्भगवद् गीता ४-२४

[†] वही, ४-२३

I वही, ४-३०

O The Pyramids of Egypt, pp. 236, 237.

ग॰ सा० से० अ०-३

यूनामी गणित के बीजीय तत्वों सम्बन्ध, आवक्छ बेबिछन की बीच गणित से जोड़ा जाता है। इस प्रकार ओ. न्युगेवाएर (Neugebauer), ओ. बेकेर (Becker), राइडेमाइस्टर (Reidemeister) प्रसृति विद्वानों ने यह देखकर कि बीजगणित डाओफेन्टस से प्रारम्भ न होकर प्रायः २००० वर्ष पूर्व मेसोपोटेमिया से प्रारम्भ होती है, यह भी संभावना व्यक्त की है कि पियेगोरस के अर्थमितिकी सिद्धांत कहना उचित होगा।

इसी प्रकार बी. एक, वाएडेंन ने भी निम्नकिस्तित तथ्यों को प्रमाणित करने का प्रयास किया है-

१ — ग्रेडीज़ और पियेगोरस ने बेबिसन की गणित को छेकर प्राशम्म किया परम्तु उसे बिल्कुल यिक, विशिष्ट रूप से यूनानी, सम्रण दिया।

२—पियेगोरीय वर्गों में और बाहर, गणित को उच्चतर और सतत उच्चतर रूप में विकसित किया गया। इस प्रकार गणित चीरे-चीरे हटतर तर्क की विकास का समाधान करने लगा।

इस सम्बन्ध में वाएदेन का मत है कि गणित इतिहास के अध्ययन में निम्नलिखित वातों को अनावश्यक न समझा जाने—

- (१) संस्कृति का सामान्य इतिहास, जिसमें न केवल ज्योतिष और यांत्रिकी वरन् भवन निर्माण विद्या (architecture), शिल्प (technology), दर्शन और यहाँ तक कि धर्म (पियेगोरस) के विषयों को समाविष्ट किया जावे।
 - (२) राजनैतिक और सामाजिक दशाएँ।
 - (३) व्यक्तिगत चरित्र और उसका जीवन कार्यै।

गणित केत्र में सबसे महत्वपूर्ण आधारभूत चार क्रियाएँ होती हैं, जिनका उपयोग संकेतों द्वारा गणित के विकास को चरम सीमा तक पहुँचाया जा सकता है। संकेतों में स्थानाहां पद्धित तथा दाश्यमिक पद्धित लाना बड़े महत्व की वस्तु है। इसके आधार पर बड़ी संख्याओं का लेखन तथा अन्य गणनाओं को सुगम बनाया जा सकता है। इसमें संदेह नहीं कि ज्योतिष में आधुनिक षाष्ठिक पद्धित का इतिहास सम्भवतः ४९५९ वर्ष पुराना है। बेबिलन वासियों ने षाष्ठिक पद्धित सुमेरवासियों (स्युमिअरिएन) से ली और इस पद्धित को यूनानी ज्योतिषी टालेमी (१५०ई०) ने अपनाया तथा उसमें शून्य प्रतीक का उपयोग कर अपने काल की दाश्यमिक पद्धित के समाई बनाया। ए शान्तिक पद्धित सम्बन्धी प्रतीकों का उपयोग तो होता था, परन्तु उसमें कई दोष भी थे। १ और ६० के प्रतीकों, तथा १,०,३०, और १,३०, के प्रतीकों में अंतर न था। ‡

मारतीयों द्वारा यूनानी अ्योतिष के अंदादान छेने के आचार पर सम्भवतः वाएडेंन ने फायटेन्येल (Freudenthal) के मत का समर्थन किया है:

"Freudenthal's hypothesis reduces therefore to the following: Before becoming subject to the Greek influence, the Hindus had a versified, positional system, arranged decimally and starting with

^{*} Science Awakening, p. 5.

[†] Science Awakening, p. 39.

[्]रै चीन में भी पञ्चाक्त में वाहिक दासनिक पञ्चति उपयोग में काई गई थी, जिसमें ६० को उस्तर इकाई अथवा 'चक' निकपित किया गया था। Cf. Struik. D. J., A concise History of Mathematics, Dover. (1948)

the lowest units. They had the digits 1-9 and similar symbols for, 10, 20,.... Along with Greek astronomy, the Hindus became acquainted with the Sexagesimal system and the zero. They amalgamated this positional system with their own; to their own Brahmin digits 1-9, they adjoined the Greek O and they adopted the Greek-Babylonian order.

It is quite possible that things went in this way. This detracts in no way from the honour due to the Hindus; it is they who developed the most perfect notation for numbers, known to us."

बाएडेंन का उक्त समर्थन, उनकी निम्नकिखित अम्युक्ति पर भी आधारित प्रतीत होता है :

"In this manner Buddha continues through 23 stages. According to an arithmetic book, *koti* is a hundred times one hundred thousand (sata sata sahassa), so that the largest number mentioned by Buddha is 10° . $10^{4.6} = 10^{5.8}$. But in most arithmetics, these same words ayuta and niyuta have other values, viz. 10^{4} and 10^{5} .

But Buddha has not yet reached the end: This is only the first series, he says. Beyond this there are 8 other series.

It is clear that these numerals were never used for actual counting or for calculations. They are pure fantasies which, like Indian towers, were constructed in stages to dazzling heights";

इस सम्बन्ध में इम इन विद्वानों का ध्यान तिलोबपण्णची और द्रव्य प्रमाणनुगम, घट लंडागम् पुस्तक है की ओर आकर्षित करना चाइते हैं। तिलोबपण्णची के ज्योतिषीय प्रकरणों को देखने से पता चलता है कि जिन स्वतंत्र, मौलिक प्रंथों से उसमें सामग्री ली गई है, उनमें कालगणना का प्रत्यक्ष आधार यूनानी बाष्टिक पद्धति नहीं है। साथ ही, द्रव्य प्रमाणानुगम के अध्ययन से प्रतीत होता है कि ईसा के अनेक वर्ष पूर्व, सम्भवतः वर्दमान महाबीर काल में ही अथवा बाद में, बीवों के गुणस्थान, मार्गणास्थान आदि में संख्या प्रकरण के लिए बड़ी-बड़ी संख्याओं के लेखन, गणन आदि की आवस्यकता पड़ी होगी। इस आवस्यकता के लिये उन्हें कोई क्रांतिकारी सरल पद्धति को ग्रहण करना आवस्यक हो गया होगा। उस समय विस्त्र के या तो किसी छोर से उन्हें स्ट्यू के आधार पर स्थानाहांसहित दाश्रमिक पद्धति अपनाना पड़ी होगी, अथवा उन्हें ही शून्य को लेकर इस पद्धति का आविष्कार करना पड़ा होगा। बैसा कि इम आगे देखेंगे कि यूनान के पिथेगोरस के वर्ग और मारत के वर्दमान महाबीर के तीर्थ में ऐसी कई बातों में सहशताएँ हैं कि इमें यह सम्भावना प्रतीत होती है कि ईसा से प्रायः ५०० या ६०० वर्ष पूर्व के बीच मी यूनानियों और भारतीयों में आदान प्रदान हुआ। न के वल स्थानाईसिहत दाशमिक पद्धति ही, बरन् बीव द्रव्य के प्रमाण की संख्या का बोध केन्न, काल आदि का आधार छैते हुए अनेक मीलिक पद्धतियों के आधार पर कराया गया है, को विश्व के प्राचीन गणित ग्रंथों में दिखाई नहीं देता है। कुछ ऐसे प्रकरण हैं, जैसे सलागा अर्थ

^{*} Science Awakening, pp. 56, 57.

[†] Ibid. p. 52.

(बाक्सका ममाण, Logarithm), व्यक्षि सिदान्त आदि जिनके आविष्कार यूरोप में लकहर्षी और उसीसवी सदी में हुए हैं। इस प्रकार "आक्ष्यकता, आविष्कार की बननी हैं", के आवार पर इस यह सम्मावना भी व्यक्त करते हैं कि वर्दमान महाबीर के तीर्थ में उनके अनुवायियों द्वारा स्थानार्ही मतीक सिदित दाशमिक पदित के अमाव की पूर्ति करने के प्रवास अवस्थ ही किये गये होंगे।

सूनानियों द्वारा बेबिलनवासियों के अंशदान का उपयोग सम्भवतः येलील द्वारा महण काल का बतलाया बाना पुष्ट करता है। बेबिलन में बहुनों के अवलोकन की तिथियों सम्भवतः ७४७ ई० पू० में हुए नवीनसार उपित के काल में निश्चित हुई प्रतीत होती हैं। इसके पश्चात् ई० पू० ५८० में नेम्युकडनेज़र †† (दितीय) (Nebuchadnezzar II 605-562 B.C.) के राज्यकाल तक कला और विज्ञान में उसति तथा चंद्रमा और प्रहों के अवलोकन के प्रमाण मिलते हैं। इसके पश्चात् उत्तरीसर काल में ज्योतिष के विकास के प्रमाण मिलते हैं। नेम्युकडनेज़र के सम्बन्ध में एक दो ऐसे तथ्य हैं को इमें डा० प्राणनाथ विद्यालंकार द्वारा प्राप्त प्रमास पाटल के तालपत्र के लेख, "बेबीलोन के तथित नेमुर्चवनेजार ने रैबतिगरि के साथ नेश्चि के मंदिर का बीगोंदार करावा थार्थ।"‡‡ की ओर आकर्षित करता है। ये तथ्य इस प्रकार हैं:

"From his inscriptions we gather that Nebuchadrezzar was a man of peculiarly religious character".†

"His peaceful energies were devoted to building magnificent palaces and temples and herein he excelled".

परन्तु उपर्युक्त कोई पृष्ट प्रमाण नहीं है, जिसके आधार पर हम भारत और वेविछन का वर्दमान महावीर के तीर्थ से सम्बन्धित पुनर्जागरण से सम्बन्ध बतला सकें। इसके सम्बन्ध में भारतीय शिल्प और न्याय प्रणाली से तुखना सम्भवतः उपयोगी सिद्ध हो। अभी तक उपलब्ध सामग्री के आधार पर गणित सम्बन्धी तुखना आदि हम अगले पृष्ठों में देंगे।

बेबिलन के उच्च रूप से विकसित बीजगणित की सम्भाव्यता के विषय में यह प्रमाण दिया जाता है कि उनके पास उत्कृष्ट पाष्टिक प्रतीक प्ररूपणा थी, जिससे संख्या और मिस्नों को दर्शाया जा सकता था, और उनमें समानसरलतापूर्वक गणनाएँ की जा सकती थीं। इस प्रकार उन्हें एक तथा दो अज्ञात बाले रैखीय और वर्ग समानसरलों के इल करने की रीति जात थी। इनके सिवाय (अ + व) वेसे बीजीय सूत्रों का उद्यमितीय प्ररूपण, समान्तर रेखाओं से उदयभूत अनुपात के सम्बन्ध, पियेगोरसका साध्य, त्रिभुज और समल्यन चतुर्भुज का क्षेत्रफल आदि का ज्ञान सम्भवतः उन्हें पूर्व प्रचलित परम्परा से था। संख्यासिद्धान्त में भेदियों का संकलन भी दृष्टिगत होता है। परन्तु यह सब ज्ञान पियेगोरस को धर्म और दर्शन में गणित के

टोडरमक ने अर्थसंश्रष्ट में अर्थ को द्रश्य, क्षेत्र, काक और भाव का प्रमाण निक्षित किया है।

^{††} अथवा नेज्युकहरेज़र Cf. Encyclopaedia Britannics, vol. 16, p. 184 (1956).

[🏥] श्व. कांतिसागर, अमण संस्कृति और कला, प्र. ९७ (१९५२); संबद्दरों का वैभव, भारतीय ज्ञानपीठ काशी, प्र. ११ (१९५३); तथा Times of India, 19-3-1935.

[†] Encyclopaedia Britannica, Vol. 16, p. 185, (1956).

[‡] J. B. Bury & others, The Cambridge Ancient History, P. 216, Vol. III, 1 (954).

मञ्जूक करने, तथा गणित में गति ठाने में कहां तक प्रेरक रहा होगा, इस पर हमें अभी विचार करना जाए है। उपर्युक्त गणित के प्रयोग हम प्राकृत ग्रंथों में देखते हैं, परन्तु विशेषकप से दो तथ्य हमें आस्चर्य में बाल देते हैं:—

(१) तिलोय-पण्णत्ती के चतुर्थ अधिकार में गाथा १८० और १८१ में दिये गये सूत्र बीना और धनुष का प्रमाण निकासने के लिए उद्भृत हुए हैं। गणना 📈 रे० के आधार पर इन सूत्रों की संरचना का प्रमाण निकता है। जीवा के विषय में बिलकुल ऐसा ही सूत्र,

बीवा = $\sqrt{\sqrt{\left(\frac{\cos(n)}{2}\right)^2 - \left(\frac{\cos(n)}{2} - \sin(n)\right)^2}}$ के रूप में, बेबिस्त के अभिलेखों के आधार पर २६०० ई० पूर्व (१) उपस्थित होना आक्वर्य जनक है। जहाँ π का मान ३ होना स्वीकृत हो खुका था यहाँ पियेगोरस के साध्य के आधार पर इस सूत्र का होना उपयुक्त प्रतीत होता है। धनुष के सम्बन्ध में दिया गया सूत्र, π का मान $\sqrt{\chi_0}$ लेने के आधार पर है जो वेबिस्त में अप्राप्य है। ‡

- (२) वीरसेन ने क्षेत्र प्रयोग विधिक आधार पर वो बीजीय समीकरणों का रैखिकीय निरूपण दिया है, वह भी नया बेबिछन अथवा यूनान से लिया गया है, अथवा पारपरिमित गणारमक संख्याओं के निरूपण के लिये प्रचलित अनेक विधियों में से एक यह विधि भी बैनाचार्यों की मौलिक रूप से आविष्कृत विधि है, यह भी विचारणीय है।
- (३) पाष्ठिका पद्धित का उद्गम स्थल बेबिलन माना जाता है। ६० को आधार छैने के कई कारण प्रस्तुत किए गये हैं। यह पद्धित ज्योतिष में बिरोध रूप से स्थान पाये हुए हैं। तिलोय पण्णत्ती में सूर्य का एक पूर्ण परिश्रमण ६० मुहूर्तों में माना है। ६०, माने हुए १०९८०० गगन खंडों का एक गुणनखंड भी है। यह गणना भी बेबिलन और चीन से सहसम्बन्ध खोजने में सम्मवतः सहायक सिद्ध हो सकती है।

अब इम यूनान में प्रवेश करते हैं। यहाँ, निस्तंदेह, ज्योतिष गणना में राधि सिद्धान्त, १२ घंटे का दिन, छाया माप निरूपण (सूर्य घड़ी के रूप में Gromon और Polos), चन्द्र और प्रहों की गतियों का अवलोकन, बेबिलनीय प्रमावों से अछूता नहीं है। परन्तु यह सब प्रमाव क्या पिथेगोरस कालीन है, अथवा पिथेगोरस पर ज्योतिष का भी प्रमाव किसी दूसरे देश का था, इस पर विचार करना है। इस में सन्देह नहीं कि उक्त प्रभाव पिथेगोरस के बाद दृष्टिगत अवश्य होता है। परन्तु हमें विथेगोरस के काल का अध्ययन बड़ी शावधानी से करने की आवश्यकता है। इसके विषय में इम सर्वप्रम कुछ किंवदंतियाँ और तथ्य पाठकों के सम्मुख रखना चाहेंगे।

(१) यूनान के "सात मानियों" में से येळीज प्रथम था, जिनके विषय में कहा जाता था,

"Sayings such as the celebrated Delphic "Know thyself" were ascribed to them"

(२) सूर्य प्रहण के विषय में जो फलित बेलीज़ ने घोषित किया था, उसके विषयमें वाएडेंन का का यह कथन है—

"Herodotus reports (see p. 84) that, during the battle on the Halys, day was suddenly turned into night and that Thales had pre-

[‡] J. L. Coolidge: A History of Geometrical Methods, pp. 6, 7 (1940).

[•] षट् संडागम पु., ३, ए. ४२-४३।

[†] Science Awakening, p. 85.

dicted this event to the Delians for that year. According to Diogeness Laertius, Xenophanes voiced his admiration of Thales for this prediction. Thus, besides Herodotus, we have the older witness Xenophanes for this accomplishment. At present it is generally agreed that this event refers to the solar eclipse of 585 B. C.

How was it possible for Thales, who according to all our sources, is the first Greek astronomer, to predict a solar eclipse? Such a feat requires the experience of more than forty years, no matter how one proceeds. It is not possible for one man alone to gather this experience. But Thales had no Greek predecessors. The conclusion is inescapable that he must have drawn upon the experience of Oriental astronomers."

- (३) बेलीड़ को सम्भवतः बेबिलन वासियों (१) से निम्नलिखित ब्यामितीय फल प्राप्त हुए बे, बिनके लिए उसने उपरत्ति आदि देने का प्रयक्ष किया:
 - (अ) बूत का व्यास उसे समद्विभावित करता है।
 - (ब) सम दिवाह त्रिभुज के आधारीय कोण समरूप (similar) होते हैं।
 - (स) युडीमस के अनुसार, उसने यह खोजा था कि दो सरल रेखाओं के प्रतिच्छेदन से प्राप्त कोण समान होते हैं। इत्यादि।
 - (४) येळीड़ के काल में मिस और बेबिलन का गणित मृतपाय हो चुका या ।†
- (५) नीओ-प्रेटोनिस्ट (Neo-Platonist) मोक्कस (Proclus, 412-485 A. D.) ने पियेगोरस की ज्यामिति के सम्बन्ध में यह उल्लेख किया है.

Pythagorus, who came after him, transformed this science into a free form of education; he examined this discipline from its first principles and he endeavoured to study the propositions, without concrete representation, by purely logical thinking. He also discovered the theory of irrationals (or of proportions) and the construction of the cosmic solids (i. e. of the regular polyhedra)!

उपर्युक्त विवरण से प्रतीत होता है कि न्यामितीय और ज्योतिषीय सामग्री, यूनान में इस काल में बाहरी देशों से लाकर, स्थमरूप से अवलोकित कर, तर्क पर आधारित गहन अध्ययन का विषय बनाई गई। इसमें सन्देह नहीं, कि उक्त सामग्री ने इन विद्वानों को प्रमावित किया होगा, क्योंकि विना प्रमाव के, किसी विषय की ओर ध्यान आहुष्ट होना साधारणतः सम्मव प्रतीत नहीं होता। जो बात, बीवरूप से प्रभावक प्रतीत होती है, वह "गणित द्वारा प्रतिपादित धर्म से आख्या का उत्थाव करना" दृष्टिगत

· .

^{*} Ibid. p. 86.

[†] Ibid. p. 89.

t Ibid. p. 90.

होती है। देखें कि प्रमाव का यह माध्यम पियेगोरत के वर्ग और वर्जमान महावीर के तीर्य से कहाँ तक तहशासा रखता है ?

(१) ऐसा प्रतीत होता है, कि ईसा से मायः (५८२-५००१) वर्ष पूर्व मिस में प्रवल स्वेच्छा से रहते हुए पियेगोरस ने जिनके संसर्ग में स्वतः को विभिन्न विज्ञानों से (a lot of knowledge without intellect) परिचित किया था, उनके मिशन का प्रभाव उसके नैतिक जीवन में पशु के मति (मुक्ति हेतु), विश्वद दया की छाप छोड़ बैठा था,

"But this crazy crank Pythagorus had made quite a fuss when he saw one of the prominent citizens taking a stick to his dog. "Stop beating that dog!" he had shouted like a madman. "In his howls of pain I recognize the voice of a friend who died in Memphis twelve years ago. For a sin such as you are committing he is now the dog of a harsh master. By the next turn of the Wheel of Birth, he may be the master and you the dog. May he be more merciful to you than you are to him. Only thus can he escape the Wheel. In the name of Apollo my father, stop, or I shall be compelled to lay on you the tenfold curse of the tetractys."

(२) इस चतुर्चकमण (tetractys), चतुर्गति बंधन (स्वस्तिक प्रक्रपणा १) से विमुक्ति हेतु पियेगोरस और आगे बदकर, हरे पौषों के प्रति भी, ममता प्रदर्शित करता है,

"Then, too, there was all this talk about what he ate, or rather about what he would not eat. What could the man possibly have against beans? They were a staple of everyone's diet; and here was Pythagorus refusing to touch them because they might harbour the souls of his dead friends........He had even deterred a cow from trampling a patch of beans by whispering some magic word in its ear".

इसी प्रकार, (एकेंद्रिय जीव, बालों, से निर्मित) कनी कपड़ों से सम्बन्धित अम्युक्ति निम्न प्रकार है,

"He also tells that the Pythagoreans did not bury their dead in woollen clothing." This looks more like religious ritual than like mathematics. The Pythagoreans, who were held up to ridicule on the stage, were presented as superstitious, as filthy vegetarians, but not as mathematicians". []

[#] Ibid. p. 18.

[†] E. T. Bell, The Magic of Numbers, p. 87, (1946)

¹ The Magic of Numbers pp. 91, 92.

^[] Science Awakening p. 92.

(१) पुनः, मांस मक्षण निषेष की शैली में आत्मा की नियत संख्या के रूप में गणित का प्रवेश है, "The thought of all the souls they might have left shivering in the void by devouring their own goats and swine made the good Samians extremely unhappy. A few weeks more of these upsetting suggestions, and they would all be strict vegetarians—except for beans.

Equally upsetting was the ghastly thought that some of their own children might be malicious little monsters with no souls to restrain their bestial instincts. For Pythagorus had assured them that the total number of souls in the universe is constant".

आत्माओं के पुनर्जन्म तथा आत्मा की अमरता का उपदेश देने वाले पिथेगोरस के वर्ग बन्धुत्व में,

गणित की महत्ता दर्शाने वाला उल्लेख निम्नलिखित भी है :

"The Pythagoreans thus have purification and initiation in common with several other mystery-rites. Ascetic, monestic living, vegetarianism, and common ownership of goods occur also in other sects. But, what distinguishes the Pythagoreans from all others, is the road along which they believe the elevation of the souland the union with God to take place, namely by means of mathematics. Mathematics formed a part of their religion. Their doctrine proclaims that God has ordered the universe by means of numbers. God is unity, the world is plurality and it consists of contrasting elements. It is harmony which restores unity to the contrasting parts and which moulds them into a cosmos. Harmony is divine, it consists of numerical ratios. Whosoever acquires full understanding of this number-harmony, he becomes himself divine and immortal."

अभी यह कहना कठिन है कि पियेगोरस ने वही प्रतिपादन किया जो वर्दमान महावीर के तीर्थ में परम्परा के आधार पर किया गया प्रतीत होता है। परन्तु, बवला ग्रंथों (विशेषकर, षट्खंडागम पु. ३) को देखने पर यह अवस्य प्रतीत होता है कि इन दोनों वर्गों के स्क्य प्रायः एक से रहे हैं। इसकी पृष्टि, पुन:, निम्नलिखित उद्धरण से होती है,

"According to Heraclides of Pontus, Pythagorus said that,

"Beatitude is the knowledge of the perfection of the numbers of the soul". Mathematics and number mysticism mingle fantastically in the Pythagorean doctrine. Nevertheless, it was from this mystical doctrine that the exact science of the later Pythagoreans developed."()

^{. *} The magic of Numbers, p. 92.

[†] Science Awakening p. 93.

⁽⁾ Ibid p. 94.

(४) विवेगोरत के लिये "a lot of knowledge without intellect" से सम्बन्धित अस्मृत्ति वाएडेंन वे इस प्रकार दी है :

"This contemptuous remark cannot refer to a logically constructed theory of numbers and a geometry such as we find in the writings of the later Pythagoreans. But, if Pythagorus gathered into one lump, all kinds of half-assimilated learning about the gods and the stars, about musical scales, sacred numbers and geometrical calculations, and proclaimed such an omnium-gatherum to his followers as divine wisdom in a prophetic manner, then Heraclitus' ridicule, as well as the veneration of mystics, such as Empedocles, become entirely understandable".

इसी प्रकार, एक और ऐसा उस्लेख है जो विचारणीय है:

"What inspiration laid forceful hold on Pythagorus when he discovered the subtle geometry of (the heavenly) spirals and compressed in a small sphere the whole of the circle which the aether embraces."

पियेगोरीय वर्ग ने प्रहों को जीवित देवताओं की मान्यता दी है। एक और महत्वपूर्ण तथ्य है, "बन्द्र सम्बन्धी गणना में ५९ का आधार", यथा,

"Firmly convinced of the mystic values of numbers, Pythagorus determined to a base a brand new cycle on a primary foundation of arithmetic. Fifty-nine was a "beautiful" number, since it was a prime. When to this was added the undoubted fact that, when we count the days and nights in every one of the moon's months, the total is always 59,....."

इस ५९ दिन और रात्रि प्रकरण से सम्बन्धित आधारभूत प्राकृत प्रथों में विशेष विस्तार से वर्णित चंद्र सम्बन्धी गणना है। यह शात है कि त्यें की अपेक्षा से चंद्र एक सुदूर्त में ६२ गगनलंड पीछे रह जाता है, इसल्थि १०९८०० गगनलंड अथवा एक परिभ्रमण पूर्ण करने में ५९ है, दिन लगते हैं.

इस आधार पर चंद्र अर्द्धचक्र का synodic मास २९.५१२''''दिन निकलता है। यहाँ बतलाना आवश्यक है कि हिन्दू ज्योतिष ग्रंथों की अयन प्रकृति प्राकृत ज्योतिष ग्रंथों से मिस्न है।()

(५) आगे, जहाँ परिमित, अपरिमित, एकत्व, अनेकत्व, सांत, अनन्त आहि के विषय में रुचि लेने वांके पियेगोरस के वर्ग ने अपरिमेय राशियों को हक्यरूप देकर परिमेय बनाया और इस प्रकार

^{*} Ibid. p. 95.

[†] Heath, Greek History of Mathematics, Vol. 1, p. 163. (1921)

[‡] A. T. Olmsteed, History of Persian Empire, Chicago, p. 209, (1948)

⁽⁾ वैम-सिदांत-सास्कर, भाग ८, किरण २, इ. ७७, (१९४१)

ग० सा≉ सं• घ०-४

क्यामिति पर आचारित अदितीय ताथम को प्रकाश में खाया, उसी प्रकार यहाँ मारत में धटखंडागम जैसे सिद्धान्त प्रन्यों में न केवल दर्शन और धर्म को, वरन् द्रव्यों (बीव और पुद्रल) के प्रमाणों को द्रव्य, खेन, काल, माव, विकल्प, अल्प बहुत्व के साधनों से दृष्य रूप दिया। इसका हृहद विवेचन यहाँ देना सम्मय नहीं है। इसके हेतु तिलोय पण्णती के गणित के सिवाय धवल ग्रन्थों में मुख्यतः पुस्तक ३ और ४, केशव वर्णी अथवा टोडरमल की गोम्मटसार की टीका तथा गोपालदास बरेया कृत बैनसिद्धान्तदर्गण दृष्टव्य है।

यहाँ यह बात बतलाना आवस्यक है कि पियेगोरीय वर्ग ने जहाँ अपरिमेयको परिमेय बनाने के लिये ज्यामिति आकृतियों का आअय लिया है, वहाँ प्राकृत प्रन्थों में परिमेय का बोध देने के पश्चात् उसे अपरिमेय रूप में भी प्रस्तुत किया है। यहीं सामान्यकरण का बीब छिपा है। इनके प्रदर्शन के लिये प्राकृत प्रन्थों में बहाँ परमाणु द्वारा अवगाहित आकाश-प्रदेश (बिन्दु) को मूलभूत लिया है, वहाँ पियेगोरस का बिन्दु भी उस्केलनीय है,

"Points are the primary elements of space for Pythagorus, and a point is that which has position only. Unlike material things a point has neither parts nor magnitude. These defects are shared by 1 when the latter is regarded as the Monad or the generative element of number. If Pythagorus thought of space as being made up of points, then points generated his space. But whatever he imagined space to be, he identified a point with 1."

(६) १ को संख्या राशि में समन्तित न करने वाले और सम्भवतः भारतीय पगड़ी को घारण करने वाले पियेगोरस का बिन्दु हमें एलिया निवासी ज़ीनो के चार असदासों (विरोधामासों) की ओर भी आकृष्ट करता है। होटो ने उल्लेख किया है कि वह समझ चुका था कि किसी वस्तु को समान और असमान, एक और अनेक, स्थिर और गतिवान कैसे सिद्ध करना। 1

ज़ीनों के "सान्त की अनन्त विभाज्यता के खंडन" और अविभागी "समय" (now) अयवा "वर्तमान काल" बैसी अवधारणाओं (concepts) में इम जिनागम प्रणीत "प्रदेश" और 'समय" सम्बन्धी मान्यताओं का स्पष्ट बिम्ब देखते हैं। इस सम्बन्ध में ऐसा प्रतीत होता है मानो स्यादाद पर आधारित अनेकान्तात्मक वस्तु स्वरूप विषयक ज्ञान का ज़ीनों ने आधार लेकर सम्भवतः इन असद्रासों आदि का संकलन केवल अपने आराध्य पारमेनिडीज़ (Parmenides, fl. 5th century B. C.) के सिद्धान्तों की रक्षा के लिए विवादोत्सुक विद्वानों को विडम्बना में डालने के हेतु किया हो। इसकी पृष्टि निम्नलिखित अवतरण से होती प्रतीत होती है:

"'Yes, Socrates', said Zeno; 'but though you are as keen as a Sparton hound, you do not quite catch the motive of the piece, which was only intended to protect Parmenides against ridicule..."

^{*} The Magic of Numbers, p. 161.

[†] Science Awakening, Plate 13, p. 112.

[‡] T. Heath : Greek History of Mathematics, vol. (i), p. 273.

^[] The Dialogues of Plate by B. Jowett, vol. II, p 634, (1953) Oxford.

इसके साथ ही कत्य के पुजारी और विष प्याके के ग्राहक सॉकाटीड़ (Socrates, 469-399

B. C.) सम्बन्धी अम्युक्ति भी विचारणीय है,

"Here we have, first of all, an unmistakable attack made by the youthful Socrates on the paradoxes of Zeno. He perfectly understands their drift, and Zeno himself is supposed of to admit this. But they appear to him, as he says in the *Philebus* also to be rather truisms than paradoxes."

एरिस्टाटिल के बान्दों में प्रथम दो तर्क निम्नलिखित हैं :--

- (१) डाइकॉटोमी (Dichotomy):—कोई भी गमन नहीं होता, क्योंकि जिसे गित किया इस में परिवत किया जाता है उसे अंत में पहुँचने के पूर्व (दूरी के) मध्य में पहुँचना पड़ेगां। और उस अर्द भाग को तय करने के पूर्व अर्द का अर्द भाग तय करना होगा और इस प्रकार अनन्त तक ।) न
- (२) आकिलीज़ (The Achilles) 'कथन है कि मन्द गतिवान को तीव गतिवान कमी न पकड़ सकेगा; क्योंकि जिस स्थान को मंद गतिवान ने छोड़ा है वहाँ तक तीव गतिवान को पहुँचना पड़ेगा और इसलिये मंद गतिवान आवश्यकीय रूप से सदा कुछ दूर आगे ही रहेगा।' ‡

स्पष्ट है कि वे दो तर्क परिमित अखंड महत्ताओं की अनन्त विभाज्यता का खंडन करते हैं। जिनागम के अनुसार अमूर्तिक आकाश द्रव्य को स्यात् अलंड और स्यात् अनन्त प्रदेशवान् माना गया है। प्रदेश (खंड) की अवधारणा पुदूछ परमाणु की अविभाज्यता या अंत्य महत्ता के आधार पर मुख्य रूप से की गई है । इस प्रकार अमूर्त द्रव्य में भेद (विभाजन) की कल्पना को स्थान न देकर केवल मूर्त द्रव्य पुरूल में भेद की सम्मावना की पृष्टि कर, और प्रदेश की परिभाषा, "जितने आकाश को एक अविभागी पुत्रल परमाणु को ज्यात करे" रूप में देकर, लोकाकाश में असंख्यात प्रदेशों की मुख्य रूप से कहपना की गई है। यहाँ तक ही नहीं, वरन् एक सूर्व्यंगुल में प्रदेशों की संख्या का प्रमाण, संख्यामान और उपमामान में समीकरण स्थापित करते हुए, वह प्रमाण बतलाया गया है जो पल्योपम काल राश्चि में स्थापित समयौं की संख्या के अर्बुच्छेद प्रमाण का परस्पर गुणन करने पर प्राप्त हो । इस परम्परागत समीकरण के आधार पर प्रथम तर्क का समाधान होता प्रतीत होता है, क्योंकि खडि में परमाणु को अंत्य महत्ता प्राप्त करा देने पर, किसी परिमित दूरी में अर्द्धच्छेदीं की संख्या का प्रमाण अधिक से अधिक असंख्यात ही होने पर, अनन्त विभाज्यता का प्रश्न उठता प्रतीत नहीं होता । असंख्यात प्रमाण मुख्यरूप कल्पना के आधार पर, द्वितीय तर्क भी समाधानित होता प्रतीत होता है, क्योंकि परमाणु स्वरूप अंत्यमहत्ता वाली वस्तुओं के भी गमनसम्बन्धी सद्भाव में किसी दूरी के अई-ब्छेद, त्रयक्-छेद, चतुर्थ-छेद आदि सभी की संख्या, प्रदेश की कल्पना के आधार पर असंख्यात अथवा संख्यात ही होगी, अनन्त नहीं; और इस प्रकार "कभी नहीं" प्रभ मी समाचानित होता प्रतीत होता है। ऐसा प्रतीत होता है मानो बीनो ने भौतिक संसार में होने बाबी घटनाओं को ही बास्तविक आधार मानकर अमृतिक आकाश की विभाग्यत। की कस्पना का संबन किया है। ऐसा कहा बाता है कि ये तर्क विवेगोरीय सिद्धान्तों के संबन के लिये नहीं थे,

^{*} Ibid. p. 638.

[†] T. Heath, Greek History of Mathmetics vol. I, p. 275, (1921)

[‡] Ibid. pp. 275 276.

क्वोंकि पियेगोरीय वर्ग ने किन्दु अवका प्रदेश की परिमाधा, "स्यित वाका एकक" (unit baving position) के रूप में स्थापित की वी

इन दो तकों के आधार पर, वीरसेन की शैकी में, "परन्तु ऐसा है नहीं" यह अन्यथा युक्ति खंडन (अनिष्ट प्रदर्शन) विभि, जिनागम प्रणीत उक्त तच्यों की पुष्टि करने की विभियों के समान प्रतीत होती है। अथवा ऐसा माल्म पड़ता है मानो सीमित क्षेत्र में संख्यात या असंख्यात (परिमित) प्रदेश संख्या राशि की पुष्टि करने के किये ही ये तक प्रस्तत किये गये हैं।

आगे, एरिस्टाटिल के शब्दों में जीनो के अंतिम दो तर्क ये हैं--

- (१) बाण (The Arrow) :- "यदि, जीनों का कथन है, प्रत्येक वस्तु या तो स्थिर है या गति किया में परिणत है (गमन में है) अब कि वह (स्वतः) के समान आकाश को न्यास करती है, अब कि वह गतिवान वस्तु उसी क्षण (in the now) में सदा है, तो गतिवान वाण स्थिर है (गतिवान नहीं है)" ने
- (Y) क्रीड़ांगन (The Stadium):—"चौथा तर्फ समान वस्तुओं की समान संख्या वाली दो पंक्तियों के सम्बन्ध में है जो किसी दौड़सेत्र में समान प्रवेग से विरुद्ध दिशाओं में एक दूसरे का अतिक्रमण करती हैं, एक पंक्ति क्षेत्र के अंत से तथा दूसरी मध्य से प्रस्थान करती हैं। यह, वह सोचता है, इस उपसंहार पर पहुँचाती है कि दत्त समय का अब भाग, ब्रिगुणित के तुस्य होता है……";

बीरसेनाचार्यं ने व्यवहारकाल की अंत्य महत्ता को, अविभागी समय में परमाणु की गमनशीलता के आधार पर प्रस्तुत किया है,

"एक परमाणु का दूसरे परमाणु के व्यक्तिक्रम करने में बितना काल लगता है, उसे समय कहते हैं। चौदह राजु आकाश प्रदेशों के अतिक्रमण मात्र काल से जो अतिक्रमण करने में समर्थ परमाणु है, उसके एक परमाणु अतिक्रमण करने के काल का नाम समय है।"()-

इस प्रकार छोकान्त से छोकाग तक प्रत्येक बिन्दु पर से बाने बाले परमाणु के गुजरने की घटना, प्रत्येक प्रदेश पर स्थित बड़ी, तथा गमनशीछ परमाणु में स्थित ऐसी ही बड़ी (१), वही "एक अविभाज्य समय, तत्श्रण," कतलवेगी बिस 'एक समय' में वह पुद्रक परमाणु, गमनरूप क्रिया में परिणत हुआ, छोकाग पर बाकर, स्थिर पर्याय को प्राप्त होता है। इस प्रकार प्रत्येक प्रदेश से गुजरने की एक समय काळीन घटना में युगपतत्व का समायेश है। व्यवहार से, काळ के अनन्त समय, वर्तमान काळ को एक समय मानकर बतलाए गये हैं। निक्चय नय ते अमूर्त, अप्रदेशी काळ हव्य वर्तना का कारण होने से, तथा प्रति समय अनन्त वर्तनाएँ होने से, गुख्य काळाणु अनन्त समय वाळा भी माना गया है। जिल्ल की अंत्य प्रमाण छोटी पर्याय से बिरे हुए काळ को समय बतळावा गया है।

ऐसे अविभागी | क्योंकि कोई पर्याय के बदसने में सृष्टि में होने वाली 'पर्यायांतरी किया में',

. 24 Pij

^{*} Ibid. p. 278.

[†] Ibid. p. 276.

[‡] Ibid. p. 276.

⁽⁾ बर् सर्वागम प्र॰ ४, ४० ३१८।

विस्वार्धशक्रवार्तिक, अध्यास ५, पृ० ३६४ (प्रवाकाळ, बाककीवाळ)

एक समय से कम काल नहीं लगता] समय में उद्यागनत्व त्वमाववाला सिद्धारमा, मध्य कोक से लोकाम स्थित सिद्ध शिला पर पहुँच बाता है। इसी प्रकार एक ही समय में इंगिपय आसव में कमों का आना, आत्मा से स्वर्ध करना और निर्वरित हो बाना; तथा चार समय से पहिले मरणांतिक समुद्धात में आत्मा के प्रदेशों का अनुभेषि विम्नह गति से लोक में स्थित किसी भी प्रदेश स्थित बन्म स्थान का स्पर्श करना और चार समय में दंड, कपाट, प्रतर एवं लोकपूरण किया का होना, ये सब कियाएँ, अथवा पर्यायों में अंतर आदि का एक समयवर्ती होने का बान बीनो के उक्त असद्धासों का विषय बन बाता है; कि क्या इन पर्यायों अथवा कियाओं से भी कोई स्थानत पर्याये नहीं होती हैं, जो बान में आ सकें, क्योंकि वे एक समय के अवक्तव्यम् माग (१) में बटित होती हैं? क्रिया की परिमाषा श्री अक्तबंक देव हारा निम्न कप में प्रस्तुत है, "हमय निमित्तापेक्षः पर्याय विशेषो द्रव्यस्य देशांतर प्राप्ति हेतुः किया ॥"**

पेसा समझा बाता है कि उपरोक्त तर्फ उंतत महत्ताओं की अविभाज्य तत्वों द्वारा संरचना की करणना के विवस हैं।, परन्तु ऐसा प्रतीत होता है मानो तृतीय अवझास अविभागी समय के खंडन के लिए नहीं है, बरन् उस एक समय में "१४ राखु वो देशान्तर माप्ति है, यह केवळ स्थिरता अथवा गतिवान् कपादि अनेक अलग-अलग वर्त नाएँ रूप नहीं है, वरन् उन वर्त नाओं का एक समय में एक पर्याय परिवर्तन कर होना है", इस प्रकार के होने वा के पर्याय परिवर्तन की सम्भाव्यता की पुष्ठि के लिए है। कारण यह है कि गतिवान् वाण की एक समय में स्थरता और गमन रूप होना स्वामाविक प्रतीत होता है, और एक-एक प्रदेश पर गुकरते हुए उसका गमन रूप रहते हुए स्थिर कहना न्याय संगत नहीं है; वरन् उस एक समय में सहसा ७-१४ राखु प्रमाण प्रदेश राशि का! शीव्र वाण के समान अतिक्रमण करते हुए लोकाव्र पर बाकर स्थरता पर्याय का ब्रह्म करना अस्वामाविक इसल्थे प्रतीत हो कि समय अविभाज्य है, पर इस वर्तमान काळ रूप एक समय में ऐसा होता है—"नहीं तो वह वाण चळता ही नहीं", तक से अवस्थित (established) आमासित होता है।

चतुर्थं तर्कं सम्भवतः उक्त समय (110 w) के आधार पर उपस्थित हुआ प्रतीत होता है। हमारी समझ में यहाँ यह प्रभ उठाया गया है कि एक परमाणु का दूसरे परमाणु का व्यतिक्रमण करते समय, अथवा १४ राखु में स्थित प्रदेशों का अतिक्रमण करते समय, उस एक समय में प्रदेश की सीमा का उस्लंघन करते समय, अथवा एक साथ असंस्थात प्रदेशों का उल्लंघन करते समय, उक्त समय के विभाजित हो बाने की कस्पना न्यायसंगत है, अथवा नहीं ! ऐसा प्रतीत होता है, मानो सीनो ने 'एक समय' की अविभाज्यता की कस्पना को न्यायसंगत बतलाने के लिए यह असदास उस्लिखित किया हो कि क्या कोई समय का अर्दमान उसके दिगुणित प्रमाण के तुस्य होता है !

बो कुछ हो, वर्दमान महाबीर के तीर्थ में परम्परागत अनुगर्मों में प्रचुर मात्रा में प्रयुक्त वे तथ्य हमें विश्वबंधुत्व के प्राञ्चण में द्वुप सम्मावित आदान-प्रदान की शलकें प्रस्तुत करते प्रतीत होते हैं। हम अभी यह भी नहीं कह सकते कि भूनानियों द्वारा शंकु के छेद (काट) से प्राप्त विभिन्न छेदों (sections) के गहन अध्ययन की प्रेरका सूर्य, चंद्रादि के सुमेद के परितः समापन, असमापन

[•] देखिये वही. प्र• ८४, अ० ५, सूत्र भी १

[†] T. Heath Greek History of Mathematics, Vol. (1), p. 278 (1921)

I सरवार्थ राजवातिक, अ॰ ५, सू॰ २४।२६

सर्पिकों (spirals) में परिश्लमण को आँका पर आपतित तिर्मेक् शंकु रूप में परिलक्षित (प्रेक्षित) करने के फलस्वरूप प्राप्त हुई हो। इतना अनस्य है तिलोय पणाची वैसे प्रंथ में प्रहों के गमन का निवरण कालनश्च विनष्ट होना ही बतलाया है, परन्तु अपोक्षोनियस (Apollonius, circa 262–190 B. C.) और ट्रांटेमी की कृतियों से संकलन का प्रवास नहीं किया गया है।

अब इम देखेंगे कि क्या गणित इतिहास की शृंखला की मम कहियों में से वर्दमान महावीर के तीर्थ में प्रतिपादित अलेकिक गणित का विकास भी एक कड़ी है। ममकड़ियों के विषय में डिकिसित वाएडेंन की अम्युक्ति यह है:

"We have no real proofs for the existence of such an uninterrupted tradition; too many connecting links are missing for this.

It is rather a general impression of relatedness which makes itself
felt when one knows the cuneiform texts and then looks through
Heron or Diophantus, or the Chinese "classic of the maritime isle",
or the Aryabhaytae of Aryabhata or the Algebra of Alkhwarizmi.
According to all Arabic sources, Alkhwarizmi was the first writer
on algebra, but his algebra is so mature that we cannot assume that
he discovered everything himself. The algebra of Alkhwarizmi can
hardly be accounted for on the basis of the Greek and Indian
sources which we know; one gets more and more the impression
that he has drawn on older sources which in some way or other are
connected with Babylonian algebra." †

बेबिलन से चीन तक अन्य सामग्री पहुँचने अथवा बेबिलन और चीन के प्रयुक्त अनुपात सिद्धान्त से सहसम्बन्धित भग्न कड़ी का अनुरेखण करने में भी इतिहासक्षों ने अपनी असमर्थता प्रकट की है:

"The oldest Chinese collection of problems on applied proportions' looks like an ancient Babylonian text, but it is next to impossible to prove their dependence or to trace the road along which they were transmitted."

इसमें सन्देह नहीं है कि चीनियों ने हजारों वर्षों से शान का आदान प्रदान करते हुए भी अपने स्थल (character) और मौलिकता (originality) को अञ्चल रखा है। हम यहाँ केवल योड़े से उदरणों द्वारा वर्दमान महावीर के तीर्थ से सहसम्बन्धित सस्य, अहिंसा और गणित के प्रांगण में चीन और भारत के समान्तर रूप से दिकसित तथ्यों पर प्रकाश डालना चाहते हैं। ईस्वी पक्षात् ६५ के स्थामम चीन में सर्वप्रथम बीद धर्म प्रकट होता प्रतीत होता है। हम इसके कुछ शताब्दियों पूर्व उमड़ी विश्व-बन्धुल की लहरों से प्रभावित क्षेत्र, काल, भाव का अवलोकन करना उपयोगी समझते हैं:

^{*} gg क्प "Arybhatiya" है।

[†] Science Awakening, p. 280.

[‡] Ibid. p. 278.

(१) एक कोर बहाँ यूनान में पौजों में बीव का अस्तित्व माना गया है, वहाँ चीन में भी इससे सम्बन्धित विद्यान्त पर बोलेफ नीडेम द्वारा प्रकाश बाल गया है:

"Another case which seems to me comparable is the Aristotelian doctrine of the 'ladder of souls' in which plants were regarded as possessing a vegetative soul, animals a vegetative and a sensitive soul, and man a vegetative, a sensitive and a rational soul. I shall later show (sect. 9 e) that a very similar doctrine was taught by Hsun Tzu (Hsun Chhing). Aristotle lived from —384 to —322, Hsün Chhing from —298 to —238."

उपर्युक्त का सम्बन्ध प्राकृत श्रेयों में वर्णित जीवों के गुणस्थान और मार्गणास्थानों से अनुरेखित करना उपयोगी प्रतीत होता है। इस ओर आकृष्ट करने वाळे तथ्य निम्नलिखित हैं:—

"In the realm of philosophical theory and practice, determined efforts have been made to show that early Taoism owed much both to the Indian Upanishad literature for its theory, and to Indian yogism for some of its practices; further, that Chinese Chhan Buddhism was an importation from India. These views, however, as Creel says, d have never been really convincing. The Upanishadse are metaphysical commentaries on the Vedas, and date from the -8th to the -4th centuries, so that they are little earlier than the first period of elaboration of Taoist doctrine. Their strongly marked metaphysical idealism, with its conception of the unity of the brahman and the atman, the absolute and the self, is not at all characteristic of the Taoists; though the latter, as we shall see. greatly emphasised the unity of nature, and the incorporation of the individual within it. For the influence of Yoga practices, especially the breathing exercises, which are certainly very ancient in India. upon early Taoism, a better case can be made out (Filliozat, 3), Some Taoist schools, at any rate, practised self-hypnosis by concentration on the inhaling and exhaling processes (Waleyh), butit was not universal as Chuang Tzu has a passage condemning it, In any case the sims of this samadhi or dhyana among the Taoists were entirely different from those of the Indian rishis. Both wished to master organic life and to attain 'supernatural' powers, but while

^{*} J. Needham, Science and Civilization in China, p. 155, vol. I, Cambridge (1954).

the Indians sought for an ascetic virtue which would enable them to dominate the gods themselves (of. Wilkins'), the Taoists sought a material immortality in a universe in which there were no gods to overcome, and asceticism was only one of the methods which they were prepared to use to attain their end."*

उपर्युक्त तुस्त्रना में इम शुमचंद्राचार्य के 'बानार्गंव' की ओर पाठकों का ध्यान आकर्षित करेंगे, बहाँ आत्मा के व्यक्तित्व के चरम विकास के खिये (अंततः मुक्ति के सिए) प्राणायाम को विश्व का कारण निकपित किया है—

> सम्यक् समाधि सिद्धक्षं प्रत्याहारः प्रशस्यते। प्राणायामेन विश्वितं मनः स्वास्थ्यं न विन्दति ॥ ४ ॥ वायोः संचार चातुर्यं मणि माद्यक्क साधनम्। प्रायः प्रत्युह् बीवं स्थान्मुनेमुक्तिमभीप्यतः ॥ ६ ॥ प्राणस्यायमने पीडा तस्यां स्वादार्थं सम्भवः। तेन प्रच्याव्यते नृतं ज्ञात तत्वोऽपि स्वयतः ॥ ९ ॥ नातिरिक्षं फलं स्त्रे प्राणायामात्प्रकीर्तितम्। अतस्तदर्थं मस्माभिनातिरिक्तः क्वतः अमः ॥ ११॥

> > (प्रकरण संख्या ३०)

साय ही वर्दमान महावीर के तीर्थ में सिद्ध पद प्राप्त करने हेतु सम्यक् तप को जो प्रधानता दी गई थी वह परम्परा से अचलित प्रतिक्रमण में इस प्रकार दृष्टिगत होती है।

"वनसिद्धे णयसिद्धे संबमसिद्धे चरित्तसिद्धे य । णाणिम्म दंसर्णम्म य सिद्धे सिरसा णमेसामि ॥"

(२) चीन और भारत के बीच सम्बन्ध बोड़ने वाला एक तथ्य और है, "परिमित क्षेत्र की अनन्त विभाज्यता का खंडन।" इसके साथ ही सम्बन्धित युगपतत्व (simultaneity) और परमाणु सम्बन्धी तथ्य हैं जिनके लिये वर्दमान महावीर के तीर्थ में संकलित सामग्री आदि का तुलनात्मक अध्ययन कितना उपयोगी होगा यह निम्नलिखित उदरण से स्पष्ट हो बावेगा,

"Finally, he discusses the relation between the paradoxes of Hui Shih² and the Eleatic paradoxes,^d without attaining any definite conclusion—the correspondence is, indeed, another example of that extraordinary simultaneity between phenomena which we some-times find at the two ends of the Old World. For the date of Hui Shih² is late—5th century, and Eleatic Zeno's floruit is placed about—460.*"†

^{*} Ibid. p. 153.

[†] Ibid. p. 154.

वागे.

"One might take the theories of atomism as an example. Its story in our own classical civilization, beginning with such men as Leucippus and Democritus of Abdera, of the -5th century, and culminating in Epicurus and Lucretius of the late -3rd and early -1st, is well known to us." Indian atomism seems to be later in date, the Jaina System of Umasvati showing its greatest strength about +50, and the Vaiseshika darsana (theory) of Kanada flourishing in the second half of the +2nd Century. But there are reasons, as Rey urges, for believing that the roots of the theory of paramanu (atoms) go much further back in the history of Indian thought. Thirdly, in Chinese physics atomism never arose, as we shall see a, but the geometry of the Mo Ching! (the Mohist Canon, which must have been put together somewhere in the neighbourhood of -370) seems to define a point as a line which has been cut so short that it cannot be cut any further."

(३) आगे यह जानते हुए कि चीन और भारत में बौद धर्म सम्बन्धी आदान प्रदान का प्रारम्भ ईसा की चौथी सदी से हुआ, इम इससे पूर्व का एक ऐसा उल्लेख भी पाते हैं को सम्भवतः भारत से सम्बन्धित हो.

"The Huai Nan Tzu book (c. -200) contains a remark that Yu the Great when he went to the country of the Nacked People, left his clothes before entering it and put them on when he came out, thus showing that wisdom adapts itself to circumstances."

(४) इसमें सन्देह नहीं कि चीनी गणित का प्रत्यक्ष सम्बन्ध भारतीय गणित के साथ दिखाई देता है, पर यह काळ वर्दमान महावीर के श्रतान्दियों पत्मात् का है:

"The proof of the Pythagoras Theorem used by Chao Chun-Chhing² in his +2nd-century commentary on the Chou Pei³ (the oldest mathematical classic) appears again in the work of Bhāskar (+1150). The rule for the area of the segment of a circle given in the Chiu Chang Suan Shu⁴ (Nine Chapters on the Mathematical Art) of the +1st-century appears again in the +9th-century work of Mahāvira. Indeterminate problems of the Sun Tzu Suan Ching⁵ (Master Sun's Mathematical Manual) of the +3rd century are found in Brahmagupta (+7th century). Aryabhata (+5th century) has

^{*} Ibid, p. 155.

¹ Tbid. p. 206.

geometrical survey material very like that of Liu Hui of the +3rd ."*

बहाँ तैत्तिरीय संदिता में केवल २७ नक्षत्रों को मान्यता दी है, वहाँ चीन में २८ नक्षत्र माने गये हैं। तिलोय पण्णत्ती में भी १ चंद्र के २८ नक्षत्र माने गये हैं (७—४६५), तथा चंद्र के कारणभूत ग्रुळ पक्ष और कृष्ण पक्ष में पातालों के पवन का बदना और घटना बतलाया गया है (४—२४०३)। यहाँ इस तथ्य से समानता रखता हुआ यूनान और चीन से सम्बन्धित उक्लेख ध्यान देने योग्य है। वहाँ ईसा पूर्व सातवीं सदी के चीनी ताओ विद्वान्त के ग्रन्थ कुआन त्यु (Kuan Tzu) में चंद्रमा के ग्रुळ और कृष्ण पक्ष में समुद्री जीनों का बदना और घटना बतलाया है, वहाँ यूनान में एरिस्टाटिल (Aristotle) ने भी यही उक्लिखत किया है। गणित सम्बन्धी अन्य तुलनाएं तिलोय पण्णत्ती के गणित तथा टोडरमल की गोम्मटसार टीका आदि से की जा सकती हैं। इस सम्बन्ध में उल्लिखित ग्रन्थ के अन्य भाग (१-७) भी द्रष्टव्य हैं। में यहाँ इतना कहना आवश्यक है कि बर्दमान महावीर के तीर्थ में अनन्तात्मक राशियों का अस्पबहुत्व अन्यत्र कहीं देखने में नहीं आया है। दर्शन में गणित के प्रयुक्त करने की अनुपम प्रणाली "अस्प बहुत्व" में परिलिखित होती है। केश्ववर्णों की गोम्मटसार टीका में इस तथा अन्य विषयक प्ररूपणा में प्रयुक्त प्रतीकों में शून्य, धन और ऋणादि के लिये एक से अधिक चिह्न उपयोग में लाये गये हैं, जो ऐतिहासिक दृष्टि से अत्यन्त महत्वपूर्ण हैं।

उपर्युक्त अवलोकन से इस इस निष्कर्ष पर पहुँचते हैं कि पियेगोरस कालीन अखिल विश्व में बो गणित युक्त दर्शन का पुनर्जागरण हुआ, उसके इतिहास की मग्न शृंखला की एक कड़ी वर्दमान महावीर का तीर्थ कालीन लोकोत्तर गणित (अर्थमितिकी) भी है।

[्]रं चीनी त के मान ६, √१०, १९९ तथा दाशमिक प्रस्ति सहित शकाका गणन इष्टब्य हैं।



4...3

^{*} Ibid. p. 213.

[†] Ibid. p. 150.

कुतज्ञता प्रकाशन

मस्तुत मंत्र के हिंदी अनुवाद की प्रेरणा मुझे डा॰ हीराखाल बैन ने मायः ग्यारह वर्ष पूर्व नागपुर में दी थी। इस सम्बन्ध में समय समय पर दिये गये उनके सुझावों के लिए मैं उनका आमारी हूँ। संस्कृत के विद्यार्थी होने का सौमाग्य मुझे प्राप्त नहीं हुआ, इसलिये प्रस्तुत अनुवाद मुख्यतः प्रोफेसर एम. रंगाचार्य के सटीक आङ्गल भाषानुवाद पर आधारित है। इस अनुवाद में शासन द्वारा प्रकाशित पारिभाषिक शब्दावलि का उपयोग किया गया है। संस्कृत के पूफ देखने का श्रेय डा. ए. एन. उपाध्ये को है।

इस कार्य में प्रयुक्त कतिपय प्रंथों की पूर्ति पूज्य श्री १०'र श्रु॰ मनोहरळाळ की वर्णी "सहजानन्द" ने की, जिसके लिये मैं उनका चिर कृतक हूँ ।

महाकौशल महाविद्यालय (राबर्टसन कालिज), जबलपुर के भूतपूर्व प्राचार्य स्वर्गीय भी उमादास मुखर्जी का मैं आभारी हूँ, जिन्होंने मुझे अपनी सहज दया का पात्र बनाकर प्रस्तुत अनुवाद के कार्य को मली भाँति सम्पन्न करने हेतु संरक्षण प्रदान किया। इसी महाविद्यालय के गणित विभाग के भ्तपूर्व अध्यक्ष प्रोफेसर भी सी. एस. राजवन द्वारा प्रदत्त सुविजाओं के लिवे भी मैं उनका आभारी हूँ।

मैं श्री थी. एस. पंडित, एडवोकेट, जबक्छपुर, तथा श्री प्रबोधचंद्र जैन, एडवोकेट, छिंदवाड़ा का आमारी हूँ जिनकी अप्रत्यक्ष सहायता के बिना यह कार्य न हो सका होता। अप्रकट रूप से सहायक विद्यार्थी वर्ग मी घन्यवाद का पात्र है।

अंत में, मैं उन प्रथकारों के प्रति कृतक हूँ, जिनके प्रयों की सहायता केकर यह कार्य निष्पञ्च हुआ है।

६० जनवरी, १९६३ गवनैसेंट साइंस काक्रिज, जवकपुर।

ढक्मीचंद्र जैन



महावीराचार्यप्रणीतः गिरातसारसंग्रहः

१. संज्ञाधिकारः

मङ्गलाचरणम्

अलक्ष्यं त्रिजगत्सारं यस्यानन्तचतुष्टयम् । नमस्तस्मै जिनेन्द्राय महावीराय तायिने ॥ १ ॥ संख्याज्ञानप्रदीपेन जैनेन्द्रेण महात्विषा । प्रकाशितं जगत्सर्वं येन तं प्रणमान्यहम् ॥ २ ॥ विश्वाणितः प्राणिसस्यौघो निरीतिर्निर्वप्रहः । श्रीमतामोघवर्षेण येन स्वेष्टहितैषिणा ॥ ३ ॥ पापरूपाः परा यस्य चित्रवृत्तिहित्रीजि । भरमसाद्वीवमीयुस्तेऽवन्ध्यकोपोऽभवत्ततः ॥ ४ ॥ वशीकुर्वेन् जगत्सर्वं स्वयं नानुवशः परेः । नामिभूतः प्रभुस्तस्मादपूर्वमकरध्वजः ॥ ५ ॥ यो विक्रमक्रमाकान्तवा किचक्रकृतक्रियः । चिक्रकाभक्षनो नाम्ना चिक्रकाभक्षनोऽखसा ॥ ६ ॥

१ MB मह⁰ । २ M. प्रणीतः । ३ M. सर्गों ⁰ । ४ MK. सद्भां । ५ KPB भवेत् । ६ B योऽयं । ७ M. क्री⁰ । ८ MB रा⁰ ।

१. संज्ञा (पारिभाषिक श्रन्द) अधिकार

मङ्गलाचरण

जिन्होंने तीनों छोकों में सारभूत एवं मिथ्या दृष्टियों द्वारा अर्ल्ड्य अनन्त दर्शन, अनन्त ज्ञान, अनन्त वीर्य और अनन्त सुख नामक अनन्त चतुष्ट्य को प्राप्त किया, ऐसे रक्षक जिनेन्द्र भगवान् महावीर को मैं नमस्कार करता हूँ ॥ १ ॥ मैं महान् विभूति को प्राप्त जिनेन्द्र को नमन करता हूँ जिन्होंने संक्या- ज्ञान के प्रदीप से समस्त विश्व को प्रकाशवान किया है ॥ २ ॥ धन्य हैं वे अमोघवर्ष (अर्थात् वे बो वास्तव में उपयोगी वृष्टि की वर्षा करते हैं,) जो हमेशा अपने प्रियपाओं के हितचिन्तन में रहते हैं और जिनके द्वारा प्राणी तथा वनस्पति, महामारी और दुर्भिक्ष आदि से मुक्त होकर सुखी हुए हैं ॥ ३ ॥ जिन (अमोघवर्ष) के चित्त की क्रियायें अग्निपुंज सदश होकर समस्त पापरूपी वैरियों को भस्म में परिणव करने में सफल हैं, और जिनका क्रोध व्यर्थ नहीं जाता ॥ ४ ॥ जिन्होंने समस्त संसार को अपने वश्व में कर किया है और जो किसी के वश्व में न रहकर शत्रुओं द्वारा पराजित नहीं हो सके हैं, अपूर्व मकरप्यज की तरह शोभायमान हैं ॥ ५ ॥ जिनका कार्य, अपने पराक्रम द्वारा पराभूत राजाओं के चक्र (समूह) द्वारा होता है, और जो न केवळ नाम से चिक्रका भंजन हैं वरन् वास्तव में भी चिक्रका भंजन (अर्थात् जन्म और मरण के चक्र के नाशक) हैं ॥ ६ ॥ जो अनेक ज्ञान सरिताओं के अधिहाता

यो विद्यानद्यधिष्ठानो मर्योदावक्रवेदिकः । रक्षगर्भो यथाख्यातचारित्रजलिधर्महान् ॥ ७ ॥ विध्यस्तैकान्तपक्षस्य स्याद्वादन्यायवादिनैः । देवस्य नृपतुक्कस्य वर्धतां तस्य शासनम् ॥ ८ ॥

गणितञास्त्रप्रशंसा

हौिकिके वैदिके वापि तथा सामायिकेऽपि यः। व्यापारस्तत्र सर्वत्र संख्यानमुपयुज्यते ॥ ९ ॥ कामतन्त्रेऽर्थशास्त्रे च गान्धर्वे नाटकेऽपि वा। सूपशास्त्रे तथा वैद्ये वास्तुविद्यादिवस्तुषु ॥१०॥ छन्दोऽलङ्कारकाव्येषु तर्कव्याकरणादिषु । कलागुणेषु सर्वेषु प्रस्तुतं गणितं पर्यम् ॥११॥ सूर्योदिमहचारेषु प्रहणे प्रहसंयुनौ । त्रिप्रदने चन्द्रवृत्तौ च सर्वत्राङ्कीकृतं हि तत् ॥१२॥ द्वीपसागरशैलानां संख्याव्यासपरिक्षिपः । भवनव्यन्तरक्योतिल्लोककल्पाधिवासिनाम् ॥१३॥

होकर सच्चित्रिता की बच्चमयी मर्यादा बाले हैं और जो जैन-धर्म रूपी रस को हृदय में रखते हैं, इसलिये ये बधाल्यात चारित्र के महान् सागर के समान सुप्रसिद्ध हुए हैं।। ७॥ एकान्त पक्ष को नष्ट कर जो स्याद्वादरूपी न्यायशास्त्र के बादी हुए हैं ऐसे महाराज नुपतुंग का शासन फले फूले॥ ८॥

गणितशास्त्रप्रशंसा

सांसारिक, वैदिक तथा धार्मिक आदि सब कार्यों में गणित उपयोगी है ॥ ९ ॥ कामशाख में, अर्थशाख में, संगीत व नाट्यशाख में, पाकशाख (सूपशाख) में और इसी तरह औषधि-शाख में तथा धारतु-विधा (निर्माण-कला) में, छन्द, अर्छकार, काव्य, तर्क, व्याकरण आदि इन सभी कलाओं में गणना का विज्ञान श्रेष्ठ माना जाता है ॥१०--११॥ सूर्य तथा अन्य प्रह-नक्षत्रों की गति के संबंध में प्रहण और प्रह-संयुति (संयोग) के सम्बन्ध में, त्रिप्रहन के विषय में और चन्त्रमा की गति के विषय में प्रहण और प्रह-संयुति (संयोग) के सम्बन्ध में, त्रिप्रहन के विषय में और चन्त्रमा की गति के विषय में स्वन्त्रमा की गति के श्रीणविद्य और इंदक

१ P वेदिनः । २ M स्थात् ; B चापि । ३ B च । ४ KM महा 0 । ५ MB दण्डा 0 । ६ MB पुरा । ७ MM^0 क्षिपाः ।

⁽८) 'स्पात' शब्द निपात है जो एकान्त का निराकरण करके अनेकान्त का प्रतिपादन करता है। यह शब्द 'कथंचित' का पर्यायवाची है और एक निश्चित अपेक्षा को निरूपित करता है। इस प्रकार, वैशानिक एवं युक्तियुक्त स्थाडाद जो जैन-दर्शन एवं तत्त्वज्ञान की नीव है, वस्तु के यथार्थ स्वरूप की प्रकट करने के हेतु उसके अनन्त धर्मों में से एक समय में एक धर्म का प्रतिपादन करता है। प्रस्थेक धर्म का वर्णन उसके प्रतिपक्षी विरोधी धर्म की अपेक्षा से सप्तमंगी में किया जाता है। उदाहरणार्थ—अरितत्व एक धर्म है, और नास्तित्व उसका प्रतिपक्षी धर्म है। अपने प्रतिपक्षी सापेक्ष अस्तित्व धर्म की अपेक्षा से सप्तमंगी इस प्रकार बनेगी—(१) घट कथंचित् है, (२) घट कथंचित् नहीं है, (३) घट कथंचित् है और अवक्तव्य है, (६) घट कथंचित् नहीं है और अवक्तव्य है,

⁽१२) त्रिप्रकृत के ज्योतिलोंक विशान विषयक ग्रन्थों में वर्णित एक अध्याय का नाम है जो तीन प्रक्तों के विषय में प्रतिपादन करने के कारण इस नाम से प्रसिद्ध है।

ये प्रश्न प्रहादि ज्योतिष विस्वों के सम्बन्ध में दिक् (दिशा), दशा (स्थिति) एवं काल (समय) विषयक होते हैं।

नारकाणां च सर्वेषां भेणीयन्वेन्द्रेकोत्कराः । प्रकीर्णकप्रमाणाद्या बुध्यन्ते गणितेन ते ॥१४॥ प्राणिनां तत्र संस्थानमायुरष्टगुणाद्यः । यात्राद्याः संहिताद्याश्च सर्वे ते गणिताश्रयाः ॥१५॥ बहुभिर्विप्रछापैः कि त्रेछोक्ये सचराचरे । यिकिचिद्वस्तु तत्सर्वं गणितेन विना न हि ॥१६॥ वीर्थकृत्यः कृतार्थेभ्यः पृत्रयेभ्यो जगदीश्वरैः । तेषां शिष्यप्रशिष्ट्येभ्यः प्रमिद्धाहुरुपवेतः ॥१०॥ जळघेरिव रक्षानि पाषाणादिव काञ्चनम् । युक्तेर्भुक्ताफळानीव संख्याज्ञानेमहोदयेः ॥१८॥ किचिदुकृत्य तत्सारं वक्षयेऽहं मतिशक्तितः । अँल्पं प्रन्थमनल्पार्थं गणितं सारसंग्रहम् ॥१९॥ संज्ञानभोभिर्थो पूर्णं परिकर्भोरुवेदिके । कळासवर्णसंक्ष्टळुटस्पाठीनसंकुळे ॥२०॥ प्रकीर्णकमहाप्राहे त्रेराशिकतरिक्षणि । मिश्रकव्यवहारोद्यत्पृक्तिरक्षांगुपिश्चरे ॥२१॥ क्षेत्रविद्यीणपाताळे खातार्ख्यसिकताकुळे । करणस्कन्यसंबन्धच्छायावेळाविराजिते ॥२२॥ गुणकेर्गुणसंपूर्णेस्तदर्थमणयोऽमळाः । गृद्धान्तं करणोपायैः सारसंग्रहवारिधौ ॥२३॥

अथ संज्ञा

न शक्यतेऽर्थो बोद्धं यत्सर्वस्मिन् संज्ञया विना।आदावतोऽस्य शास्त्रस्य परिभाषाभिधास्यते ॥२४॥

१ KMB बद्धे । २ M वसु । ३ KP ज्ञान के स्थान में नव । ४ MB अल्प । ५ K संज्ञातीयसमा । ६ M द (सम्भवतः तथ को लिखने में भूल हुई है ।) ७ MB संकटे । ८ P द्य ।

(श्रेणिरहित) निवास-स्थानों के माप और अन्य सब प्रकार के विभिन्न माप-सभी गणित के द्वारा जाने जाते हैं ॥११-१४॥ उन स्थानों में रहने वाले जीवों के संस्थान, आयु, उनके आठ गुण आदि, उनकी गति (यात्रा) आदि, उनका साथ रहना आदि, इन सबका आधार गणित है ॥१५॥ और व्यर्थ के प्रलापों से क्या लाभ है ? जो कुछ इन तीनों छोकों में चराचर (गतिशीछ और स्थिर) वस्तुएँ हैं उनका अस्तित्व गणित से विलग नहीं ॥१६॥ में, तीथे को उत्पन्न करने वाले, कृतार्थ और जगदीस्वरों से पूजित (तीर्थक्करों) की शिष्य प्रशिष्यात्मक प्रसिद्ध गुरु परम्परा से आये हुए संख्याज्ञान महासागर से उसका कुछ सार एकत्रित कर. उसी तरह. जैसे कि समुद्र से रख, पाषाणमय चट्टान से स्वर्ण और शुक्त (oyster shell) से मुक्ताफड प्राप्त करते हैं, अल्प होते हुए भी अनल्प अर्थ की धारण करने धारे सारसंग्रह नामक गणित ग्रंथ को अपनी बुद्धि की शक्ति के अनुसार प्रकाशित करता हूँ ॥१७-१८-१९॥ तद्वसार, इस सारसंग्रह के सागर से, जो पारिमाषिक शब्दाविल रूपी जल से परिपूर्ण है और जिसकी आठ गणित की क्रियार्थें किनारे रूप हैं: पुनः जो भिन्न की क्रियाओं रूपी निर्मय गतिशील मछिलयों से युक्त है और विविध प्रश्नों के अध्यावरूपी महाग्राष्ट (मगर) से व्याप्त है; पुनः जो प्रैराशिक की अध्यायरूपी लहरों से आंदोलित है और मिश्र प्रश्नों के अध्याय-सम्बन्धी उत्कृष्ट भाषारूपी मोतियों की आभा से रंजित है, और पुनः जो क्षेत्रपन्छ-सम्बन्धी प्रश्नों के अध्याय द्वारा पाताल तक विस्तृत है तथा धनफळ के अध्याय रूपी रेत से पूर्ण है: और जो ज्योतिर्लोकीय ज्यावहारिक गणना से सम्बन्धित स्राया-सम्बन्धी सध्याय रूपी बढ़ते हुए ज्वार से चमकता है-(ऐसे ज्ञानसागर से) सम्पूर्ण गुण सम्पन्न गणितज्ञ गणित की सहायता से अपनी इच्छानुसार निर्मेख मोती प्राप्त कर सकेंगे ॥२०--२३॥ इस विज्ञान के आरम्भ में आवश्यक पारिभाषिक शब्दाविल दी जाती है नयोंकि बिना शुद्ध परिभाषाओं के विषय सक पहुँच सम्भव नहीं है ॥२४॥

तत्र ताबत् क्षेत्रपरिभाषा

जलानलादिभिनीशं यो न याति स पुद्रलः । परमाणुरनन्तैस्तैरणुः सोऽत्रादिरुच्यते ॥२५॥ त्रसरेणुरतस्तरमाद्रथरेणुः शिरोरुहः । परमध्यज्ञघन्याख्या भोगभूकर्मभूमुवाम् ॥२६॥ लीक्षा तिल्रस्स एवेह सर्षपोऽर्थे यवोऽबुल्प । क्रमेणाष्ट्रगुणान्येतद्वववहाराबुलं मतम् ॥२०॥ तत्पञ्चकश्तं प्रोक्तं प्रमाणं मानवेदिभिः । वर्तमाननराणामबुल्मात्माबुलं भवेत् ॥२८॥ व्यवहारप्रमाणे हे राद्धान्ते लीकिके विदुः । आत्माबुलमिति त्रेघा तिर्यक्पादः वडकुलैः ॥२९॥ पाद्वयं वितस्तिः स्यान्ततो हस्तो द्विसकुणः । दण्डो हस्तचतुष्केण क्रोशस्तद्दिसहस्रकम् ॥३०॥ योजनं चतुरः क्रोशान्त्राहुः क्षेत्रविचक्षणाः । वक्यतेऽतः परं कालपरिभाषा यथाक्रमम् ॥३१॥

अध कालपरिभाषा

अणुरण्यन्तरं काले क्यतिक्रामित यावति । म कालः समयोऽसंख्यैः समयेराविलर्भवेत् ॥३२॥

१ KP णु । २ MB व । ३ PB रूप । ४ P थि । ५ M उन्ये ।

क्षेत्र परिभाषा [क्षेत्रमाप सम्बन्धी पारिभाषिक शब्दाविल]

पुत्रल का अनन्तवाँ सूक्ष्म वह भाग जो न तो पानी द्वारा, न अग्नि द्वारा और न अन्य किन्हीं ऐसी वस्तुओं द्वारा नाशको प्राप्त है, परमाणु कहलाता है। ऐसे अनन्त परमाणुओं द्वारा उत्पन्न एक अणु क्षेत्रमाप में प्रथम माप है। इससे उत्पन्न कमशः आठ-आठ गुणे त्रसरेणु, रथरेणु, बालमाप, जूं माप, तिल या सरसों माप, यव माप तथा अगुल माप हैं। अंगुल माप आदि उनके लिये हैं जो भोग-भूमि और कर्मभूमि में उत्पन्न होते हैं। ये उत्हर, मध्यम, जयन्य प्रकार के होते हैं। यह अंगुल व्यवहारांगुल भी कहलाता है ॥२५-२७॥ जो माप की विधियों से परिचित हैं, कथन करते हैं कि इस व्यवहार-अगुल का ५०० गुणा प्रमाणांगुल होता है। वत्रमान काल के मनुष्यों की अंगुली का माप आत्मांगुल कहा जाता है ॥२८॥ ये कहते हैं कि संसार के स्थापित व्यवहारों में अंगुल तीन प्रकार का होता है, प्रथम व्यवहारांगुल, द्वितीय प्रमाणांगुल और तृत्तीय उनका आत्मांगुल। छः अंगुल मिलकर पाद-माप बनता है जो आरपार रूप से नापा जाता है ॥२९॥ दो ऐसे पाद मिलकर वितरित बनाते हैं और दो हजार दंड मिलकर एक कोश बनता है ॥३०॥ जो क्षेत्रफल के मापशान में सिद्धहरत हैं, कहते हैं कि चार कोश मिलकर एक कोश बनता है ॥३०॥ जो क्षेत्रफल के मापशान में सिद्धहरत हैं, कहते हैं कि चार कोश मिलकर एक वोजन होता है ॥३०॥ इसके पश्चात्, मैं समय के माप के सम्बन्ध में क्षमवार पारिभाषिक शब्दाविल का उल्लेख करता हूँ।

काल-परिभाषा [काल-सम्बन्धी पारिभाषिक शब्दाविल]

बह काल जिसमें एक (गतिशील) अणु किसी प्रदेशबिन्दु से दूसरे निकटतम प्रदेशबिन्दु तक जाता है समय कहलाता है। असंख्य समय मिलकर एक आवलि बनती है।।३२॥

(२५-२७) क्षेत्रमाप-सम्बन्धी पारिभाषिक शब्दार्वाल को स्पष्ट रूप से समझने के लिये परिशिष्ट ३ देखिये ।

अणु से आठ गुना वसरेणु, वसरेणु से आठगुना रथरेणु, रथरेणु से आठगुना बालमाप इत्यादि को माप वर्णित किये गये हैं। वे क्रमवार ऐसे हैं कि प्रत्येक पूर्वानुगामी माप से आठगुना है; तथा प्रत्येक उत्कृष्ट, मध्यम और जधन्य प्रकार का है।

१ यहाँ अणु का आशय परमाणु से है।

संख्या ताविक्षरुष्ट्वासः स्तोकस्त्रुष्ट्वाससप्तकः । स्तोकाः सप्त छवस्तेषां सार्घाष्टात्रिंशता घटी ॥३३॥ घटीद्वयं मुहूर्तेष्टित्र मुहूर्तेषिशता दिनम् । पञ्चन्नेष्किदिनैः पक्षः पक्षौ ह्रौ मास इष्यते ॥३४॥ ऋतुमासद्वयेन स्याम्निमस्तरयनं मतम् । तद्दयं वत्सरो वक्ष्ये घान्यमानमतः परम् ॥३५॥

अथ धान्यपरिभाषा

विद्धि षोडशिकास्तत्र चतस्रः कुडेहो भवेत् । कुडहैं। अतुरः प्रस्थआतुः प्रस्थानथाढकम् ॥३६॥ चतुर्भिराढकैर्द्रोणो मानी द्रोणेआतुर्गुणैः । खारी मानी चतुष्केण खार्यः पद्भ प्रवर्तिकाः ॥३७॥ सेयं चतुर्गुणा बाहः कुम्भः पद्भ प्रवर्तिकाः । इतः परं सुवर्णस्य परिभाषा विभाष्यैते ॥३८॥

अथ सुवर्णपरिभाषा

चतुर्भिर्गण्डकेर्युञ्जा गुज्जाः पद्म पणोऽष्ट ते । धरणं धरणे कर्षः पलं कर्षचतुष्टयम् ॥३५॥

अथ रजतपरिभाषा

धान्यद्वयेन गुञ्जेका गुञ्जायुग्मेन माषकः। माषषोडशकेनात्र धरणं परिभाष्यते ॥४८॥

१ KB वो । २ K वां । ३ सम्पूर्ण घान्य परिभाषा के लिए, १ और ८ में निम्नलिखित रूप में विशेष उल्लेख है । M का पाटान्तर, कोष्ठकों में अंकित किया गया है । आद्य षोडशिका तत्र कुड (डु) वः प्रस्थ आदकः । द्रोणो मानी ततः खारी क्रमेण (मद्यः) चतुराहताः ॥ (सहस्रोध त्रिभिष्पड्-भिद्यातेश क्रीहिभिस्समम् । यस्सम्पूर्णोऽभवत्सोयं कुडुवः परिभाष्यते ॥) प्रवर्तिकात्र ताः पञ्च वाहस्तस्या-श्रतुर्गुणः । कुम्भस्सपादवाहस्त्यात् (पञ्च प्रवर्तकाः कुम्भः) स्वर्णसंज्ञाय वर्ण्यते ॥

संस्थात आविलयों से उच्छास बनता है, सात उच्छासका एक स्तोक और सात स्तोक का एक लब होता है तथा सादे अदतीस लब मिलकर एक घटी बनती है ॥३३॥ दो घटी का एक मुहूर्त, तीस मुहूर्त का एक दिन, पंद्रह दिन का एक पक्ष और दो पक्ष का एक मास होता है ॥३४॥ दो मास मिलकर एक ऋतु, तीन ऋतुर्थे मिलकर एक अयन और दो अयन मिलकर एक वर्ष बनता है। इसके पक्षात् में धान्य के माप के विषय में उन्नेख करता हूँ ॥३५॥

धान्य-परिभाषा [धान्यमाप सम्बन्धी पारिभाषिक शब्दाविल]

चार घोडशिका मिलकर एक कुडहा बनता है, चार कुडहा मिलकर एक प्रस्थ बनता है और चार प्रस्थ का एक आढक होता है ॥३६॥ चार आढक का द्रोण, चार द्रोण की एक मानी, चार मानी की एक सारी और पाँच सारी की प्रवर्षिका होती है ॥३७॥ चार प्रवर्तिका का एक वाह और पाँच प्रवर्तिका का एक कुम्म होता है। इसके पश्चात् स्वर्णमाप-सम्बन्धी पारिमाधिक शब्दाविल दी जाती है ॥३८॥

सुवर्ण-परिभाषा [स्वर्णमाप सम्बन्धी पारिभाषिक शब्दाविल]

चार गंडक मिलकर एक गुंजा बनती है; पाँच गुंजा मिलकर एक पण बनता है और इसका आठगुणा एक धरण होता है। दो धरण मिलकर एक कर्ष बनता है और चार कर्ष मिलकर एक पल बनता है ॥३९॥

रजत-परिमाषा [रजतमाप सम्बन्धी पारिमाषिक शब्दाविल]

दो धाम्य मिळकर एक गुंजा बनती है, दो गुंजा मिळकर एक माशा और सोलह माशा मिळकर एक धरण बनता है ॥४०॥ ढाई धरण का एक कर्ष एवं चार पुराण (या कर्ष) का एक दल होता है । तद्क्षयं सार्धकं कर्षः पुराणांश्चतुरः पलम् । रूप्ये मागधमानेन प्राहुः संख्यानकोविदाः ॥४१॥ अथ लोहपरिमापा

कला नाम चतुष्पादाः सपादाः षट्कला यवः । यवैश्वतुभिरंशः स्याद्धागोऽशानां चतुष्टयम् ॥४२॥ द्रश्क्षणो भागषट्केन दीनारोऽस्माद्द्वसङ्गुणः । द्वौ दीनारौ सतेरं स्यात्प्राद्वलेहिऽत्र सूरयः ॥४३॥ पलैद्वीदशभिः सार्थैः प्रस्थः फल्लशतद्वयम् । तुलादशतुलाभारैः संख्यादशाः प्रचक्षते ॥४४॥ वस्त्राभरणवेत्राणां युगलान्यत्र विशतिः । कोटिकान्तरं भाष्ये परिकर्मणि नामतः ॥४५॥

अथ परिकर्मनामानि

आदिमं गुणकारोऽत्र प्रत्युत्पक्रोऽपि तद्भवेत् । द्वितीयं भागहाराख्यं सृतीयं कृतिरुच्यते ॥४६॥ चतुर्थं वर्गमूलं हि भाष्यते पञ्चमं घनः । घनमूलं ततः षष्टं सप्तमं च चितिः स्मृतम् ॥४०॥ तरसंकलितमप्युक्तं व्युत्कलितमतोऽप्टमम् । तच शेषिमिति प्रोक्तं भिन्नान्यष्टावमृत्यिप ॥४८॥

अथ घनर्णश्रून्यविषयकसामान्यनियमाः

ताडितः खेन राशिः खं सोऽविकारी हृतो युतः। हीनोऽपि खबधादिः खं योगे खं योज्यरूपकम्। १ अ संतराख्यम् । २ अ रं। ३ अ डि। ४ अ विद्यात्कला सवर्णस्य। यहाँ चौथी संयुक्ति और कर्तुवाच्य है।

गणना में कुशल ब्यक्ति कहते हैं कि मगध माप के अनुसार उपर्युक्त रजत-माप हैं ॥४१॥ स्रोह-परिभाषा [लोह धातुमाप-सम्बन्धी पारिभाषिक शब्दावर्लि]

एक कला में चार पाद होते हैं; सवा छः कला का एक यव होता है; चार यव का एक अंश तथा चार अंश का एक भाग होता है ॥४२॥ छः भाग का एक द्रक्ष्ण, दो द्रक्ष्ण का एक दीनार और दो दीनार का एक सतेर होता है। लोह धातु के माप के सम्बन्ध में यिद्वान् ऐसा कहते हैं ॥४३॥ साढ़े बारह पल मिलकर एक प्रस्थ होता है; दो सौ पल मिलकर एक तुला और दस तुला मिलकर एक भार होता है। ऐसा गणना में दक्ष विद्वान् कहते हैं ॥४४॥ इस माप में, बेत अथवा आभरण अथवा वक्षों के बीस युग्मों (जोहियों) की एक कोटिका होती है। इसके पहचात् में गणित की मुख्य कियाओं के नाम देता हूँ ॥४५॥ परिकर्म नामाविल िगणित की मुख्य कियाओं के नाम

इन क्रियाओं में प्रथम गुणकार (गुणा) है, और वह प्रत्युत्पन्न भी कहलाता है। दूसरी भागहार (भाग या भाजन) कहलाती है; और कृति (वर्ग करना) तीसरी क्रिया का नाम है ॥४६॥ षौथी, सामाभ्यतः वर्गमूल है और पाँचवी घन कहलाती है; छठवीं घनमूल और सातवीं चिति (योग) कहलाती है ॥४७॥ इसे संकलित भी कहते हैं। आठवीं ज्युत्कलित (पूरी श्रेडि में से आरम्भ से ली

गई उसी श्रेढि का कुछ भाग घटा देना) है जो शेष भी कहलाती है ॥४८॥ ये सब आठ कियायें भिन्न में भी प्रयुक्त होती हैं।

शून्य तथा धनात्मक एवं ऋणात्मक राशियों सम्बन्धी सामान्य नियम

कोई भी संख्या शून्य से गुणित होने पर शून्य हो जाती है और वह चाहे शून्य के द्वारा विभाजित अथवा शून्य द्वारा घटाई जावे वा शून्य में जोड़ी जावे, बदकती नहीं है।

गुणा तथा अन्य क्रियाएँ शून्य के सम्बन्ध में शून्य की उत्पत्ति करती है और योग की क्रिया में शून्य वहीं संख्या हो जाता है जिसमें वह जोड़ा जाता है ॥४९॥

(४९) यह सरलतापूर्वक देखा जा सकता है कि कोई संख्या जब श्रून्य द्वारा भाजित की जाती है,

ऋणयोधनयोधीते भजने च ५छ धनम्। ऋणं धनणयोस्तु स्यात्स्वर्णयोविंवरं युतौ ॥५०॥ ऋणयोधनयोथींगो यथासंख्यमृणं घनम्। शोध्यं धनमृणं राहोः ऋणं शोध्यं धनं भवेत् ॥५१॥ धनं धनणयोवीगीं मृहे स्वर्णं तयोः कमात्। ऋणं स्वरूपतोऽवर्गो यतस्तसमान्न तत्पदम्॥५२॥

अथ संख्यासंज्ञा

श्री सोमश्च चन्द्रेन्दू प्रालेयांश् रजनीकरः। श्रेतं हिमगु रूपं च मृगाङ्कश्च कलाधरः ॥५३॥ दि हे हावुभी युगलयुग्मं च लोचनं हयम्। दृष्टिनेत्राम्बनं हन्द्रमिक्ष चक्षनेयं हशौ ॥५४॥ हरनेत्रं पुरं लोकं त्रै (त्रि) रह्नं भुवनत्रयम्। गुणो विहः शिखी ज्वलनः पावकश्च हुताशनः ॥५५॥ अम्बुधिर्विषधिवीर्धः पयोधिः सागरो गतिः। जलधिर्वन्धश्चतुर्वेदः कषायः सिललाकरः ॥५६॥ इषुर्वाणं शरं शक्तं भूतमिन्द्रियसायकम्। पश्च व्रतानि विषयः करणीयस्कन्तुसायकः ॥५०॥ ऋतुजीवो रसो लेख्या द्रव्यं च षदुकं खरम्। कुमारवदनं वर्णं शिलीमुखपदानि च ॥५८॥ शैलमद्रिभयं भूधो नगाचलमुनिर्गिरः। अश्वाश्विपन्नगा द्वीपं धातुव्यसनमातृका ॥५५॥ अष्टौ ततुर्गजः कमं वसुवारणपुष्करम्। हिरदं दन्ती दिग्दुरितं नागानीकं करी यथा ॥६०॥

१ केवल अ में ५३ से ६८ तक गाथाएँ प्राप्त हुई हैं। ये मूल में यत्र तत्र अग्रुद हैं।

दो ऋणारमक या दो धनारमक राशियाँ एक दूसरे से गुणित करने पर या भाजित होने पर धनारमक राशि उरपन्न करती हैं। परन्तु, दो राशियाँ जिनमें एक धनारमक तथा दूसरी ऋणारमक एक दूसरे से गुणित अथवा भाजित होने पर ऋणारमक राशि उरपन्न करती हैं। धनारमक और ऋणारमक राशि जोड़ने पर प्राप्त फळ उनका अन्तर होता है। ७०॥ दो ऋणारमक राशियों या दो धनारमक राशियों का योग क्रमशः ऋणारमक और धनारमक राशि होता है। किसी दी हुई संख्या में से धनारमक राशि घटाने के लिये उसे धनारमक कर देते हैं और ऋणारमक राशि घटाने के लिये उसे धनारमक कर देते हैं (ताकि दोनों क्रियाओं में केवल योग से इष्ट फळ की प्राप्ति हो जावे।)॥५१॥

धनात्मक तथा ऋणात्मक राशि का वर्ग धनात्मक होता है; और उस वर्ग राशि के वर्गमूल क्रमशः धनात्मक और ऋणात्मक होते हैं। चूँकि वस्तुओं के स्वभाव (प्रकृति) में ऋणात्मक राशि, वर्गराशि नहीं होती इसिलवे उसका कोई वर्गमूल नहीं होता ॥५२॥ अगले दस सुत्रों में कुछ वस्तुओं के नाम दिये गये हैं जो वार्यार अंकों और संख्याओं को प्रदर्शित करने के लिये अंकगणित संकेतना में प्रयुक्त किये

तब वह बारतव में अपरिवर्तित नहीं रहती है। भारकर ने ऐसे श्रन्य भागों को खहर कहा है और उसका मान अयथार्थ अनन्त दिया है। महावीराचार्य स्पष्टतः सोचते हैं कि श्रन्य द्वारा भाजन, भाजन ही नहीं। डाक्टर हीरालाल जैन ने इस पर यह सुझाव दिया है कि सम्भवतः ग्रंथकार का ऐसे भाजन से निम्नलिखित अभिमाय हो—

मानलो २० वस्तुएँ ५ व्यक्तियों में बॉटना है, तब प्रत्येक व्यक्ति को ४ वस्तुएँ उपलब्ध होंगी। यदि इन २० वस्तुओं का विभाजन ० (शुन्य) व्यक्तियों में करना हो तब कोई व्यक्ति ही न रहने से वह संख्या अपरिवर्तित रहेगी।

(५२) यह सन्न महाबीराचार्य की स्क्ष्म अंतर्देष्टि का प्ररूपक है। इसके विषय में हम प्रस्तावना में ही संकेत कर चुके हैं। साधारणतः किसी धनात्मक राशि का वर्गमूल निकालने पर (धनात्मक एवं ऋणात्मक) हो राशियों उत्पन्न होती हैं, उनमें से इष्ट पल प्राप्ति के लिये धनात्मक या ऋणात्मक वर्गमूल प्रहण करना उपयुक्त होता है। इस प्रकार ग्रंथकार द्वारा निर्दिष्ट यह नियम भी उनकी प्रतिभा का निरूपक है।

नव नन्दं च रन्ध्रं च पदार्थं लब्धकेशवी । निधिरकं प्रहाणं च दुर्गानाम च संख्यया ॥६१॥ आकाशं गगनं शुन्यसम्बरं खं नभो वियत् । अनन्तमन्तरिक्षं च विष्णुपादं दिवि स्मरेत् ॥६२॥

अथ स्थाननामानि

एकं तु प्रथमस्थानं द्वितीयं दशसंक्षिकम् । तृतीयं शतिमत्याहुः चतुर्थं तु सहस्रकम् ॥६२॥
पद्ममं दशसाहस्रं षष्ठं स्याङ्गक्षमेव च । सप्तमं दशस्त्रक्षं तु अष्टमं कोटिरुच्यते ॥६४॥
नवमं दशकोट्यस्तु दशमं शतकोटयः । अर्बुदं रुद्रसंयुक्तं न्यर्बुदं द्वादशं भवेत् ॥६५॥
सर्वं त्रयोदशस्थानं महास्रवं चतुर्दशम् । पद्मं पद्मदशं चैव महापद्मं तु षोडशम् ॥६६॥
स्रोणी सप्तदशं चैव महाक्षोणी दशाष्ट्रकम् । शङ्कं नवदशं स्थानं महाशङ्कं तु विशकम् ॥६०॥
स्रित्यैकविशतिस्थानं महास्रित्या द्विविशकम् । त्रिविशकमथ क्षोभं महाक्षोभं चतुर्नयम् ॥६८॥

अथ गणकगुणनिरूपणम्

खघुकरणोहापोहानाखस्यप्रहणधारणोपायैः । व्यक्तिकराङ्कविशिष्टैर्गणकोऽष्टाभिर्गुणैर्ज्ञेयः ॥६९॥ इति संज्ञा समासेन भाषिता सुनिपुङ्गवैः । विस्तरेणागमाद्वेषं वक्तव्यं यदितः परम्॥७०॥

इति सारसंप्रहे गणितशास्त्रे महावीराचार्यस्य कृतौ संज्ञाधिकार समाप्तः ॥

गधे हैं । वे वहाँ अनुवादित नहीं किये गये हैं ॥५३-६२॥

स्थान-नामावलि [संकेतनात्मक स्थानों के नाम]

प्रथम स्थान वह है जो एक (इकाई) कहलाता है, तूसरा स्थान दश (दहाई), तीसरा स्थान शत (सैकडा) और चौथा सहस्र (हजार) कहलाता है ॥६३॥ पाँचवा दस सहस्र (दस हजार), छटबाँ छक्ष (लाख), सातवाँ दशक्स (दस लाख) और आटवाँ कोटि (करोड़) कहलाता है ॥६४॥ नौवाँ दशकोटि (दस करोड़) और दसवाँ शतकोटि (सी करोड़) कहलाता है। ग्यारहवाँ स्थान अरबुद (अरब) और वारहवाँ न्यर्वद (दस अरब) कहलाता है ॥६५॥ तेरहवाँ स्थान सर्व (सरब) और चौदहवाँ महासर्व (दस सरब) कहलाता है। इसी तरह, पंत्रहवाँ पद्म और सोलहवाँ महापग्न कहलाता है। ६६॥ पुनः सम्महवाँ क्षोणी, अठारहवाँ महाक्षोणी कहलाता है। उन्नीसवाँ स्थान शक्क और वीसवाँ महाशक्क कहलाता है।।६७॥ इक्कीसवाँ स्थान क्षित्वा, बाईसवाँ महाक्षित्वा कहलाता है। तेईसवाँ क्षोभ और चौबीसवाँ महाक्षोभ कहलाता है।।६८॥

गणकगुणनिखपण

निम्नलिखित आठ गुणों से गणितज्ञ की पश्चिम होती है--

(१) छषुकरण—हल करने में शीघ गति, (२) उह—अम्रविकल्प, कि इच्छित फल प्राप्त हो सकेगा, (६) अपोह—अम्रविकल्प, कि इच्छित फल प्राप्त नहीं होगा, (४) अनालस्य—प्रमाद न होना, (५) ग्रहण—समसने की शक्ति, (६) आरण—स्मरण रखने की शक्ति, (७) उपाय—साधन करने की नई रीतियाँ खोचना, एवं (८) व्यक्तिकराङ्क—उन संल्याओं तक पहुँचने का सामर्थ्व रखना जो अज्ञात राशियों को ज्ञात बना सकें ॥६९॥ इस प्रकार, मुनि पुक्रवों ने संक्षेप में परिभाषाओं का कथन किया है। जो कुछ इसके विषय में आगे विस्तार कप से कहा जाना चाहिए उसे आगम के अध्ययन से ज्ञात करना चाहिये। इस प्रकार, महावीराचार्य की छति सारसंग्रह नामक गणित-शास्त्र में, संज्ञा अधिकार समाम्र हुआ॥७०॥

१ यहाँ आगम का आश्चय, सम्भवतः जिनागम प्रणीत अलोकिक गणित से हो जिसके विषय में प्रथकार द्वारा मात्र यहीं संकेत किया गया प्रतीत होता है।

२. परिकर्मव्यवहारः

इतः परं परिकर्मामिधानं प्रथमव्यवहारमुदाहरिष्यामः ।

प्रत्युत्पन्नः

तत्रे प्रथमे प्रत्युत्पन्नपरिकर्मणि करणस्त्रं यथा---गुणयेद्गणेन गुण्यं कवाटसंधिकमेणे संस्थाप्य । रात्रयर्घसण्डतस्थैरनुलोमविलोममार्गाभ्याम् ॥१॥

१ K तत्र च । २ K और B विन्यस्योमी राशी । ३ K और B सङ्खायेत् ।

२. परिकर्म व्यवहार [अङ्कराणित सम्बन्धी क्रियाएँ]

इसके पश्चात्, इम परिकर्म नामक प्रथम व्यवहार प्रकट करते हैं ।

प्रत्युत्पन (गुणन)

परिकर्म कियाओं में प्रथम गुणन के किया-सम्बन्धी नियम निम्नलिखित हैं---

जिस तरह दरवाजे की कोरें रहती हैं, इसी प्रकार गुण्य और गुणक को एक-वूसरे के नीचे रसकर, गुण्य को गुणक से दो रीतियों (अनुकोम अथवा विकोम कम से हक करने की विभियों) में से किसी एक द्वारा गुणित करना चाहिये। प्रथम विधि में गुण्य के संब द्वारा गुण्य को विभाजित और गुणक को गुणित करते हैं। द्वितीय विधि में, गुणक के संब द्वारा गुणक को विभाजित तथा गुण्य को गुणित करते हैं। शृतीय विधि में उन्हें उसी रूप में लेकर गुणन करते हैं। श्री ।

(१) प्रतीक रूप से यह नियम इस प्रकार है-

'भव' को 'सद' से गुणा करने पर गुणनफल (i) अब \times (भ \times सद); या (ii) (भव \times स) \times

सद या (iii) अब × सद होता है। यह स्पष्ट है कि प्रथम दो विधियों को उपर्युक्त गुणनखण्डों के जनाय द्वारा किया को सरल करने के उपयोग में लाते हैं।

अनुलोम, अथवा इल करने की सामान्य विधि वह है जो व्यापक रूपसे उपयोग में लाई जाती है। विलोम विधि निम्नलिखित है— १९९८

१९९८ में २७ का गुणा करने के लिये-

प्रत्येक स्तंभ का योग करने पर उत्तर ५३९४६ प्राप्त होता है
 २

 २

 २

 २

 २

 २

 २

 २

 २

 २

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 ३

 <t

अत्रोदेशकः

द्तान्येकैकस्मै जिनसवनीयाम्बुजानि तान्यष्टी। बसतीनां चतुरुत्तरचत्वारिशच्छतायै कित ॥२॥ नव पद्मरागमणयः समर्चिता एकजिनगृहे दृष्टाः। साष्टाशीतिद्विशतीमितवसतिषु ते कियन्तः स्युः॥३॥ चेंत्वारिशच्चैकोनशताधिकपुष्यरागमणयोऽ च्याः। एकस्मिन् जिनसवने सनवशते बृहि केति मणयः॥ ४॥ पद्मानि सप्तविशतिरेकस्मिन् जिनगृहे प्रद्तानि। साष्टानवितसहर्षे सनवशते तानि कित कथय॥ ५॥ एकष्टचतुः सप्तकनवषद्पञ्चाष्टकानां किम्॥ ६॥ एकेकस्यां वसतावष्टीत्तरत्वस्वर्णपद्मानि। एकष्टचतुः सप्तकनवषद्पञ्चाष्टकानां किम्॥ ६॥ शशिवसुखरजलिधिनवपदार्थभयनयसमूहमास्थाप्य। हिमकर्रविषनिधिगतिभर्गुणिते किं राशिपरिमाणम्॥ ७॥ हिमगुपयोनिधिगतिशिविवहिन्नतिनयमत्र संस्थाप्य । सिकाशीत्या त्वं मे गुणियत्वाचक्वं तत्संक्याम्॥ ८॥ अप्रिवसुखरमयेन्द्रियशशलाव्छनराशिमत्र संस्थाप्य । ८॥ अप्रिवसुखरमयेन्द्रियशशलाव्छनराशिमत्र संस्थाप्य । १॥ उप्रिवसुखरमयेन्द्रियशशलाव्छनराशिमत्र संस्थाप्य । १॥ एकाष्टिस्तिक्षातिका से कथय सखे राशिपरिमाणम्॥ ९॥

१ B स्य दि | २ B नस्या | ३ B शतस्य कित भवनानाम् | ४ M B चत्वारिंशद्वयका शताधिका | ५ M S प्र्छाः | ६ M ते कियन्तस्यः | ७ M एकैकजिनालयाय दत्तानि | ८ M प्रयुक्तनवशतग्रहाणां किम् | ९ (यह श्लोक केवल M और B में प्राप्य है) | १० M और B किन्तस्य | ११ M प्यम् | १२ M अहो | १३ M मे शीधम् | १४ B विन्यस्य |

उदाहरणार्थ प्रश्न

प्रत्येक जिनमन्दिर में आठ-आठ कमल पुष्प खड़ाबे गये। बतलाओं कि १४४ मंदिरों को कितने विये गये ? ॥ २ ॥ नी पद्मराग मिण केवल एक जिनमन्दिर में पूजन में अपित किये हुए देखे जाते हैं। १८८ मंदिरों में (उसी दर से) कितने अपित किये गये ? ॥ २ ॥ एक जिनमंदिर में १३९ पुष्परागमणि पूजन में मेंट किये जाते हैं। बतलाओ, १०९ मंदिरों में कितने मिण मेंट किये गये ? [मूल गाथा में १३९ को १०० + ४० - १ रूप में लिखा हुआ है] ॥ ४ ॥ २७ कमल के फूल एक जिनमंदिर में मेंट किये गये । बतलाओं कि इस दर से १९९८ मंदिरों में कितने कमल मेंट किये गये ? [मूल गाथा में १९९८ को १०९८ + ९०० लिखा है] ॥ ५ ॥ प्रत्येक मंदिर को १०८ स्वर्ण कमल मेंट की एर से, ८५६९७४८१ मंदिरों में कितने दिखे जायेंगे ? ॥ ६ ॥ १, ८, ६, ४, ९, ९, ७ और २ अंकों को इकाई के स्थान से लेकर ऊपर के स्थानों तक रखने से बनाई गई संख्या को ४४१ से गुणित करने पर क्या फल प्राप्त होगा ? ॥ ७ ॥ इस प्रदन में, १, ४, ४, १, ३ और ५ अंकों को इकाई के स्थान से लेकर ऊपर के स्थानों तक रखकर, प्राप्त की हुई संख्या को ८२ से गुणित करो और बतलाओं कि कीन सी संख्या प्राप्त होगी ? ॥ ८ ॥ इस प्रदन में १५७६८६ संख्या लिखकर उसे ९ से गुणित करो और तब, है मिल ! मुझे बतलाओं कि गुणनफल राशि क्या होगी ? ॥ ९ ॥ इस प्रदन में १२३४५६७९ संख्या को ९ से गुणित करते हैं। यह गुणनफल राशि क्या होगी ? ॥ ९ ॥ इस प्रदन में १२३४५६७९ संख्या को ९ से गुणित करते हैं। यह गुणनफल राशि क्या होगी ? ॥ ९ ॥ इस प्रदन में १२३४५६७९ संख्या को ९ से गुणित करते हैं। यह गुणनफल राशि क्या होगी ? ॥ ९ ॥ इस प्रदन में १२३४५६७९ संख्या को ९ से गुणित करते हैं। यह गुणनफल राशि आवार्य महावीर के कथनानुसार, नरपाल के कण्ड आभरण

नैन्दामृतुक्तरचतुक्तिद्वन्द्वेकं स्थाप्येमत्र नवगुणितम् ।

भाचायंमहावीरेः कथितं नरपाछकण्ठिकामरणम् ॥१०॥

षट्त्रिकं पद्मचट्कं च सप्त चादौ प्रतिष्ठितम् । त्रयक्तिक्तरसंगुणितं कण्ठाभरणमादिशैत् ॥११॥

हतवहगतिक्षित्रमुनिमिवेयुनयगतिचन्द्रमत्र संस्थाप्य ।

शैलेन तु गुणयित्वा कथयेदं रक्तकण्ठिकामरणम् ॥१२॥

अनलाविधिहमगुमुनिकारदुरिताक्षिपयोधिसोममास्थाप्य ।

शैलेन तु गुणयित्वा कथय त्वं राजकण्ठिकाभरणम् ॥१३॥

गिरिगुणदिविगिरिगुणदिविगिरिगुणनिकरं तथैव गुणगुणितम् ।

पुनरेवं गुणगुणितम् एकादिनवोत्तरं विद्वि ॥१४॥

सप्त श्रून्यं द्वंयं द्वन्द्वं पन्नेकं च प्रतिष्ठितम् । त्रयः सप्तितसंगुण्यं कण्ठाभरणमादिक्षेत् ॥१५॥

जलिधिपयोधिक्षक्षरनयनद्रव्याक्षिनिकरमास्थाप्य ।

गुणिते तु चतुःषष्ट्या का संख्या गणितविद्वृह्वि ॥१६॥

क्षक्षाक्षेन्दुक्षेकेन्दुक्त्येकरूपं निधाय क्रमेणात्र राक्षिप्रमाणम् ।

हिमांक्षप्रतन्थेः प्रसंताहितेऽस्मिन् भवेतकण्ठिका राजपुत्रस्य योग्या ॥१०॥

इति परिकर्मविधी प्रथमः प्रत्युत्पन्नः समाप्तः।

१ क्षोक १० से १५ तक केवल ध और B में प्राप्य हैं। र सभी इस्तलिपियों में 'स्थाप्य तत्र' पाठ है। ३ B शे। ४ B नयं १० सभी इस्तलिपियों में छंद रूपेण अग्रुद्ध पाट "कण्डाभरण विनिर्दिशेत्" है।

की रचना करती हैं ।।१०।। १ को छः बार, १ को पाँच बार, और ७ को एक बार अवरोही क्रम से (इकाई के स्थान की ओर) लिखकर, इस संल्या का ११ से गुणन करने पर एक प्रकार के हार की संल्या प्राप्त होती है ।।११।। इस प्रभ में, १, ४, १, ७, ८, २, ४ और १ अंकों को इकाई के स्थान से ऊपर की ओर के क्रम में लिखने पर संक्या का ७ से गुणन करो; और तब कहो कि वह रह कंठिका नामक आभरण है ।। १२ ।। १४२८५७१४१ संल्या को लिखकर उसे ७ से गुणित करो; और तब कहो कि वह राजकिंग्ठिका आभरण है ।।११।। इसी तरह, १७०१७०१७ को १ से गुणित करो । इस गुणनफल को फिर गुणित करो ताकि गुणक क्रमण्यः एक से लेकर ९ तक हों ।।१४।। ७, ०, २, २, ५ और १ अंकों को (इकाई के स्थान से ऊपर की ओर के क्रम में) रखते हैं । और इस संख्या को ७६ से गुणित करते हैं । प्राप्त संख्या को कण्ठ आभरण कहते हैं ।।१५॥। इकाई के स्थान से ऊपर की ओर अंक ५, ५, १, २, ६ और १ क्रमानुसार किलकर, प्रकृपित संख्या को ६७ से गुणित करने पर है गणित विदृष्टि, बतलाओ कि कीन सी संख्या प्राप्त होगी ?।।१६॥ इस प्रक्र में, इकाई के स्थान से ऊपर की ओर १,१०,१,१०,१ और १ अंकों को क्रमानुसार रखने से एक विशेष संख्या का मान होता है; और तब इस संख्या में ९१ का गुणा करने पर राजपुत्र के मोग्य कण्ठहार प्राप्त होता है ।।१०॥

इस प्रकार, परिकर्म व्यवहार में, प्रत्युरपन्न नामक परिच्छेद समाप्त हुआ।

⁽१०) इसमें तथा अन्य गाथाओं में कुछ संख्याएँ विभिन्न प्रकार के हारों की रचना करती हुई मानी गई हैं; क्योंकि उनमें एक से अंकों का श्रीव्र ही दृष्टिगोचर होनेवाला सम्मितीय विन्यास रहता है।

⁽११) यहाँ गुण्य ३३३३३३६६६६६७ है।

⁽१४) यह प्रभ, स्वतः, इस रूपमें अवतरित हो जाता है: ३७०३७०३७ x ३ को १, २, ३, ४, ५, ६, ७, ८ और ९ द्वारा क्रमानुसार गुणित करो।

मागहारः

द्वितीये भागहारकर्मणि करणसूत्रं यथा— विन्यस्य भाज्यमानं तस्याधःस्येन भागहारेण। सहशापवर्तविधिना भागं कृत्वा फलं प्रवदेत्।।१८।। अथवा— प्रतिलोमपयेन भजेद्वाज्यमधःस्येन भागहारेण। सहशापवर्तनविधियेद्यस्ति विधाय तमपि तयोः।१९।।

अत्रोदेशकः

दीनाराष्ट्रसहस्रं द्वानवितयुतं शतेन संयुक्तम् । चतुरुत्तरषष्टिनरैभैकः कोंऽशो तुरेकस्य ॥२०॥ रूपामसप्तविंशतिशतानि कनकानि यत्र भाज्यन्ते । सप्ततिंशतपुरुषैरेकस्यांशे ममाचक्व ॥२१॥ दीनारदशसहस्रं त्रिशतयुतं सप्तवर्गसंमिश्रम् । नवसप्तत्या पुरुषैभैकः के रूप्यमेकस्य ॥२२॥ अयुतं चत्वारिश्चतुरसहस्रेकशतयुतं हेन्नाम् । नवसप्ततिवसदीनां दृत्तं वित्तं किमेकस्याः ॥२३॥ स्पत्रशत्रिशतयुतान्येकत्रिशतसहस्रजम्बृति । भक्तानि नवित्रश्चरेषदेकस्य भागं त्वम् ॥२४॥

१ यह क्षोक P में प्राप्य नहीं है । २ K स । ३ M कों उसी नुरेकस्य । ४ यह क्षोक P में प्राप्य नहीं है । ५ B और K हेमम् । ६ इस क्षोक में दिये गये प्रश्न का पाट M में निम्न प्रकार है—

> त्रिशतयुतैकत्रिंशत्सहस्रयुक्तः दशाधिकाः सम । भक्ताश्चत्वारिंशतुरुषेरेकोनैस्तत्र दीनारम् ॥

भागहार [भाग]

परिकर्म कियाओं में द्वितीय, भागहार क्रिया का नियम निम्निखिखित है-

भाज्य को लिखकर उसे उभवनिष्ठ (साधारण) गुणनखंडों को अलग करने के शित के अनुसार भाजक द्वारा भाजित करो । भाजक को भाज्य के नीचे रखो और तब, परिणामी भजनफल को प्राप्त करो ॥१८॥ अध्या—यदि सम्भव हो, तो उभयनिष्ठ गुणनखंड को निरसित करने की विधि से, भाज्य के नीचे भाजक को रखकर, भाज्य को प्रतिलोम विधि से अर्थात् वार्ये से दायें भाजित करना चाहिये ॥१९॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

६७ व्यक्तियों में ८१९२ दीनार बाँट गये हैं। प्रत्येक व्यक्ति के हिस्से में कितने आये हैं? ॥२०॥
मुझे एक व्यक्ति का हिस्सा बतलाओ जब कि २७०१ स्वर्ण के टुकड़े ३० व्यक्तियों में बाँट जाते हैं। ॥२१॥
१०३४९ दीनार ७९ व्यक्तियों में बाँट जाते हैं। बतलाओ एक व्यक्ति को बया प्राप्त होगा ? ॥२२॥
१४१४१ स्वर्ण के टुकड़े ७९ मंदिरों में दिये जाते हैं। बतलाओ प्रत्येक मंदिर में कितना घन दिया
जाता है ? ॥२३॥ ३१३५७ जम्बू फल (गुलाबी सेव) ३९ व्यक्तियों में बाँटे गये हैं। प्रत्येक का अंश
(हिस्सा) बतलाओं ? ॥२४॥ ३१३१ जम्बू फल १८१ व्यक्तियों में बाँटे गये हैं। प्रत्येक का अंश

- (२०) मूल गाया में ८१९२ को ८००० + ९२ + १०० द्वारा लिखित किया गया है।
- (२२) मूल गाया में १०३४९ को १००० + ३०० + (७) दारा निदर्शित किया गया है।
- (२३) यहाँ १४१४१ को १०००० + (४० + ४००० + १ + १००) द्वारा कथित किया गया है।
- (२४) यहाँ ३१३१७ को १७ + ३०० + ३१००० द्वारा दर्शाया गया है।

ड्येधिकदशित्रशतयुतान्येकित्रशस्यहस्राजन्यूनि । सैकाशीतिशतेन प्रष्टताति नरेवेदैकांशम् ॥२५॥ त्रिदशसहस्री सैकाषष्टिद्विशतीसहस्रवट्कयुता । रज्ञानां नवपुंसां दस्तैकनरोऽत्र कि लभते ॥२६॥ पैकादिषडन्तानि क्रमेण दीनानि हाटकानि सस्ते । विधुजलिधवन्धसंस्यैनेरेहेतान्येकभागः कः॥२७॥ इयशीतिमिश्राणि चतुःशतानि चतुस्सहस्राप्तनगान्वितानि । रज्ञानि दस्तानि जिनालयानां त्रयोदशानां कथयैकभागम् ॥२८॥

इति परिकर्मविधौ द्वितीयो भागहारः समाप्तः ॥

वर्गः

तृतीये वर्गपरिकर्मणि करणसूत्रं यथा— द्विसमवधो घातो वा स्वेष्टोनयुतद्वयस्य सेष्टकृतिः । एकाद्विचयेच्छागच्छयुतिर्वा भवेद्वर्गः ॥२९॥

१ यह श्लोक केवल M में प्राप्य है।

२ M एकदित्रिचतुःपञ्चषट्कैहींनाः क्रमेण संभक्ताः । नैकचतुःशतसंयुतचत्वारिशक्विनालयानां किम् ॥

बतलाओ ?।।२५।। १६२६३ मणि ९ व्यक्तियों को बराबर-बराबर दिये जाते हैं। एक व्यक्ति कितने मणि प्राप्त करता है ?।।२६॥ हे मित्र, एक से आरम्भ कर ६ तक के अंकों को इकाई के स्थान से ऊपर की ओर के क्रम में रखकर और फिर फमानुसार हासित अंकों द्वारा संरचित संख्या की सुवर्ण-मुद्राएँ ५४३ व्यक्तियों में बितरित की जाती हैं। प्रत्येक को कितनी मिलती हैं ?।।२७।। २८४८३ मणि १३ जिन मंदिरों में भेंट स्वरूप दिये जाते हैं। प्रत्येक मंदिर को कितना अंश प्राप्त होता है ?।।२८।।

इस प्रकार, परिकर्म व्यवहार में, भागहार [भाग] नामक परिच्छेद समाप्त हुआ। वर्ग

परिकर्म कियाओं में तृतीय [वर्ग करने की किया] के नियम निम्नलिखित हैं-

दो सम राशियों का गुणमकछ; अथवा दो सम राशियों में से किसी एक जुनी संख्या को प्रथम राशि में से घटाकर प्राप्त फळ तथा दूसरी राशि में उस जुनी हुई संख्या को जोड़ने से प्राप्त फळ, इन दोनों फळों के गुणनफळ में उस जुनी हुई संख्या का वर्गफळ जोड़ने पर प्राप्तफळ, अथवा, गुणोत्तर श्रेष्ठि (जिसमें प्रथमपद १ है और प्रचय २ है) का अ पदों तक का योगफळ, उस इच्छित राशि का वर्ग होता है।।२९॥ दो या तीन या इससे अधिक संख्याओं का वर्ग, उन सब संख्याओं के वर्ग के योग

⁽२५) यहाँ ३१३१३ को १३ + ३०० + ३१००० द्वारा दर्शाया गया है।

⁽२६) यहाँ ३६२६१ को ३०००० + १ + (६० + २०० + ६०००) द्वारा दर्शाया गया है।

⁽२७) यहाँ दिया गया भाज्य, स्पष्ट रूप से, १२३४५६५४३२१ है।

⁽२८) यहाँ २८४८३ को ८३ + ४०० + (४००० x ७) द्वारा निरूपित किया गया है ।

⁽२९) बीजगणित द्वारा बतलाये बाने पर यह नियम इस तरह का रूप लेता है-

⁽i) अ \times अ = अ 2 (iii) (अ + क) (अ - क) + क 2 = अ 2 (iii) $? + ? + 4 + 9 + \dots$ अ पदो तक = अ 2

हिस्थानप्रमृतीमां राशीनां सर्ववर्गसंथोगः । तेवां क्रमघातेन द्विगुणेन विमिश्रितो वर्गः ॥३०॥ कृत्वान्त्यकृतिं हुन्याच्छेचपदैर्द्विगुणमन्त्यमुत्सार्य । शेषानुत्सार्येवं करणीयो विधिरयं वर्गे ॥३१॥

अत्रोदेशकः

एकादिनवान्तानां पञ्चदशानां द्विसंगुणाष्टानाम् । त्रतयुगयोश्च रसाग्न्योः शरनगयोर्वर्गमाचक्ष्य ॥२२॥ साष्टात्रिशक्किशती चतुःसहस्रेकचष्टिषद् छतिका । द्विशती षट्पद्याशन्मित्रा वर्गीकृता कि स्यात् ॥२२॥ लेख्यागुणेषुवाणद्रव्याणां शरगतित्रिस्याणाम् । गुणरङ्गान्निपुराणां वर्गं भण गणक यदि वेत्सि ॥२४॥

तथा उन संख्याओं को एक बार में दो लेकर उनके दुगुने गुणनफळ के योग को मिलाने के बराबर होता है ॥३०॥ दाहिनी ओर से बाई ओर को अड़ गिनने के कम में संख्या के अन्तिम अड़ का वर्ग प्राप्त करों, और तब इस अड़ को दिगुणित कर तथा एक संकेतना के स्थाय तक दाहिनी ओर हटा देने के प्रभाव, इस अन्तिम अड़ को होच स्थानों के अड़ों द्वारा गुणित करों। इस तरह संख्या के होच अड़ों में प्रस्वेक को एक-एक स्थान तक इसी विधि से हटाते जाओ। यह वर्ग करने की विधि है ॥३१॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

१ से लेकर ९ तक तथा १५, १६, २५, ६६ और ७५—इन संख्याओं के वर्ग का मान निकालो ॥६२॥ ६६८, ४६६१ और २५६ का वर्ग करने पर क्या-क्या प्राप्त होगा १॥६६॥ हे गणितल्ल १ विद् तुम जानते हो तो बतलाओं कि ६५५६६, १२६४५ और ६३३३ के वर्ग क्या होंगे १ ॥३॥॥

(३०) यहाँ स्थान शब्द का स्पष्ट अर्थ संकेतना स्थान होता है। यहाँ एक टीका के निर्वचन के अनुसार वह योग के विघटकों का भी बोतक है, क्योंकि योग में प्रत्येक ऐसे भाग का स्थान होता है। इन दोनों निवर्चनों के अनुसार नियम टीक उतरता है।

$$\frac{1}{2} \frac{1}{3} \frac{1} \frac{1}{3} \frac{1}{3} \frac{1}{3} \frac{1}{3} \frac{1}{3} \frac{1}{3} \frac{1}{3} \frac{1}{3$$

हसी तरह,
$$(?+?+?+x)^2 = (?^2+?^2+3^2+x^2)+?(?\times?+?\times?+?\timesx$$

+ $?\times?+?\timesx+?\timesx$)

(३१) निम्निक्षित धाधित उदाहरणों द्वारा दाहिने ओर हटाने का उल्लिखित नियम स्पष्ट हो बावेगा। यह महावीर की मीलिक विधि है। इन गणनाओं में स्तम्भों का योग इस प्रकीर किया बावे कि किसी भी स्तम्भ के दहाई के अंक बाई ओर के स्तम्भ में बोड़े बावें।

| १३१ का वर्ग निकाल | ग १३२ का वर्गस | करना | ५५५ का वर्ग करना। |
|---|----------------|-------|--|
| ₹ ² = ₹ ₹ × ₹ × ₹ = ₹ × ₹ × ₹ = ₹ × ₹ × ₹ = ₹ 2 = | ? | 8 4 | 4 2 = 8 4 2 × 4 × 4 = 14 0 4 0 14 0 |
| १७ | 2 5 6 | 80858 | 306084 |

(३३) मूछ गाथा में ४६६१ को ४००० + ६१ + ६०० द्वारा निरूपित किया गया है।

सप्ताशीतित्रिशतसहितं पद्सहस्रं पुनश्च पद्मत्रिशच्छतसमधिकं सप्तनिघ्नं सहस्रम् । द्वाविकत्या युतद्शक्तं विर्तितं तक्कयाणां बृहि त्वं मे गणकगुणवन्संगुणय्य प्रमाणम् ॥३५॥ इति परिकर्भविधी स्तीयो वर्गः समाप्तः। वर्गमूलम्

१ P, K और B राशिरेतकृतीनाम्।

चतुर्थे वर्गमूलपरिकर्मणि करणसूत्रं यथा-अन्त्यौजादपहृतकृतिमूलेन द्विगुणितेन युग्महृतौ। लब्धकृतिस्त्याच्यौजे द्विगुणद्लं वर्गमूलफलम् ॥३६॥

६६८७ और तब ७१३५ और तब १०२२, इनमें से प्रत्येक संस्था का वर्ग किया जाता है। हे हुशक गणितज्ञ ! अच्छी तरह गणना करने के पश्चात् मुझे बतकाओं कि इन दीनों के बर्ग क्या होंगे ? ॥६५॥ इस तरह, परिकर्म स्ववहार में, वर्ग नामक परिच्छेड समाप्त हुआ !

वर्गमुल

परिकर्स कियाओं में वर्गमूल नामक चतुर्ध किया के सम्बन्ध में निम्नलिखित नियस हैं-अंकों द्वारा प्रदर्शित संख्या की इकाई के स्थान से बाई ओर के अन्तिम अयुग्म (विषम) अंक में से बड़ी से बड़ी वर्ग संख्या (अंक) घटाई जाती है; तब इस वर्ग की हुई संख्या की द्विगुणित कर प्राप्त फल हारा, शेष संक्या के साथ दाहिने युग्मस्थान की संक्या उतार कर रखने के पक्षात प्राप्त हुई संख्या में भाग देते हैं। और तब, इस तरह प्राप्त भजनफर का वर्ग, शेष संख्या के साथ दाहिने अयुग्म स्थान की संख्या उतार कर रखने के प्रधाद प्राप्त हुई संख्या में से घटा देते हैं। तब, प्रथम वर्गसंख्या का वर्गमूल और द्वितीय वर्गसंख्या का वर्गमूल, (एक के बाद दूसरी) दाहिनी जोर रखने से प्राप्त संख्या को दिगाणित कर शेष संख्या के नीचे उतारी हुई संख्या रखकर प्राप्त संख्या में भाग देते हैं; भीर फिर शेष संख्या के साथ उतारी हुई संख्या रलकर प्राप्त संख्या में से सबसे बड़ी वर्गसंख्या घटाते हैं । इस प्रकार, यह किया अंत तक की जाती है और अंतिम द्विगुणित भाजक संस्था की अई संख्या, परिणामी वर्गमुक होता है ॥३६॥

(३५) यहाँ ७१३५ को १३५ + (१००० ×७) द्वारा दर्शाया गया है।

(३६) इस नियम को स्पष्ट करने हेतु निम्नलिखित उदाहरण नीचे साधित किया जाता है। ६५५३६ का वर्गमूल निकालना—६।५५।३६

$$\frac{2^{2} = 8}{2 \times 2 = 8}$$

$$\frac{2^{4} \times 2^{4}}{2^{4}} = \frac{8^{4}}{2^{4}} = \frac{8^{4}}{2^{$$

अत्रोदेशकः

पैकादिनवान्तानां वर्गगतानां वदाशु मे मूलम् । ऋतुविषयलोचनानां द्रव्यमहीध्रेन्द्रियाणां च ॥३०॥ पकामबष्टिसमधिकपञ्चक्रतोपेतबद्सहस्राणाम् । चत्र्गपञ्चपञ्चकवण्णामपि मूलमाकलय ॥३८॥ द्रव्यपदार्थनयाचललेख्यालब्ध्यविधिनयाव्धीनाम् । क्षित्रेनेत्रेन्द्रिययुगनयजीवानां चापि किं मूलम् ॥३९॥ चन्द्राव्धिगतिकवायद्रव्यतुद्वताक्षानतुराक्षीनाम् । विधुलेख्येन्द्रियदिमकरमुनिगिरिश्चिनां च मूलं किम् ॥४०॥ द्वादशक्षतस्य मूलं वण्णवितयुतस्य कथय संचिन्त्य । शतपट्कस्यापि सखेपञ्चकवर्गण युक्तस्य ॥४१॥ अङ्गेमकर्माम्बर्शंकराणां सोमाक्षिवैद्वानरभास्कराणाम् । चन्द्रतुवाणाविधगतिद्विपानामाचक्ष्य मूलं गणकाप्रणीस्त्यम् ॥४२॥

इति परिकर्मविधौ चतुर्थं वर्गमूर्छं समाप्तम् ॥

पद्ममे चनपरिकर्मणि करणसूत्रं यथा— त्रिसमाइतिर्घनः स्यादिष्टोनयुतान्यराशिषातो वा। अल्पगुणितेष्टकृत्या कलितो वृन्देन चेष्टस्य ॥४३॥ इष्टादिद्विगुणेष्टप्रचयेष्टपदान्वयोऽथ वेष्टकृतिः। व्येकेष्टहतैकादिद्विचयेष्टपदैक्ययुक्ता वा ॥४४॥

१ P और M वर्गगतानां शीघं रूपादिनवावसानराशिनाम् । मूरुं कथय सखे त्वं । २ M नव ।

<u>उदाहरणार्थ प्रश्न</u>

हे मित्र ! मुझे शीघ बतलाओं कि १ से लेकर ९ तक की वर्गसंख्याओं, तथा २५६ और ५७६ के वर्गमूल क्या हैं ? ॥३७॥ ६५६१ और ६५५६ के वर्गमूल क्या हैं ? ॥३७॥ ६५६१ और ६५५६६ के वर्गमूल क्या हैं ? ॥३९॥ ६३६६४४४१ और १७७१५६१ के वर्गमूल क्या हैं ? ॥४९॥ ६३६६४४४१ और १७७१५६१ के वर्गमूल क्या हैं ? ॥४९॥ हे गित्र ! अलीभाँति सोचकर मुझे बतलाओं कि १२९६ और ६२५ के वर्गमूल क्या हैं ? ॥४९॥ हे गणितज्ञों में अप्रणी ! १९०८८९, १२३२१ और ८४४५६१ के वर्गमूल बताओं ? ॥४२॥

इस प्रकार, परिकर्म व्यवहार में, वर्गमूछ नामक परिच्छेद समाझ हुआ।

घत

परिकर्म कियाओं में, पश्चम धन नामक क्रिया का नियम निम्नलिखित ई-

कोई तीन बराबर राशियों का गुणनफल उस दत्त राशि का घन होता है। अथवा, कोई दी हुई राशि का, किसी चुनी हुई राशि को दत्त राशि में जोड़ने से प्राप्त फल का तथा चुनी हुई राशि को दत्त राशि में खे घटाने से प्राप्त फल का गुणनफल प्राप्त करते हैं। इसमें, चुनी हुई राशि के वर्ग को दत्त राशि में से चुनी हुई राशि को घटाने से प्राप्त फल से गुणित करने पर प्राप्त गुणनफल और चुनी हुई राशि का घन जोड़ने पर भी दत्त राशि का घन प्राप्त होता है। ४३॥

अथवा, जिसका प्रथम पद दी गई राशि है तथा प्रचय दी गई राशिका हुगुना है और जिसके पदों की संख्या दी हुई राशि के बराबर है, ऐसी समान्तर श्रेढि का बोग दी हुई राशि के बन को उरपक्ष करता है। अथवा, जिस राशि का बन प्राप्त करना है उसके वर्ग में, दी गई राशि में से एक बटाकर प्राप्त राशि तथा दी गई राशि के बराबर जिसके पदों की संक्या है (और जिसका प्रथम पद एक है और प्रचय दो है) ऐसी समान्तर श्रेढि के बोग का गुणनफड़ मिलाकर उस दी हुई राशि का बन प्राप्त करते हैं ॥४४॥

(४३) प्रतीक रूप से यह नियम (निरूपित करने पर) इस तरह साधित होता है:-

(i) अ \times अ \times अ \times = अ 3 (ii) अ (अ + ब) (अ - ब) + ब 3 (अ - ब) + ब 3 = अ 3 (४४) बीजगणित से नियम का अर्थ : (i) अ 3 = अ + ३अ + ५अ + ७अ + ••• अ परों तक । (ii) अ 3 = अ 3 + (अ - १) (१ + ३ + ५ + ७ + ••• अ परों तक)

पंकादिचयेष्टपदे पूर्वं राशिं परेण संगुणयेत्। गुणितसमासिक्षगुणश्चरमेण युतो घनो भवति ॥४५॥ अन्त्यान्यस्थानकृतिः परस्परस्थानसंगुणा त्रिहता। पुनरेवं तद्योगः सर्वपद्वनान्वितो वृन्दम्॥४६॥ अन्त्यस्य घनः कृतिरपि सा त्रिहतोत्सार्यं शेषगुणिता वा। शेषकृतिस्त्रयन्त्यहता स्थाप्योत्सार्थेवमत्र विधिः ॥४०॥

१ P में यह श्लोक प्राप्य नहीं है। २ M⁰रिप । १ M⁰गो वा। ४ यह श्लोक M में छूट गया है। P K B में निम्नलिखित श्लोक पाटान्तर रूप में प्राप्य है। उपर्युक्त दो विधियों का उल्लेख इसमें भी है।

> त्रिसमगुणोऽन्त्यस्य घनस्तद्वर्गस्तिगुणितो हतः शेषैः। उत्सार्य शेषकृतिरथ निष्ठा त्रिगुणा घनस्तथावे वा।।

समान्तर रूप से बढ़ती हुई श्रेष्ठि में (जिसका प्रथम पद एक है तथा प्रचय भी एक है और पदों की संख्या कोई दी गई राशि के बराबर है), प्रश्येक विछले पद को अगले पद से गुणा कर प्राप्त गुणनफलों का योग प्राप्त कर प्राप्त योगफल को तीन से गुणित करते हैं । इस प्रकार प्राप्त गुणनफल में श्रेष्ठि का अंतिम पद जोड़ने पर, दी हुई राशि का बन प्राप्त होता है ॥४५॥ (जिन दो अथवा अधिक राशियों के थोग का घन निकालना है, उन्हें अलग-अलग स्थानों में स्थापित करते हैं ।) प्रथम तथा अन्य स्थानों के बगं निकालकर उनमें प्रत्येक को अन्य स्थानों की राशियों से गुणित कर तिगुणा करते हैं और जोड़ देते हैं । इस प्रकार प्राप्त योगफल में सब स्थानों की राशियों में ते प्रत्येक के घन को मिलाते हैं तो दत्त राशियों के योग का घनफल प्राप्त होता है । (इस सूत्र द्वारा अंथकार का अभिप्राय २३६ जैसी संख्या का घनफल, उसे (२०० + ३० + ६) रूप में परिवर्तित कर इन तीन राशियों के योग का घनफल निकालकर प्राप्त करना है।)॥४६॥ अथवा; दी गई संख्या में दाहिनी ओर से बाई ओर की गिनती में अन्तिम अंक का घन; और अन्तिम अंक के वर्ग की तिगुनी शिश को केवल एक संकेतना स्थान द्वारा दाहिनी ओर हटाया जाता है और शेर स्थानों में पाये जाने वाले अंकों द्वारा गुणित किया जाता है; तय उपर की मौति शेष स्थानों में पाये जाने वाले अंकों का वर्ग केवल एक संकेतना दाहिनी ओर हटाया जाता है और उपर कथित अन्तिम अंक की तिगुनी राशि द्वारा उसे गुणित कर एक स्थान हटा कर रखा जाता है । ये राशियाँ इसी स्थिति में जोड़ दी जाती हैं। यह नियम यहाँ प्रयोज्य होता है।।४७॥

(४६) ३ अ३ व + ३ अब२ + अ३ + ब³ = (अ + ब)³ । इस नियम को दो से अधिक स्थान वाली संख्याओं के लिये प्रयोज्य बनाने के हेतु यहाँ स्पष्टतः अर्थ निकलता है कि ३ अ२ (ब + स) + ३ अ (ब + स)² + (ब + स)³ = (अ + ब + स)³; और यह स्पष्ट है कि कोई भी संख्या दो अन्य उपयुक्त रूप से चुनी हुई संख्याओं के योग द्वारा प्ररूपित की जा सकती है।

(४७) प्रन्यकारद्वारा दिये गये सूत्र का अभिप्राय प्रदर्शित विधि से स्पष्ट हो जावेगा-

मान लो १५ धन का प्राप्त करना है। इसे दो स्थानों से स्थापित करके, निरूपित रीति से घनफल निकालते हैं। सूत्र में ग्रन्थकार ने अन्तिम अंक ५ के धन के योग का कथन नहीं किया है।

अत्रोदेशकः

पेकादिनवान्तानां पद्मद्शानां शरेक्षणस्यापि । रसवह्योगिरिनगयोः कथय घनं द्रव्यलब्ध्योश्र ।।४८।।
हिमकरतानेन्द्रनां नयगिरिशिशनां खरेन्दुवाणानाम् ।
वद् मुनिचन्द्रयतीनां वृन्दं चतुरुद्धिगुणश्शिनाम् ॥४९॥
राशिधेनीकृतोऽयं शतद्वयं मिश्रतं त्रयोदशिभः। तद्व्रगुणोऽस्मात्त्रगुणश्चतुर्गुणः पद्मगुणितश्च ॥५०॥
शतमष्टपष्टियुक्तं रष्टमभीष्टे घने विशिष्टतभैः । एकादिभिरष्टान्त्येर्गुणितं वद् तद्वनं शीव्रम् ॥५१॥
वन्धाम्बर्तुगगनेन्द्रियकेशवानां संख्याः क्रमेण विनिधाय घनं गृहीत्वा ।
आचक्ष्य स्व्यमधुना करणानुयोगगम्भीरसारतरसागरपारदश्चन् ॥५२॥
इति परिकर्मविधौ पद्मभो घनः समाप्तः॥

घनमूलम्

षष्ठे चनमूलपरिकर्मणि करणसूत्रं यथा— अन्त्यधनादपद्दतचनमूलकृतित्रिहतिभाजिते भाष्ये । प्राक्तिहताप्तस्य कृतिः शोध्या शोध्ये घनेऽय घनम् ॥५३॥

> १. ४८ और ४९ वें क्लोकों के स्थान में, M में निम्न पाट है— एकादिनवान्तानां इद्राणां हिमकरेन्दूनाम् । वद मुनिचन्द्रयतीनां हृन्दं चतुरुद्धिगुणश्चिनाम् ॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

एक से लेकर ९ तक संस्थाओं और १५, २५, ३६, ७७ और ९६ के घन क्या होंगे ? ॥४८॥ १०१, १७२, ५१६, ७१७ और १३४४ के घन क्या होंगे ?॥४९॥ संस्था २१३ का घन किया जाता है। इस संख्या की दुगुनी, तिगुनी, चौगुनी और पांचगुनी राशियों के भी घन करने पर प्राप्त होने वाली राशियों प्राप्त करो ॥५०॥ यह देखा जाता है कि १६८ में एक से लेकर बाद तक की समस्त संख्याओं का गुणन करने पर प्राप्त राशियों चन राशियों से सम्बन्धित हैं। उन घन राशियों को शीध्र बतलाओ ॥५१॥ है करणानुयोग गणित की कियाओं के अभ्यासक्ष्पी गहरे तथा उरह्नष्ट समुद्र के पारद्रव्दा ! दाहिनी ओर से बाई और ४, ०,६,०,५ और ९ कमानुसार लिख कर प्राप्त संख्या का घनफड़ शीध्र बतलाओ ॥५२॥ इस प्रकार, पश्चिम स्ववहार में, घन नामक परिच्छेद समाप्त हुआ।

घनमूल

परिकर्म-क्रियाओं में पष्टम घनमूक क्रिया सम्बन्धी निम्निक्तित नियम है-

अन्तिम धन स्थान तक के अंकों द्वारा निरूपित संख्या में से सबसे अधिक सम्भव धन संख्या घटाओ। तब, (अग्रिम) भाज्य स्थान द्वारा निरूपित अंक को स्थिति में रखने के परचात् उसे उस धन के धनमूछ के वर्ग की तिगुनी राषि। द्वारा भाजित करो। तब (अग्रिम) सोध्य स्थान द्वारा निरूपित अंक को स्थिति में रखने के परचात् उसमें से उपर्युक्त भजनफळ के वर्ग की त्रिगुणित राशि को उपर्युक्त (सबसे अधिक सम्भव धन के) मूळ द्वारा गुणित करने से प्राप्त राशि को घटाओ। और तब (अग्रिम) धन स्थान द्वारा विरूपित अंक को स्थिति में रखने के परचात् उसमें से उपर प्राप्त द्वुप भजनफळ के धन को घटाओ। धन राशि विरूपित अंक को स्थिति में रखने के परचात् उसमें से उपर प्राप्त द्वुप भजनफळ के धन को घटाओ। धन राशि विरूपित अंक को स्थिति में रखने के परचात् उसमें से उपर प्राप्त द्वुप भजनफळ के धन को घटाओ। धन राशि

बेनमेकं द्वे अवने चनपदकृत्या भजेश्विगुणयाचनतः। पूर्वत्रिगुणाप्तकृतिस्त्याज्याप्तचनश्च पूर्ववह्नव्यपदैः॥५४॥

अत्रोहेशकः

एकादिनवान्तानां घनात्मनां रत्नशिवनाञ्चीनाम्। नैगरसवसुखर्तुगजक्षपाकराणां च मूर्छं किम् ॥५५॥ गतिनयमद्शि खिशशिनां सुनिगुणखर्त्वेक्षिनवैखरात्रीनाम्। वैसुखयुगखाद्रिगतिकरिचन्द्रर्तूनां गृहाण पदम् ॥५६॥

१ यह कोक M में प्राप्य नहीं है। २ M गिरि। ३ M रसा। ४ M विधुपुरस्वरस्वर तुंज्वस्वन घराणां। तीन अंकों के विभिन्न समूह में से एक अंक चन (cubic) और दो अवन (non-cubic) होते हैं। अवन अंक में घनमूख के वर्ग की तिगुनी राशि का भाग दो। अग्रिम अवन अंक में से, कपर प्राप्त हुए अजनफल को वर्गित करने से प्राप्त हुई राशि तथा पिछले चन अंक में से (वटाई गई अधिक से अधिक घनसंख्या के) चनमूल की तिगुनी राशि का गुणनफल घटाओ। और तब अग्रिम चन अंक को स्थिति में लाकर, उसमें से ऊपर प्राप्त हुए अजनफल का चन चटाओ। इस तरह स्थिति में काकर प्राप्त हुए चनमूल अंकों की सहायता से पूर्व विधि उपयोग में लाओ। १५४॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

१ से छेकर ९ तक की घन संख्याओं के चनमूल क्या होंगे १४९१३ और १८६०८६७ के घनमूक बतळाओ १॥५५॥ १३८२४, ३६९२६०३७ और ६१८४७०२०८ के घनमूल निकालो ॥५६॥

(५३-५४) जिसका घनमूळ निकालना होता है ऐसी दी गई संख्या में अंक नियमानुसार समूहों में विभक्त कर दिये जाते हैं। प्रत्येक समूह में अधिक से अधिक र अंक होते हैं; उनके नाम क्रमशः दाहिनी ओर से बाँई ओर : धन (अथवा वह जो घनात्मक होता है अर्थात् जिसमें से घन राशि घटाना होती है), शोध्य (अथवा वह जो घटाया जाता है) और भाज्य हैं। बाँई ओर का अंतिम समूह हमेशा तीन अंकमय नहीं होता। उसमें एक, दो, या तीन अंक तक रहते हैं। निम्निखिखत साधित उदाहरण से नियम स्पष्ट हो जावेगा।

७७३०८७७६ का घनमूल निकालना-

भा. शो. घ. भा. शो. घ. ३०८ ७७६

यह नियम उल्लेख नहीं करता कि कौन से अंक घनमूल की संरचना करते हैं। पर यह अर्थ किया जाता है कि क्रिया में घन किये गये अंकों को क्रम से बाँई ओर से दाहिनी ओर रखने संख्या (घनमूल) प्राप्त होती है। चतुः पयोध्यग्निश्वराक्षिद्दष्टिह्ये भखन्यो मभयेक्षणस्य । बद्दाष्टकमी विध्वयाति भावद्वित्वहिर व्यतं निमस्य मृद्धम् ॥५७॥ द्रव्याश्वशैलदुरित खबह्वपद्विभयस्य वदत् वनमृद्धम् । नवचन्द्रहिमगुमुनिशिखन्ध्यम्बर खर्युगस्यापि ॥५८॥ गौतिगजिषययेषुविधुस्वराद्विकरगतियुगस्य भण मृद्धम् । ठेख्याश्वनगनवाच छपुरखरनयजीवचन्द्रमसाम् ॥५९॥ गतिखरदुरितेभाभ्भोधिताक्ष्यंध्यजाक्षद्विकृतिनवपद्रार्थद्रव्यवहीन्दुचन्द्र— जछधरपथरन्ध्रेष्वष्टकानां चनानां गणक गणितदक्षाचक्ष्य मृद्धं परीक्ष्य ॥६०॥

इति परिकर्मविधौ षष्ठं घनमूलं समाप्तम्।

संकलितम्

सप्तमे संकित्तपरिकर्मणि करणसूत्रं यथा— रूपेणोनो गच्छो दलीकृतः प्रचयतादितो मिश्रः। प्रभवेण पदाभ्यस्तः संकित्तं भवति सर्वेषाम्।।६१॥ प्रकारान्तरेण धनानयनसूत्रम्— एकविहीनो गच्छः प्रचयगुणो द्विगुणितादिसंयुक्तः। गच्छाभ्यस्तो द्विहृतः प्रभवेत्सवेत्र संकितम्।६२।

१ यह श्लोक M में अप्राप्य है।

२७००८७२२५६४४ और ७६६२९४०४८८ के घनमूल प्राप्त करो ॥५७॥ ७७३०८७७६ और २६०९१७११९ के भी बनमूल निकालो ॥५८॥ २४२७७१५८४ और १६२६६७९७७६ के घनमूल निकालो ॥५९॥ हे गणक ! यदि तुम गणित में कुशस्त्र हो तो ८५९०११३६९९४५८४४ धनराशि का घनमूल परीक्षा से निकालकर बतलाओ ॥६०॥

इस प्रकार, परिकर्म न्यवहार में घनमूल नामक परिच्छेर समाप्त हुआ।

संकलित [श्रेडियों का संकलन]

परिकर्स कियाओं में सप्तम संकलित किया सम्बन्धी नियम निम्नलिखित हैं-

पहिले श्रेंदि के पदों की संस्था को एक हारा घटाया जाता है और तब प्राप्त फल को आधा कर प्रचय द्वारा गुणित किया जाता है। इसे, जब श्रेंदि के प्रथम पद के साथ मिलाकर पदों की संख्या से गुणित करते हैं तो समान्तर श्रेंदि के समस्त पदों का बोग प्राप्त होता है।।६१।।

वूसरी तरह से श्रेष्ठि का योग श्राप्त करने का नियम-

श्रीष्ठ के पदों की संख्या को एक द्वारा द्वासित कर प्रचय द्वारा शुणित करते हैं। प्राप्त फरू में श्रीष्ठ के प्रथम पद की दुगुनी राज्ञि मिलाते हैं; और जब इस योग को श्रीष्ठ के पदों की संख्या से गुणित कर दो से भाजित करते हैं, तो सर्वत्र श्रीष्ठ का योग उत्पन्न होता है।।६२॥

(६१) यह नियम बीजीयरूप से निम्नलिखित रूप में प्रदर्शित किया जा सकता है-

 $\left(\frac{\pi-8}{2}+3\right)\pi=4$. जहाँ अ प्रथम पद है; व प्रचय है, न पदों की संख्या है और य समस्त श्रेटि का योग है।

(६२) इसी तरह,
$$\left\{\frac{(\pi-\xi)\pi+2\pi}{2}\right\}\pi=\pi$$
 होता है।

आग्रुत्तरसर्वधनानयनसूत्रम्— पद्हतमुखमादिधनं व्येकपदार्थप्रचयगुणो गच्छः । उत्तरधनं तयोर्योगो धनमूनोत्तरं मुखेऽन्त्यधने ॥६३॥ अन्त्यधनमध्यधनसर्वधनानयनसूत्रम्— चैयगुणितैकोनपदं साद्यन्त्यधनं तदादियोगार्धम् । मध्यधनं तत्पदवधमुद्दिष्टं सर्वसंकल्पितम् ॥६४॥

१ м तदूना सेक (व ?) पदासा युतिः प्रमावः । २ यह स्रोक м में छूट गया है।

थादिधन, उत्तरधन और सर्वधन निकालने का नियम -

प्रथम पद में श्रेढि के पदों की संख्या का गुणन करने से प्राप्त राश्चः आदिधन कहलाती है। प्रचय द्वारा गुणित श्रेढि के पदों की संख्या तथा एक कम पदों की संख्या की आधी राशि का गुणनफल उत्तर धन कहलाता है। इन दोनों का योग सर्वधन अर्थात् समस्त श्रेढि के पदों का योग होता है। वही ऐसी श्रेढि के योग के सुख्य भी होता है जो श्रेढि के पदों का कम उलट दिया जाने से प्राप्त होती है, जहां अतिम पद प्रथम पद हो जाता है तथा प्रचय क्रणात्मक हो जाता है।।६३।।

अन्त्यधन, मध्यधन तथा सर्वधन निकालने की विधि --

श्रीढ के पदों की संस्था एक द्वारा हासित की जाती है और प्राप्त संख्या प्रचय द्वारा गुणित की जाती है। तब इसे प्रथम पद में जोड़ने पर अन्स्यथन प्राप्त होता है। अन्त्यथन और प्रथम पद के योग की आधी राशि मध्यथन कहलाती है। इस मध्यथन और श्रीढ के पदों की संख्या का गुणनफल, श्रीढ के समस्त पदों का योग होता है।।६४॥

(६३-६४) इन नियमों में समान्तर श्रेंदि का प्रत्येक पद, प्रथम पद में प्रचय का गुणक जोड़ने पर प्राप्त हुआ माना जाता है। इस गुणक का मान श्रेंदि में पद विशेष की रियति पर निर्भर रहता है। इस अवधारणा के अनुसार हमें श्रेंदि के प्रत्येक पद में प्रथम पद के साथ-साथ प्रचय का गुणक भी निकालना पड़ता है। इस तरह प्राप्त प्रथम पदों के योग को आदिधन कहते हैं। प्रचय के ऐसे गुणकों के योग को उत्तरधन कहते हैं। सर्वधन जो कि इन दोनों का योग होता है, श्रेंदि का भी योग होता है। अन्त्यधन, समान्तर श्रेंदि का अंतिम पद होता है। मध्यधन का अर्थ मध्यपद होता है जो इस श्रेंदि के प्रथम पद और अंतिम पद का समान्तर-मध्यक (arithmetical mean) होता है। इस तरह, जब श्रेंदि में (२ न + १) पद होते हैं तब (न + १) वाँ पद मध्यधन कहलाता है। परंतु, जब २न पद होते हैं, तो (न) यें और (न + १) यें पद के समान्तर-मध्यक के तुत्य मध्यधन होता है। इस तरह, (१) आदिधन = न × था; (२) उत्तरधन = $\frac{1-2}{2}$ × न × था; (३) अन्त्यधन = (1-2) × था + था; (४) मध्यधन = $\frac{(1-2)}{2}$ × न × था; (५) सर्वधन = $\frac{(2-2)}{2}$ × न × था; (३) अन्त्यधन = $\frac{(3-2)}{2}$ × न × था; (४) मध्यधन = $\frac{(3-2)}{2}$ × न × था; (४) मध्यधन = $\frac{(3-2)}{2}$ × न × था; (४) मध्यधन = $\frac{(3-2)}{2}$ × न × था; (४) सर्वधन = $\frac{(3-2)}{2}$ × न × था; (४)

आगे यह बिळकुळ स्पष्ट है कि ऋणात्मक प्रचय वाकी समान्तर श्रेडि धनात्मक प्रचय वाळी समान्तर श्रेडि में बदल जाती है जब कि पदों का क्रम पूरी तरह उस्टाया जाता है जिससे प्रथम पद अंतिम पद हो जाता है।

अत्रोद्देशकः

एकाविद्शान्ताचास्ताबत्प्रचयास्समर्चयन्ति धनम्।

बणिजो दश दश गच्छास्तेषां संकितमाकलय ॥६५॥

द्विमुखत्रिचयैर्मणिभिः प्रानर्च श्रावकोत्तमः कश्चित्। पद्मवसतीरभीषां का संख्या त्रृहि गणितज्ञ।।६६॥ आदिस्यश्रयोऽष्ट्री द्वादश गच्छस्रयोऽपि रूपेण। आ सप्तकात्मवृद्धाः सर्वेषां गणक भण गणितम् ॥६७॥

द्विकृतिसुखं चयोऽष्टी नगरसहस्रे समर्चितं गणितम ।

गणिताव्धिसमुत्तरणे बाहबळिने त्वं समाचक्ष्त्र ॥६८॥

गच्छानयनसूत्रम्—

अष्टोत्तरगुणराशेद्विगुणायुत्तरविशेषकृतिसहितात् । मूळं चययुतमधितमायूनं चयहृतं गच्छः ॥६९॥ प्रकारान्तरेण गच्छानयनसूत्रम्-

अष्टोत्तरगुणराशेर्द्विगुणाध्तरविशेषकृतिसहितात्। मृहं क्षेपपदोनं दृष्टितं चयभाजितं गच्छः॥७०॥

१ м. बली।

उदाहरणार्थ प्रश्न

इस न्यापारियों में से प्रत्येक समान्तर श्रेडि में संकल्पित चन दान करता है। इस श्रेडियों के प्रथम पद एक से लेकर दस तक हैं, और प्रश्चेक श्रेढि में प्रचय उतना ही है जितनी कि उनकी प्रथम पद राशि। प्रस्वेक श्रेष्ठि के पदों की संख्या दस है। उन श्रेष्ठियों के बोगों की गणना करी ॥६५॥ एक श्रेष्ठ श्रावक एक-एक कर पाँच मन्दिरों में २ मणियों से आरम्भ कर उत्तरोत्तर ३ मणि बढ़ाता हुआ भेंट चढ़ाता है। हे बाजितहा ! कही कि उनकी कुछ संख्या क्या है ? ॥६६॥ प्रथम पद ३ है; प्रचय ८ है; और पदों की संख्या १२ है। ये तीनों राशियाँ कम से एक द्वारा बढ़ाई जाती हैं जब तक कि ७ श्रेडियाँ मास नहीं होतीं । हे गणितज्ञ ! इन सब क्षेतियों के योगों को जास करी ॥६७॥ हे गणितक्यी ससुद्र को भुजाओं हारा तरने में समर्थ ! बतलाओं कि १००० नगरों में की जाने वाली समस्त मेटों का मान क्या होगा, जब कि भेंट ४ से भारम्भ की जाती है और उत्तरोत्तर ८ से बृद्धि की प्राप्त होती है ॥६८॥

समान्तर श्रेढि के पदों की संख्या (गच्छ) निकालने का नियम-

(प्रथम पद की दुगुनी) राशि और प्रचल के अन्तर के वर्ग में श्रेषि के बोग द्वारा गुणित प्रचय की बाहगुनी राशि जोड़ते हैं। प्राप्त बोगफ़ल के वर्गक्रल में प्रचय जोड़ते हैं और परिणामी राशि आधी करते हैं। इसे प्रथम पद द्वारा हासित कर प्रथम द्वारा विभाजित करते हैं तो श्रेवि के पदों की संख्या प्राप्त होती है ।।६९॥

दूसरी रीति द्वारा पदों की संख्या निकासने का नियम-

(प्रथम पद की दुगुनी) राशि और प्रथम के अन्तर के वर्ग में, श्रेडि के योग द्वारा गुणित प्रचय की अठगुनी राशि जोड़कर प्राप्त योगपः के वर्गमूख में से झेपपड़ को घटाते हैं। परिणामी राशि को आधा करते हैं। इसे प्रचय द्वारा विभाजित करने पर श्रेडि के पदों की संख्या प्राप्त होती है ॥७०॥

यात्व, अन्याय एवं अभक्ष्य का त्याग होता है। √ (२अ – व) २ + ८ व य + व (६९) बीजगणित से यह नियम इस मॉंति प्ररूपित होगा— २

⁽६६) आवक जैनधर्म के ग्रहस्थ धर्म के ग्रहस्थ धर्म का पालन करने वाला होता है, जो केवल अवण करता है अर्थात् धर्म या कर्तव्य के विषय में धुनता और शीखता है। सामान्यतः पाक्षिक श्रावक को मिष्याल, अन्याय एवं अभक्ष्य का त्याग होता है।

⁽७०) (प्रथम पद की दुगुनी) राशि और प्रचय के अंतर की आधी राशि क्षेपपद कहलाती है । अर्थात् २था - व । यह स्पष्ट है कि इस सूत्र में क्षेपपद का उस्टेख होने से पिछले सूत्र से मात्र उस्लेख में भिन्नता है।

अत्रोदेशकः

आदिहों प्रचयोऽष्टी होरूपेणा त्रयात्क्रमाह्नृद्धी। साङ्की रसाद्रिनेत्रं सेन्दुहरा वित्तसत्र को गच्छः ॥७१॥ आदि: पञ्च चयोऽष्टी गुणरह्माग्निधनमत्र को गच्छः। षट् प्रभवश्च चयोऽष्टी सहिचतुः स्वंपदं कि स्यात्॥७२॥

चत्तराद्यानयनसूत्रम्-

भादिभनोनं गणितं पदोनपद्कृतिद्छेन संभजितम्। प्रचयस्तद्धनहीनं गणितं पदभाजितं प्रमवः।।⊌३।। आधुत्तरानयनसूत्रम्—

प्रमवो गच्छाप्तधनं विगतैकपदार्धगुणितचयहीनम्। पदहृतधनमाधूनं निरेकपद्दलहतं प्रचयः॥७४॥ प्रकारान्तरेणोत्तराद्यानयनसूत्रम्—

द्विहत् संकल्पितधनं गच्छहत् द्विगुणितादिना रहितम्। विगतैकपद्विभक्तं प्रचयः स्यादिति विजानीहि ।।७५॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

प्रथम पद २ है, प्रचय ८ है; इन होनों को उत्तरोत्तर एक द्वारा बहाते जाते हैं जिससे ६ श्रेडियाँ बन जाती हैं। इन तीन श्रेडियों के योग क्रमदाः ९०, २७६ और १११० हैं। प्रत्येक श्रेडि के पदों की संख्या क्या है ? ॥७१॥ प्रथम पद ५ है; प्रचय ८ है; श्रेडि का योग १६६ है। पदों की संख्या क्या है ? अन्य श्रेडि का प्रथमपद ६ है, प्रचय ८ है और योग ४२० है। पदों की संख्या क्या है ? ॥७२॥

प्रचय और प्रथम पद को निकालने का निवम--

श्रेढि का योग आविधन द्वारा हासित किया जाता है, और इसे, पदों की संख्या द्वारा हासित पदों की संख्या के वर्ग द्वारा निरूपित राशि की आधी राशि द्वारा विमाजित करने पर प्रचय प्राप्त होता है।

श्रीव के योग को उक्तरधन इता हासित करने पर प्राप्त फल को पढ़ों की संख्या हारा विमाजित करने पर श्रीव का प्रथम पद प्राप्त होता है ॥७३॥

प्रथम पद और प्रचय प्राप्त करने का नियम-

श्रेष्ठि में पदों की संख्या द्वारा भाजित श्रेष्ठि का बोग, जब प्रचय और एक कम पदों की संख्या की आधी राशि के गुणन फल द्वारा हासित कर दिया जाता है तो श्रेष्ठि का प्रथम पद प्राप्त होता है। बोग की, पदों की संख्या से भाजित कर प्रथम पद द्वारा हासित करते हैं। प्राप्तफल की एक कम पदों की संख्या की आधी राशि द्वारा विभाजित करने पर प्रचय प्राप्त होता है। ७४॥

प्रचय और प्रथम राशि को अन्य विधि द्वारा निकालने के दो नियम:-

श्रें के बोग को २ से गुणित कर और पदों की संख्या से विभाजित कर अथम पद की हुगुनी राशि से द्वासित करते हैं। प्राप्तफल को एक कम पदों की संख्या की आधी राशि द्वारा विभाजित करने पर प्रचय प्राप्त होता है ॥७५॥ श्रेंढि के योग की दुगुनी राशि को पदों की संख्या से विभाजित कर

(७३) आदि-धन और उत्तरधन के लिये इस अध्याय के ६३ और ६४ वें सूत्र की पाद टिप्पणी देखिये। इस सूत्र को प्रतीक रूपसे प्रदर्शित करने पर वह निम्नरूप में साधित होता है—

$$a = \frac{u - \pi \text{ av}}{(\pi^2 - \pi)/2}$$

$$\text{all} z = \frac{u - \pi (\pi - \ell)}{2}$$

$$\text{all} z = \frac{u - \pi - \ell}{\pi}$$

$$\text{(ov) all} a = \frac{u - \pi - \ell}{\pi}$$

$$\text{(ov) yadla ev} \ \hat{x} : a = \frac{u - \pi - \ell}{\pi}$$

$$\text{(ov) yadla ev} \ \hat{x} : a = \frac{(2\pi/\pi) - 2\pi}{\pi - \ell}$$

हिगुणितसंकिळतघनं गच्छहतं रूपरहितगच्छेन। ताहितचयेन रहितं द्वयेन संभाजितं प्रभवः ॥७६॥ अत्रोहेशकः

नववदनं तत्त्वपदं भावाधिकश्रतधनं कियानप्रचयः।

पद्म चयोऽष्ट पर्द षट्पद्माशच्छतधनं मुखं कथय।।७७॥

स्वेष्टाश्चलरगच्छानयनसूत्रम्—

संकिलते खेष्टहते हारी गच्छोऽत्र लब्ध इष्टोने । ऊनितमादिः शेषे व्येकपदार्थोद्धते प्रचयः ॥७८॥

अत्रोहेशकः

चत्वारिंशत्सहिता पद्धशती गणितसत्र संदृष्टम् । गच्छप्रचयप्रभवान् गणितज्ञिशिरोमणे कथय ।।७९॥ आयुत्तरगच्छ सर्वमिश्रधनिवश्लेषणे सूत्रत्रयम्— चत्तरधनेन रहितं गच्छेनैकेन संयुतेन हृतम् । मिश्रधनं प्रभवः स्यादिति गणकशिरोमणे विद्धि ।।८०॥

१ M विगणस्य सखे ममाचक्व ।

एक कम पदों की संख्या की आधी राशि हारा हासित करते हैं। प्राप्तफरू की प्रचय हारा गुणित कर, जब दो के हारा विभाजित करने हैं तो श्लेडि का प्रथम पद प्राप्त होता है ॥७६॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

प्रथम पद ९ है; पदों की संख्या ७ है; और श्रेंढि का योग १०५ है। प्रचय का मान क्या है ? अन्य श्रेंढि का प्रचय ५ है, पदों की संख्या ८ है और योग १५६ है। बतलाओ प्रथम पद क्या है ?॥७७॥

जब योग दिया गया हो तो इच्छानुसार प्रथम पद, प्रचय और पदों की संख्या निकालने

जब योग को किसी चुनी हुई संख्या द्वारा विभाजित करते हैं तो भाजक श्रेडि के पहों की संख्या बन जाता है। जब इस भजनफरू को किसी फिर से चुनी हुई संख्या द्वारा हासित करते हैं तो यह घटाई गई संख्या श्रेडि का प्रथम पद बन जाती है। घटाने के बाद प्राप्त होए जब एक कम पदों की संख्या की आधी राशि द्वारा विभाजित किया जाता है तो प्रचय उत्पक्त होता है। 1061

उदाहरणार्थ प्रश्न

इस प्रश्न में योग ५५० ई। हे गणितज्ञों के शिरोमणि ! बनलाओ कि पर्दो की संख्या, प्रचय और प्रथम पद क्या होंगे ? ॥७९॥

प्रथम पद से संयुक्त अथवा प्रचय अथवा पदों की संख्या से अथवा इन सभी से संयुक्त समान्तर श्रीव के योग को विश्लेषित करने के लिये तीन नियम---

हे गणक शिरोमणि! मिश्रधन को उत्तर धन से हासित कर, एक अधिक पट्रों की संख्या द्वारा विभाजित किया जाता है तो प्रथम पद श्राप्त होता है—ऐसा समझो ॥८०॥ मिश्रधन को

(७८) प्रतीक रूप से, इस प्रश्न में, जब य दिया गया होता है और अ तथा न कां किसी भी तरह चुनना होता है, तब ब का मान निकालना पड़ता है। इसलिये, दिये गये य के लिये, ब के कितने ही मान हो सकते हैं जो अ ओर न के चुने बाने पर निर्भर हों। जब अ और न चुन लिये जाते हैं तो ब को निकालने के लिये यहाँ दिया गया नियम सूत्र ७४ से मिलता है।

आदिघनोनं सिश्रं हिपोनपदार्धेगुणितगच्छेन।सैकेन इतं प्रचयो गच्छविधानात्पदं मुखे सैके ॥८१॥ मिश्रादपनीतेष्टौ मुखगच्छौ प्रचयमिश्रविधिखन्धः।यो राश्चिः स चयःस्यात्करणिसदं सर्वसंयोगे ॥८२॥ अत्रोहेशकः

द्वित्रिकपद्मदशामा चत्वारिशनमुखादि मिश्रधनम् । तत्र प्रभवं प्रचयं गच्छं सर्वं च मे श्रृहि ॥८३॥ १ M पदोनपदकृतिद छेन सैकेन । भक्तं प्रचयोऽत्र पदं गच्छविधानान्मखे सैके ॥

आदिधन से हासित कर और तब पदों की संख्या तथा एक कम पदों की संख्या की आधी राशि के गुणनफल में एक जोड़कर प्राप्त हुई राशि हारा विभाजित करते हैं तो प्रचय प्राप्त होता है। मिश्रधन में से पदों की संख्या विपाटित (अक्ष) करने में पदों की संख्या को प्राप्त करने का नियम ही प्रयुक्त करते हैं, जब कि सब पदों को संवाद रूप से (correspondingly) बढ़ाने के लिये प्रथम पद को एक द्वारा बढ़ा हुआ मान लिया जाय ॥८१॥ मिश्रधन को विश्लेषित करने की विधि इस प्रकार है—
मिश्रधन को मन से खुने हुए प्रथम पद और पदों की संख्या हारा हासित करते हैं और तब उत्तरमिश्रधन को भक्त करने वाले नियम को इस औतर में प्रयुक्त करने पर प्रचय प्राप्त होता है ॥८२॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

४० में क्रमशः २, ३, ५ और १० जोड़कर आदि मिश्रधन और अन्य मिश्रधन बनाते हैं। असे बतलाओं कि इन दशाओं में प्रथम पद,प्रचय, पदों की संख्या और कुल तीनों, क्रमशः स्था-स्था होंगे ?॥८३॥

(दप्ट) ज्ञात योग से दी हुई समान्तर श्रेष्ठि का प्रथम पर और प्रेषय, द्वितीय श्रेष्ठि के प्रथम पर और प्रचय; जहाँ मन से चुना हुआ योग दी हुई श्रेष्ठि के ज्ञात योग का दुगुना, तिगुना, आधा, तिहाई अथवा इसी तरह का गुणक अथवा भिक्षीय रूप है, निम्नक्टिब्रित नियम से प्राप्त करते हैं—

(८०-८२) मिश्रधन का अर्थ मिला हुआ योग होता है। जब प्रयम पद अथवा प्रचय अथवा पदों की संख्या अथवा इन सब तीनों को समान्तर श्रेटि के योग में जोड़ते हैं तब मिश्रधन प्राप्त होता है। इस तरह, यहाँ चार प्रकार के मिश्रधन का कथन किया है और वे क्रमशः आदि मिश्रधन, उत्तर मिश्रधन, गच्छ मिश्रधन और सर्व मिश्रधन हैं। आदिधन और उत्तरधन के लिये सूत्र ६३ और ६४ की पाद टिप्पणी

य' - (न) (न - १) ब य' - (न) (न - १) ब य' - (न) (न - १) ब न + १ जहाँ 'य' न + १

और $a''' = (a + 2) + (a + 2 + 4) + (a + 2 + 3) + \dots$ न पदौ तक; होता है।

चूँकि सूत्र ८२ में, अ और न का मान किसी भी तरह चुन सकते हैं; अ, न और ब का मान अथवा सर्व मिश्रघन य''' (जो य + अ + न + व के तुल्य होता है) निकालने का प्रधन य' के किसी दिये गये मान से ब का मान निकालने के समान हो जाता है।

(८३) प्रतीक रूप से प्रश्न यह है: (१) अ का मान निकालो जब य'=४२, ब=३, न=५ हो। (२) ब का मान निकालो जब कि य"=४३; अ=२ और न ५ हो। (३) न का मान बतलाओ जब कि य+न=४५ अ=२ और ब=३ हो। (४) अ, ब और न का मान निकालो जब कि य+अ+ब+न=५० हो। रष्ट्रधनायुत्तरतो दिगुणत्रिगुणद्विभागत्रिमागादीष्ट्रधनायुत्तरानयनसूत्रम्— रष्ट्रविमकेष्ट्रधन दिष्ठं तत्त्रचयताहितं प्रचयः । तत्त्रभवगुणं प्रभवो गुणमागस्येष्टवित्तस्य ॥८४॥ अत्रोद्देशकः

समगच्छ्यत्वारः षष्टिर्मुखमुत्तरं ततो द्विगुणम् । तद्वधादि इतिवभक्तस्वेष्टस्याद्युत्तरे ब्र्हि ॥८५॥ इष्टगच्छयोव्यस्ताद्यत्तरसमधनद्विगुणित्रगुणिद्वभागित्रभागादिधनान्यनसूत्रम्—

व्येकात्महतो गच्छः स्वेष्टमी द्विगुणितान्यपदहीनः । युखमात्मोनान्यकृतिर्द्विकेष्टपद्घातवर्जिता प्रचयः ॥८६॥

र M गुणभागाद्यत्तरेच्छायाः । २ M गुण⁰।

सरलता के लिये, चुने हुए योग को ज्ञात योग द्वारा विभाजित कर दो स्थानों में रखते हैं। इस मजनफर को जब ज्ञात प्रथय द्वारा गुणित करते हैं तो इष्ट प्रथय प्राप्त होता है। वही भजनफर जब ज्ञात प्रथम पद से गुणित किया जाता है तो चाहा हुआ प्रथम पद उस श्रेष्ठि का प्राप्त होता है जिसका कि योग ज्ञात श्रेष्ठि के योग का या तो अपवर्ष अथवा भिज्ञारमक श्रंस (भाग) होता है।।८४।।

उदाहरणार्थ प्रश्न

६०, ज्ञात प्रथम पद है, ज्ञात प्रचय उससे दुगुना है, और पदों की संख्या (ज्ञात दी हुई श्रेढि मैं तथा इष्ट समस्त श्रेडियों में) ४ है। ज्ञात बोग को २ से आरम्भ होने वाली संख्यओं द्वारा गुणित अथवा भाजित करने पर प्राप्त हुए योगों वाली श्रेडियों के प्रथम पद और प्रचय निकाको ॥८५॥

जिनके पदों की संख्या मन से चुनी जाती है ऐसी दो श्रेडियों के पारस्परिक विनिमित्त प्रथम पद और प्रचय तथा उन श्रेडियों के योगों (जो बराबर हों, अथवा जिनमें से एक दूसरे का दुगुना, तिगुना, आधा, तिहाई अथवा ऐसा ही कोई अपवर्ष्य या भाग रूप हो,) को निकालने का नियम—

किसी एक श्रेष्ठि के पदों की संख्या स्वतः से गुणित होकर तथा एक द्वारा द्वासित होकर और फिर चुने हुए (दो श्रेष्ठियों के योग के) अनुपात द्वारा गुणित होकर, और तब दूसरी श्रेष्ठि के पदों की संख्या की दुगुनी राधि द्वारा द्वासित होकर कोई एक श्रेष्ठि के (परस्पर बदलने योग्य) प्रथम पद को प्राप्त होती है। दूसरी श्रेष्ठि के पदों की संख्या की वर्गराशि पदों की संख्या द्वारा ही स्वतः हासित होकर और तब चुनी हुई निष्पत्ति द्वारा तथा प्रथम श्रेष्ठि के पदों की संख्या के गुणनफल की दुगुनी राशि द्वारा हासित होकर, उस श्रेष्ठि के परस्पर बदलने योग्य प्रचय को उत्पन्न करती है।।८६।।

- (८४) प्रतीक रूप से अत् = $\frac{u_4}{a}$ अ; $u_5 = \frac{u_4}{a}$ व; जहाँ u_5 , अ $_5$, u_5 , u_6 , ऐसी श्रेटि के क्रमशः योग, प्रथम पद और प्रचय हैं जिसका योग चुन लिया जाता है। यदि दो श्रेटियों का योग दिया गया हो, तो दो प्रथम पदों की निष्पत्त (ratio) और दो प्रचयों का अनुपात $\frac{u_5}{a}$ ही सर्वदा नहीं रहता। यहाँ जो हल दिये गये हैं वे कुछ विशिष्ट दशाओं में प्रयुक्त होते हैं।
- (८६) बीजीय रूप से, $\alpha = \pi (\pi \ell) \times \Psi 2\pi$, और $\alpha = (\pi_1)^2 \pi_1 2\Psi \pi$; जहाँ, अ, ब और न क्रमशः प्रथमपद, प्रचय और श्रेंद्रि के पदों की संख्या हैं; π_1 द्वितीय श्रेंद्रि के पदों की संख्या है, और पदो योगों की निष्पत्ति है। अ और ब इस तरह निकालने के बाद दूसरी श्रेंद्रि के प्रथमपद और प्रचय क्रमशः ब और अ होंगे।

अत्रोद्देशकः

पद्माष्ट्रगच्छपंसोर्व्यस्तप्रभवोत्तरे समानधनम् । द्वित्रिगुणादिधनं वा बृहि त्वं गणक विगणय्य ॥८७॥ द्वादशबोद्धशपदयोर्ध्यस्त्रभवोत्तरे समानधनम्। ब्यादिगुणभागधनभपि कथय त्वं गणितशास्त्र ॥८८॥ असमानोत्तरसमगन्छसमधनस्याद्यत्तरानयनसत्रम-

अधिकचयस्यैकादिश्चाधिकचयशेषचयविशेषो गुणितः। विगतैकपदार्धेन सरूपश्च मुखानि मित्र शेषचयानाम् ॥८९॥

अत्रोहेजकः

एकादिषड्-तचयानामेकत्रितयपद्धसप्तचयानाम् । नवनवगच्छानां समवित्तानां चाशु वद् मुखानि सखे ॥९०॥

१ M गणकमुखतिलक।

उदाहरणार्थ प्रश्न

दो मनुष्यों के धन क्रमशः दो समान्तर श्रेढियों के योग से ज्ञात होते हैं। श्रेढियों-सम्बन्धी पदों की संख्या ५ और ८ है। दोनों श्रेडियों के प्रथम पद और प्रचय परस्पर बदलने योग्य हैं। श्रेडियों के योग बराबर हैं अथवा उनमें से एक का बोग दूसरे का दुगुना, तिगुना, आधा अथवा ऐसा ही कोई अपवर्श्य है। हे गणितवेत्ता, गुद्ध गणना के पश्चात बतलाओं कि इन योगों के तथा परस्पर बदलने योग्य प्रथमपद और प्रचय के मान क्या हैं ? ॥८७॥ दो समान्तर श्रेडियों के सम्बन्ध में, जिनके पदों की संख्या १२ और १६ है, प्रथमपद और प्रचय परस्पर बदलने योग्य हैं। श्रेडियों के योग बराबर हैं अथवा उनमें से एक का योग दुगुना अथवा कोई ऐसा ही अपवर्श्य अथवा भाग है। हे गणितशासक बतलाओं कि इन योगों के तथा परस्पर बदलने योग्य प्रथमपद और प्रचय के मान क्या होंगे ? ॥८८॥

असमान प्रचयों, समगच्छ और समयोग धनवाली समान्तर श्रेडियों के प्रथम पद प्राप्त करने का नियम-

जिसका प्रचय सबसे बढ़ा है ऐसी श्रेढि का प्रथमपद एक ले लिया जाता है। इस सबसे बढ़े प्रचय और शेष प्रचय के अन्तर को एक से हासित गच्छ की आधी राशि हारा गुणित करते हैं। जब इस गुणन-फल में एक मिलाते हैं तो है मित्र हमें रोष प्रचय वाली श्रेडियों के प्रथमपद प्राप्त होते हैं ॥४९॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

है सखे ! बराबर योग वाली दो क्षेतियों के प्रथमपदों को बतलाओ जब कि उनमें से प्रत्येक में ९ गच्छ है तथा प्रचय क्रमशः १ से आरम्भ होकर ६ तक एक दशा में और १, ३, ५ और ७ इसरी दशा में हो ॥९०॥

⁽८९) यहाँ दिया गया हल साधारण नियम की विशेष दशा है। $a_1 = \frac{\pi - \ell}{2}$ ($a_1 - a_2 + a_3$ बहाँ अ और अ, दो श्रेडियों प्रथमपद हैं; व और व, उनके संवादी प्रचय हैं । इस सूत्र (formula) में, बहाँ ब, ब, और न दिये गये हैं; अ, का मान अ के किसी मान को चुन छेने पर निकाछा बा सकता है। इस नियम में अ का मान १ लिया गया है।

विसदृशादिसदृशगच्छसमधनानागुत्तरानयनसूत्रम्— अधिकगुर्खस्यैकचयञ्चाधिकगुर्खशेषगुर्खविशेषो भक्तः। विगतैकपदार्धेन सङ्ग्रस्य चया भवन्ति शेषगुर्खानाम् ॥५१॥

अत्रोहेशकः

एकत्रिपञ्चसप्तनवैकादशबद्नपञ्चपञ्चपदानाम् । समिवित्तानां कथयोत्तराणि गणिताब्धिपारदृश्वन् गणक ॥५२॥

अथ गुणधनगुणसंकिलतधनयोः सूत्रम्— पद्मितगुणहितगुणितप्रभवः स्याहुणधनं तदासूनम् । एकोनगुणविभक्तं गुणसंकिलतं विजानीयान् ॥९३॥

ऐसी समान्तर श्रेडियों के प्रचयों को निकालने का नियम जिनमें प्रथम पर विसद्ध, पदों की संख्या सहस और योग बराबर हों---

जिसका प्रथमपद सबसे बड़ा हो उस श्रेष्ठिका प्रचय एक छते हैं। इस सबसे बड़े प्रथम-पद और शेष श्रेष्ठियों में से प्रत्येक के प्रथमपद के अन्तर को एक कम पदों की संख्या की आधी राशि द्वारा विभाजित करते हैं और इस प्रकार प्रत्येक दशा में प्राप्त भजनफल में एक मिलाते हैं। इस तरह, भिन्न-भिन्न शेष श्रेष्ठियों के प्रचयों को प्राप्त करते हैं।।९१।।

उदाहरणार्थ प्रश्न

है गणितरूपी समुद्र के दूसरे किनारे का दर्शन करने वास्त्र गणक! उन सब बराबर योगधाली सेवियों के प्रचर्यों को निकालो जिनके प्रथमपन् १,३,५,७,९ और ११ हों तथा पन्तें की संख्या (प्रत्येक में) ५ हो ॥९२॥

गुणधन और गुणोत्तर श्रेवि का बोग निकालने की विधि-

गुणोत्तर श्रेष्ठि के प्रथमपद को जब ऐसी वारंबार स्वतः से गुणित साधारण निष्पत्ति द्वारा गुणित करते हैं, जहाँ इस गुणनफल में श्रेष्ठि के पदों की संख्या द्वारा साधारण निष्पत्ति की वारंबारता (frequency) को मापा जाता है; तब गुणधन प्राप्त होता है। यह गुणधन जब प्रथमपद द्वारा हासित किया जाता है तथा एक कम साधारण निष्पत्ति द्वारा विभाजित किया जाता है तथ गुणोत्तर श्रेष्ठि का योग प्राप्त होता है। १६३।।

⁽९१) इस दशा में साधारण सूत्र (formula) यह है: $a_1 = \frac{a_1 - a_2}{(a_1 - b_2)^2} + a_1$ जहाँ कि ब का मान इस नियम में १ लिया गया है।

⁽९३) न पदों की गुणोत्तर श्रेंद्र का गुणधन (न + १) वें पट के तुस्य होता है, जब कि श्रेंद्रि संतत रहती है। बीजीय रूप से, इस गुणधन की अहीं (र×र×र....न गुणन खंडों तक ×अ) अर्थात् (अ र^न) होती है, जहाँ कि "र" साधारण निष्पत्ति है। इसकी तुलना उत्तरधन से कर सकते हैं।

योग निकालने का नियम बीबीय रूप से यह है-

य = अर - अ , बहाँ अ प्रथम पद है, र साधारण निष्पत्ति है और न पदों की संख्या है।

गुणसंकिलते अन्यद्पि सूत्रम्— समद्छविषमखरूपो गुणगुणितो वर्गताडितो गच्छः। रूपोनः प्रभवन्नो व्येकोत्तरभाजितः सारम्॥९४॥

गुणोत्तर श्रेष्ठि का योग निकालने का अन्य नियम---

प्क अखरा स्तम्भ में श्रेडि के पदों की संख्या को शून्य और एक द्वारा क्रमशः दर्शाया जाता है। जब संख्या का मान युग्म (even) हो तो उसे आधा किया जाता है और मान अयुग्म (odd) हो तो उसमें से एक घटा कर प्राप्त फल को आधा किया जाता है—यह तब तक किया जाता है जब तक कि शून्य प्राप्त नहीं होता। तब यह निरूपित श्रेडि जो शून्य और एक द्वारा बनी हुई होती है, क्रम से अंतिम 'एक' से प्रयोग में लावी जाती है। वहाँ जहाँ एक प्ररूपक होता है साधारण निष्पत्त द्वारा गुणित वह एक पुनः साधारण निष्पत्त द्वारा गुणित वह एक पुनः साधारण निष्पत्त द्वारा गुणित किया जाता है ताकि वर्ग प्राप्त हो। जब यह फल एक द्वारा द्वासित होकर, प्रथमपद द्वारा पुनः गुणित किया जाता है और एक कम साधारण निष्पत्त द्वारा विभाजित किया जाता है तथ वह श्रेडि के थोग को उत्पन्न करता है ॥९४॥

(९४) यह नियम पिछले नियम से केवल इसलिये भिन्न है कि इसमें वर्ग और सरल गुणन की विधियों को उपयोग में लाकर (र्मं) को नई रीति से निकाला गया है। निम्नलिखित उदाहरण द्वारा रीति स्पष्ट हो जावेगी—

मान लो र में न का मान १२ है। (न = १२)

अब, निरूपक श्तम्म में (बिसमें अक्क उपर्युक्त विधि द्वारा निकालते हैं) अंतिम
एक की र द्वारा गुणित करते हैं, जिससे र प्राप्त होता है; क्योंकि इस अंतिम एक
में ॰ उसके ऊपर है, र को ऊपर की तरह प्राप्त कर वर्गित करते हैं जिससे र प्राप्त होता
॰ है; क्योंकि इस ॰ के ऊपर १ है, र वो प्राप्त होता है अब र के द्वारा गुणित करने पर
१ र देता है; चूँकि इस १ के ऊपर ॰ है, इस र को वर्गित करते हैं जो र देता है; और
चूँकि फिर से इस ॰ के ऊपर दूसरा शून्य है, इस र को वर्गित करते हैं जो र देता है। इस तरह
र का मान सरल वर्ग करने और गुणन करने की कियाओं द्वारा प्राप्त होता है। इस विधि का उपयोग
केबल र के सान को सरलता से प्राप्त करने हेत होता है। और, यह सरलतापूर्वक देखा जाता है कि
यह रीति न की समस्त धनात्मक और अभिन्नात्मक (integral) अर्हांओं (values) के लिये
प्रयुक्त की जा सकती है।

गुणसंकिष्ठतान्त्यधनानयने तत्संकिष्ठतघनानयने च सूत्रम्— गुणसंकिष्ठतान्त्यधनं विगतैकपदस्य गुणधनं भवति । तहुणगुणं गुल्लोनं व्येकोत्तरभाजितं सारम् ।९५। गुणधनस्थोदाहरणम—

स्वर्णद्वयं गृहीत्वा त्रिगुणधनं प्रतिपुरं संमार्जयति । यः पुरुषोऽष्ट्रनगर्यां तस्य कियद्वित्तमाचक्ष्य ।९६। गुणधनस्याद्यत्तरानयनस्त्रम्—

गुणधनसादिविभक्तं यत्पद्मितवधसमं स एव चयः। गच्छप्रमगुणघातप्रहृतं गुणितं भवेत्प्रभवः।९७। गुणधनस्य गच्छानयन सूत्रम्—

मुखमक्ते गुणवित्ते यथा निरप्रं तथा गुणेन हते। यावत्योऽत्र शलाकास्तावान् गच्छो गुणधनस्य।।९८॥

१ अ. समर्चयति ।

गुणोत्तर श्रेढि के अंतिम पद तथा योग को निकालने का नियम---

गुणोत्तर श्रेति का श्रंतिम पद अथवा अन्त्यधन, (जिसमें पदों की संख्या एक कम होती है ऐसी) दूसरी श्रेति, का गुणधन होता है। यह अन्त्यधन, साधारण निष्पत्ति द्वारा गुणित किया जाने पर प्रथमपद द्वारा हासित किया जाता है, तथा एक कम साधारण निष्पत्ति द्वारा विभाजित किया जाता है तो श्रेति का योग प्राप्त होता है। १५५॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी नगर में २ स्वर्ण मुद्राएँ प्राप्त कर एक मनुष्य एक नगर से दूसरे नगर को जाता है; और प्रत्येक स्थान में पिछले स्थानों से प्राप्त मुद्राओं से तिगुनी मुद्राएँ प्राप्त करता है। बतलाओं कि आठवें नगर में उसे कितनी मुद्राएँ मिलेंगी ? ॥९६॥

किसी दिये गये गुणधन सम्बन्धी प्रथमपद और साधारण निष्पत्ति निकालने का नियम---

गुणधन जब प्रथमपद द्वारा विभाजित होता है तब वह ऐसी स्वगुणित राशि के गुणनफल के तुस्य हो जाता है जिस गुणन में कि वह राशि, पदों की संख्या की राशि बार (वारंवार) प्रकट होती है; और वह राशि बाही हुई साधारण निष्पत्ति है। गुणधन जब साधारण निष्पत्ति के वारंवार गुणन से प्राप्त गुणनफल द्वारा विभाजित किया जाता है—(साधारण निष्पत्ति के वारंवार स्वगुणन से प्राप्त गुणनफल जिसमें इस साधारण निष्पत्ति का वारंवार प्रकटपना, पदों की संख्या द्वारा मापा जाता है) तब प्रथमपद प्राप्त होता है।।९७।।

⁽९५) बीजीय रूप से, य = अर्थ × र - अ अन्त्यधन, गुणोत्तर श्रेंदि के अंतिम पद के मान के तृस्य होता है; गुणधन के अर्थ और मान के लिये सूत्र ९१ देखिये। न पदों वाली गुणोत्तर श्रेंदि का अन्त्यधन अर्थ के तुस्य होता है, जब कि इसी श्रेंद्रि का गुणधन अर होता है। इसी तरह न - १ पदों वाली गुणोत्तर श्रेंद्रि का अन्त्यधन अर के तुस्य होता है, जब कि गुणधन अर होता है। इसी तरह होता है। यहाँ स्पष्ट है कि न पदों की श्रेंद्रि का अन्त्यधन उतना ही होगा जितना की न - १ पदों वाली श्रेंद्रि का गुणधन।

⁽९७, ९८) स्पष्ट है कि अर में अ का माग देने पर र प्राप्त होता है, और यह र द्वारा

गुणसंकिखतोदाहरणम्--

दीनारपञ्चकादिद्विगुणं धनमर्जयन्नरः कश्चित् । प्राविश्वदृष्टनगरीः कति जातास्तस्य दीनाराः ॥९९॥ सप्तमुखत्रिगुणचयत्रिवर्गगच्छस्य किं धनं वणिजः। त्रिकपञ्चकपञ्चद्शप्रभवगुणोत्तरपदस्यापि॥१००॥

गुणसंकिकतोत्तराद्यानयनसूत्रम्—

असकृद्धचेकं मुखद्वतिवत्तं येनोकृतं भवेत्स चयः। व्यक्तमुणगुणितगणितं निरेकपद्मात्रगुणवधाप्तं प्रमवः॥१०१॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

एक मनुष्य नगर से नगर अमण करते हुए गुणोसर श्रेष्ठि में भन कमाता है जिसका प्रथमपद ५ दीनार और साधारण निष्यत्ति २ है। इस तरह उसने आठ नगरों में प्रवेश किया। बतळाओ उसके पास कितने दीनार हैं ? ॥९९॥ गुणोत्तर श्रेष्ठि के योग द्वारा धन का माप किया जाता है। एक मनुष्य के पास गुणोत्तर श्रेष्ठि वाळा कितना धन होगा जब कि श्रेष्ठि का प्रथमपद ७ है, साधारण निष्यत्ति ३ है और पदों की संख्या ९ है। पुनः, जिसके प्रथमपद, साधारण निष्यत्ति और पदों की संख्या कमशः ३, ५, ३५ हैं ऐसी गुणोत्तर श्रेष्ठि वाळा धन बतळाओ ॥१००॥

गुणोत्तर श्रेढि के दिये गये योग सम्बन्धी प्रथमपद और साधारण निष्पत्ति निकासने का नियम-

वह राशि जिसके द्वारा, श्रेष्ठि के बोग को प्रथम पद द्वारा विभाजित करने से प्राप्त हुई राशि को १ द्वारा हासित कर उत्पन्न हुई राशि में कथित भाजन सम्भव हो (जब कि समय समय पर सब उत्तरोत्तर भजनफलों में से एक घटाने के पश्चात् भाग देने की यह विधि की जाती हो) तो वह राशि साधारण निष्पत्ति है। वह योग, जो एक कम साधारण निष्पत्ति द्वारा गुणित होकर, और तब स्वतः में वारंबार गुणित साधारण निष्पत्ति का ऐसा गुणनफल जिसमें साधारण निष्पत्ति उतने बार प्रकट होती है जितनी कि पदों की संख्या रहती है) गुणनफल द्वारा विभाजित होकर और तब इस स्वतः में वारंवार गुणित साधारण निष्पत्ति के गुणनफल को एक द्वारा हासित करने से प्राप्त राशि द्वारा विभाजित होकर प्रथमपद उत्पन्न करता है ॥१०१॥

न बार भाग देने योग्य है और 'न' ही श्रेढि के पदों की संख्या है। इसी तरह र×र×र×.....न पदों तक, र होता है; और गुणधन अर्थात् अर , इस र द्वारा विभाजित होकर अ देता है जो कि श्रेढि का चाहा हुआ प्रथमपद है।

(१०१) निम्नलिखित उदाहरण से नियम का प्रथमभाग स्पष्ट हो बावेगा-

श्रीद का योग ४०९५ है, प्रथमपद ३ है, पदों की संख्या ६ है। यहाँ ४०९५ को ३ द्वारा माजित करने पर हमें १३६५ प्राप्त होता है। अब, १३६५ - १ = १३६४ है। तब अन्वीक्षा द्वारा ४ जुनकर, $\frac{१३६४}{3}$ = ३४१, ३४१ - १ = ३४०; $\frac{280}{3}$ = ८५; ८५ - १ = ८४; २१ - १ = २१; २१ - १ = २१; २१ - १ = १ है। इसिक्टिये ४ यहाँ साधारण निष्पत्ति है। निम्निक्खित से इस विधिका आधारभूत सिद्धान्त स्पष्ट हो बावेगा—

$$\frac{a(x^{-1}-8)}{x-8} \div a = \frac{x^{-1}-8}{x-8}; \text{ and } x^{\frac{-1}{4}}-8 = \frac{x^{-1}-8}{x-8} \text{ and for } x \neq 0$$

द्वारा भाज्य है। दूसरा भाग बीबीय रूप से इस तरह है-

$$H = \frac{M(\sqrt{1-\xi})}{\xi-\xi} \times \frac{\xi-\xi}{\xi^{-1}-\xi}$$

अत्रोदेशकः

त्रिमुखर्तुगच्छवाणाङ्काम्बरजलिनिधधने कियान्प्रचयः। पहुणचयपुत्रम्पदाम्बरशहिाहिमगुत्रिवित्तमत्र मुखं किम् ॥१०२॥

्रेगुणसंकिलितगच्छानयनसूत्रम्— एकोनगुणाभ्यस्तं प्रमबहृतं रूपसंयुतं वित्तम् । यावत्कृत्वो भक्तं गुणेन तद्वारसंमितिरीच्छः ॥१०३॥ अत्रोदेशकः

त्रिप्रभवं षद्कराणं सारं सप्तत्युपेतसप्तवाती । सप्तामा श्रृहि सखे कियत्पदं गणक गुणिनपुण ॥१०४॥ पद्धादिद्विराणोत्तरे शरिगरिद्वयेकप्रमाणे धने सप्तादि त्रिगुणे नगेभद्वरितस्तम्बेरमर्तुप्रमे । इयास्ये पद्धागुणाधिके हृतवहोपेन्द्राक्षविद्वदिपश्चेताशुद्धिरदेभकर्मकरहद्धानेऽपि गच्छ: कियान् ।१०५॥ इति परिकर्मविधी सप्तमं संकल्पितं समाप्तम् ॥

व्युत्कलितम्

अष्टमे व्युक्किलतपरिकर्मणि करणसूत्रं यथा— सपदेष्टं स्वेष्टमपि व्येकं दलितं चयाहतं समुखम् । शेषेष्टगच्छगुणितं व्युक्किलतं स्वेष्टिवत्तं च ॥१०६॥ १ м र ।

उदाहरणार्थ प्रश्न

यदि गुणोत्तर श्रेडि में प्रथम पद ३ है, पदों की संख्या ६ है, और योग ४०९५ है तो उसकी साधारण निष्पत्ति बतलाओ । यदि साधारण निष्पत्ति ६ हो, पदों की संख्या ५ हो, और योग ३१५० हो तो ऐसी गुणोत्तर श्रेडि का प्रथमपद क्या है ? ॥१०२॥

गुणोत्तर श्रीढ के पदों की संख्या निकालने का नियम-

गुणोत्तर श्रेढि के योग को एक कम साधारण जिल्पत्ति द्वारा गुणित करो; तब इस गुणनफल को प्रथमपद द्वारा भाजित करो और तब इस भजनफल में एक जोड़ो। यह परिणामी राशि साधारण जिल्पिल द्वारा जितनी बार उत्तरीत्तर माजित होगी, वह संख्या श्रेढि के पदों की संख्या होगी।।१०३।।

उदाहरणार्थ प्रक्ष

हं गुणनिपुण गणक मित्र ! सुझं बतलाओ कि जिस श्रेंदि में प्रथमपद २ है; साधारण निष्पत्ति ६ ह, और योग ७७७ है, उसके पदों की संख्या कितनी होगी ? ॥१०४॥ जिस श्रेंदि में ५ प्रथमपद हैं, २ साधारण निष्पत्ति हैं, १२७५ योग है; और उस श्रेंदि में जिसका प्रथमपद ७ हैं; योग ६८८८७ है और साधारण निष्पत्ति ३ है तथा उस श्रेंदि में जिसका प्रथमपद ३ है, साधारण निष्पत्ति ५ है और बीग २२८८८९८३५९३ है—पदों की संख्या अकग-अलग निकादो ॥१०५॥

इस प्रकार परिकर्म व्यवहार में, संकलित नामक परिच्छेद समाप्त हुआ।

व्युत्कलित

परिकर्म कियाओं में भाटवीं क्रिया ब्युस्कलित सम्बन्धी नियम-

श्रींद के कुल पदों की संख्या को चुने हुए पदों की संख्या से मिला लां, और अपनी चुनी हुई पदों की संख्या अलग से लो; इन राशियों में से प्रत्येक को एक द्वारा हासित कर आधी करो और तब प्रचय द्वारा गुणित करो; और तब इन प्रत्येक परिणामी गुणनफलों में प्रथमपद को जोड़ दो। प्राप्त परिणामी राशियों को जब कमशः शेष पदों की संख्या तथा चुने हुए पदों की संख्या द्वारा गुणित करते हैं तो कमशः शेष श्रेंदि का योग और श्रेंदि के चुने हुए भाग का योग प्राप्त होता है ॥१०६॥

र किसी दी हुई श्रेंढि में आरम्भ से चुना हुआ कोई भाग इष्ट भाग कहलाता है और शेष श्रेंढि में शेष पद रहने के कारण वह शेष श्रेंढि कहलाती है। इन शेष पदों का योग ही ब्युत्कलित कहलाता है।

(१०६) बीबीय रूप से व्युत्किकित =
$$u_d = \left\{ \frac{1}{2} + \frac{1}{4} + 3 \right\} (-1 - \frac{1}{4})$$
, और

बुने हुए भाग (इष्ट) का योग = यु (देन १ व + अ) द; बहाँ द श्रेटि का चुने हुए भाग के पदों की संख्या है। प्रकारान्तरेण व्युत्कलितधनस्वेष्टधनानयनस्त्रम्--

गच्छसहितेष्टमिष्टं चैकोनं चयहतं द्विहादियुतम् । शेषेष्टपदार्धगुणं व्युत्कछितं स्वेष्टवित्तमपि ॥१०७॥

चयगुणभवन्युत्किलतधनानयने न्युत्किलतधनस्य शेषेष्टगच्छानयने च सूत्रम् — इष्टधनोनं गणितं न्यवकिलं चयभवं गुणोत्थं च । सर्वेष्टगच्छशेषे शेषपदं जायतं तस्य ॥१०८॥

शेषगच्छस्याद्यानयनसूत्रम् —

प्रचयगुणितेष्टगच्छः सादिः प्रभवः पदस्य शेषस्य । प्राक्तन एव चयः स्याद्रच्छस्येष्टस्य तावेव ॥१०५॥

१ अ गणितं।

दूसरी रीति द्वारा शेष श्रेडि (स्युत्कलित) तथा दी गईं श्रेडि के चुने हुए इष्ट भाग के बोगफड़ों को प्राप्त करने का नियस---

श्रीत के कुछ पदों की संख्या को चुने हुए पदों की संख्या में मिला लो और अपनी चुनी हुई पदों की संख्या अलग से लो; इन राशियों में से प्रत्येक को एक द्वारा हासित करो और तब प्रश्वय द्वारा गुणित करो। इन परिणामी गुणनफलों में प्रथमपद की दुगुनी राशि जोड़ो। प्राप्त परिणामी राशियों को जब क्रमशः शेष पदों की संख्या की आधी राशि द्वारा और चुनी हुई पदों की संख्या की आधी राशि द्वारा गुणित करते हैं तब शेष श्रेति का योग और श्रेति के चुने हुए भाग का योग प्राप्त होता है ॥१००॥

समान्तर और गुणोत्तर श्रेविः के शेष श्रेवि की योग तथा उसके शेष पदों की संख्या निकासने का नियम---

दी हुई श्रेंदि का योग, श्रेंदि के चुने हुए भाग द्वारा हासित होकर समान्तर तथा गुणोत्तर श्रेंदि के शेष भाग के योग को उत्पन्न करता है। श्रेंदि के कुल पदों की संख्या और चुनी हुई श्रेंदि के पदों की संख्या का अन्तर शेष श्रेंदि के पदों की संख्या होता है।।१०८॥

शेष श्रेडि के पदों सम्बन्धी प्रथमपद निकालने का नियम--

शुनी हुई पदों की संख्या को प्रस्य द्वारा गुणित करने और श्रेढि के प्रथमपद में मिलाने पर रोष श्रेढि के (रोष) पदों का प्रथमपद उत्पन्न होता है। उपर्युक्त प्रस्य, रोष पदों का भी प्रस्य होता है। शुने हुए भाग के पदों की संख्या सम्बन्धी प्रथमपद और प्रस्य, दी हुई श्रेढि के प्रथमपद और प्रस्य के तुल्य होते हैं ॥१०९॥

(१,00) फिर से, ब्युत्कलित =
$$a_4 = \{ (a+c-?) a+2 a \} \frac{a-c}{2}$$

और इष्ट का योग = $u_\xi = \{(\xi - \xi) + \xi \approx \}\frac{c}{\xi}$

⁽१०९) शेष श्रेटि का प्रथमपद = द × व + आ है यह श्रेटि स्पष्टतः समान्तर श्रेटि है। ग० सा० सं०--'र

गुणन्युत्कळितशेषगच्छस्याद्यानयनस्त्रम्— गुणगुणितेऽपि चयादी तथैव भेदोऽयमत्रशेषपदे । इष्टपदमितिगुणाहृतिगुणितप्रभवो भवेद्यक्कम् ॥११०॥

अत्रोदेशकः

द्विमुखिक्कियो गच्छक्षतुर्देश स्वेप्सितं पदं सप्त । अष्टनवषदकपक्क च किं व्युत्किछितं समाक्छय ॥१११॥ षडादिरष्टी प्रचयोऽत्र षट्कृतिः पदं दश द्वादश षोडशेप्सितम् । मुखादिरन्यस्य तु पक्कपक्ककं शतद्वयं ब्रूहि शतं व्ययः कियान् ॥११२॥ षट्यनमानो गच्छः प्रचयोऽष्टौ द्विगुणसप्तकं वक्कम् । सप्तित्रिशस्तवेष्टं पदं समाचक्षत्र फल्मुभयम् ॥११२॥ अष्टकृतिरादिरुत्तरमूनं चत्वारि षोडशात्र पदम् । इष्टानि तत्त्वकेशवरुद्राकेपदानि किं शेषम्॥११४॥

गुजोत्तर ओडि की होय ओडि के (होय) पढ़ों की संख्या सम्बन्धी प्रथमपद निकाकने का नियम-

गुजोत्तर श्रेष्ठि के विषय में भी दी गई श्रेष्ठि में तथा इष्ट भाग में साधारण निष्पत्ति तथा प्रथम पद समान होते हैं। परन्तु, शेष श्रेष्ठि के पदों का प्रथमपद भिन्न होता है। दी हुई श्रेष्ठि का प्रथमपद पेसे गुजनकल द्वारा गुजित होकर, जो साधारण निष्पत्ति के स्वतः उतनी बार गुजित होने से उत्पन्न होता है जितनी बार कि चुने हुए पदों की संख्या होती है, शेष श्रेष्ठि के प्रथमपद को उत्पन्न करता है ॥ १२०॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

समान्तर श्रेष्ठि की शेष श्रेष्ठि के योग की गणना करो जब कि प्रथम पद २ हो, प्रचय ६ हो शीर पदों की संख्या १४ हो तथा खुनी हुई पदों की संख्या क्रमशः ७, ८, ९, ६ और ५ हो ॥१११॥ समान्तर श्रेष्ठि के सम्बन्ध में यहाँ प्रथमपद ६ है, प्रचय ८ है, पदों की संख्या १६ है और खुनी हुई पदों की संख्या क्रमशः १०, १२ और १६ है। इसी तरह की दूसरी श्रेष्ठि के प्रथमपद और प्रचय आदि क्रमशः ५, ५, २०० और १०० है। वत्रकाओं कि संवादी शेष श्रेष्ठियों के योग क्या-क्या हैं १ ॥११२॥ समान्तर श्रेष्ठि के पदों की संख्या २१६ है; प्रचय ८ है; प्रथमपद १४ है; इह भाग के पदों की संख्या २७ है। शेष श्रेष्ठि और इह श्रेष्ठि (खुने हुए भाग) के योग क्या-क्या होंगे १ ॥११३॥ समान्तर श्रेष्ठि का प्रथमपद ६४ है, प्रचय — ४ (क्रण चार) है तथा पदों की संख्या १६ है। वत्रकाओं कि शेष श्रेष्ठि के योग क्या-क्या होंगे जब कि इह भाग के पदों की संख्या क्रमशः ७, ९, ११ और १२ हो ॥११४॥

⁽११०) शैष गुणोत्तर श्रेडि का प्रथमपद अर्द है।

गुणव्युत्किलितस्योदाहरणम्—
चतुरादिद्विगुणात्मकोत्तरयुतो गच्छश्चतुर्णां कृतिर्
दश बाव्छापदमङ्कृसिन्धुरगिरिद्रव्येन्द्रियाम्भोधयः।
कथय व्युत्किलितं फलं सक्छसङ्गुजानिमं व्योप्तवान्
करणस्कन्धवनान्तरं गणितविन्यत्तेभविकीहितम्॥११५॥

इति परिकर्मविधावष्टमं व्युत्किछतं समाप्तम् ॥

इति सारसंप्रहे गणितशासे महाबीराचार्यस्य कृतौ परिकर्मनामा प्रथमो व्यवहारः समाप्तः ॥

₹ ₩ आ. !

गुणोत्तर श्रेढि सम्बन्धी व्युत्कल्प्ति पर पश्न

क्रमबद्ध गुच्छेवाले बुधों के फर्छों की संकलन क्रिया में ४ प्रथमपद है, २ प्रचय है, पदों की संस्था १६ है जब कि इष्ट भाग में पदों की संस्था क्रमशः १०, ९, ८, ७, ६, ५ और ४ है। हे जंगली हस्तियों द्वारा क्रीदित वन के अंतस्थल रूपी व्यावहारिक गणित की क्रियाओं के वेभक ! बतलाओं कि कथित विभिन्न उत्तम बुधों के शेव फर्लों की कुल संस्था क्या है ? ॥११५॥

इस प्रकार, परिकर्म न्यवहार में न्युश्किलत नामक परिच्छेद समाप्त हुआ।

इस प्रकार, महावीराचार्य की कृति सारसंप्रद नामक गणित शास में परिकर्म नामक प्रथम ज्यवहार समाप्त हुआ।

⁽११५) इस प्रश्न में भिन्न-भिन्न ७ फलों के दूश हैं जिनमें से प्रत्येक में फलों के १६ गुच्छे हैं। प्रत्येक दूश में सबसे छोटा गुच्छा ४ फलों वाला है; बड़े-बड़े गुच्छों में गुणोत्तर श्रेंढि में बदते हुए फलों की संख्याएँ हैं, जिसकी साधारण निष्पत्ति २ है। ७ इक्षों में से हटाये हुए गुच्छों की संख्या नीचे से क्रमशः १०, ९, ८, ७, ६, ५ और ४ है। यहाँ विभिन्न उत्तम दृक्षों पर शेष फलों की कुल संख्या निकालना है। 'मत्तेभिव कीडितं' वो इस स्त्र में आया है, उसी स्त्र का छन्द (metro) है जिसमें कि वह संरचित किया गया है। इसका अर्थ वन्यहस्तियों की कीड़ा भी होता है।

३. कलासवर्णव्यवहारः

ेत्रिलोकराजेन्द्रकिरीटकोटिप्रभाभिरालीढपदारविन्दम् । निर्मूलसुन्मृलितकर्भवृक्षं जिनेन्द्रचन्द्रं प्रणमामि भक्त्या ॥ १ ॥ इतः परं कलासवर्णं द्वितीयव्यवहारसुदाहरिष्यामः ।

भिन्नप्रत्युत्पनाः

तत्र भिन्नप्रस्युत्पन्ने करणसूत्रं यथा— गुणयेदंशानंशैर्हारान् हारैंघंटेत यदि तेषाम् । बज्जापवर्तनविधिर्विधाय तं भिन्नगुणकारे ॥ २ ॥

अत्रोदेशकः

शुण्ड्याः पलेन लभते चतुर्नेबांशं पणस्य यः पुरुषः । किमसौ ब्रूहि सखे त्वं त्रिगुणेन पलाष्टभागेन ॥ ३ ॥ मरिचस्य पलस्यार्घः पणस्य रुप्ताष्टमांक्को यत्र । तत्र भवेत्विं मृत्यं पलवटपृद्धांशकस्य वद् ॥ ४॥

१ यह क्लोक P में छूट गया है। २ M मी.।

३. कलासवर्ण व्यवहार

(भिन्न)

जिन्होंने कर्मरूपी वृक्ष को पूर्णतः निर्मूल कर दिया है और जिनके चरण कमल तीनों लोकों के राजेन्द्रों के क्षके हुए मस्तक पर लगे हुए मुक्तां दारा उत्पन्न प्रभामंडल हारा वेष्टित हैं, ऐसे जिनेन्द्र चन्द्रनाथ भगवान् को में भक्तिपूर्वक प्रणाम करता हूँ ॥१॥

इसके पश्चात् हम कळासवर्ण (भिन्न) नामक द्वितीय व्यवहार को प्रकट करेंगे।

भिन्न प्रत्युत्पन्न (भिन्नों का गुणन)

भिन्नों के गुणन के सम्बन्ध में निम्नलिखित नियस है-

भिश्वों के गुणन में अंशों को अंशों से गुणित किया जाता है और हरों को हरों से गुणित किया जाता है जब कि उनके सम्बन्ध में (सम्भव) तिर्यक् प्रहासन (वज्र अपवर्तन) की फिया की जा चुकी हो ॥२॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

है मित्र, मुझे बतलाओ यदि अदरस (ginger) का एक पर हैं पण में मिलता हो तो किसी व्यक्ति को टै पल के लिये क्या मिलंगा ? ॥३॥ ट्रै पण में १ पर मिर्च मिलती हो तो बतलाओ कि दै पर मिर्च की क्या कीमत होगी ? ॥४॥ एक व्यक्ति को सम्बी मिर्च एक पण में दै पर मिलती

र कलासवर्ण का शान्दिक अर्थ है। भाग होता है, क्योंकि कला का अर्थ सोलहवाँ भाग होता है। इसलिये, कलासवर्ण का उपयोग भिन्न को साधारण रूप से दर्शने के लिये किया गया है।

(२) जब है × है प्रहासित किये जाते हैं वो तिर्यंक् प्रहासन द्वारा है × है प्राप्त होता है।

कश्चित्पणेन छभते त्रिपद्मभागं पछस्य पिष्पस्याः । नयभिः पणैद्विभक्तैः किं गणकाचक्ष्य गुणियत्वा ॥ ५ ॥ कीणाति पणेन विणग्जीरकपछनवद्शांशकं यत्र । तत्र पणैः पद्भावैः कथय त्वं किं समप्रमते ॥ ६ ॥ ब्याद्यो द्वितयवृद्धयोंऽशकास्त्रयाद्यो द्वयचया हराः पुनः । ते द्वये दशपदाः कियत्फछं बृहि तत्र गुणने द्वयोद्वयोः ॥ ७ ॥

इति भिन्नगुणाकारः।

भिन्नभागहारः

भिन्नभागहारे करणसूत्रं यथा— अंशीकृत्यच्छेदं प्रमाणराशेस्ततः क्रिया गुणवत्। प्रमितफलेऽन्यहरघ्ने विच्छिदि वा सकलव्य मागहृतौ॥८॥

अत्रोहेशकः

हिङ्कोः पर्छार्धमौल्यं पणित्रपादांशको भवेदात्र । तत्रार्घे विक्रीणन् पर्छमेकं किं नरो रूभते ॥ ९ ॥ अगरोः पर्छाष्ट्रमेन त्रिगुणेन पणस्य विद्यतिष्ट्यंशान् । उपरुभते यत्र पुमानेकेन परेन किं तत्र ॥१८॥ पणपञ्जमैश्चतुर्भिनेखस्य परुसप्तमो क्वशोतिगुणः । संप्राप्थो यत्र स्यादेकेन पणेन किं तत्र ॥११॥

हो तो हे गणितज्ञ ! गुणन के पश्चान् कहो कि उसे १ पण में कितनी मिर्च मिलेगी ? ॥५॥ एक वणिक एक पण में ६% पल जीरा (cumin seeds) खरीदता है। हे समप्रमते ! बतलाओं कि वह १ पण में कितना खरीदेगा ? ॥६॥ दिये गये भिसों में अंश २ से आरम्भ होकर २ से बदते खले जाते हैं; उनके हर ३ से आरम्भ होकर २ से बदते चले जाते हैं; उनके हर ३ से आरम्भ होकर २ से बदते चले जाते हैं; वे अंश और हर दोगों दशाओं में संस्था में दस रहते हैं। बतलाओं कि दो भिसों को एक बार में लेने पर उनके गुणनफल अलग-अलग क्या होंगे ? ॥७॥ इस प्रकार, कलासवर्ण व्यवहार में भिक्ष गुणकार नामक परिच्छेद समान्न हुआ।

त्वण ज्यवहार म । जम्म गुणकार जानक पारव्छद समास

🚂 भिन्न भागहार (भिन्नों का भाग)

भिन्नों के भाग के सम्बन्ध में निम्नखित नियम है-

भाजक के हर को अंश तथा अंश को हर बनाने के पश्चात् केवल गुणन की क्रिया करना पड़ती है। अथवा, भाजक और भाज्य को एक दूसरे के हरों द्वारा गुणित कर प्राप्त हर रहित गुणनफलों का भाग केवल पूर्ण संख्याओं के भाग की भाँति किया जाता है ॥८॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

जब है पण में है पछ हींग मिछती है तो एक व्यक्ति को एक पछ हींग उसी आद से बेखने पर क्या मिछेगा ? ॥९॥ टै पछ (छाक चंदन की छकदी) का मृत्य हैं एण है तो एक पछ अगरु का क्या मृत्य होगा ? ॥१०॥ नख हम्न के 'हुं पछ का मृत्य हैं पण है तो एक पण में (उसी अर्घ से) कितने पछ हम्न मिछेगा ? ॥१९॥ दिये गये भिन्नों के अंश ३ से आरम्भ होकर क्रमशः १ द्वारा

$$(c)(i)\frac{a}{a} \div \frac{e}{c} = \frac{a}{a} \times \frac{e}{e}; (ii)\frac{a}{a} \div \frac{e}{c} = ac \div ae$$

⁽७) यहाँ कथित मिल है, दें, है इत्यादि हैं।

ज्याविरूपपरिषृद्धियुर्जोऽशा बाबद्ष्ष्रपदमेकविहीनाः। हारकास्तत इह द्वितयाद्यैः किं फल्लं बद परेषु हृतेषु ॥१२॥

> इति भिन्नभागहारः। मिन्नवर्गवर्गमृलघनघनमृलानि

भिन्नवर्गवर्गमूलघनघनमूलेषु करणस्त्रं यथा— कृत्वाच्छेदांशकयोः कृतिकृतिमूले घनं च घनमूलम् । तच्छेदैरंशहृतौ वर्गादिफलं भवेद्रिने ॥१३॥

अत्रोदेशकः

पञ्चकसप्तनवानां दिख्तानां कथय गणक वर्गं त्वम्। षोडश्विंशतिशतकद्विशतानां च त्रिभक्तानाम्॥१४॥ त्रिकादिरूपद्वयद्वयोऽशा द्विकादिरूपोत्तरका हराश्च । पदं मतं द्वादशवर्गमेषां वदाशु मे त्वं गणकाभगण्य ॥१५॥ पादनवांशकषोडशभागानां पञ्चविंशतितमस्य । षट्त्रिंशद्वागस्य च कृतिमूलं गणक भण शीष्रम् ॥१६॥ भिन्ने वर्गे राशयो वर्गिता ये तेषां मूलं सप्तशत्याश्च किं स्यात् । षट्विंशतायाः पञ्चवर्गोद्वताया बृहि त्वं मे वर्गमूलं प्रवीण ॥१७॥

बढ़ते चले जाते हैं जब तक कि उनकी संख्या ८ नहीं हो जाती। हर भी दो से आरम्भ होकर संवादी अंशों से कमशः एक कम हैं। मुझे बतलाओं कि यदि प्रत्येक अप्रिम भिन्न को पूर्ववर्ती भिन्न के द्वारा विभाजित किया जाय तो क्या फल होगा ? 113211

इस प्रकार, कळालवर्ण व्यवहार में, भिश्व आगहार नामक परिच्छेद समाप्त हुआ।

भिन्न सम्बन्धी वर्ग, वर्गम्ल, घन, घनम्ल

भिश्वों के सम्बन्ध में वर्ग करने वर्गमूख निकालने, बन करने, और बनमूल निकालने के किये नियम-

जब इक किये गये भिन्न के बांश और इर का अक्ग-अलग वर्ग, वर्गमूल, वन अथवा वनमूक निकास किया जाता है तब इस तरह प्राप्त नये अंश को नये हर द्वारा भाजित किया जाता है। इस प्रकार भिन्न के सम्बन्ध में वर्ग अथवा वर्गमूल, वन अथवा घनमूल प्राप्त होता है ॥१३॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

है अंकगणितक ! सुझे बतलाओं कि दें, दें, दें, दें, दें, दें, दें, दें के लगे क्या होंगे ? ॥१४॥ दिये गये भिक्षों के अंध देसे आरम्भ होते हैं और उत्तरोत्तर क्रमशः र द्वारा बढ़ते चले जाते हैं; हर र से आरम्भ होते हैं और उत्तरोत्तर १ द्वारा बढ़ते चले जाते हैं। हन भिक्षों की संख्या १२ है। हे अंकगणितक्षों में अप्रणी! सुझे उनके वर्ग शीप्र बतलाओं ? ॥१५॥ हे अंकगणितक्ष! सुझे सीघ्र बताओं कि दें, दें, देंद्र और देंद्र के वर्गमूल क्या होंगे ?॥१६॥ हे कुशल व्यक्ति! सुझे भिक्षों के वर्गों से सम्बन्धित प्रकृतों में प्राप्त वर्गित राशियों के वर्गमूल तथा देंद्र का वर्गमूल बतलाओ ॥१०॥

१ м भित्रवर्गभित्रवर्गमूलभित्रधनतन्मूलेषु ।

⁽१७) यहाँ रहेर को मूल गाया में ७०० - ३ x ८ के रूप में दर्शाया गया है।

अधित्रिमागपादाः पञ्जांशकषष्ठसप्तमाष्टांशाः । दृष्टा नवमश्चेषां पृथक् पृथग्कृहि गणक घनम् ॥१८॥ त्रितयादि चतुश्चयकोऽत्रागणो द्विमुखद्विचयोऽत्र हरप्रचयः । दशकं पदमाशु तदीयघनं कथय प्रिय स्क्ष्मसते गणिते ॥१९॥ शतकस्य पञ्जविशस्याष्टविभक्तस्य कथय घनमूलम् । नेवयुतसप्तशतानां विशानामष्टभक्तानाम् ॥२०॥ मिज्ञघने परिदृष्टघनानां मूलमुद्रममते वद् मित्र । इस्नुतशतद्वययुग्दिसहस्या श्चापि नवप्रहतत्रिहृतायाः ॥२१॥

इति भिन्नवर्गवर्गमूखघनघनमूळानि।

भिन्नसंकलितम्

भिन्नसंकिकते करणसूत्रं यथा— पदमिष्टं प्रचयहतं द्विगुणप्रभवान्वितं चयेनोनम् । गच्छार्थेनाभ्यस्तं भवति फलं भिन्नसंकिलते ॥२२॥

१ м समधतस्यापि सखे भ्येकोनत्रिंशकाष्टकासस्य ।

इस प्रकार कलासवर्ण व्यवहार में जिल्ला सम्बन्धी वर्ग, वर्गमूक, चन, घनमूक नामक परिच्छेद समाप्त हुआ।

भिन्न संकलित (भिन्नात्मक श्रेडियों का योगकरण)

भिन्नात्मक श्रेडियों का संकलन सम्बन्धी नियम-

समान्तर श्रेंडि में भिद्यात्मक श्रेंडि को बनाने वाले पदों की चुनी हुई संख्या को प्रचय हारा गुणित करते हैं और प्रथमपद की द्विगुणित राश्चि में मिळाते हैं। प्राप्त फक को प्रचय से हासित करते हैं। जन यह परिणामी राश्चि पदों की संख्या की आधी राश्चि से गुणित की जाती है, तब वह समान्तर श्रेंडि की भिन्नात्मक श्रेंडि के योग को उत्पन्न करती है।।२२।।

रै, है, है, है, है, है, है और है राशियाँ दी गई हैं; इनके बन अख़ग-अख़ग बतखाओ ।।१८।। दिये तथे भिक्षों के अंश ३ से आरम्भ होकर ४ द्वारा उत्तरोत्तर बढ़ते हैं; हर २ से आरम्भ होकर उत्तरोत्तर २ द्वारा बढ़ते हैं। ऐसे भिक्षात्मक पदों की संख्या १० है। हे तीव बुद्धिशी गणक मित्र ! बतलाओ कि उनके बन क्या होंगे ? ॥१९॥ नैट्टें और ⁹टें के बनमूर्ल निकालो ॥२०॥ हे अप्रमते मित्र ! भिक्षों के बन निकालने के प्रश्नों में प्राप्त बन राशियों के बनमूर्ल और रेंड्रें का बनमूल निकालकर बतलाओ।

⁽२२) बीजीयरूप से, य = (नव + २अ - व) न है। इसके लिये द्वितीय अध्याय की ६२वीं गाथा देखिये।

अग्रोहे ग्रकः

द्विष्ठयंशः पड्मागिक्षचरणमागो मुखं चयो गच्छः । द्वौ पञ्चमौ त्रिपादो द्विष्ठयंशोऽन्यस्य कथय कि वित्तम् ॥२३॥ आदिः प्रचयो गच्छिक्षपञ्चमः पञ्चमिक्षपादांशः । सर्वाशहरौ दृद्धौ द्वित्रिभिरा सप्तकाच का चितिः ॥२४॥

इष्टगच्छस्याद्युत्तरवर्गरूपघनरूपघनानयनसूत्रम्— पदमिष्टमेकमादिव्येकेष्टद्छोद्धतं मुखोनपदम् । प्रचयो वित्तं तेषां वर्गो गच्छाहतं वृन्दम् ॥२५॥

उदाहरणार्थ मश्न

जिस श्रेंदि में प्रथम पद, प्रचय और पदों की संस्था क्रमशः है, है और है हों तथा ऐसी ही एक और श्रेंदि में क्रमशः दें, है और है हों तो इन श्रेंदियों के योग बतलाओ ।।२३॥ समानान्तर श्रेंदि में दी गई एक श्रेंदि के प्रथम पद, प्रचय और पदों की संस्था क्रमशः दें, दें और है है। इन सय भिन्नात्मक राशियों के अंश और इर उत्तरोत्तर २ और ३ द्वारा क्रमशः बढ़ाये जाते हैं जय तक कि ७ श्रेंदियों इस प्रकार तैयार नहीं हो जातीं। बतलाओं कि इनमें से प्रत्येक श्रेंदि का योग क्या है १॥२४॥

जब योग, दी हुई श्रेष्ठि के पदों की संख्या का वर्गरूप या चनरूप हो तो चुने हुए पदों वाली श्रेष्ठि के सम्बन्ध में प्रथम पद, प्रचय और योग निकालने का नियम----

जो भी पदों की संख्या चुनी गई हो उसे को और प्रथम पद को एक सान छो। पदों की संख्या को प्रथम पद द्वारा हासित कर और तब एक कम पदों की संख्या की आधी राशि द्वारा भाजित करने से प्रथम प्राप्त होता है। इनके सन्बन्ध में अंदि का योग पदों की संख्या की राशि का वर्ग होता है। यह जब पदों की संख्या द्वारा गुणित किया जाता है तो योग का घन प्राप्त होता है।।२५।।

⁽२३) जब श्रेटि में पदों की संख्या भिन्न के रूप में दी गई हो तो स्पष्ट है कि ऐसी श्रेटि साधारणतः बनाई नहीं जा सकती। परन्तु, श्रामिश्राय यह प्रतीत होता है कि दिया गया नियम इन दशाओं में ठीक उत्तरता है।

⁽२५) स्पष्ट है कि, सूत्र में य = $\frac{1}{2}$ (२८) + $\frac{1}{4}$ - १ ब), और बब अ = १और ब = $\frac{2(n-3)}{n-1}$ हो तो य का मान न के तुस्य हो बाता है। इस योग में न का गुणन करने में, अ और ब का न द्वारा गुणन भी अंतर्भृत है ताकि बब अ = न और ब = $\frac{1}{n-2}$ रन हो, तब य = $\frac{1}{n-2}$ हो। कुछ और विचार करने पर ज्ञात होगा कि अ का मान चाहे पूर्णीक अथवा मिक्कीय हो किर भी ब का $\frac{2}{n-2}$ हम्माला मान य की अर्हा को न के रूप में ला सकता है।

^{&#}x27; चिह्न का अर्थ अन्तर होता है।

अत्रोदेशकः

पदिमिष्टं द्वित्रयंशो रूपेणांशो हरश्च संवृद्धः । याबहशपदमेषां वद मुखन्यवर्गवृन्दानि ॥२६॥

इष्टघनधनाशुक्तर्गच्छानयनसूत्रम्-

इष्टचतुर्थः प्रभवः प्रभवास्त्रचयो सर्वेद्द्विसंगुणितः । प्रचयश्चतुरभ्यस्तो गच्छस्तेषां युतिर्वृन्दम् ॥२७॥

अत्रोदेशकः

द्विमुखेकचया अंशास्त्रिप्रभवेकोत्तरा हरा उभये। पञ्चपदा बद तेषां घनधनमुखचयपदानि सखे॥२८॥

१ यह रहोक आ में अप्राप्य है।

उदाहरणार्थ प्रका

दी हुई अंदि में पर्दों की जुनी हुई संक्या है है; इस भिन्न के अंदा और इर उत्तरोशर एक द्वारा बढ़ाये जाते हैं जब तक कि १० विभिन्न भिन्नात्मक पद प्राप्त नहीं होते । इन भिन्नों को संवादी समाश्तर अंदियों के पदों की संक्या मानकर उनके सम्बन्ध में प्रथम पद, प्रचय और योग के बर्ग तथा बन निकाको ।।२६।।

समान्तर श्रेडि के दिये हुए थोंग (जो कि किसी इष्ट राशि का चन हो) के सम्बन्ध में प्रथम पद, प्रचय और पदों की संख्या निकाळने का नियम---

इष्ट राशि का चतुर्थांश प्रथम पद है। इस प्रथम पद में दो का गुणन करने पर प्रचय उत्पद्ध होता है। प्रथम में चार का गुणा करने पर (एक) इष्ट श्रेडि के पदों की संख्या प्राप्त होती है। इनसे सम्बन्धित योग इष्ट राशि का घन होता है।।२७।।

उदाहरणार्थ पश्न

शंता २ से आरम्म होते हैं और उत्तरोत्तर १ द्वारा बढ़ते हैं; हर को १ द्वारा बढ़ाते हैं जो कि आरम्भ में २ है। ये दोनों प्रकार के पद (अंदा और हर) में से प्रत्येक संख्या में पाँच है। इन चुनी हुई भिक्षात्मक राशियों के सम्बन्ध में, हे मिन्न, घनात्मक योग और संवादी प्रथमपद, प्रचय और पढ़ों की संख्या निकाको ॥२८॥

$$\frac{\pi}{x} + \frac{2\pi}{x} + \frac{4\pi}{x} + \cdots + 2\pi + \sqrt{2\pi} = \pi$$

इस किया की साधारण प्रयोज्यता, समीकरण $\frac{a}{q^2} \times (qa) = a^3$ से शीघ स्पष्ट हो सकती है। इन सब दशाओं में श्रेटिके पदों की संख्या प्रथम पद को q^3 से गुणित करने पर प्राप्त हो सकती है क्योंकि प्रथम पद $\frac{a}{q^2}$ है। प्रत्येक दशा में प्रचय प्रथमपद से द्विगुणित स्थिया जाता है।

ग० सा० सं०-६

⁽२७) यह नियम केवल विशेष दशा में प्रयुक्त किया गया है। यह साधारण रूप से भी प्रयोग में लाया जा सकता है। नियम इस तरह है:

हेष्टधनायुत्तरतो द्विगुणत्रिगुणद्विभागत्रिभागादीष्टधनायुत्तरानयनसूत्रम्— हष्टविभक्तेष्टधनं द्विष्ठं तत्मचयतास्ति प्रचयः । तत्त्रभवगुणं प्रभवो गुणभागस्येष्टवित्तस्य ॥२९॥

अत्रोदेशकः

प्रभवस्त्रयधों रूपं प्रचयः पद्धाष्टमः समानपदम् । इच्छाधनमपि तावत्कथय सखे की मुखप्रचयौ ॥३०॥ प्रचयादादिद्विंगुणस्रयोदशाष्टादशं पदं स्वेष्टम् । वित्तं तु सप्तषष्टिः षड्घनभक्ता वदादिचयौ ॥३१॥ मुँखमेकं द्विष्टयंशः प्रचयो गच्छः समश्चतुनेवमः । धनमिष्टं द्वाविंशतिरेकाशीत्या बदादिचयौ ॥३२॥

१ № गुणभागाद्यत्तरानयनस्त्रम् ।

२ 🗷 प्रचयेन ।

र M गुणभागायुत्तरेच्छायाः।

४ वह क्लोक M में ३१ वें क्लोक के स्थान में है तथा B में छूटा हुआ है।

दी हुई समान्तर श्रेढि के ज्ञात योग, प्रथम पद और प्रचय से किसी श्रेढि के प्रथमपद और प्रचय निकालना जबकि इष्ट योग दी गई श्रेडि के ज्ञात योग से दुगुना, तिगुना, आधा, एक तिहाई, अधवा उसका अपवर्त्य या अंश हो---

हरू करने की सुविधा के लिए इष्ट योग को ज्ञात योग द्वारा विभाजित कर दो स्थानों में रखो। यह भजनफल, जब ज्ञात प्रथम द्वारा गुणित किया जाता है तब चाहा हुआ प्रथम प्राप्त होता है। और वहीं भजनफल, जब ज्ञात प्रथमपद द्वारा गुणित होता है तब चाहे हुए प्रथम पद को उत्पन्न करता है।।२९॥

उदाहरणार्थ पश्न

किसी श्रेंदि का प्रथम पद है है, प्रचय १ है और पदों की संख्या (जो दी हुई तथा इष्ट, दोनों श्रेंदियों, के लिये उभयनिष्ठ है) है है। इष्ट श्रेंदि तथा दी गई श्रेंदि का योग अलग-अलग है है। है सिश्र ! इष्ट श्रेंदि का प्रथमपद तथा प्रचय निकालो ।।३०।। (प्रचय १ है) और प्रथमपद प्रचय का सुशुना है; पदों की संख्या देह है; इष्ट श्रेंदि का योग है है है। प्रथमपद और प्रचय निकालो ।।६१।। प्रथम पद १ है, प्रचय है और पदों की संख्या दोनों (दी गई श्रेंदि और इष्ट श्रेंदि) के लिये उभय-साधारण है है। इष्ट श्रेंदि का योग है है है। इष्ट श्रेंदि के प्रथमपद और प्रचय निकाको ।।३२।।

(२९) ८४ वीं गाथा का नोट अध्याय २ में देखिये।

$$\sqrt{2} = 4 + \left(\frac{4}{2} - 34\right)^2 + \frac{4}{2} - 34$$
(३३) प्रतीक रूप से, न =

अध्याय २ की गाया ६९ वीं का नोट भी देखिये।

गेच्छानयनसूत्रम्--द्विग्णचयगुणितविचादुचरद्दस्वविशेषकृतिसहितात्। मलं प्रचयार्धेयतं प्रभवोनं चयहतं गच्छः ॥३३॥

प्रकारान्तरेण तदेवाह-द्विग्णचयगुणितवित्तादुत्तरद्वम्खविशेषकृतिसहितात्। मुलं श्लेपपदोनं प्रचयेन हुतं च गच्छ: स्यात् ॥३४॥

अत्रोहेशकः

द्विपद्धांशो बक्तं त्रिगुणचरणःस्यादिह चयः पढंगः समझिक्कतिबिह्नतो वित्तसुदितम् । चयः पंचाष्टांशः पुनर्पि मुखं इयष्टममिति त्रिचत्वारिंशाःस्वं प्रिय वद पदं शीघ्रमनयोः ॥३५॥ आद्यत्तरानयनसूत्रम् — गैच्छामगणितमादि विगतैकपदार्धगुणितचयहीनम्। पद्दृतधनमाद्यनं निरेकपद्द्ळहृतं प्रचयः ॥३६॥

> १ नीचे लिले हुए दो इलोकों में स्थान में 11 में इस प्रकार का पाठ है-अष्टोत्तरगुणराश्चीत्यादिना इष्ट-धनगन्छ आनेतम्यः। इसके सामही, परिकर्म व्यवहार की ७० वीं गाया की पुनरावृत्ति है।

२ K और B प्रभवी गन्छाप्तवनम् ।

समान्तर श्रेडि में पदों की संस्था निकालने के लिये नियम---

प्रथम पद और प्रचय की आधी राशि के अन्तर के बर्ग में, प्रचव की दुगुनी राशि को श्रेडि के योग द्वारा गुणित करने से प्राप्त राशि जोड़ी जाती है। इस प्राप्त राशि के वर्गमूक में प्रचय की आधी राक्षि जोड़ी जाती है। इस योगफळ की प्रथम पद द्वारा द्वासित कर और तब प्रचय द्वारा भाजित करने पर श्रेवि के पदों की संख्या प्राप्त होती है ॥ ११॥

पदों की संख्या निकाछने की दूसरी विधि-प्रथमपद और प्रथम की आधी राश्चि के अन्तर के बर्ग में, प्रथम की दुगुनी राश्चि के बेटि के बोग द्वारा गुणित करने से प्राप्त फरू मिलाते हैं। योगफल के बर्गमूक में से शेपपद घटाते हैं। जब इसे प्रचय द्वारा भाजित करते हैं तब श्रेडि के पदों की संस्था प्राप्त होती है ॥१४॥

उदाहरणार्थ प्रश्न दी हुई श्रेंढि के सम्बन्ध में, प्रथम पद दे है, प्रचय है है और योग दें है। पुनः, इसरी श्रेंढि के सम्बन्ध में, प्रचय है है, प्रथमपद है है और योग है है। हे मित्र ! इन दो श्रेंढियों के विषय में, पदों की संख्या शीच्र निकाली ॥३५॥

प्रथम पद और प्रचय निकालने के लिये नियम-

श्रींढ के योग को पहों की संख्या द्वारा भाजित करने से प्राप्त राशि जब एक कम पहों की संख्या की आची राशि और प्रचय के गुणनफक द्वारा हासित की जाती है, तब ब्रेडि का प्रथम पद उत्पन्न होता है। जब योग को पदों की संक्यासे भाजित कर और प्रथमपद द्वारा हासित कर एक कम पदों की संक्या की आधी राशि द्वारा भाजित करते हैं तब प्रचय ग्राप्त होता है।

- (३४) क्षेप पद के क्रिये अध्याय २ की ७० वीं गाया देखिये।
- (३६) दितीय अध्याय की ७४ वीं गाया का नोट देखिये।

अत्रोदेशकः

त्रिचतुर्धेचतुःपञ्जम चयगच्छे खेषुशशिह्नतैकत्रिशद्-। विसे ज्यशचतुःपञ्जममुखगच्छे च वद् मुखं प्रचयं च ॥३७॥

इष्टगच्छयोर्व्यस्तासुत्तरसमधनद्विगुणत्रिगुणद्विभागत्रिभागधनानयनसूत्रम्— भ्येकात्महतो गच्छः भ्वेष्टत्रो द्विगुणितान्यपदहीनः । मुखमात्मोनान्यकृतिर्द्विकेष्टपद्घातवर्जिता प्रचयः ॥३८॥

अत्रोदेशकः

एकादिगुणविभागः स्वं व्यस्ताद्युत्तरे हि बद भित्र । द्वित्रवंकीनैकादकापद्मांशकभिश्रनवपद्योः ॥३९॥

गुणधनगुणसंकिष्ठतधनयोः सूत्रम्— पद्मितगुणहतिगुणितप्रभवः स्याहुणधनं तदाय्नम् । एकोनगुणविभक्तं गुणसंकिष्ठतं चिजानीयात् ॥४०॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

दो केवियों के प्रथम पद और प्रचय निकालों जब कि एक दशा में योग एक हैं। है प्रचय है और दें पदों की संस्था है, तथा अन्य दशा में योग एक है, दे प्रथम पद है और दें पदों की संस्था है।।३७।।

जब पढ़ों की संख्या कोई भी चुनी हुई राशि हो, तब हो श्रेडियों के सम्बन्ध में परस्पर बढ़ले हुए प्रथम पद, प्रचय. तथा उनके बोग (जिनमें एक-दूसरे के बराबर अथवा एक दूसरे से दुगुना, तिगुना, आभा या तिहाई हो) निकाकने के लिये नियम—

एक श्रेष्ठि के पदों की संख्या स्वतः के द्वारा गुणित कर एक द्वारा द्वासित करते हैं। इसे दोनों श्रेष्ठियों के योग की इष्ट निष्यत्ति द्वारा गुणित कर, और तब, दूसरी श्रेष्ठि के पदों की संख्या की दुगुनी राशि द्वारा द्वासित कर परस्पर बदछने योग्य प्रथम पद प्राप्त करते हैं।।३८॥

दूसरी श्रीह के पदों की संख्या का वर्ग, पदों की संख्या द्वारा ही हासित करते हैं। इसे इष्ट निष्यत्ति और प्रथम श्रीह के पदों की संख्या के गुणनकत की दुगुनी शक्ति द्वारा हासित करने पर, परस्पर बदछने योग्य उस श्रीह का प्रथम उत्पन्न होता है।

उदाहरणार्थ प्रश्न

दो श्रेडियों के सम्बन्ध में, जिनमें १० के और ९ दे पदों की संख्या है, प्रथम पद और प्रचय परस्पर बदकने योग्य हैं। एक श्रेडि का योग त्सरी श्रेडि के योग का अपवर्ष अथवा अंश है जो एक से आरम्भ होनेवाकी प्राकृत संख्याओं द्वारा गुणन अथवा भाग द्वारा प्राप्त हुआ है। हे सिछ ! इन योगों को, प्रथम पदों और प्रचयों को निकाको ॥१९॥

गुणोत्तर श्रेडि में गुणधन एवं श्रेडि का बोग निकासने के लिखे निवम-

गुणोत्तर श्रेष्ठि में प्रथमपद को, जितनी पदों की संख्या होती है उतनी बार साधारण निव्यत्ति द्वारा गुणित करने पर गुणधन प्राप्त होता है। यह गुणधन प्रथमपद द्वारा हासित होकर तथा एक कम साधारण निव्यत्ति द्वारा आजित होकर गुणोत्तर श्रेष्ठि के योग के बराबर हो जाता है।।४०॥

⁽३८) द्वितीय अध्याय की ८६ वीं गाया का नोट देखिये।

⁽४०) द्वितीय अध्याय की ९३ वीं गाया का नोट देखिये।

गुणसंकिलतान्त्यधनानयने तत्संकिलतानयने च सूत्रम्— गुणसंकिलतान्त्यधनं विगतैकवत्स्य गुणधनं मवति । तद्वणगुणं मुस्रोनं व्येकोत्तरमाजितं सारम् ॥४१॥

अत्रोहेशकः

प्रभवोऽष्टमश्चतुर्थः प्रचयः पद्ध पदमत्र गुष्पगुणितम् । गुणसंकितं तस्यान्त्यधनं चाचक्ष्य मे शीव्रम् ॥४२॥ गुणसनसंकित्वधनयोराधुत्तरपदान्यपि पूर्वोक्तसूत्रैरानयेत् ।

समानेष्टोत्तरगच्छसंकितरगुणसंकितसमधनस्याद्यानयनस्त्रम्— मुखमेकं चयगच्छाविष्टौ मुखवित्तरहितगुणचित्या। इतचयधनमादिगुणं मुखं भवेद्द्विचितिधनसाम्ये ॥४३॥

१ केवळ B में प्राप्य।

गुणोत्तर श्रेढि का अन्तिमपद तथा योग निकासने के सिये नियम-

गुणोत्तर श्रेडि का अंखधन अथवा अंतिम पद, दूसरी ऐसी ही श्रेडि का गुणधन होता है जिसमें पदों की संख्या एक न्यून होती है। यह अंखधन साधारण निष्पत्ति द्वारा गुणित होकर और प्रथम पद द्वारा हासित होकर तथा एक कम साधारण निष्पत्ति द्वारा भाजित होकर श्रेडि के थोग को उत्पन्न करता है ॥४९॥

उदाहरणार्थ पश्न

गुणोत्तर श्रेडि के सम्बन्ध में प्रथमपद है है, साधारण निष्पत्ति है है और पदों की संक्या ५ है। मुझे शीव्र वतलाओं कि श्रेडि का योग तथा अंतिम पद क्या क्या हैं ? ॥४२॥

समान योग वाली दो समान्तर एवं गुजोत्तर श्रेढि के उभय साधारण प्रथम पद को निकालने के लिये नियम, जब कि उनकी चुनी हुई पदों की संख्या बराबर हो और इसी तरह से वरण किये गये प्रथम और साधारण निष्पत्ति बराबर हों—

प्रथम पद को एक छेते हैं, पदों की संख्या और साधारण निष्पत्ति तथा प्रथय मन से कुछ भी चुन किये जाते हैं। यहां उत्तर धन को गुणोत्तर श्रेष्ठि के योग में से आदि धन को बटाने से प्राप्त हुई राशि द्वारा भाजित करते हैं। इसे चुने हुए प्रथम पद से गुणित करने पर, इन दोनों श्रेष्ठियों के सम्बन्ध में चाहा हुआ उभयसाधारण प्रथमपद उत्पन्न होता है ॥४३॥

(४१) द्वितीय अध्याय की ९५ वीं गाया का नोट देखिये।

[पिछले अध्याय में कथित नियमों द्वारा गुणवन और श्रेष्टि के योग के सम्बन्ध में गुणोत्तर श्रेष्टि के प्रथमपद, साधारण निष्पत्ति और पदों की संख्या निकाछी जा सकती हैं। इन नियमों के छिये अध्याय २ की ८७, ९७, १०१ और १०३ वीं गाथायें देखिये।]

जन्नोहेशकः

भाषवार्धिभुवनानि पदाम्यम्भोधिपश्चमुनयसिष्ट्वास्ते । षत्तराणि बदनानि कति स्युर्युग्मसंकव्यिवित्तसमेषु ॥४४॥ इति भिन्नसंकव्यितं समाप्तम् ।

भिषय्युत्कलितम्

भिन्नव्युत्कितं करणसूत्रं यथा— गच्छािष्केष्टमिष्टं चयहतमूनोत्तरं द्विहादियुतम् । शेषेष्टपदार्धगुणं व्युत्कितं स्वेष्टविसं च ॥४५॥

शेषगच्छस्याद्यानयनस्त्रम् — प्रेषयार्थोनः प्रभवो युत्रश्चयव्नेष्टपदचयार्थाभ्याम् । शेषस्य पदस्याद्श्चियस्तु पूर्वोक्त एव भवेत् ॥४६॥ गुणगुणितेऽपि चयादी तथेव भेदोऽयमत्र शेषपदे । इष्टपदमितगुणाहतिगुणितप्रभवो भवेद्वस्तम् ॥४०॥

१ M प्रचयगुणितेष्टगञ्छरसादिः प्रभवः पदस्य शेषस्य । पूर्वोक्तः प्रचयस्स्यादिष्टस्य प्राक्तनादेव ॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

पहों की संख्या क्रमशः ५, ४ और ३ है। साधारण निष्यसि तथा बराबर प्रचय क्रमशः हुँ, हैं और हुँ हैं। इन समान योग वासी गुणोत्तर तथा समान्तर श्रेतियों के संवादी प्रथम पदों की अहीओं (values) को निकालो ॥४४॥

इस प्रकार, ककासवर्ण व्यवहार में, संक्रकित नामक परिष्केद समाप्त हुआ। भिन्न व्यक्तिलित श्रिटिक्स भिन्नों का व्यक्तलन ो

भिन्न ब्युश्ककित क्रिया को करने का नियम निक्ककिसित है --

श्रीत में कुछ पदों की संख्या को खुने हुए पदों की संख्या में सम्मिछित करो और स्वयं खुनी हुई पदों की संख्या को अकग सं को । इन राशियों में से प्रस्थेक को प्रचय द्वारा गुणित करो और गुणमकछों को प्रचय द्वारा हासित करो तथा दो द्वारा गुणित करो । इन परिणामी राशियों को जब कमशः शेषपदों की संख्या को आधी राशि और पदों की खुनी हुई संख्या की आधी राशि द्वारा गुणित करते हैं तथ कम से शेष श्रेति का योग तथा श्रेति के खुने हुए माग का योग प्राप्त होता है ॥४५॥

शेष गच्छ सम्बन्धी प्रथम पद को निकासने के खिये नियम—

श्रीह का प्रथमपद, प्रचय की आधी राक्षि द्वारा द्वासित होकर और प्रचय द्वारा गुणित खुनी हुई पहों की संख्या द्वारा मिलाया जाकर तथा प्रचय की आधी राक्षि द्वारा भी मिलाया जाकर रोष श्रेटि के होय पहों की संख्या के प्रथम पद को उत्पन्न करता है। जैसा प्रचय दी हुई श्रेटि में होता है वैसा ही प्रचय होय श्रेटि का होता है ॥४६॥ गुणोश्तर श्रेटि के विषय में भी, साधारण निष्पत्त और प्रथमपद हीक वैसे ही होते हैं जैसे कि दी हुई श्रेटि और उसके खुने हुए आग में होते हैं। दी हुई श्रेटि के प्रथम पद में साधारण निष्पत्त को उतने बार गुणित करते हैं जितनी कि खुनी हुई पदों की संख्या होती है। प्राप्त गुणनफक होय श्रेटि का प्रथमपद होता है। होय श्रेटि के प्रथमपद और दी हुई श्रेटि के प्रथमपद में यही श्रेटर होता है।।४७॥

⁽४५) द्वितीय अध्याय की १०६ वीं गाया का नोट देखिये।

⁽४६) द्वितीय अध्याय की १०९ वीं गाथा का नोट देखिये।

⁽४७) द्वितीय अध्याय की ११० वीं नावा का नोट देखिये।

अत्रोहेशकः

पादोत्तरं दलास्यं पदं त्रिपादांशकःसमुहिष्टः । स्वेष्टं चैतुर्थमागः किं व्युत्किलतं समाकलय ॥४८॥ प्रभवेऽर्थं पद्धांशः प्रचयो द्विष्ट्यंशको भवेद्रच्लः । पद्धाष्टांशः स्वेष्टं पैद्रमृणमाचक्ष्य गणितज्ञ ॥४९॥ स्वाद्धात्र्यभागः प्रचयः पद्धांशकिष्यव्याद्याः ।

गच्छो बाब्छागच्छो दशमो व्यवकवितमानं किम् ॥५०॥

त्रिभागौ द्वौ वक्रं पद्धमांशञ्चयःस्यात् पदं त्रिष्टनः पादः पद्धमःस्वेष्टगच्छः।

षडंशःसप्तांशो वा व्ययः को वद् त्वं कळावास प्रज्ञाचन्द्रिकाभाखदिन्दो ॥५१॥

द्वादशपदं चतुर्थणीत्तरमधीनपञ्चकं वदनम् । त्रिचतुःपञ्चाष्टेष्टपदानि व्युत्किखनमाकस्य ॥५२॥

गुणसंकिलतन्युत्किलतोदाहरणम् । द्वित्रिभागरहिताष्ट्रमुखं द्वित्रयंशको गुणचयोऽष्ट पदं मोः । मित्र रक्षगतिपञ्चपदानीष्टानि शेषमुखवित्तपदं किम् ॥५३॥

इति भिश्नव्युत्किलं समाप्तम् ।

उदाहरणार्थ प्रश्न

दी हुई श्रेडि में प्रचय है है, प्रथमपद है है, पदों की संस्था है है और चुनी हुई पदों की (इटाई जाने वाली) संस्था है है। ऐसी श्रेडि की शेष श्रेडि का योग निकालो ।।४८॥ समान्तर श्रेडि के सम्बन्ध में प्रथमपद है है, प्रचय दे है और पदों की संस्था है है। यदि इटाये जाने वाले पदों की संस्था है है तो हे गणितज्ञ, शेष श्रेडि का योगफल बताओ ।।४९॥ दी हुई श्रेडि में प्रथमपद है है, प्रचय दे है और पदों की संस्था है है। विद चुनी हुई पदों की संस्था है हो तो शेष श्रेडि का योगफल बतलाओ ।।५०॥ प्रथमपद हे है, प्रचय दे है, पदों की संस्था है है और चुनी गई पदों की संस्था है। हुई श्रेडि के पदों की संस्था १२ है, प्रचय — है (ऋज है) है और प्रथमपद ४१ है तथा चुनी गई पदों की संस्थाएं क्रमशः १, ४, ५ अथवा ८ हैं। शेष पदों की संस्था का योगफल अलग-अलग निकालो ।।५२॥

गुणोत्तर श्रेढि में व्युत्कस्ति का उदाहरणार्थ पश्न

प्रथमपद ७ है है, साधारण निष्यत्ति है है और पदों की संख्या ८ है। खुनी हुई पदों की संख्याएं क्रमशः ३, ४, ५ हैं। बतकाओं कि शेष क्रेडियों के सम्बन्ध में प्रथमपद, योग और पदों की संख्या क्या-क्या है १।।५३।।

इस प्रकार, कळासवर्ण व्यवहार में, भिन्न न्युत्किक्त् नामक परिच्छेद समाप्त हुआ ।

(५१) कला के यहाँ दो अर्थ हैं--- प्रथम तो ज्ञान और अन्य "चंद्रमा के अंक" ।

१ м च चतुर्भागः।

२ M किं ब्युत्कलितं समाकलय ।

र क्ष और M में इसके पश्चात् "इति सारसङ्कृष्टे महावीराचार्यस्य कृती द्वितीयव्यवहारस्यमासः" जोड़ा गया है । यह वास्तव में भूळ प्रतीत होती है ।

कलासवर्णपद्जातिः

इतः परं कळासवर्णे बढ्जातिमुदाहरिष्यामः— भागप्रभागावय भागभागी भागानुबन्धः परिकीर्विवोऽतः। भागापबाहः सह भागभात्रा बढ्जातयो ऽमुत्र कळासवर्णे ॥५४॥

भागजातिः

तत्र भागजातौ करणसूत्रं यथा— सदृशहृतच्छेदहती सियोंऽशहारी समन्दिछदावंशी। छुतेकहरी योज्यी त्याच्यी वा भागजातिविधी॥५५॥

कलासवर्ण षड्जाति (छः प्रकार के भिन्न)

अब हम छः प्रकार के मिश्नों का प्रतिपादन करेंगे --

भाग (साधारण भिषा), प्रभाग (भिषा के भिषा), भागभाग (जटिल या संकर भिषा complex fractions), भागानुषंध (संगय भिषा fractions in association), भागा-पवाह (वियवन भिषा fractions in dissociation) और भाग मात्र (भिषा जिनमें कपर कथित भिषा में से दो या अधिक भिषा सम्मिलित हों); ये भिषा के छः सेद कहलाते हैं ॥५४॥

मागजाति [साधारण भिक्तों का जोड़ और घटाना]

साधारण भिन्नों का क्रिया (करण) सम्बन्धी नियम---

दिये गये दो साधारण भिन्नों सम्बन्धी कियाओं में प्रत्येक के अंश और हर को, उभय साधारण गुणनकांड द्वारा हरों को विभाजित करने से श्राप्त भजनफर्कों द्वारा एकान्तर से गुणित करते हैं। वे भिन्न इस तरह प्रहासित होकर समान हर वाले हो जाते हैं। तब इनमें से कोई एक हर अलग कर, अंशों को बोब्ते अथवा घटाते हैं [ताकि क्सरे समान हर के सम्बन्ध में परिणामी राशि अंश हों]। १५५॥

⁽५५) भिन्नों को साधारण इरों में प्रहासित करने का नियम केवल भिन्न युग्म के किये प्रयोज्य है। निम्नक्षिक्ति उदाहरण से यह नियम स्पष्ट हो जावेगा—

क्स + व को इल करने के लिये यहाँ, "अ" और "कल" को "ग" मे गुणित करते हैं जोकि
दूसरे मिल के हर "लग" को हरों के साधारण गुणनलण्ड ल द्वारा विभाजित करने पर भजनफल "ग"
के रूप में प्राप्त होता है। इसी प्रकार दूसरे मिल में "व" और "लग" को "क" से गुणित करते हैं जो
प्रथम मिल के हर "कला" को हरों के साधारण गुणनलण्ड "ला" द्वारा विभाजित करने पर "क"
के रूप में प्राप्त होता है। इस तरह हमें क्रमशः अग और वक प्राप्त होते हैं। इस तरह
अग + वक = अग + वक
कला + कला = स्वंग

श्रेकारान्तरेण समानच्छेदसुद्भावियतुमुत्तरसूत्रम्— छेदापवर्तकानां खब्धानां चाहती निरुद्धः स्थात् । हरहृतनिरुद्धगुणिते हारांशगुणे समो हारः॥५६॥

अत्रोदेशकः

जैम्बूजम्बीरनारङ्गचोचमोचाम्रदाहिमम् । अक्रषीहरषड्मागद्वादशांशकविशकैः ॥५७॥ हेम्रस्थिशचतुर्विशेनाष्ट्रमेन यथा क्रमम् । श्रावको जिनपृजायै तद्योगे किं फलं वद ॥५८॥ अष्टपञ्चदशं विशं सप्तषद्त्रिंशदंशकम् । एकादशत्रिषष्ट्यंशमेकविशं च सङ्किप ॥५९॥ एकद्विकत्रिकारोकोत्तरनवदशकषोडशान्त्यहराः ।

निजनिजमुखप्रमांशाः स्वपराभ्यस्ताश्च किं फलं तेषाम् ॥६०॥

१ यह और अनुगामी श्लोक M में अप्राप्य हैं।

२ P में ५७ और ५८ स्रोक छूट गये हैं।

३ यह कोक केवल K और B में प्राप्य है।

साधारण (common) हर को दूसरी विधि द्वारा निकासने का नियम-

हरों के सभी संभव गुणनखंडों और उनके सभी अन्तिम (ultimate) अजन फर्लों के सन्तव गुणन से निरुद्ध (छ्युत्तम समापवर्ष्य) प्राप्त होता है। निरुद्ध को हरों द्वारा भाजित करने से प्राप्त भजन फर्लों में हरों और अंशों का गुणन करते हैं। इस प्रकार से प्राप्त हरों और अंशों सम्बन्धी अपवर्ष्यों के हर समान होते हैं। १९६॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

एक आवक ने जिन पूजा के लिए जम्बूफल, नीबू, नारंगी, नारियल, केले, आम और अनार कमशः रै, है, कैर, केर, केर केर और टै स्वर्ण मुद्राओं के स्वरीदे; मुझे बतलाओं कि जब इन भिन्नों का योग किया जाय तो क्या परिणाम होगा? ॥५७-५८॥ ईन् , है, है है और उत्तरोत्तर एक द्वारा बढ़ते खेले जाते हैं जब तक कि ऐसे हरों में अंतिम १, १० और १६ (कमशः विभिन्न समूह में) नहीं हो जाते। इन मिन्नों के समूह में अंश, हरों के समूह की प्रथम संख्या के तुल्य हैं, और इन उपर कियत प्रत्येक समूह वालों का प्रत्येक हर उत्तरवर्ती हारा गुणित किया जाता है। अंतिम हर, प्रत्येक दशा में अपरिवर्तित रहता है क्योंकि उसके उत्तरवर्ती हर का जमाव रहता है)। बतलाओ कि अंतमें इन परिणामी मिन्नों के प्रत्येक समूह का योग क्या होगा? ॥६०॥ मिन्नों के चार कुलक (sets) हैं। इर १, २, ३ और ४ से क्रमशः आरम्भ होते हैं और उत्तरोत्तर एक द्वारा बढ़ते चले जाते हैं जब तक कि अंतिम हर भिन्न २ कुलकों में क्रमशः आरम्भ होते हैं और उत्तरोत्तर एक द्वारा बढ़ते चले जाते हैं जब तक कि अंतिम हर भिन्न २ कुलकों में क्रमशः आरम्भ होते हैं और उत्तरोत्तर एक द्वारा बढ़ते चले जाते हैं जब तक कि अंतिम हर भिन्न २ कुलकों की प्रथम संख्या के बराबर हैं। हरों के कुलक का प्रत्येक भिन्न उत्तरवर्ती द्वारा गुणित किया जाता है (अंतिम हर प्रत्येक दशा में अपरिवर्तित रहता है।) अंत में, परिणामी भिन्नों में अपरिवर्तित रहता है।) अंत में, परिणामी भिन्नों में

ग० सा० सं०-७

⁽६०) परिणामी प्रश्न ये हैं:--मान बतलाओ--

⁽i) $\frac{?}{?\times?} + \frac{?}{?\times?} + \frac{?}{?\times?} + \cdots + \frac{?}{\checkmark\times?} + \frac{?}{?}$

एकद्विकत्रिकाचाश्चत्राचाश्चेकवृद्धिका हाराः।

निजनिजमुखप्रमांद्याः स्वासमप्राहताः क्रमशः ॥६१॥

विकत्यन्ताः षड्गुणसप्तान्ताः पद्भवर्गपश्चिमकाः। षट्त्रिंशत्पाश्चात्याः सङ्क्षेपे कि फर्छ तेषां ॥६२॥

चन्दनघनसारागेरुकुकुममकेष्ट जिनमहाय नरः। चरणदळविद्यपद्धमभागैः कनकस्य कि शेषम् ।।६३।। पादं पञ्चांशसर्थं त्रिगुणितद्शसं सप्तविंशांशकं च स्वर्णेद्वन्दं प्रदाय स्मितैसितकम् स्तयानदृष्याज्यदुग्धम् ।

श्रीखण्डं त्वं गृहीत्वानय जिनसदनप्राचेनायाश्रवीन्मा-

बित्यव श्रावकार्यो भण गणक कियच्छेषमशान्विशोध्य ॥६४॥

अष्ट्रपञ्चमुस्ती हारावुभयेऽप्येकवृद्धिकाः । त्रिं शदन्ताः पराभ्यस्ताश्चतुर्गुणितपश्चिमाः ॥६५॥ म्बस्ववक्क्षप्रमाणांका रूपात्संक्षोध्य तद्वयम् । शेषं सखे समाचक्ष्व शेलीर्णगणितार्णव ॥६६॥ एकोनविंदातिरथ क्रमात त्रयोविंदातिर्द्विषष्टिश्च। रूपविहीना त्रिश्चतस्ययोविंदातिशतं स्यात् ॥६७॥ पद्मत्रिशत्तस्माद्ष्टाशीतिकशतं विनिर्दिष्टम् । सप्तत्रिंशद्मुष्मादष्टानवतित्रिकोनपद्माशत् ॥६८॥ बत्वारिकच्छतिका सैका च पुनः शतं सपोडशकम् । एकत्रिंशदतः स्याद्धानवतिः सप्रपद्धाशत् ॥६९

कुलकों को जोड़ने पर क्या बोग प्राप्त होगा ? ।।६ १-६२।। एक सनस्य ने जिन उत्सव पर संस्क (र्चत्न) कक्बी, कपूर, अगरू और सौंफ (कंकममकेष्ट) क्रमण: है, है, है, और है स्वर्ण मुद्रा के, १ स्वर्ण मुद्रा में से, खरीदे । बतालाओ क्या होग है ? ॥६३॥ गक्ष बोग्य ब्रायक ने मझे दो स्वर्ण सुद्राण देते हुए कहा कि जिन संदिर में पूजा के लिये है. है. है. है. क्रें और नंत स्वर्ण मुहा के क्रमशः विकसित इवेत कसरू, गाढ़ा दही, घृत, हुन्ध और चंडन एकड़ी लाओ। है फिन्न ! मुझे बतलाओ कि इतने सर्च के पत्नात् मेरे पास स्वर्ण मुद्रा का कितना भाग बचा ? ॥६७॥ भिन्नों के हो क़लक हैं। हर क्रमशः ८ और ५ से आरम्भ होते हैं और दोनों दशाओं में उत्तरोत्तर एक हारा बढ़ने जाने हैं जब तक कि दोनों दशाओं में जीतम हर ३० नहीं हो जाता। इन कुलकों के अंग दोनों कुलकों ने हर के प्रथम पद के तुल्य हैं। प्रत्येक कुलक के हरों में से प्रत्येक अपने उत्तरवर्ती द्वारा गुणित होता है। अंतिम हर होनीं द्वाओं में ६ द्वारा गुणित किया जाता है। भिक्कों के दोनों परिणामी कुलकों को जोडने से प्राप्त दोनों बोगो में प्रत्येक में से एक घटाने के प्रवाद, है साधारण मिस्र महासागर के पार उत्तरने वाले मित्र, मुझे बतलाओ कि क्या होप रहेगा ? ॥६५-६६॥ कुछ दिये हुए भिक्षों के हर क्रमशः १९, २६, ६२, २९, १२६, ६५, १८८, ३७, ९८, ४७, १४०, ४१, ११६, ३१, ९२, ५७, ७६, ५५, ११०, ४९, ७४, २६९ हैं; और,

(ii)
$$\frac{2}{2\times2} + \frac{2}{2\times2} + \frac{2}{2\times2} + \cdots + \frac{2}{2\times2} + \frac{2}{20}$$
,

(iii)
$$\frac{2}{2\times 4} + \frac{2}{4\times 4} + \frac{2}{4\times 5} + \cdots + \frac{2}{24\times 25} + \frac{2}{25}$$

१६३ और ६४ श्लोक छ और छ में प्राप्य हैं।

२ м मर

३ यह क्लोक M में छूट गया है। ४ B विंश्रत्य ।

५ यह कोक M में अप्राप्य है।

६ K और B मानवात्यविषपारग ।

ज्यधिका सप्ततिरस्मात्सपञ्चपञ्चाशद्पि च सा द्विगुणा । सप्तकृतिः सचतुष्का सप्ततिरेकोनविंशतिद्विशतम् ॥७०॥ हारा निरूपिता अंशा एकाद्येकोत्तरा अमृन् । प्रक्षिप्य फल्लमाचस्त्र भौगजात्यव्धिपारग ॥७१॥

अत्रांशोत्पत्तौ सूत्रम्---

पकं परिकल्प्यांशं तैरिष्टैः समहरांशकान् इन्यात् । यहुणितांशसमासः फळसहशोंऽशास्त एवेष्टा ॥७२॥

एंकांशवृद्धोनां राशीनां युतावंशाद्धारस्याधिकये सत्यंशोत्पादक सूत्रम्-

समहारैकांशकयुतिहृतयुत्यंशोऽश एकवृद्धीनाम् । शेर्षामतरांशयुतिहृतमन्यांशोऽस्त्येवमा चरमात् ॥०३॥

अंश १ से आरम्भ होकर उत्तरोत्तर क्रमवार १ द्वारा बढ़ते चले जाते हैं । इस सब भिन्नों को जोड़कर, है भिन्न रूपी महासागर के उसपार पहुँचनेवाल, बोगफल को बतलाओ ॥६७-७१॥

जब भिन्नों के हर तथा योग दिथे गर्स हों तो अंश निकालने के लिये नियम-

सब दिये गये हरों के सम्बन्ध में अंदा को 'एक' बनाओ; तब किसी भी तरह चुनी हुई संख्याओं द्वारा साधारण हरों में छाये गये अंद्यों को गुणित करो । यहां वे संख्यार्थे चाहे हुए अंद्यों में बदक जाती हैं, जिनका योग संबंधित भिन्नों के योग के बराबर होता है ॥७२॥

जब भिक्षों के योग का हर अंश से बढ़ा हो और अंश उत्तरोत्तर एक द्वारा बढ़ते खले जाते हों, तो ऐसे भिक्षों के सम्बन्ध में अंशों के निकालने के लिये नियम—

सम्बन्धित भिक्षों के दिये गये योग को तथा जिनके अंश 'एक' होते हैं ऐसे भिक्षों को साधारण हरों में प्रहासित कर लिया जाता है। भिक्षों के दिये गये योग को ऐसे भिक्षों के योग द्वारा भाजित करने से प्राप्त भजनफळ उन अंशों में से प्रथम चाहा हुआ अंश बन जाता है। इसके पश्चात् के इष्ट अंश उत्तरोत्तर एक द्वारा बदते चले जाते हैं और जिन्हें निकाला जा सकता है। इस भाग में प्राप्त शेषफळ को समान हर वाले अन्य अंशों द्वारा विभाजित करने पर, परिणामी भजनफळ दूसरा चाहा हुआ अंश बन जाता है जब कि वह प्रथम में जो कि पहिले ही प्राप्त हो चुका है, जोड़ दिया जाय। इस तरह अंत तक प्रश्न का साधन करना पड़ता है ॥७३॥

१ अ भोत्तीर्णराणितार्णव।

२ B सहराष्ट्रद्यंशराशीनां अंशोत्पादक सूत्रम्।

⁽७२) सूत्र ७४ के प्रकृत को इस करने से यह नियम स्पष्ट हो बावेगा। यहाँ प्रत्येक दिये गये हर के सम्बन्ध में अंश एक मान लिया जाता है; इस तरह हमें है, है, है, हो प्राप्त होते हैं जो एक से हरों में प्रहासित किये जाने पर है है, है है, है है हो जाते हैं। जब अंशों को कमवार २, ३ और ४ से गुणित करते हैं तो इस तरह प्राप्त गुणनफाओं का योग दिये गये योग का अंश (८७७) हो जाता है। इसलिये, २, ३, और ४ चाहे हुए अंश हैं। आलोकनीय है, कि इस दिये गये योग का हर उतना है जितना कि भिन्नों का साधारण हर है।

⁽७३) इस नियम के अनुसार ७४ वीं गाया का प्रश्न इस प्रकार साधित होता है-

अत्रोदेशकः

नवकद्शैकादशहृतराशीनां नवतिनवशतीभक्ता । ज्यूनाशीत्यष्टशती संयोगः केंऽशकाः कथय।।७४।। छेवोत्पत्तौ सुत्रम्—

रूपांशकराशीनां रूपाद्यासिगुणिता हराः क्रमशः। द्विद्वित्रयंशाभ्यस्तावादिमचरमौ फले रूपे।।७५।।

उदाहरणार्थ प्रश्न

९, १० और ११ द्वारा क्रमशः विभाजित की गई कुछ संख्याओं का योग ८७७ भाजित ९९० है। बतलाओं कि भिक्षों को जोड़ने की इस किया में औरा क्या क्या हैं ? ॥७४॥

बाहै हुए हरों को निकाछने के छिये नियम-

'एक' औरा वाळी विभिन्न भिन्नीय राशियों का योग जब 'एक' हो, तब चाहे हुए हर एक से आरम्भ होकर क्रमबार, उत्तरोत्तर १ से गुणित किये जाते हैं, इस तरह प्राप्त प्रथम और अंतिम हर फिर से क्रमका: २ और हे द्वारा गुणित किये जाते हैं। १७५॥

प्रत्येक दिये गये हरों के सम्बन्ध में अंश को एक मानकर तथा भिजों को समान हरों में प्रहासित करने पर हैरे है, हैर्ड और हैर्ड प्राप्त होते हैं। दिये गये योग ईहें हैं को हम भिजों के योग हैर्ड होरा विभावित करने पर हमें मकनफ र प्राप्त होता है वो प्रथम हर सम्बन्धी अंश है। इस भाग में प्राप्त होता है। इस मजनफ र को प्रथम भिज्ञ के अंश र में बोड़ने पर दितीय हर सम्बन्धी अंश प्राप्त होता है। इस मजनफ र को प्रथम भिज्ञ के अंश र में बोड़ने पर दितीय हर सम्बन्धी अंश प्राप्त हो जाता है। इस वृत्तरे भाग के शेष ९० को अंतिम भिज्ञ के भाने हुए अंश ९० के द्वारा विभाजित करते हैं, और प्राप्त मजनफ र को जब पिछले भिज्ञ के अंश र में बोड़ते हैं तब अंतिम हर का अंश प्राप्त होता है। इस व्यक्तरे, वे भिज्ञ, जिनका योग हर्ड है, ये हैं:—है, है, और और हैं.

यहाँ इस तरह उत्तरीत्तर निकाले गये अंश कमबद दिय गये हरों के सम्बन्ध में चाहे हुए अंश बन बाते हैं। बीजीय रूप से भी, तीन भिन्नों का याग—

बसक + (क + १) अस + (क + २) अब है और हर अ, ब और स हैं। इनके अंश इस

विधि से क, क + १ और क + २ सरख्ता से निकाले वा सकते हैं।

(७५) उपर्युक्त प्रदर्शित रीति द्वारा प्रश्न को इन्छ करने से यह शात होगा कि जब न भिन्न हों, तो प्रथम और अन्तिम भिन्न को छोड़कर (न - २) पद गुणोत्तर श्रेंद्वि में होते हैं जिसका प्रथमपद है और साधारण निष्पत्ति (common ratio) है होती है। (न - २) पदों का योग

$$\frac{1}{3}\left\{ १ - \left(\frac{2}{3}\right)^{-\eta - 2} \right\} / \left(१ - \frac{2}{3} \right)$$
 होता है जो प्रहासित करने पर $\frac{2}{3} - \frac{2}{3} \cdot \frac{2}{3^{\eta - 2}}$

अथवा, है - १ × १ के तस्य होता है। इससे स्पष्ट है कि जब प्रथम मिन्न है हो तो अन्तिम

भिन्न हो इस अन्तिम पछ में बोड़ने पर बोग १ हो बाता है। इस सम्बन्ध में, न पदों वाछी

अत्रोदेशक:

पञ्चानां राशीनां रूपांशानां युतिर्भवेद्रूपम् । षण्णां सप्तानां वा के हाराः कथय गणितज्ञ ॥७६॥

विषमस्थानां छेदोत्पत्तौ सूत्रम्—

एकांशकराशीनां द्याचा रूपोत्तरा अवन्ति हराः। खासञ्जपराध्यस्ताः सर्वे दछिताः फले रूपे ॥७७॥ एकांशानामनेकांशानां चैकांशे फले छेदोत्पत्तौ सुत्रम्—

उदाहरणार्थ प्रश्न

जिनमें प्रत्येक का अंश एक है ऐसी पांच या छः अथवा सात विभिन्न भिक्षीय राशियों का योग प्रत्येक दशा में १ है। हे गणितक्ष ! चाहे हुए हरों को निकाली ॥७६॥

भिन्नों की अयुग्म संख्या छेने पर इरों को निकालने के लिये नियम-

जिनके प्रत्येक और १ हों ऐसी विभिन्न भिन्नीय राशियों का योग १ हो, तो वाहे हुए हर २ से आरम्भ होकर, उत्तरोत्तर मान में १ द्वारा बढ़ते वल जाते हैं। प्रत्येक ऐसा हर उस संख्या से गुणित किया जाता है जो मान में तत्काळ उत्तरवर्ती के बराबर होता है और तब उसे आधा किया जाता है ॥७७॥

कुछ इष्ट भिन्नों के विषय में चाहे हुए हरों को निकालने के लिए नियम जबकि उनके अंशों में प्रत्येक १ अथवा १ से अन्य हो और जब उनके भिन्नीय योग का अंश भी १ हो---

गुणोत्तर श्रेंदि में जिसका प्रथम पद $\frac{?}{24}$ है और साधारण निष्पत्ति $\frac{?}{24}$ है अ की सभी पूर्णोंक धनात्मक अहां आँ (मानों) के लिये योग $\frac{?}{24}$ से $\left\{\frac{?}{(24-?)/24} \times %$ के दि का (4+?) वां पद $\left\{\frac{?}{(24-?)/24} \times %$ के नियम के अनुसार अन्तिम भिन्न $\left\{\frac{?}{(24-?)/24} \times (4-?)\right\}$ वां पद $\left\{\frac{?}{($

$$(66) \operatorname{qet} \frac{?}{? \times ? \times ?} + \frac{?}{? \times ? \times ?} + \frac{?}{? \times ? \times ?} + \dots + \frac{?}{(3 - ?) \times ?} + \frac{?}{3 \times ?} + \dots + \frac{?}{3 \times ?$$

उन्यहरः प्रथमस्यच्छेदः सस्त्रांशकोऽयमपरस्य । प्राक् खपरेण हतोऽन्त्यः खांशेनैकांशके योगे ।७८।

अत्रोदेशकः

सप्तकनवकत्रितयत्रयोदशांशप्रयुक्तराशीनाम् । रूपं पादः षष्ठः संयोगाः के हराः कथय ॥७९॥

एकांशकानामेकाशेऽनेकांशे च फले छेदोत्पत्तौ सूत्रम्— सेष्टो हारो भक्तः खांशेन निरममादिमांशहरः। तशुर्तिहाराप्तष्टः शेषोऽस्मादिस्थमितरेषाम् ॥८०॥

जब कुछ इष्ट भिन्नों के योग का अंश १ हो, तब उनके चाहे हुए हरों को निकालने के लिये योग के हर को अथम राशि का हर मान को और इस हर को अपने अंश से संयुक्त कर उसे उत्तरवर्ती राशि का हर मान को, और ऐसे अत्येक हर को क्रमवार तत्काल उत्तरवर्ती के द्वारा गुणित करते चले जाओ। अन्तिम हर को उसी के अंश द्वारा गुणित करो।।७८॥

उदाहरणार्थ पश्न

जिनके अंश कमशः ७, ९, ३ और १३ हैं ऐसे भिक्षों के बोग १, है, है हैं। बतलाओं कि उन भिक्षोय राशियों के इर क्या हैं।।७९॥

जिनका अंश १ है ऐसे कुछ इच्छित भिन्नों के हर निकासने के लिये नियम जब कि उन भिन्नों के योग का अंश १ अथवा और कोई दूसरी राशि हो —

दिये गये योग के हर को जब काई जुनी हुई राशि में मिलाते हैं और ताकि कुछ भी शेष न बचे इस तरह उसे उस योग के अंश द्वारा विभाजित करते हैं तो वह भिन्नों की चाही हुई श्रेडि के प्रथम अंश के सम्बन्ध में हर बन जाता है। ऊपर जुनी हुई राशि जब प्रथम भिन्न के हर द्वारा विभा-जित की जाती है और दिये गये योग के हर द्वारा भी विभाजित की जाती है तब वह इह श्रेडि के शेष भिन्नों के योग को उश्पन्न करती है। इह श्रेडि के शेष भिन्नों के इस ज्ञात योग से इसी तरह अन्य हरों को निकासते हैं। 100।

(७८) बीजीय रूप से यदि योग है हो, और अ, ब, स तथा द दिये गये अंश हो तो भिन्नों को निम्न रीति से बोड़ते हैं—

(८०) बीबीय रूप से, यदि या योग है तो प्रथम मिन्न (त + प)/अ होता है; और नियम

अत्रोहेशकः

त्रयाणां रूपकांशानां राशीनां के हरा वर । फलं चतुर्थमागः स्याच्चतुर्णां च त्रिसप्तमम् ।।८१।। ऐकांशानामनेकांशानां चानेकांशे फले छेदोत्पत्ती सत्रम—

इष्ट्रता दृष्टांशाः फलांशसदृशो यथा हि तद्योगः। निजगुणहृतफलहारस्तद्वारो भवति निर्दिष्टः॥८२॥

अत्रोदेशकः

एंककांश्रेन राशीनां त्रयाणां के हरा वद । द्वादशाप्ता त्रयोविशत्यशंका च युतिभवेत् ॥८३॥ त्रिसप्तकनवांशानां त्रयाणां के हरा वद । द्वयूनपञ्चाशदाप्ता त्रिसप्तत्यंशा युतिभवेत् ॥८४॥ एकांशकयो राश्योरेकांशे फले छेदोत्पत्ती सूत्रम्—

१ ८३ और ८४ बलोक B में छूट गये हैं।

उदाहरणार्थ प्रश्न

तीन विधिनन भिन्नीय राशियों का योग है है, तथा उनमें से प्रत्येक का अंश १ है। ऐसी चार अन्य राशियों का योग है है। बतलाओ कि हर क्या हैं ? ॥८१॥

जिनका अंश एक अथवा कोई और संख्या हो ऐसे कुछ इच्छित भिष्टों के हर निकालने के लिये नियम जब कि उन भिन्नों के योग का अंश १ की अपेक्षा अन्य संक्या हो—

ज्ञात अंश कुछ जुनी हुई राशियों हारा गुणित किये जाते हैं, ताकि इन गुणनफर्लों का थोग इष्ट भिन्नों के दिये गये योग के अंश के बराबर हो जाये। यदि इष्ट भिन्नों के दिये गये थोग के इर को उसी गुणक से विभाजित किया जाय (जिससे कि दिया गया अंश गुणित किया गया है) तो वह अंश सम्बन्धी बाहे हुए हर को उत्पन्न करता है॥८२॥

उदाहरणार्थ भक्त

तीन मिन्नीय रामियों में, प्रत्येक का अंश १ है। उनके हरों का मान निकाको जब कि उन राशियों का योग देने हो ॥८२॥ ऋमशः ३, ७ और ९ अंशवाकी तीन भिन्नीय राशियों के हरों का मान बतलाओ जब कि उन राशियों का योग हुँहै हो ॥८४॥

दिये गये योग के हर को खुनी हुई संख्या द्वारा गुणित करने पर किसी एक इष्ट मिन्नीय शक्ति का हर प्राप्त होता है। यह हर, एक कम (पिछली) खुनी हुई संख्या द्वारा विभाजित किया जाने पर

में शेष भिन्नों का योग
$$\frac{q}{\frac{1}{q+q}}$$
 कथित है, बहां 'प' चुनी हुई राशि है। यह $\frac{q}{\frac{1}{q+q}}$ स्पष्ट रूप

से न - १ को इस करने से प्राप्त होती है। यहां प को इस तरह जुनना चाहिये कि (न + प)

में अ का पूरा पूरा माग बा सके।

बाब्छाइतयुतिहाररछेदः स व्येकबाब्छयाप्तोऽन्यः। फल्डहारहारलब्घे खयोगगुणिते हरी वा स्तः॥८५॥

अत्रोदेशक:

राइयोरेकांशयोरछेदी की भवेतां तयोर्युतिः। षडंशो दशभागो वा बृहि स्वं गणितार्थवित्।।८६॥

एकांशकयोरनेकांशयाश्च एकांशेऽनेकांशेऽपि फले छेदोत्पत्तौ प्रथमसूत्रम्— इंप्रगुणांशोऽन्यांशप्रयुतः शुद्धं हृतः फलांशेन । इष्टाप्तयुतिहरम्ना हरः परस्य तु तदिष्टहतिः ॥८०॥

१ P और B में यह पाटान्तर जुड़ा है:— शुद्धं फळांशभक्तः स्वान्यांशयुतो निजेष्टगुणितांशः ।

दूसरे इष्ट अंश को उत्पक्ष करता है। अथवा, दिये गये योग के हर के सम्बन्ध में किसी पुने हुए भाजक और प्राप्त भजनफल में से प्रत्येक को उनके योग द्वारा गुणित करने पर दो इष्ट हरों की उत्पत्ति होती है ॥८५॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

है अंक्रमणित के सिद्धान्तों के ज्ञाता ! दो इष्ट मिक्सीय राशियों के हर निकालो जब कि उनका योग या तो है अथवा के हो ॥८६॥

जिनका अंश १ अथवा कोई और संख्या है ऐसे दो इष्ट भिक्तों के हरों को निकासने के लिये नियम जब कि उन भिक्तों के योग का अंश १ अथवा कोई और संख्या हो—

कोई भी एक (either) अंश चुनी हुई संख्या द्वारा गुणित होकर, तब अन्य अंश द्वारा मिलाया जाकर, तब इष्ट भिक्षों के दिये गये योग के अंश द्वारा विभाजित होकर (ताकि कुछ भी शेष न रहे,) और तब उपर की चुनी हुई संख्या द्वारा विभाजित होकर तथा इष्ट भिन्नों के योग के हर द्वारा गुणित होकर, चाहे हुए हर को उत्पन्न करता है। अन्य भिन्न का हर इस हर को उपर की चुनी हुई राशि द्वारा गुणित कर प्राप्त कर सकते हैं।।८७।।

(८५) बीबीय रूप से, जब दो इष्ट भिन्नों का योग $\frac{?}{-1}$ है, तो इस नियम के अनुसार भिन्न कमशः $\frac{?}{q-1}$ तथा $\frac{?}{(q-1)(q-2)}$ होते हैं, जहां प कोई भी जुनी हुई राशि है। यह शिप्र देखने में आयेगा कि इन दोनों भिन्नों का योग $\frac{?}{-1}$ है।

अथवा, जब योग $\frac{?}{34}$ हो, तब भिन्नों को $\frac{?}{34}$ और $\frac{?}{4}$ और $\frac{?}{4}$ लिया जा सकता है।

(८७) बीजीय रूप से, यदि अ और व अंश वाले दो इष्ट भिन्नों का योग $\frac{H}{4}$ है तो वे भिन्न अ

अप + ब $\frac{3}{4}$ और $\frac{3}{4}$ से $\frac{3$

अप + व को म द्वारा विभाजित किया वा सके । इन भिन्नों का योग म प्राप्त होगा।

अत्रोदेशकः

रूपांज्ञकयो राज्ञ्योः कौ स्थातां हारकौ युतिः पादः। पञ्चांशो वा द्विहतः सप्तकनवकाशयोश्च वद् ॥८८॥

द्वितीयसूत्रम्-

फक्कहारताहितांशः परांशसहितः फलांशकेन हृतः। स्यादेकस्य च्छेदः फल्कहरगुणितोऽयमन्यस्य।।८९॥

अत्रोदेशकः

राशिद्वयस्य की हारावेकांशस्यास्य संयुतिः । द्विसप्तांशो भवेद् नृहि षडष्टांशस्य च प्रिय ॥९०॥ अर्थेक्यंशद्शांशकपञ्चद्शांशकयुतिभवेद्रृपम् । त्यक्ते पञ्चद्शांशे रूपांशावत्र की योज्यी ॥९१॥ दळपादपञ्चमांशकविंशानां भवित संयुती रूपम् । सप्तैकादशकांशो की योज्याविह विना विंशम्॥९२

युग्मान्याश्रित्र च्छेदोत्पत्तौ सूत्रम्— युग्मप्रमितान् भागानेकैकांकान् प्रकल्प्य फलरारोः।

तेभ्यः फडात्मकेभ्यो द्विराशिविधिना हराः साध्याः ॥९३॥

उदाहरणार्थं प्रश्न

दो इट मिसीय राशियों में प्रत्येक का अंश १ है। इनके हरों को निकालो जब कि डन राशियों का योग या तो है अथवा है हो। साय ही, उन दो अन्य मिसीय राशियों के हर निकालो जिनके अंश कमशः ७ और ९ हैं।।८८।।

इसरा नियम निम्नकिसित है :---

इष्ट भिक्षों में किसी एक के अंश को इष्ट भिक्षों के योग के हर द्वारा गुणित कर दूसरे अंश में मिकाते हैं। मास फक को इष्ट भिक्षों के योग के अंश द्वारा विभाजित करते हैं तो इष्ट भिक्षों में के एक भिक्र का हर उत्पन्न होता है। इस हर को अब इष्ट भिक्षों के योग के हर द्वारा गुणित करते हैं तब वह दूसरे भिक्र का हर हो जाता है।।4९।।

उदाहरणार्थ प्रक्न

है मित्र ! सुझे बतलाओं कि दो मिस्रीय राशियों के (जिनमें प्रत्येक के अंश 1, 1 हैं) इर क्या होंगे जब कि उन इष्ट मिस्रों का योग है है। दो अन्य इष्ट मिस्रों के भी इर क्या होंगे जिनके अंश क्रमशः ६ और ८ हों ॥९०॥ २, ५, ५, और १ और १ का योग १ है। यदि १ के छोड़ दिया जावे तो दो ऐसे १ अंश वाले मिस्र बतलाओं जिनको शेष मिस्रों में जोड़ने पर योग पुनः कुल के तुस्य हो जावे ॥९१॥ २, ६, ६ और १ का योग १ है। यदि १ कोइ दिया जाय तो क्रमशः ७ और ११ हर वाले ऐसे दो मिस्र कीन से होंगे जिनको शेष में जोड़ने पर उनका योग कुल योग के तुस्य हो जावे ॥९२॥

कुछ इष्ट भिक्षों को युग्मों (pairs) में छेकर उनके इरों को निकाछने के लिये नियम-

सब इष्ट भिक्षों के योग को दिये गये अंशों के युग्मों की संख्या के तुल्य भागों में विपारित करने के बाद, (इस तरह कि प्रत्येक के अंश १, १ हों), इन भागों को युग्मों के योग में अलग-अलग

⁽८९) गाथा ८७ में दिये गये नियम की यह विशेष स्थिति है क्योंकि इष्ट भिक्षों के हर का आदेशन (substitution) इस नियम में, पिकृते नियम में चुनी गई राशि के स्थान में करते हैं।

ग॰ सा॰ सं०-८

अश्रोहेशकः

त्रिकपञ्चकत्रयोदशसप्तनवैकादशांशराशीनाम् । के हाराः फडमेकं पञ्चांशो वा चतुर्गुणितः ॥९४॥ एकस्त्रोत्पन्नरूपांशहारैः स्त्रान्तरोत्पन्नरूपांशहारैश्च फडे रूपे छेदोत्पत्ती नष्टभागानयनेच

स्त्रम्— बाब्छितसूत्रजहारा हरा भवन्यन्यसूत्रजहरज्ञाः । दृष्टांद्वीक्योनं फळमभीष्टनष्टांशमानं स्यात् ॥९५॥ अत्रोदेशकः

परहतिव्छनिषधानात्त्रयोदश खपरसंगुणविषानात्। भागाश्चत्वारोऽतः कति भागाः स्युः फले क्षे ॥९६॥ प्राक्खपरहतविधानात्त्वप्रस्वासम्रपरगुणाधविधानात्। भागाश्चित्यश्चातः कति भागाः स्युः फले क्षे ॥९०॥

रूपांशका द्विषट्कद्वाद्वविंवतिहरा विनष्टोऽत्र । पश्चमराक्षी रूपं व्यवसमासः स राशिः कः ॥९८॥ इति भागजातिः ।

छेते हैं। उनमें से चाहे हुए हरों को, दो घटक निषीन राशियों के सम्बन्ध में बतकाबे गये नियम द्वारा निकाकते हैं ॥९३॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

उन इष्ट नियों के दर क्या होंगे जिनके और अमसः ३, ५, १३, ७, ९ और ११ हैं, जब कि उन नियीय राशियों का योग १ अथवा दें है ? ॥९॥॥

जिनका संवादी जांश ? है और जो उपर्युक्त नियमों द्वारा प्राप्त किये गये हैं ऐसे हरों की सहायता से कुछ हरों को निकाकने के किये (नियम); तथा जिनका संवादी औरा १ है और जिनके हृष्ट मिल्लों का योग एक है तथा जो उपर्युक्त अन्य नियमों हारा प्राप्त किये गये हैं ऐसे भिल्लों की सहायता से हरों को निकाकने के किये (नियम) और नष्ट भाग का मान निकाकने के किये नियम—

किसी भी शुने हुए नियम के अञ्चलार प्राप्त हरों को दूसरे निषम से प्राप्त हरों द्वारा गुणित करने पर बादे हुए हर प्राप्त होते हैं। इन मिश्रों का योग, विशिष्ट भाग के योग द्वारा हासित किये जाने पर छोड़े हुए नष्ट माग का मान होता है ॥९५॥

उदाहरणार्थ पश्न

नियम ७७ हारा प्राप्त मिलों की संक्या १२ है और नियम क्रम ७८ हारा प्राप्त भिन्नों की संक्या थ है। इन नियमों की सहायता से प्राप्त मिन्नों का योग १ है, तो बतकाओ कि विषटक भिन्न कितने हैं !!।९६॥ गाया ७८ के नियम हारा प्राप्त मिलों की संक्या ७ है और नियम ७७ गायानुसार प्राप्त संक्या १ है। यदि इन नियमों हारा प्राप्त मिलों का योग १ हो तो बतकाओ विषटक भिन्न कितने हैं !।९७॥ जिनके औश १, १ हैं ऐसे कुछ मिलों के इर क्रमशः १, ६, १२ और २० हैं। यहां पांचवीं मिलीय राशि छोद दी गई है। इन पाँचों मिलों का योग १ है, बतकाओ कि वह छोदी गई मिलीय राशि क्या है !॥९८॥

इस प्रकार, कळासवर्ण पर्वाति में भाग वाति नामक परिच्छेद समाप्त हुआ।

(९३) दो भिन्नीय राशियों के सम्बन्ध में ताथा ८५, ८७ और ८९ में नियम दे दिये गये हैं।

त्रसागभागभागजात्योः सूत्रम्— अक्कानां संगुणनं द्वाराणां च प्रभागजातौ स्यात्। गुजकारोंऽक्कराक्षेद्वीरहरो भागभागजातिविधौ ॥९९॥

प्रमागजातायुद्देशकः

रूपार्धं ज्यंशार्धं ज्यंशार्धार्धं द्राधेपञ्चांशम् । पञ्चांशार्धज्यंशं तृतीयमागार्धसप्तांशम् ॥१००॥ द्रव्युक्तवसप्तांशं ज्यंशज्यंशकद्रवार्धव्यक्रमागम् । अर्थे ज्यंशज्यंशकपञ्चांशं पञ्चमांशव्यम् ॥१०१॥ कीतं पणस्य दस्या कोकनदं कुन्द्केतकीकुमुद्म् । जिनचरणं प्राचिवतुं प्रक्षिप्यैतान् फळं मृहि ॥१०२ रूपार्थं ज्यंशकार्धार्थं पादसप्तनवांशकम् । द्वित्रिभागद्विसप्तांशं द्विसप्तांशनवांशकम् ॥१०३॥ दस्या पणद्वयं कित्रदानैषीभृतनं घृतम् । जिनालयस्य दीपार्थं शेषं किं कथय प्रिय ॥१०४॥ ज्यंशाद्विपञ्चमांशस्त्रतीयमागात् त्रयोदशप्रवंशः । पञ्चादशप्तांशात् ।१०५॥ नवमाचतुक्ययोदशभागः पञ्चांशकात् त्रिपादार्धम् । संश्विप्याचक्ष्येताम् प्रमागजातौ भमोऽस्ति यदि ॥१०६॥

प्रभाग और भागभाग जाति (संयुत और जटिल भिन्न)

संयुत (compound) और वटिक (complex) भिक्कों को सरक करने के किये नियम— संयुत्त भिक्कों को सरक करने में, अंक्षों का उनमें ही गुणन तथा हरों का उनमें ही गुणन होगा। संकर (complex) भिक्कों सम्बन्धी सरकीकरण किया में भिन्न के हर का हर, दिये गये भिन्न के अंग्र का गुणक हो जाता है।।९९।।

प्रमाग जाति (संयुत मिन्नों) पर उदाहरणार्थ प्रश्न

जित मुश्च के बरणों में पूजन के अर्पण के निमित्त निम्नकिसित पण मूल्य पर कोकनद (कमछ) कुन्द (jasamins), केतकी और कुमुद (lily) आरोदे गये: १ का दे, दे का दे, दे का दे का दे; दे का दे का दे का दे का दे; दे का दे का दे का दे; दे का दे का दे का दे; एक पण के इन दिये हुए आगों को ओदकर पछ निकाको ॥१०० से १०२॥ एक मनुष्य किसी विजेता को पण के कमशः १ का दे, दे का दे का दे; दे का दे का दे को ते की दे का द

बदि तुमने संयुत भिन्नों के सम्बन्ध में परिश्रम किया है तो बत्तळाओं कि भिन्निक्रितित सिन्नों का योग करने पर परिजामी बोगफक क्या होगा ? है का है, है का है।।।०५--०१।।।

⁽ ९९) वहां संकर मिल में अंश पूर्णोंक है और हर मिलीय है ।

खत्रैकाव्यक्तानयनस्त्रंम्— रूपं म्यस्याव्यक्ते प्राग्विधिना यत्फलं भवेत्तेन । भक्तं परिष्टष्टफलं प्रमागजातौ तर्जातम् ॥१०७॥ अग्रोदेशकः

राम्ने: कुतिश्चिदष्टांशस्त्रयंशपादोऽर्धपम्ब्रम: । षष्टित्रिपादपञ्चांश: किमन्यक्तं फलं द्रस्म् ॥१०८॥ अनेकारुयक्तानयनसूत्रम्—

कृत्वाज्ञातनिष्ठान् फलसदृशी तद्युतिर्यथा भवति । विभजेत प्रथम्बर्करिविदितराशिश्रमाणानि ॥१०९॥

अत्रोदेशकः

राशेः कुतिश्चिद्धं कुतिश्चिद्ष्षांशकत्रिपञ्चांशः । कस्माद्द्वित्र्यंशार्धं फळमर्घं के स्पुरज्ञाताः ॥११०॥ भागभागजातावृहेशकः

बदसप्तमागभागस्त्र्यष्टांशांशश्चतुर्नेबांशांशः । त्रिचतुर्थभागभागः कि फलमेतदातौ बृहि ॥१११॥

जिनका बोग दिया गया है ऐसे संयुत मिन्नों के प्रत्येक समूह का एक साधारण अज्ञात (तत्व) निकाकने के क्रिये नियम---

विषा गया योग जब संयुत भिन्नों के अज्ञात तस्त्र के स्थान में एक रखने के उपर्युत्त नियमा-हुसार मास योग द्वारा विभाजित किया जाता है तब संयुत्त भिन्नों की योग किया में चाहे हुए अज्ञात तस्त्र को उरपन्न करता है ॥१००॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी राशि का टै, ने का है, ने का है और है का नै का दे का योग ने है; बतलाओ कि यह अञ्चात राशि क्या है ? ॥१०८॥

दिये गये योग वाले संयुत्त भिम्नों के प्रस्थेक समृह में रहने वाले एक से अधिक अज्ञात तस्वीं को निकासने के किये नियम—

आंशिक रूप से ज्ञात विभिन्न संयुत भिन्नों के अज्ञात मानों को उन सुनी हुई राशियों के समान बनाओं जो दिये हुए संयुत भिन्नों की संक्या के बराबर हों और जिनका थोग दिये गये आंशिक संयुत्त भिन्नों के दत्त थोग के तुल्य हो। तब इन सुनी हुई अज्ञात संयुत्त भिन्नीय राशियों के मानों को उनके ज्ञात तत्वों द्वारा कमशः विभाजित करो।।१०९॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

(निम्नकिखित अधिक रूप से ज्ञात संयुक्तभित्र, नाम्ना,) कोई राशि का है ; किसी अन्य राशि का है का दें और अन्य राशि का है का है ; इन सबका योग है है। इनके सम्बन्ध में अञ्चात तस्य क्या क्या है !! ११० ॥

संकर भिनों पर प्रश्न

 $\frac{3}{4/6}$, $\frac{3}{2/6}$ $\frac{3}{2/6}$ और $\frac{3}{2/9}$, दिये गये हैं; बताओं कि इनका योगफक क्या होगा ?

⁽१०९) ११०वीं गाया के प्रका के निम्निखिखित साधन द्वारा नियम स्पष्ट हो चावेगा। इष्ट मिखों के योग है को, गाया ७८ के नियमानुसार है मिखों में विपाटित करने पर हमें है, है और है प्राप्त होते हैं। इन आधिक रूप से ज्ञात संयुत मिन्नों को हम क्रमवार है, टै का है और है का है दारा विमाखित करते हैं विससे है, है और है ग्रोशियां प्राप्त होती है।

द्विज्यंशातं रूपं त्रिपादभक्तं द्विकं द्वयं चापि । द्विज्यंशोक्कृतमेकं नवकात्संशोध्य वद् शेषम् ॥११२॥ कृति प्रभागभागभागंताती ।

भागानुबन्धजातौ स्त्रम्— इरहतक्षपेष्वंशान् संक्षिप भागानुबन्धजाविविधौ। गुणयामांशच्छेदावंशयुतच्छेदहाराभ्याम् ॥११३॥

रूपमागानुबन्ध उद्देशकः

ैद्वित्रिषट्काष्टनिष्काणि द्वाव्शाष्ट्रपढंशकैः। पद्माष्टमैः समेतानि विंशतेः शोधय प्रिय।।११४॥ सार्धेनैकेन पह्नेजं साष्ट्रांशैदेशमिर्दिमम्। सार्धाभ्यां कुहुमं द्वाभ्यां कीतं योगे कियद्भवेत् ।।११६॥ साष्ट्रमाष्ट्री पढंशान् पढ्द्वाद्शांशयुतं द्वयम्। त्रयं पद्धाष्ट्रमोपेतं विंशतेः शोधय प्रिय।।११६॥ सप्ताष्ट्री नवद्शमाषकान् सपादान् दस्वा ना जिननिलये चकार पूजाम्। एन्सीलक्कुरवककुन्दजातिमक्षीमालाभिगेणक वदाशु तान् समस्य।।११७॥

१ B में गुणयेदग्रांशहरी सहितांशब्छेद°, पाठ है।

₹ M इदेत्

२ यह इलोक P में अप्राप्य है।

४ यह रलोक केवल P में प्राप्य है।

॥ १९१ ॥ ९ में से $\frac{9}{2/2}$, $\frac{2}{3/6}$ और $\frac{2}{2/6}$ तथा $\frac{9}{2/2}$ घटाने पर क्या होच रहेगा ? ॥ ११२ ॥

इस प्रकार, कळासवर्ण पर्जाति में, प्रभागजाति नामक परिष्केद समाप्त हुआ।

भागानुबंध जाति [संयव भिष्न]

भागानुबंध मिल्लों के सरकीकरण के सम्बन्ध में निवम---

भागानुबंध भिक्ष को सरक करने के किये अंश को संयवित पूर्णसंख्या (associated whole number) और हर के गुणनफक में जोड़ देते हैं। यदि सम्बन्धित संख्या पूर्णांक न होकर मिल्लीय हो तो प्रथम मिक्स के अंश और हर को दूसरे भिन्न के कमशः अंशसहित हर तथा हर से गुणित करो ॥११३॥

करपमागानुबंध (संयक्ति पूर्णोक बाले भागानुबंध भिन्न) पर उदाहरणार्थ प्रश्न

निष्क क्रमशः २, ६, ६ और ८ हैं और वे चैद, टै, है और टै से संयंतित हैं। हे मित्र इनके योग को २० में से घटाओ ॥ ११४ ॥ १ई निष्क के कमक, १०टे निष्क का कप्र और १ई निष्क की सींफ सरीदी गईं। योग करनेपर उनका कुछ मान बत्रकाओ ? ॥ ११५ ॥ है मित्र २० में से निष्न-किसित को घटाओ—८टै, ६ई, २६६ और १८ ॥ ११॥ १६॥ एक व्यक्ति जिन मंदिर में पूजन हेतु ७६, ८६, ९६ और १०६ मार्थों के सिळे हुए कुरवक, कुन्य, जाति और मिक्किका (जूही) फूळों के हार मेंट करता है। हे गणिवस ! मुझे दीन्न बताओं कि उन मार्थों को ओड़ने के बाद क्या मास होगा ? ॥ ११७॥

⁽११३) मागानुबंध का शाब्दिक अर्थ संयवित मिश्र है। यह नियम दो प्रकार के संयवित भिश्रों में प्रयोज्य होता है। प्रथम मिश्र संस्था है अर्थात् पूर्णोंक से संयवित मिश्र है, और दूसरा प्रकार वह है बिसमें मिश्र से संयवित भिश्र रहते हैं। जैसे है से संयवित है; स्व के है से संयवित है और इस संयवित सिश्र के है से संयवित है। "है से संयवित हैं। "है से संयवित हैं। "है से संयवित हैं। "है से संयवित हैं। इस प्रकार के संयवित को "योबित अनुगमन" (additive consecution) कहते हैं।

मागानुबन्ध उद्देशकः

स्वत्र्यंत्रपादसंयुक्तं वृक्षं पद्धांशकोऽपि च । त्र्यंतः स्वकीयषष्ठार्धं सहितस्तव्युतौ कियत् ॥११८॥ त्र्यंशार्यश्वकसप्तमाश्चरमेः स्वरिन्वतावृक्षेतः पुष्पाण्यर्धं तुरीयपद्धानवमेः स्वीयेर्युतात्सप्तमात् । गन्धं पद्धममागतोऽ धेचरणव्यंशांशकेर्मिश्रिताद् धृपं चार्चियतुं नरो जिनवरानानेष्ट किं तयुतौ ॥ स्वव्रस्वसितं पादं स्वत्र्यंशकेन समन्वितद्विगुणनवमं स्वाष्टांशत्र्यंशकार्धं विभिन्नित्रम् । नवममपि च स्वाष्टांशायर्धपश्चिमसंयुतं निजद्ख्युतं त्र्यंशं संशोधय त्रितयात्रियं ॥१२०॥ स्वव्यस्वसित्रपादं सस्वपादं दशांशं निजद्ख्युत्वषष्टं सस्वकत्र्यंशमर्धम् । चरणमपि समेतस्वत्रिभागं समस्य त्रिय कथय समन्त्रत्र मागानुवन्वे ॥१२१॥

अत्रामाञ्यकानयनस्त्रम्— छन्यात्करिपतमागा स्पानीतानुबन्धफलभक्ताः। क्रमशः खण्डसमानास्तेऽज्ञातांशप्रमाणानि ॥१२२

१ В. श्वचरणाद्यर्घानितमैः।

माग मागानुबंध [संयवित मिन्नों बाले] भिन्न पर उदाहरणार्थ प्रश्न

वहाँ रे स्व के ने आग और इस राशि (ने) के ने आग से संयवित है। दे भी इसी तरह संयवित है; ने स्वके ने आग और इस संयवित राशि (ने) के रे आग से संयवित है। बतकाओं कि इन सबका बोग प्राप्त करने पर क्या मान प्राप्त होगा ? ॥ ११८ ॥ भी जिनवर के पूजन के किये कोई व्यक्ति, ने से बारम्भ होकर ने में अंत होनेवाले भिन्नों से संयवित रे निष्क के फूक; रे, ने, दे और रे से संयवित ने निष्क के हुए (गंध); और रे, ने और ने से इसी तरह संववित दे निष्क की धूप सरीदता है। इन विकों का बोगफक क्या होगा ? ॥ ११९ ॥ है मित्र ! १ में से निम्निक्तित को घटाओ : स्व के रे से तथा इस राशि रे के ने आग से संयवित ने; स्व के रे, ने और रे आगों से संयवित है (बौगिक अधुगम में); रे से आरम्भ होकर ने में अंत होने वाले मिन्नों से संयवित है; और स्व: के रे आग से संयवित ने भाग से संयवित ने; स्व के रे से संयवित ने; स्व के रे आग से संयवित ने; स्व के रे साग से संयवित ने । १२२॥

ं अब अग्र अञ्चल्क (जिनका बोग दिया गया है ऐसे संयवित जिल्लों में प्रत्येक के आरम्म में आने वाका एक अञ्चल) निकाकने के किये नियम वह है—

को इष्ट विषयक तत्वों की संक्या के बराबर है तथा जिनका योग दिया गया है ऐसे कव्यित भागों को, जब कम से, इन विषयक तत्वों सम्बन्धी संयवित राशि को 3 मानकर प्राप्त की हुई परि-जामी राशियों द्वारा विभावित किया जाता है तब इष्ट अञ्चात सम्बन्धी राशियों का मान शत्यम्ब होता है ॥३२२॥

⁽१२२) गाथा १२३ के प्रक्न को खाबित करने पर यह नियम स्पष्ट हो बावेगा-

किसी भिन्न के तीन कुळक (sets) दिये यये हैं; योग १ को, नियम ७५ के अनुसार तीन भिन्नों में विपाटित करने पर इमें दे, दे और ट्रे प्राप्त होते हैं। इन भिन्नों को तीन दिये गये, अशात राश्चि १ वाके, भिन्नों के कुळकों को सरक करने से प्राप्त हुई राश्चियों द्वारा भावित करने पर इमें दे, दे और देह हुए राश्चियों प्राप्त होती हैं।

बन्नोहेशकः

कियत्स्वकेरथं चतीयपादैरंशोऽपरः पद्माचतुर्नवांशैः।

अन्यक्षिपद्धांशनवाशकाधेंयुँतो युती रूपसिहांशकाः के ॥१२३॥

कोऽप्यंशः स्वार्धपद्मांशत्रिपादनवसैर्युतः । अर्थं प्रजायते शीघं वदाव्यक्तप्रमां प्रिय ।।१२४।।

शेषेष्टस्थानाव्यकमागानयनस्त्रम्-

छन्पात्कस्पितमागाः सवर्णितैर्व्यक्तराशिमभैकाः।

कमशो रूपविद्दीनाः स्वेष्टपदेष्वविदितांशाः स्युः ॥१२५॥

इति सागानुबन्धजातिः।

अय भागापवाहजाती सूत्रम्-

हरहतरूपेष्यंशानपनय भागापबाह जातिविधी । गुणयामांशच्छेदावंशोनच्छेदहाराभ्याम् ॥१२६॥

१ अ गुण्येदमांशहरी रहितांशच्छेदहाराज्याम् ।

उदाहरणार्थं पश्न

(बीगिक सद्भाग में) स्वके है, है और है आगों से संबवित एक मिस दिया गया है। अन्य जिस, स्व के है, है और है आगों से संबवित हैं। पुन: अन्य भिन्न स्वके है, है और है आगों से संबवित हैं। पुन: अन्य भिन्न स्वके है, है और है आगों से संबवित हैं। इस तरह संववित भिन्नों का बोग १ हो तो बतकाओं कि वे भिन्न स्वा-स्वा हैं। ॥१२६॥ एक भिन्न स्वके है, है, है और है आगों से संबवित होकर है हो जाता है। हे मिन्न! मुझे बीज ही अस अज्ञात मिन्न का नान बतकाओं ॥१२४॥

मारम्म का स्थान छोड़कर अन्य इष्ट स्थानों के किसी अज्ञात शिक्ष को निकाकने के स्थि नियम— दिये गये योग के, मन से विपादित आगों को अब क्रमशः इष्ट आगानुर्वध शिक्षों की सरक की गई ज्ञात राक्षियों द्वारा विभाजित करते हैं और तब १ द्वारा द्वासित करते हैं, तब इष्ट स्थानों की अज्ञात निकाय राक्षियों प्राप्त होती हैं ॥१२५॥

इस प्रकार, क्कालवर्ण बद्बाति में भागानुबंध बाति नामक परिष्ठेद समास हुआ ।

भागापवाह जाति [वियवित मिन]

विषवित (Dissociated) भिक्षों को सरक करने के किये नियम-

भागापबाह मिन्नों को सरक करने के किये हर द्वारा गुणित वियुत्त पूर्ण संस्था में से अंध को बटाओं। जब वियुत्त राशि पूर्णोंक न होकर भिन्नीय हो तब कमशः अंश और प्रथम भिन्न के हर को जंश द्वारा हासित हर और दूसरे भिन्न के हर द्वारा गुणित करो ॥१२६॥

⁽१२५) इस नियम में दी गई विधि गाया १२२ के समान है : इसमें प्राप्त फर्कों को एक द्वारा डासित किया बाता है।

⁽१९६) मागापवाह का शाब्दिक अर्थ मिसीय वियवन है। जिस तरह मागानुवंध में मिस्न के दो मकार हैं, उसी तरह यहाँ मी २ प्रकार हैं। जब एक पूर्णोंक और एक मिस्न मागापवाह सम्बन्ध में रहते हैं तब पूर्णोंक में से मिस्न पटाया जाता है। दो या दो से अधिक मिस्न मी इस सम्बन्ध में हो सकते हैं, जैसे, स्वके है माग दारा वियुत दें अथवा स्व के हैं, टे, हे मागों दारा वियुत हैं; यहाँ अर्थ यह है कि दें का है, दें में से (प्रथम स्वदाहरण में) घटाया बायगा; वूसरे प्रस्त में : हैं — है का है — (ई — ई का है) का है न हैं का है का है का है का है न हैं का है मास होता है।

रूपमागापवाइ उद्देशकः

ज्यष्ट्रचतुर्देशकर्षाः पादाधेद्वादशांशपष्टोनाः । सवनाय नरेदेत्तास्तीर्थकृतां तथुतौ किं स्थात् ॥१२७॥ त्रिगुणपाददछत्रिष्ट्रताष्ट्रमेविरिहता नव सप्तः नव कमात् । त्रिय विशोष्य चतुर्गुणषट्कतः कथय शेषधनप्रमिति द्वतम् ॥१२८॥

मागमागापवाह उद्देशकः

द्विगुणितपस्त्रमनयमञ्चंताष्टां श्रिसप्तमान् कमशः ।
स्वषढंशपाद् चरणञ्चेशाष्टमवर्षितान् समस्य वद ॥१२९॥
षटसप्तांशः स्वषष्ठाष्टमनवमद्शांशैविंयुक्तः पणस्य
स्यात्पस्त्रद्वाद्शांशः स्वकचरणतृतीयांशपद्धांशकोनः।
स्वद्विज्यंशद्विपद्धांशकद्ववियुतः पद्धवद्भागराशिद्विज्यंशोऽन्यः स्वपद्धाष्टमपरिरहितस्तत्समासे फळं किम् ॥१३०॥
अधं ज्यष्टममागपादनवमैः स्वीयैविंहीनं पुनः
स्वैरष्टांशकसप्तमांशचरणेहनं तृतीयांशकम् ।
अध्यर्धत्परिशोध्य सप्तममपि स्वाष्टांशषष्टोनितं
श्रेषं अहि परिश्रमोऽस्ति यदि ते भागापवाहे सस्ते ॥१३१॥

अत्रामाव्यक्तभागानय नस्त्रम्--

कन्धारकित्यमागा रूपानीतापबाइफलभक्ताः। क्रमग्रः सण्डसमानास्तेऽज्ञातांश्वप्रमाणानि ।१३२॥

वियुत पूर्णांकों वाले भागापवाह भिन्नों पर पश्न

 \mathbf{a} , \mathbf{c} , \mathbf{e} और १० कर्ष को \mathbf{c} , \mathbf{c} , \mathbf{c} , \mathbf{c} और \mathbf{c} कर्ष द्वारा द्वासित कर होष कर्ष कुछ मनुष्यों द्वास सीर्थकरों के पूजन के किये मेंट किये गये। इनका योग करने पर योगफक क्या होगा \mathbf{c} ॥ १२०॥ द्वे मिस \mathbf{c} सीद्र वर्षित कमवार \mathbf{c} , \mathbf{e} और \mathbf{c} राशियों को \mathbf{c} द्वारा घटाया जाने पर कितना रोष रहेगा \mathbf{c} ॥ १२८॥

वियत भिन्नों वाले भागापबाह भिन्नों पर प्रश्न

कमशः है, है, है, है और टे द्वारा द्वासित दे, है, है, है और है को कमबार जोदो और तब बोगफक बतलाओ ॥ १२९ ॥ दिये गये हैं पण में, अनुगामी स्व की है, टे, है और है राशियों को द्वासित करों, पुनः स्व की है, है और है राशियों हारा है को हासित करों, दूसी तरह स्व की है, दे और है शौर है साथियों द्वारा है को हासित करों और अन्य राशि है को स्व की टै संख्या द्वारा द्वासित करों। इस सभी परिणामों को जोड़कर फल बतलाओ ॥ १६० ॥ भागापवाद भिक्ष के सम्बन्ध में, हे मिन्न, यदि दुमने कष्ट किया है तो बतलाओं कि १३ में से निम्हिलित राशियाँ घटाने पर स्वा शेष रहेगा ? स्व के टै, है और है भागों द्वारा द्वासित है; इसी तरह स्व के टे, है और है भागों द्वारा द्वासित है; और इसी तरह स्व के टे, है और है भागों द्वारा द्वासित है; और

दिये गये पोग वाले प्रत्येक वियवित भिक्त में आरम्भ में रहनेवाले एक अञ्चात तत्व को निकालने के किये नियम—

कोकि संस्था में इष्ट विघटक तस्तों के तुस्य हैं ऐसे दिये गये थोग के, मन से विपाटित भागों को, जब कमवार इन विघटक तस्तों सम्बन्धी वियुत राशि को 3 मानने से प्राप्त परिणामी राशियों द्वारा विभाजित किया जाता है तो इष्ट वियुत बहात राशियों के मान प्राप्त होते हैं। १३२॥

⁽१३२) इस गाथा की रीति १२२वीं गाथा के समान है।

बनोहेचकः

कश्चित्खकैश्चरणपञ्चमभागषष्ठैः कोऽप्यंशको द्रुषढंशकपञ्चमांष्ठैः । हीनोऽपरो द्विगुणपञ्चमपाद्षष्ठैः तत्संयुविदेळिमिहाबिदिवांशकाः के ॥१३३॥ कोऽप्यंशस्त्वार्धषद्भागपञ्चमाष्टमसप्तमैः । विहीनो जीयते षष्ठः स कोऽशो गणितार्थवित् ॥१३४॥

शेषेष्ठस्थानाध्यक्तभागानयनसूत्रम्-

स्म्यात्कल्पितमागाः सवर्णितैर्व्यक्तराशिमिर्मकाः। रूपात्प्रयगपनीताः स्वेष्टपदेष्वविदितांशाः स्युः॥१३५॥

इति सागापवाहजातिः।

भागानुबन्धभागापवाह्जात्योः सर्वो व्यक्तभागानयनसूत्रम्— त्यक्त्वैकं स्वेष्टांशान् प्रकल्पयेद्विद्तेषु सर्वेषु । ऐतैस्तं पुनरंशं प्रागुक्तरामयेत्सूत्रैः ॥१२६॥

१ १, ६ और ८ में जायते के किए तद्यतिः।

उदाहरणार्थ प्रश्न

कोई भिन्न निज की है, दे और है राशियों द्वाराअनुगमन में (in consecution) हासित किया जाता है। दूसरा भिन्न भी इसी तरह निज के दे, है, और दे मागों द्वारा हासित किया जाता है। तीसरा भिन्न भी इसी तरह निज के दे, है और है भागों द्वारा हासित किया जाता है। इन तीनों हासित राशियों का योग है है। बतलाओं कि वे अशात भिन्न कीन-कीन हैं ? ॥१६३॥ कोई भिन्न निज के दे, है, दे तथा है और है भागों द्वारा अनुगमन में हासित किया जाता है और इस तरह है हो जाता है। है अंकगणित सिद्धान्त वेता! बतलाओं कि वह अशात क्या है ?॥१६४॥

भन्य बाह्रे हुए स्थानों वाळा कोई अज्ञात भिन्न निकालने के नियम-

दिये गये योग से आस मन से चुने हुए विपाटित भाग क्रमकाः इष्ट भागापवाह मिक्कों वाकी सरळीकृत ज्ञात राशियों द्वारा विभाजित होकर और तक १ में से अकग अकग अटाये जाकर, चाहे हुए स्थानों की भिक्कीय राशियों हो जाते हैं ॥१३५॥

इस प्रकार कळासवर्ण पर्जाति में भागापवाह जाति नामक परिच्छेद समाक्ष हुआ।

भागानुबन्ध अथवा भागापवाह प्रकार के भिन्नों के सम्बन्ध में अंतिममान ज्ञात होने पर (सर्व स्थान वाले) अञ्चात मिन्नों को निकालने के लिये निवम---

मन से, इंच्छातुसार, केवछ एक स्थान छोड़कर सब अज्ञात स्थानों सम्बन्धी भिन्न चुनो। तब उपर लिखे हुए नियमों द्वारा, उस अज्ञात भिन्न को, इन मन से चुनी हुई भिन्नीय राशियों की सहायता से प्राप्त करो ॥११६॥

⁽१३५) गाथा १२५ में द्विये गये नियम के समान यह भी है।

⁽ १३६) १२२, १२५, १३२ और १३५ गायाओं में दिये गये नियमानुसार यह भी है। ग॰ स॰ स॰-९

अशोदेशकः

किञ्चदंशोंऽशकै: कैञ्चित्पच्चभिः स्वैर्युतो दखम् । वियुक्तो वा भवेत्पादस्तानंशान् कथय प्रिय ॥१३७॥

भागमारुजातौ स्त्रम्-

भागादिमजातीनां खखविषिभौगमानुजातौ स्यात्। सा षिंद्रशतिभेदा रूपं छेदोऽच्छिदो रागेः॥१३८॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

एक निम्न निज के पाँच सन्य भिन्नों से मिकाया जाने पर है हो जाता है; और, एक सन्य भिन्न निज के पाँच सन्य मिन्नों द्वारा हासित होकर है हो जाता है। है मिन्न ! उन सब अज्ञात भिन्नों का मान निकाको ॥१६७॥

भागमातृ जाति [दो या अधिक प्रकार के मिन्नों से संयुक्त भिन्न]

कपर वर्णित सभी प्रकार के भिन्नों का विक्षानें समावेश है ऐसे भागमात्र प्रकार के भिन्न सरक करने के किये नियम---

भागमात्र भिन्नों में, सरक भिन्नों को आदि लेकर विभिन्न प्रकार के भिन्नों सम्बन्धी नियम प्रयोज्य होते हैं। भागमात्र भिन्न के २६ प्रकार होते हैं। जिस राशि का इर नहीं होता उस राशि का इर एक के लेते हैं ॥१६८॥

- (१३७) इस प्रश्न में, प्रथम दशा को इस करने में, आरम्भ के स्थानों को छोड़कर अन्य स्थानों में है, है, है, है और है मिल्लों को चुनो; और तब गाथा १२२ में दिये गये नियम द्वारा प्रथम मिल्ल को निकास्त्रों को प्राप्त होगा। अथवा, १२५वीं गाथा के अनुसार आदि मिल्ल के खिवाय छोड़े हुए अन्य स्थानों के भिल्ल को निकास्त्रने के स्थिये है, है, है, है और है चुनो; भिन्न है आवेगा। इसी तरह वियुत भिन्नों वास्त्री दशा को १३२वीं और १३५वीं गाया के नियम की सहायता से साधित किया बा सकता है।
- (१३८) २६ प्रकार के मिन्न तब प्राप्त होते हैं बब कि भाग, प्रमाग, भागभाग, भागानुबंध और भागापवाह को एक बार में क्रमशः दो, तीन, चार अथवा पाँच ठेकर संचय (combinations) संख्या निकास्तते हैं। वैसे, भाग और प्रभाग मिश्रित होते हैं, भाग और मागभाग मिश्रित रहते हैं, आदि। दो का मिश्रण करने पर १० संचय प्राप्त होते हैं, ३ का मिश्रण एक बार में ठेने से १० संचय, चार का मिश्रण एक बार ठेने पर ५ संचय और सबको एक बार ठेने पर १ संचय, इस तरह कुछ २६ प्रकार प्राप्त होते हैं। १३वीं गाया के अन्त में ऐसे भागमात्र प्रकार का प्रश्न है विसमें पाँचों प्रकार सिम्मिकत हैं।

अत्रोदेशकः

ज्यंशः पादोऽधीधं पञ्चमषष्ठिषात्रहृतसेकम् । पञ्चाधेहृतं रूपं सषष्ठमेषं सपञ्चमं रूपम् ॥१३९॥ स्वीयवृतीययुग्दलमतो निजवष्ठयुतो व्रिसप्तमो हीननवाशमेकमपनीतद्शांशकरूपमष्टमः । स्वेन नवांशकेन रहितम्बरणः स्वकपञ्चमोज्यितो मृद्धि समस्य तान् प्रिय क्लासमकोत्पलमाजिकाविधौ ॥१४०॥

इति भागमातृजातिः।

इति सारसङ्ग्रहे गणितशास्त्र महावीराचार्यस्य कृती कळासवर्णो नाम द्वितीयव्यवहारस्समाप्तः ॥

उदाहरणार्थं पश्न

दिया गया है कि भिन्न है निज के, है, है, है का है, है का है; $\frac{9}{2/8}$, $\frac{9}{4/2}$; 9 है, 9 है; है आगों से संयुक्त है। पुनः, निज के है आग से संयुक्त है; है हारा हासित है; 9 हारा हासित 9; निज के है आग हारा हासित है; जो नीलकमळ पुष्पों की माला (उत्पक्त-मालिका) के समान गुँथे हुए हैं ऐसे भिन्न सम्बन्धी नियमों के अनुसार, है मिन्न, इन्हें जोड़कर बतलाओं कि योगफल क्या होगा ? ॥१३९ और १४०॥

इस प्रकार, ककासवर्ण पर्जाति में भागमातृ जाति नामक परिष्ठेद समाप्त हुआ।

इस प्रकार, महावीराचार्यं की कृति सारसंग्रह नामक गणितकाक में कछासवर्ण नामक द्वितीय क्यवहार समाप्त हुआ ।

⁽१३९ और १४०) इस गाथा में उत्पक्षमािक ग्रान्ट आया है विसका अर्थ नीलकमक पुष्पमाळा होता है। गाथा की संरचना का छंद भी यही है।

८. प्रकोर्णक ब्यवहारः

प्रणुतानन्तगुणीर्घं प्रणिपत्य जिनेश्वरं महाबीरम् । प्रणतजगत्त्रसवरदं प्रकीर्णकं गणितमभिधारये॥१॥ विध्यस्तदुर्नयध्वान्तः सिद्धः स्याद्वादशासनः । विद्यानन्दो जिमो जीयाद्वादीन्द्रो सुनिपुक्तयः ॥२॥

इतः परं प्रकीर्णकं तृतीयव्यवहारसुदाहरिष्यामः— भागः शेषो मूलकं शेषमूलं स्यातां वाती द्वे द्विरप्रांशमूले । भागाभ्यासोऽतोंऽशवगोंऽथ मूलमिश्रं तस्माद्भित्रहर्यं दशामुः ॥ ३ ॥

१ B और M में यह बलोक खुटा हुआ है।

४. प्रकीर्णकव्यवहार

[भिन्नों पर विविध प्रश्न].

स्तवनीय अनन्त गुणों से पूर्व और नमन करते हुए तीनों कोकों के बीनों को वह देने वाले जिनेहबर महानीर को नमस्कार कर मैं निक्षों पर विविध प्रश्नों का प्रतिपादन करूँमा ॥१॥ जिन्होंने दुनैय के अधकार का विष्यंस कर स्थाद्वाद शासन को सिद्ध किया है, जो विद्यानम्द हैं, बादिबों में अद्वितीय हैं और मुनिपुंगव हैं ऐसे जिन सदा जयवंत हों। इसके पश्चाद, मैं तीसरे विवय (निक्षों पर विविध प्रश्न) का प्रतिपादन करूँगा ॥२॥ मिक्षों पर विविध प्रश्नों के दस प्रकार हैं; भाग, शेष, मूक, शेषमूक, द्विरमशेषमूक, अंशासूक, भागाम्बास, अंशवर्ग, मूक्टमिश्र और निकादस्य ॥३॥

(३) 'भाग' प्रकार में वे प्रका होते हैं बिनमें निकाली बानेवाली कुछ राशि के कुछ विशिष्ट भिक्षीय भागों को हटाने के पश्चात् शेष भाग का संस्थात्मक मान दिया गया होता है। हटाये गये भिक्षीय भाग में से प्रत्येक 'भाग' कहलाता है और ज्ञात शेष का संस्थात्मक मान 'हत्य' कहलाता है।

'शेष' प्रकार में ने प्रध्न होते हैं जिनमें निकासी जानेवासी कुछ राशि के शत भिन्नीय भाग को हटाने के पश्चात् अथवा उत्तरीत्तर शेष के कुछ शात भिन्नीय भाग हटाने के पश्चात् शेष भाग का संस्थात्मक मान दिया गया होता है।

'मूक्क' प्रकार में वे प्रका होते हैं चिनमें कुछ राशि में से कुछ मिसीय भाग अथवा उस कुछ राशि के वर्गमूक का गुणक घटाने के पक्चात् रोष भाग का संख्यात्मक मान दिया गया होता है।

'शेषमूल', 'मूल' से केवल इस बात में भिन्न है कि यह वर्गमूल पूरी राशि के स्थान में उसका वर्गमूल होता है जो दिये गये भिन्नीय मागों को घटाने के पश्चात शेष रूप में बचता है।

'दिरम शेषमूल' प्रकार में वे प्रका होते हैं जिनमें शात वस्तुओं की संख्या पहिले हटाई जाती है; तब उत्तरोत्तर शेष के कुछ मिलीय माग और तब अम शेष के वर्गमूल का कोई गुणक हटाया जाता है; और अन्त में, शेष माग का संख्यात्मक मान दिया गया होता है। प्रथम हटाई गई शात संख्या पूर्वाम्र कहलाती है।

'अंशमूल' प्रकार में कुछ संख्या के भिक्षीय भाग के वर्गमूल के एक गुणक को इटाया जाता है और तब शेष भाग का संख्यात्मक मान दिया गया होता है। तत्र भागजातिशेषजात्योः स्त्रम्— भागोनरूपभक्तं दृश्यं फळमत्र भागजातिषिधौ । अंशोनितरूपाहतिहृतममं शेषजातिषिधौ ॥ ४ ॥ भागजाताबुहेशकः

दृष्टोऽष्टमं पृथिव्यां स्तम्भस्य त्र्यंशको मया तोये। पादांशः शैवाले कः स्तम्भः सप्त इस्ताः से॥ ५॥ पद्भागः पाटब्रेषु अमरवरततेस्तविभागः कदम्बे पादत्रचृतदुमेषु प्रदक्षितकुसुमे चन्त्रके प्रश्नमांशः।

मिन्नों पर विविध प्रश्नों में 'माग' और 'रोष' मिन्नों सम्बन्धी निषम --

'भाग' प्रकार (भाग प्रकार की प्रक्रियाओं) में, ज्ञात भिन्न से हासित १ के द्वारा दी गई राशि को भाजित कर चाहा हुआ कछ प्राप्त किया जाता है। 'शेष' प्रकार की प्रक्रियाओं में, झाल भिन्नों को एक में से क्रमशः चटाने से प्राप्त शिक्षाों के गुणनफल हारा दी गई राशि को भाजित कर इष्ट फल प्राप्त किया जाता है।।४॥

'भाग' जाति के उदाहरणार्थ प्रस्त

मेरे द्वारा एक स्तम्भ का है भाग जमीन में; ई पानी में है काई में और ७ हस्त हवा में देखा गचा। क्तकाओं स्तम्भ की कम्बाई क्या है ? ॥५॥ ओड अमरों के समृह में से है पाटकी बुध में, दे करम्ब इस में, है आज इस में, दे विकसित पुष्पों वाले अम्पक बुध में, दे सूर्य किरणों द्वारा पूर्ण विकसित कमक कुम्द में आनम्ब के रहे वे और एक मच श्वक्त आकास में अमण कर रहा था।

'मूळमिभ' प्रकार में वे प्रका होते हैं जिनमें कुछ दी गई संख्याओं द्वारा घटाई या बढ़ाई गई कुछ संख्या के वर्गमूल में कुछ के वर्गमूल को बोड़ने से प्राप्त योग का संख्यात्मक मान दिया गया होता है।

'भिक इस्य' प्रकार में कुछ का मिकीस माग, दूसरे भिकीय माग द्वारा गुणित होकर, उसमें से इटा दिया बाता है और शेष भाग कुछ के भिकीय भाग के रूप में निरूपित किया बाता है। यह विचारणीय है कि इस प्रकार में, अन्य प्रकारों की अपेक्षा शेष को कुछ के भिकीय माग के रूप में रखा बाता है।

⁽४) 'भाग' प्रकार के सम्बन्ध में विवम बीबीय रूप से यह है : क = अ जहाँ क अज्ञात समुख्य राशि है, बिसे निकाळना है; अ 'हस्य' अथवा अग्र है; और, व दिया गया भाग अथवा दिये

^{&#}x27;भागाभ्यास' अथवा 'भाग सम्बर्ग' प्रकार में, कुछ संख्या के कुछ भिक्षीय भागों के गुणनफळ अथवा गुणनफळों को दो, दो के संख्य में छेकर उन्हें कुछ संख्या में ते घटाने से प्राप्त शेष भाग का संस्थात्मक मान दिया गया होता है।

^{&#}x27;अंशवर्गं' प्रकार में वे प्रका होते हैं जिनमें कुछ में से भिकीय भाग का वर्ग (बहां, यह भिकीय भाग दी गई संख्या द्वारा बढ़ाया अथवा घटाया बाता है) हटाने के पश्चात् शेष भाग का संख्यात्मक मान दिया गया होता है ।

मोत्कृत्तान्मोजवण्डे रविकरद्किते त्रिंशदंशोऽभिरेमे
वत्रेको मस्पृक्तो अमित नमसि का तस्य वृन्द्स्य संख्या ॥ ६ ॥
धादायान्मोक्द्राणि स्तुतिशतमुस्यरः शावकस्तीर्थक्त्रयः ।
पूजां चक्रे चतुम्यों वृषभजिनवरात् त्र्यंशमेषाममुख्य ।
प्रयां चक्रे चतुम्यों वृषभजिनवरात् त्र्यंशमेषाममुख्य ।
प्रयां चक्रे चतुम्यों प्रमुद्दिसमनसाद्त्र किं तत्प्रमाणम् ॥ ७ ॥
स्ववशीकृतेन्द्रियाणां दूरीकृतविषकषायदोषाणाम् । शोळगुणामरणानां द्याङ्गनाळिङ्गिताङ्गानाम् ॥८॥
साधृनां सङ्घृन्दं सन्दृष्टं द्वादशोऽस्य तर्ककः । स्वत्र्यंशवितोऽयं सैद्धान्तद्छान्द्सस्ययोः शेषः ॥९॥
प्रसृनोऽयं धमैकथी स एव नैमित्तिकः स्वपादोनः ।
बादी तयोविशेषः षद्गुणितोऽयं तपस्री स्यात् ॥१०॥
गिरिशिस्रदत्वे मयोपदृष्टा यतिपत्यो नवसंगुणाष्टसङ्क्ष्याः ।
रिकरपरितापितोज्यवळाङ्गाः कथ्य मुनीन्द्रसमृह्माशु मे त्वम् ॥११॥

बतकाओं कि बस समृद्द में अमरों की संख्या कितनी थी ? ॥६॥ एक अवक ने कमछों को एकत्रित कर, बोर से शत स्तुतियाँ करते हुए, पूजन में इन कमकों के है भाग और इस है भाग के है है और है भागों को क्रमशः जिनवर अपम से भादि लेकर चार तीर्थंकरों को: इन्हीं ने भाग कमलों के े और _{रीत} भागों को सुमित नाम को; तब, शेष ३९ तीर्यंकरों को प्रमुद्दित मन से २. २ कमक मेंट किये। बतकाओं कि उन सब कमकों का संस्थात्मक मान क्या है ? ॥७॥ कुछ साधुओं का समृह देखा गया । वे साध हन्त्रियों को अपने वक्षमें कर चुके थे. विषरूपी कवाय के दोवों को दूर कर चुके थे। उनके शरीर सचरित्रता से भीर सद्गुणों रूपी भाभरणों से शोभायमान थे तथा इया कपी अंगना से आर्किंगित थे। उस समूह का देह भाग तर्क शास्त्रियों युक्त या। निज के हे भाग हारा हासित वह 🗣 वां भाग सदृत्य, संदृष्ट साधुओं तुक्त था । इन दोनों का अन्तर [📲 और 📲 – 🐈 का 🖁] सिद्धान्त ज्ञाताओं की संख्या थी । इस अंतिम अञ्जूपाती राशि में ६ का गुणन करने से प्राप्त राशि धर्म कथिकों की संख्या थी । निज के है भाग द्वारा दासित वह राशि नैमिसिक मानियों की संख्या थी। इन जीत में कथित दो राशियों के अन्तर का राशिफक वादियों की संख्या थी। ब्रारा गुणित यह राशि कठीर तपस्वियों की संख्या थी । और, ९ x ८ यति मेरे द्वारा गिरि के शिखर के पास देखे गये, जिनका शरीर सूर्य के किरणों द्वारा परितप्त होकर उज्बक दिलाई देता था। मुझे बीब, इस मुनीन्द्र समुद्द का मान बतलाओ ॥८-११॥ एके हुए फलों (बलियों) के भार से घुके हुए सन्दर शाकि क्षेत्र में कुछ तीते (बुक) उतरे । किसी मनुष्य द्वारा भवगस्त होकर वे सब सहसा उत्पर उदे । उनमें से आधे पूर्व दिशा की ओर, है दक्षिण पूर्व (आरनेय) दिशा में उदे । जो पूर्व और आरनेय विशा में उदे उनके अन्तर को निज की भाषी राशि द्वारा द्वासितकर और पुनः इस परिणामी राशि की

गये मिन्तीय भागों का योग है। यह स्पष्ट है, कि यह समीकरण के — वक = अ दारा प्राप्त किया जा सकता है। शेष प्रकार का नियम, बीबीय रूप से निद्यांत करने पर,

क= $\frac{4}{(2-a_1)(2-a_2)(2-a_3)\times...}$ होता है, वहाँ a_1 , a_2 , a_3 आदि उत्तरोत्तर रोषों के

फलभारतम्नकन्ने शालिक्षेत्रे शुकाः समुपिषष्टाः । सहसोत्थिता मनुष्यैः सर्वे संत्रासिताः सन्तः ॥१२॥ तेषामर्थं प्राचीमाग्नेयौ प्रति जगाम बङमागः ।

पूर्वाग्नेयीशेषः स्वद्छोनः स्वार्धवर्जितो यासीम् ॥१३॥

योम्याग्नेयोशेषः स नैर्ऋति स्वद्विपद्धमागोनः । यामोनैऋत्यंशकपरिशेषो वारुणीमाञ्चाम् ॥१४॥ नैर्ऋत्यपर्विशेषो वायव्यां सस्वकत्रिसप्तांशः । वायव्यपर्विशेषो युतस्वसप्ताष्टमः सौमीम् ॥१५॥ वायव्यपर्विशेषो वृतस्वसप्ताष्टमः सौमीम् ॥१५॥ वायव्यपर्विशेषोत्तिरशानीं स्वत्रिभागयुगहोना । वृश्चगुणिताष्टाविश्वतिरविश्वा व्योम्नि कति कीराः॥१६॥ कािषद्धसन्तमासे प्रसुनफळगुच्छमारनमोद्याने ।

कुमुमासवरसरिखतशुककोकिङमधुपमधुरनिस्वननिचिते ॥१७॥

हिमकरघवले पृथुले सौधतले सान्द्ररुन्द्रमृदुतल्पे।

फणिफणनितस्वविस्वा कनद्मलाभरणशोकाकी ॥१८॥

पाठीनजठरनयना कठिनस्तनहारनम्रतनुमध्या।

सह निजपतिना युवती रात्री प्रोत्यानुरममाणा ॥१९॥

प्रणयकलहे समुत्थे मुक्तामयकण्टिका तद्बलायाः।

छिषावत्रौ निपतिता तत्त्रयंश्रखेटिकां प्रापत् ॥२०॥

षड्भागः शय्यायामनन्तरान्तरार्धमितिभागाः । षट्संख्यानास्तस्याः सर्वे सर्वत्र संपतिताः ॥२१॥ एकाप्रषष्टिशतयुतसङ्खमुकाफछानि दृष्टानि । तम्मौक्तिकप्रमाणं प्रकीर्णकं वेत्सि चेत् कथय ॥२२॥

अर्थ राशि द्वारा हासित करने से प्राप्त राशि के तोते दक्षिण दिशा की ओर उद्दे। जो दक्षिण की ओर उद्दे तथा आग्नेय दिशा में उद्दे उनके अन्तर को, निज के हैं भाग द्वारा हासित करने से प्राप्त राशि के तोते दक्षिण पश्चिम (नैक्स्य) दिशा में उद्दे। जो नैक्स्य में उद्दे तथा पश्चिम में उद्दे, उनके अन्तर में उस निज के हैं भाग को जोदने से प्राप्त संख्या के तोते उत्तर-पश्चिम (वायव्य) में उद्दे। जो वायव्य और पश्चिम में उद्दे उनके अन्तर में हाज के हैं भाग को जोदने से प्राप्त संख्या के तोते उत्तर दिशा में उद्दे। जो वायव्य और उत्तर में उद्दे उनका योगफक निज के हैं भाग द्वारा हासित होने से प्राप्त राशि के तोते उत्तर पूर्व (ईशान) दिशा में उद्दे। तथा, २४० तोते उपर आकाश में शेष रहे। व्यवकाओं कुछ कितने तोते थे ? ॥१२-१६॥

वसन्त ऋतु के मास में एक रात्रि को, कोई...... बुवती अपने पति के साथ, फळ और पुष्पों के गुच्छों से नकी मृत हुए इक्षोंवाले, और फूलों से प्राप्त रस द्वारा मत्त शुक्क, कोयळ तथा अमरहन्द के मशुर स्वरों से गुंजित बगीचे में स्थित महळ के फर्झ पर सुख से तिही थी। तभी पति और पत्नी में प्रणयकछह होने के कारण, उस अवका के गले की मुक्तामणी कंठिका टूट गई और फर्झ पर गिर पद्मी। उस मुक्ता के हार के है मुक्ता दासी के पास पहुँचे; है शक्या पर गिरे, तब होष के है, और पुनः अप्रम शेष के है और फिर अप्रिम शेष के है; इसी तरह कुळ ६ बार में प्राप्त मुक्ता राशि सर्वत्र गिरी। होष बिना बिखरे हुए ११६१ मोती पाये गये। यदि तुम प्रकीर्णक भिन्नों का साधन करना जानते हो तो उस हार के मोतियों का संख्यारमक मान बतळाओ ॥१७-२२॥ स्कुरित इन्द्रनीकमणि समान नीले रंग

भिन्नीय भाग हैं। यह त्त्र निम्निक्षित समीकरण से प्राप्त किया वा सकता है।
क - व क - व (क - व क) - व स्तादि)..... = अ.
(१७) कुछ शब्दों का अनुवाद छोड़ दिया गया है, जिन्हें पाठक मूळ गाथा में देख सकते हैं।

ैस्ट्रादिन्यनीस्थर्णं यट्पन्यून्दं प्रकुरिखतोद्याने । इष्टं तस्याष्ट्रांकोऽयोके कुटचे वरंशको सीमः ।१६३।। कुटबायोकिषिशेषः वर्गुणितो विपुलपाटसीवण्डे ।

पाटस्यशोकशेष: स्वनवांकोनी विशाससास्वने ॥२४॥

पाटस्वशोक्षयोषो युतः स्वस्तांक्षकेन मधुक्वने । पश्चांकाः संदृष्टो बकुलेबृत्कुरुख्युकुलेषु ॥२५॥ विक्रकेषु कुरवकेषु च सरलेक्षाक्षेषु पश्चषण्डेषु । वनकरिकपोलम्केक्ष्मि सन्तरथे स प्रवांका ॥२६॥ किञ्चल्कपुक्कपिक्षरकञ्चने मधुक्राक्षयिक्षात् । दृष्टा असरकुलस्य प्रमाणमान्यस्य गणक स्वस् ॥२०॥ गोयूथस्य क्षितिशृति दलं तद्दलं शैलम्ले षट् तस्यांका विपुक्तविभने पूर्वपूर्वार्थमानाः । संतिष्ठन्ते नगरनिकटे वेनवो दृश्यमाना द्वानिकृत्व संवद् सम सन्ते गोकुलस्य प्रमाणम् ॥२८॥

इति भागजास्यदेशकः।

शेषवातानु देशकः

षब्भागमाम्रराशे राजा शेषस्य पद्धमं राज्ञो । तुर्वत्र्यंशदलानि त्रयोऽप्रहीषुः कुमारवराः ॥ २९ ॥ शेषाणि त्रीणि चृतानि कनिष्ठो दारकोऽग्रहीत् । तस्य प्रमाणमाचक्ष्य प्रकीणकविशारद् ॥ ३० ॥ षरति गिरौ सप्तांशः करिणां षष्ठादिमार्थपाद्धात्याः । प्रतिशेषांशा विपिने षद्द्ृष्टाः सरसि कति ते स्युः ॥ ३१ ॥

१ अ. में 'स्कृरितेन्द्र', पाठ है।

बाके अमरों के समूह (वट्पद बुन्द) को प्रफुक्ति उद्यान में देखा गया। इस समूह का है माग अग्रोक बुशों में तया है माग इटज व्यों में छिप गया। जो क्रमतः इटज और अग्रोक बुशों में छिप गये उन समूहों के अंतर को ६ हारा गुणित करने से प्राप्त अगरों की शांगि विप्रुष्ठ पाटली नृकों के समूह में छिप गई। पाटली और अग्रोक बुशों के अगर समूहों के अन्तर को निज के है भाग हारा हासित करने से प्राप्त अगर राशि विश्वाल साल बुशों के वन में छिप गई। उसी अंतर को निज के है भाग में मिलाने से प्राप्त अगर राशि मायुक बुशों के वन में छिप गई। इक समूह की है अगरराशि अव्यक्ति साल और सिलाने से प्राप्त अगर राशि मायुक बुशों के वन में छिप गई। इक समूह की है अगरराशि अव्यक्ति साल और शाम के बुशों में, कमलों के समूह में और वनहस्तियों वाले मंदिरों के मूल में छिप गई। और, शेष १६ मार बड़ीराशि के विभिन्न रंगां से स्थास कमल पूंज में वेले गये। हे गणितज्ञ! अगर समूह का संक्वालक जान हो ॥२३-२७॥ गोकुछ (पञ्चलों के हुल्ड) में से है जाग पर्वंत पर है; उसका है भाग पर्वंत के मूल में है। शेष १२ गांग (जिनमें से प्रत्येक इन्तरोक्तर पूर्ववर्ती माग का काथा है), किसी विप्रक वन में है। शेष १२ गांगे नगर के निकट देखी जाती है। है मेरे मिल ! उस पञ्च हुल्ड का संक्वारमक मान वसकाओ ॥१८॥

इस प्रकार, 'माग' जाति के क्याहरणार्थ प्रश्न समाप्त हुए। 'शेष' जाति के उद्याहरणार्थ प्रका

आण पर्छों के समृद् में से राजा ने है माग किया; रानी ने शेष का है माग किया और प्रमुख राजाकुमारों ने उसी शेष के कमशा है, है और है माग किये। सबसे छोटे ने शेष ६ जाम किये। दे प्रकार्णक विशारद ! आमसमूद का संक्यासमक मान नतकाओं ॥२९-१०॥ शाकियों के छुण्ड का है माग पर्वत पर विश्वरण कर रहा है। कम से उत्तरोत्तर शेष के है माग को आदि तेकर है तक छुण्ड माम बन में कीक रहे हैं। शेष ६ सरोकर के निकड हैं। वसकाओं कि वे निकड हों। है १ ॥३१॥

कोष्ट्रस्य छेमे नवमाश्चमेकः प्रेऽष्ट्रभागादिद्खान्तिमाशान् । श्रोबस्य श्रेबस्य पुनः पुराणा दृष्टा मया द्वादश तत्ममा का ॥ ३२ ॥ इति श्रेबजात्युदेशकः ।

अय मूळजातौ स्त्रम्— मूळाधीप्रे छिन्धादंशोनैकेन युक्तमूळकृतेः। दृश्यस्य पर्वं सपदं वर्गितमिह मूळजातौ स्वम् ॥३३॥ अत्रोदेशकः

दृष्टोऽटब्यामुंदृय्यस्य पादो मूले च हे शैलसानी निविष्टे। चंद्राखिन्नाः पद्म नद्यास्तु तीरे कि तस्य स्यादुष्ट्रकस्य प्रमाणम् ॥ ३४ ॥ श्रुत्वा वर्षाञ्जमालापटइपदुरवं शैल्ट्यङ्गोरुरङ्गे नाट्यं चक्रे प्रमोद्प्रमुदितिशिक्षनां वोडशांशोऽष्टमश्च । इयंशः शेषस्य षष्टो वरवकुलवने पद्म मूलानि तस्थुः पुकागे पद्म दृष्टा भण गणक गणं वर्ष्ट्णां संगुणय्य ॥ ३५ ॥

१ अ में 'इस्ति' पाठ है। २ अ में 'नागाः' पाठ है।

३ अ में 'कि स्यासेषां कुञ्जराषां प्रमाणम्' पाठ है ।

एक आदमी को खजाने का है भाग मिछा। दूसरों को उत्तरोत्तर होचों के टै से आरम्भ कर, क्रम से है तक भाग मिछे। अंत में होष १२ पुराण मुझे दिखे। बतलाओं कि कोष्ट में कितने पुराण हैं १॥३२॥ इस तरह होच जाति के उदाहरणार्थ प्रभ समास हए।

'मुक' जाति सम्बन्धी नियम---

अज्ञात राशि के वर्गम्क का आधा गुणांक (वार चोतक coefficient) और ज्ञात शेष में से प्रत्येक को अज्ञात राशि के भिज्ञीय गुणांक से हासित एक हारा भाजित करना चाहिये। इस तरह वर्ते हुए ज्ञात शेष को अज्ञात राशि के वर्गम्क के गुणांक के वर्ग में जोड़ते हैं। प्राप्त राशि के वर्गम्क में इसी प्रकार वर्ते हुए अज्ञात राशि के वर्गम्क के गुणांक को जोड़ते हैं। तत्पक्षात परिणामी राशि का पूर्ण वर्ग करने पर, इस मूळ प्रकार में इष्ट अज्ञात राशि प्राप्त होती है। १३॥

उदाहरणार्थ पक्त

करों के शुष्य का ने भाग वन में देशा गया । उस शुष्ट के बर्गमूल का दुगुना भाग पर्वत के उतारों पर देशा गया । ५ करों के तिगुने, नदी के तीर पर देशों गये । करों की कुक संस्था क्या है ? ॥६६॥ वर्षा ऋतु में, घनाविक द्वारा उत्पन्न हुई स्पष्ट ध्यति शुनकर, अयूरों के समूह के पहे और टे भाग तया शेष का ने भाग और तत्पश्चात् होय का है भाग, आनम्दातिरेक होकर पर्वत शिखररूपी विश्वाल नात्यशाका पर नावते रहे । उस समूह के वर्गमूल के पाँचगुने बकुक हुओं के उत्हर वन में ठहरे रहे । और, शेष ५ पुनाम बूझ पर देशों गये । हे गणितज्ञ ! गणना करके कुक अयूरों की संस्था बतकाओ ॥६५॥ किसी बजात संस्था वाल सारस पश्चिमों के श्वाव का ने भाग कमक वण्ड (समूह)

(३३) बीबीय रूप से, यह नियम निम्नकिखित रूप में आता है-यहाँ अञ्चात राशि 'क' है।

$$\overline{s} = \left\{ \frac{\pi/2}{2-\pi} + \sqrt{\frac{24}{2-\pi}} + \left(\frac{\pi/2}{2-\pi}\right)^2 \right\}^2; \quad \text{as, explicitly } \overline{s} = \left(-\frac{\pi}{4} + \frac{\pi}{4} + \frac{\pi}{4} \right)^2$$

= • के द्वारा सरस्रता से प्राप्त किया जा सकता है। ग॰ सा॰ सं•--१० चरित कंमलपण्डे सारसानां चतुर्थों नवमचरणमागौ सप्त मूळानि चाह्रौ । विकचबकुळमध्ये सप्तनिष्नाष्टमानाः कति कथ्य सखे त्वं पक्षिणो दश्च साक्षात् ॥ ३६ ॥ न मागः कपिवृन्द्रस्य श्रीणि मूळानि पर्वते । चत्वारिकाद्वने दृष्टा वानरास्तद्रणः कियान् ॥ ३७ ॥ कलकण्डानामधं सहकारतरोः प्रपुलकााखायाम् । तिलकेऽष्टादश तस्थुनों मूळं कथ्य पिकनिकरम् ॥ ३८ ॥ इंसकुळस्य दलं बकुलेऽस्थात् पन्न पदानि तमाळकुजाते । कश्च न किंचिदपि प्रतिदृष्टं तत्प्रमितिं कथ्य प्रिय क्षीप्रम् ॥ ३९ ॥

इतिमूळजातिः।

अथ शेषमूलजातौ सूत्रम्— पद्दलबर्भेयुतामान्मूलं समान्पदार्थमस्य कृतिः । दृश्ये मृलं प्राप्ते फलमिह् भागं तु भागजातिविधिः ॥ ४० ॥

पर चक रहा है; उसके है और है भाग तथा उसके वर्गमूक का ७ गुना भाग पर्वत पर विचर रहे हैं। इक पुष्पयुक्त बकुल हुशों के मध्य में शेष ५६ हैं। हे नियुण मित्र ! मुझे ठीक बतलाओं कि कुल कितने पश्नी हैं ॥३६॥ बन्दरों के समृष्ट का कोई भी भिश्नीय भाग कहीं नहीं है। उसके वर्गमूल का तिगुना भाग पर्वत पर है, और शेष ४० वन में देखे गये हैं। उन बन्दरों की संक्या क्या है ? ॥३७॥ कोयलों की आधी संक्या आज की प्रफुलित साखा पर है। ३८ कोयलें एक तिलक वृक्ष पर देखी गई हैं। उनकी संक्या के वर्गमूल का कोई भी गुणक कहीं नहीं देखा गया है। उन कोयलों की संक्या क्या है ? ॥३८॥ हंसों की आधी संक्या बद्धल बुक्षों के मध्य में देखी गई; उनके समृह के वर्गमूल की पाँच गुनी संक्या तमाक बुक्षों के शिखर पर देखी गई। शेष कहीं नहीं दिखाई दी। हे मित्र ! उस समृह का संक्यात्मक मान शीघ बतलाओ ॥३९॥

इस प्रकार 'सूक' जाति प्रकरण समाप्त हुआ।

शेषमूछ जाति सम्बन्धी नियम-

अज्ञात समुख्य राशि के होष माग के वर्गमूक के गुणांक की आधी राशि के वर्ग को को । इसमें होष शात संख्या मिलाओ । योगफरू का वर्गमूक निकालो । अज्ञात समुख्य राशि के होष भाग को वर्गमूक के गुणांक की आधी राशि में इस वर्गमूक को मिलाओ । यदि अज्ञात समुख्य राशि को मूळ (original) समुख्य राशि ही ले लिया जाता है तो इस अंतिम योग का वर्ग इष्ट फळ होगा । परन्तु, यदि इस अज्ञात समुख्य राशि का होष भाग केवळ एक भाग की तरह ही वर्ता जाता है, तो "भाग" प्रकार सम्बन्धी नियम उपयोग में छाना पहेगा ॥४०॥

यह समीकरण इस प्रकार के प्रश्नों का बीबीय निरूपण है। यहाँ 'स' अज्ञात राश्चि क के वर्गमूल का गुणांक है।

⁽४) बीजीय रूप से, क – वक = $\left\{\frac{\pi}{2} + \sqrt{\left(\frac{\pi}{2}\right)^2 + ai}\right\}^2$ है। इस मान से इस अध्याय में दिये गये नियम ४ के अनुसार क का मान निकास्त्र वा सकता है। समीकरण क – वक +

अत्रोहेशकः

गजयूथस्य त्रयंशेः शेषपदं च त्रिसंगुणं सानौ ।

सरसि त्रिहस्तिनीभिनीगो रष्टः कतीह गजाः ॥ ४१ ॥

निर्जेन्तुकप्रदेशे नानाद्रुमषण्डमण्डितोद्याने । आसीनानां यमिनां मूळं तरुम्ळयोगयुतम् ॥ ४२ ॥ शेषस्य दशमभागो मूळं नवमोऽथ मूळमष्टांशः । मूळं सप्तममूळं षष्ठो मूळं च पद्ममो मूळं ॥ ४३ ॥

पते भागाः काव्यप्रवचनधर्मप्रमाणनयविद्याः।

वादच्छन्दोज्यीतिषमन्त्रालङ्कारशब्दझाः ॥ ४४ ॥

द्वाद्श्वपःप्रभावा द्वाद्श्भेदाङ्गशास्त्रकुश्लिधयः।

द्वादश मुनयो दृष्टाः कियती मुनिच्न्द्र यतिसमितिः ॥ ४५ ॥

मूळानि पद्म चरणेन युतानि सानौ शेषस्य पद्मनवमः करिणां नगाप्रे।

मूळानि पद्म सरसीजवने रमन्ते नद्यास्तटे षिड्ह ते द्विरदाः कियन्तः ॥ ४६ ॥

इति शेषमूळजातिः।

B में शेषस्य पदं त्रिसंगुण पाठ है।

उदाहरणार्थ पश्च

हाथियों के यूथ (हांड) का ने भाग तथा शेष आग की वर्गमूळ शिश के हाथी, पर्वतीय उतार पर देखें गये । शेष पुढ़ हाथी १ हस्तिनियों के साथ पुढ़ सरोवर के किनारे देखा गया । चतकाओं कितने हाथी थे ? ॥ ४१ ॥ कई प्रकार के बुधों के समूह हारा मंदित उद्यान के निर्जन्तुक प्रदेश में कई राधु आसीन थे । उनमें से कुछ के वर्गमूळ की संक्या के साधु तदमूळ में बैठे हुए योगाभ्यास कर रहे थे । शेष के नैं, (इसको घटाकर) शेष का वर्गमूळ, (इसको घटाकर) शेष का वर्गमूळ; (इसको घटाकर) शेष का वर्गमूळ; (इसको घटाकर) शेष का है; (इसको घटाकर) शेष का वर्गमूळ; (इसको घटाकर) शेष का है; (इसको घटाकर) शेष का वर्गमूळ हारा निरूपित संक्याओं वाळे वे थे जो (कमशः) कान्य प्रवचन, धर्म, प्रमाण नयविधा, वाद, छन्द, ज्योतिष, मंत्र, अकंशार और शब्द हाख (व्याकरण) जानने वाळे थे, तथा वे भी थे जो वारह प्रकार के तप के प्रभाव से प्राप्त होनेवाकी ऋखियों के चारी थे, तथा वारह प्रकार के अंग शास्त्र को क्श्राकता पूर्वक जानने वाळे थे । इनके अतिरिक्त अंत में १२ मुनि वेसे गये । हे मुनिचंद ! बतळाओं कि यति समिति का संक्यासक मान क्या था ? ॥ ४२-४५ ॥ हाथियों के समूह के वर्गमूळ का ५० गुना भाग पर्वतीय उतार पर श्रीदा कर रहा है; सेष का है भाग पर्वत के शिकार पर शीदा कर रहा है । (इसको घटाकर) शेष का वर्गमूळ प्रमाण हस्तीगण कमळ के वन में रमण कर रहा है । और, शेष ६ इस्ती नदी के तीर पर हैं । यहाँ सब इस्ती कितने हैं ? ॥ ४६ ॥

इस प्रकार, 'शेषमूक' जाति प्रकरण समाप्त हुआ।

"दिश्म क्षेत्र मूक" वाति [क्षेत्रों की संरचना करने बाकी दो ज्ञात राक्षियों वाले 'शेषमूक' प्रकार] सम्बन्धी नियम—

(समूह बाचक अज्ञात राशि के) वर्गमूक का गुणांक, और (शेष रहने वाकी) अंतिम शात (संप्रक न वक्क न अ) = ॰ द्वारा उपर्युक्त क - वक्क का मान सरस्तापूर्वक प्राप्त किया जा सकता है। बहाँ भी 'क' अज्ञात राशि है। अथ द्विरप्रशेषमूळजातौ सूत्रम्— मूळं दृश्यं च भजेदंशकपरिहाणरूपघातेन । पर्वाप्रमग्रराशौ क्षिपेदतः शेषमूळविधिः ॥ ४७॥ अत्रोदेशकः

मधुकर एको रष्टः स्व पद्मे शेषपद्ममचतुर्थौ । शेषत्र्यंशो मूळं द्वीवाम्ने ते कियन्तः स्युः ॥ ४८ ॥ सिंहाम्बत्वारोऽद्रौ प्रतिशेष षडंशकादिमार्थान्ताः । मूळे चत्वारोऽपि च विपिने रृष्टाः कियन्तस्ते ॥ ४९ ॥

र B में 'ह्यौ चाम्ने' पाट है।

राशि, इन दोनों को, प्रत्येक दशा में भिश्वीय समानुपाती शक्षियों को लेकर एक में से हासित करने से प्राप्त होयों के गुणनफल द्वारा विभाजित करना चाहिये। तब प्रथम ज्ञात राशि को उस अन्य ज्ञात राशि के उपर साधित किया हैं) जोड़ देना चाहिये। तस्प्रधात् प्रकीर्णक भिन्नों के 'शेषमूळ' प्रकार सम्बन्धी क्रिया की जाती है। ४७॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

मधुमिक्तियों के झंड में से एक मधुमिक्ती आकाश में दिखाई दी। शेष का दे भाग; पुनः, शेष का रे भाग; पुनः, शेष का है भाग तथा झंड के संस्थारमक मान का वर्गमूळ प्रमाण कमलों में दिखाई विया। अंत में शेष दो मधुमिक्तियाँ एक आज्ञवृक्ष पर दिखाई दीं। बतलाओं कि उस झंड में कितनी मधुमिक्तियाँ हैं ? ॥४८॥ सिंह दल में से चार पर्वत पर देखें गये। दल के क्रिमिक शेषों के हैं वें भाग से आरम्भ होकर है वें भाग तक के मिन्नीय भाग; दल के संख्यात्मक मान के वर्गमूल का द्विगुणित प्रमाण तथा अन्त में शेष रहने वाल ४ सिंह वनमें दिखाई दिये। बतलाओं कि उस दल में कितने सिंह है ? ॥४९॥ सग दल में से तहण हरिणियों के दो युग्म वन में देखें गये। सुण्ड के क्रिमिक शेषों

(४७) बीजीय रूप से, इस नियम से
$$\frac{R}{(2-34)(2-34)\times...}$$
 इत्यादि

 Θ_2 (१ — α_4) \times "इत्यादि + α_4 , पद संहतियाँ प्राप्त होती हैं जिनका शेषमूल के स्त्र में स और अ के स्थान पर प्रतिस्थापन करना पड़ता है । 'शेषमूल' का सूत्र यह है

क - बक = $\left\{ \frac{\pi}{2} + \sqrt{\left(\frac{\pi}{2}\right)^2 + at} \right\}^2$ । इस सूत्र का प्रयोग करने में व का मान शून्य हो जाता है; क्योंकि दिश्य शेषमूल में गर्भित रहने वाला मूल अथवा वर्गमूल कुल राश्चि का होता है न कि राश्चि के भिन्नीय माग का । जैसा कि इष्ट है, आदेशन करने से हमें क = $\left\{ \frac{\pi}{2} + \sqrt{(2-a_1)} \times \dots$ हत्यादि

$$\sqrt{\left(\frac{8}{2\left(\xi-\overline{a}_{\eta}\right)\left(\xi-\overline{a}_{2}\right)\times\dots}} + \frac{3I_{2}}{2\left(\xi-\overline{a}_{\eta}\right)\left(\xi-\overline{a}_{2}\right)\times\dots}} + \frac{3I_{2}}{2\left(\xi-\overline{a}_{\eta}\right)\left(\xi-\overline{a}_{2}\right)\times\dots}}$$
 प्राप्त होता है । यह फल समीकरण

क - अन - वन (क - अन) - वह {क - अन - वन (क - अन) }..... - सर्य क - अह = ० से सरलतापूर्वक प्राप्त हो सकता है; जहाँ कि वन, वह हत्यादि उत्तरोत्तर शेषों के विभिन्न मिन्नीय भाग हैं और अन तथा अह कमकाः प्रथम क्षात राशि और अंतिम क्षात राशि हैं। पुनः, यहाँ 'क' अज्ञात राशि है। तरुणहरिणीयुग्मं दृष्टं द्विसंगुणितं वने कुधरनिकटे शेषाः पद्माशकाविदलान्तिमाः। विपुलकलमक्षेत्रे तासां पदं त्रिभिराहतं कमलसरसीतीरे तस्थुर्दशैव गणः क्रियान्।। ५०॥ इति द्विरप्रशेषमृलजातिः।

अथाशमूळजातौ सूत्रम्— भागगुणे मूळाग्ने न्यस्य पदमाप्तदृश्यकरणेन । यक्षव्धं भागहृतं धनं भवेदंशमूळविधौ॥ ५१॥ अन्यद्पि सूत्रम्—

हरयादंशकभक्ताबर्तुगुणान्मूळकृतियुतान्मूळम् । सपदं दिळतं वर्गितमंशाभ्यस्तं भवेत् सारम्।।५२।। के दे वें भाग से लेकर है वें भाग तक के भिन्नीय भाग पर्वत के पास देखे गये। उस झुण्ड के संख्यात्मक मान के बर्गमूळ की तियुनी शक्ति विस्तृत कछम (चांवल) क्षेत्र में देखी गई। अंत में, कमछ सरोवर के किनारे शेष केवल 10 देखे गये। झुण्ड का प्रमाण क्या है ? ॥५०॥

इस प्रकार 'द्विश्य शेषमूक' जाति प्रकरण समास हुआ।

''अंशमूक'' जाति सम्बन्धी नियम—

अज्ञात समूह वाचक राशि के दिये गये भिश्वीय भाग के वर्गमूक के गुणांक को तथा आंत में शेष रहनेवाली ज्ञात राशिको किस्तो । इन दोनों राशियों को दिये गये समानुपाती भिन्न द्वारा गुणित करो । जो 'शेषमूक' प्रकार में अज्ञात राशिको निकालने की किया द्वारा प्राप्त होता है, उस फल को जब दिये गये समानुपाती भिन्न द्वारा भाजित करते हैं तब अधामुल प्रकार की इप्ट राशि प्राप्त होती है । ॥५१॥

'अंशमूल' प्रकार का अन्य नियम---

अंतिम शेष के रूप में दी गई जात राशि दिये गये समानुपाती भिन्न द्वारा भाजित की जाती है और ४ द्वारा गुणित की जाती है। प्राप्त फड में अज्ञात समृद वाचक राशि के दस्त भिन्न के वर्गमूळ के गुणांक का वर्ग जोड़ा जाता है। इस योगफड के वर्गमूछ को उपर कथित अज्ञात राशि के भिन्नीय भाग के वर्गमूछ के गुणांक में जोड़ते हैं और तब आधा कर वर्गित करते हैं। प्राप्त फल को दस समानुपाती भिन्न द्वारा गुणित करने पर इष्ट फळ प्राप्त होता है। ॥५२॥

(५०) इस गाथा में आया हुआ शब्द 'इरिनी' का अर्थ न केवल मादा इरिन होता है वरन् उस छन्द का भी नाम होता है जिसमें यह गाथा संरचित हुई है।

(५१) बीजीय रूप से कथन करने पर, यह नियम 'स ब' और 'श्र ब' के मान निकालने में सहा-यक होता है, जिनका प्रतिस्थापन, श्रेषमूल प्रकार में किये गये अनुसार सूत्र क – बक = $\left\{ \frac{\pi}{2} + \sqrt{\left(\frac{\pi}{2}\right)^2 + 24} \right\}^2$ में क्रमहा: स और अ के स्थान पर करना पहता है। ४७ वीं गाथा के टिप्पण के

समान, क - बक यहाँ भी क हो जाता है। इष्ट प्रतिस्थापन के पश्चात् और फल को ब द्वारा विभाजित करने पर हमें क = $\left\{\frac{\pi a}{z} + \sqrt{\left(\frac{\pi a}{z}\right)^2 + 24a}\right\}^2 \div a$ प्राप्त होता है।

क का यह मान समीकरण क - स√बक - अ = ० से भी सरलता से माप्त हो सकता है।

(५२) बीजीय रूप से कथन करने पर, क = $\left\{ \frac{\pi + \sqrt{\pi^2 + \frac{\pi \omega}{4}}}{2} \right\}^2 \times \pi$ होता है। यह पिछली गाथा के टिप्पण में दिये गये समीकार से भी स्पष्ट है।

अत्रोदेशकः

पद्मनालंत्रिभागस्य जले मूलाइकं स्थितम् । बोडशाङ्गुलभाकाशे जलनालोद्यं वद् ॥ ५३ ॥ द्वित्रिभागस्य यन्मूलं नवत्रं हस्तिनां पुनः । शेषत्रिपञ्चभाशस्य मूलं बह्मिः समाहतम् ॥ ५४ ॥ विगलहानेधाराद्रेगण्डमण्डलद्निनः । चतुर्विशतिरादृष्टा मयाटन्यां कित द्विपाः ॥ ५५ ॥ क्रोडौचार्धचतुःयदानि विपिनं शादृलिकोडितं प्रापुः शेषदशाशमूलयुगलं शैलं चतुस्तादितम् । । शेषार्धस्य पदं त्रिवर्गगुणितं वप्रं वराहा वने दृष्टाः सप्तगुणाष्टकप्रमितयस्तेषां प्रमाणं वद् ॥ ५६ ॥ इत्यंशमूलजातिः ।

अथ भागसंवर्गजातौ सूत्रम्— स्थाकाप्तहरादूनाचतुर्गुणामेण तद्धरेण हतात् । मूळं योज्यं त्याज्यं तच्छेदे तहळं वित्तम् ॥ ५७ ॥

- १ अमें 'बाराई' पाठ है।
- २ इस इलोक के पश्चात् सभी इस्तिलिपियों में निम्निलिखित क्लोक है जो केवल ५७ वें इलोक का न्यास्यातुवाद है---

अन्यव्र--

चतुर्हतदृष्टे नोनाद्रागाह्त्यंशहृतहारात् । तन्छेदेन हतान्मू स्थाज्यं तन्छेदे तद्र्वंवित्तम् ॥

उदाहरणार्थ पश्न

कमक की नाक के त्रिशांग के वर्गमूक का आठगुना भाग पानी के भीतर है और १६ व्यंगुक पानी के कपर वायु में है। बतलाओं कि तकी से पानी की ऊँचाई कितनी है तथा कमक नाल की कम्बाई क्या है ? ॥५६॥ हाथियों के झण्ड में से, उनकी संख्या के २/६ भाग के वर्गमूल का ९ गुना प्रमाण, और होषभाग के हैं भाग के वर्गमूल का ६ गुना प्रमाण, और, अंत में होष २४ हाथी वन में ऐसे देखें गये जिनके चीड़े गण्ड मण्डल से मद सर रहा था। बतलाओं कुल कितने हाथी हैं ? ॥५४-५५॥ बराहों के झण्ड के अर्द अंश के वर्गमूल की चीगुनी राशि जंगल में गई बहाँ शेर कीड़ा कर रहे थे। शेष छुंड के दसर्वे भाग के वर्गमूल की अठगुनी राशि एवंत पर गई। शेष के अर्दभाग के वर्गमूल की २ गुनी राशि नवीं के किनारे गई। और अन्त में ५६ वराह बन में देखें गये। बताओं कि कुल बराह कितने से ?॥५६॥

इस प्रकार, 'अशम्ल' वाति प्रकरण समाप्त हुआ।

'भाग संवर्ग' जाति सम्बन्धी नियम---

(अज्ञात समूह वाचक राशि के विशिष्ट मिश्र मिश्रीय भाग के सरकीकृत) इर की स्व सम्बन्धित (सरकीकृत) अंश द्वारा विभाजित करने से प्राप्त फक में से दिये गये ज्ञात भाग की चौगुनी राशि घटाओ । तब इस अंतर फक को उसी (उपर वर्ते द्वुप सरकीकृत) इर द्वारा गुणित करो । इस गुणनफक के वर्गमूक को वर्ते द्वुप वसी इर में बोश्रो और फिर उसी में से घटाओ । तब बोगफक अथवा अंतर फक में से किसी एक की अर्दे राशि, इष्ट (अज्ञात समूह वाचक) राशि होती है । ॥५०॥

(५६) "शार्धूळ विक्रीडित" का अर्थ शेरों की क्रीड़ा होता है। इसके सिवाय यह नाम उस

(५७) बीजीय रूप से कथन करने पर, क =
$$\frac{\frac{-\pi \kappa}{\mu q} \pm \sqrt{\left(\frac{-\tau \kappa}{\mu q} - v \omega\right) \frac{-\tau \kappa}{\mu q}}}{2}$$
 होता है । क की

अत्रोदेशक:

अष्ठमं चोड्यां या छिराज्ञे: कृषीवछः । चतुर्विशतिबाहीरच लेभे राशिः क्रियान् वद ॥ ५८ ॥

शिसिना पोडशभागः स्वगुणश्चृते तमालपण्डेऽस्थात्।

शेयनवाशः स्वहत्रचतुरप्रदशापि कति ते स्युः॥ ५९॥

जले त्रिशद्शाहतो द्वादशाशः स्थितः शेषविशो हतः पोडशेन।

त्रिनिष्ठेत पहे करा विश्वतिः खे सखे स्तम्भदैर्घ्यस्य मार्न वद त्वम् ॥ ६० ॥

इति भागसंवर्गजातिः।

अयोनाधिकांशवर्गजातौ स्त्रम्— स्वाशकमक्तहरार्थं न्यूनयुगिधकोनितं च तद्वर्गात्। न्यूनाधिकवर्गामान्मूलं स्वर्णं फलं पर्देऽशहृतम् ॥ ६१ ॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

कोई कृषक शास्ति के देरी की है आग प्रमाण राशि द्वारा गुणित उसी देरों की दे आग प्रमाण राशि को प्राप्त करता है। इसके सिवाय उसके पास २४ वाइ और रहती है। बतळाओं देरी का परिमाण क्या है ? ॥५८॥ शुंड के दे वें आग द्वारा गुणित अगृरों के शुंड का दे वां आग, आम के बुक्ष पर पाया गया। रब [अयाँत होय के है वें आग] द्वारा गुणित करने हैं ? ॥५९॥ किसी स्तम्म के दे वें आग द्वारा गुणित करने से प्राप्त आग पानी के नीचे पाया गया। शैय के दे वें आग द्वारा गुणित करने से प्राप्त आग पानी के नीचे पाया गया। शैय के दे वें आग द्वारा गुणित करने से प्राप्त आग को स्तम्म की विष है वें आग द्वारा गुणित करने से प्राप्त आग की वा है के गया द्वारा गुणित करने से प्राप्त आग की वा है के गया द्वारा गुणित करने से प्राप्त आग की वा है के गया द्वारा ग्राप्त गया। शेय २० इस्त पानी के उपर हवा में पाया गया। है मित्र ! स्तम्म की कम्बाई बताओं ! ॥६०॥ इस प्रकार, "आग संवर्ध" जाति प्रकरण समाग्त हुआ।

कनाधिक 'अंशवर्ग' जाति सम्बन्धी निवम---

(अञ्चात राशि के विशिष्ट मिस्रीय भाग के) इर की अर्द्ध राशि के स्व अंश द्वारा विभाजित करने से प्राप्त राशियों को (समूह वाचक अञ्चात राशि के विशिष्ट भिस्रीय भाग में से घटाई जाने वाकी) दी गई ज्ञात राशि द्वारा मिश्रित अथवा द्वासित करो। इस परिणामी राशि के वर्ग को (घटाई आने वाकी अथवा जोदी जाने वाकी) ज्ञात राशि के वर्ग द्वारा तथा राशि के ज्ञाव शेष द्वारा द्वासित करो। जो फक मिले उसका वर्गमूक निकाको। इस वर्गमूल द्वारा उपर्युक्त प्रथम वर्ग राशि का वर्गमूक मिश्रित अथवा द्वासित किया जाता है। जब प्राप्त शिश्र को अञ्चात राशि के विशिष्ट भिस्रीय भाग द्वारा विभाजित करते हैं तब अञ्चात राशि की वृष्ट अर्हा (value) प्राप्त होती है । १९१।

इस अर्हा को समीकार क $-\frac{\mu}{a}$ क $\times \frac{q}{q}$ क -2q = 0 द्वारा भी प्राप्त कर सकते हैं, जहाँ μ/a और q/q नियम में अवेश्वित भिन्न हैं।

(६१) बीबीय रूप से, $\pi = \left\{ \pm \sqrt{\left(\frac{\pi}{2H} \pm \epsilon\right)^2 - \epsilon} - \alpha + \left(\frac{\pi}{2H} \pm \epsilon\right) \right\} \div \frac{H}{H};$

क की यह अहाँ समीकार, क — $\left(\frac{H}{H}$ क∓द) - अ = 0, द्वारा भी प्राप्त को सकती है, वहां द दी गई जात राशि है, को अज्ञात राशि के इस अक्षिसित मिलीय मान में से घटाई जाती है अथवा उसमें बोड़ी जाती है।

ेहीनालाय उदाहरणम्

महिबीणामष्टांशो व्येको बर्गीकृतो वने रमते । पद्मदशाद्रौ दृष्टास्तुणं चरन्त्यः कियन्त्यस्ताः ॥६२॥ अनेकपानां दशमो द्विवर्जितः स्वसंगुणः क्रीडित सहकीवने । चरन्ति पद्योमिता गजा गिरौ कियन्त एतेऽत्र भवन्ति दन्तिनः ॥ ६३ ॥

अधिकालाप उदाहरणम्

जम्बूब्ध्ने पञ्चदशांशो द्विकयुक्तः स्वेनाभ्यस्तः केकिकुलस्य द्विकृतिन्नाः । पञ्चाप्यन्ये मत्तमयूराः सहकारे रंरम्यन्ते मित्र वदेषां परिमाणम् ॥ ६४ ॥

इत्युनाधिकांशवर्गजातिः॥

अथ मूरुमिश्रजातौ सूत्रम्— निश्रकृतिह्नत्युक्ता न्यधिका च द्विगुणिमश्रसंभक्ता । वर्गीकृता फर्ड स्यात्करणिमदं मूरुमिश्रविधौ ॥ ६५ ॥

१ м में 'हीन' छूट गया है।

२ м में यह तथा अनुगामी इलोक छूट गये हैं।

हीनालाप प्रकार के उदाहरण

कुल झुंद के ट्रे वें भाग के पूर्ण वर्ग से एक कम महिष (भैंसा) शक्ति वन में क्रींदा कर रही है। शेष १५, पर्वत पर धास चरते हुए दिखाई दे रहे हैं। बतलाओ दुल कितने भैंसे हैं। ॥६२॥ इस्ल झुंद के पट्टे वें भाग से दो कम प्रमाण, इसी प्रमाण द्वारा गुणित होने से लब्ध हस्ति शक्ति कर्म कन में क्रीदा कर रही है। शेष हाथी को संख्या में ६ की बर्गशिश प्रमाण हैं, पर्वत पर विचर रहे हैं। बतकाओं ने कुल कितने हैं। ॥६६॥

अधिकालाप प्रकार का उदाहरण

कुछ झुंड के दे भाग से २ अधिक राशि को स्व द्वारा गुणित करने से प्राप्त राशि प्रमाण मयूर जम्बू बुक्ष पर खेळ रहे हैं। शेष गर्वीले २ × ५ मयूर आम के बुक्ष पर खेळ रहे हैं। हे मिन्न! इस झुंड के कुछ मयूरों की संक्या बतछाओ ? ॥ ६४ ॥

इस प्रकार जनाधिक 'अंदा वर्ग' जाति प्रकरण समाप्त हुआ।

'मूलमिश्र' जाति सम्बन्धी नियम-

(विशिष्ट अज्ञात राशियों के वर्गमूलों के) मिश्रित (ज्ञात) योग के वर्ग में (दी गई) क्रिणात्मक राशि जोड़ दी जाती है। परिणामी राशि को उपर्युक्त मिश्रित योग की दुगुनी राशि द्वारा विभाजित करते हैं। इसे वर्गित करने पर इष्ट अज्ञात समृद की अहां (value) प्राप्त होती है। यही, 'मूलमिश्र' प्रकार के प्रश्नों का साधन करने का नियम है॥ ६५॥

⁽६४) इस गाथा में 'मत्तमयूर' शब्द का अर्थ 'गर्वीला मयूर' होता है। यह इस छन्द का भी नाम है जिसमें यह गाथा संरचित हुई है।

⁽६५) बीजीय रूप से, $\pi = \left\{ \frac{H^2 \pm c}{2H} \right\}^2$ है यह क की अर्दा समीकार $\sqrt{\pi} + \sqrt{\pi \pm c}$ = H द्वारा सरलता से प्राप्त हो सकती है । यहाँ भंग, नियम में उिहासित ज्ञात मिश्रित योग है ।

दीनालाप उदेशकः

मूर्छ कपोतवृत्त्स्य द्वाद्शोनस्य चापि यत् । तयोयोंगे कपोताः वह दृष्टास्तक्षिकरः कियान् ॥६६॥ पारावतीयसंघे चतुर्घनोनेऽपि तत्र यन्मूलम् । तद्वययोगः बोढ्य तद्वृत्दे कति बिह्नाः स्युः ॥६०॥

अधिकालाप उद्देशकः

राजहंसनिकरस्य यत्पदं साष्ट्रषष्टिसहितस्य चैतयोः। संयुतिर्द्धिकविहीनषट्कृतिस्तद्गणे कति मरालका वद् ॥ ६८॥ इति मूलमिअजातिः।

अय भिन्नदृश्याती सूत्रम्— दृश्यासीने रूपे मागाभ्यासेन भाजिते तत्र । यक्षण्यं तत्सारं प्रजायते भिन्नदृश्यविधी ॥ ६५॥ अत्रोद्देशकः

सिकतायामष्ट्राशः संदृष्टोऽष्टादशांशसंगुणितः । स्तम्मस्यार्धं हेष्टं स्तम्भायामः कियाम् कथय । १००।।

१ छ में 'योगः', पाठ है।

२ B, M और K में 'गगने' पाठ है।

हीनास्त्रप के उदाहरणार्थ प्रश्न

कपोतों की कुछ संक्या के वर्गमूल में १२ द्वारा हासित कपोतों की कुछ संक्या के वर्गमूल को जोड़ने पर (ठीक फर्क) ६ क्यूवर प्रमाण देखने में भाता है। उस मृत्य के कपोतों की कुछ संक्या क्या है ?॥ ६६ ॥ कपोतों के कुछ समूह का वर्गमूल, तथा ७ के चन द्वारा हासित कपोतों की कुछ संक्या का वर्गमूल निकालकर इन (दोनों राक्षियों) का योग १६ प्राप्त होता है। वतलाओ समूह में कुछ कितने विदंग हैं ?॥ ६७॥

अधिकालाप का उदाहरणार्थ प्रश्न

राजहंसी के समूह के संस्थासक मान का वर्गमूक तथा ६८ अधिक उसी समूह की संस्था का वर्गमूक (निकालने से प्राप्त) इन (दोनों राशियों) का योग ६२ – २ होता है। वतकाओ उस समूह में कितने इंस हैं ? ॥ ६८ ॥

इस प्रकार 'मूक मिश्र' जाति प्रकरण समास हुआ।

'शिश्व रदव' जाति सम्बन्धी निवम---

जब एक को (अज्ञात राजियों से सम्बन्धित दी गई) भिषीय दोष राजि द्वारा हासित कर (सम्बन्धित विश्विष्ट) भिषीय भागों के गुणन कक द्वारा भाजित करते हैं, सब प्राप्त कल (भिन्नों पर प्रकों के) भिष्ठ दक्य' प्रकार का साधन करने में, इष्ट उत्तर होता है ॥ ६९ ॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी स्तम्भ का है भाग, उसी स्तम्भ के न्हे भाग द्वारा गुणित होता है। इससे प्राप्त भाग प्रमाण रेत में गढ़ा हुआ पाना गया। उस स्तम्भ का है भाग कपर रहिगोचर हुआ। यतकाओ कि स्तम्भ की (उद्म vertical) कम्नाई क्या है ? ॥ ७० ॥ कुछ हाथियों के हुंद के न्हे वें भाग

⁽६९) बीबीय रूप से, क = $\left(2 - \frac{7}{4}\right) \div \frac{H^2}{4\pi}$ है। यह, समीकरण क - $\frac{H}{4}$ क× $\frac{V}{V}$ क

द्विसकनवसांशकप्रह्तसप्तविंशांशकः प्रमोदसविष्ठते करिकुळस्य पृथ्वीतले । विनीलजलदाकुतिर्विहरति त्रिभागो नगे वद त्वसधुना सखे करिकुळप्रमाणं सम ॥ ७१ ॥ साधूत्कृतेर्निवसति षोडशांशकिक्षभाजितः स्वकगुणितो वनान्तरे । पादो गिरौ सम कथयाशु तन्मितिं प्रोत्तीर्णवान् जलधिसमं प्रकीर्णकम् ॥ ७२ ॥

इति भिन्नदृश्यजातिः॥

इति सारसंग्रहे गणितशास्त्रे महावीराचार्यस्य कृतौ प्रकीर्णको नाम तृतीयव्यवहारः समाप्तः ॥

को उसी झुंड के है वें भाग से गुणित करने तथा र द्वारा विभाजित करने से प्राप्त फळ प्रमाण के हाथी मैदान में प्रसन्न दक्ता में तिन्ने हैं। केष (बचा हुआ) है भाग झुंड जो बादलों के समान अध्यन्त काले दाथियों का है, पर्वत पर कीदा कर रहा है। हे मित्र! बतलाओं कि हाथियों के झुंड का संख्यात्मक मान क्या है ? ॥ ०१ ॥ साधुओं के समूह का नेह वां भाग १ द्वारा विभाजित करने के पहलाद सब द्वारा गुणित (अर्थाद नेह ने द्वारा गुणित) करने से प्राप्त मान प्रमाण वन के अन्तः भाग में रह रहा है; उस समूह का (बचा रहने वाला) है भाग पर्वत पर रह रहा है। हे जलभि सम प्रकोणिक के प्रोत्तीर्णवान् ! मुझे शीक्रही साधुओं के समूह का संख्यात्मक मान बतलाओ । ॥०२॥

इस प्रकार, 'भिन्न दश्य' जाति प्रकरण समाप्त हुआ । इस प्रकार, महावीशाचार्य की कृति सारसंग्रह नामक गणित वास्त्र में 'प्रकीणंक' नामक नृतीय व्यवहार समाप्त हुआ ।

(७१) 'पृथ्वी' शब्द जो इस गाथा में आया है, उसका अर्थ पृथ्वी है तथा यह उस छन्द का नाम भी है जिसमें यह गाथा स्राचित हुई है।

्य क = ० से स्पष्ट है।

५. त्रेराशिकव्यवहारः

त्रिलोकबन्धवे तस्मै केवलज्ञानमानवे । नमः श्रीवर्धमानाय निर्धृताखिलकर्मणे ॥ १॥ इतः परं त्रैराशिकं चतुर्थव्यवहारसुवाहरिष्यामः ।

तत्र करणसूत्रं यथा— त्रैराशिकेऽत्र सारं फलमिच्छासंगुणं प्रमाणाप्तम्। इच्छाप्रमयोः साम्ये विपरीतेयं क्रिया व्यस्ते॥२॥

पूर्वाघों हेशकः

दिवसैक्सिः सपादैयोजनषट्कं चतुर्थभागोनम् । गच्छति यः पुरुषोऽसौ दिनयुतवर्षेण किं कथय ॥३॥ व्यर्धाष्टाभिरहोभिः कोशाष्टांशं स्वंपद्धमं याति । पक्षुः सपद्धभागैर्वर्षे स्निभिरत्र किं शृहि ॥ ४ ॥ अङ्गुलचतुर्थभागं प्रयाति कीटो दिनाष्टभागेन । मेरोर्मुलाच्छिखरं कतिभिरोहोभिः समाप्नोति ॥५॥

१ P, K और M में स्व के लिये स पाठ है।

५. त्रैराशिकव्यवहार

तीनों कोकों के बन्धु तथा सूर्य के समान केवल ज्ञान के भारी श्री वर्दमान को नमस्कार है जिन्होंने समस्त कर्म (मळ) को निर्भूत कर दिया है । ॥१॥

इसके पश्चात्, इम श्रेराशिक नामक चतुर्थ व्यवद्वार का प्रतिपादन करेंने ।

हैशशिक सम्बन्धी नियम---

यहाँ त्रैराशिक नियम में, फल को इच्छा द्वारा गुणित कर प्रमाण द्वारा विभाजित करने से इष्ट उत्तर प्राप्त होता है, जब कि इच्छा और प्रमाण समान (अनुक्रम direct अनुपात में) होते हैं। जब यह अनुपात प्रतिकोम (inverse) होता है तब यह गुणन तथा भाग की किया विपरीत हो जाती है (ताकि भाग की जगह गुणन हो और गुणन के स्थान में भाग हो)। ॥२॥

पूर्वार्घ, अनुक्रम त्रैराशिक पर उदाहरणार्थ परन

यह मनुष्य जो २ दे दिन में ५ है बोजन जाता है, १ वर्ष और १ दिन में कितनी तूर जाता है ? ।|३।| एक लंगदा मनुष्य ७ दे दिन में एक कोश का टे तथा उसका है भाग चलता है। बतलाओ वह २ दे वर्षों में कितनी दूरी तथ करता है ? ।।।।। एक कीदा टे दिन में दे अंगुल चलता है। बतलाओ कि वह मेक्पर्वत की तसी से उसके शिक्षर पर कब पहुँचेगा ?।।।।। वह मनुष्य जो ३ दे दिन में १ दे कार्षा-

⁽२) प्रमाण और फल के द्वारा अर्घ (rate) प्राप्त होती है। फल, इष्ट उत्तर के समान राशि होती है और प्रमाण, इच्छा के समान होता है। 'इच्छा' वह राशि है जिसके विषय में, किसी अर्घ (दर) से, कोई बस्सु निकालना होती है। जैसे कि गाया र के प्रधन में है दिन प्रमाण है, ५ है बोजन फल है, और १ वर्ष १ दिन इच्छा है।

⁽५) मेरु पर्वत की ऊँचाई ९९,००० योबन अथवा ७६,०३२,०००,००० अगुल मानी जाती है।

कार्यापणं सपादं निर्विदाति त्रिमिरहोमिरर्घयुतैः । यो ना पुराणशतकं सपणं कालेन केनासी ॥६॥ कृष्णागरुसत्खण्डं द्वादशहस्तायतं त्रिविस्तारम् । क्षयमेत्वकृत्यम् । स्यमेत्वकृत्यम् । स्वर्णेदशसिः सार्वेद्रीणाढककुडवमिश्रितः कीतः। बरराजमाबवाहः कि हेमश्रतेन सार्वेन ॥ ८ ॥ सार्घेकिमिः पुराणैः कुद्भमपळमष्टमागसंयुक्तम् । संप्राप्यं यत्र स्थात् पुराणकातकेन कि तत्र ॥ ९ ॥ सार्धार्द्रकसमप्रस्थात्रविद्यार्थीनिताः प्रणा लेब्बाः । द्वात्रिक्षदार्द्रकप्रसः सप्रश्रमः कि सक्षे मृहि ॥१०॥ कार्षापणैत्रतुर्भिः पद्माश्चयुर्तेः पद्मानि रजनस्य । बोडश सार्धानि नरो स्थाते कि कर्षनियुर्तिना।११॥ कर्पृरस्याष्ट्रपर्छेस्त्र्यंशोनैनीत्र पद्म दीनारान् । मागांशकलायुक्तान् लभते कि पलसङ्खेण ॥ १२ ॥ सार्धेकिभिः पणैरिह चृतस्य पलपञ्चकं सपञ्चाशम् । क्रीणाति यो नरोऽयं किं साष्ट्रमकर्षशतकेना।१३॥ सार्धैः पश्चपुराणैः पोष्टश सदलानि वस्त्युगलानि । स्टब्यानि सैक्ष्यष्ट्रया कर्षाणां कि ससे कथ्य ॥१४॥ बापी समचतुरशा सलिलवियुक्ताष्ट्रहस्तघनमाना । शैलस्तम्यास्तीरे सँमुत्यितः शिखरतस्तस्य ॥१५॥ **वृत्ताकुलविष्क**न्भा जलधारा स्फटिकनिमेला पतिता ।

वाप्यान्तरसञ्ज्यां मगोस्क्रितिः का च जलसंख्या ॥ १६ ॥

अक रहित पुरू वर्गाकार कृप ५1२ जन इस्त है। उसके तीर पर एक पहादी है। उसके शिक्तर से स्फटिक की मांति निर्मेख जब भारा जिसके वर्षेख केद (circular section) का क्यास १ अंगुल है, तकी में गिरती है और कृप पानी से पूरी तरह भर जाता है। यहादी की ऊँचाई क्या है तथा पानी का नाप (संस्थात्मक मान में) क्या है ? ।।३५-३६॥ किसी राजा ने संक्रांति के अवसर पर

१ B में सत्कृष्णागरुखण्डं पाठ है। २ M और B में लम्याः पाठ है। ३ B में समुस्थिता कि पाठ है।

एम बचबोय में काता है वह १ एक सहित १०० प्रशण कितने दिन में सर्च करेगा । ॥६॥ १२ हाथ कारी (आवत) तथा १ हाथ ग्वास (विस्तार) वाले क्रम्मागढ का सरसंड (अच्छा द्वकड़ा) एक दिन में एक वन अंगुल के अर्थ (rate) से क्षय होता है। बतलाओ कुछ बेलनाकार द्वकड़े को श्रय होने में कितना समय हतेगा ? ॥७॥ १०३ स्वर्ण में ब्रेष्ट काले बने का १ बाह, १ द्रीण, १ आदक और ३ कुडन सरीदे जाते हैं। क्तकाओ ३००2 स्वर्ण में कितना कितना प्रमाण सरीदा जा सकेगा ? ।।८।। बिंद रें पुराणों के द्वारा के पुष्ठ उक्कम प्राप्त हो सकता हो तो ६०० प्रराणों में कितना प्राप्त हो सकेया ? ॥९॥ 0 दे वर्क 'आर्द्रक' के द्वारा १६ दे पण प्राप्त किये गये । हे सिम्न ! ३२ दे परू आर्द्रक में स्या प्राप्त होगा ? ॥१०॥ भ्रद्वे कार्बायण में एक मनुष्य १६८ पक रखत प्राप्त करता है तो उसे १००,००० कर्ष में कितनी रखद त्रास होती ? 119911 ७ दे वक कर्षर के द्वारा एक मलुष्य प दीनार तथा 9 भाग, 3 अंश और १ क्ला प्राप्त करता है। बतलाओं कि उसे १००० यस के द्वारा क्या प्राप्त होता ? ।।१२।। वह सञ्चल्य को २३ वण में ५३ वक बी प्राप्त करता हो तो वह १००३ कर्य में कितना प्राप्त करेगा ? ॥१३॥ ५३ पुराण के ज्ञारा एक मनुष्य १६३ पुराक बच्च श्राप्त करता है। हे सिन्न ! ६१ कर्ष में वसे कितने प्राप्त होते ?

⁽७) नहीं किया में दिवे गये स्थाल से रंस (वेखन) के अनुप्रस्य छेट (cross-section) का बेजफल जात मान लिया जाता है। इस का क्षेत्रफल अनुमानतः व्यास के वर्ग को ४ हारा माजित कर और १ द्वारा गुणित करने से प्राप्त ग्रिश मान किया जाता है।

कृष्णायक एक प्रकार की सुरान्धित सकती है बिसे सरान्य के किए अपन में बसाते हैं।

⁽१'१-१६) इस प्रका में पानी की घारा की लम्बाई पर्वत की ताँचाई के बराबर है. जिससे क्योंडी वह पर्वत की तली में पहुँचती है, त्योंही वह शिखर से बहना वंद हुई मान की बासी है। बाह्रों में

मुद्रहोणसुर्गं नवाव्यक्तवान् वद् तण्डाक्रोजका-नष्टी वस्तवुगानि वत्ससिहता गाण्वद् सुवर्णत्रयम् । संकान्तौ ददता नराधिपतिना वह्भ्यो द्विजेभ्यः ससे वहत्रिशक्तिशतेभ्य आञ्च वद कि तहत्तसुद्रादिकम् ॥ १७ ॥

इति त्रैराशिकः।

व्यस्तत्रैराशिके तुरीयपादस्योदेशकः

कल्याणकनकनवतेः कियन्ति नववर्णकानि कनकानि । साष्ट्रांशकदश्वयंकसगुज्जद्देशां शतस्यापि ॥ १८ ॥ ड्यासेन देघ्येण च षट्कराणां चीनाम्बराणां त्रिशतानि तानि । त्रिपक्षहस्तानि कियन्ति सन्ति ज्यस्तानुपातकमिद्वद्द स्वम् ॥ १९ ॥

इति ज्यस्तत्रेराशिकः।

व्यस्तपश्चराणिक उद्देशकः

पञ्चनकहराविस्तृतदेश्वीयां चीनवस्रसारत्याम् । द्वित्रिकरञ्यासार्यातं तक्कृतवस्राणि कति कथय ॥२०॥

१ इस इक्षोक के स्थान में B और K मैं निम्न पाठ है—

तुम्बद्रोणयुर्ग नवाश्यकुडवान् घट् शर्भराद्रोणकानष्टौ चोचफलानि सान्द्रद्विसार्थन्षर् पुरावत्रसम् ।

श्रीसम्बंद ददता सुपेण सवनाये षद्विनागारके घट्त्रिशत्रिशतेषु मित्र यद मे तहत्तदुरवादिकम् ॥

६ जाइतां को २ होण सुद्र (kidney-bean), ६ कुडब ची, ६ होण चांचक, ८ युग्म (pairs) कपड़े, ६ वकड़ों सहित गायें और ६ सुवर्ण दिये । हे मिल ! शील बतकाओं कि उसने ६६६ जाइतां को कितनी-कितनी सुद्रादि अन्य वस्तुएँ ही ? 113011

इस प्रकार अञ्चलम जैराशिक प्रकरण समाह हुआ।

चौथे पाद* के अनुसार व्यस्त त्रैराक्षिक पर उदाहरणार्थ प्रश्न

हुद स्वर्ण के ९० के किये ९ वर्ण का स्वर्ण कितना होगा, तथा १०% वर्ण के स्वर्ण की बनी हुई तुंच सहित १०० स्वर्ण (धरण) के किये (९ वर्ण का स्वर्ण) कितना होगा ? ।।१८॥ ६ इस्त कम्ये बीर ६ इस्त कोई जीती रेशम के हुकड़े १०० हुकड़े हैं। हे स्वस्त अनुपात की रीति जानने वाले, बतकाओं कि वसी रेशम के ५ इस्त कम्बे, ६ इस्त जीड़े कितने हुकड़े दनमें से मिक सकेंगे ।।१९॥

इस प्रकार व्यस्त भैराशिक प्रकरण समाप्त हुना ।

व्यस्त पंचराशिक पर उदाहरणार्थ प्रस्न

९ हस्त कार्य, ५ इस्त चीड़े ७० चीजी रेशम के हुकड़ों में २ इस्त चीड़े और ६ इस्त लम्बे माप के किसने इकड़े बास दो सकेंगे ? ॥२०॥

पानी की मात्रा निकालने के लिये बन माप तथा द्रव माप में सम्बन्ध दिया जाना चाहिये था। P में की संस्कृत और B में की कन्नड़ी टीकाओं के अनुसार १ घन अंगुल पानी, द्रव माप में १ कर्ष के बरावर होता है।

- (१७) एक राधि से प्तरी राशि में सूर्य के पहुँचने के मार्ग को सकांति कहते हैं।
- (१८) हुद स्वर्ण यहाँ १६ वर्ग का किया गया है।
 - यहाँ इस अञ्चाब की दूतरी नाथा के जीवे चतुर्योश का निर्देश है ।

व्यस्तसप्तराशिक उद्देशकः

न्यासायामोदयतो बहुमाणिक्ये चतुर्नवाष्टकरे । द्विषदेकहस्तमितयः प्रतिमाः कति कथय तीर्थकृताम् ॥ २१ ॥

व्यस्तनवराशिक उद्देशकः

विस्तारदेध्योदयतः करस्य षट्त्रिंशदष्टप्रमिता नवार्घा । शिला तया तु द्विषडेकमानास्ताः पद्मकार्घाः कति चैत्ययोग्याः ॥ २२ ॥ इति व्यस्तपद्मसप्तनवराशिकाः ।

गतिनिवृत्तौ सूत्रम्— निजनिजकालोकृतयोर्गमननिवृत्त्योर्वि शेषणाज्जाताम् । दिनशुद्धगतिं न्यस्य त्रैराशिकविधिमतः कुर्यात् ॥ २३ ॥

अत्रोद्देशकः

क्रोशस्य पञ्चभागं नौर्यात दिनत्रिसप्तभागेन । वौधौं वाताविद्धा प्रत्येति क्रोशनवमांशम् ॥२४॥ कालेन केन गच्छेत् त्रिपञ्चभागोनयोजनशतं सा । संस्थान्धिसमुत्तरणे बाहुबलिंस्त्वं समाचक्ष्य ॥ २५॥

१ 🖪 और 🗷 में तरिमन्काले वार्धी, पाठ है।

व्यस्त सप्तराशिक पर उदाहरणार्थ प्रश्न

बतलाओं कि ध इस्त चौड़े, ९ इस्त लम्बे, ८ इस्त लंबे बड़े मणि में से २ इस्त चौड़ी ६ इस्त लम्बी तथा १ इस्त कँची तीर्यंकरों की कितनी प्रतिमाएँ बन सकेंगी ? ॥२१॥

व्यस्त नव राशिक पर उदाहरणार्थ पश्न

जिसकी कीमत ९ है ऐसी ६ हस्त कोड़ी ६० हस्त कम्बी तथा ८ इस्त वेंची एक किला दी गई है। बतलाओं कि जिन मंदिर बनवाने के लिये इस शिला में से, जिसकी कीमत ५ है ऐसी २ इस्त कैंची ६ इस्त कम्बी तथा १ इस्त कैंची कितनी शिकार्ये मास हो सर्वेगी १ ॥२२॥

इस प्रकार ज्यस्त पंचराशिक, सप्तराशिक और नवराशिक प्रकरण समाप्त हुआ। गति निवृत्ति सम्बन्धी नियम—-

दिन की शुद्ध गाँत को किस्तो जो अग्र तथा पश्च (आगे तथा पीछे की ओर होने वास्ती) गिल्यों के दिये गये अर्थों (rates) के अन्तर से प्राप्त होती है, जबकि इन अर्थों में से प्रत्येक को प्रथम उनके विधिष्ट समयों द्वारा विभाजित कर किया जाता है। और तथ, इस शुद्ध दैनिक गति के सम्बन्ध में श्रेशिक नियम की किया करे।

उदाहरणार्थ प्रश्न

है दिन में, एक जहाब समुद्र में दे कोश वाली है; उसी समय वह पवन के विरोध से रे कोश पीछे हट जाती है। हे संक्या समुद्र को पार करने के अर्थ बाहुनक धारी! बतलाओ कि वह जहाज ९९दे बोजन कितने समय में जावेगी?॥२४-२५॥ एक मसुष्य जो रद्धे दिनों में १५ स्वर्ण सपादहेम त्रिदिनै: सपक्रामैनरोऽर्जयन् व्येति सुवर्णतुर्यकम्। निजाष्टमं पद्मदिनैदेलोनितै: स केन कालेन लभेत सप्ततिम्।। २६।। गन्धेभो मदल्ब्यषट्पदपदप्रोद्धिमगण्डस्थलः सार्थं योजनपद्धमं व्रजति यः षड्भिर्द्छोनैदिनैः। प्रत्यायाति दिनैक्षिभिश्च सद्लैः क्रोशद्विपद्धांशकं बृद्दि क्रोशद्छोनयोजनशतं कालेन केनाप्रयात्।। २७॥ वापी पयःप्रपूर्णा दशदण्डसमुच्छिताब्जमिंह जातम्। अकुल्युगलं सदलं प्रवर्धते सार्धदिवसेन ॥ २८॥ निस्सरति यन्त्रतोऽम्भः सार्धेनाहाङ्गुले सविशे द्वे । शुष्यति दिनेन सिळ्ळं सपख्रमाङ्गळकमिनकिरणै: ॥ २९ ॥ कूर्मो नालमधस्तात् सपादपञ्चाङ्गुलानि चाक्रवति । सार्थिहादिनैः पद्मं तोयसमं केन कालेन ॥ ३०॥ द्वात्रिंशद्भस्तदीर्घः प्रविशति विवरे पद्मभिः सप्तमार्धैः कृष्णाहीन्द्रो दिनस्यासुरवपुरजितः सार्धसप्ताङ्गुलानि । पादेनाह्नोऽङ्गले हे त्रिचरणसहिते वर्धते तस्य पुच्छं रन्ध्रं कालेन केन प्रविशति गणकोत्तंस मे बृहि सोऽयम् ॥ ३१ ॥

इति गतिनिवृत्तिः।

मुद्रा कमाता है, भर्ने दिन में ने स्वर्ण मुद्रा तथा उस (है) की ने स्वर्णमुद्रा अर्थ करता है; बतकाओं कि वह ७० स्वर्ण मुद्रा कितने दिनों में बचा सकेगा ? ॥२६॥ एक ओष्ठ हाथी, जिसके गण्ड स्थळ पर झरते हुए मद की सुगण्य से खुष्य अमर राशि पदीं द्वारा आक्रमण कर रही है, भर्ने दिन में एक योजन का है भाग तथा ने भाग चळता है; और, ३ने दिन में है कोश पोछे हुट जाता है; बतकाओं कि वह ने कोश कम १०० योजन को कुछ दूरी कितने समय में तय करेगा ? ॥२७॥ एक वापिका पानी से पूरी भरी रहने पर गहराई में दश दण्ड रहती है। अंकुरित होता हुआ एक कमक तळी से १ने दिन में २२ अंगुल के अर्थ (rate) से कगता है। यन्त्र द्वारा १ने दिन में वापिका का पानी निकळ जाने से पानी की गहराई २२ अंगुल कम हो जाती है। और, सूर्य की किरणों द्वारा १ने दिन में भन्ने अंगुल (गहराई का) पानी वाष्य बनकर उद जाता है; तथा, एक कछुआ कमल की गाल को १ने दिन में भन्ने अंगुल नीचे की ओर खींच लेता है। बतलाओं कि वह कमल पानी की सतह तक किराने समय में उस आवेगा ? ॥२८-३०॥ एक बलयुक्त, अजित, ओष्ठ ह्रव्याहीन्द्र (काला सर्प) जो १२ हस्त कम्बा है, किसी छिद्र में हम दिन में ७३ अंगुल प्रवेश करता है; और ई दिन में उसकी पूँच २३ अंगुल बढ़ जाती है। हे अंकाणितकों के भूषण ! मुझे बतलाओं कि यह सर्प इस छिद्र में किराने समय में पूरी तरह प्रवेश कर सकेगा ? ॥११॥

इस प्रकार, गति निवृत्ति प्रकरण समाप्त हुआ । पंचराक्षिक, सप्तराक्षिक और नवराक्षिक सम्बन्धी निवस—

स्व स्थान से 'फक' को अन्य स्थान में पक्षान्तरित करो (वहाँ वैसी ही मूर्त राश्चि आवेगी); (तब इह उत्तर को श्रास करने के किये विभिन्न राशियों की) बड़ी संक्याओं वाकी पंक्ति को (सबको

⁽ २८-३०) कुएँ की गहराई मूछ गाया में तली से नापी गई 'ऊँचाई' कही गई है।

पञ्चसप्तनवराशिकेषु करणसूत्रम् — क्रीमं नीत्वान्योग्यं विभजेत् पृथुपङ्गिस्पया पंक्त्या । गुणियत्वा जीवानां क्रयविक्रययोस्तु तानेव ॥ ३२ ॥

अत्रोहेशकः

द्वित्रिचतुःशतयोगे पञ्चाशत्वष्टिसप्ततिपुराणाः । लामार्थिना प्रयुक्ता दशमासेष्यस्य का वृद्धिः ॥२२॥ देख्ना सार्धाशीतेर्मासन्यंशेन वृद्धिरध्यर्धा । सित्रचतुर्थनवत्याः कियती पादीनवण्मासैः ॥३४॥

१ P में निम्निखिसत पाठान्तर है।

प्रकान्तरेण सूत्रम्--

संद्राय फले क्रिन्याहायुपेक्त्याने कराशिकां पंक्तिम् । स्वगुणामधादीनां क्रयविक्रययोखः तानेव ।

अन्यदपि सूत्रम्-

सम्मय फल खिन्यात् पृथुपेक्स्यस्यासमस्यया पंकस्य। । अश्वादीनां क्रयविक्रययोरश्वादिकांश्व संक्रम्य ॥

B केवल बाद का क्लोक दिया गया है जिसके दूतरे चौथाई भाग का पाठान्तर यह है—
प्रथपेक्स्यस्यासमस्यपंक्स्याहस्या ।

साथ ग्रुणित करने के प्रधाद), सबको साथ लेकर ग्रुणित की गई विजित्त राशिनों की छोटी संस्वाओं बाको पंक्ति द्वारा विभाजित करना चाहिये । परम्तु, जीवित पश्चओं को नैचने और खरीदने के प्रश्नों में केवड उन्हें प्रकृपण करनेवाकी संख्याओं के सम्बन्ध में ही प्रधान्तरण करते हैं ॥३२॥

उदाहरणार्थ प्रक्र

किसी स्थित द्वारा ५०, ६० और ७० पुराज क्रमशः २,३ और ४ प्रतिशत प्रतिनास के अर्थ (दर) से छाभ के किये ब्याज पर दिये गये। इस माद्र में उसे कितना ब्याज प्राप्त होगा १॥३३॥ है मास में ८०६ स्वर्ण मुद्राओं पर ब्याज १६ होता है। ५३ माद्र में ९०६ स्वर्ण मुद्राओं पर वह किसवा होशा १ ॥३४॥ वह जो १६ वर्ण के १०० स्वर्ण सीहों में २० स्वाप्त करका है तो १० वर्ण

(३२) फल का पक्षान्तरण तथा अन्य कथित क्रियार्थे निम्नलिखित साधित उदाइरण से स्पष्ट हो बार्बेगी । गाथा ३६ के प्रध्न में दिया गया न्यास (data) प्रथम निम्न प्रकार प्रकपित किया खाता है ।

९ मानी
 १ वाइ + १ कुम्म
 १ वोजन
 १० वोजन

किए क

जब यहाँ फुछ, जो ६० पण है, को अन्य पंक्ति में पक्षान्तरित करते हैं तब-

९ मानी
 १ बाह + १ कुम्म = १ है वाह
 २ बोबन
 ६० पण

अव, जिसमें विभिन्न राशियों की संस्था अधिक है ऐसी दाहिने हान की पैक्त की उन राशियों को गुणित कर उसे वाम पैकि (जिसमें विभिन्न राशियों की संस्था कम है) की उन राशियों को गुणित करने से आस गुजनफल द्वारा भाजित करना चाहिने। तन हमें पनी की संस्था मात होगी नी कि इड उत्तर होगा।

बोड सबर्णकका अनुशतिन यो रक्षविंशति छमते । दशवर्णसुबर्णानामष्टाशीतिद्विशता किम् ॥३५॥ गोधूमानां मानीनेव नयता योजनत्रयं छन्धाः । षष्टिः पणाः सवाहं कुम्भं दशयोजनानि कति ॥३६॥ भाण्डप्रतिभाण्डस्योहेशकः

करत्रीकर्षत्रययुपलमते त्यामिरष्टभिः कर्नेकैः कर्षद्रयकपूरं सृगनाभित्रिशतकर्षकैः कति नौ ॥३७॥ पनसानि षष्टिमष्टभिरुपलमतेऽशीतिमातुलुङ्गानि ॥ दशिममोषैनवशतपनसैः कति मातुलुङ्गानि ॥३८॥

जीवऋयविऋययोरुदेशकः

बोडशवर्षास्तुरगा विश्वातरहैन्ति नियुतकनकानि ।
दशवर्षसिप्तसितरिह कित गणकामणीः कथय ॥ ३९॥
स्वर्णित्रिश्वती मूल्यं दशवर्षाणां नवाङ्गनानां स्यात् । षट्त्रिशक्षाराणां वोडशसंवत्सराणां किम् ॥४०॥
षट्कशतयुक्तनवतेदेशमासेवृद्धिरत्र का तस्याः ।
कः कालः कि विसं विदिताभ्यां मण गणकम्खसुकुर ॥ ४१॥

- १ अमें अन्त में ना जुड़ा है।
- २ K, M और B में ना के लिए देमकर्शः पाउ है।

वासे २८८ स्वर्ण खंडों में क्या प्राप्त करेगा ? ॥६५॥ एक मनुष्य जो ९ मानी गेहूँ ६ योजन तक से जाकर ६० यम प्राप्त करता है, वह एक कुम्म और एक वाह गेहूँ १० योजन तक से जाकर क्या प्राप्त करेगा ? ॥६६॥

भोड प्रतिभांड (विनिमय) पर उदाहरणार्थ प्रश्न

पूक मनुष्य १० स्वर्ण मुद्राओं में २ कर्ष कस्तुरी तथा ८ स्वर्ण मुद्राओं में २ कर्ष कर्ष्र प्राप्त करता है। बतकाओं कि उसे ६०० कर्ष कस्तुरी के बदले में कितने कर्ष कर्ष्र प्राप्त होगा ? ॥६०॥ पूक मनुष्य ८ माशा चाँदों के बदले में ६० पनस प्राप्त करता है और १० माशा चाँदों के बदले में ८० धनार प्राप्त करता है। बतकाओं कि ९०० पनस फलों के बदले में वह कितने अनार प्राप्त करेगा ? ॥६८॥

पशुओं के क्रय और विकय पर उदाहरणार्थ भक्त

प्रत्येक १६ वर्ष की उस वाले बीस घोड़ों की कांगत १००,००० स्वर्ण गुद्राएँ हैं। हे गणित-आप्रणी ! पराकाओं कि प्रत्येक १० वर्ष घाले ७० घोड़ों का मूल्य इस अर्थ से क्या होगा ? ॥६९॥ प्रत्येक १० वर्ष की उस्रवाकी ९ नवास्त्रनाओं का मूल्य ३०० स्वर्ण गुद्राएँ हैं। प्रत्येक १६ वर्ष की उस्रवाकी ६६ नवास्त्रनाओं का मूल्य क्या होगा ? ॥६०॥ ६ प्रतिक्षत प्रतिमास की वर से ९० पर १० मास में क्या क्याज होगा ? हे गणक मुक्त गुक्तर ! दो अन्य आवश्यक कात राशियों की सहायता से पत्रकाओं कि उस ब्याज के सम्बन्ध में समय क्या होगा और उस ब्याज तथा समय के सम्बन्ध में मूक्ष्यन क्या होगा ? ॥५१॥

सप्तराशिक उद्देशकः

त्रिचतुर्व्यासायामी श्रीखण्डावर्हतोऽष्टहेमानि । षण्णविषस्टतिदैर्घ्या हस्तेन चतुर्दशात्र कति ॥ ४२ ॥

इति समराशिकः।

नवराशिक उद्देशकः

पंचाष्टित्रिक्यासदैर्घ्योद्याम्भो धत्ते वापी शास्त्रिनी वाह्षट्कम् । सप्तव्यासा हस्ततः षष्टिदैर्ध्याः पात्सेधोः किं नवाचक्ष्य विद्वन् ॥ ४३ ॥ इति सारसंप्रहे गणितशास्त्रे महावीराचार्यस्य कृतौ त्रैराशिको नाम चतुर्थव्यवहारः ॥

१ ४३ वें व्हांक के सिवाय अ और B में निम्नलिखित व्लोक प्राप्य है— द्वयष्टावीतिन्यासदैर्ध्यांकताम्मी चसे वापी वालिनी सार्धवाही । इस्तादृष्टायामकाः षोड्यहोच्छाः षटकव्यासाः कि चतस्रा वद स्वम् ॥

सप्तराशिक पर उदाहरणार्थ प्रस्त

जिनमें अत्येक का ज्यास ३ इस्त और कम्बाई (आयाम) ४ इस्त है, ऐसे संदक्ष-ककड़ी के हो दुकड़ों का मूल्य ८ स्वर्ण मुहाएं हैं। इस अर्घ से, जिनमें प्रत्येक ६ इस्त ज्यास में और ९ इस्त कम्बाई में है ऐसे संदक्ष-ककड़ी के ३४ दुकड़ों का क्या मृह्य होगा ? ॥४२॥

नवराशिक पर उदाहरणार्थ प्रश्न

जो चौड़ाई, लम्बाई और (तली से) उंचाई में क्रमणः ५, ८ और ६ इस्त है ऐसी किसी घर की वापिका में ६ वाह पानी भरा है। हे बिद्वान् ! बतलाओं कि ७ इस्त चौड़ी, ६० इस्त सम्बी और तको से ५ इस्त ऊँचो ९ वापिकाओं में कितना पानो समावेगा ! ॥४३॥

इस प्रकार सप्तराज्ञिक और नवराज्ञिक प्रकरण समाप्त हुआ।

इस प्रकार महावीराखार्थ की कृति सारसंग्रह नामक गणित शास में त्रैराशिक नामक चतुर्थ क्यवहार समाप्त हुआ ।

(४३) इस गाथा में 'शालिनी' शब्द का अर्थ "पर की" हं।ता है। यह उस छंद का भी नाम हे जिसमें यह गाया संरचित हुई है।

६. मिश्रकव्यवहारः

प्राप्तानन्तचतुष्टयान् भगवतस्तीर्थस्य कर्तृन् जिनान् सिद्धान् शुद्धगुणांक्षिलोकमहितानाचार्यवर्यानपि । सिद्धान्ताणवपारगान् भवभूतां नेतृनुपाध्यायकान् साधून् सर्वगुणाकरान् हितकरान् वन्दामहे श्रेयसे ॥ १ ॥ इतः परं मिश्रगणितं नाम पद्धमञ्यवहारमुदाहरिष्यामः । तद्यथा—

संक्रमणसंज्ञाया विषमसंक्रमणसंज्ञायाश्च सूत्रम्— युतिवियुतिदलनकरणं संक्रमणं छेदलब्धयो राइयोः। संक्रमणं विषममिदं प्राहुर्गणिततार्णवान्तगताः॥२॥

६. मिश्रकव्यवहार

जिन्होंने अनन्त चतुष्टय प्राप्त कर घमें तीर्थ की प्रवर्तना की है ऐसे अरिइंत प्रभुओं की, जो अष्टक्षायिक गुण सम्पन्न हैं तथा तीनों लोकों में आदर को प्राप्त हैं ऐसे सिद्ध प्रभुओं की, श्रेष्ठ आचार्यों की, जो जैन सिद्धान्त सागर के पारगामी हैं तथा संसारी जीवों को मोक्षमार्ग के उपदेशक हैं ऐसे उपाध्यायों की और जो सर्व सद्धुणों के धारक हैं तथा दूसरों के हितकता है ऐसे साधुओं की हम अपने सर्वोपिर हित के लिये वन्दना करते हैं ॥१॥

इसके पश्चात् इम मिश्रित उद्।हरण नामक पाँचवें व्यवहार का प्रतिपादन करेंगे। पारिभाषिक शब्द 'संक्रमण' और 'विषम संक्रमण' के अर्थों को स्पष्ट करने के लिये सुन्न--

गणित समुद्र के पारगामी, किन्हीं दो राशियों के योग अथवा अन्तर के आधा करने को संक्रमण कहते हैं। और, ऐसी दो राशियों जो क्रमशः भाजक तथा भजनफळ रहती हैं, उनके संक्रमण को विषम संक्रमण कहते हैं।।२।।

- (१) कर्म ओर जन्म मरण के दुःखों से पूर्ण संसारीजीवनरूपी नदी को पार करने के छिये 'तीर्य' शब्द का प्रयोग 'एक ऐसे स्थान के छिये हुआ है जो उथला होने के कारण नदी को पार करने में सहायक सिद्ध होता है। संसार अर्थात् चतुर्धक्रमण के दुःखों रूपी सागर को पार कराने के छिये मगवान् आत्माओं के छिये नैमित्तिक सहायक माने गये हैं। इसिछ्ये इन जिनों को तीर्थंकर कहा जाता है।
 - (२) बीजीय रूप से, दो राशियों अ और ब का संक्रमण अ + ब और अ के मान निका-

खना है। उनका विषम संक्रमण, व + अ व अ व के मान निकालना है। २ २

अत्रोदेशकः

द्वावशसंस्थाराशेद्वीभ्यां संक्रमणमत्र कि भवति । तस्माद्राशेर्मेकं विवमं या किं तु संक्रमणम् ॥ ३ ॥ पञ्चराशिकविधिः

पद्धराशिकस्वरूपवृद्धधानयनस्त्रम्— इच्छाराशिः स्वस्य हि कालेन गुणः प्रमाणफलगुणितः । कालप्रमाणमक्तो भवति तदिच्छाफलं गणिते ॥ ५॥ अत्रोहेशकः

त्रिकपञ्चकषट्कशते पञ्चाशत्वाष्ट्रसप्तातपुराणाः। लाभार्थतः प्रयुक्ताः का वृद्धिमीसषट्कस्य ॥ ५ ॥ व्यथीष्टकशतयुक्तास्त्रशत्कार्वापणाः पणाञ्चाष्ट्रौ । मामाष्ट्रकेन जाता दलहीनेनैव का वृद्धिः ॥ ६ ॥ वष्ट्या वृद्धिर्देष्ट्रा पञ्च पुराणाः पणत्रयविमिश्राः । मासद्वयेन लब्धा शतवृद्धिः का तु वर्षस्य ॥ ७ ॥ सार्थशतकप्रयोगे सार्थकमासेन पञ्चदश लाभः । मासदशकेन लब्धा शतत्रयस्यात्र का वृद्धिः ॥८॥ साष्ट्रशतकाष्ट्रयोगे त्रिषष्टिकार्षापणा विशा दक्ताः । मप्तानां मामानां पञ्चमभागान्यितानां किम्॥५॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

जब संख्या १२, दो से आयोजित हो तो संक्रमण क्या होगा ? और, २ के सम्बन्ध में उसी संक्या १२ का भागीय विश्वम संक्रमण क्या होगा ?

पंचराशिक विधि

पंबराशिक प्रकार के व्याज को निकासने की विधि के किये नियम-

इंच्छा का प्ररूपण करनेवाली संक्या, अर्थात् जिस पर ब्याज निकालना इष्ट होता है ऐसे धन को उससे सम्बन्धित समय द्वारा गुणित किया जाता है और तब दिये दुए मूलधन पर ब्याज दर का निक्रपण करने वाली संख्या द्वारा गुणित किया जाता है। गुणनफल को समय तथा मूलधन राशि द्वारा भाजित किया जाता है। यह भजनफल, गणित में, इष्ट धन का ब्याज होता है।।॥॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

प०, ६० और ७० पुराण क्रमशः ३, ५ और ६ प्रतिक्षत प्रतिमाह की दर (1840) से ज्याज पर दिये गये, उनका ६ माह में क्याज क्या होगा ? ॥५॥ ३० कार्षापण और ८ पण, ७३ प्रतिशत प्रतिमाह की दर से क्याज पर दिये गये, ७३ माह में कितना ब्याज होगा ?॥६॥ ६० पर २ माह में ५ पुराण और १ पण ब्याज होता है; १०० पण १ वर्ष का ब्याज बतलाओ ॥७॥ १५० को १३ माह तक उधार देने से १५ ब्याज प्राप्त होता है। इसी अर्थ से १०० पर १० माह का ब्याज क्या होगा ?॥८॥ एक ब्यापारी ने ६२ कार्षापण, १०८ पर ८ प्रतिमाह की तर से उधार दिये, बतलाओ ७६ माह में कितना क्याज होगा ॥९॥

(५) ब्याब की दर यदि उत्छिखित न हो तों उसे प्रतिमास समझना चाहिये।

⁽४) बीजीय रूप से व = अ×अ×बा बहाँ आ, घा और वा प्रमाण अथवा दर सम्बन्धी क्रमधः अविध, मूल्यन और म्याब हैं और अ, घ तथा व ह्न्छा की क्रमधः अविध, मूल्यन और ज्याब हैं। प्रमाण और ह्न्छा के विशेष स्पष्टीकरण के छिये अध्यास ५ की गाया २ की पाद टिप्पणी देखिये।

मूळानयनस्त्रम्--

मूळं स्वकाळगुणितं स्वफलेन विभाजितं तदिच्छायाः। कालेन भजेलव्यं फलेन गुणितं तदिच्छा स्यात्॥ १०॥

अत्रोदेशकः

पश्चार्धकश्चतयोगे पञ्च पुराणान्दलोनमासौ हो। वृद्धि लभते कश्चित् किं मूलं तस्य मे कथय ॥११॥ सङ्गत्याः सार्धमासेन फलं पञ्चार्धमेव च। व्यर्धाष्टमासे मूलं किं फलयोः मार्धयोहँयोः॥ १२॥ त्रिकपञ्चकषद्कशते यथा नवाष्टादशाथ पञ्चश्चतिः। पञ्चशिक निश्रा षद्मु हि मासेवु कानि मूलानि॥ १३॥

काळानयनसूत्रम्-

कालगुणितप्रमाणं स्वफलेक्डाभ्यां हृतं ततः कृत्वा । तदिहेक्छाफलगुणितं लब्धं कालं बुधाः प्राहुः ॥ १४ ॥

बचार दिवे गये मूकथन को निकालने के किये नियम--

मूळपन राशि को उसी से सम्बन्धित समय द्वारा गुणित करते हैं और सम्बन्धित ब्याज द्वारा विभाजित करते हैं। तब इस मजनफळ को (उधार दिये गये) मूळधन से सम्बन्धित अवधि द्वारा विभाजित करते हैं; यह श्रेतिम भजनफळ जब इपार्जित न्याज द्वारा गुणित किया जाता है तब वह मूळधन प्राप्त होता है जिस पर कि उक्त ब्याज प्राप्त हुआ है ॥१०॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

व्याज दर २१ प्रतिशत प्रतिमाह से ११ माह तक रकम उधार देकर एक व्यक्ति ५ पुराण व्याज प्राप्त करता है। मुझे बतलाओं कि उस व्याज के सम्बन्ध में मूलधन नया है?॥११॥ ७० पर १२ माह में २१ व्याज होता है। विद् ७२ माह में २१ व्याज होता हो तो बतलाओं कि कितना मूलधन व्याज पर दिया गया है?॥१२॥ कमसः १,५ और ६ प्रतिशत प्रति माह की दर से उधार देने पर ६ माह में प्राप्त होने वाले व्याज कमशः ९,१८ और २५ दे हैं; कीन-कीन से मूलधन व्याज पर दिये गये हैं?॥१३॥

अवधि निकासने के सिथे नियम ---

मूक्षम को सम्बन्धित अवधि से गुणित करो; तब इस गुणनफळ को उसी से सम्बन्धित व्याज दर से भाषित करो और अधार दी हुई रकम से भी भाषित करो। प्राप्त भजनफळ को उधार दी हुई रकम के व्याज द्वारा गुणित करो। बुद्धिमान मसुष्य कहते हैं कि परिणामी गुणनफळ (उपार्जित व्याज की) अवधि होता है।।१७।।

 $^{(?*) \}text{ under } \neq \forall \text{ if } x \neq 1$

⁽१४) प्रतीक रूप से, $\frac{\pi i \times \pi i \times \pi}{\pi i \times \pi} = \pi$

अत्रोदे शकः

सप्तार्थशतकयोगे वृद्धिस्त्वष्टाप्रविशतिरशीत्या। कालेन केन सञ्चा कालं विगणय्य कथय सखे॥ १५॥

विशतिषट्शतकस्य प्रयोगतः सप्तगुणषष्टिः । वृद्धिरिप चतुरशीतिः कथय सखे कालमाशु त्वम् ॥१६॥ षट्कशतेन हि युक्ताः षण्णवतिवृद्धिरत्र संदृष्टा । सप्रोत्तरपञ्चाशत् त्रिपञ्चभागश्चकः कालः ॥१०॥

भाण्डप्रतिभाण्डस्त्रम्— भाण्डस्वमृत्यभक्तं प्रतिभाण्डं भाण्डमृत्यसंगुणितम् ।

भाण्डस्यमुस्यमक्त त्रातमाण्ड माण्डमूल्यसगुण्यम् । स्वेच्छाभाण्डाभ्यस्तं भाण्डप्रतिभाण्डमूल्यफलमेतत् ॥ १८ ॥

अत्रोहेशकः

क्रीतान्यष्टी ग्रुण्ठ्याः पळानि पड्भिः पणैः सपादाँदैः । पिप्पस्याः पळपञ्चकसथ पादाँनैः पणैनेबभिः ॥ १९ ॥ ग्रुण्ठ्याः पळेखे केनचिद्शीतिभिः कृति पळानि पिप्पस्याः। क्रीतानि विचिन्त्य त्वं गणितविदाचक्ष्व मे शीघ्रम् ॥ २० ॥

इति मिश्रकव्यवहारे पक्षराशिविधिः समाप्तः।

वृद्धिविधानम्

इतः परं मिश्रकव्यवहारे वृद्धिविधानं व्याख्यास्यामः।

१ M और B दोनों में अग्रुद्ध पाठ है : कश्चित् त्वशीतिभिः स च पलानि पिप्पत्याः.

उदाहरणार्थ प्रका

है मित्र ! अविध की गणना कर बतकाओं कि २६ प्रतिशत प्रतिमाह के अर्घ से ८० पर २८ क्यांज कितने समय में प्राप्त होगा ? ॥१५॥ २० प्रति ६०० प्रतिमाह के अर्घ से उधार दिया गया धन ४२० है। क्यांज भी ८५ है। है मित्र ! मुझे शीघ बतकाओं कि यह क्यांज कितनी अविध में उपाजित हुआ है १॥१६॥ ६ प्रतिशत प्रतिमाह के अर्घ से ९६ उधार दिये जाते हैं। उन पर ५७६ क्यांज होता है। यह क्यांज कितनी अविध में प्राप्त हुआ होगा ? ॥१०॥

भांडप्रतिभांड (वस्तुओं के पारस्परिक विनिमय) के सम्बन्ध में नियम-

बद्छे में की गई वस्तु के परिमाण को उसके स्वमूख्य तथा बद्छे में दी गई वस्तु के परिमाण द्वारा विभाजित करते हैं। तब, बसे बद्छे में दी गई वस्तु के मृत्य द्वारा गुणित करते हैं और तब, बद्धी जाने वाली (जिसे बद्छमा इष्ट है) वस्तु के परिमाण द्वारा गुणित करते हैं। यह परिणामी गुणनक्छ, बद्छे में की गई वस्तु तथा बद्छे में दी गई वस्तु के मूख्यों की संवादी इष्ट राशि होती है। १८॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

८ पक शुण्ठि (सूखी अदरका) ६ रे पण में कारीदी गई और ५ पक कम्बी मिर्च ८ रे पण में कारीदी गई। हे गणितज्ञ ! विचारकर मुझे शीघ्र बतकाओ कि उपर किकी हुई दर से कारीदी जाने वाकी कम्बी मिर्च, ८० पक सूखी अदरका (सोंट) के बदले में कितने पक कारीदी जा सकेगी ? ॥१९-२०॥

इस प्रकार, मिश्रक व्यवहार में पंचरातिक विश्वि नामक प्रकरण समाप्त हुआ।

वृद्धि विधार [ज्याज]

इसके प्रधात् , मिश्रक व्यवहार में हम क्वाल पर व्याख्या करेंने ।

मूलवृद्धिमिश्रविमागानयनस्त्रम्— रूपेण कालवृद्धया युतेन मिश्रस्य भागहारविधिम् । कृत्वा लब्धं मूस्यं वृद्धिमूलोनमिश्रधनम् ॥२१॥ अत्रोदेशकः

पञ्चकशतप्रयोगे द्वादशमासैर्धनं प्रयुक्के चेत्। साष्टा चत्वारिशन्मिश्रं तन्मूलवृद्धी के ॥ २२ ॥ पुनरिप मूलवृद्धिमिश्रविभागसूत्रम्—

इच्छाकालफलप्रं स्वकालमूलेन भाजितं सैकम् । संमिश्रस्य विभक्तं लब्धं मूलं विजानीयात् ॥२३॥

अत्रोदेशकः

सार्धिद्विशतकयोगे मासचतुष्केण किमपि धनमेकः। दत्त्वा मिश्रं छभते किं मूल्यं स्यात् त्रयस्त्रिशत्।। २४॥ कालयृद्धिमिश्रविभागानयनस्त्रम्— मूळं स्वकालगुणितं स्वफलेच्छाभ्यां हृतं ततः कृत्वा।

मिश्रित रकम में से धन और ब्याज अखग करने के किये नियम-

मूलधन और ब्याज सम्बन्धी दिये गये निश्रधन को जो दी गई अवधि के ब्याज में जोवकर प्राप्त किया जाता है, ऐसी (ब्याज) राशि द्वारा हासित किया जाय तो इष्ट मूलधन प्राप्त होता है; और इष्ट ब्याज को निश्रित धन में से (निकाले हुए) इष्ट मूलधन को घटाकर प्राप्त कर लेते हैं ॥२१॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

यदि कोई भन ५ प्रतिशत प्रतिमाह के अर्थ से क्याज पर दिया जाय तो १२ माह में मिश्रभन ४८ हो जाता है। बतलाओं कि मुलभन और ज्याज क्या हैं ? ॥२२॥

मिश्रधन में से मुल्बन और व्याज शकरा करने के किये दूसरा नियम-

दिये गये समय तथा ज्याज दर के गुणनफल को समयदर तथा मूळधनदर द्वारा भाजित करते हैं। प्राप्त फळ में १ जोड़ने से प्राप्त राश्चि द्वारा मिश्चधन को आजित करते हैं जिससे परिणामी भजनफल इष्ट मूळधन होता है ॥२१॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

२ दे प्रतिशत प्रतिमाह के अर्थ से रक्षम को व्याजपर देने से किसी को चार माह मैं ३६ मिश्रधन प्राप्त होता है। बतकाओ मूळधन क्या है ? ॥२४॥

सिश्र योग में से अविध तथा ब्यास की अखग करने के छिये नियम---

मूळधनदर को अवधि दर हारा गुणित करो और ब्याज दर तथा दिवे गये मूळधन हारा

(२१) प्रतीक रूप से ध=
$$\frac{H}{? \times 34 \times 41}$$
 'जहाँ म= $4+4$ है; इसिलिये $4=H-4$ श $+\frac{? \times 34 \times 41}{31 \times 41}$

(२३) प्रतीक रूप से, $u = n + \left\{ \frac{31 \times 31}{311 \times 311} + ? \right\}$, स्पष्ट है कि यह बहुत कुछ गाथा २१ में दिये गये सुत्र के समान है।

सैक तेनाप्तस्य च मिश्रस्य फलं हि वृद्धिः स्थात् ॥ २५ ॥ अत्रीदेशकः

पश्चक्षातप्रयोगे फलार्थिना योजितैव धनविष्टः। कालः स्ववृद्धिसिहेतो विश्वतिरज्ञापि कः कालः॥ २६॥ अधित्रकसप्तत्याः सार्धाया योगयोजितं मूलम्। पञ्चोत्तरसप्तद्यातं मिश्रमदीतिः स्वकालयुद्धयोहिं॥ २७॥ व्यर्धचतुष्काद्यीत्या युक्ता मासद्वयेन सार्धेन। मूलं चतुःशतं षट्श्रिंशान्मिश्रं हि कालवृद्धयोहिं॥ २८॥

मूखकालमिश्रविभागानयनसूत्रम्— स्वफलोद्धृतप्रमाणं कालचतुर्वृद्धिताडितं शोध्यम्। मिश्रकृतेस्तन्मूलं मिश्रे क्रियते तु संक्रमणम्॥ २९॥

विभाजित करो । परिणामी राशिको ९ में मिलाओ । प्राप्तक द्वारा मिश्रवोग की विभाजित करने पर इष्ट क्याज प्राप्त होता है ॥२५॥

उदाहरणार्थ भश्न

५ प्रतिशत प्रतिमाह के अर्थ से किसी साहुकार ने ६० डघार दिये। अवधि तथा समय मिका-कर २० होता है। बतकाओं कि अवधि क्या है ? ॥२६॥ १३ प्रति ७०३ प्रति मास की दर से व्याच पर दिया गया मूक्यन ७०५ है। समय और व्याक का मिश्रयोग ८० है। समय तथा व्याक के मानों को अका-अलग निकासो ॥२७॥ ३३ प्रति ८० की दर से २३ माहों के सिथे व्याक पर दिया गया मूक्यन ४०० है और समय तथा ब्याक का मिश्रयोग ३६ है। समय तथा व्याक अकग-अलग बतकाओं ॥२८॥

मूळपन और ब्याज की अवधि को तनके मिश्रयोग में से अकग करने के लिये नियम— अवधि और मूळपन के दिने गये मिश्रयोग के वर्ग में से वह राशि बटाई जाती है जो मूळपन-दर को ब्याजदर से भाजित करने और अवधिदर तथा दिये गये ब्याज की चौगुनी शशि द्वारा गुणित करने पर प्राप्त होती हैं। इस परिणामी शेंच के वर्गम्छ को दिये गये मिश्रयोग के सम्बन्ध में संक्रमण किया करने के उपयोग में काते हैं। 124।।

(२५) प्रतीक रूप से, ब=म÷
$$\left\{ \frac{\text{घा} \times \text{घा}}{\text{घा} \times \text{घ}} + ? \right\} = \text{ब, तहाँ } \mu = \text{ब} + \text{घ}$$
(२९) प्रतीक रूप से, $\left\{ \sqrt{\mu^2 - \text{घा} \times \text{घा}} \times \text{घ} \times \mu} \right\} = \text{घ अधना अ, (यथा$

रियति) जहाँ, म = भ + अ; दिये गये नियम के अनुसार, मूल (करणी) गत राशि का मान (भ - अ) र है; इसके वर्गमूळ तथा मिश्र इन दोनों के सम्बन्ध में संक्रमण की किया की वाती है ।

[#] संक्रमण किया को समझने के लिये अध्याय ६ का क्लोक २ देखिये।

अत्रोदेशकः

सप्तत्या वृद्धिरियं चतुःपुराणाः फलं च पद्धकृतिः । सिश्रं नव पद्धगुणाः पादेन युतास्तु किं मूलम् ॥ ३० ॥

त्रिकष्ट्या दस्वैक: किं मूळं केन कालेन । प्राप्तोऽष्टादशवृद्धि षट्षष्टिः कालमूर्लामश्रं हि ॥ ३१ ॥

अध्यर्धमासिकफलं षट्याः पञ्चार्धमेव संदृष्टम् । वृद्धिस्तु चतुर्विद्यातिरथ षष्टिर्मृलयुक्तकालम् ॥ ३२ ॥

प्रमाणफलेच्छाकाछमिश्रविभागानयनसूत्रम्—

मूळं स्वकालवृद्धिद्विकृतिगुणं छिन्नमितरमूलेन । मिश्रकृतिशेषमूळं मिश्रे कियते तु संक्रमणम् ॥३३॥

अत्रोद्देशकः

अध्यर्धमासकस्य च शतस्य फलकालयोश्च मिश्रधनम्। द्वादश दलसंमिश्रं मूलं त्रिंशत्फलं पक्का। ३४॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

ध पुराण, ७० पर प्रतिमाह ज्याज है। कुछ पर प्राप्त ज्याज २५ है। मूळ्यन तथा ब्याज की अवधि का मिश्रयोग ४५% है। कितना मूळ्यन ख्यार दिया गया है १ ।१० ।। ६ प्रति ६० प्रतिमास के अर्थ से कोई मलुष्य कितना मूळ्यन कितने समय के छिये व्याज पर छगाये ताकि उसे व्याज १८ प्राप्त हो जयकि उस अवधि तथा उस मूळ्यन का मिश्रयोग ६६ दिया गया है।।६१।। ६० पर १५ माह में ब्याज केवळ २५ है। यहाँ व्याज २४ है और मूळ्यन तथा अवधि का मिश्रयोग ६० है। समय तथा मूळ्यन क्या है १।१९।।

व्याजदर तथाइष्ट भविष की मिश्रितशीश में से अकग-असग करने के किसे नियम-

मूलधनदर स्व समयदर द्वारा गुणित किया जाता है, तथा दिवे गये स्याज से और ४ से भी गुणित करने के डपराम्स अन्य दिये गये मूलधन द्वारा विभाजित किया जाता है। इस परिणामी अजनफळ को दिये गये मिश्रयोग के वर्ग में से बटाकर प्राप्त दोष के वर्गमूक को मिश्रयोग के सम्बन्ध में संक्रमण किया करने के डपयोग में काते हैं।।३३।।

उदाहरणार्थ प्रश्न

अर्थ अधिक प्रतिशत प्रतिमाह की इष्ट दर से व्यास दर और अवधि का मिश्रयोग १२३ होता है। मुख्यन २० है और उस पर व्यास ५ है। बतसाओ व्यास दर और अवधि क्या-क्या हैं ? ॥३४॥

⁽३३) प्रतीक रूप से, $\sqrt{\mu^2 - \frac{11 \times 21 \times 4 \times 4}{4}}$ की 'म' के साथ इष्ट संक्रमण किया करने के उपयोग में आते हैं। यहाँ म = बा + अ है।

ग॰ सा॰ सं॰ -१३

मूलकालवृद्धिमिश्रविमागानयनस्त्रम् मिश्रादूनितराशिः कालस्तस्येव रूपलाभेन । सैकेन भजेन्मूलं स्वकालमूलोनितं फलं मिश्रम् ॥३५॥ अत्रोदेशकः

पञ्चकशतप्रयोगे न ज्ञातः काळमूळफळराशिः । तन्मिश्रं द्वौशीतिर्मूळं किं काळवृद्धी के ॥ ३६ ॥

बहुमूलकालवृद्धिमिश्रविभागानयनस्त्रम्— विभजेत्स्यकालताहितम्लसमासेन फलसमासहतम्। कालाभ्यस्तं मूलं पृथक् पृथक् चादिशेद् वृद्धिम्॥ ३७॥

अत्रोहेशकः

चत्यारिशत्त्रिशद्विशतिपञ्चाशदत्र मूळानि । मासाः पञ्चचतुक्षिकषट फर्ळापण्डञ्चतुक्षिशत् ॥३८॥ १ इस्तिलिपि में यह अशुद्ध रूप प्राप्य है; शुद्ध रूप 'इयशीति' छेद की आवश्यकता की समाधानित नहीं करता है ।

मूलधन, व्याज और समय को उनके मिश्रयोग में से अक्षम-अक्षम प्राप्त करने के किये नियमदिये गये मिश्रयोग में से कोई मन से जुनी हुई संख्या को घटाने पर इष्ट समय प्राप्त हुआ मान किया जाता है। उस अवधि के क्रिये ९ पर व्याज निकाककर उसमें ९ जोड़ते हैं। तब, दिवे गये मिश्रितयोग में से मन से जुनी गई अवधि घटाकर रोष राशि को उपयुंक्त प्राप्त राशि हारा विभाजित करते हैं। परिणामी अजनफळ इष्ट मूळधन होता है। मिश्रयोग को निज के संवादी समय और मूळधन हारा हासित करने पर इष्ट ब्याज प्राप्त होता है।।३५॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

५ प्रतिशत प्रतिमाह के अर्थ से उधार दी गई रकम के विषय में अवधि, मूळधन और व्याज का निक्षपण करने वाकी राशियाँ ज्ञात नहीं हैं। उनका मिश्रयोग ८२ है। अवधि, मूळधन और व्याज निकालो ॥१६॥

विभिन्न धनी पर विभिन्न अविधयों में उपार्जित विभिन्न व्याजों को सम्हीं के मिश्योग में से

अछग-अछग ज्याज प्राप्त करने के किये नियम---

प्रश्वेक सूलधन संवादी समय से गुणित होकर तथा व्याजों की कुछ दल रकम द्वारा गुणित होकर तथा व्याजों की कुछ दल रकम द्वारा गुणित होकर, अलग-अलग उन गुणनफर्कों के योग द्वारा विभाजित किया जाता है जो प्रश्वेक सूलधन को उसके संवादी समय द्वारा गुणित करने पर प्राप्त होते हैं। प्राप्त कल उस गूळधन सम्बन्धी व्याज शोषित किया जाता है। १७।।

उदाहरणार्थ प्रक्त

इस प्रश्न में दिये गये मुरूपन ४०, ३०, २० और ५० हैं; और मास क्रमशः ५, ४, ६ और ६ हैं। ज्याज की राशियों का योग ३४ है। प्रत्येक ज्याज राशि निकाको ॥६८॥

(३५) यहाँ ३ अज्ञात राशियाँ दी गई हैं । समय का मान मन से चुन लिया जाता है और अन्य दो राशियाँ अध्याय ६ की २१वीं गाया के नियमानुसार प्राप्त हो जाती हैं ।

बहुम्बिश्रविभागानयनस्त्रम्— स्वफ्केः स्वकालभक्तेस्तग्रुत्या मूलमिश्रधनराशिम् । ब्रिन्चादंशं गुणयेत् समागमो भवति मूलानाम् ॥ ३९॥ अत्रोदेशकः

दशबद्त्रिपञ्चदशका वृद्धय इवबञ्चतुश्चिषणमासाः । मूळसमासो रष्टञ्चत्वारिशच्छतेन संमिश्रा ॥ ४० ॥ पञ्चाधबद्दशापि च सार्धाः बोडश फलानि च त्रिंशत् । मासास्तु पञ्च षद् खलु सप्ताष्ट दशाप्यशीतिरथ पिण्डः ॥ ४१ ॥

बहुकालमिश्रविमागानयनप्त्रम्— स्वफलेः स्वमूलभक्तेस्तचुत्या कालमिश्रधनराशिम् । छिन्धादंशं गुणयेत् समागमो भवति कालानाम् ॥ ४२ ॥

१ इस्तकिपि में छिन्वादंशान् पाठ है जो छह प्रतीत नहीं होता है।

विभिन्न मृख्यनों को उन्हों के मिश्रयोग से असग-असग करने के नियम-

उचार दी गई विभिन्न मूळवन की राशियों के सिश्रयोग का निरूपण करनेवाळी राशि को उन भजनफर्कों के योग द्वारा विभाजित करों जो विभिन्न ज्याजों को उनकी संवादी अविधियों द्वारा अलग-अलग विभाजित करने पर प्राप्त होते हैं। परिणामी भजनफर्क को क्रमशः ऐसे विभिन्न भजनफर्कों द्वारा विभाजित करों जो कि विभिन्न ज्याजों को उनकी संवादी अविधयों द्वारा विभाजित करने पर प्राप्त होते हैं। इस प्रकार विभिन्न मूळघन की राशियों को अलग-अलग निकालते हैं ॥६९॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

विये गये विभिन्न न्याज १०, ६, ६ और १५ हैं और संवादी अवधियाँ क्रमशः ५, ६, ६ और ६ मास हैं; विभिन्न मूखधन की रक्मों का योग १६० है। ये मूखधन की रक्मों कीन-कीन सी हैं १ ॥६०॥ विभिन्न ब्याज राशियाँ ५, ६, १०६, १६ और ६० हैं। उनकी संवादी अवधियाँ क्रमशः ५, ६, ७, ८ और १० माह हैं। विभिन्न मूखधन की रक्मों का मिश्रयोग ८० है। इन रक्मों को अलग-अक्का बत्तकाओ ॥४१॥

विभिन्न अवधियों को बनके मिश्रयोग में से अछग-अछग प्राप्त करने के छिये निवस ---

विभिन्न अविभिन्नों के मिश्रयोग का निरूपण करनेवाली राशि को उन विभिन्न अजनफर्लों के बोग द्वारा विभाजित करों जो कि विभिन्न क्याजों को उनके संवादी सूल्यनों द्वारा विभाजित करने पर प्राप्त होते हैं। और उब, परिणामी भजनफर्क को अखग-अखग उपर्युक्त भजनफर्कों में से प्रत्येक द्वारा गुणित करो। इस प्रकार विभिन्न अविधार निकाली जाती हैं ॥४२॥

(३९) प्रतीक रूप से,
$$\frac{\mu}{\frac{\pi_1}{a_1} + \frac{\pi_2}{a_3} + \frac{\pi_3}{a_4} + \frac{\pi_4}{a_3} + \frac{\pi_4}{a_3} + \frac{\pi_4}{a_3} + \frac{\pi_4}{a_4} + \frac{\pi_5}{a_4} + \frac{$$

अत्रोहेशकः

चत्वारिंशत्त्रिंशद्विंशतिपञ्चाशदत्र मूळानि । दशबद्त्रिपञ्चद्श फलमष्टादश कालीमश्रधनराशिः ॥ ४३ ॥

प्रमाणराशी फलेन तुल्यमिच्छाराशिमूलं च तिव्च्छाराशी वृद्धि च संपीड्य तिनमश्रराशी प्रमाणराशेवृद्धिविमागानयनस्त्रम

कालगुणितप्रसाणं परकालहतं तदेकगुणिसश्रधनात्। इतराधेकृतियुतान् पर्यसितराधीनं प्रसाणफलम् ॥ ४४ ॥

अत्रोहेशकः

मासचतुष्कशतस्य प्रनष्टवृद्धिः प्रयोगमूलं तत् । स्वफलेन युतं द्वादश पञ्चकृतिस्तस्य कालोऽपि ॥ ४५॥

मामत्रितयाशीत्याः प्रनष्टवृद्धिः स्वमूलफलराशेः । पश्चमभागेनोनाश्चाष्टौ वर्षेण मूलवृद्धी के ॥४६॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

इस प्रश्न में, दिने गये मुख्यम ४०, ३०, २० और ५० हैं तथा संवादी स्वाज राशियाँ क्रमशः १०, ६, ६ और १५ हैं। विभिन्न अविधयों का मिश्रयोग १८ है। बतलाओं कि अविधयाँ क्या-क्या हैं १॥४३॥

व्याजदर के बराबर दिया गया मूक्ष्यन और इस उपार दिये गये मूल्यन के व्याज, इन दोनों के मिश्रयोग को निक्षपित करनेवाली शिंदा में से मूक्यनदर एवं व्याजदर अलग-अलग निकासने के लिये नियम---

मूरुधनदर को अवधिदर द्वारा गुणित कर उसे खिस समय तक व्याज स्थाया गया है उस समय द्वारा विभाजित करते हैं। इस परिणामी अजनफरू को दिये गये मिश्रयोग द्वारा एक बार गुणित करते हैं, और तब, उसमें उपयुक्त अजनफरू की आधी राशि के वर्ग को जोदते हैं। इस तरह प्राप्त राशि का वर्गमूरू निकासते हैं। प्राप्त फरू को उसी अजनफरू की अर्द्धराशि द्वारा द्वासित करते हैं तो मूक्यन के वराषर इष्ट ज्याजदर प्राप्त होती है। ४४॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

न्याजदर प्रतिशत प्रति ४ माइ अञ्चात है। वहीं अञ्चात राक्षि उधार दिया गया मूलधन भी है। यह सुद के ब्याज से जोड़ी जाने पर १२ हो जाती है। २५ माइ अवधि है जिसमें कि वह ब्याज बपाजित हुआ है। ब्याजदर को निकालो जो मूलधन के तुस्य है ॥४५॥ ब्याजदर प्रति ८० प्रति ३ माइ अञ्चात है। एक साक के ब्याज तथा उस अञ्चात राक्षि के तुस्य मूलधन का मिश्रयोग ७६ है। बतलाओं कि मूलधन और ब्याजदर क्वा क्या है ?॥४६॥

(४४) प्रतीक रूप से,
$$\sqrt{\frac{91 \text{ MI}}{24}} \times H + \left(\frac{91 \text{ MI}}{24}\right)^2 - \frac{91 \text{ MI}}{24} = 91 \text{ MI}$$
 के तुल्य है ।

समानमृज्यृद्धिभिश्रविभागसूत्रम्— अन्योन्यकालविनिहतिमश्रविशेषस्य तस्य भागाल्यम् । कालविशेषेण इते तेषां मूळं विजानीयात् ॥ ४७ ॥

अत्रोदेशकः

पद्धाशदष्टपद्धाशिन्मश्रं षट्षष्टिरेव च । पद्ध सप्तैव नव हि मासाः किं फलमानय ॥ ४८ ॥ त्रिश्चैकत्रिंशद्द्वित्र्यंशाः स्युः पुनस्त्रयिक्षेशत् । सत्र्यंशा मिश्रधनं पद्धत्रिंशय गणकादात् ॥४५॥ कश्चित्ररञ्जतुर्णां त्रिमिखतुर्मिख पद्धभिः षड्भिः । मासैलैंब्धं किं स्यान्मूलं शीद्यं ममाचक्ष्व ॥५०॥

समानमूलकालिमश्रविभागसूत्रम्— अन्योन्यवृद्धिसंगुणिमश्रविशेषस्य तस्य भागास्यम् । वृद्धिविशेषेण हते लब्धं मूलं बुधाः प्राहुः ॥ ५१ ॥

अत्रोद्देशकः

एकत्रिपर्ख्यामश्रितविश्वतिरिह कालमूलयोमिश्रम्। षड्दश चतुर्दश स्युर्लोभाः किं मूलमत्र साम्यं स्यात्॥ ५२॥

मुरुधन जो सब दशाओं में एकसा रहता है, और (विभिन्न अवधियों के) व्याजों को, उनके विभयोग में से अछग-अकग करने के किये नियम—

कोई भी दो दिये गये मिश्रयोगों को क्रमशः एक दूसरे के क्याज की अवधियों द्वारा गुर्गणत करने से प्राप्त राशियों के अंतर द्वारा विभाजित करने पर जो भजनफक प्राप्त होता है वह उन दिये गये मिश्रयोगों सम्बन्धी इस मुक्थन है ॥४७॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

सिश्रयोग ५०, ५८ और ६६ है और अवधियाँ जिनमें कि न्याज उपाजित हुए हैं, क्रमशः ५,७ और ८ माह हैं। प्रत्येक दशा में न्याज बतलाओ ॥५८॥ है गणितक ! किसी मचुच्य ने ४ व्यक्तियों को क्रमशः ६, ४, ५ और ६ मास के अन्त में उसी मूल्धन और न्याज के सिश्रयोग ३०, ३१ है, और ६५ दिये। मुझे शीव बतलाओ कि यहाँ मूल्धन क्या है १॥ ४९-५०॥

मूरुधन (जो प्रत्येक दशा में वही रहता हो) और अवधि (जितने समय में ब्याज उपार्जित किया गया हो) को उन्हीं के मिश्रयोग में से असग-अस्त्रा करने के स्त्रिये नियम---

कोई भी दो भिश्रयोगों को क्रमशः एक दूसरे के ब्याज द्वारा गुणित कर, प्राप्त राशियों के अन्तर को दो चुने हुए ब्याजों के अन्तर द्वारा विभाजित करने पर भजनफल के रूप में इष्ट मूळधन प्राप्त होता है, ऐसा विद्वान् कहते हैं।।५१।।

उदाहरणार्थ प्रश्न

मूळधन और अवधियों के मिश्रकोग २१, २३ और २५ हैं। यहाँ स्माज ६, १० और १५ हैं। बतकाओं कि समान शर्दा वाका मूळधन स्था है ?।।५२।। दिये गये मिश्रयोग ३५, ३७ और ३९ हैं;

(५१) प्रतीक रूप से, $\frac{H_1 = 4 \times H_2}{4 \times 4} = 4$, जहाँ H_1 , H_2 , आदि, विभिन्न मिश्रयोग हैं।

प्रमाणिक्यान्मश्रं सप्ततिकाच नवयुतिष्ठेकात् । विकातिरष्टाविकातिरय बट्तिकाच वृद्धिचनम् ॥ ५३ ॥ समयप्रयोगम् छानयनस्त्रम्— सपस्येच्छाकालादु सयफले ये तयोविकोषेण । लब्धं विभजेन्सूलं स्वपूर्वसंकल्पितं अवति ॥ ५४ ॥

अत्रोदेशकः

उद्वृत्या षदक्शते प्रयोजितोऽसौ पुनश्च नवकशते ।

मासैक्षिभिश्च लभते सैकाशीति क्रमेण मूर्ल किम् ॥ ५५ ॥

त्रिवृद्धपैव शते मासे प्रयुक्तश्चाष्ट्रभिःशते । लाभोऽशीतिः कियन्मूलं भवेचन्मासयोद्धयोः ॥ ५६ ॥

वृद्धिमूलविभोचनकालानयनसूत्रम् —

मलं स्वकालगणितं कलगणितं तत्रमाणकालाभ्यामः ।

मूळं स्वकालगुणितं फलगुणितं तत्प्रमाणकालाभ्याम् । भक्तं स्कन्थस्य फलं मूलं कालं फलात्प्राग्वत् ॥ ५७ ॥

१ इसी नियम को कुछ अशुद्ध रूप में परिवर्तित पाठ में इस प्रकार उल्लिखित किया गया है— पुनरप्युभयपयोगमूखानयनसूत्रम्— इच्छाकाखानुभयप्रयोगनुद्धि समानीय । सद्दुद्धयन्तरभक्तं सम्बं विज्ञानीयात् ॥

व्याज २०, १८ और १६ हैं। समान अहां वाळा मूळधन क्या है १।।५३॥

हो भिन्न व्याजदारों पर छगाया हुआ मूख्यन प्राप्त करने के लिये नियम-

दो व्याज राशियों के अंतर को उन दो राशियों के अंतर द्वारा विभाजित करो जो दी हुई अवधियों में १ पर व्याज होती हैं। यह मजनफरू स्वपूर्व संकृष्टियत मुक्कथन होता है ॥५४॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

६ प्रतिशत की दर पर उधार छेकर, और तब ९ प्रतिशत की दर पर उधार देकर कोई व्यक्ति खड़न (differential) छाभ के द्वारा ठीक ६ माद्द के प्रश्नात् ८१ प्राप्त करता है। मुख्यन क्या है ? ॥५५॥ ६ प्रतिशत प्रतिशास के अर्घ से कं।ई रक्ष्म उधार की जाकर ८ प्रतिशत प्रतिभाद के अर्घ से व्याज परदी जाती है। चक्रम काम, २ माद्द के अन्त में ८० दोता है। वतकाओ वह रक्ष्म क्या है ? ॥५६॥

जब मूळधन और ज्याज दोनों (किस्तों द्वारा) चुकाये जाते हो तब समय निकास्त्रे के नियम— हभार दिया गया मूळधन किस्त के समय द्वारा गुणित किया जाता है और फिर ज्याज दर द्वारा गुणित किया जाता है। इस गुणनफळ को मूळधनदर द्वारा और अवधिदर द्वारा विभाजित करने पर उस किस्त सम्बन्धी ज्याच प्राप्त होता है। इस ज्याज से, किस्त का मूळधन और ऋण को चुकाने का समय, दोनों को प्राप्त किया जाता है।।५॥।

⁽ ५७) प्रतीक रूप से, व×प×वा = किस्त तब्बन्धी व्याज, बहाँ प प्रत्येक किस्त की अवधि है।

अत्रोदेशकः

मासे हि पश्चेव च सप्ततीनां मासद्वयेऽष्टादशकं प्रदेयम् । स्कन्नं चतुर्भिः सहिता त्वशीतिः मूलं मवेत्को नु विमुक्तिकालः ॥ ५८ ॥ बष्ट्या मासिकवृद्धिः पञ्चेव हि मूलमपि च बट्त्रिंशत् । मासत्रितये स्कन्धं त्रिपञ्चकं तस्य कः कालः ॥ ५९ ॥

समानवृद्धिमूळिमश्रविभागसूत्रम्-

मूळै: स्वकालगुणितैर्वृद्धिविभक्तै: समासकैर्विभजेत्। सिश्रं स्वकालनिशं वृद्धिर्मूलानि च प्राग्वत्।। ६०॥

प्रत्रोदेशकः

द्विकषट्कचतुः शतके चतुः सहस्रं चतुः शतं मिश्रम् । मासद्वयेन वृद्धया समानि कान्यत्र मूलानि ॥ ६१ ॥ त्रिकशतपद्मकसप्ततिपादोनचतुष्कषष्टियोगेषु । नवशतसहस्रसंख्या मासत्रितये समा युक्ता ॥६२॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

ब्याजब्द ५ प्रति ७० प्रतिमास है; प्रत्येक २ माह में जुकाई जाने वाकी किस्त १८ है एवं उधार दिया गया मूळधन ८४ है। विद्युक्ति काक (कर्ज जुकाने का समय) बतकाओ ॥५८॥ ६० एर प्रतिमास न्यास ५ होता है। उधार दिया गया मूळधन ३६ है। ३ माह में जुकाई जाने वाकी प्रत्येक किस्त १५ है। इस कर्ज के जुकने का समय बतकाओ ॥५९॥

जिन पर समान न्याज उपार्जित हुआ है ऐसे विभिन्न मूळ्यनों की मिश्रयोग से अखग-असन

करने के लिये नियम-

मिश्रयोग को अवधि द्वारा गुणित कर, उन राशियों के योग से विमाश्रित करो जो (राशियों) विभिन्न मूळ्यनद्रों को उनकी संवादी अवधिद्रों द्वारा गुणित करने तथा संवादी ज्याजद्रों द्वारा विभाशित करने पर प्राप्त होती हैं। इस प्रकार ब्याज प्राप्त होता है और उससे मूळ्यन प्राप्त किये जाते हैं। १०॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

२, ६ और ६ प्रतिशत प्रतिशास की दर से दिये गये स्कार्यों का निश्रयोग ६,४०० है। इन समस्य स्कार्यों की २ माइ की ब्याज राशियों बराबर होती हैं। बतकाओं कि नइ ज्याजराशि क्या है और विभिन्न स्कार्या हैं १ ॥६१॥ कुछ रक्ष्म १,९००; ३ प्रतिशत, ५ प्रति ७० और ३ प्रति ६० प्रतिशाद की वृद के विभिन्न स्कारों में ज्याज पर वितरित कर दी गई। प्रत्येक दशा में ३ माइ में ब्याज बराबर बराबर क्यांकित हुआ। उस समान ज्याजराशि को सथा विभिन्न स्कार्यों को अकरा-अक्षा ग्राप्त करों॥६२॥

(६०) प्रतीक रूप से, भा, × आ, + जा, × आ, + ... इत्यादि न, इसके द्वारा मूळवनों न, ना, ना,

की अध्याय ६ की १० दी गाया के निवम द्वारा प्राप्त किया वा सकता है।

विमुक्तकालस्य मूलानयनस्त्रम्— स्कन्धं स्वकालमक्तं विमुक्तकालेन ताहितं विभजेत्। निर्मुक्तकालगृद्धया रूपस्य हि सैकया मूलम् ॥ ६३ ॥ अत्रोद्देशकः

पञ्चकशतप्रयोगं मासौ द्वौ स्कन्धमष्टकं द्त्या । मासैः षष्टिमिरिह वै निमुक्तः कि भवेनमूलम् ॥६४॥ द्वौ मत्रिपञ्चभागौ स्कन्धं द्वादशदिनैददात्येकः । त्रिकशतयोगे दशभिभीसैर्मुक्तं हि मूलं किम् ॥६५॥

वृद्धियुक्तहीनसमानमूलमिश्रविमागसूत्रम्— कालस्वफलोनाधिकरूपोद् घृतरूपयोगद्दतमिश्रे ।

१ "मिश्रः" पाठ इस्तिक्षिपियों में है; वहाँ व्याकरण की दृष्टि से मिश्रे शब्द अधिक संतोषक्रक है ।

ज्ञात अवधि में चुकाई जाने वाशी किश्तों सम्बन्धी डधार दिये गये मुख्यन की निकालने का निवम---

किस्त की रकम को उसकी अवधि द्वारा विभाजित करते हैं और कर्ज चुकाने के समय (विमुक्ति काल) द्वारा गुणित करते हैं। अब प्राप्त राशि को उस राशि द्वारा विभाजित करते हैं जो १ में १ पर कर्ज निर्मुक्ति समय के लिये छगाये हुए ज्याज को जोड़ने पर प्राप्त होती है। इस प्रकार मूळधन प्राप्त होता है।।६३।।

उदाहरणार्थ पश्च

५ प्रतिशत प्रतिमास की दर से जब प्रत्येक किस्त की अवधि २ मास रही, और प्रत्येक बार में ८ किस्त रूप में खुकाचा गया तब एक मञ्जुष्य ६० माह में ऋणमुक्त हुआ। बतलाओ उसने कितना धन उधार किया था ? ।।६४।।

कोई व्यक्ति १२ दिनों में एक बार २६ किइतरूप में देता है। यदि व्याज दर ३ प्रतिशत प्रति-मास हो तो १० माह में खुकने वाले ऋण के परिमाण को यतकाओ ? ॥६५॥

ऐसे विभिन्न मूलघनों को अखग-अलग निकासने के लिये नियम जो उनके मिश्रयोग में जब उन्हीं के क्याजों द्वारा मिलाये जाने पर अथवा उसमें से हासित किये जाने पर एक दूसरे के गुरुष हो जाते हैं (सभी दत्त दशाओं में मूलघनों में व्याज शक्तियाँ जोड़ी जाती हैं अथवा उनमें से बटायी जाती हैं)—

क्षमधाः दी गई व्याज दर के अनुसार, प्रश्चेक दशा में, एक में उपाणित व्याज या तो मिलाया जाता है अथवा एक में से हासित किया जाता है। तय, प्रश्चेक दशा में, इन राशियों द्वारा एक को विभाजित किया जाता है। इसके पश्चाल, विभिन्न उधार दिये गये धनों के मिश्रयोग को इन परिणामी अजनफर्कों के योग द्वारा विभाजित किया जाता है। और मिश्र योग सम्बन्धी इस तरह वर्ते गये उस उपर्युक्त भजनफर्कों के योग के संवादी समानुपाता आग द्वारा अलग-अलग प्रश्चेक दशा में उसे गुणित

प्रश्लेपो गुणकारः स्वफलोनाधिकसमानमूळानि ॥ ६६ ॥ अत्रोदेशकः

त्रिकपञ्चकाष्टकशतैः प्रयोगतोऽष्टासहस्रवञ्चशतम्। विश्वितसहितं वृद्धिभिरुद्धृत्य समानि पञ्चभिमोसैः॥ ६७॥ त्रिकषट्काष्टकषण्ट्या मासद्वितये चतुस्सहस्राणि। पञ्चाशद्द्विशतयुतान्यतोऽष्टमासकफलाहते सहशानि॥ ६८॥ द्विकपञ्चकनवकशते मासचतुष्के त्रयोदशसहस्रम्। सप्तश्वतेन च मिश्रा चत्वारिंशत्सवृद्धिसममूलानि॥ ६९॥

किया जाता है। इससे उधार दी गई रकमें उत्पन्न होती हैं जो उनके व्याजों द्वारा मिलाई जाने पर अथवा द्वासित किये जाने पर समान हो जाती हैं ॥६६॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

८,५२० रुपये क्रमशः ३, ५ और ८ प्रतिशत प्रतिमास की दर से (भागों में) ज्याज पर दिये जाते हैं। ५ माह में उपाजित ज्याजों द्वारा हासित करने पर वे दत्त रकमें बरावर हो जाती हैं। इस तरह ज्याज पर छगाये हुए धनों को बतछाओ ॥ ६७ ॥ १,२५० हारा निक्षपित कुछ धन को (भागों में) क्रमशः ३, ६ और ८ प्रति ६० की दर से २ माह के छिये ज्याज पर छगाया गया है। ८ माह में होने वाछे ज्याजों को धनों में से घटाने पर जो धन प्राप्त होते हैं वे दुस्य देखे जाते हैं। इस प्रकार विनियोजित विभिन्न धनों को बतछाओ ॥ ६८ ॥ १३,७४० रुपये, (भागों में) २, ५ और ९ प्रतिशत प्रतिमाह के अर्थ से ज्याज पर छगाये जाते हैं। ४ माह के छिये उधार दिये गये धनों में ज्याजों को जोइने पर वे बरावर हो जाते हैं। उन धनों को बतछाओ ॥ ६९ ॥ ३,६४६ रुपये (भागों में) क्रमशः १२, ५ और ६ प्रति ८० प्रतिमाह की दर से व्याज पर छगाये जाते हैं। ८ माह में

सैकार्थकपञ्जार्धकषडधैकाशीतियोगयुक्तास्तु । मासाष्टके षडिधका चत्वारिंशक षट्कृतिशतानि ॥ ७० ॥

संकिलतस्कन्धम् लस्य मूळवृद्धिविसुक्तिकालनयनस्त्रम्— स्कन्धाप्तमूलचितिगुणितस्कन्षेच्लामघातियुतमूलं स्यात् । स्कन्षे कालेन फलं स्कन्धोद्धृतकालमूलद्दतकालः ॥ ७१॥

अत्रोदेशकः

केनापि संप्रयुक्ता षष्टिः पञ्चकशतप्रयोगेण । मासत्रिपञ्चमागात् सप्तोत्तरतञ्च सप्तादिः ॥ ७२ ॥ तत्षष्टिसप्तमाशकपदमितिसंकलितधनमेष । दत्त्वा तत्सप्ताशकवृद्धिं प्रादाच चितिमूलम् ॥ कि तद्यृद्धिः का स्यात् कालस्तदृणस्य मौक्षिको भवति ॥ ७३३ ॥

उत्पन्न हुए न्याजों को मूळधनों में जोड़ने पर देखा जाता है कि वे बरावर हो जाते हैं। उन विनियोजित रकमों को निकाको ॥ ७० ॥

समान्तर श्रेष्ठि वस् किस्तों द्वारा चुकाई गई ऋण की रकम के सम्बन्ध में धन, ब्याब और इएण युक्ति का समय निकासने के किये नियम—

इष्ट ऋण धन वह मूळधन है जो मन से खुनी हुई (महत्तम प्राप्य किस्त की) रकम भीर श्रेष्ठि के पढ़ों की संक्या के निकास मान के गुणनफळ को (१ जिसका प्रथम पद है, १ प्रचय है भीर इपर्युक्त महत्तम ऋण की रकम को प्रथम किस्त हारा विभाजित करने से प्राप्त प्रणाह मान वाकी संक्या (भजनफळ) जिसके पदों की संक्या है, ऐसी) समान्तर श्रेष्ठि हारा गुणित प्रथम किस्त से मिळाने पर प्राप्त होता है। क्याज वह है जो किस्त की अवधि में दरपन्न होता है। किस्त की अवधि को प्रथम किस्त हारा विभाजित करने और मन से खुनी हुई ऋण की महत्तम रकम द्वारा गुणित करने पर जो प्राप्त होता है वह ऋण मुक्त होने का समय है॥ ७१॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

एक मनुष्य ने ५ प्रतिशत प्रतिमाह की दर से ब्याज खगाये जाने वाले क्रण की मुक्ति के लिये इ०को महत्तम रकम जुना तथा ७ प्रथम किरत सुनी जो उत्तरोत्तर है माह में होनेवाली किरतों में ७ हारा बढ़ती चली गई। इस प्रकार, उसने कि पदों वाली समान्तर श्रेंदि के योग को ऋण रूप में जुकाया तथा उन ७ के अपवर्षों (multiples) पर कगने वाले ब्याज को भी जुकाया। श्रेंदि के योग की संवादी ऋण रकम को निकालो, जुकाये गये व्याज को निकालो और बतलाओ कि उस ऋण की मुक्ति का समय क्या है ? ॥ ७२--७३ है ॥ किसी मनुष्य ने ५ प्रतिशत प्रतिमास व्याज की दर लगाये जाने

⁽७१) यह नियम (कई शब्द छूट जाने के कारण) अत्यन्त भ्रमोत्पादक है तथा ७२ – ७३ ई वीं गाथा के उदाहरण हळ करने पर स्पष्ट हो जावेगा। यहाँ मूळ अथवा किस्त की महत्तम प्राप्य रकम ६० है। यह प्रथम किस्त की रकम ७ द्वारा विमाजित होने पर कि अथवा ८ई होती है जिसमें से ८ समान्तर अंदि के पदों की संख्या है। ऐसी समान्तर अंदि का १ प्रथम पद है, १ प्रचय है और ई अग्र अथवा ऊपर का मिन्नीय माग है। उपर्युक्त अंदि के योग ३६ को प्रथम किस्त ७ द्वारा गुणितकर हैं और ६० के गुणनफळ में जोड़ देते हैं। यहाँ ६० महत्तम प्राप्य रकम है। इस प्रकार ३६ × ७ + हूँ × ६० = कि प्रयास होता है जो ऋण का इष्ट मूळवन है। कि पर है माह में ५ प्रतिशत प्रतिमाह की दर से पूर्ण पर जुकाया गया ज्याज होगा। ऋण मुक्त की अविधि (है ÷७) × ६० = कि माह होगी।

केनापि संप्रयुक्ताशीतिः पञ्चकशतप्रयोगेण॥ ७४३॥

अष्टाचष्टोत्तरतस्तद्शीत्यष्टांशगच्छेन । मूळघनं दत्त्वाष्टाचष्टोत्तरतो घनस्य मासाघीत् ॥ ७५३ ॥ वृद्धि प्रादान्मूलं वृद्धिश्च विमुक्तिकालम्ब । एषां परिमाणं किं विगणय्य सखे ममाचक्ष्व ॥ ७६३ ॥

एकीकरणसूत्रम्— वृद्धिसमासं विभजेन्मासफलेक्येन छव्धिमष्टः कालः । कालप्रमाणगुणितस्तिदृष्टकालेन संभक्तः ॥ वृद्धिसमासेन इतो मूलसमासेन माजितो वृद्धिः ॥ ७७३ ॥

अत्रोदेशकः

युक्ता चतुरशतीह द्विकत्रिकपद्मकचतुष्कशतेन । मासाः पद्म चतुर्द्वित्रयः प्रयोगैककालः कः ॥७८३॥ इति मिश्रकव्यवहारे वृद्धिविधानं समाप्तम् ।

बाछे करण की सुक्ति के लिये ८० को महत्तम रकम जुना। इसके साथ, ८ प्रथम किस्त की रकम थी जो प्रति है माह में उत्तरोत्तर ८ द्वारा बढ़ती चली गई। इस प्रकार, उसने समान्तर श्रेष्ठि के बोग को क्रण कर में जुकाया। इस समान्तर श्रेष्ठि में ﴿﴿ पदों की संक्या थी। उन ८ के अपवर्त्तों पर क्यांज भी जुकाया गया। है मित्र ! श्रेष्ठि के बोग की संवादी क्रण की रकम, जुकाया गया क्यांज और क्रण सुक्ति का समय अच्छी तरह गणना कर निकालो ।। ७३ है—७६।।

औसत साधारण ब्याज को निकालने के छिये नियम-

(विभिन्न उपार्जित होने वाले) न्याजों के योग को (विभिन्न संवादी) एक माह के दातव्य व्याजों के योग द्वारा विभाजित करने पर परिणामी भजनफल, इष्ट समय होता है। (काल्पनिक) समयदर और मूल्जनदर के गुणनफ को इष्ट समय द्वारा विभाजित करते हैं और (उपार्जित होने वाले विभिन्न) न्याजों के योग द्वारा गुणित करते हैं। प्राप्तफल को विभिन्न दिये गये मूल्जनों के योग द्वारा फिर से विभाजित करते हैं। इससे इष्ट म्याज दर प्राप्त होती है। ॥ ७७-७७ वे॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

इस प्रश्न में, चार सी की ४ रकमें अलग-अलग क्रमशः २, ३, ५ और ४ प्रतिशत प्रविमास की दर से ५, ४, २ और ३ माहों के लिये क्याज पर कमाई गई। औसत साधारण अवधि और व्याजदर निकाको ॥ ७८३ ॥

इस प्रकार, मिश्रक व्यवहार में वृद्धि विधान नामक प्रकरण समास हुआ।

(७७ और ७७३) विभिन्न उत्पन्न होने वाले ब्याब वे होते हैं जो अलग-अलग रकमों के, विभिन्न हरों पर उनकी क्रमवार अवधियों के लिये ब्याब होते हैं।

प्रक्षेपककुट्टीकार:

इतः परं सिश्रकव्यवहारे प्रक्षेपककुट्टीकारगणितं व्याख्यास्यासः। प्रक्षेपककरणिमदं सबगेबिच्छेदनांश्युतिहतमिश्रः। प्रक्षेपकगुणकारः कुट्टीकारो बुधैः समुद्दिष्टम्।। ७९३।।

अत्रोदेशकः

द्वित्रचतुष्यद्भागैर्विभाज्यते द्विगुणपष्टिरिह हेमाम्।
भृत्येभ्यो हि चतुभ्यों गणकाचक्ष्वाञ्च मे भागान्॥ ८०३॥
प्रथमस्याशित्रतयं त्रिगुणोत्तरतश्च पद्धभिभेक्तम्।
दीनाराणां त्रिशतं त्रिपष्टिसहितं क एकांशः॥ ८१३॥
आदाय चाम्बुजानि प्रविश्य सच्छाबकोऽथ जिननिल्यम्।
पूर्जा चकार भक्त्या पूजाहेभ्यो जिनेन्द्रेभ्यः॥ ८२३॥
वृषभाय चतुर्थाशं षष्ठाशं शिष्टपार्थाय। द्वादशमथ जिनपतये च्यंशं मुनिसुव्रताय ददौ॥ ८३३॥
नष्टाष्ट्रकर्मण जगिद्ष्टायारिष्टनेमयेऽष्टाशम्। षष्टप्रचतुर्भागं भक्त्या जिनशान्तये प्रददौ॥ ८४३॥
कमलान्यशीर्तिमिश्राण्यायातान्यथ शतानि चत्वारि।
कुसुमानां भागाल्यं कथय प्रश्लेपकाल्यकरणेन॥ ८५३॥

प्रक्षेपक कुट्टीकार (समानुपाती भाग)

इसके पश्चात् इम इस मिश्रक व्यवहार में समानुपाती भाग के गणित का प्रतिपादन करेंगे— समानुपाती भाग की किया वह है जिसमें दी गई (समूह वाचक) राशि पहिले (विभिन्न समानुपाती भागों का निरूपण करने वाले) समान (साधारण) हर वाले भिन्नों के अंशों के योग द्वारा विभाजित की जाती है। ऐसे समान हर वाले भिन्नों के हरों को उच्छेदित कर विचारते नहीं हैं। प्राप्त फल को प्रत्येक दशा में कमशः इन समानुपाती अंशों हारा गुणित करने हैं। इसे बुधजन (विद्वजन) 'कुहीकार' कहते हैं।। ७९३।।

उदाहरणार्थ प्रक्त

इस प्रश्न में १२० स्वर्ण मुद्राएँ ७ नौकरों में क्रमशः है, है और है के भिक्षीय भागों में बाँटी जाती हैं। है अंकर्गाणतक ! मुद्रों की प्रवास कराओं कि उन्हें क्या मिछा ? १। ८० है।। ६६६ दीनारों को पाँच व्यक्तियों में बाँटा गया। उनमें से प्रथम को ६ माग मिछे और दोष भाग को उत्तरोत्तर ६ की साधारण निष्पत्ति में बाँटा गया। प्रश्चेक का हिस्सा बत्तकाओं।। ८१ है।। एक सच्चे आवक ने किसी संख्या के कमछ के पूछ छिये और जिन मंदिर में जाकर प्रथमीय जिनेन्द्रों की भक्तिभाव से पूजा की। उसने वृषम भगवान् को है, है प्रथम पार्श्व भगवान् को, में जिन पति को, है मुनि सुन्नत भगवान् को भेंट किये; है भाग आठों कर्मों का नाश करने वाले जगविष्ट अस्प्रश्नेम भगवान् को और है का है शांति जिन भगवान् को भेंट किये। बदि वह ४८० कमछ के पूछ इस पूजा के छिये छाया हो तो इस प्रश्नेप नामक दिया द्वारा पूछों का समाञ्जपाती वितरण प्राप्त करो।। ८२ है—८५ है।। ४८० की

(७९२) ८०२ वीं गाथा के प्रसन को इस नियमानुसार इस करने में हमें २, ३, ३, ३ से र्म १, १४, १४, १४, १४, १४ प्राप्त होते हैं। इरों को इटाने के प्रश्नात्, हमें ६, ४, ३, २ प्राप्त होते हैं। ये प्रश्नेप अथवा समानुपाती अंश भी कहकाते हैं। इनका योग १५ है, विसके द्वारा बाँटी जानेवाकी रक्त म

चत्वारि शतानि ससे युतान्यशीत्या नरैविभक्तानि । पक्कमिराचक्ष्य त्वं द्वित्रिचतुःपक्कषड्गुणिनैः ॥ ८६३ ॥

इष्ट्रगुणफलानयनस्त्रम्— भक्तं शेषेमूलं गुणगुणितं तेन योजितं प्रक्षेपम्। तद्द्रन्यं मूल्यन्नं क्षेपविभक्तं हि मूल्यं स्यात्॥ ८७३॥

अस्मिन्नर्थे पुनरपि सूत्रम्-

फ्छगुणकारेहत्या पूणान् फलैरेव भागमादाय।

प्रक्षेपके गुणाः स्युक्षेराशिकः फलं बदेन्मतिमान ॥ ८८३ ॥

अस्मिन्नर्थे पुनरपि सूत्रम्—

स्वफलहताः स्वगुणज्ञाः पणास्तु तैर्भवति पूर्ववच्छेषः । इष्टफलं निर्दिष्टं त्रैराशिकसाधितं सम्यक् ॥ ८९३ ॥

रकम ५ व्यक्तियों में २, ६, ४, ५ और ६ के अनुपात में विभाजित की गई । हे मित्र ! प्रत्येक के हिस्से में कितनी रकम पदी ? ॥ ८६-३ ॥

इष्ट गुणफड को प्राप्त करने के छिये नियम---

मूल्यदर को सरीदने योग्य वस्तु (को प्रक्रियत करने वाकी संख्या) द्वारा विभाजित किया जाता है। तब इसे (दी गई) समाञ्चपाती मंख्या द्वारा गुणित करते हैं। इसके द्वारा, हमें जोग करने की विधि से समाञ्चपाती भागों का योग प्राप्त हो जाता है। तब दी गई राशि क्रमाञ्चसारी समाञ्चपाती भागों द्वारा गुणित होकर तथा उनके उपर्युक्त योगद्वारा विभाजित होकर इष्ट समाञ्चपात में विभिन्न वस्तुओं के मान को उत्पन्न करती है।

इसी के लिये दूसरा नियम-

मूस्यदरों (का निरूपण करने वाकी संख्याओं) को क्रमशः सरीदी जाने वाकी विभिन्न वस्तुओं के (दिवे गये) समाञ्चपातों को निरूपित करने वाकी संख्याओं द्वारा गुणित करते हैं। तब फक को मूस्यदर पर सरीदने योग्य वस्तुओं की संख्याओं से क्रमवार विभाजित करते हैं। परिणामी राश्चियों प्रक्षेप की क्रिया में (चाहे हुए) गुणक (multipliers) होती है। युद्धिमान कोग फिर हुए उत्तर को त्रेराशिक द्वारा प्राप्त कर सकते हैं।। ४८३।।

इसी के किये एक और निवम-

विभिन्न सूर्यदरों का निरूपण करने वाली संख्याएँ कमहाः उनकी स्वसंबन्धित सरीदने योग्य वस्तुओं का निरूपण करनेवाली संख्याओं द्वारा गुणित की जाती हैं। और तब, उनकी संबन्धित समा-बुपाती संख्याओं द्वारा गुणित की जाती हैं। इनकी सहायता से, शेष किया सामित की जाती है। इक्कल जैराशिक निर्दिष्ट किया द्वारा सम्बक् कप से प्राप्त हो जाता है।। ४९३।।

१२० विभाजित की बाती है और परिणामी भजनफल ८ को अलग-अलग समानुपाती अंशों ६, ४, ३, २ द्वारा गुणित करते हैं। इस प्रकार प्राप्त रकमें ६ ×८ अर्थात् ४८, ४ ×८ अथवा ३२, ३ ×८ अर्थात् २४, २ ×८ अथवा १६ हैं। प्रक्षेप का अर्थ समानुपाती माग की किया मी होता है तथा समानुपाती अंश भी होता है।

(८७३-८९२) इन नियमों के अनुसार ९०२ वीं और ९१२ वीं गाथाओं का हळ निकासने के लिये २, ६ और ५ को कमका ३, ५ और ७ से विमाबित करते हैं तथा ६, ६ और १ द्वारा गुजित

अत्रोदेशकः

हाभ्यां त्रीणि त्रिभिः पद्म पद्मभिः सप्त मानकैः।

द्रांडिमाम्रकिपित्थानां फलानि गणितार्थवित्॥ ९०३॥
किपित्थात् त्रिगुणं झाम्रं दाहिमं षष्ठ्गुणं भवेत्।
क्रीत्वानय सके क्षीग्नं त्वं षट्सप्तिभिः पणैः॥ ९१३॥
द्रम्याज्यक्षीरघटेजिनविन्वरस्याभिषेचनं कृतवान्।
जिनपुरुषो द्वासप्तिपलेखयः पूरिताः कलकाः॥ ९२३॥
हात्रिक्तस्यभघटे पुनश्चतुर्विक्तिर्वितीयघटे।
षोडक् तृतीयकलको पृथक् पृथक् कथ्य मे कृत्वा॥ ९३३॥
तेषां द्धिमृतपयसां ततश्चतुर्विक्तिर्वितित्य पलानि।
षोडक्ष पयःपलानि हात्रिज्ञद् द्धिपलानीह्॥ ९४३॥
वृत्तिस्त्यः पुराणाः पुंसञ्चारोह्कस्य तत्रापि। सर्वेऽपि पञ्चषष्टिः केचिद्रमा धनं तेषाम्॥ ९५३॥
संनिहितानां दत्तं लब्धं पुंसा द्वैव चैकस्य।
के संनिहिता भग्नाः के मम संचिन्त्य कथ्य त्वम्॥ ९६३॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

अनार, आम और किपश्य क्रमकाः २ पण में १, १ पण में ५ और ५ पण में ७ की दर से प्राध्य हैं। हे गणना के सिद्धांतों को जानने वाले मिन्न! ७६ पणों के फक लेकर शीप्र आओ ताकि आमों की संख्या किपश्यों की संख्या की विगुनी हो और अनारों की संख्या ६ गुनी हो।। ९०३-९१३।। किसी जिनाबुगामी ने जिन प्रतिमा का दही, भी और दुग्ध से प्रित कलगों द्वारा अभिषेक कराया। इनके ७२ पन्नों द्वारा १ पान्न भर गये। प्रयम घट में १२ पन्न, दूसरे घट में २५ तथा तीसरे में १६ पन्न पाये गये। इन दिन, बी, दूध मिश्रित पानों में मिश्रित इन्चों को अलग-अलग ज्ञात और प्राप्त करो जबकि कुल मिलाकर २५ पन्न बी, १६ पन्न दूध और १२ पन्न दही है।। ९२३-९५३।। एक अस्वारोही सैनिक का बेतन १ पुरान था। इस दर पर कुल ६५ व्यक्ति नियुक्त थे। उनमें से कुल मारे गवे और उनके वेतन की रकम रणक्षेत्र में शेष रहनेवाले सैनिकों को दे दी गई। इस प्रकार, प्रत्येक मनुष्य को १० पुराण प्राप्त हुए। मुझे बतकाओं कि रणक्षेत्र में कितने सैनिक खेत रहे और

करते हैं। इस प्रकार हमें हु × ६, द × ६, द × १ से क्रमधः ४, दें और है प्राप्त होते हैं। ये समानुपाती माग है। ८८६ और ८९६ सूत्रों में इन समानुपाती भागों के संबंध में प्रक्षेप की किया का प्रयोग करना पड़ता है। परन्तु, ८७६ करण नियम में यह किया पूरी तरह बर्णित है। इष्टरूपाधिकहीनप्रश्लेपककरणसूत्रम्— पिण्डोऽधिकरूपोनो हीनोत्तररूपसंयुतः शेषात्। प्रश्लेपककरणमतः कर्तव्यं तैर्युता होनाः॥ ९७६॥ अत्रोदेशकः

प्रथमस्यैकांकोऽतो द्विगुणद्विगुणोत्तराद्भजन्त नराः ।
चत्वाराँऽकाः कः स्यादेकस्य हि सप्तषष्टिरिह ॥ ९८३ ॥
प्रथमाद्ध्यधंगुणात् त्रिगुणाद्ग्रेतराद्विभाज्यन्ते ।
साष्टा सप्तितेरेभिरुञ्चतुर्भिराप्तांकान् त्रृहि ॥ ९९३ ॥
प्रथमाद्ध्यधंगुणाः पृद्धार्थगुणोत्तराणि रूपाणि । पृद्धानां पृद्धाक्तत्तेका चरणत्रयाभ्यधिका॥१००३॥
प्रथमाद्ध्यर्धगुणाः चतुर्गुणोत्तरविद्दीनभागेन ।
भक्तं नरैञ्चतुर्भः पृद्धदक्षोनं कृतचतुष्कम् ॥ १०१३ ॥

समाजुपाती भाग सम्बन्धी निषम, जहाँ मन से जुनी हुई कुछ पूर्णांक राशियों की जीवना अथवा बटाना होता है-

दी गई कुछ राशि को बोदी जाने वाकी पूर्णांक राशियों द्वारा हासित किया जाता है, अथवा भटाई जानेवाकी पूर्णांक धनारमक राशियों में मिकाया जाता है। तब इस परिणामी राशि की सहायता से समानुपाती भाग की किया को जाती है, और परिणामी समानुपाती भागों को क्रमशः उनमें जोदी जानेवाकी पूर्णांक राशियों से मिका दिया जाता है; अथवा, वे उन घटाई जानेवाकी पूर्णांक राशियों हारा क्रमशः हासित की जाती हैं॥ ९०३॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

चार मनुष्यों ने उत्तरोत्तर द्विगुणित समानुषाती आगों में और उत्तरोत्तर द्विगुणित अन्तरों वाले योग में अपने हिस्सों को प्राप्त किया। प्रथम मनुष्य को एक हिस्सा मिला। ६७ बाँटी जाने वालो राज़ि है। प्रत्येक के दिस्से क्या हैं १॥ ९८३ ॥ ७८ की रकम इन बार मनुष्यों में ऐसे समानुषाती भागों में वितरित की जाती है जो उत्तरोत्तर प्रथम से आरम्भ होकर प्रत्येक प्रवेवतीं से १३ गुणे हैं और (योग में) जिनका अन्तर एक से आरम्भ होकर तिगुना बृद्धि रूप है। प्रत्येक के द्वारा प्राप्त भागों के मान बतलाओ। ॥ ९९३ ॥ पाँच मनुष्यों के हिस्से क्रमिकक्षपेण प्रथम से आरम्भ होकर प्रत्येक पूर्ववर्ती से १३ गुने हैं, और बोग में अन्तर की राशियाँ वे हैं जो उत्तरोत्तर (पूर्ववर्ती अन्तर) से २३ गुणी हैं। ५१३ विभाजित को जाने वाली कुछ राशि है। प्रत्येक के द्वारा प्राप्त भागों के मान बतलाओ ॥ १००३ ॥ ४०० ऋण १५ को बार मनुष्यों के बीच ऐसे भागों में विभाजित किया जाता है जो पहिले से आरम्भ होकर प्रत्येक पूर्ववर्ती से २३ गुणे हैं, और जो उन अंतरों द्वारा द्वासित हैं जो उत्तरोत्तर पूर्ववर्ती अंतर से ४ गुने हैं। विभिन्न भागों के मानों के प्राप्त करो ॥१००३॥

⁽९७३) समानुपाती भाग की क्रिया वहाँ ८७३ से ८९३ में दिये गये नियमों में से किसी भी एक के अनुसार की वा सकती है।

⁽९८३) हिस्सों में बोड़ी जानेवाली अंतर राशि यहाँ १ है जो दूसरे मनुष्य के संबंध में है। यह दो शेष मनुष्यों में से प्रत्येक के लिये पूर्ववर्ती अंतर की दुगुनी है। यह अंतर दूसरे मनुष्य के लिये स्पष्ट कप से उल्लिखित नहीं है जैसा कि इस उदाहरण में १ उल्लिखित है। १००३ वी गाया और १०१३ वी गाया के उदाहरण में भी स्पष्ट उल्लेख नहीं है।

समधनार्घानयनतज्ज्येष्ठधनसंख्यानयनसूत्रम् ज्येष्ठधनं सैकं स्यात् स्वविक्रयेऽन्त्यार्घगुणमपैकं तत्। क्रयणे ज्येष्ठानयनं समानयेत् करणविपरीतात्॥ १०२३॥

अत्रोद्देशकः

द्वाबष्टी षट्त्रिंशन्मूलं नृणां षडेव चरमार्घः। एकार्घेण कीत्वा विकीय च समधना जाताः ॥१०३३॥ सार्थेकमर्थमर्धद्वयं च संगृह्य ते त्रयः पुरुषाः। क्रयविक्रयी च कृत्वा षडभिःपश्चार्घात्ममधना जाताः॥ १०४३॥

(व्यापार में छगाई गई) सबसे ऊँची रकम क्षेष्ठ धन का मान तथा वेश्वने की मुख्य रकमें उरपन्न करने वाली कीमतों के मान को निकालने के लिये नियम—

ह्मगाया गया सबसे बदा धन, १ में निष्ठाने पर (बेची जाने वार्छा) वस्तु के विक्रय की दर हो जाता है। वहीं (बेचने की दर) जब शेष वस्तु की (दी गईं) बेचने की कीमत द्वारा गुणित होकर एक द्वारा हासित की जाती है तब खरीदने की दर उत्पन्न होती है। इस विधि को विवर्धसित (उच्टा) करने पर कारवार में क्याया गया सबसे बदा धन निकाला जा सकता है। १९०२ है।

उदाहरणार्थ प्रश्न

तीन मनुष्यों ने क्रमशः २, ८ और ३६ रक्षमें लगाई। ६ वह कीमत है जिस पर शेष वस्तुएं बेची जाती हैं। उसी दर पर खरीद कर और बेच कर वे तुल्य धन वाले वन जाते हैं। खरीद और बेचने की कीमतों को निकालो ।। १०१३ ॥ उन्हीं तीन मनुष्यों ने क्रमशः ११, १ और २१ धनों को स्थापार में लगाया और उन्हीं कीमतों पर उसी वस्तु का क्रय और विक्रय किया। अंत में, शेष को ६ द्वारा निरूपित राशि में बेचने पर वे समान धन वाले बन गये। खरीदने और वेचने के दामों को निकालो ॥ १०४१ ।। समान धन वाली राशि ४१ है। जिस कीमत पर अन्त में शेष वस्तुएं बेची

१०२२) इस नियम पर किये आनेवाल प्रश्नों में, विभिन्न मूल रकमों से किसी साधारण दर पर कोई वस्तु खरीदी हुई समझ ली जाती है। तब इस तरह खरीदी हुई वस्तु कोई अन्य साधारण दर पर बेची जाती है। ब्यापार में लगाये गये धन की इकाई में बेची जाने के लिये पर्याप्त न होने के कारण जितनी वस्तु की मात्रा बच रहती है वह यहाँ पर 'शेष' कहलाती है। जिस कीमत पर यह 'शेष' बेची जाती है उसे अविधिष्ट-मूल्य (अंत्यार्घ) कहते हैं। प्रतीक रूपसे, मानलो अ, अ + ब और अ + व + स मृल्यन हैं। यहाँ अन्तिम (अ + व + स) ज्येष्ठधन अर्थात् सबसे बड़ा धन है। मानलो प चरमार्घ (अन्त्यार्घ) अथवा अविधिष्ट-मूल्य हैं; तब, इस नियमानुसार अ + व + स + १ = बेचने की दर; और (अ + व + स + १) प - १ = खरीदने की दर होती हैं। यह सरखतापूर्वक दिखलाया जा सकता है कि वस्तु को बेचने की दर पर और शेष को अर्वाधिष्ट-मूल्य पर बेचने से को रकमें प्राप्त होती हैं उनका योग प्रत्येक दशा में एकसा होता है।

यह आलोकनीय है कि खरीदने की दर, इस नियम पर आश्रित प्रश्नों में, समधन अथवा समान विकयोदय (बिकी की रकमों) के मान के समान होती है। चत्वारिंशत् सैका समधनसंख्या बढेव चरमाघः। आचक्ष्य गणक शीघं ज्येष्ठधनं किं च कानि मूलानि॥ १०५३॥ समधनसंख्या पद्मन्त्रिंशद्भवन्ति यत्र दीनाराः। चत्वारश्चरमार्घो ज्येष्ठधनं किं च गणक कथय त्वम्॥ १०६३॥

चरमार्घभिन्नजातौ समधनार्घानयनसूत्रम्— तुल्यापच्छेदधनान्त्यार्घभ्यां विक्रयक्रयार्घौ प्राग्वत् । छेदच्छेदकृतिप्रावनुपातात् समधनानि भिन्नेऽन्त्यार्घे ॥ १८७३ ॥ अर्धित्रपादमागा धनानि षटपञ्चमाद्याकाश्चरमार्घः । एकार्घेण क्रीत्या विक्रीय च समधना जाताः ॥ १०८३ ॥

पुनर्राप अन्त्याघें भिन्ने सति समधनानयनसूत्रम— व्येष्ठांशद्विहरहतिः सान्त्यहरा विकयोऽन्त्यमूल्यन्नः । नैकोद्वयखिल्व्हरुन्नः स्यात्कयसंख्यानुपातोऽथ ॥ १०९३ ॥

जाती हैं यह ६ है। हे अंकर्गाणतज्ञ ! मुझे शीध बतकाओं कि कीन सी सबसे अंची लगाई गई रकम है और विभिन्न अन्य रकमें कीन-कीन हैं ? ॥ १०५२ ॥ उस दशा में जब कि ३५ दीनार समान धन राशि है, और ४ वह कीमत है जिस पर शेष बस्तुएं बेची जाती हैं, हे गणितज्ञ ! मुझे बतलाओं कि सबसे अंची कमाई जाने वाकी रकम क्या है ?॥ १०६३ ॥

जब अवशिष्ट-कीमत (अन्त्य अर्घ) भिक्षीच रूप में हों तब समान बेचने की रक्षें उत्पक्ष करने बाको कीमतों के मान निकाकने के छिथे निवम---

अवशिष्ट-कीमत (अन्त्य अर्घ) भिक्षीय होने पर वेचने और लशिद ने की दरों को पहिले की भाँति प्राप्त करते हैं जब कि कगाई गई रक्षमों और अविशिष्ट-कीमत को समान हर वाका बना कर उपयोग में छाते हैं। यह हर इस समय उपेक्षित कर दिया जाता है। तब इप वेचने और लशिदने की दरों को प्राप्त करने के लिये इन वेचने और खरीदने की दरों को इस हर और हर के वर्ग द्वारा गुणित करते हैं। तब समान विकयोदय (वेचने की रक्षमों) को श्रेशशिक के नियम द्वारा प्राप्त करते हैं। १०७३।।

उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी व्यापार में २, ३, ३ तीन व्यक्तियों द्वारा छगाई गई रकमें हैं। अवशिष्ट-कोमत (अन्सार्घ) दें है। उन्हीं कीमतों पर खरीदने और नेचने पर वे समान धन राशि वाले वन जाते हैं। नेचने को कीमत और सरीदने की कीमत तथा समान विक्रय-धन निकालों।। १०८३।।

जब अविशय की मत (अन्यार्थ) भिष्माय हो तब समान विकयोदय (नेचने की रकमों) को निकाछने के किये तूसरा नियम—

सबसे बड़े अंश, दो और (कगाई गई मूळ रकमों के प्राप्य) इरों का संतत गुणनफळ जब अव-शिष्ट-मूख्य के मान के इर मैं जोड़ा जाता है तब बेचने को दर उत्पन्न होती है। जब इसे अविशय -मूख्य (अन्यार्थ) से गुणित कर और १ द्वारा हासित कर और फिर उत्तरोत्तर दो तथा समस्त हरों द्वारा गुणित किया बाता है, तब सरीदने की दर प्राप्त होती है। तत्पहचात्, त्रेंशांशक की सहायता से बेचने की रकमों (sale-proceeds) का साधारण मान प्राप्त होता है। १०९३।।

१०५३) यहाँ आखोकनीय है कि इस नियमानुसार केवळ सबसे बड़ी रकम निकाली जाती है। अन्य रकमें मन से चुन की बाती हैं, ताकि वे सबसे बड़ी रकम से छोटी हों।

ग॰ सा॰ संब-१५

अत्रोदेशकः

अर्धे द्वी ज्यंशी च त्रीन पादांशांश्च संगृह्य। विक्रीय क्रीत्वान्ते पद्धसिरंध्यंशकैः समानधनाः ॥ ११०३॥

इष्टगुणेष्टसंख्यायामिष्टसंख्यासमर्पणानयनस्त्रम्— अन्त्यपदे स्वगुणहृते क्षिपेदुपान्त्यं च तस्यान्तम् । तेनोपान्त्येन भजेद्यकुव्धं तद्भवेन्मूलम् ॥१११३॥

अत्रोदेशकः

करिचच्छ्रावकपुरुवरचतुर्मुखं जिनगृहं समासाद्य ।
पूजां चकार भक्त्या सुरभीण्यादाय कुसुमानि ॥ ११२३ ॥
द्विगुणसभूदाद्यसुखे त्रिगुणं च चतुर्गुणं च पद्मगुणम् ।
सवेत्र पद्म पद्म च तत्संख्याम्भोरुहाणि कानि स्युः ॥ ११३३ ॥
द्वित्रिचतुर्भागगुणाः पद्माधगुणास्त्रिपद्मसप्ताष्ट्री । भक्तेर्भक्त्याहेंभ्यो दत्तान्यादाय कुसुमानि॥११४३॥
इति मित्रकव्यवहारे प्रक्षेपककुट्टीकारः समाप्तः ।

१. M में इलोक क्रम ११० है के पश्चात् निम्नलिखित इलोक बोड़ा गया है, को B में प्राप्य नहीं है:—

अर्थेत्रिपादमागा धनानि घट्पञ्चमांशकान्त्यार्थः । एकार्थेण क्रीत्वा विकीय च समधना जाताः ॥

उदाहरणार्थ पश्न

ै, 3, है क्रमशः व्यापार में खगाकर वही वस्तु कारीदने और वेचने तथा है अवशिष्ट-मूल्य से तीन व्यापारी अंत में समान विक्रयोदय (वेचने की रक्षम) वाले हो जाते हैं। कारीद की कीमत वेचने की कीमत और विकी की तुल्य रकमें क्या क्या हैं ? ॥ ११०३ ॥

ऐसे प्रश्न को इक करने के छिये नियम जिसमें मन से जुनी हुई संख्या बार जुने गये अपवरयों में मन से जुनी हुई राशियाँ समर्थित को (दी) गई हों :—

उपअंतिम राणि को, अंतिम शांत की ही संवादी अपवर्ष संख्या द्वारा विभाजित अंतिम शांत में ओड़ा जावे। इस किया से प्राप्त फल को उस अपवर्ष संख्या द्वारा विभाजित किया जावे जो कि इस दी गई उपअंतिम शांत से संयवित (associated) है। सब विभिन्न दी गई शांशियों के सम्बन्ध में इस किया को करने पर इष्ट मुक शांत प्राप्त होती है।॥ १११५ ॥

उदाहरणार्थ पश्न

किसी श्रावक ने चार दरवाओं वाले जिन मंदिर में (अपने साय) सुगंधित फूल लेजाकर उन्हें पूजन में इस प्रकार भक्ति पूर्वक मेंट किये—चार दरवाओं पर क्रमशः ने दुगने हो गये, तब तिगुने हो गये, तब चौगुने हो गये और तब पाँचगुने हो गये। प्रश्चेक हार पर उसने भ फूल अपित किये बतलाओं कि उसके पास कुल कितने कमक के फूल ये? ॥ ११२३—११६३ ॥ भक्तों हारा मिक्त पूर्वक फूल प्राप्त किये गये और पूजन में मेंट किये गये। फूल को इस प्रकार मेंट किये गये उत्तरोत्तर १, ५, ७, और ८ थे। उनकी संवादी अपवर्ष राशियाँ क्रमशः २, ३, २ और २ थीं। फूलों की कुक मूल संख्या क्या थीं ?॥ ११४३ ॥

इस प्रकार, मिश्रक व्यवहार में प्रशेषक कुटीकार नामक प्रकरण समास हुआ !

बश्चिकाकुट्टीकारः

इतः परं विल्छकाकुट्टीकारगणितं व्याख्यास्यामः । कुट्टीकारे विल्छकागणितन्यायसूत्रम्— छित्त्वा छेदेन राशि प्रथमफलसपोद्धाप्तमन्योन्यभक्तं स्थाप्योर्ध्वाधर्यतोऽधो मितगुणमयुजाल्पेऽविष्ठाष्टे धनर्णम् । छित्त्वाधः स्थोपरिन्नोपरियुतहरभागोऽधिकाप्रस्य हारं छित्त्वा छेदेन सामान्तरफलसधिकाप्रान्वितं हार्घातम् ॥ ११५३॥

विक्रका कुट्टीकार

इसके पश्चात् इस बिह्नका कुद्दीकार# नामक गणना विधि की न्यारूया करेंगे। कुट्टीकार सम्बन्धी बिह्नका नामक गणना विधि के लिये नियम—

दो गई राशि (समुद्र वाचक संस्था) को दिये गये भाजक द्वारा विभाजित करो । प्रथम भजनफरू की अकरा कर दी । तब (विशिष्ण परिणामी होषों द्वारा विभिष्ण परिणामी भाजकों के उत्तरीत्तर भाग से प्राप्त विभिन्न) अञ्चनफर्कों को एक इसरे के नीचे रखो, और फिर इसके नीचे मन से खुनी हुई संख्या रखो जिससे कि (उत्तरोत्तर साग की उपर्यंक्त विधि में) अयुग्म स्थिति क्रमवाले अल्पतम शेष को गुणित किया जाता है: और तब इसके नीचे इस गुणनफक को (प्रक्रानुसार दी गई ज्ञात संख्या हारा) बढ़ाकर या हासित कर और तब (उपयुक्त उत्तरोत्तर भाग की विधि में अन्तिम भाजक हारा) भाजित कर रखी । इस प्रकार बिक्का अर्थात् बेकि सरीखी अंकों की शक्का प्राप्त होती है । इसमें शक्कण की निम्नतम संक्या को, (इसके ठीक उत्पर की संक्या में उत्पर के ठीक उत्पर की संख्या का गुणन करने से प्राप्त) गुणनफर में जोड़ते हैं । ऐसी रीति को तब तक करते जाते हैं जब तक कि पूरी शक्का समाप्त नहीं हो जाती है। यह योग पहिले ही दिये गये भाजक से भाजित किया जाता है। हिस अन्तिम भाजन में 'शेष' गुणक बन जाता है जिसमें. (इस प्रश्न में बतलाई गई विधि में) विभाजित या वितरित की जाने वाछी राशि को प्राप्त करने के छिये, पहिले दी गई राशि (समूह वाचक संक्या) का गुणा किया जाता है । परन्ता, जो एक से अधिक बार बढ़ाई गई अथवा हासित की गई हों, ऐसी दी गई राशियों (समूह वाचक संस्थाओं) को एक से अधिक समानुपात में विभाजित करना पहला है। यहाँ दो विशिष्ट विभावनों में से कोई एक के सम्बन्ध में प्राप्त । अधिक बढ़ा समृह वाचक मान सम्बन्धी भाजक को (छोटे समुद्र वाचक मान सम्बन्धी) भाजक द्वारा ऊपर बतलाये अनुसार भाजित किया जाता है ताकि उत्तरीत्तर भजनफर्कों की कता के समान शक्कका पूर्व कम अनुसार इस दशा में भी प्राप्त हो जाने । इस श्रंखका में निम्नतम भजनफक के नीचे, इस अन्तिम उत्तरीत्तर में भाग में अयुग्म स्थित कमवाछे अल्पतम शेष के मन से चुने हुए गुणक को रखा जाता है; और फिर इसके नीचे पहिले बतळाए हुए दो समूह बाधक मानों के अन्तर को उत्तर मन से धने हुए गुणक हारा गुणित कर.

[●]विश्वका कुटीकार कहने का कारण यह है कि इस नियम में समझाई गई कुटीकार की विधि छता समान अंकों की शृंखछा पर आधारित होती है।

⁽११५६) गाया ११७६ वीं का प्रश्न साधित करने पर यह नियम स्पष्ट हो जावेगा । यहाँ कथन किया गया है कि ७ अलग फलों सहित ६३ केलों के देर २३ मनुष्यों में ठीक-ठीक भाजन योग्य हैं। एक देर में फलों की संख्या निकालना है। यहाँ ६३ को 'समूह वाचक संख्या' (राधि) कहा जाता है, और प्रत्येक में स्थित फलों के संख्यात्मक मान को 'समूह वाचक मान' कहा जाता है। इसी 'समूह

अन्तिम अयुग्म स्थिति क्रम वाले अस्पतम होष में बोइकर परिणामी योगफल को उत्पर की भाजन श्रंखला के अन्तिम भाजक द्वारा विभाजित करने के पश्चात् प्राप्त संस्था को रसना चाहिये। इस प्रकार इस बाद वाचक मान' को निकालना इष्ट होता है। अन इस नियम के अनुसार इम पहिले राशि अथवा समूह-वाचक संख्या ६३ को छेद अथवा भाजक २३ द्वारा भाजित करते हैं, और तब हम जिस प्रकार दो संख्याओं का महत्तम समापवर्त्य निकालते हैं उसी प्रकार की भाग विधि को यहाँ बारी रखते हैं।

यहाँ हम पाँचवें रोष के साथ ही भाग रांक देते हैं, क्योंकि वह भाजन की श्रेडियों में अयुग्म स्थिति क्रम वाला अस्पतम रोष है।

यहाँ प्रथम भजनफल २ को उपेक्षित कर दिया जाता है; अन्य भवनफल बाजू के स्तम्म में एक पैकि में एक के नीचे एक छिखे गये हैं। अब हमें एक ऐसी संख्या चुनना पड़ती है जो जब अन्तिम शेष १ के द्वारा गणित की बाती है. और फिर ७ में बोडी बाती है, तो वह अन्तिम माजक १ के द्वारा भाजन योग्य होती है। इसलिये, इस १ को चुनते हैं, बो अंखला में अन्तिम अंक के नीचे लिखा हुआ है। इस चुनी हुई संख्या के नीचे, फिरसे चुनी हुई संख्या की सहायता से, उपर्युक्त भाग में प्राप्त भवनफल लिखा बाता है। इस प्रकार हमें बाजू में प्रथम स्तम्म के अंकों में शृंखला अथवा बल्लिका प्राप्त हो जाती है। तब हम शृंखला के नीचे उप अन्तिम अंक अर्थात् १ को छिखकर उसके ऊपर के अंक ४ द्वारा गुणित करते हैं, और ८ बोहते हैं। यह ८, श्खला की अंतिम संख्या है। परिणामी १२ इस तरह लिख दिया जाता है ताकि वह ४ के संवादी स्थान में हो । तत्पश्चात इस १२ को वस्तिका शृंखला में उसके ऊपर के अंक १ द्वारा गृणित करते है और १ जोदने पर (जो कि उसके उसी प्रकार नीचे है) हमें १३ एक के संवादी स्थान में मात होता है। इसी प्रकार, किया को बारी रखकर हमें ३८ और ५१ मी प्राप्त

होते हैं जो २ और १ के संवादी स्थान में प्राप्त किये जाते हैं। इस ५१ को २३ द्वारा भाजित किया जाता है; और शेष ५ एक गुच्छे में फलों को अल्पतम संख्या दृष्टिगत होती है। निम्नलिखित बीजीय निरूपण द्वारा इस नियम का मूलभूत सिद्धान्त (rationale) स्पष्ट हो जावेगा—

बाक + ब = ख (जो एक पूर्णांक है) = फ क + प क क + प क जा प क = (बा - आफ क) क + ब आ ा . क = $\frac{\sin q_{\alpha} - a}{\xi_{\alpha}}$, (जहाँ $\xi_{\alpha} = ai - ai + bi = ai$) प्रथम शेष है) = फ प प क न प क लहाँ प क = $\frac{\xi_{\alpha}}{\xi_{\alpha}}$, और फ दूसरा भजनफळ है तथा र दूसरा शेष है ।

इसलिये, $q_1 = \frac{\tau_1}{\tau_2} \frac{q_2 + q}{\tau_3} = q_2 + q_3$, जहाँ $q_3 = \frac{\tau_3}{\tau_2} \frac{q_2 + q}{\tau_3}$ और $q_3 = \frac{\tau_3}{\tau_3} \frac{q_2 + q}{\tau_3}$ भवनफल तथा τ_3 तीसरा शेष हैं।

के निश्चित प्रदन के इस के किये इस कवा समान अंकों की श्रञ्जका प्राप्त की जाती है। यह श्रञ्जका पहिले की माँति नीचे से ऊपर की ओर वर्ती जाती है और, पहिले की तरह, परिणामी संक्या की इस

इसी तरह,
$$q_2 = \frac{\tau_2}{\tau_3} = q_3 - q_3 + q_4$$
, जहाँ $q_4 = \frac{\tau_4}{\tau_3} = \frac{\tau_3}{\tau_3} = \frac{\tau_3}{\tau_4} = \frac{\tau_3}{\tau_4} = \frac{\tau_3}{\tau_4} = \frac{\tau_3}{\tau_4} = \frac{\tau_4}{\tau_5} = \frac{\tau_5}{\tau_5} = \frac{\tau_5}{\tau_5$

 $=\pi_{a_1} q_x + q_{a_2}$ नहाँ $q_{a_1} = \frac{q_x + q_y + q_z}{q_x}$ है । इस प्रकार हमें निम्निकिस्तित सम्बन्ध प्राप्त होते हैं... $\pi = \pi_x q_y + q_z$; $q_z = \pi_y q_z + q_z$; $q_z = \pi_x q_z + q_z$; $q_z = \pi_x q_z + q_z$;

पं का मान इस तरह चुनते हैं ताकि रें प् पं + व (बोकि उपर बतलाए अनुसार पं का मान है), एक पूर्णिक बन बावे । इस प्रकार, शृंखका फंट्र, फंड्र, फंड्र, पं और पं को लमाते हैं जिससे क का मान प्राप्त हो लाता है; अर्थात् ऊपरी राशि की गुणन निधि को तथा शृंखला की निम्नतर राशि की लोड़ निधि को सबसे ऊपर की राशि तक के लाकर क का मान प्राप्त करते हैं । क का मान इस प्रकार प्राप्त कर, उसे आ के द्वारा विभाजित करते हैं । प्राप्त शेष, क की अल्पतम अर्हा को निरूपित करता है; क्योंकि क के वे मान जो समीकार लाक + व ला

इस नियम के द्वारा वे प्रक्त भी इस किये जा सकते हैं जहाँ दो या दो से अधिक दशाय दी गई रहती हैं। ऐसे प्रक्त गायाओं १२१३ से छेकर १२९३ तक दिये गये हैं। १२१३ वीं गाथा का प्रक्र इस नियम के अनुसार इस प्रकार इस किया जा सकता है—

दिया गया है कि फलों का एक देर जब ७ द्वारा हासित किया जाता है तब वह ८ मनुष्यों में ठीक-ठीक भाजन योग्य हो जाता है, और वही देर जब १ द्वारा हासित किया जाता है तब १३ मनुष्यों में ठीक-ठीक भाजन योग्य हो जाता है। अब उपगुंक रीति द्वारा सबसे पहिले फलों की अस्पतम संस्था को निकाला जाता है जो पथम दशा का समाधान करे, और तब फलों की वह संस्था निकाली जाती है जो दूसरी दशा का समाधान करे। इस प्रकार, हमें क्रमशः १५ और १६ समूह वाचक मान प्राप्त होते हैं। अब अधिक बड़े समूह वाचक मान सम्बन्धी भाजक को छोटे समूह वाचक मान सम्बन्धी भाजक द्वारा विभाजित किया जाता है ताकि नयी विश्वका (अंखला) प्राप्त हो जावे। इस प्रकार, १३ को ८ द्वारा विभाजित करने पर और भाग को जारी रखने पर हमें निम्नलिखित प्राप्त होता है—

c) १ १ (१ c) (१ 4 (१ 4 (१ ३) 4 (१ ३) १ (१ २) १ (१ १ (१ १ (१

इसके द्वारा विक्रका शृंखला इस प्रकार प्राप्त होती है-

१ को 'मिति' जुनकर, और पहिले ही प्राप्त दो समृह मानों के अंतर (१६-१५) को अर्थात् १ को मित और अंतिम माजक के गुणनफल में बोड़ते हैं। इस बोग को अंतिम माजक द्वारा माजित करने पर हमें २ प्राप्त होता है जिसे बिलका (शृंखला) में मिति के नीचे लिखना होता है। तब, बिलका के साथ पहिले की रीति करने पर हमें ११ प्राप्त होता है, जिसे प्रथम माजक ८ द्वारा भाजित करने पर रोष ३ वच रहता है। इसे अधिक बड़े समूहमान सम्बन्धी माजक १३ द्वारा गुणित कर, अधिक बड़े समूहमान में जोड़ दिया जाता है (१३×३+१६=५५)। इस प्रकार देर में फलों की संख्या ५५ प्राप्त होती है।

कान्तिम माजन श्रञ्जका के प्रथम माजक द्वारा विभावित करते हैं। (इस किया में प्राप्त) शेष को (अधिक बड़े समूह वाचक मान सम्बन्धी) माजक द्वारा गुणित करते हैं, और परिणामी गुणनफक में इस व्यक्तिबड़े समूह वाचक मान को जोड़ देते हैं। (इस प्रकार दी गई समूह संख्या के इस गुणक का मान प्राप्त किया जाता है, जो हो विचाराधीन विशिष्ट विभाजनों का समाधान करता है)।।१९५२।।

इस विधि का भूछ भूत सिदान्त (rationale) निम्निळिखित विमर्श से स्पष्ट हो जावेगा-

- (१) में मानलो क का अल्पतम मान = स् है।
- (२) में मानलो क का अल्पतम मान व्यक्त है।
- (१) में मानलो क का अल्पतम मान = स, है।

अज्ञात मानवाली राशियों द और श्व सहित होने से अनिर्धृत (indeterminate) समीकरण (४) से, जैसा कि पहले ही सिद्ध किया जा चुका है उसके अनुसार, द के अस्पतम घनास्मक पूर्णोंक को प्राप्त कर सकते हैं। द के इस मान को आ, द्वारा गुणित करने, और तब स, में जोड़ने पर क का मान प्राप्त होता है जो (१) और (२) का समाधान करता है।

मानको यह त_र है, और इन दोनों समीकारों का समाधान करने वाला क का और अधिक बड़ा मान मानको त_र है।

- (५) अन, त₁ + नआ₄ = त₂ है,
- (६) और, त₁ + मआ₂ = त₂ है।
- •• आ_२ = म इस प्रकार, आ_२ = म. प, और आ_२ = न. प, जहाँ आ_२ और आ_२ का

सबसे बड़ा साधारण गुणनखंड (मह. समा.) प है। ..म = भाव , और न = भाव .

(५) अथवा (६) में इनका मान रखने पर, त् + आ । आ = त् होता है।

इससे स्पष्ट है कि क का..दूसरा उश्वतर मान जो दो समीकरणों का समाधान करता है वह आ, और आ, के छत्रुचम समापवर्श्य को निम्नतर मान में बोड़ने पर प्राप्त होता है।

फिर से, मानलो तीनों सभी समीकारों का समाधान करने वाले क का मान व है।

तन, $q = a_1 + \frac{a_1}{q} \times t$, (बहाँ र धनात्मक पूर्णांक है) = (मानक्षो) त, + लर और

पिक्के समीकार में बिक्किका कुटीकार के सिद्धान्त का प्रयोग करने पर व का मान प्राप्त हो जाता

अत्रोदेशकः

जम्बूजम्बीररम्भाक्रमुकपनस्वर्जूरहिन्तालताली—
पुन्नागान्नाचनेकद्रुमकुसुमफलैनेन्नशासाधिकृढम्।
आम्यद्भृंगाञ्जवापीशुकपिककुलनानाम्बनिव्याप्तदिकं
पान्थाः श्रान्ता वनान्तं श्रमनुद्ममलं ते प्रविष्टाः प्रहृष्टाः॥ ११६३॥
राशित्रिषष्टिः कदलीफलानां संपीड्य संक्षिप्य च सप्तमिस्तैः।
पान्थेक्योविंश्विभिर्विंशुद्धा राशेस्त्वमेकस्य वद प्रमाणम् ॥ ११७३॥
राशीन् पुनर्द्धादश दाहिमानां समस्य संक्षिप्य च पद्धभिस्तैः।
पान्थेनेरैविंश्विभिर्निरेकैर्मकांस्तथेकस्य वद प्रमाणम् ॥ ११८३॥
दृष्टान्नराशीन् पथिको यथैकत्रिंशत्समूहं कुरुते त्रिहीनम्।
शेषे हते सप्ततिभिक्षिमिश्रीनेरैविंशुद्धं कथयेकसंख्याम् ॥ ११९३॥
दृष्टाः सप्ततिभिक्षिमिश्रीनेरैविंशुद्धं कथयेकसंख्याम् ॥ ११९३॥
सप्तद्भापोद्ध हते व्येकाशीत्यांशकप्रमाणं किम् ॥ १२०३॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी वन का प्रकाशवान और ताजगी काने वाका सीमास्य (outskirts) बहुत से ऐसे हुओं से पूर्ण था जिनकी शासायें फक-फूळ के भार से नीचे छुक गईं थीं। ऐसे हुओं में जम्बू, जन्बीर, रम्भा, क्रमुक, पनस, खज्र, हिन्ताळ, ताळी, पुचाग और आम (समाविष्ट) थे। वह स्थान तोतों और कोयळों की ध्वनि से न्यास था। तोते और कोयळें ऐसे झरनों के किनारे पर थीं जिनमें कमळों पर अमर अमण कर रहे थे। ऐसे ननान्त में कुछ थके हुए बाजियों ने सानन्द प्रवेश किया। ११६ है।

केळों की ६२ डेरियाँ और ७ केळे के फक २६ यात्रियों में बराबर-बराबर बाँट दिये गये जिससे कुछ भी दोष न बचा। एक डेरी में फलों की संख्या बराकाओ ॥ ११७२ ॥

फिर से, अनार की १२ ढेरियाँ और ५ अनार के फल उसी तरह १९ बान्नियों में बाँटे गये । एक ढेरी में कितने अनार थे ? ॥ ११८३ ॥

एक बान्नी ने आर्मों की बराबर फर्कों वास्ती हैरियाँ देखीं। ३१ हैरियाँ ३ फर्कों द्वारा हासित कर दी गई। जब शेषफरू ७३ व्यक्तियों में बराबर-बराबर बाँट दिये गये तो शेष कुछ भी न रहा। इन हैरियों में से किसो भी एक में कितने फर्क ये ? ॥ १९९२ ॥

वनमें यात्रियों द्वारा ३७ किएस्थ फल की देरियाँ देखी गई। १७ फल अलग कर दिये सथे शेषफल ७९ स्थक्तियों में बराबर-बराबर बाँटने पर कुछ भी शेष न रहा। प्रत्येक को कितने-कितने फल मिले १॥ १२०२ ॥

है, और तब व का मान सरलता पूर्वक निकाला जा सकता है।

इससे यह देखा बाता है कि जब व का मान निकालने के लिये इम त, और स, को कुट्टीकार विधि के अनुसार बर्तते हैं; तब छेद अथवा माजक को त, के सम्बन्ध में आ, आ, लेना पड़ता है; अथवा, प्रथम दो समीकारों में माजकों के अञ्चल समापवर्स्य को लेना पड़ता है।

रष्ट्राग्रराशिमपहाय च सप्त पश्चाद्रकेऽष्टिभः पुनरिष प्रविद्दाय तस्मात् ।
त्रीणि त्रयोदशिमरुहिलते विशुद्धः पान्यैर्वने गणक मे कथ्यैकराशिम् ॥ १२१३ ॥
द्वाभ्यां त्रिभिश्चतुर्भः पद्धाभरेकः कपित्यफळराशिः ।
भक्तो रूपात्रस्तत्प्रमाणमाचस्य गणितज्ञ ॥ १२२३ ॥
द्वाभ्यामेककिभिद्धौ च चतुर्भिर्माजिते त्रयः । चत्वारि पद्धाभः शेषः को राशिर्वद मे प्रिय ॥१२२३॥
द्वाभ्यामेककिभिद्दशुद्धश्चतुर्भिर्माजिते त्रयः । चत्वारि पद्धाभः शेषः को राशिर्वद मे प्रिय ॥१२४३॥
द्वाभ्यामेककिभिश्चशुद्धश्चतुर्भिर्माजिते त्रयः । चतुर्मिः पद्धाभर्मको रूपामो राशिरेष कः ॥१२५३॥
द्वाभ्यामेकिकिभिः शुद्धश्चतुर्भिर्माजिते त्रयः । निरमः पद्धाभर्मकः को राशिः कथयाधुना ॥१२६३॥
द्वाभ्यामेकिकिभिः शुद्धश्चतुर्भिर्माजिते त्रयः । निरमः पद्धाभर्मकः को राशिः कथयाधुना ॥१२६३॥
द्वाश्वामे तो नवानां त्रय इति पुनरेकादशानां विभक्ताः ।
पद्धाप्रास्ते यतीनां चतुरिषकतराः पद्ध ते सप्तकानां
कुट्टीकारार्थविनमे कथय गणक सचिन्त्य राशिप्रमाणम् ॥ १२७३॥
वनान्तरे दाहिमराश्चरते पान्थैक्यः सप्तभिरेकशेषाः ।
सप्त त्रिशेषा नवभिर्विभक्ताः पद्धाष्टभः के गणक द्विरमाः ॥ १२८३॥

वन में आमों की देरियों देखने के बाद और उनमें • फरू निकासने के पक्षात् उन्हें ८ वाजियों में बराबर-बराबर बाँट दिया गया । और जब, फिर से, उन्हों देरियों में से १ फरू निकास सिये गये तब उन्हें 12 वाजियों में बाँट दिया गया । दोनों दशाओं में इस भी शेव न रहा । हे गणितस ! इस केवस एक देरी का संक्यात्मक मान (फर्कों की संक्या) बतकाओं ॥ १०१५ ॥

कपित्य फर्कों की केवल एक ढेरी के फर्कों को २, ३, ४ अथवा ५ मनुष्यों में विभाजित करने पर प्रत्येक दशा में शेष १ वकता है। हे गणितवेत्ता ! उस ढेरी में फर्कों की संख्या बतकाओ ॥१२२३॥

जब २ द्वारा भाजित हो तब शेष १ रहता है, जब २ द्वारा भाजित हो तब शेष २, जब ४ द्वारा तब शेष २, जब ५ द्वारा तब शेष ४ है। हे मित्र ! ऐसी ढेरी में कितने फक हैं ?॥ १२३५॥

जब र द्वारा भाजित हो तब होच १ है, जब ६ द्वारा तब होच कुछ नहीं है, जब ६ द्वारा तब होच ६ है, जब ५ द्वारा तब होच ६ है। देरी का संख्यात्मक मान बतकाओ ॥ १२५३ ॥

अब २ द्वारा भाजित हो तब रोष कुछ नहीं है, अब १ द्वारा तब रोष १, जब ४ द्वारा तब रोष कुछ नहीं हैं; और जब ५ द्वारा भाजित हो तब रोष १ रहता है। यह राशि क्या है १॥ १२५५ ॥

जब २ द्वारा भाजित हो तब शेष १ है, जब ६ द्वारा तब शेष कुछ नहीं है, जब ६ द्वारा तब शेब ६, और जब ५ द्वारा भाजित हो तब शेष कुछ नहीं है। यह राशि कीन है १॥ १२६५ ॥

रास्ते में यात्रियों ने जम्बू फकों की कुछ बराबर ढेरियाँ देखीं। डनमें से २ डेरियाँ ९ साधुओं में बराबर-बराबर बाँटने पर १ फक शेष रहे। फिर से, १ ढेरियाँ इसी प्रकार १९ व्यक्तियों में बाँटने पर ५ फक शेष बचे, पुनः ५ ढेरियों को ७ व्यक्तियों में बराबर बाँटनेपर शेष ४ फक बचे। हे विभाजन की कुटीकार विधि को जानने वाके अंकनाजितका ! ठीक तरह सोचकर देरी का संस्थारमक मान बतकाओ ॥ १२७३॥

वन के अन्तर में जनार की १ बराबर डेरियाँ ७ वाजियों में बराबर बाँट देने पर १ फछ शेषफछ है; ७ ऐसी डेरियाँ उसी प्रकार ९ में बाँटने पर शेष १ फछ, और पुनः ५ ऐसी डेरियाँ ८ में बाँट देने पर २ फड बचते हैं । हे अंकगणितज्ञ ! प्रत्येक का संक्यारतक मान बतकाओ ॥ १२८} ॥ भक्ता द्वियुक्ता नवभिस्तु पश्च युक्ताश्चतुर्भिश्च षडष्टमिस्तैः। पान्यैर्जनैः सप्तभिरेकयुक्तारचत्वार एते कथय प्रमाणम् ॥ १२९३ ॥

अमरोषविभागमूळानयनसूत्रम्-

शेषांशाप्रवधो युक् स्वाप्रेणान्यस्तदंशकेन गुणः । यावद्वागास्तावद्विच्छेदाः स्युस्तद्प्रगुणाः॥१३०३॥

समान फर्लों की संख्या वाली ५ देशियाँ थीं, जिनमें २ फर्ल मिळाने के पश्चात् ९ यात्रियों में बाँटने पर कुछ न रहा। ६ ऐसी देशियों में ४ फर्ल मिळाने के पश्चात् उसी प्रकार ८ में बाँटने पर, और ४ देशियों में १ फर्ल मिळाकर उसी प्रकार ७ में बाँटने पर शेष कुछ न रहा। देशे का संख्यात्मक मान बत्तलाओं ॥ १२९- ॥

इंग्डानुसार वितरित मूळ राशि को निकाळने के किये नियम, जब कि कुछ विशिष्ट ज्ञात राशियों को इटाने पर शेष को प्राप्त किया जाता है :—

इटाई जाने वाकी (दी गई) ज्ञान राशि और (दी गई ज्ञात राशि को दे जुकने पर) जो शेष विशिष्ट भिन्नीय भाग वच रहता है उसका भिन्नीय समानुपात—हुन दोनों का गुणनफल भास करी। इसके बाद को राशि, इस गुणनफल में पिछले शेष में से निकाली जाने वाकी विशिष्ट ज्ञात राशि को जोड़कर प्राप्त की जाती है। और, इस परिणामी योग को उसी प्रकार के ऊपर कथित शेष के शेष रहने वाले भिन्नीय समानुपात द्वारा गुणित किया जाता है। यह उतने बार करना पड़ता है जितने कि वितरण करने पड़ते हैं। तरपश्चात इस तरह प्राप्त राशियों के हरों को अलग कर देना चाहिये। इर रहित राशियों और शेष के ऊपर कथित शेष रहने वाले भिन्नीय समानुपात के उत्तरोत्तर गुणनफलों को ज्ञात राशि और (अन्य तरव, जैसे, अज्ञात राशि का गुणांक) अपवर्ष (तथा भाजक के नाम से विश्वका कुटीकार के प्रश्न में) अपयोग में काते हैं। १३० है।

(१२०२) यहाँ इटाई जाने वाली ज्ञात राशि अग्र कहलाती है। अग्र के इटाने के पश्चात् जो बच रहता है वह 'शेष' कहलाता है। जो दिया अथवा लिया जाता है ऐसे शेष के भिन्न को अग्राश कहते हैं, और अग्रांश के दिये अथवा लिये जानेपर जो शेष बच रहता है वह शेषांश अथवा शेष का शेष रहनेवाला भिन्नीय समानुपात कहलाता है, जैसे, जहाँ क का मान निकालना पड़ता है, और 'अ' विभाजित हुए भिन्नीय समानुपात है को लेकर प्रथम विभाजन सम्बन्धी अग्र है, वहाँ क — अ अग्रांश है और कि — अ) — क — अ शेषांश है। १३२२ – १३३३ वीं गांधा के प्रश्न को इल करने पर यह नियम

 $(x-a) - \frac{x-a}{3}$ शेषांश है। १३२% - १३३% वीं गाधा के प्रश्न को इस करने पर यह नियम स्पष्ट हो जावेगा —

यहाँ १ पहिला अग है, और है पहिला अगांश है; इसलिये (१ - है) या है शेषांश है। अब, अग्र और शेषांश का गुणनफल १× है या है है। इसे दो स्थानों में लिखो, यथा—

इन अंकों को केकर पहिले की तरह तीसरे अग्र १ को बोड़ो जिससे $\left\{ \begin{array}{c} 8.8/8 \\ 8/8 \end{array} \right\}$ प्राप्त होगा ।

अत्रोद्देशकः

आनीतबसाम्रफलानि पुंसि प्रागेकमादाय पुनस्तद्धेम् । गतेऽप्रपुत्रे च तथा जघन्यस्तत्रावशेषाधेमथो तमन्यः ॥ १३१२ ॥ प्रविश्य जैनं भवनं त्रिपृरुषं प्रागेकमभ्यच्ये जिनस्य पादे । शेषत्रिभागं प्रथमेऽनुमाने तथा द्वितीये च तृतीयके तथा ॥ १३२२ ॥ शेषत्रिभागद्वयतश्च शेषत्र्यंशद्वयं चापि ततिसभागान् । इत्वा चतुर्विशतितीर्थनाथान् समर्चीयत्वा गतवान् विशुद्धः ॥ १३३३ ॥

इति मिश्रकव्यवहारे साधारणञ्जूहोकारः समाप्तः।

उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी मचुला द्वारा घर पर आम्र फलों को लाने पर उसके बहे पुत्र ने पहिले एक फल लिया और तब शेष के आधे लिये। बहे लड़के के जाने पर, छोटे लड़के ने भी शेष में से उसी प्रकार फल लिये। (उसने, तत्पश्चात, जो शेष रहा उसका आधा लिया); और अन्य पुत्र ने शेष आधे हिये। पिता के द्वारा लाये हुए फलों की संख्या निकालों। ॥ १३१३ ॥ कोई मचुल्य फूल लेकर ऐसे जिन-भींदर में गया जो मचुल्य की लेखाई से तिगुना लेखा था। पहिले उसने इन फूलों में से पूजन में जिन भगवान के घरणों में एक फूल चड़ाया, और तब पूजन में शेष फूलों के एक तिहाई जिन भगवान की प्रथम लेखाई-माप वाली प्रतिमा के घरणों में भेंट किये। शेष दो तिहाई फूलों में से इसने उसा प्रकार द्वितीय लेखाई-माप वाली प्रतिमा के घरणों में भेंट किये, और तय उसी प्रकार तीसरी जेखाई-माप वाली प्रतिमा के घरणों में भेंट किये, और तय उसी प्रकार तीसरी जेखाई-माप वाली प्रतिमा के घरणों में भेंट किये, और तय उसी प्रकार तीसरी जेखाई-माप वाली प्रतिमा के घरणों में मेंट किये, और तय उसी प्रकार तीसरी जेखाई-माप वाली प्रतिमा के घरणों में मेंट किये। अंत में जो दो तिहाई बचे वे भी तोन घराघर भागों में बाँट गये; और इन भागों में से एक-एक भाग आठ-आठ तीर्थंकरों को (इस प्रकार कुल २५ तीर्थंकरों को) मेंट करने पर उसके पास एक भी फूल न बचा। यतहाओ उसके पास कितने फूल थे? ॥ १३२२ न-१३३ १ ॥

इस प्रकार, मिश्रक व्यवहार में, साधारण कुटीकार नामक प्रकरण समास हुआ।

को समाधानित करनेवाला क का मान, फूलों की संख्या होती है।

१. इस्तलिपि में पादी शब्द है जो यहाँ शुद्ध प्रतीत नहीं होता है। B में पादे के लिये के शान् पाठ है।

विषमकुट्टीकारः

इतः परं विषमकुट्टीकारं व्याख्यास्यामः । विषमकुट्टीकारस्य सूत्रम्— मतिसंगुणितौ छेदौ योज्योनत्याज्यसंयुतौ राशिहतौ । भिन्ने कुट्टीकारे गुणकारोऽयं समुद्दिष्टः ॥ १३४२ ॥

अत्रोद्शकः

राशिः षट्केन हतो दशान्यितो नवहतो निरवशेषः। दशमिहीनश्च तथा तद्गुणकौ कौ समाशु संकथय॥ १३५३॥

B गुणकारौ ।

विषम कुट्टीकार*

इसके पश्चात् हम विषम कुटीकार की व्याख्या करेंगे !

विषम कुट्टीकार सम्बन्धी नियम :---

दिया हुआ भाजक दो स्थानों में लिख लिया जाता है, और प्रत्येक स्थान में मन से जुनी हुई संख्या द्वारा गुणित किया जाता है। (इस प्रश्न में) जोड़ने के लिये दी गई (ज्ञात) राशि इन स्थानों के किसी एक गुणनफल में से घटाई जाती है। घटाई जाने के लिये दी गई राशि अन्य स्थान में लिखे हुए गुणनफल में जोड़ दी जाती है। इस प्रकार प्राप्त दोनों राशियाँ (प्रश्नानुसार विभाजित की जाने वाली अज्ञात राशियों के) ज्ञात गुणांक (गुणक) द्वारा भाजित की जाती हैं। इस तरह प्राप्त प्रत्येक भजनफल इष्ट राशि होती है, जो भिन्न कुटीकार की रीति में दिये गये गुणक द्वारा गुणित की जाती है। ॥ १२४३॥

. उदाहरणार्थ प्रश्न

कोई राशि ६ द्वारा गुणित होकर, तब १० द्वारा बदाई जाकर और तब ९ द्वारा भाजित होकर कुछ भी शेष नहीं छोदती। इसी प्रकार, (कोई दूसरी राशि ६ द्वारा गुणित होकर), तब १० द्वारा द्वासित होकर (और तब ९ द्वारा भाजित होकर) कुछ शेष नहीं छोदती। उन दो राशिमों को शील बत्तलाओं (जो दिये गये गुणक से यहाँ इस प्रकार गुणित की जाती हैं।)॥ १६५२॥

इस प्रकार, मिश्रक व्यवद्दार में, विषम कुटीकार नामक प्रकरण समाप्त हुआ।

[#] विषम और भिन्न दोनों शब्द कुट्टीकार के संबंध में उपयोग में लाये गये हैं और दोनों के स्पष्टत: एक से अर्थ हैं। ये इन नियमों के प्रश्नों में आने वाली भाज्य (dividend) राशियों के मिन्नीय रूप को निर्देशित करते हैं।

सकलकुट्टीकार:

सकळकुट्टीकारस्य सूत्रम्— भाज्यच्छेदामशेषैः प्रथमहृतिफळं त्याज्यमन्योन्यमक्तं न्यस्यान्ते साममूर्ज्वेरुपरिगुणयुतं तैः समानासमाने । स्वर्णम्नं व्याप्तहारौ गुणधनमृणयोश्चाधिकामस्य हारं हृत्वा हृत्वा तु सामान्तरधनमधिकामान्वितं हारधातम् ॥ १३६३ ॥

सकल कुट्टीकार

सक्छ कुट्टीकार सम्बन्धी नियम :--

विभाजित की जाने वाळी अञ्चात राशि के भाज्य गुणक द्वारा अग्रनयनित (carried on) तथा भाजक और उत्तरोत्तर परिकामी दे वों द्वारा अग्रनयनित भाजनों में प्रथम के भजनफर की अखग कर दिया जाता है। इस पारस्परिक भाजन द्वारा, जो कि भाजक और शेष के समान हो जाने तक किया जाता है, अन्य अजनफर प्राप्त किये जाते हैं, जो अर्घाधर अंखटा में अन्तिम तुल्य शेष और माजक के साथ किसे जाते हैं । इस अंसका के निम्नतम अंक में भाजक द्वारा विभाजित की गई जात राशि से प्राप्त क्षेत्र को जोड्ना पड्ता है। (तब, अंखका में हन संख्याओं द्वारा,) वह योग प्राप्त करते हैं, जो उत्तरीत्तर निम्नतम संक्वा में उसके ठीक अपर की दो संख्याओं का गुणनफक जोटने पर प्राप्त होता है। (यह विश्वितव तक की जाती है जब तक कि अंखळा का उच्चतम अंक भी किया में शामिक नहीं हो जाता।) उसके बाद बह परिकामी योग और प्रदन में दिया गया भाजक, दो शेषों के क्य में. अज्ञात राशि के दो मानों को उत्पक्त करता है। इस शशि के मानों की प्रकृत में दिये गये भाज्य गुणक द्वारा गुणित किया जाता है। इस प्रकार प्राप्त होने वाले दो मान या तो जोड़ी जाने वाकी दी गई जात राशि से सम्बन्धित रहते हैं अथवा घटाई वाने वाकी दी गई जात राशि से सम्बन्धित रहते हैं. जब कि जपर कथित भजनफर्जों की अंखला की अंक एंक्ति की संख्या क्रमशः गुरम अथवा अयुग्म होती है। (जहाँ दिये गये समूह एक से अधिक प्रकार से बहाबे जाने पर अथवा घटाये जाने पर एक से अधिक अनुपात में वितरित किये जाना होते हैं वहाँ) अधिक वहे समहमान से सम्बन्धित भावक (विसे ऊपर समझाये अनुसार दो विशिष्ट विभावनों में से किसी एक के सम्बन्ध में प्राप्त किया जाता है) को जपर के अनुसार बार-बार छोटे समुद्र मान से संबंधित आजक द्वारा आजित किया जाता है. वाकि उत्तरीत्तर भजनफर्कों की कवा समान अंखका इस दशा में भी प्राप्त हो सके। इस अंखका के निम्नतम अजनफर के नीचे इस अंतिम उत्तरीत्तर आग में अयाम स्थित क्रमवाले अल्यतम शेष के मन से चुने हुए गुणक को रखा जाता है । फिर इसके नीचे वह संख्या रखी जाती है. जो हो समृद्द-मानों के अंतर को ऊपर कथित मन से चुने हुए गुणक से गुणित अयुग्य स्थिति क्रमवाले अल्पतम शेष के गुणनफर में जोदनेपर, और तब इस परिणामी बोग को उपर की भाजन श्रंखरा के अंतिम माजक द्वारा भाजित करने पर प्राप्त होती है। इस प्रकार खटा सद्या आंकों की श्रंखका प्राप्त होती है, जिसकी आवश्यकता इस पिछले प्रकार के प्रकृत के साधन के लिये होती है। यह श्रंखला नीचे से उपर तक पहिले की भाँति वर्ती जाती है, और परिणामी संख्या पहिले को तरह इस अंतिम भाजन श्रंसला में प्रथम भाजक द्वारा भाजित की जाती है। इस किया से प्राप्त शेष की अधिक वहें समूह-मान से सम्ब-न्धित भाजक द्वारा गुणित किया जाना चाहिये । परिणामी गुणनफक में यह अधिक वड़ा समूहमान जोड़ देना चाहिये। (इस प्रकार, दिये गये समूहमान के इष्ट गुणक का सान प्राप्त करते हैं ताकि वष्ट विचाराधीन दो डक्किसित विभाजमों का समाधान करे)।। १३६३ ॥

(१३६३) यह नियम १३७३ वीं गाया में दिने गये प्रश्न को इल करने पर स्पष्ट हो जावेगा--

अत्रोदेशकः

सप्तोत्तरसप्तत्या युतं शतं योज्यमानमष्टत्रिंशत् । सैकशतद्वयभक्तं को गुणकारो भवेदत्र ॥ १३७३॥ उदाहरणार्थ प्रस्त

अज्ञात गुणनसंब का भाज्य (dividend) गुणक १०० है। २४०, स्व में जोड़े जानेवाले अथवा बटाये जाने वाले गुणनफळ से सम्बन्धित ज्ञात राशि है; पूरी राशि को २०१ द्वारा भाजित करने पर शेष कुछ नहीं रहता। यहाँ अज्ञात गुणनसण्ड कीन सा है, जिससे की दिया गया भाज्यगुणक गुणित किया जाना है ?॥ १६७ है॥ ३५ और अन्य राशियाँ, जो संख्या में १६ हैं, और इत्तरोत्तर मान

प्रश्न है कि जब १७७ क ± २४० पूर्णों क है तो क के मान क्या होंगे ? साधारण गुणन खंडों को निरिसत

करने पर इमें ५९ क ±८° पूर्णोक प्राप्त होता है। ट्यातार किये जाने वाले माग की इष्ट विधि को

निम्निखिलित रूप में कार्यान्वित करते हैं-

प्रयम मजनफल को अलग कर, अन्य भजनफल, अंखला में इस प्रकार लिखे जाते हैं— इसके नीचे १ और १ को अग्रिम लिखा जाता है। ये अन्तिम भाजक और शेष समान होते हैं। यहाँ भी जैसा कि बिलका कुट्टीकार में होता है, यह देखने योग्य है कि अन्तिम माजन में कोई शेष नहीं रहता क्योंकि २ में १ का पूरा-पूरा माग चला जाता है। परन्तु चूँकि, अन्तिम शेष, अंखला के लिये चाहिये, इसलिये वह अन्तिम भजनफल छोटा से छोटा बनाकर रख दिया जाता है, और अन्तिम संख्या १ में यहाँ, १३ जोहते हैं, जो कि ८० में

से ६७ का भाग देने पर प्राप्त होता है। इस प्रकार १४ प्राप्त कर, उसे अंखला के अन्त में नीचे लिख दिया जाता है। इस प्रकार अंखला पूरी हो जाती है। इस अंखला के अंकों के बगातार किये गये गुणन और जोड़ द्वारा, (जैसा कि गाया ११५% के नोट में पहिले ही समझाया जा जुका है,) इमें ३९२ प्राप्त होता है। इसे ६७ द्वारा विमाजित किया जाता है। शेष ५७ क का एक मान होता है, जब कि ८० को अंखला में अंकों की संख्या अयुग्म होने के कारण ऋणत्मक ले लिया जाता है। परन्तु

जब ८० को बनात्मक लिया बाता है, तब क का मान (६७-५७) अथवा १० होता है। यदि अंखला में अंकों की संख्या युग्म होती है, तो क का प्रथम निकाला हुआ मान बनात्मक अग्र सम्बन्धी होता है। यदि यह मान भावक में से घटाया जाता है तो क का ऋषात्मक अग्र सम्बन्धी मान प्राप्त होता है।

इस विधि का सिद्धान्त उसी प्रकार है जैसा कि विक्षिका कुटीकार के सम्बन्ध में है। परन्तु, उनमें अन्तर यही है कि वहाँ अंखला में दो अन्तिम अंक दूसरी विधि द्वारा प्राप्त किये जाते हैं। अध्याय ६ की ११५% वी गाया के नियम के नोट

१—३९२ ७—३४५ २—४७

₹—**१**६

₹—-१५ १ १४ पक्कत्रिंशत् त्र्युत्तरषोडशपदान्येव हाराश्च । द्वात्रिंशद्द्यधिकैका त्र्युत्तरतोऽप्राणि के धनर्णगुणाः ॥ १३८५ ॥

में ६ द्वारा बढ़ती हुई हैं, दस भारवगुणक हैं। दिखे गये भाजक, ६२ (और अन्य) हैं, जो उत्तरीस्तर २ द्वारा बढ़ते जाते हैं। और, १ को उत्तरीसर ६ द्वारा बढ़ाते जाने पर ज्ञात धनारमक और ऋणात्मक सम्बन्धित राशियौँ उत्पन्न होती हैं। ज्ञात भारव-गुणक के अज्ञात गुणनखण्डों के मान क्या हैं जबकि वे धनारमक या ऋणारमक ज्ञात संख्याओं के साथ योगस्प से सम्बन्धित हैं १॥ १६८३ ॥

में दिये गये मूलभृत सिद्धान्त में अयुग्म स्थित कम वाले शेष के साथ सम्बन्धित अग्न ब का बीजीय चिन्ह वहीं है जो इस प्रक्त में दिया गया है, परन्तु युग्म स्थित कमवाले शेष के साथ सम्बन्धित अग्न ब का चिन्ह प्रक्त में जैसा दिया गया है उसके विपरीत है; इसिल्ये अब अयुग्म स्थित कमवाले शेष तक लगातार माजन किया जाता है तब प्राप्त क का मान उस अग्न के सम्बन्ध में होता है जिसका चिन्ह अपरिवर्तित है। और दूसरी ओर, जब लगातार माजन युग्म स्थित कमवाले शेप तक ले जाया जाता है तब वहाँ से प्राप्त क का मान उस अग्न के सम्बन्ध में होता है जिसका चिन्ह परिवर्तित है। जब प्राप्त शेषों की संख्या अयुग्म होती है, तब श्रंखला में मजनफलों की संख्या युग्म होती है; और जब शेषों की संख्या युग्म होती है, तब श्रंखला में मजनफलों की संख्या अयुग्म होती है। कारण यह है कि इस नियम में अन्तिम शेष से सम्बन्धित अग्न होता है जब कि अतिम शेप अयुग्म स्थिति क्रममें हो। वह ऋणात्मक अग्न के सम्बन्ध में तब प्राप्त होता है जब कि अतिम शेप अयुग्म स्थिति क्रममें हो। वह ऋणात्मक अग्न के सम्बन्ध में तब प्राप्त होता है जब कि अतिम शेष युग्म स्थिति क्रममें हो। वृत्तरे शब्दों में, यदि मजनफलों की संख्या अयुग्म हो, तब ऋणात्मक अग्न सम्बन्धी मान प्राप्त होता है; और जब मजनफलों की संख्या अयुग्म हो, तब ऋणात्मक अग्न सम्बन्धी मान प्राप्त होता है; और जब मजनफलों की संख्या अयुग्म हो, तब ऋणात्मक अग्न सम्बन्धी मान प्राप्त होता है।

 अधिकाल्परादयोर्मूळिमिश्रविभागसूत्रम्— ज्येष्ठप्रमहाराद्येजघन्यफळताहितोनमपनीय । फळवर्गद्योषभागो ज्येष्ठाघींऽन्यो गुणस्य विपरीतम् ॥ १३९५ ॥

अत्रोद्देशकः

नवानां मातुलुङ्गानां कपित्थानां सुर्गान्धनाम् । सप्तानां मृत्यसंमिश्रं सप्तोत्तरशतं पुनः ॥१४०२॥ सप्तानां मातुलुङ्गानां कपित्थानां सुर्गान्धनाम् । नवानां मृत्यसंमिश्रमेकोत्तरशतं पुनः ॥१४४२॥ मृत्ये ते वद मे शीघ्रं मातुलुङ्गकपित्थयोः । अनयोगणक त्वं मे कृत्वा सम्यक् पृथक् पृथक् ॥१४२२॥

बहुराशिमिश्रतन्मूल्यमिश्रविभागसूत्रम् —

इष्टप्रफलेक्नितलाभादिष्टाप्रफलम् सकृत् । तैक्नितफलपिण्डस्तच्छेदा गुणयुतास्तद्घाः स्युः ॥१४३३॥

बड़ी और छोटी संख्याओं वाली वस्तुओं की कोमतों के दिये गये मिश्र योगों में से दी भिन्न वस्तुओं की (विनमयज्ञील बड़ी और छोटी संख्या को कीमतों को अलग-अलग करने के लिये नियम---

दो प्रकार की वस्तुओं में से किसी एक की संवादी बढ़ी संख्या द्वारा गुणित उच्चतर मूल्य-योग में से दो प्रकार की वस्तुओं में से अन्य सम्बन्धी छोटी संख्या द्वारा गुणित निम्नतर मूल्य-संख्या घटाओं। तब, परिणाम को इन वस्तुओं सम्बन्धी संख्याओं के वर्गों के अन्तर द्वारा भाजित करों। इस प्रकार प्राप्त फक्त अधिक संख्या वाकी वस्तुओं का मूल्य होता है। दूसरा अर्थात् छोटी संख्या वाकी वस्तु का मृख्य गुणकों (multipliers) को परस्पर बदक देने से प्राप्त हो जाता है। १९६९ ई॥

उदाहरणार्थ पश्न

र मातुलुङ्ग (citron) और ७ सुगन्धित कपित्थ फर्ली की मिश्रित कोमत १०७ है। पुनः ७ मातुलुङ्ग और ९ सुगन्धित कपित्थ फर्लो की कीमत १०३ है। है अंकगणितज्ञ ! मुझे शोध बताओ कि एक मातुलुङ्ग और एक कपित्थ के दाम अलग-अलग क्या है ?॥ १४०१-१४२१ ॥

दिये गये मिश्रित मूल्यों और दिये गये मिश्रित मानों में से विभिन्न प्रकार की बस्तुओं के विभिन्न प्रकार की राख्याओं और मूल्यों की अकग-अक्त करने के किये नियम—

(विभिन्न वस्तुओं की) दो गई विभिन्न मिश्रित) राशियों को मन से चुनी हुई संख्या द्वारा गुणित किया जाता है। इन मिश्रित राशियों के दिये गये मिश्रित सूल्य को इन गुणनफर्कों के मानों द्वारा अखग अखग हासित किया जाता है। एक के बाद दूसरी परिणामी राशियों को मन से चुनी हुई संख्या द्वारा भाजित किया जाता है शौर शेषों को फिर से मन से चुनी हुई संख्या द्वारा भाजित किया जाता है। इस विधि को बारबार दुहराना पदता है। विभिन्न वस्तुओं की दी गई मिश्रित राशियों को उत्तरोत्तर उपरी विधि में संवादी अजनफर्कों द्वारा हासित किया जाता है। इस प्रकार, मिश्रयोगों में विभिन्न वस्तुओं के संख्यासक मानों को प्राप्त किया जाता है। मन से चुने हुए गुकी (multipliers) को उपर्युक्त छगातार भाग की विधि वाल मन से चुने हुए भाजकों में मिकाने से प्राप्त राशियों तथा उक्त गुणक भी दी गई विभिन्न वस्तुओं के प्रकारों में से क्रमशः प्रत्येक की एक वस्तु के मुख्यों की संरचना करते हैं।॥ १४३३॥

(१३९६) बीबीय रुप से, यदि अक + ब स्व = म, और ब क + अख = न हो, तब अक + अब ख = अ म और बिक + अब ख = ब न होते हैं। ... क (अ - ब -) = अ म - ब न, अथवा, क = अ म - ब न होता है।

(१४३२) गायाओं १४४२ और १४५३ के प्रस्त को निम्निखिखत प्रकार से साधित करने पर

अथ मातुलुक्ककदलीकपित्थदाडिमफलानि मिश्राणि । प्रथमस्य सैकविंशतिरथ द्विरमा द्वितीयस्य ॥ १४४३ ॥ विंशतिरथ सुरभीणि च पुनस्रयोविंशतिस्तृतीयस्य । तेषां मृत्यसमासस्त्रिसप्ततिः किं फलं कोऽषः ॥ १४५३ ॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

यहाँ, ६ देवियों में सुगन्धित मासुलुक्क, कदको, कपिश्य और दाहिम कर्कों को इकट्ठा किया गया है। प्रथम देवी में २१, दूसरी में २२, और तीसरी में २६ हैं। इन देवियों में से प्रत्येक की मिश्रित कीमत ७६ है। प्रत्येक देवी में दिमिन्न कर्कों को संख्या और मिन्न प्रकार के कर्कों की कीमत निकाको।॥ १४६ भीर १४५ ।॥

नियम स्पष्ट हो जावेगा ।

प्रयम देरी में फलों की कुछ संख्या २१ है।

दूसरी " " " २२ है

तीसरी भ भ भ भ २३ है

मन से कोई भी संख्या जैसे, २ जुनने पर और उससे इन कुल संख्याओं को गुणित करने पर हमें ४२, ४६ मास होते हैं। इन्हें अलग-अलग ढेरियों के मृत्य ७३ में से घटाने पर शेष ३१, २९ और २७ मास होते हैं। इन्हें मन से जुनी हुई दूसरी संख्या ८ द्वारा माजित करने पर मजनफल ३, ३, ३ और शेष ७, ५ और ३ मास होते हैं। ये शेष, पुनः, मन से जुनी हुई संख्या २ द्वारा माजित होनेपर मजनफल ३, २, १ और शेष १, १, १ उत्पन्न करते हैं। इन अंतिम शेषों को यहाँ मन से जुनी हुई संख्या १ द्वारा माजित करने पर मजनफल १, १, १ प्राप्त होते हैं और शेष कुछ भी नहीं। पहिली कुल संख्या के सम्बन्ध में निकाले गये मजनफलों को उसमें से घटाना पड़ता है। इस प्रकार इमें २१ — (३ + ३ + १) = १४ प्राप्त होता है; यह संख्या और मजनफल ३, ३, १ प्रथम ढेरी में भिन्न प्रकारों के फलों की संख्या प्रकपित करते हैं। इसी प्रकार, हमें दृसरे समूह में १६, ३, २, १ और तीसरे समूह में १८, ३, १, १ विभिन्न प्रकार के फलों की संख्या प्राप्त होती है।

प्रथम चुना हुआ गुगक २, और उसके अन्य मन से चुने हुए गुगकों के योग कीमतें होती हैं। इस प्रकार, हमें कम से इन ४ भिन्न प्रकारों के फर्लों में प्रत्येक की कीमत २, २ + ८ या १०, २ + २ या ४, और २ + १ या ३, रूप में प्राप्त होती है।

| | इस रीति का मूलभूत सिद्धान्त निम्नलिखित बीबीय निरूपण द्वारा स्पष्ट हो बावेगा | |
|-----|--|----|
| | अक+व स+स ग+इ घ=प, ************************************ | 8) |
| - | भ + ब + स + ह=न, | २) |
| માત | होता है $(3 + 4 + 4 + 4) = 2$ ($(3 + 4 + 4 + 4) = 2$) ($(3 + 4 + 4 + 4) = 2$) ($(3 + 4 + 4 + 4) = 2$) ($(3 + 4 + 4 + 4) = 2$) ($(3 + 4 + 4 + 4) = 2$) ($(4 + 4 + 4) = 2$) ($(4 + 4 + 4) = 2$) ($(4 + 4 + 4) = 2$) ($(4 + 4 + 4) = 2$) ($(4$ | ., |

जघन्योनमिल्लितराश्यानयनस्त्रम्—
पण्यहतास्पफलोनैशिक्वन्यादस्पप्तम्स्यहीनेष्टम् ।
कृत्वा तावत्खण्डं तदूनमूल्यं जघन्यपण्यं स्यात् ॥ १४६५ ॥
अत्रोडेशकः

द्वाभ्यां त्रयो सयूराहितिश्च पारावताश्च चत्वारः । इंसाः पञ्च चतुभिः पञ्चभिरथ सारसाः षट् च ॥ १४७३ ॥ यत्रार्घस्तत्र सखे षट्पञ्चाशत्पणैः खगान् क्रीत्वा । द्वासप्ततिमानयतामित्युक्त्वा मूल्मेवादात् । कृतिभिः पणैस्तु विह्गाः कृति विगणय्यागु जानीयाः ॥ १४९ ॥

कुल कीमत के दिये गये मिश्रित मान में से, क्रमशः, मेंहगी और सस्ती बस्तुओं के मूल्यों के संख्यासक मानों को निकालने के लिये नियम —

(दी गई वस्तुओं की दर-राशियों को) उनकी दर-कीमतों द्वारा भाजित करो। (इन परिवामी राशियों को अलग-अलग) उनमें से अल्पतम राशि द्वारा हासित करो। तब (उपर्युक्त भजनफल राशियों में से) अल्पतम राशि द्वारा सब वस्तुओं की मिश्रित कीमत को गुणित करो; और (इस गुणनफल को) विभिन्न वस्तुओं की कुल मंक्या में से घटाओ। तब (इस शेष को मन से) उतने भागों में बिभक्त करो (जितने कि घटाने के पश्चात् बचे हुए उपर्युक्त भजनफलों के शेष होते हैं)। और तब, (इन भागों को उन भजनफल राशियों के शेषों द्वारा) भाजित करो। इस प्रकार, विभिन्न सस्ती वस्तुओं की कीमतें प्राप्त होती हैं। इन्हें कुल कीमत से अलग करनेपर खरीदी हुई महँगी वस्तु की कीमत प्राप्त होती है। १४६ है।।

उदाहरणार्थ प्रश्न

"२ पण में ३ मोर, ३ एण में ४ कब्तर, ४ पण में ५ इंस, और ५ पण में ६ सारस की दरों के अनुसार, हे मित्र, ५६ पण के ७२ पक्षी खरीद कर मेरे पास काओ।" ऐसा कहकर एक मचुच्य ने खरीद की कीमत (अपने मित्र को) दे दी। शीध्र गणना करके बतलाओ कि कितने पणों में उसने प्रत्येक प्रकार के कितने पक्षी खरीदे॥ १४७-२४९॥ ३ पण में ५ पक ग्रुण्टि, ४ पण में

इस प्रकार, यह देखने में आता है कि उत्तरोत्तर जुने गये भाजक क — श, ख — श और ग — श, जब श में मिलाये जाते हैं, तब वे विभिन्न कीमतों के मान को उत्पन्न करते हैं, प्रथम वस्तु को कीमत श ही होती है, और यह कि उत्तरोत्तर मजनफळ अ, ब, स और साथ ही न — (अ + ब + स) विभिन्न प्रकारों की वस्तुओं के मान हैं। इस नियम में, दी गई वस्तुओं के प्रकारों की संख्या से एक कम संख्या के विभाजन किये जाते हैं। अंतिम भाजन में कोई भी शेष नहीं बचना चाहिए।

(१४६२) अगली गाया (१४७२-१४९) में दिवे गये प्रक्त को साधन करने पर नियम स्पष्ट हो जावेगा — दर-राशियां २, ४, ५,६ को ऋमवार दर-कीमतों २,३,४,५ द्वारा विभाजित करते हैं। इस प्रकार हमें दु, दु, है, दै प्राप्त होते हैं। इनमें से अल्पतम दें को अन्य तीन में से अलग-गण साल संग-१७

⁽४) को (क - श) से विभाजित करने पर हमें भजनफल अ प्राप्त होता है, और शेष व (ख - श) + स (ग - श) प्राप्त होता है, जहाँ क - श उपयुक्त पूर्णिक है। इसी प्रकार, हम यह किया अंत तक के जाते हैं।

त्रिभि: पणे: शुण्ठिपलानि पञ्च चतुर्भिरेकादश पिप्पलानाम् । अष्टाभिरेकं मरिचस्य मृत्यं षष्ट्यानयाष्ट्रोत्तरषष्टिमाशु ॥ १५० ॥

इष्टार्चैरिष्टम् त्येरिष्टवस्तुप्रमाणानयनसूत्रम् — मृत्यन्नफलेच्छागुणपणान्तरेष्टन्नयुर्तिवपर्यासः । द्विष्ठः स्वधनेष्टगुणः प्रक्षेपककरणसर्वाश्चम् ॥१५९॥

११ पर सम्बी मिर्च, और ८ पण में १ पर मिर्च प्राप्त होती है। ६० पण खरीद के दामों में जीव ही ६८ पर वस्तुओं को प्राप्त करो॥ १५०॥

इच्छित रकम (जो कि कुळ कीमत है) में इच्छित दरों पर खरीदी गई कुछ विशिष्ट वस्तुओं के 'इच्छित संख्यारमब-मान को निकालने के लिये निवम---

(खरीदी गई विभिन्न वस्तुओं के) दर-मानों में से प्रत्येक को (अकग-अलग खरीद के दामों के) कुछ मान द्वारा गुणित किया जाता है। दर-रकम के विभिन्न मान अलग-अलग समान होते हैं। वे खरीदी गई वस्तओं की कुछ संख्या से गुणित किये जाते हैं। आगे के गुणनफल कमवार पिछछे गुणनफलों में से घटाये जाते हैं। धनारमक शेष एक पंक्ति में नीचे लिख किये जाते हैं। ऋणात्मक होष एक पंक्ति में उनके उत्पर लिखे जाते हैं। सभा में रहने बार्क साधारण गुणनखंहों की अछग कर इस सबको अल्पतम पदों में प्रदासित (लघुकृत) कर किया जाता है । तब इन प्रदासित अंतरों में से प्रत्येक को मन से चुनी हुई अलग राशि द्वारा गुणित किया जाता है। उन गुणमकलों को जो नीचे की पंक्ति में रहते हैं तथा उन्हें जो उपर की दंक्ति में रहते हैं, अलग-अलग जोइते हैं, और योगों की ऊपर नीचे लिखते हैं। संख्याओं की नीचे की पंक्ति के योग को ऊपर जिसते हैं और उपर की पंक्ति के योग को नीचे कि बते हैं । इन योगों को उनके सर्वसाधारण गुणनखंड हटाकर अल्पतम पदों में प्रशासित कर लिया जाता है। परिणामी राशियों में से प्रत्यंक की नाचे दुवारा लिख लिया जाता है, ताकि एक को दूसरे के नीचे हतनी बार किया जा सके, जितने कि संवादा एकान्तर बीग में संबदक तत्व होते हैं। इन संख्याओं को इस प्रकार दो पंक्तियों में जमाकर, उनकी कमवार दर-कीमतों और चीजों के दर-मानों द्वारा गुणित करते हैं। (अंकों की एक पंक्ति में दर-मूल्य गुणन और अंकों की दूसरी पंक्ति में दर-संख्या का गुणन करते हैं।) इस प्रकार प्राप्त गुणनफलों की फिरसे उनके सर्वसाधारण गुणन-खंडों को हटाकर अल्पतम पदों में प्रहासित कर लिया जाता है। प्रत्येक उध्योधर (vertical) पंक्ति के परिणामी अंकों में से प्रत्येक को अलग-अलग उनके संवादी मन से चुने हुए गुणकों (multipliers) द्वारा गुणित करते हैं । गुणनफलों को पहिले की तरह दो क्षेतिज पंक्तियों में किस किया जाना चाहिये । गुणनफलों की उपरी पंक्ति की संख्याचे उम अनुपात में होती हैं, जिसमें कि ऋयधन विवरित किया गया है। और, जो संख्यार्थे गुणनफर्कों की निम्न पंक्ति में रहती हैं वे उस अनुपात में होती हैं जिसमें कि संवादी करीदी गई वरतुएँ वितरित की जाती हैं । इसलिये अब जो शेष रहती है यह केवल प्रसेपक-करण की क्रिया ही है। (प्रक्षेपक-करण क्रिया में त्रैराशिक नियम के अनुसार आनुपातिक विभाजन होता है। ॥३५३॥

अलग घटाने पर हमें कैं, के और कैंड प्राप्त होते हैं। उपर्युक्त अस्पतम राशि के को दी गई मिश्रित कीमत ५६ से से गुणित करने पर ५६ × है प्राप्त होता है। कुछ पश्चियों की संख्या ७२ में से इसे घटाते हैं। शेष के को तीन भागों में बाँटते हैं; है, ई और है। इन्हें कमश: कैंड, के और कैंड हारा माजित करने पर हमें प्रथम तीन प्रकार के पश्चियों की कीमतें कैंड, १२ और ३६ प्राप्त होती हैं। इन तीनों कीमतों को कुछ ५६ में से घटाकर पश्चियों के चौथे प्रकार की कीमत प्राप्त की जा सकती है।

⁽१५१) गाथा १५२-१५३ में दिये गये प्रक्न का साधन निम्नलिखित रीति से करने पर सुक

त्रिभिः पारावताः पञ्च पञ्चभिः सप्त सारसाः । सप्तिभिनेव हंसाश्च नवभिः शिखिनखयः ॥१५२॥ कीडार्थं नृपपुत्रस्य शतेन शतमानय । इत्युक्तः प्रहितः कश्चित् तेन किं कस्य दीयते ॥ १५३॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

कब्तर ५ प्रति ३ पण की दर से बेचे जाते हैं, सारस पक्षी ७ प्रति ५ पण की दर से, हंस ९ प्रति ७ पण की दर से, और मोरें ३ प्रति ९ पण की दर से बेची जाती हैं। किसी मनुष्य की यह कह कर मेजा गया कि वह राजकुमार के मनोरंजनार्थ ७२ पण में १०० पक्षियों को कावे। बतकाओ कि प्रत्येक प्रकार के पक्षियों को सारीदने के लिये उसे कितने-कितने दाम देना पहेंगे १ ॥१५२-१५३॥

| ų | • | 9 | Ę |
|-----------|-------------|-------------|------|
| ą | Lę. | 6 | 9 |
| 400 | 900 | 800 | 300 |
| ₹0+ | 400 | ७ ₽₽ | \$00 |
| 0 | 0 | ٥ | 800 |
| 200 | ₹00 | 200 | . 0 |
| 0 | 0 | • | ६ |
| 2 | ₹ | 2 | U |
| 0 | • | • | 3,5 |
| દ્ | 6 | ₹ | 0 |
| Ę | | | |
| * * * * * | | | |
| Ę | | | |
| Ę | Ę | Ę | ¥ |
| Ę | ६ | Ę | ¥ |
| 16 | ३० | ४१ | ₹ ६ |
| ३० | ٧₹ | 48 | १२ |
| ₹ | ે ધ્ | 9 | 3 |
| 4 | 9 | 9 | २ |
| 8 | २० | ३५ | ३६ |
| १५ | 26 | ४५ | १२ |

स्पष्ट हो जावेगा-दर-वस्तुओं और दर-कीमतों को दा दितियों में इस प्रकार लिखों कि एक के नीचे दूसरी हो। इन्हें क्रमशः कुल कीमत और वस्तुओं की कुल मख्या द्वारा गुणित करो । तब घटाओ । साधारण गुणनखंड १०० को हटाओ। चुनी हुई संख्यायें ३, ४, ५, ६ दारा गुणित करो । प्रत्येक क्षेतिज पंक्ति में संख्याओं की जोड़ी और साधारण गुणनखंड ६ की हडाओ। इन अंकी की स्थिति को बदलो, और इन दो पंक्तियों के प्रत्येक अंक को उतने बार लिखो जितने कि बदली स्थिति के संवादी योग में संघटक तस्य होते हैं। दो पंक्तियों को दर-कीमतों और दर-वस्तुओं द्वारा कमशः गुणित करो । तब साधारण गुणनखंड ६ को हटाओ। अब पहिले से चुनी हुई संख्याओं ३, ४, ५, ६ द्वारा गुणित करी । दो पंकियों की संस्थायें उन अनुपातीं को प्ररूपित करती हैं, जिनके अनु-सार कुछ कीमत और वस्तुओं की कुछ संख्या वितरित हो जाती है। यह नियम अनिर्घारित (indeterminate) समीकरण सम्बन्धी है, इसलिये उत्तरों के कई सघ (sets) हो सकते हैं । ये उत्तर मन से चुनी हुई गुणक (multiplier) रूप राशियों पर निर्भर रहते हैं।

यह सरलतापूर्वक देखा जा सकता है कि, जब कुछ संख्याओं को मन से चुने हुए गुणक (multipliers) मान छेते हैं, तब पूर्णीक उत्तर प्राप्त होते हैं।

अन्य दशाओं में, अवाञ्चित मिकीय उत्तर प्राप्त होते हैं। इस विधि के मूळमूत सिद्धान्त के स्पष्टीकरण के लिये अध्याय के अन्त में दिये गये नोट (टिप्पण) को देखिये। व्यस्तार्घपण्यप्रमाणानयनसूत्रम् । — पण्यैक्येन पणेक्यमन्तरमतः पण्येष्टपण्यान्तरै — शिखन्द्यात्संक्रमणे कृते तदुभयोरचौ भवेतां पुनः । पण्ये ते खलु पण्ययोगविवरे व्यस्तं तयोरचियोः-प्रश्नानां विदुषां प्रसादनमिदं सूत्रं जिनेन्द्रोदितम् ॥ १५४ ॥

अत्रोदेशकः

आग्रमृत्यं यदेकस्य चन्दनस्यागरोस्तथा । पद्धानि विश्वतिर्मिश्रं चतुरमञ्चतं पणाः ॥ १५५ ॥ कालेन व्यत्ययार्घः स्यात्सषोडशञ्चतं पणाः । तयोरघेफले ब्रह् त्वं षडष्ट पृथक् पृथक् ॥ १५६ ॥

१. उपकश्य इस्तलिपियों में प्राप्य नहीं ।

जिनके मूल्यों को परस्पर बदक दिया गया है ऐसी दो दत्त वस्तुओं के परिमाण को प्राप्त करने के किये नियम-

दो दत्त वस्तुओं की बेचने की कीमतों और खरीदने की कीमतों के योग के संख्यास्मक मान को दी गई वस्तुओं के योग के संख्यास्मक मान द्वारा आंजत किया जाता है। तब उन उपयुंक्त बेचने और खरीदने की कीमतों के अंतर को (दी गई वस्तुओं के दिये गये) योग में से किसी मन से जुनो हुई वस्तु राशि को घटाने पर प्राप्त हुए अंतर के संख्यात्मक मान द्वारा आंजित किया जाता है। यदि इनके साथ (अर्थात् उपर की प्रथम किया में प्राप्त अजनफड़ और दूसरी किया में प्राप्त कई अजनफड़ों में से किसी एक के साथ) संक्रमण किया की जाय, तो वे दरें प्राप्त होती हैं जिन पर कि ये वस्तुएँ खरीदी जाती हैं। याद वस्तुओं के योग और उनके अन्तर के सम्बन्ध में वही संक्रमण किया की जाये तो वह वस्तुओं के संख्यात्मक मान को उत्पन्न करती है। उपर्युक्त खरीद-दरों के एकान्तरण से बेचने की दरें उत्पन्न होती हैं। इस प्रकार के प्रक्रमों के साधन का प्रतिपादन विद्वानों ने किया है और सृष्ट भगवान जिनेन्द्र के निर्मक्त से उदय को प्राप्त हुआ है ॥१५४॥

उदाहरणार्थ पश्च

चंदन काष्ट के एक दुकड़े की मूल-कीमत और अगर काष्ट के एक दुकड़े की कीमत मिलाने से १०४ पण में २० पल वजन को वे दोनों प्राप्त होती हैं। जब वे अपनी पारस्परिक बदलो हुईं कीमतों पर बेची जाती हैं तो ११६ पण प्राप्त होते हैं। निवमानुसार ६ और ८ अक्षग-अक्षग मन से चुना हुईं संख्याएँ लेकर वस्तुओं की खरीद एवं बेचने की दर तथा उनका संख्यात्मक मान निकालो ॥१५५-१५६॥

(१५४) इस नियम में वर्णित विधि का बीबीय निरूपण गाथा १५५-१५६ के प्रदन के सम्बन्ध में इस प्रकार दिया जा सकता है:—

| 1 | गनलो अय + बर = १०४, | \ |
|----------|---|----|
| ŧ | भर + बय = ११६, (२ | 1 |
| ě | 1 + q = Vo | ١ |
| (| १) और (२) का योग करने पर, (अ+व) (य+र)=२२-,(४ | 7 |
| | · • • • • • • • • • • • • • • • • • • • | À |
| 9 | निर्दर्शका (२) में से घटाने पर, (अ-व) (र-य) = १२ प्राप्त होता है। अब २० व | हो |
| मनसे ६ व | ह तुल्य मान केते हैं। इस प्रकार, अ + ब - २ व अथवा वा - ब = २० - ६ - १५ | `` |

सूर्यरथाश्वेष्टयोगयोजनानयनस्त्रम्— अखिलाप्ताखिलयाजनसंख्यापर्याययोजनानि स्युः । तानोष्टयोगसंख्यानिन्नान्येकैकगमनमानानि ॥ १५७॥

अत्रोदेशक

रिवरयतुरगाः सप्त हि चत्वारोऽश्वा बहन्ति धूर्युक्ताः। योजनसप्ततिगतयः के व्युद्धाः के चतुर्योगाः॥ १५८॥

सर्वधनेष्टहीनशेषपिण्डात् स्वस्वहस्तगतधनानयनस्त्रम्— रूपोननरैर्विभजेत् पिण्डोइतभाण्डसारमुपळव्धम् । सर्वधनं स्यात्तस्मादुक्तविहीनं तु हस्तगतम् ॥ १५९॥

अत्रोहेशकः

वणिजस्ते चत्वारः पृथक् पृथक् शौल्किकेन १रिपृष्टाः। किं भाण्डसार्रामित खलु तत्राहेको वणिक्श्रेष्टः॥ १६०॥ आत्मधनं विनिगृद्ध द्वाविंशतिरिति ततः परोऽवोचत्। त्रिभिरुत्तरा तु विंशतिरथ चतुरधिकैव विंशतिस्तुर्यः॥ १६१॥

सूर्य रथ के अहवों के इष्ट बोग द्वारा योजनों में तथ की गईं दूरी निकालने के लिए नियम— कुछ बोजनों का निरूपण करने वाकी संख्या कुछ अहवों की संख्या द्वारा विभाजित होकर प्रत्येक अहब द्वारा प्रक्रम में तय की जानेवाली दूरी (बोजनों में) होती हैं। यह बोजन संख्या जब प्रयुक्त अहबों की संख्या द्वारा गुणित की जाती है तो प्रत्येक अहव द्वारा तथ की जानेवाली दूरी का मान प्राप्त होता है। १५७॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

यह प्रसिद्ध है कि सूर्य रथ के अक्ष्वों की संख्या ७ है। रथ में केवल ४ अक्ष्य प्रयुक्त कर उन्हें ७० योजन की यात्रा पूरी करना पड़ती हैं। बतलाओं कि उन्हें ७, ४ के समूह में कितने बार खोलना पड़ता है और कितने यार जोतना पड़ता है ? ॥१५८॥

समस्त वस्तुओं के कुछ मान में से जो भी इष्ट है उसे घटाने के पश्चात् बचे हुए मिश्रित होष में से संयुक्त साम्नेदारी के स्वामियों में से प्रत्येक की इस्तगत वस्तु के मान को निकालने के लिए नियम—

वस्तुओं के संयुक्त (conjoint) दोषों के मानों के थोग को एक कम मनुष्या की संख्या हारा भाजित करो; भजनफळ समस्त वस्तुओं का कुळ मान होगा। इस कुळ मान को विशिष्ट मानों हारा हासित करने पर संवादी दशाओं में प्रस्थेक स्वामी की हस्तगत वस्तु का मान प्राप्त होता है ॥१५९॥

उदाहरणार्थ पश्न

चार स्थापारियों ने मिलकर अपने धन को व्यापार में खगाया। उन कोगों में से प्रत्येक से अलग-अलग, महस्क पदाधिकारी ने स्थापार में लगाई गई वस्तु के मान के विषय में पूछा। उनमें से एक श्रेष्ठ बणिक ने, अपनी छगाई हुई रकम को घटाकर २२ बतलाया। तब, दूसरे ने २३, अन्य ने २४

यहाँ (७) और (५) तथा (६) ओर (३) के सम्बन्ध में संक्रमण किया करते हैं, जिससे य, र, अ और व के मान प्राप्त हो जाते हैं।

सप्तोत्तरविंशतिरिति समानसारा निगृह्य सर्वेऽपि । ऊचुः कि बृहि सखे पृथक् पृथग्माण्डसारं मे ॥ १६२ ॥

अन्योऽन्यिमष्टरत्नसंख्यां दत्त्वा समघनानयनसूत्रम्— पुरुषसमासेन गुणं दातन्यं तद्विशोद्धय पण्येभ्यः । शेषपरस्परगुणितं स्वं स्वं हित्वा मणेर्मृत्यम् ॥ १६३ ॥

अत्रोद्देशकः

प्रथमस्य इाक्रनीलाः षट् सम च सरकता द्वितीयस्य। बजाण्यपरस्याष्टावेकैकार्घं प्रदाय समाः॥१६४॥

प्रथमस्य धकनीलाः षोड्ग द्श मरकता द्वितीयस्य । बजारततोयपुरुषस्याष्टी द्वी तत्र दस्वैव ॥ १६५ ॥ तेष्वेकैकोऽन्याभ्यां समधनतां यान्ति ते त्रयः पुरुषाः । तच्छक्रनीलमरकतवजाणां किंविधा अर्घाः ॥ १६६ ॥

भीर चीथे ने २७ बतलाया। इस प्रकार कथन करने में प्रत्येक ने अपनी-अपनी लगाई हुई रकमों की वस्तु के कुछ मान में से घटा लिया था। हे मित्र ! बतलाओं कि प्रत्येक का उस पण्यद्रव्य में कितना-कितना भाण्डसार (हिस्सा) था ? ॥१६०-१६२॥

किसी भी इष्ट संख्या के रश्नों का पारस्परिक जिनिमय करने के पश्चात् समान रश्नमदी रक्नों को निकाकने के लिए नियम—

दिये जाने वाले रखों को संख्या को बदले में भाग लेनेवाले मनुष्यों की कुल संख्या द्वारा गुणित करो यह गुणगफक अकग-अलग (अध्येक के द्वारा इस्तगत) वेचे जानेवाले रखों की संख्या में से बटाया जाता है। इस तरह प्राप्त होषों का संतत गुणन प्रत्येक दशा में रख का मूल्य उथ्यक्त करता है, जब कि इससे सम्बन्धित शंष इस प्रकार के गुणनफल को प्राप्त करने में त्याग दिया जाता है॥१६६॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

प्रथम मनुष्य के पास (समान मूल्य वाले) शक नील रस्न ये, दूसरे मनुष्य के पास (उसी प्रकार के) ७ मरकत (मीना emeralds) ये, और-अन्य (तीसरे मनुष्य) के पास ८ (उसी प्रकार के) हीरे थे। उनमें से प्रत्येक ने शेष अन्य में से प्रत्येक को अपने पास के एक रस्न के मूल्य को चुकाया जिससे वह दूसरों के समानधन वाला बन गया। प्रत्येक प्रकार के रस्न का मूल्य क्या-क्या है ? ॥१६४॥ प्रथम मनुष्य के पास १६ शक नील रस्न, दूसरे के पास १० मरकत हैं, और तीसरे मनुष्य के पास ८ हीरे हैं। उनमें से प्रत्येक दूसरों में से प्रत्येक को खुद के ही रस्नों को दे देता है, जिससे तीनों मनुष्य समान धनवाल वन जाते हैं। बनलाओ कि उन शक नील रस्न, मरकत तथा होरों के अलग-अलग दाम क्या-क्या हैं ? ॥१६५-१६६॥

⁽१६३) मान लो 'म', 'न', 'प', क्रमशः तीन प्रकार के रखों की संख्याएँ है जिनके तीन भिन्न मनुष्य स्थामी हैं। मानलो परस्पर विनिमित रखों की संख्या 'अ' है, और 'क' 'ख', 'ग', किसी एक रल की क्रमशः तीन प्रकारों में कीमतें हैं। तब सरलता पूर्वक प्राप्त किया जा सकता है कि

क=(न-३ अ) (प-३ अ); ख=(म-३ अ) (प-३ अ); ग=(म-३ अ) (न-३ अ).

क्रयविक्रयलाभैः मूलानयनसूत्रम् — अन्योऽन्यमूलगुणिते विक्रयभक्ते क्रयं यदुपलन्धं । तेनैकोनेन हतो लामः पूर्वोद्धृतं मूल्यम् ॥१६०॥ अत्रोदेशकः

त्रिभिः क्रीणाति संप्तेव विक्रीणाति च पक्किमः । नव प्रस्थान् वणिक् कि स्थाल्छाभो द्वासप्ततिर्घनम् ॥ १६८ ॥

इति मिश्रफञ्यवहारे सकछकुट्टीकारः समाप्तः।

सुवर्णकृडीकारः

इतः परं सुवर्णगणितरूपकुट्टीकारं व्याख्यास्यामः । समस्तेष्टवर्णैरेकीकरणेन संकरवर्णा-नयनसूत्रम्— कनकक्षयसंवर्गो मिश्रस्वर्णाहृतः क्षयो क्षेयः । परवर्णप्रविभक्तं सुवर्णगुणितं फलं हेम्नः ॥ १६९ ॥

खरीद की दर, बेचने की दर और प्राप्त काम द्वारा, कगाई गई रकम का मान प्राप्त करने के किये निवम--

वस्तु की खरीदने और बेचने की दरों में से प्रत्येक की, एक के बाव एक, मूल्य दरों द्वारा गुणित किया जाता है। खरीद की दर की सहायता से प्राप्त गुणनफळ को बेचने की दर से प्राप्त गुणनफळ द्वारा भाजित किया जाता है। लाभ को एक कम परिणामी भजनफळ द्वारा विभाजित करने पर ळगाई गई मूळ रकम उत्पन्न होती है।।१६७॥

उदाहरणार्थ भक्त

किसी ब्यापारी ने ३ पण में ७ प्रस्थ अनाज खरीदा और ५ पण में ९ प्रस्थ की दर से नेचा। इस तरह उसे ७२ पण का काभ हुआ। इस ब्यापार में चगाई गई रकम कीन सी है ? ॥१६८॥ इस प्रकार, मिश्रक ब्यवहार में सकक कुटीकार नामक प्रकरण समाह हुआ।

सुवर्ण कुट्टीकार

इसके पश्चात् इस उस कुटीकार की न्याख्या करेंगे जो स्वर्ण गणित सम्बन्धी है। इष्क्रित विभिन्न वर्णी के सोने के विभिन्न प्रकार के बटकों को मिलाने से प्राप्त हुए संकर (मिश्रित) स्वर्ण के वर्ण को प्राप्त करने के लिए नियम—

यह ज्ञात करना पड़ता है कि विभिन्न स्वर्णमय घटक परिमाणों के (विभिन्न) गुणनफलों के योग को क्रमधः उनके वर्णों से गुणित कर, जब मिश्रत स्वर्ण की कुछ राशि द्वारा विभाजित किया जाता है तब परिणामी वर्ण उत्पन्न होता है। किसी शंघटक माग के मूछ वर्ण को जब बाद के कुछ मिले हुए परिणामी वर्ण द्वारा विभाजित कर, और उस संघटक भाग में दस स्वर्ण परिमाण द्वारा गुणित करते हैं तब मिश्रित स्वर्ण की ऐसी संवादी राशि उत्पन्न होती है, जो मान में उसी संघटक भाग के बराबर होती है। 1988।

⁽१६७) यदि खरीद की दर व में अ वस्तुएँ हो, और बेचने की दर द में स वस्तुएँ हो, तथा स्थापार में आम म हो, तो छगाई गई रकम

 $^{= \}pi \div \left(\frac{34\zeta}{44} - \xi\right)$ होती है।

एकक्षयमेकं च द्विश्वयमेकं त्रिवणेमेकं च । वर्णचतुष्के च द्वे पक्कश्वयिकाश्च चत्वारः ॥ १७० ॥ स्त्र चतुर्देशवर्णाक्षिगुणितपञ्चक्षयाश्चाष्टी । एतानेकीकृत्य व्वलने क्षिप्त्वैव मिश्रवर्णं किम् । एतनिमश्चसुवर्णं पूर्वैर्भक्तं च किं किमेकस्य ॥ १७१३ ॥

इष्टवर्णानामिष्टस्ववर्णानयनसूत्रम्-

म्बे:स्वैबर्णह तैमिश्रं म्वर्णमिश्रेण भाजितम् । उत्थं वर्णं विजानीयात्तिष्टाप्तं पृथक् पृथक् ॥१७२३ ॥

अत्रोहेशकः

विश्वातिपणास्तु षोडश वर्णा दश्वर्णपरिमाणैः।
परिवर्तिता वद त्वं कति हि पुराणा भवन्त्यधुना ॥ १७३३ ॥
अष्टोत्तरशतकनकं वर्णाष्टांशत्रयेन संयुक्तम्।
एकादशवर्णं चतुरुत्तरदश्वर्णकैः कृतं च कि हेम ॥ १७४३ ॥

अज्ञातवर्णानयनसूत्रम् — कनकक्षयस्वर्गं मिश्रं स्वर्णेव्रमिश्रतः कोद्धन्यम् । स्वर्णेन् हतं वर्णे वर्णेविक्षेषेण कनकं स्यात ॥१७५३॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

स्वर्ण का एक भाग १ वर्ण का है, एक भाग २ वर्णों का है, एक भाग १ वर्णों का है, २ भाग ४ वर्णों के हैं, ४ भाग ५ वर्णों के हैं, ७ भाग १५ वर्णों के हैं। इन्हें अग्नि में डालकर एक पिण्ड बना किया जाता है। वतकाओ कि इस प्रकार मिश्रित स्वर्ण किस वर्ण का है ? यह मिश्रित स्वर्ण उन भागों के स्वामियों में वितरित कर दिया जाता है। प्रत्येक को क्या मिळता है ? ॥१७०-१७१३॥

जो मान में हिये गये वर्णी वालो दत्त स्वर्ण की मात्राओं के तुल्य है ऐसे किसी वान्छित वर्ण वाले स्वर्ण का (इष्डित) वजन निकाकने के लिये नियम—

स्वर्ण की दी गई मात्राओं को अलग-अलग उनके ही वर्ण द्वारा क्रमवार गुणित किया जाता है, और गुणनफलों को जोड़ दिया जाता है। परिणामी योग को मिश्रित स्वर्ण के कुल वजन द्वारा माजित किया जाता है। भजनफल को परिणामी औसत वर्ण समझ लिया जाता है। यह उपर्युक्त गुणनफलों का योग, इस स्वर्ण के समान (इब्छित। वजन को लाने के लिये, अलग-अलग वाब्छित वर्णी द्वारा भाजिन किया जाना है। १०२३॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

१६ वर्ण के २० पण वजनवालें स्वर्ण को १० वर्ण वाले स्वर्ण से बदला गया है; बतलाओं कि अब वह वजन में कितने पण हो जायेगा ? ॥१७३ है॥ ११ है वर्ण वाला १८८ वजन का स्वर्ण १४ वर्ण वाले स्वर्ण से बदला जाने पर कितने वजन का हो जायेगा ? ॥१७४ है॥

अञ्चात वर्ण को निकालने के लिये वियम---

स्वर्ण की कुछ माश्रा को मिश्रण के परिणामी वर्ण से गुणित करों। प्राप्त गुणफछ में से उस योग को घटाओं जो स्वर्ण की विभिन्न घटक मात्राओं को उनके निज के वर्णों द्वारा गुणित करने से प्राप्त गुणनफलों को जोड़ने पर प्राप्त होता है। जब शेष को अज्ञात वर्ण वास्ते स्वर्ण की ज्ञात घटक मात्रा से विभाजित किया जाता है, तब इष्ट वर्ण उत्पन्न होता है; और जब वह शेष परिणामी वर्ण तथा (स्वर्ण की अज्ञात घटक मात्रा के) ज्ञात वर्ण के अंतर द्वारा भाजित किया जाता है, तब उस स्वर्ण का इष्ट बजन उर्णक होता है। १९७५। अज्ञातवर्णस्य पुनरपि सूत्रम्— स्वस्वर्णवर्णविनिह्तयोगं स्वर्णेक्यदृढह्ताच्छोध्यम् । अज्ञातवर्णहेम्ना भक्तं वर्णं बुधाः प्राहुः ॥१७६३॥ अत्रोहेशकः

'षड्जलिधविह्नकनकैस्त्रयोदशाष्ट्रतेवर्णकैः क्रमशः । अज्ञातवर्णहेमः पद्म विमिश्रक्षयं च सैकदश । अज्ञातवर्णसंख्या बृहि सखे गणिततत्त्वज्ञ ॥ १७८ ॥

चतुर्देशैव वर्णानि स्प्र स्वर्णानि तत्क्षये । चतुरस्वर्णे दशोत्पन्नमज्ञातक्षयकं वद ॥ १७५ ॥

अज्ञातस्वर्णानयनसूत्रम् -स्वस्वर्णवर्णविनिहतयोगं स्वर्णेक्यगुणितदृढवर्णात् । त्यक्त्वाज्ञातस्वर्णभ्रयदृढवर्णान्तराहृतं कनकम् ॥ १८०॥ अत्रोहेशकः

द्वित्रिचतुःक्षयमानाश्विश्वः कनकाश्वयोदशक्षयिकः। वणयुतिदेश जाता ब्रहि सखे कनकपरिमाणम्।। १८१॥

- १. यहाँ रनल के स्थान में विह्न, और ष्टाबृतुक्षयेः के स्थान में ष्टर्तुवर्णकैः आदेशित किया गया है, ताकि पाट न्याकरण की दृष्टि से और उत्तम हो जावे।
 - २. इस्तलिपि में पाठ तत्क्षय है, को स्पष्टरूप से अशुद्ध है।

अज्ञात वर्ण के सम्बन्ध में एक और नियम-

स्वर्ण की विभिन्न संघटक मात्राओं को उनके क्रमबार वर्णों से (respectively) गुणित करते हैं। प्राप्त गुणनफलों के योग को परिणामी वर्ण तथा स्वर्ण की कुलमात्रा के गुणनफल में से घटाते हैं। बुद्धिमान व्यक्ति कहते हैं कि यह शेष जब अज्ञात वर्णवाले स्वर्ण के वजन द्वारा भाजित किया जाता है तब इष्ट वर्ण उत्पन्न होता है ॥१७६२॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

क्रमशः १३, ८ और ६ वर्ण वाले ६, ४ और ६ वजन वाले स्वर्ण के साथ अञ्चात वर्ण वाला ५ वजन का स्वर्ण मिलाया जाता है। मिश्रित स्वर्ण का परिणामी वर्ण ११ है। हे गणना के मेदों को जानने वाले मित्र! मुझे इस अज्ञात वर्ण का संख्यारमक मान बतलाओ ॥१७७३-१७८॥ दिये गये नमूने का ७ बजन वाळा स्वर्ण १४ वर्ण वाला है। ४ वजन वाळा अन्य स्वर्ण का नमूना (प्रादर्श) इसमें मिला दिया जाता है। परिणामी वर्ण १० है। दूसरे नमूने के स्वर्ण का अज्ञात वर्ण क्या है ?॥१७९॥

स्वर्ण का अज्ञात वजन निकालने के किये नियम —

स्वर्ण की विभिन्न संघटक मात्राओं को निज के वर्णों द्वारा गुणित करते हैं। प्राप्त गुणनफ़कों के योग को, स्वर्ण के ज्ञात भारों को अभिनव इद (durable) परिणामी वर्ण द्वारा गुणित करने से प्राप्त गुणनफ़कों के योग में से घटाते हैं। शेष को स्वर्ण की अज्ञात मात्रा के ज्ञात वर्ण तथा मिश्रित स्वर्ण के इद (durable) परिणामी वर्ण के अन्तर द्वारा माजित करने पर स्वर्ण का वजन प्राप्त होता है। १९८०।।

उदाहरणार्थ प्रश्न

स्वर्ण के तीन दुकड़े जिनमें से प्रत्येक वजन में ३ है, क्रमशः २,३ और ४ वर्ण बाले हैं। ये १३ वर्ण वाले अज्ञात वजन के स्वर्ण में गलाये जाते हैं। परिणामी वर्ण १० होता है। है मिन्न! मुझे बतलाओं कि अज्ञात मारवाले स्वर्ण का माप क्या है ?।।१८१।। युग्मवर्णिमश्रमुवर्णानयनसूत्रम् — ज्येष्ठालपक्षयशोधितपक्षविशेषामरूपकैः प्राग्वत् । प्रश्लेपमतः कुर्यादेवं बहुशोऽपि वा साध्यम् ॥१८२॥ पुनरपि युग्मवर्णामश्रस्वर्णीनयनसूत्रम्—

इमाधिकान्तरं चैव हीनेष्टान्तरमेव च । उभे ते स्थापयेद्यास्तं स्वर्णं प्रक्षेपतः फलम् ॥ १८३ ॥

अत्रोदेशकः

द्शवणेयुवर्णं यत् षोडशवर्णेन संयुतं पकम् । द्वादश चेत्कनकशतं द्विभेदकनके पृथक् पृथग्बहि ॥ १८४ ॥

बहुसुवर्णानयनसूत्रम्— व्येकपदानां कमशः स्वर्णानीष्टानि कल्पयेच्छेषम् । अव्यक्तकनकविधिना प्रसाधयेत् प्राक्तनायेव ॥ १८५॥

दिये गये वर्णों वारे स्वर्ण के दो दिये गये ममूनों के मिश्रण के ज्ञात वजन और ज्ञात वर्ण द्वारा दो दिये गये वर्णों के संवादी स्वर्ण के भारों को निकालने के लिये नियम—

सिश्रण के परिणामी वर्ण और (अज्ञात संबटक मात्राओं वाले स्वर्ण के) ज्ञात उच्चतर और निज्ञतर वर्णों के अन्तरों को प्राप्त करों। १ को इन अन्तरों द्वारा क्रमवार माजिस करों। तब पहिले की भाँति प्रस्नेप किया (अथवा इन विभिन्न अजनफर्लों की सहायता से समानुपातिक विभाजन) करो। इस प्रकार, स्वर्ण की अनेक संघटक मात्राओं की शही को भी प्राप्त किया जा सकता है। १९८२।।

पुनः, दिये गये वर्ण वार्ले स्वर्ण के दो दिये गये नमुनों के मिश्रण के ज्ञात वजन और ज्ञात वर्ण हाग दो दिये गये वर्णों के संवादी स्वर्ण के भारों को निकाशने के क्रिये नियम—

परिणामी वर्ण तथा (स्वर्ण की दो संबदक मात्राओं वाले दो दिये गये वर्णों के) उच्चतर वर्ण के अन्तर को और साथ ही परिणामी वर्ण तथा (दो दिये गये वर्णों के) निम्नतर वर्ण के अन्तर को विकोस कम में लिखो। इन विकोस कम में रखे हुए अन्तरों की सहायता से समानुपातिक वितरण की किया करने पर प्राप्त किया गया परिणाम (संबदक मात्राओं वाले) स्वर्ण (के इष्ट भारों) को उत्पन्न करता है । ।।। ८३।।

उदाहरणार्थ पश्च

यदि १० वर्ण वाला स्वर्ण, १६ वर्ण वाले स्वर्ण से मिलाया जाने पर १२ वर्ण वाला १०० वजन का स्वर्ण उरपन्न करता है, तो स्वर्ण के दो प्रकारों के वजन के मापों को अकरा-अलग प्राप्त करो ॥१८४॥

ज्ञात वर्ण और ज्ञात वजनवाले मिश्रण में ज्ञात वर्ण के बहुत से संघटक मात्राओं वाले स्वर्ण के भारों को निकासने के स्विचे नियम---

प्क को छोड़कर सभी ज्ञात संघटक वर्णों के सम्बन्ध में मन से चुने हुए भारों को ले लिया जाता है। तब, जो रोष रहता है उसे पहिले जैसी दी गईं दशाओं के सम्बन्ध में अज्ञात भार वाले स्वर्ण के निश्चित करने के नियम द्वारा इस करना पड़ता है।।।१८५॥

[१८५] यहाँ दिया गया नियम ऊपर दी गई गाथा १८० में उपलब्ध है।

वर्णाः शर्तुनगवसुमृडविदवे नव च पक्षवर्णं हि । कनकानां षष्टिदचेत् पृथक् पृथक् कनकमा कि स्यात्॥ १८६॥

द्वयनष्टवर्णानयनसूत्रम्— स्वर्णाभ्यां हतरूपे सुवर्णवर्णाहते द्विष्ठे । स्वस्वर्णहतैकेन च द्दीनयुते व्यस्ततो हि वर्णफलम् ॥ १८७ ॥

अत्रोदेशकः

षोढशदशकनकाश्यां वर्णं न झायते "पकम् । वर्णं चैकादश चेंद्रणीं तत्कनकयोभवेतां की ॥ १८८ ॥

१. B में यहाँ यते जुड़ा है।

उदाहरणार्थ प्रश्न

संघटक राक्षियों बाले स्वर्ण के दिये गये वर्ण कमशः ५,६,७,८,११ और १६ हैं; और परिणामी वर्ण ९ है। यदि स्वर्ण की समस्त संघटक मात्राओं का कुल भार ६० हो तो स्वर्ण की विभिन्न संघटक मात्राओं के वजन में विभिन्न माय कौन-कीन होंगे १॥१८६॥

जब मिश्रण का परिणामी वर्ण जात हो, तब स्वर्ण की दो ज्ञात मान्नाओं के नष्ट अर्थात् अज्ञात वर्णों को निकाडने के छिछे नियम---

1 को स्वर्ण के दिये गये दो वजनों द्वारा अखग-अखग माजित करो। इस प्रकार प्राप्त मजनफर्छों में से प्रत्येक को अखग-अखग स्वर्ण की संगत मात्रा के भार द्वारा तथा परिणामी वर्ण द्वारा भी गुणित करो। इस प्रकार प्राप्त दोनों गुणनफर्कों को दो भिश्व स्थानों में किसो। इन दो कुछकों (sets) में से प्रत्येक के इन फर्कों में से प्रत्येक को यदि उन राशियों द्वारा द्वासित किया जाय अथवा जोड़ा जाय, जो 1 को संगत प्रकार के स्वर्ण के ज्ञात भार द्वारा भाजित करने पर प्राप्त दोती हैं, तो इष्ट वर्णों की प्राप्ति दोती है ॥१८७॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

वदि संघटक वर्ण काल न हो, और क्रमशः १६ और १० भार वासे दो मिस प्रकार के स्वर्णी का परिणामी वर्ण ११ हो, तो इन दो प्रकार के स्वर्ण के वर्ण कीन कीन हैं, बतलाओ ॥१८८॥

(१८७) गाया १८८ के प्रस्त को निम्न शिंत से साधित करने पर यह सूत्र स्पष्ट हो जावेगा— पह ×१६ × ११ और पीर पीर ×१० × ११ दो स्थानों में लिख दिया जाता है । इस प्रकार; ११ ११ लिखने पर,

रीह और रीड को दो कुछकों में प्रत्येक के इन फर्डों में से प्रत्येक की क्रमानुसार र की वर्ण द्वारा भावित करने से प्राप्त राशियों द्वारा बोडा और घटाया जाता है—

११ + वह } और { ११ - वह इस प्रकार उत्तरों के दो कुळक (sets) प्राप्त होते हैं।

पुनरिष द्वयनष्टवर्णानयनस्त्रम्— एकस्य क्षयमिष्टं प्रकल्य शेषं प्रसाधयेत् प्राग्वत्। बहुकनकानामिष्टं व्येकपदानां ततः प्राग्वत्॥ १८९॥

अत्रोदेशकः

द्वादशचतुर्दशानां स्वर्णानां समरसीकृते जातम् । वर्णानां दशवः स्यान् तद्वर्णौ बृहि संचिन्त्य।। १९०॥

अपरार्धस्योदाहरणम्

सप्तनविशिखिदशानां कनकानां संयुते पकं । द्वादश्वर्णं जातं किं ब्रह् पृथक पृथ्यवर्णम् ॥ १९१ ॥ परोक्षणशास्त्राकान्यनस्त्रम्—

परमक्षयाप्तवणीः सर्वशलाकाः पृथक् पृथग्योज्याः । स्वर्णफलं तच्छोध्यं शलाकपिण्डान् प्रपूरणिका ॥ १९२ ॥

अत्रोहेशकः

वैष्याः स्वर्णशालामाभिकीषेवः स्वर्णवर्णज्ञाः । चक्रः स्वर्णशलाका द्वाद्शवर्णं तदाद्यस्य ॥ १९३ ॥

पुनः, जब मिश्रण का परिणामी वर्ण ज्ञात हो, तब दो ज्ञात मात्राओं वाले स्वर्णों के अज्ञात वर्णों को निकाकने के छिये नियम—

दो दी गई मात्राओं के स्वर्ण में से एक के सम्बन्ध में वर्ण मन से चुन छो। जो निकालना शेष हो उसे पहिले की भौति प्राप्त किया जा सकता है। एक को छोद कर समस्त प्रकार के स्वर्ण की ज्ञाव मात्राओं के सम्बन्ध में वर्ण मन से चुन किये जाते हैं, और तब पहिले की तरह अपनाई गई रीति से अग्रसर होते हैं ॥१८९॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

कमशः १२ और १४ वजन बाले दो प्रकार के स्वर्ण को एक साथ गळाया गया, जिससे परिणामी वर्ण १० वना । उन दो प्रकार के स्वर्ण के वर्णों को सोचकर बतलाओ ॥१९०॥

नियम के उत्तराद्ध को निदर्शित करने के लिये उदाहरणार्थ प्रश्न

कसशः ७, ९, ३ और १० भारवाछे चार प्रकार के स्वर्ण को गलाकर १२ वर्ण बाला स्वर्ण बनाया गया । प्रत्येक प्रकार के संघटक स्वर्ण के वर्णों को अकग-अलग बतलाओ ॥१९१॥

स्वर्ण की परीक्षण वाळाका की अही का अनुमान छगाने के छिये नियम-

प्रत्येक शलाका के वर्ण को, अलग-अलग, दिये गये महत्तम वर्ण द्वारा विभाजित करना पढ़ता है। इस प्रकार प्राप्त (सभी) भजनफलों को जोड़ा जाता है। परिणामी थोग कुद स्वर्ण की इष्ट मान्ना का माप होता है। सभी शलाकाओं के भारों का योग करने पर, प्राप्त योगफल में से पिछले परिणामी योग को घटाते हैं। जो शेष बचता है वह अपूर्णिका (अर्थात् निम्न क्षेणी की मिश्रित धातु) की मान्ना होती है ॥१९२॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

स्वर्ण के वर्ण को पहिचानने वाले ३ व्यापारी स्वर्ण की परीक्षण शलाकाओं को बनाने के इच्छुक थे। उन्होंने ऐसी स्वर्ण-श्रकाकाएँ बनाई। पहिले न्यापारी का स्वर्ण ३२ वर्ण वाला, दूसरे का चतुरुत्तरदश्वर्णं बोडश्वर्णं तृतीयस्य । कनकं चास्ति प्रथमस्यैकोनं च द्वितीयस्य ॥ १९४ ॥ अर्घार्धन्यूनमथ तृतीयपुरुषस्य पादोनम् । परवर्णादारभ्य प्रथमस्यैकान्त्यमेव च द्यान्त्यम् ॥१९५॥ ज्यान्त्यं तृतीयवणिजः सर्वेशळाकास्तु माषमिताः । शुद्धं कनकं कि स्यात् प्रपूरणी का पृथक् पृथक् त्वं मे । आचक्ष्य गणक शीद्यं सुवर्णगणितं हि यदि वैतिस ॥ १९६३ ॥

वितिसयवर्णसुवर्णानयनसूत्रम्— क्रयगुणसुवर्णवित्तिसयवर्णेष्ट्रझान्तरं पुनः स्थाप्यम् । ज्यस्तं सवति हि वितिसयवर्णान्तरहृत्फळं कनकम् ॥ १९७३ ॥ अत्रोद्देशकः

षोडशवर्णं कनकं सप्तशतं विनिमयं कृतं लभते । द्वादशदशवर्णाभ्यां साष्टसहस्रं तु कनकं किम् ॥ १९८३ ॥

१४ वर्ण वाका और तीसरे का १६ वर्ण वाका था। पहिले क्यापारी की परीक्षण शकाकाओं के विभिन्न नम्ने, नियमित कम से, वर्ण में १ कम होते जाते थे। तूसरे के २ और १ कम और तीसरे के नियमित कम में १ कम होते जाते थे। पहिले क्यापारी ने परीक्षण स्वर्ण के नम्ने को महत्तम वर्णवाले से आरम्भकर १ वर्ण वाले तक का शकाकाएँ सनाई और तीसरे ने भी महत्तम वर्ण वाकी से आरम्भ कर १ वर्ण वाकी तक की परीक्षण शलाकाएँ बनाई । प्रत्येक परीक्षण शलाका भार में १ माशा थी। हे गणितक । यदि तुम वास्तव में स्वर्ण गणना को जानते हो, तो शीध वतलाओं कि यहाँ शुद्ध स्वर्ण का माप क्या है, तथा प्रपूर्णिका (निक्स अणी की मिकी हुई थातु) की मात्रा क्या है १ ॥१९३-११६१॥

दो दिये गये वर्ण वाले और बदले में प्राप्त स्वर्ण के भिष्म भारों को निकालने के लिये नियम—
पहिले बदले जाने वाले दिये गये स्वर्ण के भार को दिये गये वर्ण द्वारा गुणित करते हैं, और बदले में प्राप्त स्वर्ण का भार तथा बदले हुए स्वर्ण के दो नमूनों में से पहिले के वर्ण द्वारा गुणित करते हैं। प्राप्त गुणनफलों के अंतर को एक ओर किख लिया जाता है। उपर्युक्त प्रथम गुणनफल को बदले में प्राप्त स्वर्ण का भार तथा बदले हुए स्वर्ण के दो नमूनों में से दूसरे के वर्ण द्वारा गुणित करने से प्राप्त गुणनफल द्वारा हासित करने से प्राप्त अंतर को दूसरी ओर लिख लिया जाता है। यदि तब, वे स्थिति में बदल दिये जायें, और बदले हुए स्वर्ण के दो प्रकारों के दो विशिष्ट वर्णों के अंतर के द्वारा भाजित किये आयें, तो (बदले में प्राप्त दो प्रकार के) स्वर्ण की दो इह मात्रायें होती हैं ॥१९७ है॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

१६ वर्ण बाला ७०० भार का स्वर्ण बदले जाने पर, १२ और १० वर्ण वाले दो प्रकार का कुल १००८ भार वाला स्वर्ण खरपश्च करता है। अब स्वर्ण के इन दो प्रकारों में से प्रत्येक प्रकार का भार कितना कितना है ? ॥१९८२॥

(१९७२) यह नियम गाथा १९८२ के प्रश्न का साधन करने पर स्पष्ट हो जावेगा— ७०० × १६ — १००८ × १० और १००८ × १२ — ७०० × १६ की स्थितियों को बदल कर लिखने से ८९६ और ११२० प्राप्त होते हैं। जब इन्हें १२ — १० अर्थात् २ द्वारा भाजित करते हैं, तो क्रमशः १० और १२ वर्ण वाले स्वर्ण के ४४८ और ५६० मार प्राप्त होते हैं। बहुपद्विनिमयसुवर्णकरणस्त्रम्— बर्णञ्जकनकमिष्टस्वर्णेनाप्तं दृढश्वयो भवति । प्राग्वत्प्रसाध्य रुज्धं विनिमयबहुपदसुवर्णानाम् ॥१९९३॥

अत्रोहेशकः

वर्णचतुर्देशकनकं शतत्रयं विनिमयं प्रकुर्वन्तः । वर्णेद्वीदशदशवसुनगैश्च शतपद्धकं स्वर्णम् । एतेषां वर्णानां पृथक् पृथक् स्वर्णमानं किम् ॥२०१॥

विनिमयगुणवर्णकनकलाभानयनसूत्रम्— स्वर्णप्रवर्णयुतिहृतगुणयुतिमृरुक्षयप्ररूपोनेन । आप्तं रुव्धं शोध्यं मूल्रधनाच्छेषवित्तं स्यात् ॥२०२॥ तल्लब्धमूल्योगाद्विनिमयगुणयोगभाजितं लब्धम् । प्रक्षेपकेण गुणितं विनिमयगुणवर्णकनकं स्यात् ॥२०३॥

कई विधिष्ट प्रकार के बदले के परिणाम स्वरूप प्राप्त स्वर्ण के विभिन्न भारों को निकासने के लिये नियम ---

यदि बदले जाने वाले दस स्वर्ण के भार को उसके ही वर्ण द्वारा गुणित कर उसे बदले में प्राप्त हुए स्वर्ण की माधा से भाजित किया जाय, तो समांग औसत वर्ण उत्पक्त होता है। इसके पश्चात, पूर्व कथित क्रियाओं को प्रयुक्त करने पर, प्राप्त परिणाम बदले में प्राप्त विभिन्न प्रकार के स्वर्ण के हुए भारों को उत्पन्न करता है॥१९९३॥

उदाहरणार्थ प्रक्ष

एक मनुष्य १४ वर्ण वाले ३०० भार के स्वर्ण के बदले में ५०० भार के विभिन्न वर्ण वाले १२, १०, ८ और ७ वर्ण वाले स्वर्ण के प्रकारों को प्राप्त करता है। बतलाओ कि इन भिन्न वर्णों में से प्रस्थेक का संगत अलग-अलग स्वर्ण कितने-कितने भार का होता है १ ॥२००ई—२०१॥

बदले में प्राप्त स्वर्ण के विभिन्न ऐसे भारों की निकासने के लिये नियम, जो ज्ञात वर्ण वाले हैं और निश्चित गुणजों (multiples) के समाजुपात में हैं---

दी गई समानुपाती गुणज (multiple) संख्याओं के योग को, (दी गई समानुपाती मान्नाओं वाले विभिन्न प्रकार के बदले में प्राप्त) स्वर्ण की मान्नाओं को, (दनके विशिष्ट) वर्णों द्वारा गुणित करने पर, प्राप्त गुणनफलों के बोग द्वारा भाजित करते हैं। परिणामी भजनफल को बदले जाने वाले स्वर्ण के मूळ वर्ण द्वारा गुणित किया जाता है। बांद इस गुणनफल को १ द्वारा द्वासित कर इसके द्वारा बदले में प्राप्त स्वर्ण के भार में जो बदली हुई है उसे भाजित करें, और प्राप्त भजनफल को स्वर्ण के मूळ भार में जो बदला नहीं गया है ऐसे) स्वर्ण का शेष भार प्राप्त होता है। यह शेष भार मूळ स्वर्ण के भार तथा बदले के कारण भार में हुई वृद्धि के थोग में से घटाया जाता है। इस प्रकार प्राप्त परिणामी शेष को बदले से सम्बन्धित समानुपाती गुणज (multiple) संख्याओं के योग द्वारा भाजित किया जाता है, और तब इन समानुपाती संख्याओं में से प्रत्येक द्वारा अलग-अलग गुणित किया जाता है। तब बदले में प्राप्त स्वर्ण के विशिष्ट वर्ण वाले और विशिष्ट अनुपात वाले विभिन्न भारों की प्राप्ति होती है ॥२०२-२०१॥

⁽ १९९३) यहाँ उक्किखित किया १८५ वी गाथा से मिळती है।

कश्चिद्वणिक् फडार्थी षोडशवर्णं शतद्वयं कनकम्।
पतिंकचिद्विनिमयकृतमेकार्यं द्विगुणितं यथा क्रमशः ॥२०४॥
द्वादशवसुनवद्शकक्षयकं लामो द्विरप्रशतम्।
शेषं किं स्याद्विनिमयकांस्तेषां चापि मे कथय ॥२०५॥
दृश्यसुवर्णविनिमयसुवर्णमूलानयनसूत्रम्—
विनिमयवर्णनाप्तं स्वार्शं स्वेष्टक्षयन्नसंमिश्रात्।
अंशैक्योनेनाप्तं दृश्यं फलमत्र भवति मृलधनम् ॥२०६॥

अत्रोदेशकः

विणजः कंचित् बोडक्षवर्णकसीवर्णगुलकमाहत्य । त्रिचतुःपञ्चमभागान् क्रमेण तस्यैव विनिभयं कृत्वा ॥२०७॥ द्वादशदशवर्णैः संयुज्य च पूर्वशेषेण । मृलेन विना रुष्टं स्वर्णसहस्रं तु किं मृलम् ॥२०८॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

कोई न्यापारी लाभ प्राप्त करने का इच्छुक है, और उसके पास १६ वर्ण वाला २०० भार का स्वर्ण है। उसका एक भाग, १२, ८, ९ और १० वर्ण वाले चार प्रकार के स्वर्ण से बदला जाता है, जिनके भार ऐसे अनुपात में हैं जो १ से आरम्भ होकर नियमित रूप से २ द्वारा गुणित किये जाते हैं। इस बहले के न्यापार के फलस्वरूप स्वर्ण के आर में १०२ लाम होता है। शेष (बिना बदले हुए) स्वर्ण का भार क्या है ? उन उपर्युक्त वर्णों के संगत (corresponding) स्वर्ण-प्रकारों के भारों कोभी बतलाओं, जो बदले में प्राप्त हुए हैं ॥२०॥-२०५॥

जिसका कुछ भाग बदछ। गया है ऐसे स्वर्ण की सहायता से, और बदलें के कारण बढ़ता देखा गया है ऐसे स्वर्ण के भार की सहायता से स्वर्ण की मूळ मात्रा के भार को निकालने के लिये नियम—

बदले जाने वाले मूल स्वर्ण के प्रत्येक विशिष्ट भाग को उसके बदले के संगत वर्ण द्वारा भाजित किया जाता है। प्रश्येक दशा में, परिणामी अजनफल दिये गये मूल स्वर्ण के मन से जुने हुए वर्ण द्वारा गुणित किये जाते हैं; और तब ये सब गुणनफल जोड़े जाते हैं। इस योग में से मूल स्वर्ण के विभिन्न भिन्नीय बदले हुए मागों के योग को घटाया जाता है। अब यदि बदले के कारण स्वर्ण के भार की बदती को इस परिणामी शेष द्वारा भाजित किया जाय, तो मूल स्वर्ण धन प्राप्त होता है ॥२०६॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी क्यापारी की १६ वर्ण सोने की एक छोटी गेंद की जाती है; तथा उसके है, रे और दे भाग कमशः १२, १० और ९ वर्ण वाले स्वणं से बदल दिये जाते हैं। इन बदले हुए विभिन्न प्रकार के स्वणों के भारों को मूळ स्वणं के शंध भाग में जोड़ दिया जाता है। तब मूळ स्वणं के भार को लेखा में से हटाने से भार में १००० बढ़ती देखी जाती है। इस मूळ स्वणं का भार बतळाओ ॥२०७-२०८॥ इष्टांशदानेन इष्टवर्णानयनस्य तिवृष्टांशकयोः सुवर्णानयनस्य च सूत्रम्— अंशाप्तेकं व्यक्तं क्षिप्त्वेष्टप्तं भवेत् सुवर्णभयी। सा गुल्लिका तस्या अपि परस्परांशाप्तकनकस्य ॥ २०९॥ स्वदृद्धस्येण वर्णो प्रकल्पयेत्प्राग्वदेव यथा। एवं तद्द्वययोरप्युभयं साम्यं फलं भवेद्यदि चेत् ॥२१०॥ प्राकल्पनेष्टवर्णो गुल्लिकाभ्यां निद्धयौ भवतः। नो चेत्प्रथमस्य तदा किंचिन्न्यूनाधिकौ क्षयौ कृत्वा ॥२११॥ तत्स्वयपूर्वेक्षययोरन्तरिते शेषमत्र संस्थाप्य। त्रैराशिकविधिल्ड्यं वर्णो तेनोनिताधिकौ स्पष्टौ ॥२१२॥

दूसरे व्यक्ति के पास के वाश्छित भिश्चीय भाग बाछे स्वर्ण की पारस्परिक दान की सहायक्षा से इंड वर्ण निकासने के सिमे, तथा उन मन से चुने हुए दिये गये भागों के संगत स्वर्णों के भारों को क्रमदाः निकासने के सिमे नियम—

⁽ दो विशिष्ट रूप से) दिये गये भागों में से प्रत्येक के संख्यात्मक मान द्वारा १ को भाजित कर खुरक्रम में किसा जाता है। यदि इस प्रकार प्राप्त भजनफर्जों में से प्रत्येक को मन से सुनी हुई राशि द्वारा गुणित किया जाय, तो वह सोने की दो छोटी गेंदों में से प्रत्येक के भार को उत्पन्न करता है। सोने की इन छोटी गेंदों में से प्रत्येक का वर्ण, तथा ज्यापार में दूसरे मशुष्य के द्वारा दिये गये स्वर्ण को, प्रत्येक द्वारा में, दिये गये अन्तिम औसत वर्ण की सहायता से प्राप्त करना पड़ता है। यदि इस प्रकार से प्राप्त वर्णर दोनों कुळक (sots) प्रकार के इष्ट मानों से मेल साते हैं, तो मन से सुनी हुई संख्या से प्राप्त दो वर्ण, (दो दिये गये छोटे स्वर्ण की गेंदों के सम्बन्ध में), कथित सत्यापित वर्ण हो जाते हैं। यदि ये उत्तर मेस्र नहीं साते, तो उत्तरों के प्रयम इस्तक के वर्णों को आवश्यकतानुसार छोटा या कुछ बदा बनाना पड़ता है। तब सुधारे हुए संघटक वर्णों के संगत औसत वर्ण को आगे प्राप्त करना पड़ता है। इसके प्रधात, इस औसत वर्ण और पहिले प्राप्त (बिना मेल सानेवाले औसत) वर्ण के अन्तर को किस किया जाता है; और इष्ट समानुपातिक राशियों प्रैराशिक नियम द्वारा प्राप्त की साती है। पहिली सुनी हुई संख्या के अनुसार प्राप्त वर्णों को जाव इन दो राशियों में से क्रमशः एक द्वारा हासित और दूसरी हारा जोदा जाता है, तब यहाँ इष्ट वर्णों की प्राप्ति होती है। ॥२०५-२-१२॥

⁽२०९-२१२) गाया २१३-२१५ के प्रश्न का साधन निम्न भौति करने पर नियम स्पष्ट हो बावेगा—

१ को है और ने द्वारा भाजित करने पर इमें क्रमशः २, ३ मास होते हैं। उनकी स्थिति बदल कर उन्हें किसी चुनी हुई संख्या (मानको १) द्वारा गुणित करने से हमें ३, २ मास होते हैं। ये दो संख्याएं क्रमशः दो व्यापारियों की स्वर्ण मात्राओं का प्ररूपण करती हैं।

९ को प्रथम व्यापारी के स्वर्ण का वर्ण चुनकर, हम उसके द्वारा प्रस्तावित बदले (विनिमय) में से, दूसरे व्यापारी के स्वर्ण के वर्ण १३ को सरस्ता पूर्वक प्राप्त कर सकते हैं। ये वर्ण ९ और १३, दूसरे व्यापारी द्वारा प्रस्तावित बदले में, औसत वर्ण के को उत्पन्न करते हैं, जब कि प्रक्त में दिया गया औसत वर्ण १२ अथवा कि दे होता है।

इसिकिये वर्ष ९ और १३ को बदछना पड़ता है। यदि ९ के स्थान पर ८ चुना जाय तो १३

स्वर्णपरीक्षकवणिजी परस्परं याचितौ ततः प्रथमः । अर्घं प्रादात् तामपि गुलिकां स्वसुवर्णं आयोज्य ॥२१३॥ वर्णद्शकं करीमीत्यपरोऽवादीत् त्रिभागमात्रतया । छन्चे तथेव पूर्णं द्वदाशवर्णं करोमि गुलिकान्याम् ॥२१४॥ उभयोः सुवर्णमाने वर्णौ संचिन्त्य गणिततत्त्वज्ञ । सौवर्णगणितकुश्लं यदि तेऽस्ति निगद्यतामाशु ॥२१५॥

इति मिश्रकव्यवहारे सुवर्णकुट्टीकारः समाप्तः।

विचित्रकुट्टीकार:

इतः परं मिश्रकव्यवहारं विचित्रकुट्टीकारं व्याख्यास्यामः । सत्यानृतसूत्रम्— पुरुषाः सैकेष्टगुणा द्विगुणेष्टोना भवन्त्यसत्यानि । पुरुषक्वतिस्तैहना सत्यानि भवन्ति वचनानि ।२१६। उदाहरणार्थ प्रकृत

स्वर्ण के मुस्य को परखने में इशक दो व्यापारियों ने एक दूसरे से स्वर्ण बद्दकने के छिये कहा। पहिले ने दूसरे से कहा, "यदि अपना आधा स्वर्ण ग्रुप्ते दे दो, तो उसे मैं अपने स्वर्ण में मिछाकर इक स्वर्ण को १० वर्ण वाका बना खँगा।" तब दूसरे ने कहा, "यदि मैं तुम्हारा केवल है भाग स्वर्ण प्राप्त करखँ, तो मैं पूरे स्वर्ण को दो गोछियों की सहायक्षा से १२ वर्ण वाका बना खँगा।" है गणित तरवज्ञ ! यदि तुम स्वर्ण गिवत में इशक हो तो सोखिवचार कर शीव्र बतलाओं कि इनके पास कितने-कितने वर्ण वाका कितना-कितना स्वर्ण (भार में) है ? ॥२१६-२१५॥

इस प्रकार, मिश्रक व्यवहार में सुवर्ण कुटीकार नामक प्रकरण समाप्त हुआ।

विचित्र कट्टीकार

इसके पश्चाद, इस मिश्रक व्यहार में विचित्र कुट्टीकार की व्याक्या करेंगे।
(ऐसी परिस्थिति में जैसी कि नीचे दी गई है, जहाँ दोनों बातें साथ ही साथ सम्भव हैं,)
साय और असत्य वचनों की संख्या जात करने के किये नियम—

मनुष्यों की संक्षा को उनमें से चाहे गये मनुष्यों की संक्या को १ द्वारा बहाने से प्राप्त संक्या द्वारा गुणित करो, और तब उसे चाहे गये मनुष्यों की संक्या की दुगुनी राशि द्वारा द्वासित करो। जो संक्या उत्पन्न होगी वह असत्य वचनों की संक्या होगी। सब मनुष्यों का निरूपण करनेवाकी संक्या का वर्ग इन असत्य वचनों की संक्या द्वारा द्वासित होकर सत्य वचनों की संक्या उत्पन्न करता है ॥२१६॥ को पहिले बदले में १६ तक बदाना पड़ता है। इन दो वर्णों ८ और १६ को, दूसरे बदले में प्रयुक्त करने से, हमें औसतवर्ण के बदले में की बदले में की मान होता है।

इस प्रकार, दूसरे बदले में इस देखते हैं कि भार और वर्ण के गुणनफरों के योग में (४०-३५) अथवा ५ की बदती है, जबकि पूर्व के चुने हुए वर्णों के सम्बन्ध में घटती और बदती क्रमशः ९-८ = १ और १६ - १३ = ३ हैं।

परन्तु दूसरे बद्छे में भार और वर्ण के गुणनफलों के योग में बदती ३६ - ३५ = १ है। त्रैराधिक के नियम का प्रयोग करने पर हमें वर्णों में संगत घटती और बदती दें और दें पास होती हैं। इसिलये वर्ण क्रमधः ९ - दे या ८६ और १३ + ३ = १३३ हैं।

(२१६) इस नियम का मूळ आचार गाथा २१७ में दिये गये प्रदन के निम्निखित बीबीय ग॰ सा॰ सं॰--१९

कामुकपुरुषाः पञ्च हि वेश्यायाश्च प्रियास्यस्तत्र । प्रत्येकं सा वृते त्वसिष्ट इति कानि सत्यानि ॥२१७॥

प्रस्तारयोगभेदस्य सूत्रम्—

एकाशेकोत्तरतः पदमूर्ध्वाधर्यतः क्रमोत्कमशः।

स्थाप्य प्रतिलोमप्रं प्रतिलोमप्रेन माजितं सारम्।।२१८।।

उदाहरणार्थ प्रश्न

पाँच कामुक स्यक्ति हैं। उनमें से तीन स्यक्ति वास्तव में वेश्या द्वारा चाहे जाते हैं। यह प्रत्येक से अलग-अलग कहती है, "में केवल गुम्हें चाहती हूँ।" उसके कितने (स्यक्त और उपक्रित) वचन सत्य हैं ? ॥२१७॥

दी हुई वस्तुओं में (सम्भव) मंचयों के प्रकारों सम्बन्धी नियम-

एक से आरम्भकर, संक्याओं को, दी गई वस्तुओं की संख्या तक एक द्वारा बद्दाकर, नियमित क्रम में और ज्यस्तक्रम में (क्रमशः) एक जपर और एक नीचे क्षेतिजयंक्ति में लिखो। यदि उपर की पंक्ति में दाद्दिने से बाई ओर को किया गया (एक, दो, तीन अथवा अधिक संख्याओं का) गुणन-फल, नीचे की पंक्ति में भी दाद्दिने से बाई ओर को लिये गये (एक, दो, तीन अथवा अधिक संख्याओं के संगत) गुणनफल द्वारा भाजित किया जाय, तो प्रत्येक दशा में ऐसे संचय की इष्ट राशि फलस्वक्षप प्राप्त होती है। २१८॥

निरूपण से स्पष्ट हो जावेगा--

मानलो कुल मनुष्यों की संख्या था है जिनमें से ब चाहे जाते हैं। वचनों की संख्या था है, और प्रत्येक वचन अ मनुष्यों के बारे में है, इसिक्ष्ये वचनों की कुल संख्या अ×अ=अ³ है। अब इन अ मनुष्यों में से ब मनुष्य चाहे जाते हैं, और अ—ब चाहे नहीं जाते। जब ब मनुष्यों में से प्रत्येक को यह कहा जाता है, 'केवल तुम्हीं चाहे जाते हो', तब प्रत्येक दशा में असत्य वचन ब—१ हैं; इसिक्ष्ये असत्य वचनों की ब वचनों में कुल संख्या व (ब—१) है......(१)

जब फिर से वही कथन अ — व मनुष्यों में से प्रत्येक को कहा जाता है तब प्रत्येक दशा में असरय कथनों की संख्या व + १ है। इसिंख्ये अ — व वचनों में कुछ असत्य बचनों की संख्या (अ — व) (व + १) है...(२) (१) और (२) का योग करने पर, इमें व (व - १) + (अ — व) (व + १) = अ (व + १) — २ व प्राप्त होता है। यह असत्य वचनों की कुछ संख्या को निरूपित करती है। इसे अ में से घटाने पर, जो कि सब सत्य और असत्य वचनों की कुछ संख्या है, इमें सत्य वचनों की संख्या प्राप्त होती है।

(२१८) यह नियम संचय (combination) के प्रका से सम्बन्ध रखता है। यहाँ दिया गया सुत्र यह है-

न
$$(n-2)$$
 $(n-2)$ $(n-2+2)$ और यह स्पष्ट रूप से $\frac{1}{|x|}$ के तुस्य है। (228) नियम में दिया गया सूत्र बीजीय रूप से निम्न प्रकार है—

अदा
$$-\sqrt{\left(\frac{34 \pi i}{2}\right)^2 - 34 \pi i}$$
 $-34 \pi i$ -34π

वर्णास्वापि रसानां कषायतिकाम्छकटुकछवणानाम् ।
मधुररसेन युतानां भेदान् कथयाधुना गणक ॥२१५॥
बन्नेन्द्रनीछमरकतविद्रुममुकाफछेस्तु रचितमाछायाः ।
कति भेदा युतिभेदात् कथय सखे सम्बगाग्र त्वम् ॥२२०॥
केतक्यशोकचम्पकनीछोत्पछकुसुमरचितमाछायाः ।
कति भेदा युतिभेदात्कथय सखे गणिततत्त्वज्ञ ॥२२१॥

ज्ञाताज्ञातलाभैर्म्लानयनस्त्रम्—

ळाभोनिसश्रराष्ट्रीः प्रक्षेपकतः फळानि संसाध्य । तेन हृतं तल्छव्धं मृत्यं त्वज्ञातपुरुषस्य ॥२२२॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

हे गणितज्ञ ! मुझे बतकाओ कि छः रस—कवायका, कडुआ, खहा, तीखा, खारा और मीठा विषे गये हों तो संबय के प्रकार और संबय राशियां क्या होगी ? ॥ २१९ ॥ हे मित्र ! हीरा, नीक, मरकत, विद्रुम और मुक्ताफक से रची हुई अंतर्शन धागे की माक्षा के संवय में परिवर्तन होने से कितने मकार प्राप्त हो सकते हैं, शीप्र बतकाओ ॥ २२० ॥ हे गणित तस्वज्ञ सखे ! मुझे बतलाओं कि केतकी, अक्षोक, चम्पक और नीलोस्पक के कुकों की माक्षा बनाने के किये संचयों में परिवर्तन करने पर कितने प्रकार प्राप्त हो सकते हैं ?

किसी न्यापार में ज्ञात और अज्ञात काभों की सहायता से अज्ञात मूळ धन प्राप्त करने के किये नियम----

समानुपातिक विभाजन की किया द्वारा समस्त छाभों के मिश्रित योग में से ज्ञात छाभ घटाकर अज्ञात छाभों को निश्चित करते हैं। तब अज्ञात रकम छगाने वाल उपक्ति का मृज्यन, उसके छाभ को कपर समानुपातिक विभाजन की किया में प्रयुक्त उसी साधारण गुणनवण्ड द्वारा भाजित करने पर, प्राप्त करते हैं। २२२॥

अ = डोया बाने वाळा कुछ भार, दा = कुछ दूरी, द = तय की हुई (बो चली जा चुकी है ऐसी) दूरी, और व = निश्चित की गई कुछ मजदूरी है। यह आलोकनीय है कि यात्रा के दो भागों के लिये मजदूरी की दर एक सी है, यद्यपि यात्रा के प्रत्येक भाग के लिये चुकाई गई रक्षम पूरी यात्रा के लिए निश्चित की गई दर के अनुसार नहीं है।

प्रका के न्यास (data दत्त सामग्री) सहित निम्निक्छिलित समीकरण से सूत्र सरलतापूर्वक प्राप्त किया का सकता है— $\frac{\pi}{a\epsilon} = \frac{\epsilon - \pi}{(a\epsilon - \pi)(\epsilon - \epsilon)}, \qquad \text{जहाँ क अञ्चात है } 1$

समये केचिद्वणिजस्तयः ऋयं विकयं च कुर्वीरन् । प्रथमस्य षट् पुराणा अष्टौ मूल्यं द्वितीयस्य ॥२२३॥

न ज्ञायते वृतीयस्य व्याप्तिस्तैर्नरेस्तु षण्णवतिः । अज्ञातस्यैव फर्छ चत्वारिंशद्धि तेनाप्तम् ॥२२४॥

कस्तस्य प्रक्षेपो वणिजोरुभयोर्भवेष को छाभः।

प्रगणय्याचक्ष्व सखे प्रह्मेपं यदि विजानासि ॥२२५॥

भाटकानयनसूत्रम्-

भरभृतिगतगम्यहतिं त्यक्त्वा योजनदछन्नभारकृतेः । तन्मुळोनं गम्यच्छिन्नं गन्तव्यभाजितं सारम् ॥२२६॥

अत्रोदेशकः

पनसानि द्वात्रिशात्रीत्वा योजनमसौ दलोनाष्ट्रौ। गृह्वात्यन्तर्भाटकमधे भग्नोऽस्य कि देयम् ॥२२७॥

1 M और B में यहाँ त खुड़ा है; छंद की दृष्टि से यह अग्रुद्ध है।

उदाहरणार्थ प्रश्न

समझौते के अनुसार तीन ज्यापारियों ने खरीदने और वेश्वने की किया की। उनमें से पहिले की रक्षम ६ पुराण, दूसरे की ८ पुराण तथा तीसरे की अज्ञात थी। उन सब तीन मनुष्यों को ९६ पुराण काम प्राप्त हुआ। तीसरे ज्यक्ति द्वारा अल्लात रक्षम पर ४० पुराण काम प्राप्त किया गया था। ज्यापार में उसने कितनी रक्षम कगाई थी १ अन्य दो ज्यापारियों को कितना-कितना काम हुआ १ है मिन्न ! यदि समागुपातिक विभाजन की किया से परिचित हो तो भक्तीभाँति गणना कर उत्तर दो॥ २२६-२२५॥

किसी दी गई दर पर किसी निश्चित दूरी के किसी भाग तक कुछ दी गई वस्तुएँ के जाने के किराये को निकालने के लिये नियम—

है आये जाने वाले आर के संख्यास्मक मान और योजन में नापी गई तय दूरी की अर्द राशि के ग्रुणमफल के वर्ग में से लं जाये जाने वाले भार के संख्यास्मक मान, तय किया गया किराया, पहुँची हुई दूरी, इन सब के संतत गुणनफल को घटाओ। तब यदि ले जाये जाने वाले भार के मिश्रीय भाग (अर्थात् यहाँ आधा माग) को तय की गई पूरी दूरी दूरी द्वारा गुणित कर, और तब उपर्युक्त अंतर के वर्गमूल द्वारा द्वासित कर, तय की जाने वाली (को अभी दोष है ऐसी) दूरी के द्वारा भाजित किया जाय, तो इट उक्तर प्राप्त होता है।

उदाहरणार्थ प्रश्न

यहाँ एक ममुख्य ऐसा है, जिसे १२ पनस फर्डों को १ योजन दूर छे जाने पर मजदूरी में ७ है फर्ड मिकते हैं। यह आधी दूर जाकर बैठ खाता है। उसे तय की गई मजदूरी में से कितनी मिछना चाहिये १ ॥२२७॥ द्वितीयनृतीययोजनानयनस्यसूत्रम्— भरभाटकसंवर्गोऽद्वितीयभृतिकृतिविवर्जितरछेदः । तद्भृत्यन्तरभरगतिहतेर्गतिः स्याद् द्वितीयस्य ॥२२८॥

अत्रोदेशकः

पनसानि चतुर्विश्वतिमा नीत्वा पद्मयोजनानि नरः।
छभते तद्भृतिमिह नव षद्भृतिवियुते द्वितीयनुगतिः का ॥२२९॥

बहुपद् भाटकानयनस्य स्त्रम्— संनिद्दितनरहृतेषु प्रागुत्तरमिश्रितेषु मार्गेषु । ज्यावृत्तनरगुणेषु प्रक्षेपकसाधितं मूल्यम् ॥२३०॥

१. B में यहाँ 'पद' छूट गया है।

जब पहिला अथवा दूसरा बोझ डोने वाला थक कर बैठ जाता है, तब दूसरे अथवा तीसरे बोझ डोने वाले के द्वारा योजनों में तब की गई दूरियों को निकालने के लिये नियम---

ले जाबे जाने वाले कुल वजन और तथ की गई मजदूरियों के मान के गुणनफल में से प्रथम दोने बाले को दी गई मजदूरी के बर्ग को घटाओ । इस अन्तर को तब की गई मजदूरी और पहिले दी दे दी गई मजदूरी के अन्तर, दोबा जाने वाला पूरा वजन, और तब की जानेवाली पूरी दूरी के संतत गुणनफल के सम्बन्ध में भाजक के रूप में उपयोग में लाते हैं। परिणामी भजनफल दूसरे मजदूर द्वारा तय की जाने वाली दूरी होता है ॥२२८॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी मनुष्य को २४ पनस फक ५ योजन दूर के जाने के किये ९ फक मजदूरी के रूप में प्राप्त हो सकते हैं। पदि प्रथम मनुष्य को इनमें से ६ फक मजदूरी के रूप में दिये जा चुके हों, तो दूसरे डोने वाले को अब किसनी दूरी तथ करना है, ताकि वह रोष मजदूरी प्राप्त करले ? ॥२२९॥

विभिन्न दशाओं की संगत मजदूरियों के मानों को निकालने के किये नियम, जब कि बिभिन्न मजदूर उन विभिन्न दरियों तक दिया गया बोझ ले जावें—

मसुष्यों की विभिन्न संख्याओं द्वारा तथ की गई दूरियों को वहाँ ढोने का काम करने वाले मसुष्यों की संख्या द्वारा भाजित करो। प्राप्त भजनफर्कों को इस प्रकार संयुक्त करना पहता है, कि उनमें से पहिला अलग रख लिया जाता है, और तब बाद के अजनफर्कों (१,२,३ आदि) को उसमें जोड़ दिया जाता है। इन परिणामी राशियों को क्रमशः विभिन्न स्थानों पर बैठ जाने बाले मसुष्यों की संख्या द्वारा गुणित करना पहता है। तब इन परिणामी गुणनफर्कों के सम्बन्ध में प्रक्षेत्रक किया (समानुपातिक विभाजन की क्रिया) करने से विभिन्न स्थानों पर छोड़ने (बैठने) बाले मनुष्यों की मजदूरियाँ प्राप्त होती हैं ॥२३०॥

⁽२२८) बीजीय कप से : दा — द = (ब — क) अ दा , जो पिछके नोट के समीकरण से सरलता-अब — क² पूर्वक माप्त किया जा सकता है । यहाँ क अजात राश्चि है ।

शिविकां नयन्ति पुरुषा विश्वतिरथ योजनद्वयं तेषाम् । वृत्तिर्दीनाराणां विश्वत्यधिकं च सप्तशतम् ।२३१॥ क्रोशद्वये निवृत्तौ द्वावुभयोः क्रोशयोखयश्चान्ये । पद्म नरः शेषाधां व्यावृताः का भृतिस्तेषाम् ॥२३२॥

इष्ट्रगुणितपोट्टलकानयनसूत्रम्— सैकगुणा स्वस्वेष्टं हित्वान्योन्यन्नश्चेषमितिः। अपवर्त्तं योज्य मूळं (विण्णोः) कृत्वा व्येकेन मूलेन ॥२३३॥ पूर्वापवर्तराशीन हत्वा पूर्वापवर्तराशियुतेः। पृथगेव पृथक् त्यक्त्वा हस्तगताः स्वधनसंख्याः स्युः ॥२३४॥ ताः स्वस्वं हित्वैव त्वशेषयोगं पृथक् पृथक् स्थाप्य। स्वगुणन्नाः स्वकरगतैह्नाः पोट्टलकसंख्याः स्युः ॥२३५॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

२० मनुष्यों को कोई पासकी २ योजन दूर से जाने पर ७२० दीनार मिस्रते हैं। दो मनुष्य दो कोश दूर जाकर एक जाते हैं; दो कोश दूर और जाने पर अन्य तीन दक जाते हैं, तथा दोष की आभी दूरी जाने पर ५ मनुष्य एक जाते हैं। दोने वासे विभिन्न मनदूरों को क्या-क्या मजदूरी मिस्रती है ? ॥२३१-१३२॥

किसी शैली में भरी हुई रकम को निकासने के किये नियम, जो कुछ मलुष्यों में से प्रश्वेक के हाथ में जितनी रकम है उसमें जोड़ी जाने पर, अन्य के हाथों में रखी हुई रकमों के योग की विशिष्ट गुणब (multiple) बन जाती है—

प्रश्न में विशिष्ट गुजज (multiple) संख्याओं में से प्रत्येक में एक जोड़कर योग राशियां प्राप्त करते हैं। इन योगों को एक वृसरे से, प्रत्येक दशा में, विशेष बिह्निखत गुजज के सम्बन्धों योग को उपेक्षित करते हुए, गुजित करते हैं। इन्हें, साधारण गुजनखंडों को इटा कर, अल्पतम पदों में प्रहासित (छञ्जकत) करते हैं। तब इन प्रहासित (छञ्जकत) राशियों को छोड़ा जाता है। इस परिणामी योग का वर्गमूछ प्राप्त किया जाता है, जिसमें से एक घटा दिया जाता है। उपर्युक्त प्रहासित राशियों को ह्रारा ह्यारा हासित वर्गमूछ द्वारा गुजित किया जाता है। तब इन्हें अलग-अलग उन्हों प्रहासित राशियों के योग में से घटाया जाता है। इस प्रकार, कई व्यक्तियों में से प्रत्येक के ह्याय की रकमें प्राप्त होती हैं। उन व्यक्तियों में से केवल एक के पास के धन के मान को प्रत्येक दशा में बोद से विश्वत कर, इन सब हाथ की रकमों की राशियों को एक द्सरे में जोड़ना पड़ता है। इस प्रकार प्राप्त कई योग अलग-अलग हिसे जाते हैं। इन्हें क्रमशः उपर्युक्त डिल्डिखत गुजज राशियों द्वारा गुजित किया जाता है। इस प्रकार प्राप्त कई गुजनफर्डों में से हाथ को रकमों को अलग-अलग घटाया जाता है। तब हाथ में कई रकमों में से प्रत्येक के सम्बन्ध में अलग-अलग बेटी की रकम का वही मान प्राप्त होता है। १२३१-२३५॥

⁽ २३३-२३५) गाथा २३६-२३७ में दिये गये प्रश्न में, मानलो क, ख, ग हाथ में रखी हुई तीन ब्यापारियों की रकमें हैं; और यैखी में य रकम है।

मार्गे त्रिसिवेणिग्मः पोट्टलकं दृष्टमाह तंत्रेकः । पोट्टलकमिदं प्राप्य द्विगुणधनोऽहं मविष्यामि ॥२३६॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

तीन स्थापारियों ने सहक पर एक यैकी पदी हुई देखी। एक ने शेष उन से कहा, "यदि मुझे यह यैकी मिल जाय, तो तुम्हारे हाथ में जितनी रक्षों हैं उनके हिसाय से मैं तुम दोनों छोगों से हुगुना धनवान हो जाऊँगा।" तब दूसरे ने कहा, "मैं ठिगुना धनवान हो जाऊँगा।" तब दूसरे ने कहा, "मैं पांच गुना धनवान हो जाऊँगा।" यैकी की रक्षम तथा प्रत्येक के हाथ की रक्षमों को अलग-अलग बतकाओ ॥२६६॥

हाथ की रकमों के मान तथा थैली की रकम निकालने के लिये नियम, जब कि थैली की रकम का विशेष डिल्लिस भिक्षीय भाग दस्त-संख्या के मनुष्यों में, प्रत्येक के हाथ की रकम में क्रमशः जोड़ने पर, प्रत्येक दशा में उनके धन की हाथ की रकम के वही गुणज (multiple) हो जावें—

हस्सगताभ्यां युषयोक्षिगुणधनोऽहं द्वितीय आहेति ।
पक्षगुणोऽहं त्वपरः पोट्टळहस्तस्थमानं किम् ॥२३७॥
सर्वेतुल्यगुणकपोट्टळकानयनहस्तगतानयनस्त्रम्—
व्येकपदन्नव्येकगुणेष्टांशवधोनितांशयुतिगुणधातः ।
हस्तगताः स्यभवति हि पूर्वेवदिष्टांशभाजितं पोट्टळकम् ॥२३८॥

प्रभा में दिये गये सभी बिह्नित भिष्मों के योग के हर की उपेक्षा कर, उसे (बिह्नितित साधारण) अपवस्य संक्या (multiple) द्वारा गुणित किया जाता है। इस गुणनफल में से वे राशिय। अलग-अलग जटाई जाती हैं, जो साधारण हर में प्रदासित उपर्युक्त भिष्मों में से प्रत्येक को एक कम मजुष्यों के मामलों की संख्या और उल्लिखित अपवस्य के गुणनफल को एक द्वारा हासित करने से प्राप्त राशि द्वारा गुणित करने से प्राप्त होती हैं। परिणामी होष, हाथ की रकमों के अलग-अलग मानों को स्थापित करते हैं। पहिले की तरह कियायें करने पर और तब प्रश्न में विशेष उल्लिखित भिष्मीय आग द्वारा विभाजन करने पर थेकी की रकम का मान प्राप्त हो जाता है। २३८॥

.. क : ख : ग : शा-२ (ब+१) (स+१) : शा-२ (स+१) (अ+१) : शा-२ (अ+१) (व+१). समानुपात के दाहिनी ओर, (यदि कोई हो तो) साधारण गुणनम्बद्धों को हटाने से, हमें क, ख, ग के सबसे छोटे पूर्णों क मान प्राप्त होते हैं। यह समानुपात नियम में सूत्र के रूप में दिया गया है। यह देखने योग्य है कि नियम में कथित वर्गमूल केवल गाथा २३६-२३७ में दिये गये प्रश्न से सम्बन्धित है। यदि शुद्ध रूप से लिखा जाय, तो 'वर्गमूल" के स्थान में '३' होना चाहिये। यह सरलता पूर्वक देखा जा सकता है कि यह प्रश्न तमी सम्भव है, जब कि $\frac{2}{21+2}$ और $\frac{2}{31+2}$ के कोई भी दो का योग तीसरे से बहा हो।

(२३८) नियम में दिया गया सूत्र वह है-

क=म(अ+ब+स)-अ(२म-१), वहाँ क, ख, ग हाथ की रकमें हैं, म साधारण ख=म(अ+ब+स)-ब(२म-१), गुणज (multiple) है, और अ, ब, स ग=म(अ+ब+स)-स(२म-१), दिये गये उक्तिखित मिन्नीय माग हैं। ये मान अगके समीकारों से सरकता पूर्वक निकाले जा सकते हैं।

वैश्येः पश्चभिरेकं पोट्टलकं दृष्टमाह् चैकैकः। पोट्टलक्षष्ठसप्तमनवमाष्टमदृश्ममागमाप्त्वैव ॥२३९॥ स्वस्तकरस्थेन सह त्रिगुणं त्रिगुणं च शेषाणाम्। गणक त्वं मे शीघं वद हस्तगतं च पोट्टलकम्॥२४०॥

इष्टांशेष्टगुणपोट्टलकानयनसूत्रम् — इष्टगुणान्नान्यांकाः सेष्टांकाः सेकनिजगुणहृता युक्ताः । रानपद्ग्रेष्टांकान्युनाः सेकेष्टगुणहृता हस्तगताः ॥२४१॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

पाँच ध्यापारियों ने एक थैको देखी। उन्होंने (एक के बाद दूसरे से) इस प्रकार कहा कि थैकी की रकम का कमशः है, है, है, है, है और रेड भाग पाने पर वह अपने हाथ की रकम मिळाकर अन्य ध्यापारियों के कुछ भन से तिगुना भनी हो जायगा। है गणितक ! उनके हाथों की अलग-अलग रकम तथा थैकी में भरी हुई रकम को शीख़ ही बक्छाओ ॥२३९-२४०॥

यैजी की रकम प्राप्त करने के किये नियम, जब कि उल्लिखित मिश्रीय भागों की, क्रमशः उन व्यक्तियों के द्वाथ की रकम जोड़ने पर, प्रत्येक अन्य की कुछ रकमों के मान से विशिष्ट गुणा

(इष्ट मनुष्य के भाग को छोड़कर,) शेष सभी से सम्बन्धित उक्लिखत भिन्नीय भागों को साधारण इर में प्रहासित कर इर को उपेक्षित कर दिया जाता है। इन्हें (अलग-अलग इष्ट मनुष्य सम्बन्धी) निर्दिष्ट अपवर्ध (multiple) द्वारा गुणित करते हैं। इन गुणनफलों में उस इष्ट मनुष्य के भिन्नीय भाग को जोड़ते हैं। परिणामी योगों में से प्रत्येक को अलग-अलग उसके संगत उक्लिखत अपवर्ष (multiple) से एक अधिक शक्ति द्वारा भाजित करते हैं। तब इन भजनफलों को भी जोड़ा जाता है। अलग-अलग दशाओं सम्बन्धी इस प्रकार प्राप्त योगों को, दो कम दशाओं की संख्या द्वारा गुणित कर, निर्दिष्ट अधीय भाग द्वारा हासित करते हैं। अन्तर को एक अधिक निर्दिष्ट अपवर्ष द्वारा भाजित करते हैं। यह फल (इस विशिष्ट दशा में) हाथ की रकम है॥२४३॥

(२४१) नियम में दिया गया सूत्र इस प्रकार है-

$$\mathfrak{F} = \left\{ \frac{\omega + n\mathfrak{q}}{n + \ell} + \frac{\omega + n\mathfrak{q}}{n + \ell} + \frac{\omega + n\mathfrak{q}}{n + \ell} + \dots - (n - \ell) \right\} \div (n + \ell)$$

बहाँ क, ख,..... हाथ की रकमें हैं; अ, ब, स, द मिस्रीय भाग हैं;

म, न, य, र,......विभिन्न अपवर्त्य संख्यायें हैं; और हा भ्यापार सम्बन्धी भ्यक्तियों की संख्या है ।

द्वाभ्यां पथि पथिकाभ्यां पोट्टलकं दृष्टमाइ तत्रेकः ।
अस्यार्धं संप्राप्य द्विगुणधनोऽहं भविष्यामि ॥२४२॥
अपरस्त्र्यंशद्वितयं त्रिगुणधनस्वल्करस्थधनात् ।
सत्करधनेन सहितं हस्तगतं किं च पोट्टलकम् ॥ २४३॥
दृष्टं पथि पथिकाभ्यां पोट्टलकं तद्गृहीत्वा च ।
द्विगुणमभूदाशस्तु स्वकरस्थधनेन चान्यस्य ॥
इस्तस्थधनादन्यस्तिगुणं किं करगतं च पोट्टलकम् ॥ २४४३॥
यार्गे नरैदचतुभिः पोट्टलकं दृष्टमाह तत्राद्यः ।
पोट्टलकिमदं छञ्ध्वा ब्रष्टगुणोऽहं भविष्यामि ॥ २४५३॥
स्वकरस्थधनेनान्यो नवसंगुणितं च शेषधनात् ।
दशगुणधनवानपरस्त्वेकादशगुणितधनवान् स्यात् ।
पोट्टलकं किं करगतधनं कियद्बृद्धि गणकाशु ॥ २४७॥
मार्गे नरैः पोट्टलकं चतुभिर्देष्टं हि तस्यैव तदा बभूदुः ।
पञ्चाशपादाधितृतीयभागास्तद्द्वित्रिपञ्चन्नचतुर्गणाञ्चरे ॥ २४८॥

१. м और B में स्युः पाठ है, जो स्पष्टरूप से अनुपयुक्त है।

उदाहरणार्थ प्रश्न

दो बान्नियों ने सदक पर भन से भरी हुई थैकी देखी। उनमें से एक ने दूसरे से कहा, "थैकी की आधी रकम प्राप्त होने पर मै तुमसे हुगुना धनी हो जाउँगा ।" इसरे ने कहा, "इस थैली की २/६ रक्स मिल जाने पर मैं हाथ की रकस मिलाकर तुम्हारे हाथ की रकस से तिगुनी रकसवाला हो जासँगा।" हाथ की मध्या-भलग कर्में तथा थैली की रकम बतलाओ ॥२४२-२४३॥ दो चात्रियों ने रास्ते पर पढ़ी हुई धन से भरी बैली देखी। एक ने उसे उठाया और कहा, "इस धन और हाथ के भन को मिलाकर मैं तुमसे दुगुना भनी हूँ।" दूसरे ने थैली को लेकर कहा, "मैं इस भन और हाथ के धन की मिलाकर तुमसे तिगुना धनी हूँ ।" हाथ की रकमें और थैली की रकम अलग-अलग बवलाओ । ॥२४४-२४४५ ॥ चार मनुष्यों ने धन से अरी एक यैली रास्ते में देखी। पहिले ने कहा, "यदि सुझे यह थैली मिल जाय, तो मैं कुल भन मिलाकर तुम सभी के धन से आठगुना धननान हो जाउँ।" दसरे ने कहा. "यदि यह थैंली मुझे मिल जाय तो मेरा इल्हान तुम्हारे कुल्हान से ९ गुना हो जाय।" तीसरे ने कहा, "मैं १० गुना भनी हो जाऊँगा ।" और चीये ने कहा, "मैं ११ गुना भनी हो जाऊँगा ।" हे गांवितज्ञ ! थेली की रकम भीर डनमें से प्रत्येक के हाथ की रकमें बतलाओ ॥२४५३ -२४७॥ चार मनुष्यों ने रकम भरी यैली रास्ते में देखी। तब जो कुछ प्रत्येक के हाथ में था, यदि उसमें यैली का क्रमशः है, है, है और है भाग मिळाबा जाता, तो वह दूसरों के कुलबन से क्रमशः दुगुना, तिगुना, पाँचगुना और चारगुना घन हो जाता। यैली की रकम और डनमें से प्रस्वेक के हाथ की रकमें बतलाओ ॥२४८॥ तीन व्यापारियों ने रास्ते में धन से भरी हुई थैकी देखी। पहिले ने (दोष) उनसे

मार्गे त्रिभिर्वणिग्मः पोट्टलकं दृष्टमाह् तत्राद्यः। यद्यस्य चतुर्भागं लभेऽह्मित्याह् स युवयोद्विगुणः॥ २४९॥ आह् त्रिमागमपरः स्वहस्तधनसहितमेव च त्रिगुणः। अस्यार्धं प्राप्याहं तृतीयपुरुषश्चतुर्वधनवान् स्याम्। आचक्ष्य गणक श्रीव्रं किं हस्तगतं च पोट्टलकम्॥ २५०३॥

याचितरूपैरिष्टगुणकहस्तगतानयनस्य सूत्रम्— याचितरूपैक्यानि स्वसैकगुणवर्धितानि तैः प्राग्वत् । हस्तगतानां नीत्वा चेष्टगुणन्नेति सूत्रेण ॥ २५१३ ॥ सदृशच्छेदं इत्या सैकेष्टगुणाहृतेष्टगुणयुत्या । रूपोनितया भक्तान् तानेव करस्थितान् विजानीयात् ॥ २५२३ ॥

कहा, "बदि मुझे इस यैकी का ने भन मिल जाय, तो मैं अपने हाथ की रकम मिलाकर सुम सभी के कुलभन से दुगुने भनवाला हो जाऊँ।" दूसरे ने कहा, "बदि मुझे यैकी का ने भन मिल जाय, तो उसे मिलाकर मैं तुम सभी के कुल भन से तिगुने भनवाला हो जाऊँ।" वीसरे ने कहा, "बदि मुझे यैली का आभा भन मिल जाय हो उसे मिलाकर मैं तुम दोनों के कुल भन से चौगुने भनवाला हो जाऊँ।" हे गांजतज्ञ ! शीघ ही उनके हाथ की रकमें तथा यैकी की रकम अलग-अलग बतलाओ ॥२४९--२५० ने॥

हाथ की ऐसी रकम निकाशने का नियम, जो दूसरे से माँगे हुए धन में मिछने पर दूसरों के हाथ की रकमों का निर्दिष्ट अपवर्ष्य वन जाती है:—

माँगी हुई रकमों को अलग-अलग निज की संगत, अपवर्ष (multiple) राशि में एक जोड़ने से प्राप्तफ द्वारा गुणित करते हैं। इन गुणनफ कों की सहायता से गाथा २४१ में दिये गये नियम द्वारा हाथ की रकमों को प्राप्त कर लेते हैं। इस प्रकार प्राप्त इन राशियों को साधारण इरवाली बनाते हैं। प्रत्येक एक द्वारा बढ़ाई गई अपवर्ष (multiple) राशियों द्वारा क्रमशः निर्दिष्ट अपवर्ष राशियों को भाजित करते हैं। तब साधारण हरवाली राशियों को अलग-अकग इन प्राप्त फलों के एकोन योग द्वारा भाजित करते हैं। इन परिणामी भजनफ लों को विभिन्न मनुष्यों के हाथों की रकमें समझना चाडिये।। २५१ है-२५१ है।

(२५१३-२५२३) बीजीय रूप से,
$$\begin{bmatrix}
\mathbf{a} - \left\{ \frac{(\mathbf{a} + \mathbf{a}) (\mathbf{n} + t) + \mathbf{n} (\mathbf{n} + \mathbf{c}) (\mathbf{n} + t) + \frac{\mathbf{n} + t}{\mathbf{n} + t} + \frac{(\mathbf{a} + \mathbf{a}) (\mathbf{n} + t) + \mathbf{n} (\mathbf{c} + \mathbf{a}) (\mathbf{n} + t) + \frac{(\mathbf{n} + \mathbf{a}) (\mathbf{n} + t) + \mathbf{n} (\mathbf{c} + \mathbf{a}) (\mathbf{n} + t)}{\mathbf{n} + t} + \cdots + \cdots + \frac{\mathbf{n} + t}{\mathbf{n} + t} + \frac{\mathbf{n} + t}{\mathbf{n} + t} + \frac{\mathbf{n}}{\mathbf{n} + t} + \frac{\mathbf{n}}{\mathbf$$

इसी प्रकार ख, ग के किये, इत्यादि। यहाँ थ, ब, स, स, द, इ, फ एक दूसरे से माँगी हुई रकमें हैं।

वैश्येकिभिः परस्परहस्तगतं याचितं धनं प्रथमः ।
चत्वायेथ द्वितीयं पद्ध तृतीयं नरं प्राध्यं ॥ २५३३ ॥
द्विगुणोऽमबद्द्वितीयः प्रथमं चत्वारि षट तृतीयमगात् ।
त्रिगुणं तृतीयपुरुषः प्रथमं पद्ध द्वितीयं च ॥ २५४३ ॥
षट प्राध्योभूत्पद्धकगुणः स्वहस्तस्थितानि कानि स्युः ।
कथयाशु चित्रकृद्दीमिशं जानासि यदि गणक ॥ २५५३ ॥
पुरुषाक्षयोऽतिकृश्लाखान्योन्यं याचितं धनं प्रथमः ।
स द्वाद्श द्वितीयं त्रयोद्श प्राध्यं तित्रगुणः ॥ २५६३ ॥
पद्धगुणितो द्वितीयं द्वाद्श दृश याचित्वाद्यम् ॥ २५७३ ॥
पद्धगुणितो द्वितीयं द्वाद्श दृश याचित्वाद्यम् ॥ २५७३ ॥
समगुणितस्तृतीयोऽभवन्नरो वाञ्चितानि चञ्चानि ।
कथय सर्वे विगणय्य च तेवां हस्तस्थितानि कानि स्युः ॥ २५८३ ॥

अन्त्यस्योपान्त्यतुस्यधनं दत्त्वा समधनानयनसूत्रम्— बाञ्छाभक्तं रूपं स उपान्त्यगुणः सरूपसंयुक्तः। शेषाणां गुणकारः सैकोऽन्त्यः करणमेतत्स्यात्॥ २५९३॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

तीन ज्यापारियों ने एक दूसरे से उनके पास की रकमों में से रकमें माँगी। पहिला ज्यापारी दूसरे से ४ और तीसरे से ५ माँगकर दोष के कुछ धन से तुगुना धन वाला बन गया। तूसरा पहिले से ४ और तीसरे से ६ मांग कर दोष के कुछ धन से तिगुना धनवाला बन गया। तीसरा पहिले से ५ और तूसरे से ६ मांग कर उन दोनों से पाँचगुना धनवाला बन गया। हे गणितज्ञ, बाद तुम विचित्र कुटीकार विधि से परिचित हो, तो मुझे शीघ ही उनके हाथों की रकमें बतलाओ ॥२५६ई-२५५६॥ तीन अति-कुशक पुक्ष थे। उन्होंने एक दूसरे से रकमें मांगी। पहिला पुरुष दूसरे से १२ और तीसरे से १३ लेकर उन दोनों से ३ गुना धनवाला बन गया। दूसरा पहिले से १० और तीसरे से १३ लेकर दोष दोनों से ५ गुना धनवाला बन गया। तीसरा दूसरे से १२ और पहिले से १० लेकर दोष दोनों से ७ गुना धनवाला बन गया। तीसरा दूसरे से १२ और पहिले से १० लेकर दोष दोनों से ७ गुना धनवाला बन गया। उनकी वांच्छाएं पूर्ण हो गईं। हे मित्र ! गणना कर उनके हाथों की रकमों को बतलाओ ॥२५६३-२५४३॥

समान धन राशियों को निकासने के लिये नियम, जब कि धन्तिम मनुष्य अपने खुद के धन में से उपधन्तिम को वसी के धन के बराबर दे देता है। और फिर, यह स्पांतिम मनुष्य बाद में आनेवासे मनुष्य के सम्बन्ध में यही करता है, इत्यादि—

एक के द्वारा तूसरे को दिये जानेवाले भन के सम्बन्ध में मन से जुनी हुई गुणज (multiple) राशि द्वारा १ को विभाजित करो । यह उपअंतिम मनुष्य के भन के सम्बन्ध में गुणज हो जाता है । यह गुणज एक द्वारा बढ़ाया जाकर दूसरे के इस्तगत भनों का गुणज बन जाता है । इस अन्तिम स्वक्ति के इस प्रकार प्राप्त भन में १ जोड़ा जाता है । यही रीति उपयोग में लाई जाती है ॥२५९२॥

⁽ २५९ है) गाया २६३ है के प्रका को निम्निक्षिसित रीति से इस्त करने पर यह नियम स्पष्ट हो

जावेगा---

असोहे शकः

वैश्यात्मजास्यस्ते मार्गगता ज्येष्ट्रमध्यमकनिष्ठाः। स्वधने ज्येष्टो मध्यमधनमात्रं मध्यमाय द्दी ॥ २६०३ ॥ स त मध्यमो जघन्यजघनमात्रं यच्छति स्मास्य। समधनिकाः स्यस्तेषां हस्तगतं ब्रहि गणक संचिन्त्य ॥ २६१५ ॥ वैश्यात्मजाश्च पद्ध ज्येष्टादनुजः स्वकीयधनमात्रम् । केभे सर्वेऽप्येवं समवित्ताः किं तु इस्तगतम् ॥ २६२३ ॥ वणिजः पद्म स्वस्वाद्धं पूर्वस्य दत्त्वा तु ।

समिबताः संचिन्त्य च कि तेषां ब्रहि हस्तगतम् ॥ २६३३ ॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी स्थापारी के तीन कहके थे। बहा, मैंझका और छोटा, तीनों किसी शस्ते से कहीं जा रहे थे। बड़े ने अपने धन में से मैंझले को उतना धन दिया जितना कि मैंझले के पास था। इस मंझले ने अपने धन में से छोटे को उतना दिया जितना कि छोटे के पास था। अति में उनके पास बराबर-बराबर धन हो गया। हे गणितज्ञ ! सोचकर बतलाओ कि आरम्भ में उनके पास (क्रमशः) कितना-कितना धन था ? ॥ २६०३-२६१३ ॥ किसी व्यापारी के पाँच छड़के थे । द्वितीय प्रश्न ने बड़े से उतना धन किया जिल्हा कि उसका इस्तगत धन था। बाकी सभी ने ऐसा ही किया। अंत में उन सबके पास बराबर-बराबर धन हो गया। बतलाओं कि आरम्भ में उनके पास कितनी-कितनी रकम थी ? ॥ २६२ है ॥ पाँच स्थापारी समान धन वाले हो गये, जब कि उनमें से प्रत्येक ने अपनी खुर की रकम में से, जो उसके सामने आया. उसे उसी के घन से आघा दे दिया। सोचकर बतलाओ कि उनके पास आरम्भ में कितना-कितना धन था १ ॥ २६६ है ॥ ६ ब्यापारी थे । वहाँ ने, जो कुछ उनके हाथ में

१ ÷ है या २ उपअंतिम मनुष्य के धन के सम्बन्ध में गुणब (multiple) है । यह २ एक से मिलाने पर ३ हो जाता है, जो दूसरों के बनों के सर्वध में गुलज अथवा अपवर्य (multiple) हो जाता है।

उपअंतिम १ को २ से गुणित कर और अन्य को है द्वारा गुणित करने से हमें यह प्राप्त होता है२.३। अन्त के अंक में १ जोड़ने पर यह प्राप्त होता है " " " , ४। अब यह लिखते हैं२, ४, ४। उपअंतिम ४ को २ द्वारा और अन्य को ३ द्वारा गुणित कर और अंत के अंक में बोड़ने पर हमें बह प्राप्त होता है।६, ८, १३। पुनः६, ८, १३, १३। उपर की तरह, फिर से उन्हीं कियाओं को दुइराने पर इमें यह प्राप्त होता है:१८, २४, २६. ४०, 48, 62, 66, 60, 828 | अंतिम पंक्ति की संख्याएँ ५ व्यापारियों की अलग-अलग इस्तगत रकमों का निरूपण करती है। बीबीय रूप से :-अ-३ ब=३ ब-३ स=३ स-३ द=ई द-३ इ=३ ह

बहाँ अ, ब, स, द, इ पाँच व्यापारियों की इस्तगत रकमें हैं।

वणिजः षद् स्वधनाद्द्वित्रिभागमात्रं क्रमेण तज्ज्येष्ठाः । स्वस्वानुजाय दुस्वा समिवत्ताः किं च हस्तगतम् ॥ २६४३ ॥

परस्परहस्तगतधनसंख्यामात्रधनं दत्त्वा समधनानयनसूत्रम्— बाञ्छाभक्तं रूपं पद्युतमादावुपयुपर्येतत् । संस्थाप्य सैकवाञ्छागुणितं रूपोनमितरेवाम् ॥२६५३॥

अत्रोहेशकः

वणिजकायः परस्परकरस्थधनमेकतोऽन्योन्यम् । दत्त्वा समवित्ताः स्यः किं स्याद्धस्तस्थतं द्रव्यम् ॥ २६६३ ॥

था, अपने से छोटों को क्रमशः हुँ रकम (इसकी जो उनके हाथों मैं अक्रग-अलग थी) क्रमानुसार दी। बाद में वे सब समान धन वाले हो गये। इन सबके पास अलग-अलग हाथ में कीन-कीन सी रकमें थीं। ।। २६५२ ।।

हाय की समान रक्मों को निकालने के लिखे निवम, जब कि कुछ (संख्या के) मनुष्य एक से दूसरे को आपस में ही उतना धन देते हैं, जितना कि कमकाः उनके हाथ में तब रहता है—

प्रभ में मन से जुनी हुई गुणज (multiple) शशि द्वारा एक की भाजित करते हैं। इसमें इस व्यापार में भाग छेनेवाछे मनुष्यों की संगत संख्या बोइते हैं। इस प्रकार प्रथम मनुष्य के हाथ का प्रारम्भिक धन प्राप्त होता है। यह और उसके बाद के फछ क्रम में छिखे जाते हैं, और उनमें से प्रत्येक को एक द्वारा बढ़ाई गई मन से जुनी हुई संख्या द्वारा गुणित किया जाता है, और फछ को तब एक द्वारा हासित करते हैं। इस प्रकार, प्रत्येक के पास का (आरम्भ में उनके हाथ का) धन (जितना था, डतना) प्राप्त होता जाता है।। २६५ है।।

उदाहरणार्थ प्रश्न

३ व्यापारियों में से प्रत्येक ने दूसरों को जितना उनके पास उस समय या उतना दिया। तब दे समान धनवान् बन गये। उनमें से प्रत्येक के पास अकग-अकग आरम्भ में कितनी-कितनी रकम जी ? ॥२६६- ॥ चार व्यापारी थे। उनमें से प्रत्येक ने दूसरों से उतनी रकम प्राप्त की जितनी कि उसके

(२६५३) गाथा २६६३ में दिये गये ४३न को निस्तरीति से इस करने पर नियम स्पष्ट हो जावेगा-

१ को मन से चुने हुए गुणज (multiple) द्वारा भाजित करते हैं। इसमें मनुष्यों की संख्या ३ कोड़ने पर ४ प्राप्त होता है। यह प्रथम व्यक्ति के हाथ की रकम है। यह ४, मन से चुने हुए गुणज १ को १ द्वारा बदाने से प्राप्त २ द्वारा गुणित होकर, ८ वन जाता है। जब इसमें से १ घटाया जाता है, तो हमें ७ प्राप्त होता है, जो दूसरे आदमी के हाथ की रकम है ॥२६५२ है॥

यह ७ जपर की तरह २ द्वारा गुणित होकर, और फिर एक द्वारा हासित होकर १३ होता है, जो तीसरे आदमी के हाथ की रकम है। यह इस निम्निस्तित समीकरण से सरस्ता पूर्वक मात हो सकता है---

४ (अ-ब-स)=२{२ब-(अ-ब-स)-२स}=४स-२(अ-ब-स)-{१ब-(अ-ब-स)-२स} वणिजञ्चत्वारस्तेऽप्यन्योन्यधनार्धमात्रमन्यस्मात्।

स्वीकृत्य परस्परतः समवित्ताः स्युः कियत्करस्थधनम् ॥ २६७३ ॥

जयापजययोर्छाभानयनस्त्रम् —

स्वस्वछेवांशयुती स्थाप्योध्वीधर्यतः कमोत्कमशः।

अन्योन्यच्छेद्रशिकगुणितौ वजापवर्तनक्रमशः॥ २६८३॥

छेदांशकमविस्थिततद्न्तराभ्यां क्रमेण संभक्तौ।

स्वांशहरब्रान्यहरी वाञ्छाब्री व्यस्ततः करस्थामितिः ॥ २६९३ ॥

अत्रोदेशकः

रष्ट्रा कुकुटयुद्धं प्रत्येकं तौ च कुक्टिकौ। उक्ती रहस्यवाक्येर्भन्त्रीषधशक्तिमन्महापुरुषेण ॥२७०३॥

पास की आधी उस (रकम देने के) समय थी। तब वे सब समान धनवाछे यन गये। आरम्भ में प्रत्येक के पास कितनी-कितनी रकम थी ? ॥२६७२॥

(किसी जुए में) जीत और द्वार से (बराबर) काम निकाळने के किये नियम-

(प्रस से दी गई दो सिखीय गुणज) राशियों के अंशों और हरों के दो योगों को एक दूसरे के नीचे नियमित क्रम से किखा जाता है, और तब ग्युरक्रम में किखा जाता है। (दो योगों के कुलकों (8018) में से पहिले की) इन राशियों को बचावनतेन किया के अनुसार हर द्वारा गुणित करते हैं, और दूसरे कुलक की राशियों को उसी निधि से दूसरी संकित (summed up) राशि की संगत मिश्रीय राशि के अंश द्वारा गुणित करते हैं। प्रथम कुलक सम्बन्धी प्राप्त फलों को हरों के रूप में किख किया जाता है, तथा दूसरे कुलक सम्बन्धी प्राप्त फलों को अंशों के रूप में किख किया जाता है। प्रथम कुलक के हर और अंश का अंतर भी किस किया जाता है। तब इन अंतरों द्वारा (प्रश्न में दिखे गये प्रश्येक गुणक भिक्तों के) अंश और हर के योग को दूसरे के हर से गुणित करने से प्राप्त फलों को क्रमशः भाजित किया जाता है। ये परिणामी राशियों, इष्ट काभ के मान से गुणित होने पर, (दाँव पर कराने वाले जुआवियों के) हाथ की रकमों को ज्युरक्रम में उत्पन्न करती हैं ॥२६८-१---२६९-१॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

मन्त्र और भीषधि की शक्ति वाले किसी महापुरुष ने मुगाँकी छड़ाई होती हुई देखी, और मुगाँके स्वामियों से अलग-अलग रहस्यमयी भाषा में मन्त्रणा की । उसने एक से कहा, "यदि तुम्हारा पक्षी जीतता है, तो तुम मुझे दाँव में लगाया हुआ धन दे देना । यदि तुम हार जाओगे, तो मैं तुम्हें दाँव में लगाये हुए धन का है दे वृंगा।" यह फिर दूसरे मुर्के के स्वामी के पास गया, जहाँ उसने

$$(\frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = \frac{(\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = \frac{(\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = (\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = \frac{(\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = (\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = \frac{(\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = (\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = \frac{(\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = (\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = \frac{(\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = (\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = \frac{(\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = (\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = \frac{(\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = (\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = \frac{(\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = (\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = \frac{(\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = (\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = \frac{(\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = (\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = \frac{(\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = (\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = \frac{(\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = (\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = \frac{(\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = (\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = \frac{(\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = (\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = \frac{(\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = (\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = \frac{(\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = (\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = \frac{(\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = (\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = \frac{(\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = (\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = \frac{(\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = (\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = \frac{(\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = (\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = \frac{(\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = (\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = \frac{(\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = (\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = \frac{(\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = (\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = \frac{(\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = (\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = \frac{(\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = (\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = \frac{(\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = (\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = \frac{(\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = (\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = \frac{(\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = (\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = \frac{(\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = (\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = \frac{(\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = (\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = \frac{(\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = (\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = \frac{(\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = (\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = \frac{(\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = (\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = \frac{(\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = (\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = \frac{(\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = (\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = \frac{(\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = (\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = \frac{(\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = (\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = \frac{(\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = (\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = \frac{(\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = (\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = (\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) =$$

क और ख खुआड़ियों के हाथ की रकमें हैं, और अप स्वाप्त हैं, उनमें से लिये गये मिन्नीय माग हैं, और प खाम है। इसे समीकार से भी प्राप्त किया जा सकता है, यथा—

$$\alpha = \frac{\pi}{c}$$
 स = $\gamma = \pi - \frac{\omega}{a}$ क, जहाँ क और स अज्ञात राशियाँ हैं।

जयित हि पक्षी ते में देहि स्वर्ण श्विजयोऽसि द्यां ते। तद्द्वित्रयंशकमधेत्यपरं च पुनः स संसूत्य ॥ २७१३ ॥ त्रिचतुर्थं प्रतिवाञ्छत्युभयस्माद् द्वाद्शैव छामः स्यात्। तत्कुक्कुटिककरस्थं बृहि त्वं गणकमुखतिछक ॥ २७२३ ॥

राशिलब्धच्छेदिमश्रविभागसूत्रम्— प्रिश्रादूनितसंख्या छेदः सैकेन तेन शेषस्य । भागं हत्वा छब्धं लाभोनितशेष एव राशिः स्यात् ॥ २७३५ ॥

अत्रोदेशकः

केनापि किमपि भक्तं सच्छेदो राशिमिश्रितो लामः । पद्माशित्त्रिभरिधका तच्छेदः किं भवेल्लब्धम् ॥ २०४३ ॥ इष्टसंख्यायोज्यत्याज्यवर्गम् लराश्यानयनसूत्रम् योज्यत्याज्ययुतिः सरूपविषमामध्नाधिता वर्गिता व्यमा बन्धहृता च रूपसहिता त्याज्येक्यशेषामयोः ।

उन्हों दशाओं में वाँच में कगाये गये घन का है धन देने की प्रतिज्ञा की। प्रत्येक दशा में उसे दोनों से केवल १२ (स्वर्ण के दुकड़े) लाम के रूप में मिले। हे गणक मुख तिलक ! बतलाओ कि प्रत्येक पक्षी के स्वामी के पास वाँच में लगाने के किये हाथ में कितना-कितना धन था ? ॥२७०-२७२३॥

अज्ञात भाज्य संख्या, भजनफळ और भाजक को उनके मिश्रित योग में से अलग-अलग करने के किये नियम:---

कोई मी सुविधाजनक मनसे खुनी हुई संख्या जिसे दिये गये मिश्रित योग में से घटाना पढ़ता है प्रक्ष में भाजक होती है। इस भाजक को १ द्वारा बड़ाने से प्राप्त राश्चि द्वारा, मन से खुनी हुई संख्या को दिये गये मिश्रित योग में से घटाने से प्राप्त रोष को, भाजित किया जाता है। इससे इष्ट भजनफळ प्राप्त होता है। वही (उपर्युक्त) रोष, इस भजनफळ से हासित होकर, इष्ट भाज्य संख्या बन जाता है।।२७६३।।

उदाहरणार्थ प्रश्न

कोई अज्ञात राशि किसी अन्य अज्ञात राशि द्वारा भाजित होती है। यहाँ भाजक, भाज्य संख्या और भजनफळ का योग ५३ है। वह भाजक क्या है, तथा भजनफळ क्या है ? ॥२७४२॥

दस संख्या को निकाकने के किये नियम, जो मूळ संख्या में कोई ज्ञात संख्या को जोड़ने पर, वर्गमूळ बन जाती है; अथवा जो मूळ संख्या में से दूसरी ज्ञात संख्या घटाई जाने पर, वर्गमूळ बन जाती है—

जोड़ी जाने वाकी राशि और घटाई जानेवाकी राशि के योग को उस योग की निकटतम युग्म संख्या से ऊपर के अतिरेक (excess above the even number) में एक जोड़ने से प्राप्त फका द्वारा गुणित करते हैं। परिणामी गुणनफक को आधा किया जाता है, और तब वर्गित किया जाता है। इस वर्गित राशि में से उपर्युक्त सम्भव आधिक्य (योग की निकटतम युग्म संस्था से ऊपर का अतिरेक—excess) घटाते हैं। यह फक ४ द्वारा भाजित किया जाता है, और तब १ में जोड़ा जाता

शेषेक्यार्धयुतोनिता फलमिदं राशिभेवेद्वाञ्ख्यो-स्त्याज्यात्याज्यमहत्त्वयोरथ कृतेर्मूलं ददात्येव सः ॥ २७५३ ॥ अत्रोदेशकः

राशिः करिचइशिः संयुक्तः सप्तदशिभरिष हीनः।
मूळं ददाति गुद्धं तं राशि स्यान्ममाग्रु वद गणक।। २०६३।।
राशिः सप्तमिक्तो यः सोऽष्टादशिभरिन्वतः करिचत्।
मूळं यच्छिति गुद्धं विगणय्याचक्ष्य तं गणक।। २००३।।
राशिद्विज्यंशोनिक्सिमभागान्वितस्स एव पुनः।
मूळं यच्छिति कोऽसी कथय विचिन्त्याग्रु तं गणक।। २०८३॥

है। परिणामी राशि को क्रमशः ऐसी दो राशियों के आधे अन्तर में जोड़ा जाता है, अथवा अर्ड अंतर में से घटाया जाता है, जिन्हें कि अयुग्म कनानेवाली अतिरेक राशि द्वारा बन दशाओं में हासित किया जाता है अथवा बढ़ाया जाता है, जब कि घटाई जानेवाली दी गई मूल शशि जोड़ी जानेवाली दी गई मूल राशि से बड़ी अथवा छोटी होती है। इस प्रकार प्राप्त फक वह संख्या होती है, जो दत्त राशियों से इच्छानुसार सम्बन्धित होकर, निश्चित रूप से वर्गमूल को उत्पन्न करती है। २७५३॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

कोई संख्या जब १० से बढ़ाई अथवा १७ से घटाई जाती है, तब वह चयार्थ बर्गमूळ बन जाती है। यदि सम्भव हो तो, हे गणितक, मुझे बीझ ही वह संख्या बतलाओ ॥ २७६ है॥ कोई राशि जब ७ द्वारा हासित की जाती है अथवा १८ हारा बढ़ाई जाती है, तो वह वथार्थ वर्गमूळ बन जाती है। हे गणक ! उस संख्या को गणना के पश्चात् वतळाओ ॥ २७७ है॥ कोई राशि है द्वारा हासित होकर, अथवा है हारा बढ़ाई जाकर यथार्थ वर्गमूळ उत्पन्न करती है। हे गणक, सोचकर बीझ ही वह सम्भव संख्या बतळाओ ॥ २७८ है॥

(२७५५) बीजीय रूप से, मानलो निकाली बानेवाली राश्चिक है, और उसमें जोड़ी जानेवाली अथवा उसमें से घटाई बानेवाली राश्चियां क्रमशः अ, व है, तब इस नियम का निरूपण करनेवाला सूत्र निम्नलिखित डांगा*—

(२७८२) गाथा २७५२ के नोट में व और अ द्वारा निरूपित संख्यायें (को वास्तव में है और है), इस प्रश्न में मिन्नीय होने के कारण, यह आवश्यक है कि दिये गये नियम के अनुसार उन्हें

• इसे रंगाचार्य ने निम्न धकार दिया है जो नियम से नहीं मिछता है ।
$$\left\{ \frac{(a+b)+(1+1)\div^2}{4} \right\}^2 - 1 + 1 \pm \frac{a-b\pm 1}{2}$$

ग॰ सा॰ सं०-२१

इष्टसंख्याहीनयुक्तवर्गमूळानयनसूत्रम्— उदिष्टो यो राशिस्त्वर्धीकृतवर्गितोऽथ रूपयुतः । यच्छति मृत्यं स्वेष्टात्संयुक्ते चापनीते च ॥२७९५॥

अत्रोदेशकः

दशिम: संमिश्रोऽयं दशिभस्तैर्वर्जितस्तु संशुद्धम्। यच्छति मूळं गणक प्रकथय संचिन्त्य राशि मे ॥ २८०३ ॥

इष्टवर्गीकृतराशिद्धयादिष्टव्नादन्तरमृखादिष्टानयनस्त्रम्— सैकेष्टव्येकेष्टावधीकृत्याथ वर्गितौ राशी । एताविष्टन्नावथ तद्विष्टलेषस्य मूलमिष्टं स्यात् ॥२८१३॥

जो किसी ज्ञात संख्या द्वारा बढ़ाई अथवा द्वासित की जाती है, ऐसी अज्ञात संख्या के वर्गमूल को निकालने के लिये नियम--

दी गई जात राशि को आधा करके वर्गित किया जाता है और तब उसमें एक जोड़ा जाता है। परिणामी संक्या को, जब या तो इच्छित दी हुई राशि द्वारा बढ़ाते हैं अथवा उसी दी हुई राशि द्वारा द्वासित करते हैं, तब यथार्थ वर्गमूल प्राप्त होता है।। २७९३ ॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

एक संस्था है, जो जब १० द्वारा बढ़ाई जाती है अथवा १० द्वारा हासित की जाती है, दो यथार्थ बर्गमूछ को देती है। हे गणक, ठीक तरह सोच कर वह संख्या बताओ ॥ २८०ई ॥

ज्ञात संख्या द्वारा गुणित इष्ट वर्ग राशियों की सहायता से, और साथ ही इन गुणनफड़ों के अंतर के वर्गमुख के मान को उरवक्ष करने वाकी उसी ज्ञात संख्या की सहायता से, उन्हीं दो इष्ट वर्ग राशियों को निकासने के निवम:—

दी गई संख्या को १ द्वारा बढ़ाया जाता है, और उसी दी गई संख्या को १ द्वारा हासित भी किया जाता है। परिणामी राशियों को जब आधा कर वर्गित किया जाता है, तो दो इष्ट राशियों उत्पक्त होती हैं। यदि इन्हें अलग-अलग दी गई राशि द्वारा गुणित किया जाये, तो इन गुणनफलों के अंतर के वर्गमूल से दी हुई राशि हत्यन्न होती है। २८१२ ॥

इल करने की किया द्वारा इटा दिया बाय। इसके लिये वे पहिले एक से इर वाली बना ली जाती हैं और कमशः दे हैं और द्वारा निरूपित की जाती हैं। तब इन राशियों को (२१) दारा गुणित किया जाता है, बिससे २९४ तथा १८९ अहीएँ प्राप्त होती हैं, जो प्रश्न में ब और अ मान ली गई हैं। इन मानी हुई व और अ राशियों के द्वारा प्राप्त फल को (२१) दारा प्राजित किया जाता है, और भजनफल ही प्रश्न का उत्तर होता है।

(२७९२) यह गाथा २७५ में दिये गये नियम की केवल एक विशिष्ट दशा है, जहाँ अ को व के बराबर लिया जाता है।

(२८१३) बीजीय रूप से, बब दो गई संख्या द होती है, तब $\left(\frac{c+t}{2}\right)^2$ और $\left(\frac{c-t}{2}\right)^2$ इष्ट विगत राशियाँ होती हैं।

यौकौचिद्वर्गीकृतराक्षी गुणितौ तु सैकसप्तत्या । सद्विदलेषपदं स्थादेकोत्तरसप्ततिश्च राष्ट्री कौ ॥ विगणय्य चित्रकुट्टिकर्गाणतं बदि वेत्सि गणक मे बृहि ॥ २८३ ॥

युतहीनप्रक्षेपकगुणकारानयनसूत्रम्— संवर्गितेष्टशेषं द्विष्ठं रूपेष्टयुतगुणाभ्यां तन् । विपरीताभ्यां विभजेत्प्रक्षेपौ तत्र हीनौ वा ॥२८४॥

अत्रोद्देशक:

त्रिकपञ्चकसंवर्गः पञ्चद्शाष्टाद्शैव चेष्टमपि । इष्टं चतुर्देशात्र प्रक्षेपः कोऽत्र हानिर्वो ॥२८५॥ विपरीतकरणानयनसूत्रम्—
प्रत्युत्पन्ने भागो भागे गुणितोऽधिके पुनः शोध्यः । वर्गे मूछं मुछे वर्गो विपरीतकरणमिद्म् ॥२८६॥

उदाहरणार्थ परन

दो अज्ञात वर्गित राशियों को ७१ द्वारा गुणित किया जाता है। इन दो परिणामी गुणनफकों के अंतर का वर्गमूळ भी ७१ होता है। हे गणक, यदि चित्र कुटीकार से परिचित हो, तो गणना कर उन दो अज्ञात राशियों को मुझे बतकाओ ॥ २८२३-२८३॥

किसी दिये गये गुण्य और दिये गये गुणकार (multiplier) के सम्बन्ध में इष्ट बदती या बदती को निकासने के लिये नियम (ताकि इस गुणनफल प्राप्त हो)-

इष्ट गुणनफळ और दिये गये गुण्य तथा गुणस्कार का परिणामी गुणनफळ (इन दोनों गुणनफळों) के अंतर को दो स्थानों में लिखा जाता है। परिणामी गुणनफळ के गुणावयनों में से किसी एक में १ जोड़ते हैं, और दूसरे में इष्ट गुणनफळ जोड़ते हैं। जपर दो स्थानों में इच्छानुसार किखा गया वह अंतर अकग-अछग इस प्रकार प्राप्त होने वाले योगों द्वारा व्यस्त कम में भाजित किया जाता है। ये उन राशियों को उत्पन्न करते हैं, जो कमशः दिये गये गुण्य और गुणकार अथवा कमशः उनमें से घटाई जाने वाली राशियों में जोड़ी जाती हैं॥ २८४॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

३ और ५ का गुणनफल १५ है। इष्ट गुणनफल १८ है, और वह १४ भी है। गुण्य और गुण-कार में यहाँ कीन सी तीन राशियों जोड़ी जाँय भयवा उत्तमें से घटाई जाँव ? ॥ २८५ ॥

विपरीतकरण (working backwards) क्रिया द्वारा इष्ट फर्क प्राप्त करने के लिए नियम-जहाँ गुजन है वहाँ भाजन करना, जहाँ भाजन है वहाँ गुजन करना, जहाँ जोड़ किया गया है बहाँ घटाना करना, जहाँ वर्ग किया गया है वहाँ वर्गमूळ निकाळना, जहाँ वर्गमूळ दिया गया है वहाँ वर्ग करना—यह विपरीतकरण क्रिया है ॥ २८६ ॥

(२८४) जोड़ी जानेवाकी और घटाई जानेवाली राशियाँ ये हैं-

क्योंकि (अ $\pm \frac{c_1 - \omega a}{c_1 + a}$) ($a + \frac{c_1 - \omega a}{\omega + c_1}$) = द, जहाँ अ और व दिये गये गुणनखंड हैं, और द इष्ट गुणन है।

सप्तहते को राशिक्षिगुणो वर्गीकृतः शर्येषुकः । त्रिगुणितपञ्चाशहतस्त्वधितमूळं च पञ्चक्षपणि ॥ २८७ ॥ साधारणशरपरिध्यानयनसूत्रम्— शरपरिधित्रकामळनं वर्गितमेतत्पुनिक्षभिः सहितम् । द्वादशहतेऽपि ळब्धं शरसंख्या स्यात्कलापकाविष्टा ॥ २८८ ॥

उदाहरणार्थ पश्न

वह कीन सी राशि है, जो ७ द्वारा भाजित होकर, तब ३ हारा गुणित होकर, तब विगत की जाकर, तब ५ द्वारा बढ़ाई जाकर, तब है द्वारा भाजित होकर; तब आधी होकर, और तब वर्गमूल निकाल जाने पर, ५ होती है ? ॥ २८७ ॥

तरकश के साधारण परिध्यान (common circumferential layer) की संरचना करनेवाले तीरों की युग्म संख्या की सहायता से किसी तरकश में रखे हुए वाणों की संख्या निकालने के किये नियम—

परिध्वान बनाने वाली बाणों की संस्था में ३ जोड़ो, तब इस परिणामी योग को वर्गित करो, भीर इस वर्गित राशि में फिर से ३ जोड़ो। यदि प्रामुफ्क १२ द्वारा भाजित किया जाय, तो भजनफर तरका के तीरों की संस्था का प्रमाण बन जाता है ॥२८८॥

(२८८) तीरों की कुछ संख्या प्राप्त करने के छिये, यहाँ दिया गया सूत्र (न + ३)२ + ३ है; अहाँ 'न' परिध्यान द्यारों की संख्या है । यह सूत्र निम्निछिखित रीति से भी प्राप्त हो सकता है—

रेखागणित (श्यामिति) से सिद्ध किया जा सकता है कि किसी वृत्त के चारों ओर कंवल ६ वृत्त खींचे जा सकते हैं। ऐसे सभी वृत्त तुत्य होते हैं, तथा प्रत्येक वृत्त दो आसन्त वृत्तों को स्पर्श करता हुआ बीच के (केन्द्रीय) वृत्त को भी स्पर्श करता है। इन वृत्तों के चारों ओर फिर से उतने ही नापके १२ वृत्त उसी प्रकार खींचे जा सकते हैं, और फिर से इन वृत्तों के चारों ओर केवल ऐसे ही १८ वृत्त खींचे जाना सम्भव हैं, इत्यादि। इस प्रकार, प्रथम घेरे में ६ वृत्त, दूसरे में १२, तीसरे में १८ होते हैं, इत्यादि। इसल्ये प वें घेरें में ६ प वृत्त होंगे। अब प घेरों में वृत्तों की कुल संख्या (केन्द्रीय वृत्त से गिनी जाकर) —

१+१×६+२×६+३×६+.....+ $q \times e = ?+६ (?+2+3+.....+q)$ = $?+६ \frac{q(q+?)}{2} = ?+3 q(q+?)$ होगी। यदि ६ प का मान 'न' दिया गया हो, तो कुल हत्तों की संख्या $?+3 \times \frac{q}{6} \left(\frac{n}{6}+?\right)$ होगी, जो इस नोट के आएम में दिये गये सूत्र रूप में महािखत की जा सकती है।

परिधिशरा अष्टादश तूणीरस्थाः शराः के स्युः। गणितज्ञ यदि विचित्रे कुट्टीकारे श्रमोऽस्ति ते कथय॥ २८९॥

इति मिश्रकव्यवहारे विचित्रकुट्टीकारः समाप्तः।

श्रेढीबद्धसंकलितम्

इतः परं मिश्रकगणिते श्रेढीबद्धसंकितं व्याख्यास्यामः। हीनाधिकचयसंकित्यधनानयनसूत्रम्— व्येकार्धपदोनाधिकचयघातोनान्वितः पुनः प्रभवः। गच्छाभ्यस्तो हीनाधिकचयससुदायसंकित्तम्॥ २५०॥

अत्रोदेशकः

चतुरुत्तरदश चादिहींनचयक्षीण पद्भ गच्छः किम्। द्वाबादिर्वृद्धिचयः षट् पदमष्टौ धनं भवेदत्र॥ २९१॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

परिध्यान शरों की संख्या १८ है। कुछ मिछाकर तरकश में कितने शर हैं, हे गणितझ, यदि तुमने विचित्र कुट्टीकार के सम्बन्ध में कष्ट किया है, तो इसे इक करो।।२८९॥

इस प्रकार, मिश्रक व्यवहार में विचित्र कुटीकार नामक प्रकरण समाप्त हुआ।

श्रेढीबद्ध संकलित (श्रेणियों का संकलन)

इसके पश्चाद इस गणित में श्रेणियों के संकलन की व्याख्या करेंगे। धनात्मक अथवा ऋणात्मक प्रचववाली समान्तर श्रेणी के योग को निकालने के लिये नियम:—

प्रथमपद उस गुणनफल के द्वारा या तो घटाया अथवा बहाया जाता है, जो ऋणात्मक या धनात्मक प्रथम में श्रेणी के एक कम पदों की संख्या की अर्ज राशि का गुणन करने से प्राप्त होता है। तब यह प्राप्तफल श्रेणी के पदों की संख्या से गुणित किया जाता है। इस प्रकार, धनात्मक अथवा ऋणात्मक प्रथमका समान्तर श्रेणी के योग को प्राप्त किया जाता है। १९०॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

प्रथम पद १४ है; ऋणारमक प्रचय १ है; पदों की संख्या ५ है। प्रथमपद २ है; बनारमक प्रचय ६ है; और पदों की संख्या ८ है। इन दशाओं में से प्रत्येक में श्रेणी का बोग बतकाओ ॥२९१॥

⁽ १९०) बीजीय रूप से, $\left(\frac{\pi-\ell}{2}a\pm a\right)$ न = श, जहाँ न पदों की संख्या है, अ प्रथम पद है; व प्रचय है, और श भेगीका योग है ।

अधिकहीनोत्तरसंकिळत्धने आधुत्तरानयनसूत्रम्— गच्छिवभक्ते गणिते रूपोनपदार्धगुणितचयहीने। आदिः पदहृतिवत्तं चाद्यनं व्येकपदद्खहतः प्रचयः॥ २९२॥

अत्रोदेशकः

चत्यारिंशद्रणितं गच्छः पद्ध त्रयः प्रचयः । न झायतेऽधुनादिः प्रभवो द्विः प्रचयमाचक्ष्व ॥२९३॥

श्रेढीसंकलितगच्छान्यनसूत्रम् —

आदिविहीनो लाभः प्रचयार्थहृतः स एव रूपयुतः।

गच्छो स्राभेन गुणो गच्छः ससंकल्प्तिधनं च संभवति ॥ २९४ ॥

अत्रोद्देशकः

त्रीण्युत्तरमादिई वनिताभिश्चोत्पळानि भक्तानि । एकस्या भागोऽष्टी कति वनिताः कति च कुसुमानि ॥ २५५॥

धनारमक अथवा ऋणारमक प्रचयबाळी समान्तर श्रेणी के योग के सम्बन्ध में प्रथमपद और प्रयम निकालने के किये नियम—

श्रेणी के दिये गये योग को पदों की संख्या द्वारा भाजित करो, और परिणामी भजनफल मैं से प्रथम द्वारा गुणित एक कम पदों की संख्या की आधीराशि को घटाओ । इस प्रकार, श्रेणी का प्रथमपद प्राप्त होता है। श्रेणी के योग को पदों की संख्या द्वारा भाजित करते हैं। इस परिणामी भजनफल मैं से प्रथम पद घटाते हैं। श्रेष को जब १ कम पदों की संख्या की आधी राशि द्वारा भाजित करते हैं, तो प्रथम पद घटाते हैं। श्रेष को जब १ कम पदों की संख्या की आधी राशि द्वारा भाजित करते हैं, तो प्रथम प्राप्त होता है।।२९२॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

श्रेणी का योग ४० है; पदों की संख्या ५ है; प्रचय १ है; प्रथमपद अज्ञात है। उसे निकाको। यदि प्रथमपद २ हो, तो प्रचय प्राप्त करो ॥ २९१ ॥

जो योग को पदों की अञ्चात संख्या से भाजित करने पर अजनफळ के रूप में आस होता है, ऐसे ज्ञात काम की सहायता से समान्तर श्रेणी में योग और पदों की संख्या निकाकने के लिये नियम—

काभ को प्रथम एद (आदिपद) द्वारा द्वासित किया जाता है, और तब प्रचय की आधी राशि द्वारा भाजित किया जाता है। परिणामी राशि में १ जोड़ने पर श्रेणी के पदों की संख्या प्राप्त होती है। श्रेणी के पदों की संख्या को काभ द्वारा गुणित करने पर श्रेणी का योग प्राप्त होता है। १५४॥

उदाहरणार्थ पञ्न

समान्तर श्रेणी के थोग प्ररूपक, कोई संख्या के, उत्पक्त कूछ छिये गये। २ प्रथमपद है, ६ प्रचय है। कोई संख्या की स्त्रियों ने आपस में ये फूल बराबर-बराबर बाँटे। प्रत्येक स्त्री को ८ फूल हिस्से में मिलें। स्त्रियाँ कितनी थीं, और फूल कितने थे ? ॥ २९५॥

(१९२) बीजीय रूप से,
$$a = \frac{u}{\eta} - \frac{\eta}{2} + \frac{\eta}{2}$$
 बोर $a = \left(\frac{u}{\eta} - a\right) + \frac{\eta - \xi}{\xi}$. (१९४) बीजीय रूप से, $a = \frac{w - at}{a/2} + \xi$, जहाँ $a = \frac{u}{\eta}$ जो काम है । (२९५) स्थियों की संख्या ही इस प्रका में पदों की संख्या है ।

वर्गसंकिलतानयनस्त्रम्— सैकेष्टकृतिर्द्धिमा सैकेष्टोनेष्टदलगुणिता । कृतियनचितिसंघातिककमक्तो वर्गसंकिलतम् ॥ २९६ ॥ अत्रोद्देशकः

अष्टाष्टादशर्विशतिषट्येकाशीतिषटकृतीनां च। कृतिषनिविसंकलितं वर्गचितिं चाशु मे कथय॥ २५०॥

इष्टायुत्तरपद्वर्गसंकिलतधनानयनस्त्रम्— द्विगुणैकोनपदोत्तरकृतिहतिषष्टांशमुखचयहतयुतिः । व्येकपद्वा मुखकृतिसहिता पद्ताडितेष्टकृतिचितिका ॥ २९८ ॥

एक से आरम्भ होने वाली दी गई संख्या की प्राकृत संख्याओं के वर्गों का बोग निकालने के क्रिये निवस —

दी गई संख्या को एक द्वारा बढ़ाते हैं, और तब विशेत करते हैं। यह विशेत राबि २ से गुणित की जाती है, और तब एक द्वारा बढ़ाई गई दस राशि द्वारा हासित की जाती है। इस प्रकार प्राप्त होष को दस संख्या की आधी राबी द्वारा गुणित करते हैं। यह परिणाम उस योग के तुन्य होता है जो दी गई संख्या के वर्ग, दी गई संख्या के धन और दी गई संख्या की प्राकृत संख्याओं को जोड़ने पर प्राप्त होता है। इस मिश्रित योग को ३ द्वारा आजित करने पर (दी गई संख्या की) प्राकृत संख्याओं के वर्ग का योग प्राप्त होता है।। २९६॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

प्राकृत संख्याओं वाली कुछ श्रेणियों में, प्राकृत संख्याओं की संख्या (क्रम से) ८,१८,२०,६०,८१ और २६ है। प्रत्येक द्वा में वह योगफक बतलाओ, वो दी गई संख्या का वर्ग, उसका घन, और प्राकृत संख्याओं का योग जोड़ने पर प्राप्त होता है। दो गई संख्या वाली प्राकृत संख्याओं के वर्गों का योग भी बतलाओं ॥ २९७॥

समान्तर श्रेणी में कुछ पदों के वर्गों का जोग निकाकने के लिये नियम, जहाँ प्रथमपद, प्रचय और पदों की संख्या दी गई हो —

पदों की संख्या की दुगुनी शश्चि १ द्वारा हासित की जाती है, तब प्रचय के वर्ग द्वारा गुणित की जाती है, भीर तब ६ द्वारा भाजित की जाती है। प्राप्तफळ में प्रथमपद और प्रचय के गुणनफळ को जोड़ते हैं। परिणामी योग को एक द्वारा हासित पदों की संख्या से गुणित करते हैं। इस प्रकार प्राप्त गुणनफळ में प्रथमपद की वर्गित राशि को जोड़ा जाता है। प्राप्त योग को पदों की संख्या से गुणित करने पर दी गई श्रेडि के पदों के वर्गों का बोग प्राप्त होता है।। २९८॥

(२९६) बीबीय रूप से, $\left\{ \frac{2(n+1)}{3} + \frac{1}{2} = 112$, जो न तक की प्राकृत संख्याओं के वर्ग का दोग है।

 $(\frac{2}{2} + \frac{2}{4} + \frac$

पुनरिष इष्टागुत्तरपद्वर्गसंकितानयनसूत्रम् — द्विगुणैकोनपदोत्तरकृतिहतिरेकोनपद्दताङ्गहृता । व्येकपदादिचयाहतिमुखकृतियुक्ता पदाहता सारम् ॥ २९९ ॥

अत्रोदेशकः

त्रीण्यादिः पञ्च चयो गच्छः पञ्चास्य कथय कृतिचितिकाम्। पञ्चादिश्वीण चयो गच्छः सप्रास्य का च कृतिचितिका॥ ३००॥

घनसंकितानयनसूत्रम्— गच्छाघेवगेराज्ञी रूपाधिकगच्छवगैसंगुणितः । घनसंकितं प्रोक्तं गणितेऽस्मिन् गणिततत्त्वज्ञैः ॥ ३०१॥

अत्रोहेशकः

षण्णामष्टानामपि सप्तानां पंचविक्ततीनां च । षट्पंचाक्रान्मिश्रितकातद्वयस्यापि कथय घनपिण्डम् ॥ ३०२ ॥

पुनः समान्तर श्रेणी में कोई संख्या के पदों के वर्गों का योग निकासने के सिये अन्य नियम, जहाँ प्रथम पद, प्रथम, और पदों की संख्या दी गई हो—

श्रेणी के पदों की संख्या की दुगुनी राशि एक द्वारा द्वासित की जाती है, और तब प्रचय के वर्ग द्वारा गुणित की जाती है। प्राप्तफल एक कम पदों की संख्या द्वारा गुणित किया जाता है। यह गुणन-फल ६ द्वारा भाजित किया जाता है। इस परिणामी भन्ननफल में, प्रथम पद का दर्ग तथा एक कम पदों की संख्या का योग, प्रथम पद, और भचय, इन तीनों का संतत गुणनफल जोड़ा जाता है। इस प्रकार माप्त फल, पदों की संख्या द्वारा गुणित होकर, इष्ट फल को उत्पन्न करता है। २९९॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी समान्तर श्रेणी में प्रथम पद ३ है, प्रचय ५ है, तथा पदों की संख्या ५ है। श्रेणी के पदों के वर्गों के योग को निकाको। इसी प्रकार, दूसरी समान्तर श्रेदि में प्रथम पद ५ है, प्रथय ३ है, और पदों की संख्या ७ है। इस श्रेणी के पदों के वर्गों का योग क्या है ? ।। ३०० ।।

किसी दी हुई संख्या की प्राकृत रंख्याओं के घनों के बीग को निकालने के लिये निवम-

पदों की दी गई संख्या की अर्बराशि के वर्ग द्वारा निरूपित राशि को १ अधिक पदों की संख्या के बोग के वर्ग द्वारा गुणित करते हैं। इस गणित में, यह फक गणिततस्वज्ञों द्वारा (दी हुई संख्या की) प्राहृत संख्याओं के बनों का बोग कहा गया है।। ३०१।।

उदाहरणार्थ पश्न

प्रत्येक दशा में ६, ८, ७, २५ और २५६ पर्दो वाकी प्राकृत संख्याओं के वर्तों का योग बतकाओं ॥ ३०२ ॥

⁽ ३०१) बीबीय रूप से, $(\pi/2)^2$ ($\pi+2$) = π को न पदौ तक की प्राकृत संख्याओं के बनों का योग है ।

इष्टाद्युत्तरगच्छघनसंकिलतानयनस्त्रम्— चित्यादिहतिर्मुखचयशेषन्ना प्रचयनिन्नचितिवर्गे । आदौ प्रचयादूने वियुता युक्ताधिके तु घनचितिका ॥ ३०३ ॥

अत्रोदेशकः

भादिस्रयश्चयो द्वौ गच्छः पद्भास्य घनचितिका । पद्भादिः सप्तचयो गच्छः षट् का भवेष घनचितिका ॥ ३०४ ॥

संकलित संकलितानयनस्त्रम्— द्विगुणैकोनपदोत्तरक्वतिहतिरङ्गाहता चयार्थयुता । आदिचयाहतियुक्ता व्येकपदन्नादिगुणितेन ॥ सैकप्रभवेन युता पददलगुणितैव चितिचितिका ॥ ३०५३ ॥

जहाँ प्रथम पद, प्रचय और पदों की संख्या को मन से खुना गया है, ऐसी समान्तर श्रेटि के पदों के बनों के थोग को निकालने के लिये नियम—

(दी हुई श्रेटि के सरक परों के) योग को प्रथम पद द्वारा गुणित कर, प्रथम पद और प्रचय के अंतर द्वारा गुणित करते हैं। तब श्रेटि के योग के वर्ग को प्रचय द्वारा गुणित करते हैं। यदि प्रथम पद प्रचय से छोटा हो, तो ऊपर प्राप्त गुणनफकों में से पहिले को दूसरे गुणनफक में से घटाबा जाता है। यदि प्रथम पद प्रचय से बदा हो, तो ऊपर प्राप्त प्रथम गुणनफक को दूसरे गुणनफक में जोड़ देते हैं। इस प्रकार बनों का इष्ट योग प्राप्त होता है।। ३०३।।

उदाहरणार्थ पश्न

बनों का बोग क्या हो सकता है, जब कि प्रथम पद ६ है, प्रचय २ है, और पदों की संख्या ५ है, अथवा प्रथम पद ५ है, प्रचय ७ है, और पदों की संख्या ६ है ? ॥ ३०४ ॥

पेसी श्रेडि की दी हुई संख्या के पदों का बोग निकासने के किए नियम, जहाँ पद उत्तरोत्तर १ से लेकर निर्दिष्ट सीमा तक प्राकृत संख्याओं के बोग हों, तथा वे सीमित संख्याचें दी हुई समान्तर श्रेडि के पद हों—

समान्तर शेढि में दी गई शेढि की पदों की संस्था की दुगुनी राशि को एक द्वारा कम करते हैं, शीर तब प्रचय के वर्ग द्वारा गुणित करते हैं। यह गुणनफक र द्वारा भाजित किया जाता है। प्राप्त फळ प्रचय की अर्दराशि में जोदा जाता है, और साथ ही प्रथम पद और प्रचय के गुणनफक में भी जोदा जाता है। इस प्रकार प्राप्त बोग को एक कम पदों की संस्था द्वारा गुणित किया जाता है। प्राप्त गुणनफक को प्रथम पद तथा १ में प्रथम पद जोदने से प्राप्तराशि के गुणनफक में जोदा जाता है। इस प्रकार प्राप्तराशि को जब शेढि के पदों की संस्था की शर्द राशिद्वारा गुणित किया जाता है, तो ऐसी शेढि का इष्ट योग प्राप्त होता है, जिसके स्वपद ही निर्दिष्ट श्रेडि के योग होते हैं। १०५-१०५ है।।

⁽३०३) बीजीय रूप से,

[±] श अ (अ/व) + श व = समान्तर श्रेटि के पदों के धनों का योग,

बहाँ श श्रेद्धि के सरल पदों का योग है। स्त्र में प्रथम पद का चिह्न यदि स > व हो, तो + (धन); और यदि स < व हो, तो -- (ऋण) होता है।

आदिः षट् पक्क चयः पदमप्यष्टादशाथ संदृष्टम् । एकाद्येकोत्तरचितिसंकितं कि पदाष्ट्रदशकस्य ॥ ३०६६ ॥

चतुर-ंकिलतानयनसूत्रम् — सैकपदार्धपदार्हातरदवैर्निहता पदोनिता त्र्याप्ता । सैकपदम्ना चितिचितिचितिकृतिघनसंयुतिर्भवति ॥ ३०७३॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

यह देखा जाता है कि किसी श्रेष्ठिका प्रथम पद ६ है, प्रचय ५ है, और पदों की संक्या १८ है। इन १८ पदों के सम्बन्ध में, इन विभिन्न श्रेष्ठियों के योगों के योग को बतलाओ, जो कि १ प्रथम पद बाकी और १ प्रचय वाकी हैं।।३०६२।।

(नीचे निर्दिष्ट और किसी दी हुई संस्था द्वारा निरूपित) चार राशियों के घोता को निकासने के सिये नियम--

दी गई संख्या १ द्वारा बदाई जाकर, आधी की जाती है, और तब निज के द्वारा तथा ७ द्वारा गुणित की जाती है। इस परिणामी गुणनफल में से बढ़ी दत्त संख्या घटाई जाती है। परिणामी शेष को ६ द्वारा भाजित किया जाता है। इस मकार प्राप्त भजनफल जब एक द्वारा खढ़ाई गई इसी इस संख्या द्वारा गुणित किया जाता है, तब बार निर्देष्ट राक्षियों का इष्ट योग प्राप्त होता है। ऐसी चार निर्देष्ट राशियों, कमशः, दी हुई संख्या तक की प्राकृत संख्याओं का योग, दी गई संख्या तक की प्राकृत संख्याओं के योग, दी गई संख्या तक की प्राकृत संख्याओं के योगों के योग, दी गई संख्या का वर्ग और दी गई संख्या का चन होती हैं। १०७६ ॥

(१०५-१०५२) बीजीय रूप से,
$$\left[\left\{ \frac{(2\pi-2)\pi^2}{8} + \frac{\pi}{2} + 3\pi \right\} (\pi-2) + 3\pi (3\pi+2) \right] \frac{\pi}{2}$$

यह समान्तर श्रेटि का योग है, जहाँ प्रथमपद किसी सीमित संख्या तक की प्राकृत संख्याओं बाली श्रेटि के योग का निरूपण करता है— ऐसी सीमित संख्या जो किसी समान्तर श्रेटि का ही एक पद है।

$$\frac{-1\times(7+2)\times 6}{2} = -7$$

$$(2 \circ 6 \circ 2) \text{ alimit } = 7$$

$$(3 \circ 6 \circ 2) \text{ alimit } = 7$$

इस नियम में, निर्दिष्ट चार राशियों का योग है। यहाँ चार निर्दिष्ट राशियों, क्रमशः, ये हैं:— (१) 'न' प्राकृत संख्याओं का योग, (२) 'न' तक की विमिन्न प्राकृत संख्याओं द्वारा क्रमशः सीमित विभिन्न प्राकृत संख्याओं के योग, (३) 'न' का वर्ग और (४) 'न' का घन।

सप्ताष्टनबद्धानां बोडशपञ्चाश्चदेकषष्ठीनाम् । मृहि चतुःसंकितं सूत्राणि पृथक् पृथक् कृत्वा ॥ ३०८३ ॥ संघातसकितानयनसूत्रम्— गच्छक्तिरूपसहितो गच्छचतुर्भागताहितः सैकः । सपदपद्छतिबिनिन्नो भवति हि संघातसंकित्वम् ॥ ३०९३ ॥

अत्रोदेशकः

सप्तकृतेः षट्षष्ट्यास्त्रयोदशानां चतुर्दशानां च ।
पञ्चाप्रविश्वतीनां कि स्यात् संघातसंकल्पित्म् ॥ ३१०३ ॥
भिन्नगुणसंकल्पितानयनसूत्रम् —
समदल्खिषमस्वरूपं गुणगुणितं बर्गताहितं द्विष्ठम् ।

उदाहरणार्थ प्रश्न

दी हुई संख्याएँ ७, ८, ९, १०, १६, ५० और ६१ हैं। आवश्यक नियमों को विचारकर, प्रत्येक दशा में, चार निर्देश राशियों के योग को वतकाओं ॥१०८ _दै॥

(पूर्व व्यवहृत चार प्रकार की श्रेष्ठियों के) सामृहिक योग को निकालने के लिये नियम-

पदों की संख्या को ६ में जोड़ते हैं, और प्राप्तकल को पदों की संख्या के चतुर्थ भाग द्वारा गुणित करते हैं। तब इसमें एक जोड़ा जाता है। इस परिणामी राशि को जब पदों की संख्या के वर्ग को पदों की संख्या द्वारा बढ़ाने से प्राप्तराशि द्वारा गुणित किया जाता है, तब वह इष्ट सामूहिक योग को उरपन्न करती है।।६०९-है।।

उदाहरणार्थ प्रश्न

४९, ६६, १६, १६ और २५ द्वारा निक्षपित विभिन्न श्रेडियों के सम्बन्ध में इष्ट सामूहिक योग क्या होता ? ॥३१०३॥

गुणोत्तर श्रेडि में भिन्नों की श्रेडि के योग को निकासने के किये नियम-

श्रीं के पदों की संख्या को अलग-अलग स्तम्भ में, क्रमशः, श्रून्य तथा १ द्वारा चिद्धित (marked) कर लिया जाता है। चिद्धित करने की विधि यह है कि युग्ममान को आधा किया जाता है, और अयुग्म मान में से १ घट:या जाता है। इस विधि को तब तक जारी रखा जाता है, जब तक कि अन्ततीगत्वा श्रून्य प्राप्त नहीं होता। तब इस श्रून्य और १ द्वारा बनी हुई प्ररूपक श्रेष्ठि को, क्रमवार, अन्तिम १ से उपयोग में लाते हैं, ताकि यह १ साधारण निष्पत्ति द्वारा गुणित हो। जहाँ १ अभिधानी पद (denoting item) रहता है, वहाँ इसे फिर से साधारण निष्पत्ति द्वारा गुणित करते हैं। और जहाँ श्रून्य अभिधानी पद होता है, वहाँ वर्ग प्राप्त करने के खिये उसे साधारण निष्पत्ति द्वारा

⁽१०९२) बीजीब रूप से, $\left\{ (7+1) \frac{\pi}{8} + 2 \right\} (\pi^2 + \pi)$ बोगों का सामूहिक योग है, अर्थात् नियम २९६, १०१ और १०५ से १०५२ में बतसाई गई श्रेद्रियों के योगों तथा 'न' तक की प्राकृत संख्याओं के योग (इन सब योगों) का सामृहिक योग है।

अंशासं व्येकं फलमायन्यमं गुणोनरूपहृतम् ॥ १११३ ॥

अत्रोद्देशकः

दीनारार्धं पक्कसुनगरेषु चयस्त्रिभागोऽभूत । आदिस्त्रयंशः पादो गुणोत्तरं सप्त भिन्नगुणचितिका । का भवति कथय शीघं यदि तेऽस्ति परिश्रमो गणिते ॥ ३१३ ॥

अधिकहीनगुणसंकल्लितानयनसूत्रम्— गुणिचितिरन्यादिहता विपदाधिकहीनसंगुणा भक्ता। व्येकगुणेनान्या फलरिहता हीनेऽधिके तु फलयुक्ता॥ ३१४॥

शुणित करते हैं। इस किया का फल दो स्थानों में किया जाता है। इस प्रकार प्राप्त, एक स्थान में रखे हुए, फल के अंश को फल द्वारा ही भावित करते हैं। तब उसमें से 4 बटाया जाता है। परिणामी रशि को श्रेंदि के प्रथमपद द्वारा गुणित किया जाता है, और तब दूसरे स्थान में रखी हुई राशि द्वारा गुणित किया जाता है। इस प्रकार प्राप्त गुणनफल बब १ हारा हासित साधारण निष्पत्ति द्वारा भाजित किया जाता है, तब श्रेंदि का इष्ट योग उत्पन्न होता है।। १११२ ॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

५ नगरों के सम्बन्ध में, प्रथम पद है दीनार है, और साधारण निष्पत्ति है है। उन सबमें प्राप्त दीनारों के बोग को निकाको। प्रथमपद है है, साधारण निष्पत्ति है है और पदों की संख्या ७ है। यदि द्वमने गणना में परिश्रम किया हो, तो वहाँ गुणोत्तर भिक्षीय श्रेष्टि का योग बतलाओ ॥११२है-३१३॥

शुणोत्तर श्रेडि का योग निकासने के स्थि नियम, जहाँ किसी दी गई ज्ञात शांश द्वारा किसी निर्दिष्ट शिवि से पद या तो बढ़ाबे वा घटाबे जाते हों-

जिसके सम्बन्ध में प्रथमपद, साधारण निष्पत्त और पदों की संख्या दी गई है ऐसी घुद्ध गुणी-त्तर श्रेंढि के योग को दो स्थानों में हिस्सा जाता है। इनमें से एक को दिये गये प्रथमपद द्वारा भाजित किया जाता है। इस परिणामी अजनफरू में से पदों की दी गई संख्या को घटाया जाता है। परिणामी शेष की प्रस्तावित श्रेंढि के पदों में जोड़ी जानेवाली अथवा दनमें से घटाई जानेवाली दत्त राशि द्वारा घुणित किया जाता है। इस प्रकार प्राप्त राशि को १ द्वारा हासित साधारण निष्पत्ति द्वारा भाजित किया जाता है। व्सरे स्थान में रखे हुए योग को इस अन्तिम परिणामी अजनफरू राशि द्वारा हासित किया जाता है, जब कि श्रेंढि के पदों में से दी गई राशि घटाई जाती हो। पर, यदि वह जोड़ी जाती हो, तो व्सरे स्थान में रखे हुए गुणोत्तर श्रेंढि के योग को दक्त परिणामी अजनफरू द्वारा बढ़ाया जाता है। प्रश्येक दशा में प्राप्तफर्क निर्देष्ट श्रेंढि का इष्ट योग होता है। ३१४॥

⁽ ३११२) इस नियम में, भिनीय साधारण निष्पत्ति का अंश इमेशा १ के लिया जाता है। अध्याय २ की ९४ वीं गाथा तथा उसकी टिप्पणी दृष्टव्य है।

⁽ २१४) बीजीय रूप से, $\pm \left(\frac{\pi}{24} - r \right) + \div (\tau - ?) + \pi;$ वह निम्निक्कित रूपवाली श्रेटि का योग है—

a, aर $\pm \mu$, (aर $\pm \mu$) र $\pm \mu$, $\{(a$ र $\pm \mu)$ र $\pm \mu$, \cdots

पश्च गुणोत्तरमादिद्वौँ त्रीण्यधिकं पदं हि चत्वारः। अधिकगुणोत्तरचितिका कथय विचिन्त्याशु गणिततत्त्वज्ञ ॥ ३१५॥ आदिस्त्रीणि गुणोत्तरमष्टौ हीनं द्वयं च दश गच्छः। हीनगुणोत्तरचितिका का भवति विचिन्त्य कथय गणकाशु ॥ ३१६॥

आयुत्तरगच्छधनिमश्रायुत्तरगच्छानयनसूत्रम् — मिश्रादुद्धृत्य पदं ह्रपोनेच्छाधनेन सैकेन । छट्धं प्रचयः शेषः सहूपपद्माजितः प्रभवः ॥३१७॥ अत्रोद्देशकः

आयुत्तरपद्मिश्रं पञ्चाश्चद्धनिम**हैव** संदृष्टम् । गणितज्ञाचक्ष्यः त्वं प्रभवोत्तरपद्धनान्याशु ॥३१८॥ संकल्पितगतिभुवगतिभ्यां समानकालानयनस्त्रम—

ध्रवगतिरादिविद्दीनश्चयदस्यकः सरूपकः कालः।

उदाहरणार्थ प्रश्न

साधारण निष्पत्त ५ है, प्रधमपद २ है, विभिन्न पदों में जोड़ी जानेवाली राशि ६ है, और पदों की संख्या ४ है। है गणित तत्वज्ञ, विचार कर शीध्र ही (निर्दिष्ट रीति के अनुसार निर्दिष्ट राशि द्वारा बढ़ाप जाते हैं पद जिसके ऐसी) गुणोत्तर भेटि के योग को बतलाओ ॥ ३१५ ॥

प्रथमपद ३ है, साधारण निष्पत्ति ८ है, पदों में से घटाई जानेवाकी राशि २ है, और पदों की संख्या १० है। ऐसी श्रेष्टि का. हे गणितक्ष, योग निकाको ॥ ३१६॥

प्रथमपद, प्रचय, पर्दों की संख्या और किसी समान्तर क्षेत्रि के योग के मिश्रित योग में से प्रथम पद, प्रचय और पदों की संख्या निकालने के लिये नियम—

श्रीत के पदों की संख्या का निरूपण करनेवाकी मन से जुनी हुई संख्या को दिये गये मिश्रित योग में से बटाया जाता है। तब १ से आरम्भ होने वाकी और एक कम पदों की (मन से जुनी हुई) संख्यावाकी प्राकृत संख्याओं का योग १ द्वारा बदाया जाता है। इस परिणामी फल को भाजक मान कर, उत्पर कथित मिश्रित योग से प्राप्त होष को भाजित करते हैं। यह भजनफल इष्ट प्रचय होता है, और इस भाजन की किया में जो होष बचता है उसे जब एक अधिक (मन से जुनी हुई) पदों की संख्या द्वारा भाजित करते हैं, तो इष्ट प्रथमपद प्राप्त होता है।। ११७।।

उदाहरणार्थ प्रश्न

यह देखा जाता है कि किसी समान्तर छेडि का बोग, प्रथमपद, प्रचय और पदों की संख्या में मिकाबे जाने पर, ५० होता है। हे गणक, शीघ्रही प्रथमपद, प्रचय, पदों की संख्या और श्रेडि के योग को बतळाओं !! १९८ !!

सङ्कार्कित गति के तथा ध्रुव गति से गमन करने वाले दो व्यक्तियों (को एक साथ रवाना होने पर एक जगह फिर से मिकने) के क्रिये समय की समान सीमा निकाकने के क्रिये नियम—

अपरिवर्तनशीक गति को समान्तर श्रीह बाकी गतियों के श्रथम पद द्वारा हासित करते हैं, श्रीर तब प्रचय की अर्द्ध राशि द्वारा भाजित करते हैं। इस परिणामी शक्ति में जब १ ओड़ते हैं, तब मिछने

⁽ ३१७) अध्याय दो की गायाएँ ८० - ८२ तथा उनके नोट देखिये ।

[#] समान्तर शेंद्र के पदों के रूप में प्ररूपित उत्तरोत्तर गतियों रूप गति ।

हिगुणो मार्गस्तद्रतियोगहतो योगकालः स्यात् ॥ ३१९ ॥ अत्रोहेशकः

करिचन्नरः प्रयाति त्रिभिरादा चत्तरैस्तथाष्टाभिः । नियतगतिरेकविंशतिरनयोः कः प्राप्तकालः स्यात् ॥ ३२०॥

अपरार्धोदाहरणम् ।

षद् योजनानि कश्चित्पुरुषस्त्वपरः प्रयाति च त्रीणि । उभयोरभिमुखगत्योरष्टोत्तरज्ञतकयोजनं गम्यम् ।

प्रत्येकं च तयोः स्यात्कालः किं गणक कथय मे शोल्रम् ॥ ३२१३ ॥

संकित्रसमागमकाल्योजनानयनसूत्रम् — उभयोराचोः शेषश्चयशेषहतो द्विसंगुणः सैकः । यगपत्प्रयाणयोः स्थान्मार्गे तु समागमः कालः ॥ ३२२३ ॥

का इष्ट समय प्राप्त होता है। (जब दो मनुष्य निश्चित गति से विरद्ध दिशाओं में चल रहे हों, तब उनमें से किसी एक के द्वारा तय की गई औसत दूरी की दुगुनी राशि पूरी तय की जानेवाली बाशा होती है। जब यह उनकी गतियों के योग द्वारा भाजित की जाती है, तब उनके सिकने का समय प्राप्त होता है।)।। २१८ ।।

उदाहरणार्थ प्रश्न

कोई मनुष्य आरम्भ में ३ की गति से और उत्तरोत्तर ८ प्रचय द्वारा नियमित रूप से यदाने वाकी गति से जाता है। दूसरे मनुष्य की निश्चित गति २१ है। यदि वे एक ही दिशा में, एक समय, उसी स्थान से प्रस्थान करें, तो उनके मिछने का समय क्या होगा ?।। ३२०।।

(ऊपर की गाथा के) उत्तरार्द्ध के लिये उदाहरणार्थ प्रश्न

एक मनुष्य ६ योजन की गति से और दूसरा ३ योजन की गति से यात्रा करता है। उनमें से किसी एक के द्वारा तय की गईं औसत दूरी १०८ योजन है। हे गणक, उनके मिछने का समय निकालों।। ३२१-३२१३ ॥

बदि दो व्यक्ति एक ही स्थान से, एक ही समय तथा विभिन्न संक्रकित गतियों से प्रस्थान करें, सो उनके मिल्ने का समय और तय की गई दूरी निकालने के लिये नियम—

डक्त दो प्रथम पदों का आंतर जब उक्त दो प्रचयों के अंतर से भाजित होकर और तब २ से गुणित होकर १ द्वारा बदाबा जाय, तो युगपत् बाश करने वाले व्यक्तियों के मिलने का समय उत्पक्त होता है।। १२२२ ।।

(३१९) बीजीय रूप से, (व - अ)÷ न् + १ = स, जहाँ व निश्चल वेग है, व प्रचय है, और स समय है।

अत्रोहेशकः

चत्वार्याद्यष्टोत्तरमेको गच्छत्यथो द्वितीयो ना । द्वौ प्रचयश्च दशादिः समागमे कस्तयोः काढः ॥ ३२३५ ॥

वृध्युत्तरहीनोत्तरयोः समागमकालानयनसूत्रम्— शेषश्चाद्योरुभयोर चययुतदलभक्तपयुतः । युगपत्त्रयाणकृतयोर्मार्गे संयोगकालः स्यात् ॥ ३२४५ ॥ अन्नोदेशकः ।

पद्धाद्यष्टोत्तरतः प्रथमो नाथ द्वितीयनरः । आदिः पद्धप्रनव प्रचयो हीनोऽष्ट योगकालः कः ॥ ३२५३ ॥

शीव्रगतिमन्दगत्योः समागमकालानयनसूत्रम्— मन्दगतिशीव्रगत्योरेकाशागमनमत्र गम्यं यन् । तदत्यन्तरभक्तं लब्धविनैस्तैः प्रयाति शीव्रोऽस्पम् ॥३२६३॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

एक व्यक्ति ४ से आरम्भ होने वासी और उत्तरोत्तर प्रचय ८ द्वारा बढ़ने वासी गतियों से यात्रा करता है। दूसरा व्यक्ति ३० से आरम्भ होने वासी और उत्तरोत्तर २ ४वय द्वारा बढ़ने वासी गतियों से यात्रा करता है। उनके मिस्ने का समय क्या है ? ॥ ३२३ रे॥

एक ही स्थान से श्वाना होने वाले और एक ही दिशा में समान्तर श्रेटि में बदनेवाकी गतियाँ से बान्ना करने वाले दो व्यक्तियों के मिकने का समय निकालने के लिए नियम, जब कि प्रथम दशा में प्रवय धनारमक है, और दसरी दशा में ऋणारमक है:---

डक्त दो प्रथम पदों के अंतर को उक्त दो दिये गये प्रचर्यों का प्ररूपण करनेवाकी संख्याओं के योग की अर्ज राशि द्वारा भाषित करने के पश्चात् प्राप्त फक्ष में १ जोड़ा जाता है। यह उन दो बाजियों के मिकने का समय होता है ॥३२४-३॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

प्रथम व्यक्ति ५ से आरम्भ होने वाली और उत्तरोत्तर प्रचय ८ द्वारा यदनेवाकी गतियों से यात्रा करता है। दूसरे व्यक्ति की आरम्भिक गति ४५ है और प्रचय ऋण ८ है। उनके मिकने का समय क्या है ? ॥३२५२॥

भिन्न समयों पर स्वामा होनेवाले और क्रमशः तीव और मंद् गति से एक ही दिशा में चळनेवाले दो मनुष्यों के मिकने का समय निकालने के छिए नियम—

मंदगित और तीव्रगति वाले दोनों एक ही दिशा में गमनशील हैं। तथ की जानेवाली दूरी को यहाँ इन दो गतियों के अंतर द्वारा माजित किया जाता है। इस मजनफक द्वारा मरुपित दिनों में, तीव्र गतिवाला मंदगति वाले की ओर जाता है।।३२६ है।।

⁽३२४३) इसकी तुलना ३२२३ वीं गाथा में दिये गये नियम से करो।

नषयोजनानि कश्चित्प्रयाति योजनशतं गतं तेन । प्रतिदृतो ब्रजति पुनस्रयोदशाप्नोति कैर्दिवसैः ॥३२७३॥

विषमवाणेस्तूणीरवाणपरिधिकरणसूत्रम्— परिणाहस्त्रिभिरधिको दक्षितो वर्गीकृतस्त्रिभिर्भकः। सैक. शरास्तु परिषेरानयने तत्र विपरीतम्।।३२८३॥

अत्रोद्देशकः

नव परिधिस्तु शराणां संख्या न ज्ञायते पुनस्तेषाम् । त्र्युत्तरदशबाणास्तरपरिणाहशरांश्च कथय मे गणक ॥३२९३॥

श्रेद्धोबद्धे इष्टकानयनसूत्रम् — तरवर्गो रूपोर्नास्त्रभिविभक्तस्तरेण संगुणितः । तरसंकलिते स्वेष्टपताहिते मिश्रतः सारम् ॥३३०३॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

कोई व्यक्ति ९ योजन मितिदन की गति से बान्ना करता है। इसके द्वारा १०० योजन की दूरी पहिले ही तब की का चुकी है। एक संदेशवाहक उसके पीछे १६ योजन प्रति दिन की गति से नेजा गया। यह कितने दिनों में उससे जाकर मिलेगा ? ॥३२७३॥

तरकश में भरे हुए जात अयुग्म संस्था के शरों की सहायता से तरकश के शरों की परिष्यान-संस्था निकाकने के किये (तथा विकोम क्रमेण) नियम---

परिध्यान क्षरों की संख्या की ६ द्वारा बद्दाकर आधा किया जाता है। इसे वर्गित किया जाता है, और तब ६ द्वारा भाजित किया जाता है। इस परिणामी राशि में १ जोड़ने पर तरकश के क्षरों की संख्या प्राप्त होती है। जब परिध्यान वारों की संख्या निकाकनी होती है, तो विपरीत किया करनी पड़ती है।।२२८२।।

उदाहरणार्थ प्रक्त

शरों की परिध्यान संख्या ९ है । उनकी कुछ संख्या अज्ञात है । यह कीन सी हं १ तरकश में कुछ शरों की संख्या १६ है । हे गणितज्ञ, परिध्यान शरों की संख्या बतलाओ ॥६२९२॥

किसी भवन की श्रेणीबद (एक के उत्पर दूसरी) इष्टकाओं (ईंटों) की संख्या निकालने के किये नियम-

सवहों की संख्या के वर्ग की 3 द्वारा द्वासित कर ३ द्वारा भाजित किया जाता है, और तब सवहों की संख्या द्वारा गुणित किया जाता है। इस प्रकार प्राप्त राशि में बह गुणनफळ जोड़ते हैं, जो सबसे ऊपर की सवह की हैंटों को प्ररूपित करनेवाकी (मन से जुनी हुई) संख्या और एक से आरंभ होकर दी गई सवहों की संख्या तक की प्राकृत कैक्याओं के योग का गुणन करने से प्राप्त होता है। प्राप्तफ इड उत्तर होता है। १३२०२॥

 $^{(33 \}circ \frac{1}{2})$ बीजीय रूप से, $\frac{7^2 - ?}{?} \times 7 + 34 \times \frac{7 \cdot (7 + ?)}{?}$, यह, बनावट की कुछ हैंटों की संख्या है; जहाँ 'न' सतहों की संख्या है, और 'अ' सर्वोच सतह में हैंटों की मन से चुनी हुई संख्या है।

पश्चतरैकेनाम्रं व्यवघटिता गणितविन्मित्रे । समचतुरश्रश्रेढी कतीष्टकाः स्युर्भमाचक्ष ॥३३१६॥ नन्धावर्ताकारं चतुस्तराः षष्टिसमघटिताः । सर्वेष्टकाः कति स्युः श्रेढीबद्धं ममाचक्व ॥३३२९॥

छन्दः शास्त्रोक्तषट्श्रययानां सूत्राणि — समद्छविषमखरूपं द्विगुणं वर्गीकृतं च पदसंख्या । संख्या विषमा सैका दछतो गुरुरेव समदछतः ॥३३३५॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

प सतहबाछी एक वर्गाकार बनावट नैयार की गई है। सबसे उपर की सतह में केवल १ ईंट है। हे प्रश्न की गणना जानने वाले मित्र, इस बनावट में कुछ कितनी हैंटें हैं? ॥६६१५॥ नन्यावर्त के आकार की एक बनावट उत्तरोत्तर हैंटों की सतहों से तैयार की गई है। एक एंकि में सबसे अपर की हैंटों का संख्यारमक मान ६० है, जिसके द्वारा ४ सतहें सम्मतीय बनाई गई हैं। बतछाओ इसमें कुछ कितनी हैंटें कगाई गई हैं? ॥६६२९॥

छन्द (prosody) शास्त्रोक्त कः प्रश्ययों को जानने के किये नियम-

दिये गये शब्दांशिक छन्द में शब्दांशों (अक्षरों) अथवा पदों की युग्म और अयुग्म संख्या को अक्ष्म स्वम्म में कमलः ॰ और १ द्वारा चिन्हित किया जाता है। (चिन्हित करने की विधि इसी अध्वाय के १११२ वें सूत्र में देखिये।) वह इस प्रकार है: युग्ममान को आधा किया जाता है, और अयुग्म मान में से १ घटाया जाता है। इस विधि को तब तक जारी रखा जाता है, जब तक कि अंतरोगस्वा सून्य प्राप्त नहीं होता। इस प्रकार प्राप्त अंकों की श्रक्क्या में अंकों को दुगुना कर दिया जाता है, और तब श्रद्धका की तकी से शिखर तक की संतत गुजन किया में, वे अंक, जिनके कपर सून्य आता है, वर्गित कर दिये जाते हैं। इस संतत गुजन का परिणामी गुजनफक छन्द के विभिन्न सम्भव श्लोकों की संख्या होता है।।३३३३।। इस प्रकार प्राप्त सभी प्रकार के श्लोकों में कछ और गुरु

किसी भी सतह की लम्बाई अथवा चौड़ाई पर इंटों की संख्या, अग्रिम निम्न (नीची) सतह की ईंटों से १ कम होती है।

(६६२५) गाथा में निर्देष्ट नन्यावतं आकृति यह है—

(१३१६-३३६ है) गुढ और लघु शब्दांशों (syllables) के भिन्नांभन्न विन्यास के संवादों कई विभेद उत्पन्न होते हैं, इयोकि कोक (stanza) के एक चौथाई माग को बनानेवाले पद (line) में पाया जानेवाला प्रत्येक शब्दांश या तो लघु अथवा गुढ हो सकता है। इन विभेदों के विन्यासों के लिये कोई निश्चित कम उपयोग में लाया जाता है। यहाँ दिये गये नियम हमें निम्नलिखित को निकालने में सहायक होते हैं, (१) निर्दिष्ट शब्दांशों की संख्या वाले छन्द में सम्मव विभेदों की संख्या, (२) इन प्रकारों में शब्दांशों के विन्यास की विधि, (३) स्वक्रमस्चक श्यित द्वारा निर्दिष्ट किसी विभेद में शब्दांशों का विन्यास, (४) शब्दांशों के निर्दिष्ट विन्यास की क्रमस्चक श्यित, (५) निर्दिष्ट संख्या के गुढ और लघु शब्दांशों वाले विभेदों की संख्या, और (६) किसी विशेष छन्द के विभेदों का प्रदर्शन करने के लिये उद्य (लग्न रूप) जगह का परिमाण।

स्याल्रघुरेवं कमशः प्रस्तारोऽयं विनिर्दिष्टः । नष्टाङ्कार्थे लघुरथ तस्सैकदले गुरुः पुनः पुनः स्थानम् ॥३३४३॥

अक्षरों (syllables) के विन्यास को इस प्रकार निकाकते हैं-

? से आरम्भ होनेवाली तथा दिये गये छन्दों में श्लोकों की महत्तम सम्भव संख्या के माप में अंत होनेवाली प्राकृत संख्याएँ दिखा जाती हैं। प्रत्येक अयुग्म संख्या में ? बोहा जाता है, और तब उसे आभा किया जाता है। जब यह किया की जाती है, तब गुरु अक्षर (syllable) निश्चित पूर्वक स्चित होता है। जहाँ संख्या युग्म होती है वह तत्काक ही आधी कर दी जाती है, जिससे वह लघु प्रत्यय (syllable) को स्चित करती है। इस प्रकार, दशा के अनुसार (उसी सभय संवादी गुरु और छचु

स्त्रोक १३७६ में दिये गये प्रश्नों को निम्नलिखित रूप में इस करने पर ये नियम स्पष्ट हो जावेंगे— (१) छन्द में ३ बाब्दांश होते हैं: अब इस इस प्रश्नार आगे बढ़ते हैं—

३-१ १ दाहिने हाथ की अंखला के अङ्गो को २ द्वारा गुणित करने पर हमें • प्राप्त २|२ °

१-१ १ होता है। अध्याय २ के ९४ वें स्त्रोक (गाया) की टिप्पणी में समझाये अनुसार गुणन और वर्ग करने की विचि द्वारा हमें ८ प्राप्त होता है। यही विभेदों की संख्या है।

(२) प्रत्येक विमेद में शब्दांशों के विन्यास की विधि इस प्रकार प्राप्त होती है-

प्रथम प्रकार: १ अयुग्म होने के कारण गुरु शब्दांश है; इसक्षिये प्रथम शब्दांश गुरु है। इस १ में (बिमेद) १ जोडो, और योग को २ द्वारा आफित करें। भजनफल अयुग्म है, और इसरे गर

(विभद) र जाइन, और यान का २ द्वारा भाजित करा। भजनपूछ अयुग्म है, और दूसरे गुढ ग्रन्दांश को दर्शाता है। फिर से, इस भजनपूछ १ में १ जोड़ते हैं, और योग को २ द्वारा भाजित करते हैं; परिणाम फिर से अयुग्म होता है, और तीमरे गुढ शब्दांश को दर्शाता है। इस मकार, प्रथम प्रकार में तीन गुढ शब्दांश होते हैं, जो इस मकार दर्शाये जाते हैं ि ि

दितीय प्रकार: २ युग्म हांने के कारण टबु शब्दांश स्वित करता है। जब इस २ को २ द्वारा (विभेद) भाजित करते हैं, तो मजनफल १ होता है जो अयुग्म होने के कारण गुढ़ शब्दांश को स्वित करता है। इस १ में १ जोड़ो, और योग को २ द्वारा भाजित करो; मजनफल अयुग्म होने के कारण गुढ़ शब्दांश को स्वित करता है। इस प्रकार, हमें यह प्राप्त होता है | े

इसी प्रकार अन्य विमेदों को प्राप्त करते हैं।

(३) उदाहरण के लिये, पाँचवाँ प्रकार (विभेद) उपर की तरह प्राप्त किया जा सकता है।

(४) उदाइरण के लिये, | प्रकार (विमेद) की क्रमसूचक स्थित निकालने के लिये इम यह रीति अपनाते हैं—

151

इन शब्दांशों के नीचे, जिसकी साधारण निष्पत्ति २ है और प्रथमपद १ है ऐसी गुणोत्तर ओढ जिखो । छष्ठु शब्दांशों के नीचे किसे अंक ४ और १ जोड़ो, और योग को १ द्वारा बढ़ाओ । हमें ६ माप्त रूपाद्द्रगुणोत्तरतस्तू इष्टे छाङ्क संयुतिः सैका।
एकायेकोत्तरतः पद्मूष्योधर्यतः क्रमोत्क्रमद्याः ॥३३५३॥
स्थाप्य प्रतिलोमघ्रं प्रतिलोमघ्रेन भाजितं सारम्।
स्यालघुगुरुक्षयेयं संख्या द्विगुणैकवर्जिता साध्या ॥३३६३॥

सक्षर देखते हुए), १ जोड़ने अथवा नहीं जोड़ने के साथ आधी करने की किया, नियमित रूप से, तब तक जारी रखना चाहिये, जब तक कि, प्रत्येक दशा में छन्द के प्रत्ययों की यथार्थ संख्या प्राप्त नहीं हो जाती।

चिंद स्वाभाविक अभ में किसी प्रकार के पद का श्रक्षपण करनेवाली संख्या, (जहाँ अक्षरों का विन्यास शाल करना होता है) युग्म हो तो वह आधी कर दी जाती है और छघु अक्षर को सूचित करती है। यदि वह अयुग्म हो, तो उसमें १ जोड़ा जाता है और तब उसे आधा किया जाता है : और वह गुरु अक्षर द्वीती है। इस प्रकार गुरु और छघु अक्षरों को उनकी श्रमधार स्थितिमें वारवार रखना पड़ता है जब तक कि पद में अक्षरों की महत्तम संख्या प्राप्त नहीं हो वाती। यह, इंटोक (stanza) के हुट प्रकार में, गुरु और छघु अक्षरों के विन्यास को देता है।।३३४।।

अहाँ किसी विशेष प्रकार का इलोक दिया होने पर खसकी निर्दिष्ट स्थिति (छन्द में सम्भव प्रकारों के इलोकों में से) निकालना हो, वहाँ एक से आरम्भ होनेवाली और २ साधारण निष्पत्ति वाली गुणोत्तर श्रेष्ठि के पदों (terms) को लिख लिया जाता है, (यहाँ श्रेष्ठि के पदों की संख्या, दिये गये छन्दों में अक्षरों की संख्या के तुल्य होती है)। इन पदों (terms) के ऊपर संवादी गुरु वा छच्छ अक्षर लिख लिये जाते हैं। तब छच्च अक्षरों के ठीक नीचे की स्थिति वाले सभी पद (terms) जोड़े जाते हैं। इस प्रकार प्राप्त योग एक द्वारा बढ़ाया जाता है। यह इष्ट निर्दिष्ट क्रमसंख्या होती है।

१ से आरम्भ होने वाली (और छन्द में दिये गये अक्षरों की संख्या तक जाने वाली) प्राकृत संक्याएँ, नियमित कम और न्युत्कम में, दो पंक्तियों में, एक दूसरे के नीचे लिख की जाती हैं। पंक्ति की संक्याएँ १, २, ६ (अथवा एक ही बार में इनसे अधिक) द्वारा दाएँ से बाएँ और गुणित की जाती हैं। इस प्रकार प्राप्त उपर की पंक्ति सम्बन्धी गुणन-फकों हारा माजित किये जाते हैं। तब प्राप्त मजनफक, कविता (verse) में १, २, ६ या इनसे अधिक, छोटे या बढ़े अक्षरों वाले (दिये गये छन्द में) इकोकों (Stanzas) के प्रकारों की संख्या की प्रकरणा करता है। इसे ही निकालना इस होता है।

दिये गये छन्द (metro) में इलोकों के विभेदों की सम्भव संख्या को दो द्वारा गुणित कर एक द्वारा हासित किया जाता है। यह फक अध्वान का माप देता है।

यहाँ, छम्द के प्रत्येक दो उत्तरोत्तर विभेदों (प्रकारों) के बीच स्लोक (stanzas) के मुख्य अंतराक (interval) का होना माना जाता है ।।३३५३-३३६३।।

होता है। इसिक्टिये ऐसा कहते हैं कि त्रि-शब्दश्चिक छन्द में यह छठवाँ प्रकार (विभेद) है। (५) मानको प्रकृत यह है: २ छोटे शब्दांशों वाले विभेद कितने हैं?

प्राकृत संख्याओं को नियमित और विलोम कम में एक दूसरे के नीचे इस प्रकार रखो: १२३ दाहिने ओर से बाई ओर को, ऊपर से और नीचे से दो पद (terms) लेकर, इम पूर्ववर्ती गुणनफड़

संख्या प्रस्तारविधि नष्टोहिष्टे लगकियाध्वानौ । षट्प्रत्ययांश्च शोघं त्र्यक्षरवृत्तस्य मे कथय ॥३३७३॥

इति मिश्रकन्यवहारे श्रेढीबद्धसङ्कालितं समाप्तम् । इति सारसंप्रहे गणितशास्त्रे महावीराचार्यस्य कृतो मिश्रकगणितं नाम पञ्जमन्यवहारः समाप्तः ॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

३ अक्षरों (syllables) वाले छन्द्र के सम्बन्ध में ६ प्रश्वयों की बतलाओ-...

(१) छन्द के सम्भव इलोकों (stanzas) की महत्तम संख्या, (२) उन इलोकों में अक्षरों के बिन्यास का क्रम, (३) किसी दिये गये प्रकार के इलोकों में अक्षरों (शब्दांशों) का बिन्यास, जहाँ छन्द में सम्भव प्रकारों की क्रमस्चक स्थित ज्ञात है, (४) दिये गये इलोक की क्रमस्चक स्थिति, (५) किसी दी गई लघु या गुरु अक्षरों (शब्दांशों) की संख्यावाले दिये गये छम्द (metre) में इलोकों की संख्या, और (६) अध्वान नामक राशि ॥३३७३॥

इस प्रकार, मिश्रक व्यवहार में श्रेडियद संक्लित नामक प्रकरण समास हुआ।

इस प्रकार, महावीराचार्य की कृति सारसंग्रह नामक गणितशास्त्र में मिश्रक नामक पद्धम व्यवहार समाप्त हुआ।

को उत्तरवर्ती गुणनफळ द्वारा भाजित करते हैं। भजनफळ ३ इष्ट उत्तर है।

⁽६) ऐसा कहा गया है कि छन्द के किसी भी प्रकार के गुढ़ और स्यु शन्दांशों के निरूपण करनेवाले प्रतीक, एक अंगुल उदम (vertical) बगह के केते हैं, और कोई भी दो विभेदों के बीच का अंतराल (जगह) भी एक अंगुल होना चाहिये। इसल्ये, इस छन्द के ८ प्रकारों (विभेदों) के लिये इष्ट उदम (vertical) जगह का परिमाण २×८-१ अथवा १५ अंगुल होता है।

७. चेत्रगणित व्यवहारः

सिद्धेभ्यो निष्ठितार्थेभ्यो बरिष्ठेभ्यः कृताद्रः । अभिभेतार्थसिद्धवर्थं नमस्कुर्वे पुनः पुनः ॥ १ ॥

इतः परं क्षेत्रगणितं नाम षष्ठगणितसुदाहरिष्यामः । तद्यथा-

स्तेतं जिनप्रणीतं फलाश्रयाद्वयायहारिकं स्क्मिमिति।
भेदाद् द्विधा विचिन्त्य व्यवहारं स्पष्टमेतद्भिधास्ये॥ २॥
त्रिभुजचतुर्भेजवृत्तस्त्रेत्राणि स्वस्वभेदभिन्नानि। गणिताणवपारगतेराचार्येः सम्यगुक्तानि॥ ३॥
त्रिभुजं त्रिधा विभिन्नं चतुर्भुजं पद्मधाष्ट्रधा वृत्तम्। अवशेषस्रेत्राणि होतेषां भेदभिन्नानि॥ ४॥
त्रिभुजं तु समं द्विसमं विषमं चतुरश्रमिप समं मवति।
द्विद्विसमं द्विसमं स्यात्त्रिसमं विषमं वुधाः प्राहुः॥ ५॥
समवृत्तमधेवृत्तं चायतवृत्तं च कम्बुकावृत्तम्। निम्नोन्नतं च वृत्तं बहिर्न्तश्रक्षवालवृत्तं च॥ ६॥

७. क्षेत्र-गणित व्यवहार (क्षेत्रफल के माप सम्बन्धी गणना)

अपने इष्ट अर्थ की सिद्धि के लिये मैं मन, वचन, काय से कृतकृत्य और सर्वोत्कृष्ट सिद्धों को वारंवार सादर नमस्कार करता हूँ ॥ १ ॥

इसके पश्चात् इम क्षेत्र गणित नामक विषय की छः प्रकार की गणना की व्याख्या करेंगे जो निग्निकिखित है---

जिन भगवान् ने इन्निफ्छ का दो प्रकार का माप प्रणीत किया है, जो फळ के स्वभाव पर आधारित है; अर्थात् एक वह जो व्यावहारिक प्रयोजनों के लिये अनुमानतः लिया जाता है, और दूसरा वह जो सूक्ष्म रूप से खुद्ध होता है। इसे विचार में लेकर में इस विचय को स्पष्ट रूप से समझाऊँगा। २॥ गणित क्यो समुद्र के पारगामी आचार्यों ने सम्यक् (ठीक) रूप से विविध प्रकार के क्षेत्रफलों के विचय में कहा है। उन क्षेत्रफलों में त्रिशुज, चतुर्शुज और वृत्त (वक्ररेखीय) क्षेत्रों को इन्हीं कमवार प्रकारों में वर्णित किया है॥ ३॥ त्रिशुज क्षेत्र को तीन प्रकार में, चतुर्शुज को पाँच प्रकार में, और वृत्त को आठ प्रकार में विभाजित किया गया है। शेष प्रकार के क्षेत्र वास्तव में इन्हीं विभिन्न प्रकारों के क्षेत्रों के विभिन्न मेद हैं॥ ४॥ बुद्धमान कोग कहते हैं कि त्रिशुज क्षेत्र, समत्रिशुज, द्विसम त्रिशुज (समद्विवाह त्रिशुज) और विचम त्रिशुज हो सकता है, और चतुर्शुज क्षेत्र, समत्रिशुज, द्विसम त्रिशुज (समद्विवाह त्रिशुज) और विचम त्रिशुज हो सकता है, और चतुर्शुज जिसकी दो असमा-चारुश (वर्षो), हिद्विसमचतुरश (आयत), हिसमचतुरश (समक्रम्ब चतुर्शुज, जिसकी तीन शुजारें बरावर नापकी हों), त्रिसमचतुरश (समक्रम्ब चतुर्शुज, जिसकी तीन शुजारें बरावर नापकी हों), त्रिसमचतुरश (समक्रम्ब चतुर्शुज, जिसकी तीन शुजारें बरावर नापकी हों), विचम चतुरश (सोवाहच चतुर्शुज क्षेत्र), कम्बुकावृत्त (शंकाकार क्षेत्र), निद्मावृत्त (सोवाहच वृत्ति क्ष्मण), व्यव्यक्रक्षण वृत्त (वाहर स्थित कक्कण), एवं बातश्रक्रकाक वृत्त (वाहर स्थित कक्कण), एवं बातश्रक्रकाक वृत्त (वाहर स्थित कक्कण), एवं बातश्रक्रकाक वृत्त (वाहर

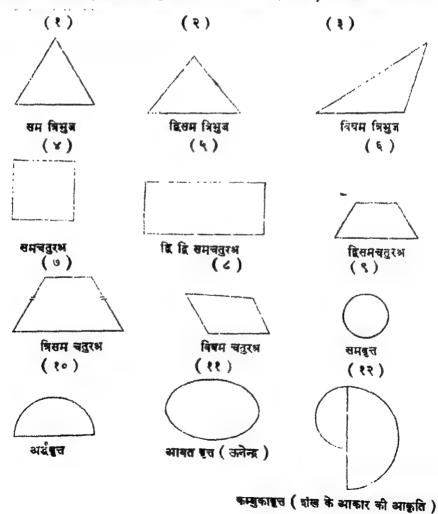
⁽५-६) इन गाथाओं में कथित विभिन्न प्रकार की आकृतियाँ अगले पृष्ठ पर दर्शाई गई हैं-

व्यावहारिकगणितम्

त्रिभुजचतुर्भुजस्त्रित्रफलानयनस्त्रम् — त्रिभुजचतुर्भुजबाहुप्रतिबाहु समासदलहर्तं गणितम् । नेमेर्भुजयुत्यर्धं व्यासगुणं तत्फल्लर्धमिह् बालेन्दोः॥ ७॥

व्यावहारिक गणित (अनुमानतः मापसम्बन्धी गणना)

विश्व और चतुर्श्व क्षेत्रों के क्षेत्रफळ (अनुमानतः) निकालने के लिये नियम— सन्युक्त शुकाओं के बोगों की अर्द्धशियों का गुणनफळ, त्रिशुक और चतुर्शुक क्षेत्रों के होत्र-फळ का माप होता है। कडूण सदक्ष आकृति के चक्र की किनार (rim) का श्रेष्ठफळ भीतर और

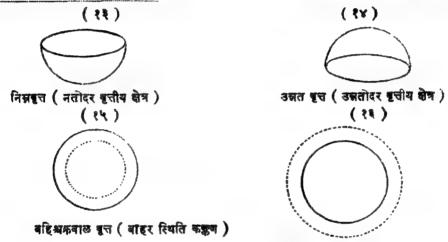


त्रिभुजक्षेत्रस्याष्ट्री बाहुप्रतिबाहुभूमयो दण्डाः । तद्वबावहारिकफळं गणवित्वाचक्ष्व मे शीघ्रम् ॥८॥

बाहर की परिधियों के योग की बाईराधि को कक्कण की चौड़ाई से गुणित करने पर प्राप्त होता है। . इस फल का यहाँ बाकचन्त्रमा सहश्च बाकृति का क्षेत्रफल होता है।। ७॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

त्रिश्च के सम्बन्ध में, शुजा, सम्मुल शुजा, और आधार का माप ८ दंड है; मुझे शीघ्र ही बतलाओं कि इसका न्यावहारिक क्षेत्रफल क्या है ? ॥ ८ ॥ दो बराबर शुजाओं वाले त्रिश्च के सम्बन्ध



अंतश्रकवालवृत्त (भीतर रिथत कङ्कण)

चतुर्भुंब क्षेत्रों के क्षेत्रफल और अन्य मापों के दिये गये नियमों पर विचार करने पर जात होगा कि यहाँ कहे गये चतुर्भुंब क्षेत्र चकीय (कृत में अन्तलिखित) हैं। इसलिये समचतुरभ यहाँ वर्ग है, हि-दिसमचतुरभ आयत है, और दिसमचतुरभ तथा त्रिसमचतुरभ की ऊपरी मुजाएँ आधार के समा-नान्तर है।

(७) यहाँ त्रिमुन को ऐसा चतुर्मुंन माना गया है, जिसके आधार की सम्मुख मुना इतनी छोटी होती है कि वह उपेक्षणीय होती है। इस दशा में त्रिमुन की बाजू की दो भुनाएँ, सम्मुख मुनाएँ बन जाती हैं, और ऊपरी मुना मान में नहीं के बरावर की जाती है। इसक्रिये नियम में त्रिमुनीय क्षेत्र के सम्बन्ध में भी सम्मुख मुनाओं का उल्लेख किया गया है; त्रिमुन दो भुनाओं के योग की अर्दराशि समस्त दशाओं में जैंचाई से बड़ी होती है, इसक्रिये इस नियम के अनुसार प्राप्त क्षेत्रफल किसी भी उदाहरण में सहम इस से ठोक नहीं हो सकता।

चतुर्भुज क्षेत्रों के सम्बन्ध में इस नियम के अनुसार प्राप्त क्षेत्रफल वर्ग और आयत के विषय में ठीक हो सकता है, परन्तु अन्य दशाओं में केवल स्थूलक्ष्मेण शुद्ध होता है। जिनका एक ही केन्द्र होता है, ऐसे दो धृत्तों की परिधियों के बीच का क्षेत्र नेमिक्षेत्र कहलाता है। यहाँ दिये गये नियम के अनुसार नेमिक्षेत्र के स्थावहारिक क्षेत्रफल का माप शुद्ध माप होता है। बालेन्द्र बैसी आकृति का इस नियमान्त्रसार प्राप्त क्षेत्रफल केवल अनुमानित ही होता है।

द्विसमत्रिभुजक्षेत्रस्यायामः सप्तसप्तिर्दण्डाः । विस्तारो द्वाविश्वित्य इस्ताभ्यां च संमिशाः ॥९॥ त्रिभुजक्षेत्रस्य भुजस्त्रयोदश प्रतिभुजस्य पञ्चदश । भूमिश्चतुदेशास्य हि दण्डा विषमस्य कि गणितम् ॥ १० ॥ गजदन्तक्षेत्रस्य च पृष्टेऽष्टाशितिरत्र संदृष्टाः । द्वासप्तिरुद्दे तन्मूलेऽपि त्रिशदिह् वण्डाः ॥११॥ क्षेत्रस्य दण्डविष्ट्वीर्द्वप्तिवाहुकस्य गणियत्वा । समचतुरश्रस्य त्वं कथय सखे गणितफलमाशु ॥१२॥ आयतचतुरश्रस्य व्यायामः सैकषष्टिदि दण्डाः । विस्तारो द्वात्रिशस्यव्यवहारं गणितमाचक्ष्व ॥१२॥ वण्डास्तु सप्तविष्टिद्वसमचतुर्वाहुकस्य चायामः । व्यासश्चाष्टित्रशत् क्षेत्रस्यास्य त्रयिक्षशत् ॥१४॥ क्षेत्रस्याष्टेत्रशत्वत्ववाहुकस्य चायामः । व्यासश्चाष्टित्रशत् क्षेत्रस्यास्य त्रयिक्षशत् ॥१४॥ क्षेत्रस्याष्टेत्रशत्वत्ववाहुकस्य वद गणक ॥ १५ ॥ विषमक्षेत्रस्याष्टित्रशहर्वेशहण्डाः क्षितिर्मुले द्वात्रिशत् । १६ ॥ पद्वाशत्मति वाहु षष्टिस्त्वन्यः किमस्य चतुरश्चे॥ १६ ॥ परिधोदरस्तु दण्डाक्षिश्चरपृष्ठं शतत्रयं दण्टम् । नवपञ्चग्णो व्यासो नेमिक्षेत्रस्य कि गणितम ॥ १७ ॥

में दो सुआओं द्वारा प्ररूपित लम्बाई ७७ दंढ है. और आधार द्वारा नापी गई चौदाई २२ दंढ और २ इस्त है; क्षेत्रफळ निकाली ॥ ९ ॥ विषम त्रिभुज के सम्बन्ध में एक भुजा १३ दंह, सम्मुख भुजा १५ वड, और आधार १४ वंड है। इस आकृति के क्षेत्रफल का साप क्या है ?॥ १०॥ हाथी के वाँत के मध्य से फादे हुए छेद (section) की आकृति के बाहरी वक्त की लम्बाई ८८ इंड है, भीतरी वक की करवाई ७२ वंड है. और जड के पास की मुटाई २० दंड है: क्षेत्रफल निकाली ॥ ११ ॥ समायत (वर्ग) के सम्बन्ध में, जिसकी भुजाओं में से प्रत्येक ६० दंड है, हे मिन्न, शीष्रही क्षेत्रफळ का परिणामी नाप बतलाओ ॥ १२ ॥ आयत चतुरक्ष क्षेत्र के सम्बन्ध में यहाँ कम्बाई ६१ दंढ है और चौडाई ३२ दंड है। ब्यावहारिक क्षेत्रफल बतकाओ ॥ १३ ॥ दो समान बाहुओं बाल चतुर्भुजों की प्रत्येक समान भुजा की लम्बाई ६७ इंड है, चौदाई (आधार पर) ३८ है और (जपर) ३३ दंड है। क्षेत्रफल का माप बतलाओ ॥ १४ ॥ तीन बराबर अजाओं वाले चतुर्भुज क्षेत्र की प्रत्येक समान भुजा १०८ दंड की है, और शेष (मुख अथवा अपरी) भुजायें ८ दंढ १ इस्त हैं। हं गणितज्ञ, इस क्षेत्र के क्षेत्रफल का माप बतलाओ ॥ १५ ॥ विषम चतुर्भुज का आधार ३८ इंड. कपरी मुख-भुजा ३२ दंह, बाजू की एक भुजा (प्रतिबाह) ५० दंड और दूसरी ६० दंड की है। इस आकृति का क्षेत्रफल क्या है ? ॥ १६ ॥ किसो कंकण में भीतरी वृत्ताकार सीमा ३० दंद की है, बाहरी वृत्ताकार सीमा ३०० दंढ है और कद्भण की चौड़ाई ४५ है। इस कद्भण (नेमि झेत्र) का झेत्रफळ निकाको ॥ १७ ॥ बालचाँद सदश एक आकृति की चौदाई २ इस्त है। बाहरी वक्र ६८ इस्त और

(११) इस गाया में कथित आकृति का आकार बाज़ में दो गई आकृति के समान होता है।
प्रयोजन यह है कि इसे त्रिभुतीय क्षेत्र के समान वर्ता जावे, और तब इसका क्षेत्रफळ
त्रिभुत्रीय क्षेत्रों सम्बन्धी नियम द्वारा निकाला जाय।

१. B और M दोनों में त्रिश्चतिः पाट है। छंदकी आवश्यकतानुसार इसे त्रिश्चदिह रूप में शुद्ध कर रखा गया है।

२. छ में "स्प्रति" के छिये "देक" पाठ है।

हस्ती हो विष्कम्भः पृष्ठेऽष्टाषष्ट्रिरह च संदृष्टाः । उद्दे तु द्वात्रिंचादुवालेन्दोः कि फल कथय ॥ १८॥

वृत्तह्रेत्रफळानयनसूत्रम्—

त्रिगुणीकृतविष्कम्भः परिधिव्यासार्धवर्गराहारयम्। त्रिगुणः फलं समेऽर्धे वृत्तेऽर्धं प्राहुराचार्याः॥ १९॥

अत्रोद्देशक:

व्यासोऽष्टादश वृत्तस्य परिधिः कः फलं च किम्। व्यासोऽष्टादश वृत्तार्थे गणितं किं वदाशु मे ॥ २०॥

आयतवृत्तक्षेत्रफलानयनसूत्रम्— व्यासार्घयुतो द्विगुणित आयतवृत्तस्य परिधिरायामः । विष्कस्भचतुर्भोगः परिवेषहतो भवेत्सारम् ॥ २१ ॥

अश्रोद्देशकः

भ्रेत्रस्यायतवृत्तस्य विष्कम्भो द्वादशैव तु । आयामस्तत्र षट्त्रिंशत् परिधिः कः फर्टं च किम् ॥२२॥

भीतरी वक ३२ इस्त है। बतलाओं की परिणामी क्षेत्रफळ क्या है ? ॥ १८ ॥

वृत्त का व्यावहारिक क्षेत्रफल निकालने के लिये नियम-

व्यास को ६ द्वारा गुणित करने से परिधि प्राप्त होती है, और व्यास (विष्कम्म) की अर्ख राशि के वर्ग को ६ द्वारा गुणित करने से पूर्ण वृत्त का क्षेत्रफळ प्राप्त होता है। आचार्य कहते हैं कि अर्बुवृत्त का क्षेत्रफळ और परिधि का माप इनसे आधा होता है।। १९॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

तृत्त का ब्यास १८ है। उसकी परिधि और परिणामी झेन्नफक क्या है ? अर्ब्यूत्त का ब्यास १८ है। शोध कही कि उसके झेन्नफक और परिधि क्या हैं ? ॥ २०॥

आयत वृत्त (ऊनेन्द्र अथवा अंडाकार) आकृति का क्षेत्रफल निकालने के लिये नियम-

बड़े न्यास को छोटे न्यास की अर्द्ध राशि द्वारा बढ़ाकर और तब २ द्वारा गुणित करने पर आयतवृत्त (ऊनेन्द्र) की परिधि का आयाम (कम्बाई) प्राप्त होता है । छोटे न्यास की एक चीपाई राशि को परिधि द्वारा गुणित करने पर क्षेत्रफल का माप प्राप्त होता है ॥ २१ ॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

क्षनेन्द्र आकृति (elliptical figure) के सम्बन्ध में छोटा व्यास १२ है और बड़ा व्यास १६ है। परिश्वि और परिणामी क्षेत्रफण क्या है ? ॥ २२ ॥

(१९) परिधि और क्षेत्रफल का माप बहाँ (परिधि = ग) का मान ३ लेकर दिया गया है।

(२१) ऊनेन्द्र (आयतकृत या अंडाकृति) की पिरिध के लिये दिया गया सूत्र स्पष्ट रूप से कोई मिन्न प्रकार का अनुमान है। ऊनेन्द्र का खेत्रफल (ग. अ. ब.) होता है, नहीं अ और न इस आयत कृत की क्रमहाः नड़ी और छोटी अर्द्धांस (semiaxes) है। बदि ग का मान २ लें तब ग. अ. ब = ३ अ. न होता है। परन्तु इस गाथा में दिये गये सूत्र से क्षेत्रफल का माप { (२ अ + २ व) २ } २ २ व = २ अव + व व होता है।

ग० सा• सं०-२४

शङ्काकारवृत्तस्य फळानयनस्त्रम्— बदनार्घोनो व्यासिक्तगुणः परिधिस्तु कम्बुकावृत्ते । बळ्यार्धकृतित्र्यंशो मुखार्धवर्गत्रिपाद्युतः ॥ २३ ॥ अत्रोदेशकः

व्यासोऽष्टाद्का इस्ता मुखबिस्तारोऽयमपि च चत्वारः। कः परिधिः किं गणितं कथय त्वं कम्बुकावृत्ते॥ २४॥ निम्नोब्नतवृत्तयोः फळानयनसूत्रम्—

परिषेश्च चतुर्भागो विष्कम्भगुणः स विद्धि गणितफल्लम् । चत्वाले कूमनिभे क्षेत्रे निम्नोन्नते तस्मात् ॥ २५ ॥

शंख के आकार की वकरेखीय आकृति का परिणामी क्षेत्रफळ निकाडने के छिये नियम— शंख के आकार के वकरेखीय (curvilinear) आकृति के सम्बन्ध में, सबसे बढ़ी चौड़ाई को मुख की अर्द्ध राशि द्वारा द्वासित और ३ द्वारा गुणित करने पर परिमिति (परिधि) प्राप्त होती है। इस परिमिति की अर्द्धराशि के वर्ग के एक तिहाई माग को मुख की अर्द्धराशियों के वर्ग की तीन चौथाई राशि द्वारा हासित वस्ते हैं; इस प्रकार क्षेत्रफळ प्राप्त होता है। २३॥

उदाहरणार्थ एक प्रश्न

शंस (कम्बुकावृत्त) की भाकृति के सम्बन्ध में चौड़ाई १८ हस्त और मुख ४ हस्त है। उसकी परिमिति तथा क्षेत्रफळ निकाको ॥ २४ ॥

नवीदर और उन्नवीदर वर्तुल क्लों के क्षेत्रफल निकासने के लिये नियम-

समझो कि परिधि की एक बौथाई राशि को ब्यास द्वारा गुणित करने पर परिणामी झेन्नफळ प्राप्त होता है। इस प्रकार चन्ताळ और कछुने की पीठ जैसे नतोवर और उन्नतोवर झेन्नों का झेन्नफळ प्राप्त करना पहला है। २५॥

(२३) यदि अ ब्यास हो और म मुख का माप हो, तब ३ (अ $- \frac{2}{5}$ म) परिधि का माप होता है और $\left\{ \begin{array}{c} 3 \\ 2 \end{array} \right\}^2 \times \frac{1}{3} + \frac{3}{5} \times \left(\begin{array}{c} 1 \\ 2 \end{array} \right)^3$ क्षेत्रफल का माप होता है। दिये हुए वर्णन से आकृति का आकार स्पष्ट नहीं है। परन्तु परिधि और क्षेत्रफल के किये दिये राये मानों से वह एक ही ब्यास पर दो और भिन्न-भिन्न ब्यास वाले वृत्तों को खींचकर प्राप्त हुई आकृति का आकार माना जा सकता है, जो ६ वीं गाथा के नोट में १२ वीं आकृति में बतलाया गया है।

(२५) यहाँ निर्दित क्षेत्रफल गोलीय खंड का शात होता है। प्रतीक रूप से यह क्षेत्रफल $\left(\frac{q}{\gamma}\times a\right)$ के बराबर है, जहाँ प छेदीय पृत्त (किनार) की परिष्ठि है और व ज्यास है। परन्तु इस प्रकार के गोलीय खंड के तल का क्षेत्रफल (२ \times π \times π \times 3) होता है, जहाँ π = $\frac{q(2)}{2}$, π = केन्द्रीय पृत्त (किनार) की जिल्ला, और उ गोलीय खंड की ऊँचाई है।

चत्वालक्षेत्रस्य व्यासस्तु भसंख्यकः परिधिः । षट्पद्भादशद्दष्टं गणितं तस्यैव किं भवति ।।२६।।

कूमेनिभस्योत्रतवृत्तस्योदाहरणम् -

विष्कस्भः पञ्चद्दा दृष्टः परिधिश्च षट्त्रिंशत्।

कूर्मनिभे क्षेत्रे कि तस्मिन् व्यवहारजं गणितम्।। २७॥

अन्तश्चक्रवालवृत्तक्षेत्रस्य बहिश्चकवालवृत्रक्षेत्रस्य च व्यवहारफलानयनसूत्रम् — निर्गमसहितो व्यासिखगुणो निर्गमगुणो बहिर्गणितम् । रहिताधिगमव्यासादभ्यन्तरचक्रवालवृत्तस्य ॥ २८॥

अत्रोदेशकः

व्यासोऽष्टादश हस्ताः पुनर्वहिर्निर्गतास्त्रयस्तत्र ।

व्यासोऽष्टादश हस्ताञ्चान्तः पुनरिधगतास्त्रयः किं स्यात् ॥ २९ ॥

समवृत्तक्षेत्रस्य व्यावहारिकफलं च परिधिप्रमाणं च व्यासप्रमाणं च संयोज्य एतत्संयोग-संख्यामेव स्वीकृत्य तत्संयोगप्रमाण राज्ञेः सकाशान् पृथक् परिधिव्यासफलानां संख्यानयनसूत्रम्-गणिते द्वादशगुणिते मिश्रप्रक्षेपकं चतुःषष्टिः । तस्य च मूलं कृत्वा परिधिः प्रक्षेपकपदोनः ॥ ३०॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

भरवार (होम वेदी का अग्निकुण्ड) क्षेत्र के क्षेत्रफल के सम्बन्ध में व्यास २७ है और परिधि भ६ है। इस कुण्ड का क्षेत्रफल निकालो ॥ २६ ॥

कछुवे की पीठ की तरह उन्नतोदर वर्तुरुतल के लिये उदाहरणार्थ प्रश्न

च्यास १५ है और परिचि १६ है। कछुवे की पीठ की साँति इस क्षेत्र का व्यावहारिक क्षेत्रफल निकालो ॥ २७ ॥

भीतरी कहण और बाहरी कहण के झेल्रफक का ब्यावहारिक साम निकालने के लिये नियम-

भीतरी ज्यास को कञ्चणक्षेत्र की चीड़ाई हारा बढ़ाकर जब ३ द्वारा गुणित किया जाता है, और कञ्चणक्षेत्र की चौड़ाई हारा गुणित किया जाता है, तब बाहरी कञ्चण का क्षेत्रफल उरपक्ष होता है। इसी प्रकार भीतरी कञ्चण के क्षेत्रफल की कञ्चण की चौड़ाई द्वारा हासित ज्यास हारा गुणित करने से प्राप्त करते हैं। २८॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

व्यास १८ इस्त है, और बाइरी कञ्चण क्षेत्र की चौड़ाई ३ है; व्यास १८ इस्त है, और फिर से भीतरी कञ्चण की चौड़ाई ३ इस्त है। प्रस्थेक इशा में कञ्चण का क्षेत्रफळ निकालो ॥ २९ ॥

वृत्त आकृति की परिधि, व्यास और क्षेत्रफळ निकालने के किये नियस, जबकि क्षेत्रफल, परिधि

और ज्यास का योग दिया गया हो---१२ द्वारा गुणित डक तीन राशियों के मिश्रित योग में प्रक्षेपित ६४ जोड़ते हैं, और इस योग का वर्गमूळ निकाळते हैं। तद्वपशंत इस वर्गमूळ शशि को प्रक्षेपित ६४ के वर्गमूळ द्वारा हासित करने से

परिधि का माप प्राप्त होता है ॥ ३० ॥

⁽२८) अन्तश्चक्रवाल कृतक्षेत्र और बहिश्चक्रवाल कृतक्षेत्र के आकार ७ वीं गाया के नोट में कथित नैमिक्षेत्र के आकार के समान हैं। इसिल्वे वह नियम जो इन सब आकृतियों के क्षेत्रफल निकालने के लिये है. अवहार में समान साबित होता है।

⁽३०) यह नियम निम्नलिखित बीबीय निरूपण से स्पष्ट हो बावेगा-

परिधिन्यासफलानां मिश्रं षोडश्शतं सहस्रयुतं । कः परिधिः किं गणितं न्यासः को वा ममाचक्ष्य ॥ ३१ ॥

यवाकारमर्देखाकारपणवाकारवञ्जाकाराणां क्षेत्राणां व्यावहारिकफलानयनस्त्रम् यवमुरजपणवशकायुधसंस्थानप्रतिष्ठितानां तु। मुखमध्यसमासाधे त्वायामगुणं फळं भवति॥ ३२॥

अत्रोहेशक:

यवसंस्थानक्षेत्रस्यायामोऽशीतिरस्य विष्कम्भः । मध्यश्चत्वारिशत्फलं भवेष्किं ममाचक्व ॥२२॥ आयामोऽशीतिरयं दण्डा मुखमस्य विंशतिर्मध्ये । चत्वारिशत्केत्रेत्रे मृदङ्गसंस्थानके बृहि ॥ २४॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी बुत्त की परिधि, न्यास और क्षेत्रफळ का योग १११६ है, उस उत्त की परिधि, गणना किया हुआ क्षेत्रफळ और न्यास के मापों को प्राप्त करो ॥ ३१ ॥

कम्बाई की धोर से फाइने से प्राप्त (अन्वायाम छेद के) (१) बवधान्य (२) मर्दछ (३) पणव भीर (४) वज्र आकार को बस्तुओं के ब्यावहारिक क्षेत्रफङ निकालने के क्रिबे नियम—

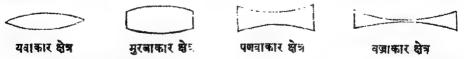
यबधान्य, मुरज, पणव और बज़ के आकार के क्षेत्रफर्टों के सम्बन्ध में हुए माप वह है जो अंत और मध्य माप के योग की अर्जराशि को सम्बाह द्वारा गुणित करने पर प्राप्त होता है ॥ ३२ ॥

उदाहरणार्थ पश्न

किसी सुदंग के आकार के क्षेत्र का क्षेत्रफळ निकाळो जो उच्चाई में ८० दंड और अंत (मुख) में २० तथा मध्य में ४० दंड हो ॥ ३४ ॥ किसी क्षेत्र के सम्बन्ध में जिसका आकार पणव समान

मानलं प इस की परिधि है। चूँकि π का मान ३ तिया गया है, इसलिये व्यास $=\frac{q}{2}$ और ३' $\frac{q^2}{26}$ इस का क्षेत्रफल है। यदि परिधि, व्यास और बस्त के क्षेत्रफल, इन तीनों, का मिश्रित योग म हो, तो नियम में दिये गया सूत्र $q=\sqrt{2}$ २ मे +64 को समीकरण $q+\frac{q}{2}+2\frac{q^2}{26}=$ म द्वारा सरलतापूर्वक प्राप्त कर सकते हैं।

(३२) मुरज का अर्थ मर्दछ तथा मृदंग भी होता है। गाथा में कथित विभिन्न आकृतियों के आकार निम्निङ्खित हैं—



समस्त आकृतियों के क्षेत्रफल के माप इस गाथा में दिये गये नियमानुसार अनुमानतः ठीक हैं, क्योंकि नियम इस मान्यता पर आवारित है कि प्रत्येक सीमावर्ती क्करेखा उन सरल रेखाओं के योग के बराबर है, जो वक्षों के सिरों (छोरों अथवा अन्तों) को मध्य बिन्दु के मिलाने से प्राप्त होती हैं। पणवाकारक्षेत्रस्यायामः सप्तसप्ततिर्दण्डाः । मुखयोर्विस्तारोऽष्टौ मध्ये दण्डास्तु चत्वारः ॥ ३५ ॥ वजाकृतेस्तथास्य क्षेत्रस्य षडमनवितरायामः।

मध्ये सूचिर्मुखयोखयोदश ज्यंशसंयुता दण्डाः ॥ ३६॥

रभयनिषेधादिक्षेत्रफलानयनस्त्रम्— व्यासात्स्वायामगुणादिष्कम्भाधित्रदीर्घमुत्सुज्य । त्वं वद निषेधमुभयोस्तद्यपरिहोणमेकस्य ॥ ३७॥

अत्रोदेशकः

आयामः षट्त्रिंशद्विस्तारोऽष्टादशैव दण्डास्तु । डभयनिषेवे किं फल्लमेकनिषेवे च किं गणितम् ॥ ३८ ॥

बहुविधवज्राकाराणां क्षेत्राणां व्यावहारिकफछानयनसूत्रम् --रञ्ज्वर्षकृतित्रयंशो बाहुविभक्तो निरेकबाहुगुणः । सर्वेषामश्रतां फर्छं हिं विम्बान्तरे चतुर्थाशः ॥ ३९॥

है, कम्बाई ७७ दंड, दोनों मुखों में प्रत्येक का माप ८ दंड और मध्य का माप ४ दंड है। इसके क्षेत्र-फक्त का माप बतकाओ ।। ३५ ॥ इसी प्रकार, किसी बजाकार क्षेत्र की लम्बाई ९६ दंड, मध्य में ने बल मध्य बिन्तु है; और मुखों में से प्रत्येक का माप १२ दें दंड है। इसका क्षेत्रफक्त क्या है ? ॥ ३६ ॥

उभयनिषेश क्षेत्र के क्षेत्रफल को निकालने के लिये नियम -

लम्बाई और चौड़ाई के गुणनफल में से लम्बाई और आधी चौड़ाई के गुणनफल को घटाने पर उभयनिषेध सेन्नफड प्राप्त होता है। जो लम्बाई और आधी चौड़ाई के गुणनफल में से उसी घटाई जाने बाढ़ी राशि की अर्द्धराशि चटाई जाने पर प्राप्त होता है, वह एकनिषेध आकृति का क्षेत्रफल होता है।। ३७।।

उदाहरणार्थ प्रश्न

हम्बाई १६ है, चौड़ाई केवल १८ इंड है। उसयनिवेध तथा एक निवेध क्षेत्र के क्षेत्रफलों को अलग अलग निकालो ।। ३८ ॥

बहुविश्ववज्र के आकार की रूपरेखा वाले क्षेत्रों के व्यावहारिक क्षेत्रफळ के माप को निकालने

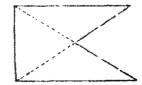
के छिये नियम-

परिमिति की अर्जुराशि के वर्ग की एक तिहाई राशि को अजाओं की संख्या द्वारा भाजित कर, और तब एक कम अजाओं की संख्या द्वारा गुणित करने पर, अजाओं से बने हुए समस्त क्षेत्रों के (बज़ाबार) क्षेत्रफल का माप प्राप्त होता है। इस फल का बतुर्यांश संस्पर्शी (एक दूसरे को स्पर्श करने वाले) वृत्तों द्वारा चिरे हुए क्षेत्र का क्षेत्रफल होता है।। ३९।।

(३७) इस गाथा में कथित आकृतियाँ नीचे दी गई हैं---

ये आकृतियाँ किसी चतुर्भुजकेन को उसके दो विकर्णों द्वारा चार त्रिभुजों में बाँट देने पर प्राप्त हुई दिखाई देती हैं! उभयनिषेष आकृति, इस चतुर्भुज के दो सम्मुख त्रिभुजों को इटाने पर प्राप्त होती है, और एकनिषेष आकृति ऐसे केनळ एक त्रिभुज को इटाने पर प्राप्त होती है!





(३९) इस गाथा में कथित नियम कोई भी संख्या की मुजाओं से बनी हुई आकृतियों का

षड्वाहुकस्य बाहोविंदकम्भः पञ्च चान्यस्य । व्यासस्त्रयो भुजस्य त्वं षोडश्वाहुकस्य वद् ॥ ४० ॥ त्रिभुजस्त्रेत्रस्य भुजः पञ्च प्रतिवाहुरिप च सप्त घरा षट् । अन्यस्य षडश्रस्य श्वेकादिषडन्तविस्तारः ॥ ४१ ॥ मण्डलचतुष्टयस्य हि नवविष्कम्भस्य मध्यफलम् । षट्पञ्चचतुर्व्यासा वृत्तत्रितयस्य मध्यफलम् ॥ ४२ ॥

धनुराकारक्षेत्रस्य व्यावहारिकफळानयनसूत्रम्— इत्वेषुगुणसमासं बाणार्घगुणं शरासने गणितम्। शरवगीत्पञ्चगुणाङ्याबगैयुतात्पदं काष्ठम्॥ ४३॥

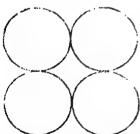
उदाहरणार्थ प्रश्न

कः भुजाओं वाली आकृति की एक भुजा ५ है, और १६ भुजाओं वाली आकृति की एक भुजा १ है। प्रत्येक द्वाा में क्षेत्रफळ बताओ ॥ ४०॥ त्रिभुज के सम्बन्ध में एक भुजा ५ है, सम्मुख (तूसरी) भुजा ७ है, और आधार ६ है। तूसरी कः भुजाकार आकृति में भुजाएँ क्रमवार १ से ६ तक हैं। प्रत्येक द्वाा में क्षेत्रफळ क्या है ! ॥ ४१ ॥ जिनमें से प्रत्येक का क्यास ९ है, ऐसे चार समान एक दूसरे को स्पर्श करने वाले कुत्तों द्वारा चिरे हुए क्षेत्र का क्षेत्रफळ क्या है ? तीन एक दूसरे को स्पर्श करने वाले कमशः ६, ५ और ४ माप के व्यासवाले वृत्तों के द्वारा चिरे हुए क्षेत्र का क्षेत्रफळ भी बतळाओ ॥ ४२ ॥

धतुष के आकार की रूपरेखा है जिसकी ऐसे आकार वाली आकृति का व्यवहारिक क्षेत्रफल निकालने के लिये नियम---

बाण और ज्या (कृति या डोरी) के मापों को जोड़कर योगफल को बाण के माप की अर्ड राशि द्वारा गुणित करने से, धनुषाकार क्षेत्र का क्षेत्रफल प्राप्त होता है। बाण के माप के वर्ग को ५ द्वारा गुणित कर, और तब डसमें कृति (डोरी) के वर्ग को मिलाने से प्राप्त राशि का वर्गमूल धनुष की धनुषाकार काष्ट की सम्बाई होती है।। ४३॥

क्षेत्रफल देता है। यदि मुजाओं के मापों के योग की आधी राश्चिय हो, और मुजाओं की संख्या न हो,



तो क्षेत्रफल = $\frac{4^2}{2} \times \frac{1-2}{1}$ होता है। यह सूत्र त्रिभुज, चतुर्भुज, घट्भुज, और दृत्त को अनन्त भुजाओं की आकृति मानकर, उनके सम्बन्ध में व्यावहारिक क्षेत्रफल का मान देता है। नियम का दूसरा भाग एक दूसरे को स्पर्ध करने वाले दृत्तों के द्वारा धिरे क्षेत्र के विषय में है। इस नियमानुसार प्राप्त क्षेत्रफल भी आनुमानिक होता है। पाइवं में दिया गया चित्र, चार संस्पर्धी दृत्तों द्वारा सीमित क्षेत्र है।

(४३) घनुषाकार क्षेत्र क्रपरेखा में, वास्तव में, वृत्त की अवधा (खण्ड) बैसा होता है। यहाँ घनुष चाप है, घनुष की डोरी (ज्या) चापकर्ण है, और बाम चाप तथा डोरी के बीच की महत्तम लम्ब क्रप दूरी होती है। यदि च, क और ल इन तीनों रेखाओं की सम्बाईयों को निकपित करते हों, तो गाया ४३ और ४५ में दिशे नियमों के अनुसार यहाँ

अत्रीहेशकः

ज्या षडविंदातिरेषा त्रयोदशेषुश्च कार्मुकं दृष्टम्। कि गणितमस्य काष्ठं कि वाचक्ष्वाञ्च मे गणक ॥ ४४ ॥

बाणगुणप्रमाणानयनसूत्रम्-गुणचापकृतिविशेषात् पद्महृतात्पद्मिषुः समुद्दिष्टः। श्ररवर्गात्पञ्चगुणादूना धनुषः कृतिः पदं जीवा ॥ ४५ ॥ अत्रोद्देशकः

अस्य धनुःक्षेत्रस्य शरोऽत्र न ज्ञायते परस्यापि । न ज्ञायते च भौवीं तदुद्वयमाचक्ष्य गणितज्ञ ॥ ४६॥

उदाहरणार्थ प्रक्र

एक अनुपाकार होत्र की डोरी २६ है एवं बाण १३ है । हे गणक, शीव्रही मुझे इसके होत्रफल और छुके हुए काष्ठ का माप बतलाओ ॥ ४४ ॥

धनुषाकार क्षेत्र के सम्बन्ध में बाणमाप और गुण (डोरी) प्रमाण निकालने के लिये नियम-बोरी और सुके हुए धनुष के बर्गों के अन्तर को ५ द्वारा भाजित करते हैं। परिणामी अजन फल का वर्गमूल बाण का इष्ट माप होता है। बाण के वर्ग को ५ द्वारा गुणित कर, प्राप्त गुणनफल को धनुष के चाप के वर्ग में से घटाते हैं। इस परिणामी राशि का वर्गमूळ ढोरी के संवादी माप को देता है ॥ ४५ ॥

उदाहरणार्थ प्रक्त

धनुवाकार क्षेत्र के बाण का माप अज्ञात है, और दूसरे ऐसे ही क्षेत्र की डोरी का माप अज्ञात है। है गणितज्ञ, इन दोनों सापों की निकालो ॥ ४६ ॥

धनुष क्षेत्र का क्षेत्रफल निकालने के लिये दिया गया श्व, चीन की सम्भवतः पुस्तकों को २१३ ईस्वी पूर्व में बलाये जाने की घटना से पूर्व की पुस्तक न्यु—बांग सुआन—चु (नवाध्यायी अंकगणित) में भी इसी रूप में दृष्टिगत होता है।

क्षेत्रफल =
$$(\pi + \pi) \times \frac{\pi}{2}$$
 $\pi = \pi i q$, $\pi = \pi i q$ के लग्न को लग्न को लग्न को लग्न के प्रमुख्याय की ७३% और ७४% वीं गायाओं को देखिये।

पुनः भनुष की डोरी की लम्बाई = √ च² - ५ छ²

बम्बू द्वीप प्रशति (६/९) में तथा त्रिलोक प्रशति (४/२५९८) में यह मान क्रम्भाः इस प्रकार दिवा गया है--

बीवा = √ (इयास - बाग) ४ बाग) इस सूत्र का उद्गम बाबुल में प्रायः २६०० ईस्वी पूर्व इस सूत्र का उद्गम बाबुल में प्रायः २६०० ईस्वी पूर्व स्कानलिपि ग्रंथों में दृष्टि गत हुआ है । इस सम्बन्ध में तिकोय पण्णितका गणित दृष्टस्य है । कृष्टिज के अनुसार पाययेगोरस के साध्य पर आधारित

बहिरन्तश्चतुरश्रकष्टमस्य ज्यावहारिकफळानयनसृत्रम्— बाह्ये वृत्तस्येदं क्षेत्रस्य फळं त्रिसंगुणं दिळतम्। अभ्यन्तरे तद्र्धं विपरीते तत्र चतुरश्चे॥ ४७॥

अत्रोदेशकः

पञ्चदशबाहुकस्य क्षेत्रस्याभ्यन्तरं बहिर्गणितम् । चतुरश्रस्य च वृत्तव्यवहारफलं ममाचक्व ॥ ४८ ॥

इति व्यावहारिकगणितं समाप्तम्।

अथ स्ट्मगणितम्

इतः परं क्षेत्रगणिते सूक्ष्मगणितव्यवहार मुदाहरिष्यामः। तद्यथा आवाधावलम्ब-कानयनसूत्रम्— अवक्रमन्तरभटनभः क्रमणं विवादकावाधे।

भुजकुत्यन्तरभूहतभूभंक्रमणं त्रिबाहुकावाधे । तद्भुजवर्गान्तरपदमवलम्बकमाहुराचार्याः ॥ ४९ ॥

१. इसके पश्चात् M में निम्नलिखित और जुड़ा है—

त्रिमुज क्षेत्रस्य मुजद्रयसंयोगस्थानमारभ्यअधरिस्थत भूमि संस्पृष्ट रेखाया नाम अवसम्बकः स्यात्।

चतुर्भुंज के बहिछिंखित और अन्तर्छिखित यूत्त के क्षेत्रफल के व्यावहारिक मान को निकासने के क्षिये नियम--

अंतर्कितित चतुर्भुंज के क्षेत्रफळ के माप की तिगुनी शक्ति की अर्द्धाक्षि ऐसे बाहरी परिगत कृत्त के क्षेत्रफळ का माप होती है। इस दशा में जबकि कृत अन्तर्कितित हो और चतुर्भुंज बहिर्गत हो, तब जपर के प्राप्त माप की अर्द्धाक्षि हुए राशि होती है ॥ ४७ ॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

चतुर्भंज क्षेत्र की प्रत्येक भुजा १५ है। मुझे अंतर्गत और बहिर्गत बृत्तों के व्यावहारिक क्षेत्रफड़ के माप बतळाओ ॥ ४८ ॥

इस प्रकार क्षेत्रगणित व्यवहार में व्यावहारिक गणित नामक प्रकरण समाप्त हुआ। सुक्ष्म गणित

इसके पश्चात् इम गणित में क्षेत्रफर्कों के माप सम्बन्धी स्हम गणित नामक विषय का प्रतिपादन करेंगे। वह इस प्रकार है—

किसी दिने हुए जिसुज के आयाधाओं (खंड जिनमें की आधार करन के द्वारा विभाजित हो जाता है) और अवकरन (शीर्ष से आधार पर गिराया हुआ करन) के माप निकालने के किये नियम—

भुजाओं के वर्गों को बाधार द्वारा माजित करने से प्राप्त राशि और आधार के बीच संक्रमण किया करने से त्रिभुज की आवाधाओं (आधार के खंडों) के माप प्राप्त होते हैं । आवार्य कहते हैं कि इन आवाधाओं में से एक, और संवादी आसच भुजा के वर्गों के अंतर का वर्गमूक अवस्वय का माप होता है ॥ ४९ ॥

⁽४७) यहाँ दिया गया सूत्र वर्ग के सम्बन्ध में ठीक माप देता है, परन्तु अन्य चतुर्भुजों के सम्बन्ध में जब ग का मान ३ लेते हैं, तब कैवल आनुमानिक मान प्राप्त होता है !

⁽ ४९) बीबीय रूप से प्ररूपित होने पर---

सूक्ष्मगणितानयनसूत्रम्— भुजयुत्यधेचतुष्काद्भुजहीनाद्धातितात्पदं सूक्ष्मम् । अथवा मुखतलयुतिदछमवलम्बगुणं न विषमचतुरश्रे ॥ ५० ॥ अत्रोहेशकः

त्रिभुजक्षेत्रस्याष्टी दण्डा भूबीहुकी समस्य त्वम्।
सूक्ष्मं वद् गाणतं मे गणितविद्वलम्बकावाघे॥ ५१॥
दिसमत्रिभुजक्षेत्रे त्रयोदश स्युर्भुजद्वये दण्डाः।
दश भूरस्यावाघे अथावलम्बं च सूक्ष्मफलम्॥ ५२॥
विषमत्रिभुजस्य भुजा त्रयोदश प्रतिभुजा तु पद्मदश।
भूमिश्चतुदशास्य हि किं गणितं चावलम्बकावाघे॥ ५३॥

त्रिभुज और चतुर्भुज होत्रों के होत्रक्षां के सूक्ष्म माप निकासने के लिये नियम --

कमशः प्रस्थेक भुजा द्वारा हासित भुजाओं के योग की अर्जुराशि द्वारा निरूपित प्राप्त चार राशियाँ एक साथ गुणित की जाती हैं। इस प्रकार प्राप्त गुणिनक का वर्गमूरू क्षेत्रफल का सूक्ष्म माप होता है। अथवा क्षेत्रफल का माप, कररी सिरे से आधार पर गिराये गये कन्य की आधार और कपरी भुजा के योग की अर्जुराशि से गुणित करने पर प्राप्त होता है। पर यह बाद का नियम विषम चतुर्भुंज के सम्बन्ध में नहीं है। ५०॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

समित्रभुज की प्रत्येक भुजा ८ दंढ है। है गणितज्ञ, बसके सेत्रफड़ का सूक्ष्म माप तथा शीर्ष से आधार पर गिराये हुए लम्ब और इस तरह प्राप्त आधार के खंडों के सूक्ष्म मानों को बतकाओ।। ५१।। किसी समिद्वबाहु त्रिभुज की बराबर भुजाओं में से प्रत्येक १६ दंड है और आधार का माप १० है। सेत्रफल, लम्ब और आधार की आवाधाओं के सूक्ष्म मापों को निकालो।। ५२॥ विषम त्रिभुज की एक भुजा १६, सम्मुख भुजा १५ और आधार १४ है। इस सेत्र का सेत्रफल, लम्ब और आधार की आवाधाओं के सूक्ष्म मान क्या है ?॥ ५३॥

$$\begin{aligned}
\mathbf{e}_{\eta} &= \left(\mathbf{e} + \frac{\mathbf{a}^2 - \mathbf{e}^2}{\mathbf{e}}\right) \times \frac{\eta}{\eta}; \\
\mathbf{e}_{\chi} &= \left(\mathbf{e} - \frac{\mathbf{a}^2 - \mathbf{e}^2}{\mathbf{e}}\right) \times \frac{\eta}{\eta}; \\
\mathbf{e}_{\chi} &= \left(\mathbf{e} - \frac{\mathbf{e}^2 - \mathbf{e}^2}{\mathbf{e}^2}\right) \times \frac{\eta}{\eta}; \\
\mathbf{e}_{\chi} &= \left(\mathbf{e} - \frac{\mathbf{e}^2 - \mathbf{e}^2}{\mathbf{e}^2}\right) \times \frac{\eta}{\eta}; \\
\mathbf{e}_{\chi} &= \left(\mathbf{e} - \frac{\mathbf{e}^2 - \mathbf{e}^2}{\mathbf{e}^2}\right) \times \frac{\eta}{\eta}; \\
\mathbf{e}_{\chi} &= \left(\mathbf{e} - \frac{\mathbf{e}^2 - \mathbf{e}^2}{\mathbf{e}^2}\right) \times \frac{\eta}{\eta}; \\
\mathbf{e}_{\chi} &= \left(\mathbf{e} - \frac{\mathbf{e}^2 - \mathbf{e}^2}{\mathbf{e}^2}\right) \times \frac{\eta}{\eta}; \\
\mathbf{e}_{\chi} &= \left(\mathbf{e} - \frac{\mathbf{e}^2 - \mathbf{e}^2}{\mathbf{e}^2}\right) \times \frac{\eta}{\eta}; \\
\mathbf{e}_{\chi} &= \left(\mathbf{e} - \frac{\mathbf{e}^2 - \mathbf{e}^2}{\mathbf{e}^2}\right) \times \frac{\eta}{\eta}; \\
\mathbf{e}_{\chi} &= \left(\mathbf{e} - \frac{\mathbf{e}^2 - \mathbf{e}^2}{\mathbf{e}^2}\right) \times \frac{\eta}{\eta}; \\
\mathbf{e}_{\chi} &= \left(\mathbf{e} - \frac{\mathbf{e}^2 - \mathbf{e}^2}{\mathbf{e}^2}\right) \times \frac{\eta}{\eta}; \\
\mathbf{e}_{\chi} &= \left(\mathbf{e} - \frac{\mathbf{e}^2 - \mathbf{e}^2}{\mathbf{e}^2}\right) \times \frac{\eta}{\eta}; \\
\mathbf{e}_{\chi} &= \left(\mathbf{e} - \frac{\mathbf{e}^2 - \mathbf{e}^2}{\mathbf{e}^2}\right) \times \frac{\eta}{\eta}; \\
\mathbf{e}_{\chi} &= \left(\mathbf{e} - \frac{\mathbf{e}^2 - \mathbf{e}^2}{\mathbf{e}^2}\right) \times \frac{\eta}{\eta}; \\
\mathbf{e}_{\chi} &= \left(\mathbf{e} - \frac{\mathbf{e}^2 - \mathbf{e}^2}{\mathbf{e}^2}\right) \times \frac{\eta}{\eta}; \\
\mathbf{e}_{\chi} &= \left(\mathbf{e} - \frac{\mathbf{e}^2 - \mathbf{e}^2}{\mathbf{e}^2}\right) \times \frac{\eta}{\eta}; \\
\mathbf{e}_{\chi} &= \left(\mathbf{e} - \frac{\mathbf{e}^2 - \mathbf{e}^2}{\mathbf{e}^2}\right) \times \frac{\eta}{\eta}; \\
\mathbf{e}_{\chi} &= \left(\mathbf{e} - \frac{\mathbf{e}^2 - \mathbf{e}^2}{\mathbf{e}^2}\right) \times \frac{\eta}{\eta}; \\
\mathbf{e}_{\chi} &= \left(\mathbf{e} - \frac{\mathbf{e}^2 - \mathbf{e}^2}{\mathbf{e}^2}\right) \times \frac{\eta}{\eta}; \\
\mathbf{e}_{\chi} &= \left(\mathbf{e} - \frac{\mathbf{e}^2 - \mathbf{e}^2}{\mathbf{e}^2}\right) \times \frac{\eta}{\eta}; \\
\mathbf{e}_{\chi} &= \left(\mathbf{e} - \frac{\mathbf{e}^2 - \mathbf{e}^2}{\mathbf{e}^2}\right) \times \frac{\eta}{\eta}; \\
\mathbf{e}_{\chi} &= \left(\mathbf{e} - \frac{\mathbf{e}^2 - \mathbf{e}^2}{\mathbf{e}^2}\right) \times \frac{\eta}{\eta}; \\
\mathbf{e}_{\chi} &= \left(\mathbf{e} - \frac{\mathbf{e}^2 - \mathbf{e}^2}{\mathbf{e}^2}\right) \times \frac{\eta}{\eta}; \\
\mathbf{e}_{\chi} &= \left(\mathbf{e} - \frac{\mathbf{e}^2 - \mathbf{e}^2}{\mathbf{e}^2}\right) \times \frac{\eta}{\eta}; \\
\mathbf{e}_{\chi} &= \left(\mathbf{e} - \frac{\mathbf{e}^2 - \mathbf{e}^2}{\mathbf{e}^2}\right) \times \frac{\eta}{\eta}; \\
\mathbf{e}_{\chi} &= \left(\mathbf{e} - \frac{\mathbf{e}^2 - \mathbf{e}^2}{\mathbf{e}^2}\right) \times \frac{\eta}{\eta}; \\
\mathbf{e}_{\chi} &= \left(\mathbf{e} - \frac{\mathbf{e}^2 - \mathbf{e}^2}{\mathbf{e}^2}\right) \times \frac{\eta}{\eta}; \\
\mathbf{e}_{\chi} &= \left(\mathbf{e} - \frac{\mathbf{e}^2 - \mathbf{e}^2}{\mathbf{e}^2}\right) \times \frac{\eta}{\eta}; \\
\mathbf{e}_{\chi} &= \left(\mathbf{e} - \frac{\mathbf{e}^2 - \mathbf{e}^2}{\mathbf{e}^2}\right) \times \frac{\eta}{\eta}; \\
\mathbf{e}_{\chi} &= \left(\mathbf{e} - \frac{\mathbf{e}^2 - \mathbf{e}^2}{\mathbf{e}^2}\right) \times \frac{\eta}{\eta}; \\
\mathbf{e}_{\chi} &= \left(\mathbf{e} - \frac{\mathbf{e}^2 - \mathbf{e}^2}{\mathbf{e}^2}\right) \times \frac{\eta}{\eta}; \\
\mathbf{e}_{\chi} &= \left(\mathbf{e} - \frac{\mathbf{e}^2 - \mathbf{e}^2}{\mathbf{e}^2}\right) \times \frac{\eta}{\eta}; \\
\mathbf{e}_{\chi} &= \left(\mathbf{e} - \frac{\mathbf{e}^2$$

और $\mathbf{e} = \sqrt{\mathbf{a}^2 - \mathbf{a}_4^2}$ अथवा $\sqrt{\mathbf{e}^2 - \mathbf{a}_2^2}$ होता है। यहाँ अ, ब, स त्रिभुज की भुजाओं का निरूपण करते हैं; स्कृत मृद्दे आधार के दो खंड हैं, जिनकी कुछ सम्बाई स है, से स्व

(५०) बीजीय रूप से निरूपित करने पर,

किसी त्रिभुज का क्षेत्रफळ = $\sqrt{a(a-a)(a-a)(a-a)}$, बहाँ य भुजाओं के योग की आधी राश्चि है। अ, ज, स भुजाओं के माप हैं।

भयवा, क्षेत्रफळ = र् × छ, बहाँ छ शीर्ष से आधार पर गिराये गये छम्ब का मान है। ग•सा•सं•-२५ इतः परं पञ्चप्रकाराणां चतुरश्रक्षेत्राणां कर्णानयनस्त्रम्— क्षितिहर्तावपरीतभुजौ मुखगुणभुजिमिश्रितौ गुणच्छेदौ । छेदगुणौ प्रतिभुजयोः संवर्गयुतेः पदं कर्णौ ॥ ५४ ॥ अत्रोद्देशकः

समचतुरश्रस्य त्वं समन्ततः पञ्चबाहुकस्याद्य ।
कर्णं च सूक्ष्मफलमपि कथय सखे गणिततत्त्वज्ञ ॥ ५५ ॥
आयतचतुरश्रस्य द्वादश बाहुश्च कोटिरिप पञ्च ।
कर्णः कः सूक्ष्मं किं गणितं चाचक्ष्व मे शीघ्रम् ॥ ५६ ॥
द्विसमचतुरश्रमूमिः षट्त्रिशद्वाहुरेकषष्टिश्च ।
सोऽन्यश्चतुर्दशास्यं कर्णः कः सूक्ष्मगणितं किम् ॥ ५७ ॥

इसके पक्षात पाँच प्रकार के चतुर्भुजों के विकर्णों के मान निकालने के लिये नियम— आधार को बड़ी और छोटी, दाइनी और बाई भुजाओं के द्वारा ग्रुणित करने से प्राप्त राशियों को क्रमकाः ऐसी दो अन्य राशियों में जोड़ते हैं, जो ऊपरी भुजा को दाहिनी और बाई ओर की छोटी और बड़ी भुजाओं द्वारा ग्रुणित करने से प्राप्त होती हैं। परिणामी दो योग, ग्रुणक और भाजक तथा सम्भुज भुजाओं के गुणनफड़ों के योग सम्बन्धी भाजक और ग्रुणन की संरचना करते हैं। इस प्रकार प्राप्त राशियों के वर्गमूह विकर्णों के इष्ट माप होते हैं। ५४॥

उदाहरणार्थ प्रक्रन

जिसकी चारों और की प्रत्येक भुजा का माप ५ है, ऐसे समभुज चतुर्भुंज के सम्बन्ध में है गणित सस्वज्ञ, विकर्ण तथा क्षेत्रफंफ के स्कृत्म मान शीघ बतलाओ ॥ ५५ ॥ आयत क्षेत्र के सम्बन्ध में क्षेतिज भुजा भाप में १२ है, और लम्ब रूप भुजा माप में ५ है। मुक्ते शीघ बतलाओ कि विकर्ण का भीर क्षेत्रफल का स्कृत भाप क्या क्या है ? ॥ ५६ ॥ समित्रवाहु चतुर्भुज (समल्य्व चक्कोय चतुर्भुज) की आधार भुजा ३६ है । एक भुजा ६१ है, और तूसरी भी उतनी ही है । जगरी भुजा १४ है । बतलाओ कि विकर्ण और क्षेत्रफल के स्कृत माप क्या हैं ? ॥ ५७ ॥ समित्रवाहु चतुर्भुज (चक्कीय समित्रवाहु चतुर्भुज) के सम्बन्ध में १६ का वर्ग समान भुजाओं में से एक का माप होता है । आधार ४० थ है । विकर्ण का माप तथा आधार के अपदों का माप और क्रम्ब तथा क्षेत्रफल के माप क्या क्या हैं ? ॥ ५८ ॥ किसी विषम चतुर्भुज की दाहिनी और बाई भुजाएँ १२ × १५ और चतुर्भुज क्षेत्र का क्षेत्रफल = $\sqrt{(य-ध)(u-b)(u-c)}$; यहाँ य, भुजाओं के योग की अर्द्धराशि है, और अ, ब, स, द चतुर्भुज क्षेत्र की भुजाओं के माप हैं । अथवा, क्षेत्रफल = $\sqrt{(u-a)(u-c)}$; यहाँ य, भुजाओं के योग की अर्द्धराशि है, और अ, ब, स, द चतुर्भुज क्षेत्र की भुजाओं के माप हैं । अथवा, क्षेत्रफल = $\sqrt{(u-a)(u-c)}$; यहाँ के अपदार को लोने से आघार पर गिराय गये बराबर लग्जों में से किसी एक का माप है । त्रिभुब क्षेत्रों के लिये दिये गये ये स्च ठीक हैं, परन्तु जो चतुर्भुज क्षेत्रों के लिये दिये गये हैं वे केवल चक्कीय चतुर्भुजों के सम्बन्ध में ठीक हैं, क्योंक उन्हीं मापों के लिये क्षेत्रफल तथा लग्ज का मान परिवर्तनग्रील हो सकता है ।

(५४) बीजीय रूप से निक्षित चतुर्भुंब क्षेत्र के विकर्ण का माप यह है—

(अस + बद) (अद + सद) अथवा (अस + बद) (अद + बस), ये स्त्र केवल

वर्गस्ययोदशानां त्रिसमचतुर्वाहुके पुनर्भूमिः। सप्त चतुरशतयुक्तं कर्णावाधावरुम्बगणितं किम्॥ ५८॥ विषमचतुरश्रवाह् त्रयोदशाभ्यस्तपञ्चदशविंशतिकौ। पञ्चधनो वदनमधस्त्रिशतं कान्यत्र कर्णमुखफर्लाने॥ ५९॥

इतः परं वृत्तक्षेत्राणां सूक्ष्म फजानयनसूत्राणि । तत्र समवृत्तक्षेत्रस्य सूक्ष्मफलानयन सूत्रम्—

वृत्तक्षेत्रज्यासो दशपदगुणितो भवेत्परिक्षेपः । ज्यासचतर्भोगगणः परिधिः फलमधैमधै तत् ॥ ६० ॥

अत्रोद्देशकः

समवृत्तव्यासोऽष्टाद्श विष्कम्भश्च षष्टिरन्यस्य । द्वाविंशतिरपरस्य क्षेत्रस्य हि के च परिधिफले ॥ ६१ ॥

१६×२० हैं। उत्परी भुजा (५)3 है, और नीचे की भुजा ६०० है। विकर्ण से आरम्भ कर सबके मान यहाँ क्या क्या हैं ?।। ५९।।

इसके पश्चात् वकरेखीय क्षेत्रों के सम्बन्ध में सूक्ष्म मानों को निकाकने के लिये नियम दिये

जाते हैं। उनमें से समधूत्त के सम्बन्ध में पुश्म मान निकालने के लिये नियम---

कृत का व्यास १० के वर्गमूक से ग्रुणित होकर परिश्विको उत्पन्न करता है। परिश्विको एक बीथाई ब्यास से गुणित करने पर क्षेत्रफल प्राप्त होता है। अर्द्भृत्त के सम्बन्ध में यह इसका आधा होता है॥ ६०॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी बृत्ताकार क्षेत्र के सम्बन्ध में बृत्त का न्यास १८ है; दूसरे के सम्बन्ध में ६० है; एक और अन्य के सम्बन्ध में २२ है। परिधियां और क्षेत्रफळ क्या क्या हैं १॥ ६१॥ अर्ब्र्ड्साकार क्षेत्र धर्मीय चतुर्श्वों के लिये ठीक हैं। तम्ब अथवा विकर्णों के मानों को पहिले से बिना जाने हुए चतुर्श्व के क्षेत्रफळ को निकालने के प्रयक्ष के विषय में भारकराचार्य परिचित थे। यह उनकी लीलावती ग्रन्थ की निम्नलिखित गाथा से प्रकट होता है—

ल्प्स्वयोः कर्णयोर्वे कमिनिर्दिश्यापरान् कथम्। पृच्छत्यनियतःवेऽपि नियतं चापि तत्फलम्॥ सप्टच्छकः पिशाचो वा वक्ता वा नितरां ततः। यो न वेत्ति चतुर्वाहुदोत्रस्थानियतां स्थितिम्॥

(६०) इस गायानुसार ग = ज्यास का मान √ १० = ३'१६...है। इससे भी सक्ष्म मान प्राप्त करने के लिये नवीं शताब्दी की घवला टीका ग्रंथों में निम्नलिखित रीति दी है—

१६ (वयास) + १६ (व्यास) = परिधि। इस सूत्र के वाम पक्ष के प्रथम पद में से अंश का + १६ इटा देने पर का मान है है बे व्यास ३ १४१५९३ प्राप्त होता है, जिसे चीन में ४७६ ईस्वी पस्चात सुन्धुंग-चिह द्वारा उपयोग में लाया गया है। वास्तव में यह सूत्र एक प्रदेश के व्यास के सम्बन्ध में प्रयुक्त हुआ है। असंख्यात प्रदेशों वाले अंगुल आदि व्यास के माप की इकाहयों के लिये + १६ का मान नगण्य हो बाता है, और चीनी मान प्राप्त हो जाता है। आर्थमष्ट द्वारा दिया गया का मान है दे हैं के = ३ १४११६ है। मास्कराचार्य द्वारा मी यह मान (६९६) रूप में हासित कर प्रकृपित किया गया है।

द्वादशिककम्भस्य क्षेत्रस्य हि चार्धवृत्तस्य । षट्त्रिंशद्वयासस्य कः परिधिः किं फलं भवति ॥ ६२ ॥

आयतवृत्तस्रेत्रस्य सृक्ष्मफळानयनस्त्रम्— व्यासकृतिःषड्गुणिता द्विसंगुणायामकृतियुता (पदं) परिधिः । व्यासचतुर्भागगुणश्चायतवृत्तस्य सृक्ष्मफळम् ॥ ६३ ॥

अत्रोद्देशकः

आयतवृत्तायामः षर्दात्रशद्द्वादशास्य विष्कम्भः। कः परिधिः किं गणितं सृक्ष्मं विगणय्य मे कथय।। ६४।।

शङ्काकारक्षेत्रस्य सूक्ष्मफलानयनस्त्रम्— वदनार्धानो व्यासो दशपदगुणितो भवेत्परिक्षेपः। मुखदलरिहतव्यासार्धवर्गमुखचरणकृतियोगः॥ ६५॥ दशपदगुणितः क्षेत्रे कम्बुनिभ सृक्ष्मफल्लमेतत्॥ ६५३॥

का ग्यास १२ है। दूसरे क्षेत्र का व्याम ३६ है। बतकाओं कि परिधि क्या है और क्षेत्रफळ क्या है ? ॥ ६२ ॥

आयतबुत्त (इक्टिप्स) सम्बन्धी सूक्ष्म मानों को निकाळने के लिये नियम-

छोटे ब्यास का वर्ग ६ द्वारा गुणित किया जाता है, और बड़े ब्यास की कम्बाई की दुगुनी राशि के वर्ग को उसमें जोड़ा जाता है। इस योग का वर्गमूरू परिश्व का माप होता है। जब इस परिश्व के माप को छोटे ब्यास की एक चीयाई राशि द्वारा गुणित करने हैं, तब ऊनेन्द्र का सूक्ष्म झेन्नफ़क प्राप्त होता है॥ ६३॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

इकिप्त के सम्बन्ध में बड़ ज्यास की लम्बाई २६ और छोटे ज्यास की १२ है, गणना के पश्चात् बतलाओं कि परिधि क्या है और सूक्ष्म झेश्रफल क्या है ? ॥ ६४ ॥

शंख के आकार की आकृति के सम्बन्ध में सूक्ष्म मानों को निकासने के सिये नियम-

आकृति की सबसे बड़ी चौड़ाई (छोटे न्यास) की मुख की चौड़ाई की अहंराशि हारा हातित कर, और तब १० के वर्गमूल द्वारा गुणित करने पर परिमाप (perimeter) उत्पन्न होता है। आकृति की महत्तम चौड़ाई की अहंराशि के वर्ग को मुख की आधी चौड़ाई द्वारा हासित करने से प्राप्त राशि में मुख की चौड़ाई की एक चौधाई. राशि के वर्ग को जोड़ते हैं। परिणामी योग को १० के वर्गमूल द्वारा गुणित करते हैं। प्राप्त राशि शंख आकृति का सुक्षम क्षेत्रफल होता है।। ६५३।।

(६३) यदि बड़ा व्यास 'अ' और छोटा ज्यास 'ब' हो, तो इस नियमानुसार परिधि √ ६व + ४अ२ होती है, और क्षेत्रफल के स्थ × √ ६व + ४अ२ होता है। इस गाया में (इस्तिलिपि में) परिधि प्राप्त करने के लिये प्राप्त राश्चि के वर्गमूल निकालने का कथन मूल से छूट गया है। यहाँ दिया गया क्षेत्रफल का सूत्र केवल एक अनुमान है, और वह वृत्त के क्षेत्रफल की साम्यता पर आधारित है, जो त × व × व द्वारा प्ररूपित होता है। जहाँ व म्यास है और (त व) परिधि है।

(६५३) बीजीय रूप से, परिधि = (अ - ३ म)×√१० ; तथा,

ज्यासोऽष्टादश दण्डा मुखिक्तारोऽयमि च चत्वारः। कः परिधिः किं गणितं सूक्ष्मं तत्कम्बुकावृत्ते॥ ६६३॥

वहिश्वकवाल्यन्तक्षेत्रस्य चान्तश्चकवाल्यनक्षेत्रस्य च स्क्ष्मफलानयनस्त्रम्— निगमसहितो व्यासो दशपदनिगंमगुणो बहिगेणितम् । रहितोऽधिगमेनासावभ्यन्तरचकवाल्यनस्य ॥ ६७३ ॥

अत्रोद्देशकः

न्यासोऽष्टादश दण्डाः पुनर्बहिर्निर्गतास्त्रयो दण्डाः। सूक्ष्मगणितं वद त्वं बहिरन्तश्चकवालवृत्तस्य॥ ६८३॥ न्यासोऽष्टादश दण्डा अन्तः पुनरिधगताश्च चत्वारः। सृक्ष्मगणितं वद त्वं चाभ्यन्तरचक्रवालवृत्तस्य॥ ६९३॥

उदाहरणार्थ मझ्न

शंख आकृति के वकरेखीय क्षेत्र के संबंध में महत्तम चौड़ाई १८ दंह है, और मुख की चौड़ाई थ दंड है। इसकी परिमिति और स्क्म क्षेत्रफळ के माप क्या हैं ? ॥६६५॥

बाहर स्थित और भीतर स्थित (बहिश्चक्रवास और अंतश्चक्रवास) कंकण के संबंध में स्थम मापों को निकालने के लिये नियम —

भीतरी न्यास में चक्रवाल वृत्त की चौड़ाई जोड़कर, प्राप्त राक्षि को १० के वर्गमूल तथा चक्र-वाल वृत्त की चौड़ाई द्वारा ग्रुणित करते हैं। इससे बहिश्वक्रवाल वृत्त का झेन्नफल प्राप्त होता है। बाहरी न्यास को चक्रवाल वृत्त की चौड़ाई द्वारा हासित करते हैं। प्राप्त राशि को १० के वर्गमूल तथा चक्रवाल वृत्त की चौड़ाई द्वारा गुणित करने से अंतश्रक्रवाल वृत्त का झेन्नफल प्राप्त होता है॥६७२॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

चक्रवाक वृत्त का भीतरी अथवा बाहरी व्यास का साप १८ दंड है। चक्रवाक वृत्त की चौड़ाईं १ दंड है। चिक्रवाल वृत्त कथा अंतश्रक्रवाल वृत्त का सूक्ष्म साप चतकाओ ।। ६८ रें ।। बाहरी क्यास १८ दंड है। अंतश्रक्रवाल वृत्त की चौड़ाई ४ दंड है। अंतश्रक्रवाल वृत्त का सूक्ष्म क्षेत्रफल निकालो ॥ ६९ रें ।।

क्षेत्रफड = $[\{(\mathbf{a} - \frac{1}{2} \, \mathbf{n}) \times \frac{1}{2}\}^2 + \left(\frac{\mathbf{n}}{8}\right)^2] \times \sqrt{20}$; बहाँ अ महत्तम चौड़ाई का माप है और म शंख के मुख की चौड़ाई है। गाथा २२ के नोट के अनुसार यहाँ भी इस आकृति को दो असमान अर्बहुतों द्वारा संरचित किया गया है।

यवाकारक्षेत्रस्य च धनुराकारक्षेत्रस्य च सूक्ष्मफळानयनसूत्रम्— इषुपादगुणश्च गुणो दशपदगुणितश्च भवति गणितफळम् । यवसंस्थानक्षेत्रे धनुराकारे च विज्ञेयम् ॥ ७०३ ॥

अत्रोदेशकः

द्वादशदण्डायामो मुखद्वयं सृचिर्राप च विस्तारः । चत्वारो मध्येऽपि च यवसंस्थानस्य किं तु फढम् ॥ ७१३ ॥ धनुराकारसंस्थाने ज्या चतुर्विश्वतिः पुनः । चत्वारोऽस्येषुरुद्दिष्टः सृक्ष्मं किं तु फढं भवेत् ॥ ७२३ ॥

धनुराकारक्षेत्रस्य धनुःकाष्टवाणप्रमाणानयनसूत्रम्— शरवर्गः षडुणितो ज्यावर्गसमन्वितस्तु यस्तस्य । मूळं धनुर्गुणेषुप्रसाधने तत्र विपरीतम् ॥ ७३३ ॥

यवाकार क्षेत्र तथा धनुषाकार क्षेत्र के सम्बन्ध में सूक्ष्म मानों को निकालने के लिये नियम— धनुष की डोरी को बाण की एक चौथाई राशि द्वारा गुणित करते हैं। प्राप्त फल को १० के वर्शमूल द्वारा गुणित करने पर धनुषाकार तथा यवाकार क्षेत्र के सम्बन्ध में क्षेत्रफल का सूक्ष्म रूप से ठीक मान प्राप्त होता है।। ७०% ।।

उदाहरणार्थ पश्न

यबधान्य की बीच से फाइने से प्राप्त केन्न की आकृति की महत्तम कम्बाई १२ दंड है; दो निरे सुई-बिन्दु हैं, और बीच में चौदाई ४ दंड है। सेन्नफक क्या है १॥ ७१२ ॥ धनुवाकार रूपरेखा बाकी आकृति के संबंध में डोशी २४ है तथा बाण ४ है। क्षेत्रफक का स्हम माप क्या है १॥ ७२२ ॥

भनुष के वक्ष काष्ट तथा बाज को निकालने के लिये नियम, जब कि आकृति धनुषाकार है-

बाण के साप का वर्ग ६ द्वारा गुणित किया जाता है। इसमें डोरी के वर्ग को जोड़ते हैं। परिणामी बोग का वर्गमूक धनुष के बक्र कांछ का साप होता है। डोरी का साप और बाण का माप निकासने के सम्बन्ध में इसकी विपरीत किया करते हैं॥ ७३ ने॥

(७०%) घनुष के समान आकृति, इत की अवघा जैशी, स्पष्ट कर से दिखाई देती है। यहाँ अवघा का क्षेत्रफळ = क × उ × √ १० है। यह शुद्ध माप नहीं है।
अर्द्धुत के क्षेत्रफळ को मास करने के किये जो नियम है यह उसी की
साम्यता पर आधारित है। अर्द्धुत का क्षेत्रफळ = π × २ क्ष × उ है, जहां त्र त्रिज्या है! साधारण जापकर्ण के दोनों ओर के धनुष (इत की अवघायें) मिळाने से यवाकार आकृति मास होती है। स्पष्ट है कि इस दशा में बाण का माप दुगुना हो जाता है। इस प्रकार यह सुत्र इस के लिये भी प्रयोज्य है।
विलोक प्रवृत्ति में (४/२३७३ माग १, एष्ट ४४२ पर) अवघा का क्षेत्रफळ सुत्र क्प से यह है—

धनुषक्षेत्र = √ (हे बाग × जीवा) र × १०

विपरीतिकयायां सूत्रम्— गुणचापकृतिविशेषात्तर्कहृतात्पदिमषुः समुद्दिष्टः । शरवर्गात् षड्गुणितादूनं धनुषः कृतेः पदं जीवा ॥ ७४३ ॥

अत्रोदेशकः

धनुराकारक्षेत्रे ज्या द्वादश षट् शरः काष्ठम् । न ज्ञायते सखे त्वं का जीवा कः शरस्तस्य ॥ ७५३ ॥

१. अ और आ दोनों में उपर्युक्त पाट है; पर इष्ट अर्थ "बहुणितादूनाया बनुष्कृते: पट् कीवा" से निकलता है।

विपरीत किया के सम्बन्ध में नियम---

दोशे के वर्ग और धनुष के बक्रकाष्ट के बर्ग के अन्तर की है भाग शशि का वर्गमूक बाण का माप होता है। धनुषकाष्ठ के वर्ग में से बाण के वर्ग की ६ गुनी शशि को घटाने से प्राप्त होय का वर्गमूक दोशी का माप होता है। ७६२ ॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

धनुषाकार आकृति की ढोरी १२ है, और बाण ६ है। झुकी हुई कांच्र का माप अज्ञात है। हे मिन्न, उसे निकाको। इसी आकृति के संबंध में डोरी और उसके बाण के माप को अलग-अलग किस तरह निकालोगे, जब कि आवश्यक राशियाँ ज्ञात हों ?॥ ७५ रे॥

(७३१-७४१) बीजीय रूप से, चाप =
$$\sqrt{\frac{1}{6}} \frac{1}{8} \frac{1}{8} = \sqrt{\frac{1}{6}} = \sqrt$$

चापकर्ण और बाब के पदों में चाप का मान समीकरण के रूप में देने के लिये अर्द्धन्त बनानेवाले चाप को आधार मानना पड़ता है। प्राप्त सूत्र को किसी भी अवधा (इत खंड) के चाप का मान निकालने के उपयोग में लाते हैं। अर्द्धवृत्तीय चाप = श्र X √ १० = √ १० श्र² = √ ६ श्र² + ४ श्र² होता है, बहाँ श्र श्रिक्या अथवा अर्द्धव्यास है। इसी सिद्धान्त पर आधारित यह सूत्र किसी भी चाप के लिये है। यहाँ ल = बावा (चाप तथा चापकर्ण के बीच की महत्तम दूरी), और क = बीवा (चापकर्ण) है। जम्बूदीप प्रश्रस (२/२४, ६/१०) में श्रनुषपृष्ठ का सूत्र महावीर के सूत्र समान है,

धनुषपृष्ठ = $\sqrt{\xi}$ (बाज 3) + { (व्यास — बाग) ४ बाग } = $\sqrt{\xi}$ (बाग) 3 + (जीवा) 3 त्रिक्षोक प्रश्नित (४/१८१) में सूत्र इस रूप में है,

घनुष = √ २ {(ब्यास + बाब)2 - (ब्यास)2}

बाण निकासने के लिये अम्बूदीप प्रश्ति (६/११) तथा त्रिकोक प्रश्ति (४/१८२) में अवतरित सूत्र हष्टक्य है।

मृदङ्गिनभक्षेत्रस्य च पणवाकारक्षेत्रस्य च वजाकार क्षेत्रस्य च सृक्ष्मफलानयनसूत्रम्— मुख्यगुणितायामफलं स्वधनुःफलसंयुतं मृदङ्गिनिभे । तत्पणववज्रानिभयोर्धनुःफलोनं तयोरुभयोः ॥ ७६३ ॥ अत्रोदेशकः

चतुर्विश्वतिरायामो विस्तारोऽष्टौ मुखद्वये । क्षेत्रे मृदङ्गसंस्थाने मध्ये षोडश कि फलम् ॥ ७७६ ॥ चतुर्विश्वतिरायामस्तथाष्टौ मुखयोद्वयोः । चत्वारो मध्यविष्कम्भः कि फल पणवाकृतौ ॥ ७८६ ॥ चतुर्विश्वतिरायामस्तयाष्ट्रौ मुखयोद्वयोः । मध्ये सूचिस्तथाचक्ष्य वजाकारस्य कि फलम् ॥ ७९६ ॥

नेभिक्षेत्रस्य च बालेन्द्राकार क्षेत्रस्य च इभदन्ताकारक्षेत्रस्य च सृक्ष्मफलानयनसृत्रम्— पृष्ठोदरसंक्षेपः षड्भक्तो व्यासरूपसंगुणितः । दशमूलगुणो नेमेबोलेन्द्रिभदन्तयोश्च तस्यार्धम् ॥ ८०३ ॥

मृदंगाकार, पणवाकार और बज्राकार आकृतियों के संबंध में सूक्ष्म फर्डों को प्राप्त करने के रिथे नियम---

जो महत्तम लम्बाई को मुख की चौड़ाई द्वारा गुणित करने पर प्राप्त होता है ऐसे परिणामी क्षेत्रफळ में संबंधित घनुषाकृतियों के क्षेत्रफळों के मान को जोड़ते हैं। यह परिणामी योग मृदंग के आकार की आकृति के क्षेत्रफळ का माप होता है। पणव और बच्च की आकृति के क्षेत्रफळ पास करने के छिये महत्तम लम्बाई और मुख की चौड़ाई के गुणनफळ से प्राप्त क्षेत्रफळ को चनुषाकृति मंबंधी क्षेत्रफळों के माप द्वारा हासित करते हैं। शेषफळ इष्ट क्षेत्रफळ होता है॥ ७६ है॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

स्वंगाकार आफूति के संबंध में अहत्तम कम्बाई २४ है। दो मुखों में से प्रत्येक के मुख की बांदाई ८ है। बीच में महत्तम चौदाई १६ है। सेप्रफल क्या है ?॥ ७७ है॥ पणवाकृति के संबंध में महत्तम कम्बाई २४ है। इसी प्रकार प्रत्येक मुख की चौदाई ८ और केन्द्रीय चौदाई ४ है। हो प्रफलल क्या है ?॥ ७८ है॥ वज्र के आकार की आकृति के संबंध में महत्तम कम्बाई २४ है। दो मुखों में से प्रत्येक की चौदाई ८ है। केन्द्र केवल एक बिन्दु है। सेप्रफल निकालो ॥ ७९ है॥

नेमिक्षेत्र और बालेन्दु समान क्षेत्र (द्वायो की खीस के अन्वायाम छेदाकृति) के सूहम क्षेत्र-फलों को निकालने के किये नियम---

नेमिसेत्र के संबंध में भीतरी और बाहरी वक्कों के मार्थों के योग को ६ द्वारा माजित करते हैं। इसे कंकण की चौदाई से गुणित कर फिर से १० के वर्गमूक द्वारा गुणित करते हैं। परिणामी फक इष्ट क्षेत्रफल होता है। इसका आधा बालेन्द्र का क्षेत्रफल अथवा हाथी की सीस की अन्वायाम छेदाकृति (इसदन्ताकार क्षेत्र) का क्षेत्रफल प्राप्त होता है। ८०२॥

(७६ $\frac{2}{3}$) इस नियम का मूळ आधार ३२ वीं गाथा में नोट में दिये गये चित्रों से स्पष्ट हो जावेगा। (८० $\frac{2}{3}$) नेमिक्षेत्र के लिये दिया गया नियम यदि बीजीय रूप से प्ररूपित किया जाय, तो वह इस रूप में आता है— $\frac{q_1+q_2}{\epsilon} \times \varpi \times \sqrt{30}$, जहाँ q_1,q_2 दो परिचियों के माप हैं, और छ नेमिक्षेत्र

1 309

अत्रोहेशकः

पृष्ठं चतुर्देशोदरमष्टी नेम्याकृती भूमी। मध्ये पत्वारि च तहालेन्दोः किमिमदन्तस्य ॥ ८१३ ॥

चतुर्मण्डलमध्यस्थितक्षेत्रस्य सुक्ष्मफळानयनसूत्रम्-बिष्कम्भवर्गराशेष्ट्रेत्तस्यैकस्य स्टूमफलम् । त्यक्ता समवृत्तानामन्तरजफछं चतुर्णा स्यात् ॥ ८२३ ॥

अत्रोहेशकः

गोलकचतुष्टयस्य हि परस्परस्पर्शकस्य मध्यस्य। सूक्ष्मं गणितं कि स्याश्तुष्कविष्कम्भयुक्तस्य ॥ ८३३ ॥

उदाहरणार्थ प्रक्त

नेमिक्स के संबंध में बाहरी वक १४ है और भीवरी ८ है। बीच में चौड़ाई ४ है। क्रेनफक क्या है ? बालेन्द्र सेत्र तथा इभद्नताकार सेत्र की आकृतियों का सेत्रफरू भी क्या होगा ? ॥ ८१ है ॥

बार, एक दूसरे को स्पर्ध करने वाछे. बुत्तों के बीच के क्षेत्र (ब्राम्मण्डक मध्यस्थित केत्र) के ध्रम बेज़फल को निकाकने के किये निवम---

किसी भी एक बृत्त के क्षेत्रफळ का सुक्ष्म माप यदि उस बृत्त के ब्यास की वर्गित करने से प्राप्त राशि में से घटाया जाय, तो पूर्वोक्त क्षेत्र का क्षेत्रफल प्राप्त होता है ॥ ८२ई ॥

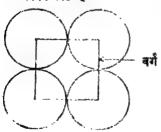
उदाहरणार्ध प्रश्न

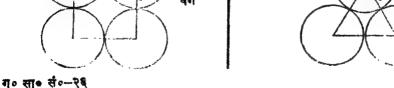
चार एक वृत्तरे को स्वशं करने वाळे चुत्तों के बीच का क्षेत्रफळ निकाको (जब कि प्रश्वेक वृत्त का ब्यास ४ है) ॥८३३॥

(फंकण) की चौड़ाई है। इस नेमिक्षेत्र के क्षेत्रफल की तुलना गाथा ७ में दिये गये नोट में वर्णित आतुमानिक मान से की जाय, तो स्वष्ट होगा कि यह सूत्र शुद्ध मान नहीं देता । गाथा ७ में दिया गया मान श्रद्ध मान है। यह गलती, एक गलत विचार से उदित हुई मालूम होती है। इस क्षेत्रफल के मान को निकालने के लिये, म का उपयोग प, और प, के मानों में अपेक्षाकृत उलटा किया गया है। इसके सम्बन्ध में बम्बूद्वीप प्रश्नित (१०/९१) और त्रिकोक प्रश्नित (४/२५२१-२५२२) में दिये गये सूत्र इष्टब्य है।

कारण स्पष्ट हो जावेगा ।

(८२५) निम्नलिखित आकृति से इस नियम का मूळ | (८४६) इसी प्रकार, यह आकृति भी नियम के कारण को शीध ही स्पष्ट करती है।







वृत्तस्रेत्रत्रयस्थान्योऽन्यस्पर्शनाजातस्थान्तरस्थितस्रेत्रस्य स्क्ष्मफळानयनस्त्रम्— विष्कम्भमानसमकत्रिमुजक्षेत्रस्य स्क्ष्मफळप् । वृत्तफळार्घविद्दीनं फळमन्तरजं त्रयाणां स्थात् ॥ ८४३ ॥

अत्रोद्देशकः

विष्कम्मचतुष्काणां वृत्तक्षेत्रत्रयाणां च । अन्योऽन्यस्पृष्टानामन्तरजक्षेत्रगणितं किम् ॥ ८५६ ॥

.षडश्रसेत्रस्य कर्णायखम्बकसूर्त्सफळानयनसूत्रम्— भुजभुजकृतिकृतिवर्गा द्वित्रित्रितुणा यथाक्रमेणैव । श्रुत्यवखम्बक्कृतिधनकृतयश्च षडश्रके क्षेत्रे ॥ ८६३ ॥

अत्रोहेशकः

भुजषट्कक्षेत्रे द्वौ द्वौ दण्डौ प्रतिभुजं स्याताम् । अस्मिन् अत्यवलम्बकसूक्ष्मफलानां च वर्गाः के ॥ ८७३ ॥

तीन समान परस्पर एक वूसरे को स्पर्श करनेवाले वृत्तीय सेत्रों के बीच के सेत्र का स्थम रूप से शब्द सेत्रफक निकासने के सिये नियम---

जिसकी प्रत्येक भुजा ज्यास के बराबर होती है ऐसे सम त्रिभुज का सूक्ष्म होत्रफळ इन तीन मैं से किसी भी एक के झेत्रफळ की अर्दुरामि द्वारा हासित किया जाता है। होय ही इष्ट झेत्रफळ होता है ॥८४%॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

परस्पर एक दूसरे को स्पर्श करने वाले तथा आए में ४० व्यास वाले तीन बुकों की परिधियों से बिरे हुए क्षेत्र का सूक्ष्म क्षेत्रफळ क्या है ? ॥८५३॥

निविभित पर्भुज क्षेत्र के संध्ध में कर्ण, अवलम्ब (छम्त्र) और क्षेत्रफळ के स्क्ष्म रूप से शुद्ध मानों को निकालने के निवम---

षर्भुज सेत्र के संबंध में भुजा के माप को, इस भुजा के वर्ग को तथा इसी भुजा के बर्ग के वर्ग को कमदाः २, ३ और ३ द्वारा गुणित करने पर उसी कम में कर्ण, कम्ब का वर्ग और क्षेत्रफल के माप का बर्ग प्राप्त होता है ॥८६५॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

नियमित पर्भुजाकार आकृति के संबंध में प्रश्येक भुजा २ दण्ड है। इस आकृति के कर्ण का वर्ग, छन्न का वर्ग और सूक्ष्म क्षेत्रफळ के माप का वर्ग बतलाओ ॥८७ है।

⁽८६ है) यह नियम नियमित घट्सुब आकृति के लिये लिखा गया श्वात होता है। यह सूत्र घट्सुज के केत्रफल का मान √ ३अ देता है, वहाँ किसो भी एक सुबा की कम्बाई अ है। तथापि शुद्ध सूत्र यह है— अर × रें रें

बर्गस्वरूपकरिणराशीनां युविसंख्यानयनस्य च तेषां वर्गस्वरूपकरिणराशीनां यथाक्रमेण परस्परिबयुतितः शेषसंख्यानयनस्य च सृत्रम्— केनाप्यपवर्तितफळपदयोगवियोगछितिहताच्छेदात् । मृळं पदयुतिवियुती राशीनां विद्धि करिणगणितिमिदम् ॥ ८८३ ॥

अत्रोदेशकः

बोडश्वट्त्रिशच्छतकरणीनां वर्गमूळिपण्डं मे । अथ चैतत्पदशेषं कथय सखे गणिततत्त्वज्ञ ॥८९३॥ इति सूक्सगणितं समाप्तम् ।

55 वर्गमूळ राशियों के योग के संस्थारमक मान तथा एक दूसरे में से स्थानादिक क्रम में इंड वर्गमूळ राशियों को घटाने के पश्चात् शेषफळ निकालने के क्रिये नियम—

समस्त वर्गमूल राशियाँ एक ऐसे साधारण गुणनसंड द्वारा भाजित की जाती हैं, जो ऐसे भजनफर्जों को उत्पन्न करता है जो वर्गराशियों होति हैं। इस प्रकार श्राप्त वर्गराशियों के वर्गमूळों को जोड़ा जाता है, अयवा उन्हें स्वाभाविक क्रम में एक को दूसरे में से घटाया जाता है। इस प्रकार प्राप्त बोग और शेषफक दोनों को वर्गित किया जाता है, और तब अलग अलग (पहिले उपयोग में छाए हुए) भाजक गुणनसंड द्वारा गुणित किया जाता है। इन परिणामी गुणनफर्डों के वर्गमूळ, प्रका में दी गई राशियों के बोग और अंतिम अंतर को उत्पन्न करते हैं। समस्त प्रकार की वर्गमूळ राशियों के गणित के संबंध में बह नियम जानना चाहिये॥८८३॥

उदाहरणार्थ पश्न

हे गणिततश्वज्ञ सखे, मुझे १६, ६६ और १०० राशियों के वर्गमूळों के योग को वतछाओ, और तब इन्हीं राशियों के वर्गमूळों के संबंध में अंतिम दोष भी वतछाओ। इस प्रकार, क्षेत्र गणित स्ववहार में सूक्ष्म गणित नामक प्रकरण समास हुआ ॥८९२॥

साधित करने पर,

⁽८८६) यहाँ आया हुआ ''करणी' शन्द कोई भी ऐसी राशि दर्शाता है जिसका वर्गमूल निकालना होता है, और जैसी दशा हो उसके अनुसार वह मूळ परिमेय (rational, धनराशि जो करबीरहित हो) अथवा अपरिमेय होता है। गाथा ८९६ में दिये गये प्रधन को निम्न प्रकार से हल करने पर यह नियम स्पष्ट हो जावेगा—

 $[\]sqrt{\xi\xi} + \sqrt{\xi\xi} + \sqrt{\xi\circ\circ}$ और $(\sqrt{\xi\circ\circ}) - (\sqrt{\xi\xi} - \sqrt{\xi\xi})$ के मान निकालना हैं। इन्हें \sqrt{x} $(\sqrt{x} + \sqrt{\xi} + \sqrt{\xi\xi})$; \sqrt{x} $\{\sqrt{\xi\xi} - (\sqrt{\xi} - \sqrt{x})\}$ द्वारा प्रकापित किया जा सकता है।

जन्यव्यवहारः

इतः परं क्षेत्रगणिते जन्यव्यवहारमुदाहरिष्यामः । इष्टसंख्याबीकाभ्यामायतचतुरअक्षेत्रा-नयनसूत्रम्— वरीविशेषः कोटिः संवर्गो द्विगुणितो भवेद्वाद्वः । वर्गसमासः कर्णस्रायतचतुरअक्ष्यस्य ॥ ९०२ ॥ अत्रोदेशकः

एकद्विके तु बीजे क्षेत्रे जन्ये तु संस्थाप्य । कथय विगणय्य शीवं कोटिभुजाकर्णमानानि ॥९१३॥ बीजे द्वे त्रीणि सखे क्षेत्रे जन्ये तु संस्थाप्य । कथय विगणय्य शीवं कोटिभुजाकर्णमानानि ॥९२३॥

पुनरपि बीजसंज्ञाभ्यामायतचतुरश्रक्षेत्रकल्पनायाः सूत्रम्— बीजयुतिबियुतिघातः कोटिस्तद्वर्गयोरच संक्रमणे । बाहश्रती भवेतां जन्यविधी करणमेतदपि ॥ ९३३ ॥

जन्य व्यवहार

इसके पश्चात इस क्षेत्रफल माप सम्बन्धी गणित में जन्य किया का वर्णन करेंगे। मन से चुनी हुई संख्याओं को बीजों के समान लेकर उनकी सहायता से भावत क्षेत्र की प्राप्त करने के क्रिये नियम-

सन से प्राप्त भावत होन्न के संबंध में बीज संख्याओं के वर्गों का अंतर हंब अचा की संरचना करता है। बीज संख्याओं का गुणनफक र द्वारा गुणित होकर दूसरी भुजा हो जाता है, और बीज संख्याओं के वर्गों का योग कर्ण बन जाता है ॥९०५॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

ज्यामितीय आकृति के संबंध में (जिसे मन के अनुसार प्राप्त करना है) १ और २ किसे जानेवाले बीज हैं । गणना के पश्चात् मुझे लम्ब भुजा, दूसरी भुजा और कर्ण के मार्पों को शीव्र बतकाओ ॥९१ है॥

है मिन्न, २ और ३ की, मन के अनुसार किसी आकृति की प्राप्त करने के संबंध में, बीज लेकर

गणना के पक्षात् लम्ब भुका, अन्य भुका और कर्ण शीघ बतलाओ ॥९२२॥

पुनः बीजों द्वारा निरूपित संख्याओं की सहायता से भायत चतुरश्र क्षेत्र की रचना करने के किये दूमरा नियम—

बीजों के योग और अंतर का गुणनए सस्बमाप होता है। बीजों के योग और अंतर के बगों का संक्रमण अन्य अजा तथा कर्ण को उत्पन्न करता है। यह क्रिया कन्य क्षेत्र को (दिये हुए बीजों से) प्राप्त करने के उपयोग में भी काई जाती है।।९६२।।

(९०२) "बन्य" का शान्दिक अर्थ "में से उत्पन्न" अथवा "में से स्युत्पादित" होता है, इसिक्ये वह ऐसे त्रिमुन और चतुर्भुन क्षेत्रों के विषय में है जो दिये गये न्यास (दत्त दशाओं) से प्राप्त किये जा सकते हैं। त्रिमुन और चतुर्भुन क्षेत्रों की मुनाओं की कम्बाई निकालने को जन्य किया कहते हैं।

बीज, जैसा कि यहाँ वर्णित है, साधारणतः धनात्मक पूर्णोक होता है। त्रिमुज और चतुर्भुष क्षेत्रों को प्राप्त करने के खिये दो ऐसे बीच अपरिवर्तनीय ढंग से दिये गये होते हैं।

इस नियम का मूल आधार निम्निकिखित बीबीय निरूपण से स्पष्ट हो बावेगा-

यदि "अ" और "ब" बीज संख्यायें हों, तो अर — बर लम्ब का माप होता है। २ अब दूसरी भुजा का माप होता है और अर + बर कर्ण का माप होता है, बब कि चतुर्भुज क्षेत्र आयत हो। इससे स्पष्ट है कि बीज ऐसी संख्याएँ होती हैं जिनके गुणनफल और वर्गों की सहायता से प्राप्त मुजाओं के मापों द्वारा समकोण त्रिमुज की रचना की जा सकती है।

(९३६) यहाँ दिये गये नियम में अर-वर, र अव और अर+वर को (अ+व) (अ-व),

ः विक्रमाञ्चकवीजाभ्यां जत्यहोत्रं सस्ते समुत्थाप्य । कोटिमुजाश्रतिसंख्याः कथय विचिन्त्याञ्च गणिततस्वज्ञ ॥ ९४३ ॥

इष्टजन्यक्षेत्राद्वीजसंज्ञसंख्ययोरानयनस्त्रम् — कोटिच्छेदाबाप्त्योः संक्रमणे बाहुद्रुक्फलच्छेदौ । बीजे अतीष्टकृत्योर्योगवियोगार्धमुले ते ॥ ९५३॥

अत्रोहेशक:

कस्यापि क्षेत्रस्य च बोडश कोटिश्च बीजे के।

. त्रिसदयबान्यबाहुर्वीजे के ते श्रुविश्चतुर्किशत् ॥ ९६३ ॥

कोटिसंख्या ज्ञात्वा सुजाकणसंख्यानयनस्य च सुजसंख्या ज्ञात्वा कोटिकणसंख्यानयनस्य च कर्णसंक्यां ज्ञात्वा कोटिभुजासंख्यानयनस्य च सूत्रम्-कोटिकतेरछेदाप्त्योः संक्रमणे श्रतिमुत्रौ भुजकृतेर्वा। अथवा अतीष्टकृत्योरन्तरपद्मिष्टमपि च कोटिभुजे ॥ ९७३ ॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

हे गणिततत्त्वज्ञ मित्र, ३ और ५ को श्रीज लेकर उनकी सहायता से जन्य क्षेत्र की रचना करी, और तर सोच विचार कर बीझ ही कम्ब सुजा, अन्य सुजा और कर्ण के मापों को बतकाओ ॥९४२॥

बीजों से प्राप्त करने बोग्य किसी दी गई आकृति संबंधी बीज संख्याओं को निकासने के छिये नियम---

क्रम्ब भुजा के मन से चुने हुए बधार्थ भावक और परिकामी मजनफक में संक्रमण किया करने से इष्ट बीज इत्पन्न होते हैं। अन्य अवा की अदौराशि के मन से चुने हुए यथार्थ भाजक और परिणामी भजनफक भी इष्ट बीक होते हैं। वे बीज कमशः कर्ण और मन से चुनी हुई संख्या की वर्णित राशि के योग की बर्दराधि के वर्गमुक तथा अंतर की अर्दराश के वर्गमुक होते हैं ॥९५३॥

. उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी रैक्सिकीय आकृति के संबंध में क्रम्ब १६ है, बतकाओ बीज क्या क्या हैं ? अथवा यदि अन्य भुजा ६० हो, तो बीजों को बतछाओ। बहि कर्ण ३४ हो, तो वे बीज कीनकीन हैं ? ।।९६५।।

भन्य मुका और कर्ण के संस्थारमक मानों की निकाछने के किये नियम, जय कि उन्य मुजा शात हो; करन भुजा और कर्ण को निकासने के छिबे नियम, जब कि अन्य भुजा शात हो; और करन भुवा तथा मन्य भुजा को निकालने के किये निवस, जब कि कर्ण का संक्यात्मक माप शांत हो-

करन मुजा के बर्ग के मन से बना इए बयार्थ माजक और परिणामी मजनफ के बीच संक्रमण किया करने पर क्रमश्च: कर्ण और अम्य अखा डरपच होती हैं । इसी प्रकार अम्य भुजा के वर्ग के संबंध में वही संक्रमण किया करते से करब असा और कर्ण के माप अध्यक्ष होते हैं। अथवा, कर्ण के बर्ग और किसी मद से चुनी हुई संक्या के बर्ग के अंतर की बरामूंक राशि तथा वह चुनी हुई संख्या क्रमशः करव शुका और अन्य शुक्रा होती हैं ॥९७३॥

 $[\]frac{(a+a)^2-(a-a)^2}{2} = \frac{(a+a)^2+(a-a)^2}{2} = \frac{1}{2} = \frac{(a+a)^2-(a+a)^2}{2} = \frac{1}{2} = \frac$

⁽९७३) यह नियम निम्नकिसित सर्वसिकाओं (identities) पर निर्मर है ---

कस्यापि कोटिरेकाद्म बाहुः बष्टिरन्यस्यः । श्रृतिरेकबष्टिरन्यास्यानुक्तान्यत्र मे कथय ॥ ९८३ ॥

द्विसमचतुरश्रक्षेत्रस्यानयनप्रकारस्य सूत्रम् — जन्यस्त्रेत्रभुजार्धहारफळजप्राग्जन्यकोट्योर्युति-भूरास्यं वियुत्तिर्भुजा श्रुतिरथाल्पाल्पा हि कोटिभेवेत्। आवाधा सहती श्रुतिः श्रुतिरभूज्येष्ठं फळं स्यात्फळं बाहुः स्यादवळस्वको द्विसमक्स्रेते चतुर्वाहुके॥ ९९३॥

उदाहरणार्थ पश्न

किसी आकृति के संबंध में, कम्ब मुजा ११ है, दूसरी आकृति के संबंध में 'अन्य (दूसरी) भुजा ६० है, और तीसरी आकृति के संबंध में कर्ण ६१ है। इन तीन दशाओं में अज्ञात भुजाओं के मापों को बतकाओ ॥ ९८- ॥

दिये गये बीजों की सहायता से दो बराबर शुजाओं वारू चतुर्श्व क्षेत्र को प्राप्त करने की रीति के संबंध में नियम—

हिये गये बीजों की सहायशा से प्राप्त प्रथम आयत की लम्ब भुजा को दूसरी आहृति (जिसे मूलतः प्राप्त आहृति के आधार की अर्थ्रश्वा के मन से चुने हुए दो गुणनखंडों को बीज मानकर प्राप्त किया गया है ऐसी आहृति) की लम्ब भुजा में जोड़नेपर दो बशबर भुजाओं वाले खतुर्भुंज को जपरी भुजा उरपन्न होती है। पूर्व कथित दो प्राप्त आहृतियों का छोटा कर्ण दो बशबर भुजाओं में से किसी एक का माप होता है। उन दो प्राप्त आहृतियों के सम्बन्ध में दो लम्ब भुजाओं में से छोटी भुजा, आधार के उस छोटे खंड का माप होती है जो कपरी भुजा के अंतों में से किसी एक से आधार पर लम्ब गिराने से बनता है। उन दो प्राप्त आहृतियों के सम्बन्ध में बड़ा कर्ण हृष्ट कर्ण का माप होता है। उन दो प्राप्त आहृतियों में से बड़ा कर्ण हृष्ट कर्ण का माप होता है। उन दो प्राप्त आहृतियों में से बड़ा कर्ण हृष्ट कर्ण का माप होता है। उन दो प्राप्त आहृतियों में से बड़ा कर्ण हृष्ट कर्ण का माप होता है। उन दो प्राप्त आहृतियों में से बड़ा कर्ण हृष्ट कर्ण का माप होता है। उन दो प्राप्त आहृतियों में से बड़ा कर्ण हृष्ट कर्ण का माप होता है। १०० दो प्राप्त का आधार, जपरी भुजा के अंतों में से किसी एक से आधार पर गिराये गये करन का माप होता है। १०० हो।

?)
$$\left\{ \frac{(31-4)^2}{(31-4)^2} \pm (31-4)^2 \right\} \div ? = 31^2 + 4^2 \text{ and at } ? \text{ at at } (4311-3312)$$

?)
$$\left\{ \begin{array}{c} (2 + 4)^{2} \\ 2 + 4 \end{array} \right\} \div 2 = 31^{2} + 41^{2}$$
 and $31^{2} - 41^{2}$

$$\frac{3}{4}$$
) $\sqrt{(31^2+4^2)^2-(2314)^2}=31^2-31^2$

९९२) इस गाथा में कथित नियम के अनुसार साधन किया जाने वाला प्रश्न यह है कि दो दिये गये बीजों की सहायता से दो बराबर भुजाओं वाले चतुर्भुंज क्षेत्र की रचना किस प्रकार करना चाहिये। भुजाओं, कणों और ऊपरी भुजा के अंतों से आधार पर गिराबे गये लग्जों तथा लग्ज के कारण उत्पन्न हुए लंडों की लग्जाह्यों दिये गये बीजों की सहायता से संरचित दो आयतों में से निकालना पड़ती है। इनमें से प्रयम आयत क्षेत्र ऊपर गाया ९०३ में दिये गये नियमानुसार बनाया जाता है। प्रथम आयत के आधार की सम्बाई की अर्द्धराध्य के मन से जुने हुए दो गुणनखंडों में से उसी नियम के अनुसार दूसरा आयत केत्र बनता है। (उन दो गुणनखंडों को बीज मान लेते हैं।) इसलिये अब हम प्रयम आयत को, दूसरे आयत केत्र से अलग पहिचानने के लिये, प्राथमिक आकृति कहेंगे।

चतुरश्रक्षेत्रस्य द्विसमस्य च पद्मधट्कबोजस्य । मुखमूमुजाबलम्बककर्णाबाधाधनानि वद् ।। १००३ ॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

दो बराबर मुजाओं वाले तथा ५ और ६ को बीज मानकर उनकी सहायता से रचित चतुर्भुंज क्षेत्र के संबंध से कररो मुजा, आधार, दो बराबर मुजाओं में से एक, कपरी मुजा से आधार पर गिराया गया छंब, कर्ण और आधार का छोटा खंड तथा क्षेत्रफल के मार्गो को बतकाओ ॥१००३॥

इस नियम का मूल आधार गाथा १०० है में दिये गये प्रश्न के इल की चित्रित करने वाली निम्निलिस्त आकृतियों से स्पष्ट हो जायेगा। यहाँ दिये गये बोज ५ और ६ हैं। प्रथम आयत अथवा बीजों से प्राप्त प्रश्न आकृति अ व स द है—

[नोट-ये आकृतियाँ पैमाने रहित हैं।] इस आकृति में आधार की स्मन्नाई की अर्द्रशिध ३० है। इसके दो गुणनलंड १ और १० खुने जा सकते हैं। इन संख्याओं की सहायता से (उन्हें बीच मानकर) संरचित आयत क्षेत्र इफ गह है-

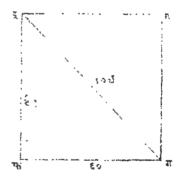
दो बराबर भुजाओं वाले इष्ट चतुर्भुंब क्षेत्र की रचना के लिये अपने कर्ण द्वारा विभाजित प्रथम आयत के दो त्रिभुजों में से एक को दूसरे आयत की ओर, और वैसे ही तूसरे त्रिभुज के बराबर क्षेत्र को दूसरे आयत की दूसरी ओर से हटा देते हैं जैवा की आकृति ह अ' फ स' से स्पष्ट है।

यह किया आकृतियों की तुखना से स्पष्ट हो बावेगी। इष्ट चतुर्भुंब क्षेत्र इ अ' फ स' का केत्रफळ = दूसरे आयत इ फ ग ह का क्षेत्रफळ।

आधार अ' फ = प्रथम आयत की कान गुजा धन दूसरे आयत की कान गुजा = अ न + इ फ

कपरी सुजा ह स' = दूसरे आयत की लब्ब सुजा श्राम प्रथम आयत की लब्ब सुजा = ग इ-स ट् कर्ण ह फ = दूसरे आयत का कर्ण







त्रिसमचतुरश्रहेत्रस्य मुखभूभुजावलम्बककर्णावाधाधनानयनस्त्रम्— भुजपद्द्तवीजान्तरहृतजन्यधनाप्तमागहाराभ्याम् । तद्भुजकोटिभ्यां च द्विसम इव त्रिसमचतुरश्रे ॥ १०१३ ॥ अत्रोद्देशकः

चतुरश्रह्मेत्रस्य त्रिसमस्यास्य द्विकत्रिकस्वबोजस्य । गुखभुभुजाबलम्बककणीबाधाधनानि वद् ॥ १०२३ ॥

दिये गये बीजों की सहाबता से तीन बराबर मुजाओं बाल जतुर्भुब केन के संबंध में अपरी भुजा, आधार, कोई भी एक बराबर भुजा, उपर से आधार पर गिराया गया सम्ब, कर्ण, आधार का छोटा संब और क्षेत्रफल के मार्पों को निकासने के लिये निवम---

दिये गये बीजों का अंतर, उन बीजों की सहाबता से तत्काळ प्राप्त चतुर्श्व के अवाधार के व्याग्य के द्वारा गुणित किया जाता है। इस तत्काळ प्राप्त प्राथमिक चतुर्श्व के क्षेत्रफळ को इस प्रकार प्राप्त गुणिनफळ द्वारा भाजित किया जाता है। तब किया में बीजों की तरह उपयोग में छावे गये परिचामी भजनफळ और भाजक की सहायता से प्राप्त दूसरा चतुर्श्व के त्रत्र रचा जाता है। तीसरा चतुर्श्व, तत्काळ प्राप्त चतुर्श्व के आधार और कम्य गुजा को बोज मानकर, बनाया जाता है। तब इन दो अंत में प्राप्त चतुर्श्व की सहायता से तीन बराबर श्रुजाओं बाळे चतुर्श्व के सेत्र की उपर्युक्त मुजाओं बादि के माणों को दो बराबर श्रुजाओं बाळे चतुर्श्व विधि अनुसार प्राप्त किया जाता है। १००१ में।

उदाहरणार्थ प्रश्न

तीन बराबर अजाओं बाले, तथा २ और ३ बीज हैं जिसके ऐसे, चतुर्भुज क्षेत्र के संबंध में कपरी अजा, आधार, तीन बराबर अजाओं में से एक, ऊपरी अजा से आधार पर गिराबा गया कम्ब, कर्ण, अधार का छोटा संब और क्षेत्रफलों के मापों को बतकाओ ॥१०२३॥

आधार का छोटा लंड अर्थात् अ' इ = प्रथम आयत की लंड भुजा = अ व

लम्ब इ इ = दूसरे अथवा प्रथम आयत का आधार = ब स = फ ग

बाज, की प्रत्येक बराबर भुजा अ' ह अथवा फ स' = प्रथम आयत का कर्ण, अर्थात्, अ स (१०१२) यदि दिये गये बीज अ और व द्वारा निरूपित हों, तो तत्काल प्राप्त चितुर्भुंद की भुजाओं के माप ये होंगे: ब्यन्त भुजा = अ१ - व१, आधार = २ अ व, कर्ण = अ१ + व², क्षेत्रफळ = २ अ व × (अ१ - व²)।

जैसा कि दो बराबर मुजाओं वाले क्षेत्रफक की रचना के संबंध में गाथा ९९२ का निवम उपयोग कहा गया है, उसी तरह यह नियम, दो प्राप्त आक्तों की सहायता से, तीन बराबर मुजाओं वाले इष्ट चतुर्भुंज क्षेत्र की संरचना में सहायक होता है। इन आक्तों में प्रथम संबंधी बीज के हैं—

२ अ ब \times (अ $^2-4^2$), अर्थात् $\sqrt{2}$ ब \times (अ + व) और $\sqrt{2}$ अ ब \times (अ - व)

गाथा ९०२ का नियम यहाँ प्रयुक्त करने पर इसे प्रथम आयत के खिये निम्निकिस्तित मान प्राप्त होते हैं---

स्मन मुना = (अ + व) र X २अ व - (अ - व) र X २अ व अथवा ८अर वर

विषमचतुरश्रह्मेत्रस्य मुखमूभुजावलम्बककर्णाबाघाधनानयनसूत्रम्-ज्येष्ठाल्यान्योन्यहीनश्रतिहत्मुजकोटी भुजे भूमुखे ते कोट्योरन्योन्यदोभ्यां इत्युतिरथ दोर्घातयुक्तोटिकातः। कर्णावरपश्रतिमावनधिकमुजकोट्याहती लम्बकौ ता-बाबाचे कोटिदोन्नीबबनिवियरके कर्णघातार्धमर्थः ॥ १०३३ ॥

विषम चतुर्भुज के संबंध में, अपरी भुजा, आधार, बाजू की भुजाओं, अपरी भुजा के अंतों से आधार पर तिराये गये लखों, कणों, आधार के खंडों और क्षेत्रफल के मापों को निकालने के लिये निवम --

दिये गये बीजों के दो फुलकों (sets) संबंधी दो आयताकार प्राप्त चतुर्भुज क्षेत्रों के बढ़े और छोटे कर्णों से आधार और (उन्हीं प्राप्त छोटी और बड़ी बाकृतियों की) छम्ब शुजा क्रमशः गुणित की जाती हैं। परिणामी गुणनफक इष्ट चतुर्भुज क्षेत्र की दो असमान मुजाओं, आधार और ऊपरी अजा के मापों को देते हैं। प्राप्त आकृतियों की कम्ब अजाएँ एक दूसरे के आधार द्वारा गुणित की जाती हैं। इस प्रकार प्राप्त दो गुणनफक जोड़े जाते हैं। तब इन आकृतियों संबंधी दो लम्ब भुजाओं के गुणनफल में उन्हों आकृतियों के आधारों का गुणनफल जोड़ा जाता है। इस प्रकार प्राप्त दो योग. जब उन हो आकृतियों के दो कर्णों में से छोटे कर्ण के द्वारा गुणित किये जाते हैं, तब वे इष्ट कर्णों को उत्पन्न करते हैं। वे ही बोग, जब छोटी आकृति के आधार और रूम्ब भुजा द्वारा क्रमशः गुणित किये जाते हैं, तब वे कर्णों के अंतों से गिराये गये छम्बों के मार्पों को उत्पन्न करते हैं; और जब वे उसी आकृति की जन्य भुजा भीर आधार द्वारा गुणित होते हैं, तब वे अन्वीं द्वारा उत्पन्न आधार के खंडों के मापों को उत्पन्न करते हैं। इन खंडों के माप बन आधार के माप में से घटाये जाते हैं, तब अन्य अंडों के सान प्राप्त होते हैं। उपर्युक्त प्राप्त हुई आकृति के कर्णों के गुणनफर की अर्खराशि, इष्ट आकृति के क्षेत्रफल का माप होती है ॥१०३ नै॥

```
आधार = 7 \times \sqrt{204} \times (0 + 4) \times \sqrt{204} \times (0 - 4) अथवा ४० व (अर - वर)
कर्श = (34+4)^2 \times 2014 + (34-4)^2 \times 2014 + 420
द्सरे आयत क्षेत्र के संबंध में बीज अर - वर और रेअ व हैं।
इस आयत के संबंध में :
काब मुजा = ४भ<sup>२</sup> व<sup>द</sup> - (भ<sup>२</sup> - व<sup>२</sup>)<sup>२</sup>; आधार = ४भ व (अ<sup>२</sup> - व<sup>२</sup>);
कर्ण = ४अ<sup>२</sup> व<sup>२</sup> + (अ<sup>२</sup> - व<sup>२</sup>) अथवा (अ<sup>२</sup> + व<sup>२</sup>)<sup>२</sup>
इन दो आयतों की सहायता से, इष्ट क्षेत्रफ़र की भुजाओं, कगां, आदि के मार्गे को गाया ५९%
```

के नियमानुसार प्राप्त किया जाता है। वे ये हैं---

आधार = स्मन भुजाओं का योग = ८अ२ व२ + ४४ १ व२ - (अ१ - व२)

जपरी मुझा = बड़ी स्वस्य मुझा - छोटो स्वस्य भुजा = ८स^२ व^२ - {४स्व^२ व^२ - (स्व^२ - व^२)^२} = (312 + 42)2

बाज की कोई एक भुजा = छोटा कर्ण = (अ2 + व2)

आबार का छोटा खंड = छोटी त्यन्न सुजा = ४अ३ वर - (अ२ - वर)२

लम्ब = दो कर्णों में से बड़ा कर्ण = ४अ व (अ^२ + व^२)

क्षेत्रफळ = बड़े आयत का क्षेत्रफळ = ८ अ^२ च^२ × ४ अ व (अ^२ - व^२)

यहाँ देखा सकता है कि ऊपरी भुजा का माप बाजू की भुजाओं में से कोई भी एक के बराबर है। इस प्रकार, तीन भुवाओं वाला इष्ट चतुर्भुव क्षेत्र प्राप्त होता है।

(१०३%) निम्नलिखित बीजीय निरूपण से नियम स्पष्ट हो बाबेगा— ग॰ सा॰ सं०-२७

एकद्विकद्विकत्रिकजन्ये चोत्थाप्य विषमचतुरश्रे । मुखमूभुजावलम्बककर्णावाधाधनानि वद ॥ १०४३ ॥

पुनरिष विषमचतुरश्रानयनसूत्रम्—
ह्रस्वश्रुतिकृतिगुणितो ज्येष्ठभुजः कोटिरिष धरा वदनम् ।
कणोभ्यां संगुणितावुभयभुजाबरूपभुजकोटी ॥ १०५३ ॥
ज्येष्ठभुजकोटिवयुतिर्द्धिधारूपभुजकोटिवाडिता युक्ता ।
ह्रस्वमुजकोटियुतिगुणपृथुकोट्टयारूपश्रुतिप्रको कर्णो ॥ १०६३ ॥
अस्पश्रुतिहृतकर्णारूपकोटिभुजसंह्ती पृथग्ळम्बौ ।
तद्भुजयुतिवियुतिगुणारूपदमामाचे फलं श्रुतिगुणार्धम् ॥ १०७३ ॥

उदाहरणार्थ पश्न

१ और २ तथा २ और ३ बीजों को लेकर, दो आकृतियाँ प्राप्त कर, विषय चतुर्श्वेज के संबंध में उपर की मुजा, आधार, बाजू की मुजाओं, लम्बों, कणों, आधार के खंडों और झेल्रफक के मापों को बतकाओ ॥१०४२॥

विषम चतुर्शुंज के संबंध में भुजाओं के माप आदि को प्राप्त करने के छिए दूसरा नियम-दो प्राप्त आयतों में छोटी आकृति के कर्ण के वर्ग को, अलग-अलग, आधार और बड़े आयत की र्लंब भुजा द्वारा गुणित करने से विषम इष्ट चतुर्भुज के आधार और उत्परी भुजा के माप उत्पन्न होते हैं। छोटे आयत का आधार और उम्ब भुजा, प्रत्येक उत्तरोत्तर, इपरोक्त आयत क्षेत्रों के प्रत्येक के कर्णे द्वारा ग्रुणित होकर क्रमशः इष्ट चतुर्भुज की दो पाइर्व भुजाओं को उरपन्न करते हैं। बड़ी आकृति (आयत) के आधार और छम्ब भुजा का अंतर, अलग-अस्तग दो स्थानों में रखा जाकर, छोटी आफूति के आधार और कस्य भुजा द्वारा गुणित किया जाता है। इस क्रिया के दो परिणासी गुणनफल अकग-अलग उस गुणनपळ में जोड़े जाते हैं, जो छोटे आयत के आधार भीर लंब मुजा के योग को बड़े आयतको कम्ब भुजा से गुणित करने पर प्राप्त होता है। इस प्रकारप्राप्त दो बोग जब छोटे आयत के कर्ण द्वारा गुणित किये जाते हैं, तो इष्ट चतुर्भुज क्षेत्र के दो कर्णों के माप प्राप्त होते हैं। इष्ट चतुर्भुज क्षेत्र के कर्णों को अलग-अलग छोटे आयत के कर्ण ह्यारा आजित किया जाता है। इस प्रकार प्राप्त मजनकर्लों की क्रमशः छोटे आयत की सम्ब भुजा और आधार द्वारा गुणित किया जाता है। परिणाभी गुणनफळ इष्ट चनुर्भुज क्षेत्र के छंबों के मापों को उत्पन्न करते हैं। इन दो छंबों में (आधार और अपरी भुजा छोड़कर) उपर्युक्त दो भुजाओं के मानों को अखग-अखग जोदा जाता है। बदी भुजा, बढ़े कम्ब में और डोटी भुजा छोटे रुंब में । इन रुंबों और भुजाओं के अंतर भी उसी कम में प्राप्त किये जाते हैं। उपर्युक्त योग क्रमशः इन अंतरों द्वारा गुणित किये जाते हैं। इस प्रकार प्राप्त गुणनफलों के वर्गमूल इष्ट चतुर्भुंज संबंधी आधार के खंडों के मानों को उत्पन्न करते हैं। इष्ट चतुर्भुंज क्षेत्र के कर्णों के गुणनफरू की आधी राशि उसका क्षेत्रफर होती है ॥१०५३-१०७३॥

मानलो दिये गये बीजों के दो कुळक (sets) अ, व और स, द हैं। तब विभिन्न इष्ट तस्व निम्नलिखित होंगे— बाजू की भुजाएँ = २ अ व (स^२ + द^२) (अ^२ + व^२) और (अ^२ - व^२) (स^२ + द^२) (अ^३ + व²)

आधार = १ स द (अ^१ + व^२) (अ^१ + व^१)

एकस्माज्जन्यायतचतुरश्राद्द्वसमित्रभुजानयनस्त्रम्— कर्णे भुजद्वयं स्याद्वाहुर्द्विगुणीकृतो भवेद्भूमिः। कोटिरवलम्बकोऽयं द्विसमित्रभुजे घनं गणितम्॥ १०८३॥

केवल एक जन्म आयत होत्र की सहायता से समिद्रबाहु त्रिशुज प्राप्त करने के किये नियम— दिये गये बीजों की सहायता से संरचित आयत के दो कर्ण इष्ट समिद्रबाहु त्रिशुज की दो बरायर भुजाएँ हो जाते हैं। आयत का आधार दो द्वारा गुणित होकर इष्ट त्रिशुज का आधार यन जाता है। आयत की छंच भुजा, इष्ट त्रिशुज का शीर्ष से आधार पर गिराया हुआ कम्ब होती है। उस आयत का क्षेत्रफल, इष्ट त्रिशुज का क्षेत्रफल होता है ॥१०८३॥

जगरी मुजा =
$$(11^{2} - 11^{2}) (11^{2} +$$

डपर्युक्त चार बीबवाक्य १०१२ वीं गाथा में दिये गये कणों और छनों के मापों के रूप में महा-सित किये जा सकते हैं। यहाँ आधार के खंडों के माप, खंड की संवादी भुजा और छंड के वर्गों के अन्तर के वर्गमूछ को निकालने पर प्राप्त किये जा सकते हैं।

(१०८२) इस नियम का मूळ आवार इस प्रकार निकाला जा सकता है: — मानलो अ व स द एक आयत है और अ द, इ तक बदाई जाती है ताकि

अद = द इ | इ स को जोड़ों | अस इ एक के विकास के कार्यों के माप के बराबर हैं, और बिसका क्षेत्रफळ आयत के क्षेत्रफळ के बराबर हैं।

पार्श्व आकृति से यह बिस्कुछ स्पष्ट हो जावेगा ।

त्रिकपञ्चकबोजोत्यद्विसमत्रिभुजस्य गणक बाह् द्वौ ।
भूमिमवलम्बकं च प्रगणय्याचक्ष्व मे शीप्रम् ॥ १०९३ ॥
विषमत्रिभुजक्षेत्रस्य कल्पनाप्रकारस्य सूत्रम्
जन्यभुजार्थं छित्त्वा केनापिच्छेदल्य्यजं चाभ्याम् ।

जन्यभुजार्थे छित्त्वा केनापिच्छेदछव्धजं चाभ्याम् । कोटियुतिर्भूः कर्णौ भुजौ भुजा छम्बका विषमे ॥ ११०३ ॥

अत्रोदेशकः

हे द्वित्रिबीजकस्य क्षेत्रभुजार्थेन चान्यमुत्थाप्य । तस्माद्विषमत्रिभुजे भुजभूम्यवलम्बकं बृहि ॥ १११३ ॥

इति जन्यव्यवहारः समाप्तः।

उदाहरणार्थ प्रश्न

हे गणितज्ञ, ३ और ५ को बीज लेकर उनकी सहायवा से प्राप्त समद्विषाहु त्रिभुज के संबंध में दो बराबर भुजाओं, आधार और लंब के मापों को कीज़ ही गणना कर बताओ ॥१०९३॥

विषम त्रिभुज की रचना करने की विधि के किये नियम---

दिये गये बीजों से प्राप्त आवत के आधार को आधी राश्चिको मन से चुने हुए गुणनखंड हारा भाजित करते हैं। भाजक और भजनफरू की इस किया में बीज मानकर दूसरा आवत प्राप्त करते हैं। इन दो आयतों की सम्ब भुजाओं का योग इष्ट विषम त्रिभुज के आधार का माप होता है। उन दो आयतों के दो कर्ण इष्टत्रिभुज की दो भुजाओं के माप होते हैं। उन दो आयतों में से किसी एक का आधार इष्ट त्रिभुज के लंब का माप होता है ॥१९०३॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

२ और ३ को बीज लेकर उनसे प्राप्त आयत तथा उस आयत के आधे आधार से प्राप्त दूसरा आयत संरचित कर, मुझे इस किया की सहायता से विषम त्रिशुज की शुजाओं, आधार और लंब के मापों को बतलाओं ॥१११२ ॥

इस प्रकार, क्षेत्र गणित स्थवहार में जन्य स्थवहार नामक प्रकरण समाप्त हुआ।

(११०६) पार्विलिखित रचना से नियम स्पष्ट हो जावेगा—

मानलो अवसद और इफ ग इ दो ऐसे जन्य आयत हैं कि आवार श्रद == आवार इह। ब अको क तक इतना



बदाओं कि अ क = इ फ हों। यह सरखता पूर्वक दिखाया जा सकता है कि द क = इ ग और त्रिभुज ब द क का आधार ब क = व अ + इ फ, जो कायतों की छंव मुजायें कहस्राती हैं। त्रिभुज की मुजायें उन्हीं आयतों के कणों के बरावर होती हैं।

पैशाचिकव्यवहारः

इतः परं पैशाचिकव्यवहारमुदाहरिष्यामः।

समचतुरश्रक्षेत्रे वा आयतचतुरश्रक्षेत्रे वा क्षेत्रफले रउजुसंख्यया समे सति, क्षेत्रफले बाहुसंख्यया समे सति, होत्रफले कर्णसंख्यया समे सति, होत्रफले रज्जबर्धसंख्यया समे सति, होत्रफले बाहोस्तृतीयाशसंख्यया समे सति, होत्रफले कर्णसंख्यायाश्चतुर्थाशसंख्यया समे सति, हिगुणितकर्णस्य त्रिगुणितबाहोश्च चतुर्गुणितकोटेश्च रज्जोरसंयोगसंख्या द्विगुणीकृत्य तद्वि-गुणितसंस्यया क्षेत्रफले समाने सति, इत्येवमादीना क्षेत्राणां कोटिभुजाकणिक्षेत्रफलरज्जुषु इष्टराशिद्वयसाम्यस्य चेष्टराशिद्वयस्यान्योन्यमिष्टगुणकारगुणितफलवतुक्षेत्रस्य भुजाकोटि-संख्यानयनस्य सूत्रम्-

स्वगणेष्टेन विभक्ताः स्वेष्टानां गणक गणितगुणितेन ।

गुणिता भुजा भुजाः स्युः समचतुरश्रादिजन्यानाम् ॥ १९२३ ॥

पेशाचिक व्यवहार (अत्यन्त जटिल पश्न)

इसके प्रशाद इस पैशाधिक विषय का प्रतिपादन करेंगे।

समायत (वर्ग) अथवा आयत के संबंध में आधार और छंब अुजा का संख्यात्मक मान निकाकने के किये नियम जब कि लंब भुजा, आधार, कर्ण, क्षेत्रफक और परिमिति में कोई भी दो मन से समान चन किये बाते हैं. अथवा जब क्षेत्र का क्षेत्रफल वह गुणनफल होता है जो मन से चुने हुए गुणकों (multipliers) द्वारा क्रमशः उपर्युक्त वस्वों में से कोई भी दो राशियों को गुणित करने पर प्राप्त होता है : अर्थात-समायत (वर्ग) अथवा आयत के सम्बन्ध में आधार और लंब भुजा का संख्यात्मक मान निकालने के लिए नियम जब कि क्षेत्र का क्षेत्रफल मान में परिमिति के तुल्य होता है; अथवा जब (क्षेत्र का क्षेत्रफल) आधार के बरावर होता है, अथवा जब (क्षेत्र का क्षेत्रफल) पार्रामित के मापकी अर्बराशियों के तुल्य होता है: अथवा जब (क्षेत्र का सेत्रफक) आधार की एक तिहाई राशि के बराबर होता है; अथवा जब (क्षेत्र का क्षेत्रफरू) इस द्विगुणित राशि के तुल्य होता है जो उस राशि को हुगुनी करने पर प्राप्त होती है, और जिसे कर्ण की दुगुनी राशि, आधार की विगुनी राशि, छव भुजा की चौगुनी राशि और परिमिति इत्यादि को जोडने पर परिणाम स्वरूप प्राप्त करते हैं -

किसी मन से खुनी हुई इष्ट आकृति के आधार के माप को (परिणामी) सुने हुए ऐसे गुणनखंड द्वारा भाजित करने पर, जिसका गुणा आधार से करने पर मन से खुनी हुई हुए आकृति का क्षेत्रफळ बरपस होता है), अयवा ऐसी मन से चुनी हुई इष्ट आकृति के आधार की ऐसे गुणनखंड से गुणित करने पर, (कि जिसके दिये गये क्षेत्र के क्षेत्रफळ में गुणा करने पर इष्ट प्रकार का परिणाम पास होता है) इष्ट सममुज चतुरश्र तथा सन्य प्रकार की प्राप्त आकृतियों के आधारों के माप उत्पन्न

होते हैं ॥११२३॥

⁽११२३) गाथा ११३३ में दिया गमा प्रथम प्रश्न इस करने पर नियम स्पष्ट हो जावेगा-

यहाँ प्रश्न में वर्ग की भुवा का माप तथा क्षेत्रफळ का मान निकाळना है, जब कि क्षेत्रफळ परिमिति के बराबर है। मानको ५ है भुवा जिसकी ऐसा वर्ग लिया बावे तो परिमिति २० होगी और क्षेत्रफल २५ होगा । वह गुजनखंड जिससे परिमिति के माप २० को गुजित करने पर क्षेत्रफळ २५ हो जावे हैं है । यदि ५, वर्ग की मन से जुनी हुई भुजा है द्वारा माजित की बारे, तो इस चतुर्भुंच की भुजा उत्पन्न होती है।

रज्जुर्गणितेन समा समचतुरश्रस्य का तु मुजसंख्या । अपरस्य बाहुसदृष्ट्यं गणितं तस्यापि मे कथय ॥ ११३३ ॥ कर्णो गणितेन समः समचतुरश्रस्य को मवेद्वाहुः । रज्जुद्विगुणोऽन्यस्य क्षेत्रस्य धनाच्च मे कथय ॥ ११४३ ॥ आयतचतुरश्रस्य क्षेत्रस्य च रज्जुत्स्यमिह गणितम् । गणितं कर्णेन समं क्षेत्रस्यान्यस्य को बाहुः ॥ ११५३ ॥ कस्यापि क्षेत्रस्य त्रिगुणो बाहुर्धनाच्च को बाहुः । कर्णे खतुर्गुणोऽन्यः समचतुरश्रस्य गणितफळात् ॥ ११६३ ॥ आयतचतुरश्रस्य श्रवणं द्विगुणं त्रिसंगुणो बाहुः । कोटिखतुर्गुणा तै रज्जुयुतैद्विगुणितं गणितम् ॥ ११७३ ॥ आयतचतुरश्रस्य क्षेत्रस्य च रज्जुरश्र रूपसमः । कोटिः को बाहुर्वं इिग् विगणय्य मे कथय ॥ ११८३ ॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

का संक्षा के संबंध में परिमिति का संख्यारमक माप क्षेत्रफळ के माप के बराबर है। आधार का संक्षारमक माप क्या है? उसी प्रकार की दूसरी आकृति के संबंध में क्षेत्रफळ का माप आधार के माप के बराबर है। उस आकृति के संबंध में आधार का माप बतळाओ ॥ ११६२ ॥ किसी समावत (वर्ग) क्षेत्र के संबंध में कर्ण का माप क्षेत्रफळ के माप के बराबर है। आधार का माप क्या हो सकता है? दूसरी उसी प्रकार की आकृति के संबंध में परिमिति का माप, क्षेत्रफळ के माप का हुगुना है। आधार का माप बतळाओ ॥ ११४२ ॥ आयत क्षेत्र के संबंध में वहाँ क्षेत्रफळ का माप परिमिति के माप के दुश्य है, और दूसरे उसी प्रकार के क्षेत्र के संबंध में क्षेत्रफळ का संख्यारमक माप कर्ण के माप के बराबर है। प्रत्येक दशा में आधार का माप क्या है ? ॥ ११५२ ॥ किसी वर्ग क्षेत्र के संबंध में आधार का संख्यारमक मान क्षेत्रफळ के माप से तिगुना है। दूसरे वर्ग क्षेत्र के संबंध में कर्ण का संख्यारमक मान क्षेत्रफळ के माप से चौगुना है। हुनमें से प्रत्येक दशा में आधार का माप क्या है ? ॥ ११६३ ॥ किसी आयत क्षेत्र में कर्ण के माप से दुगुनी राशि, आधार से तिगुनी राशि तथा लंब भुजा से चौगुनी राशि छेकर उन में परिमिति का माप जोड़ा जाता है। इस प्राप्त योगफळ से दुगुनी राशि क्षेत्रफळ का संख्यारमक माप होती है। आधार का माप बत्रकाओ ॥ १९७२ ॥ आवत क्षेत्र के संबंध में परिमिति का संख्यारमक मान १ है। गणना के प्रशात विकाओ ॥ १९७२ ॥ आवत क्षेत्र के संबंध में परिमिति का संख्यारमक मान १ है। गणना के प्रशात

बह नियम दूसरी रीति भी निर्दिष्ट करता है जो ब्यावहारिक रूप में उसी प्रकार है। वह गुणनखंड जिससे क्षेत्रफरू २५ को गुणित किया जाता है, ताकि वह परिमिति के माप २० के बराबर हो जावे, दे है। यदि मन से चुनी हुई आकृति की भुजा (को माप में ५ मान छी गई है) को इस गुणनखंड दें से गुणित किया जावे तो इष्ट आकृति की भुजा का माप प्राप्त होता है।

कर्णो द्विगुणे बाहुस्तिगुणःकोटिख्यतुर्गुणा मिश्रः। रज्ज्वा सह तत्स्रेत्रस्यायतचतुरश्रकस्य रूपसमः॥ ११९३॥

पुनरिष जन्यायतचतुरश्रक्षेत्रस्य बीजसंख्यानयने करणस्त्रम्— कोट्यनकर्णद्छतत्कर्णान्तरसुभययोश्च पदे । आयतचतुरश्रस्य क्षेत्रस्येयं क्रिया जन्ये ॥ १२०३ ॥

अत्रोदेशकः

आयतचतुरश्रस्य च कोटिः पञ्चाशद्धिकपक्क मुजा। साष्टाचत्वारिंशत्रिसप्ततिः श्रुतिरथात्र के बीजे ॥ १२१३ ॥

इष्टकित्पतसङ्ख्याप्रमाणवत्कणसिहतक्षेत्रानयनस्त्रम् — यद्यत्क्षेत्रं जातं बीजैः संस्थाप्य तस्य कर्णेन । इष्टं कर्णे विभजेक्षाभगुणाः कोटिदोः कर्णाः ॥ १२२३ ॥

मुझे शीघ बतकाओं कि लम्ब भुजा और आधार के माप क्या-क्या हैं ? ॥ ११८२ ॥ आयत सेन्न के संबंध में कर्ण से दुगुनी राशि, आधार से विगुनी राशि और लंब से चीगुनी राशि, इन सबको जोड़ कर, जब परिमित्त के माप में जोड़ते हैं, तो योग फल १ हो जाता है। आधार का माप बतलाओं ॥११९२॥

प्राप्त आपत क्षेत्र के संयंध में बीजों का निरूपण करने वाकी संख्या को निकालने की रीति संबंधी नियम---

आयत क्षेत्र के संबंध में, उत्पन्न करने वाले बीजों को निकासने की किया में, (१) लंब द्वारा हासित कर्ण की अर्छ राशि तथा (२) इस राशि और कर्ण का अंतर, इनके द्वारा निरूपित दो राशियों का बर्गमूल निकालना पहता है।। १२० दें॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

आयत क्षेत्र के संबंध में र्जब भुजा ५५ है, आधार ४८ है, और कर्ण ७३ है। यहाँ बीज क्या-क्या हैं ? ॥१२१२ ॥

इष्ट कव्पित संक्यात्मक प्रमाण के काँ बाले आयत क्षेत्र की प्राप्त करने के किये नियम-

दिये गये बीजों की सहायता से प्राप्त विभिन्न आकृतियों में से प्रत्येक किस लिखे (स्थापित किये) जाते हैं, और उसके कर्ण के माप के द्वारा दिया गया कर्ण का माप भाजित किया जाता है। इस आकृति की संब भुजा, आधार और कर्ण, यहाँ प्राप्त हुए मजनफक द्वारा गुणित होकर, इह सेन्न की कंब भुजा, आधार और कर्ण को उत्पन्न करते हैं।

(१२०६) इस अध्याय की ९५६ वीं गाया का नियम आयत क्षेत्र के कर्ण अयवा छब अयवा आधार से बीजों को प्राप्त करने की रीति प्रदर्शित करता है। परन्तु इस गाया का नियम आयत के छंद और कर्ण से बीजों को प्राप्त करने के विषय में रीति निक्षित करता है। वर्णित की हुई रीति निम्निखिखत सर्वसिमका (identity) पर आधारित है—

$$\sqrt{\frac{34^{2}+4^{2}-(34^{2}-4^{2})}{2}}=a; \text{ all } \sqrt{34^{2}+4^{2}-34^{2}+4^{2}-(34^{2}-4^{2})}=a,$$

बहाँ अ ै + ब ै कर्ण का माप है, अ ै - ब े आयत की लम्ब-सुजा का माप है। अ और ब इष्ट बीज हैं। (१२२ नै) यह नियम इस सिद्धान्त पर आधारित है कि समकोण त्रिशुज की सुजाएं कर्ण की अनुपाती होती हैं। यहाँ कर्ण के उसी मापके लिये सुजाओं के मानों के विभिन्न कुलक (sets) हो सकते हैं।

एकद्विकद्विकत्रिकचतुष्कसप्तैकसाष्ट्रकानां च । गणक चतुर्णां शोद्यं बीजैरुत्थाप्य कोटिसुजाः ॥ १२३३ ॥ आयतचतुरश्राणां क्षेत्राणां विषमबाहुकानां च । कर्णोऽत्र पञ्चषष्टिः क्षेत्राण्याचक्ष्व कानि स्युः ॥ १२४३ ॥

इष्टजन्यायतचतुरश्रक्षेत्रस्य रज्जुसंख्यां च कर्णसंख्यां च क्रात्वा तज्जन्यायतचतुरश्रक्षेत्रस्य भुजकोटिसंख्यानयनभुत्रम्— कर्णकर्त्रो क्रियाण्यां रज्जभेकृति विकोध्य वत्सासम् ।

कर्णेष्टती द्विगुणायां रज्ज्वर्धेकृति विशोध्य तन्यूल्यम् । रज्ज्वर्धे संक्रमणीकृते भुजा कोटिरपि भवति ॥ १२५३ ॥

अत्रोदेशकः

परिधिः स चतुर्धिशत् कर्णश्चात्र त्रयोदशो दृष्टः । जन्यक्षेत्रस्यास्य प्रगणय्याचक्ष्य कोटिसुजी ।: १२६३ ॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

हे गणितज्ञ, दिने गये बीजों की सहायता से, ऐसे चार आयत क्षेत्रों की लंब अजाएँ और आधारों के मानों को तीग्र बतकाओ, जिनके कमशः १ और २, २ और ३, ४ और ७, तथा १ और ८ बीज हैं, तथा जिनके आधार भिश्व भिन्न हैं। (इस प्रश्न में) बहाँ कर्ण का मान ६५ है। इस दक्षामें, इष्ट क्षेत्रों के मार्थों को बतकाओ।। १२६३-१२५३॥

जिसकी परिमिति का माप और कर्ण का माप ज्ञात है ऐसे जन्य आयत क्षेत्र के आधार और उसकी करव अजा के संस्थारमक मानों को निकाकने के किये नियम---

कर्ण के वर्ग को २ से गुणित करो । परिणामी गुणनफल में से परिमिति की अर्ब्शिश के वर्ग को घटाओ । तब परिणामी अंतर के वर्गगुरू को प्राप्त करो । यदि यह वर्गमूल आधी परिमिति के साब संक्रमण किया में काया जाय, तो इष्ट आधार और लम्ब भुजा मां उरपन्न होती हैं ॥ १२५६ ॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

इस दशामें परिमित्ति ३४ है, और कर्ण १३ है। इस जन्य आकृति के संबंध में छंब शुजा और आधार के मापों को गणना के बाद बसलाओ ॥१२६३॥

(१२५६) यदि किसी आयत की मुजाएं अ और ब द्वारा प्ररूपित हों, तो $\sqrt{34^2+4^2}$ कर्ण का माप होता है और परिमिति का माप रेअ + रेब होता है। यह सरखतापूर्वक देखा वा सकता है कि

$$\left\{ \frac{2 + 7 + 4}{2} + \sqrt{2} \left(\sqrt{34^2 + 4^2} \right)^2 - \left(\frac{2 + 3 + 7 + 4}{2} \right)^2 \right\} \div 2 = 3; \text{ all } t$$

$$\left\{ \frac{2 + 7 + 4}{2} + \sqrt{2} \left(\sqrt{34^2 + 4^2} \right)^2 - \left(\frac{2 + 3 + 7 + 4}{2} \right)^2 \right\} \div 2 = 4;$$

$$\frac{2}{3} = \frac{1}{3} + \frac{1}$$

क्षेत्रफलं कर्णसंख्यां च ज्ञात्वा भुजकोटिसंख्यानयनसूत्रम्— कर्णकृतौ द्विगुणीकृतगणितं हीनाधिकं कृत्वा । मूळं कोटिभुजौ हि ज्येष्ठे हस्वेन संक्रमणे ॥ १२७३ ॥

अत्रोद्देशकः

आयतचतुरश्रस्य हि गणितं षष्टिखयोदशास्यापि । कर्णस्तु कोटिसुजयोः परिमाणे श्रोतुमिच्छामि ॥ १२८३ ॥

क्षेत्रफळसंख्यां रज्जुसंख्यां च कात्वा आयतचतुरश्रस्य भुजकोटिसंख्यानयनसूत्रम्— रज्ज्बधेवगराशेर्गणितं चतुराहतं विशोध्याथ । मूलेन हि रज्ज्वधे संक्रमणे सति सुजाकोटी ॥ १२९३ ॥

अत्रोद्देशकः

सप्ततिशतं तु रञ्जुः पञ्चशतोत्तरसहस्रमिष्टधनम् । जन्यायतचतुरश्रे कोटिमुजौ मे समाचक्ष्व ॥ १३०३ ॥

जब आकृति का क्षेत्रफळ और कर्ण का मान जात हो, तब आधार और कम्ब भुजा के संस्थाशमक मानों को प्राप्त करने के छिये नियम—

क्षेत्रफल के माप से दुगनी राशि कर्ण के वर्ग में से घटाई जाती है। वह कर्ण के वर्ग में जोड़ी भी जाती है। इस प्रकार प्राप्त अंतर और योग के वर्गमूकों से इष्ट लंब भुजा और आधार के माप प्राप्त हो सकते हैं, जब कि वर्गमूकों में से बड़ी राशि के साथ छोटी (वर्गमूक राशि) के संबंध में संक्रमण किया की जावे ॥१२७३॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी भायतक्षेत्र के संबंध में क्षेत्रफळका माप ६० है, और कर्ण का माप १६ है। में तुमसे कम्ब भुजा और आधार के मार्थों को सुनने का इच्छुक हूँ ।।१२८३॥

जब आयत क्षेत्र के क्षेत्रफल का तथा परिमिति का संख्यारमक माप दिया गया हो, तब उस आकृति के संबंध में आधार और कम्ब भुजा के संख्यारमक मानों को श्राप्त करने के किसे नियम—

परिमिति की अर्बराधि के वर्ग में से ४ द्वारा गुणित क्षेत्रफल का माप बटाया जाता है। तब इस परिणामी अंतर के वर्गमूल के साथ परिमिति की अर्बराधि के सम्बन्ध में संक्रमण किया करने से इष्ट आधार और कंबशुजा सचमुच में प्राप्त होती है। ॥१२९३॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी प्राप्त आगत क्षेत्र में परिमिति का माप १७० है। दिये गये द्वेत्र का माप १५०० है। छंब भुजा और आधार के मानों को बतळाओ।।१३० है॥

(१२७५) गाया १२५२ वीं के नोट के समान ही प्रतीक लेकर यहाँ दिया गया नियम निम्निलिखित रूप में निरूपित होता है:—दशानुसार

$$\left\{ \sqrt{(\sqrt{a^2 + a^2})^2 + 2 \text{ as } a \pm \sqrt{(\sqrt{a^2 + a^2})^2 - 2 \text{ as } a}} \div 2 = \text{as avail } a + 2 = 2 \text{ avail } a +$$

वैधी दशा हो ।

ग॰ सा॰ सं०-२८

आयतचतुरश्रक्षेत्रद्वये रज्जुसंख्यायां सद्दश्वायां सत्यां द्वितीयक्षेत्रफलात् प्रथमक्षेत्रफले द्विगुणिते सित, अथवा क्षेत्रद्वयेऽपि क्षेत्रफले सद्दशे सित प्रथमक्षेत्रस्य रज्जुसंख्याया अपि द्वितीयक्षेत्ररज्जुसंख्यायां द्विगुणायां सत्याम्, अथवा क्षेत्रद्वये प्रथमक्षेत्ररज्जुसंख्याया अपि द्वितीयक्षेत्रस्य रज्जुसंख्यायां द्विगुणायां सत्यां द्वितीयक्षेत्रफलादि प्रथमक्षेत्रफले द्विगुणे सित, तत्तत्क्षेत्रद्वयस्यानयनसूत्रम् — स्वाल्पहतरज्जुधनहत्वकृतिरिष्टप्रेव कोटिःस्यान्।

व्येका दोस्तुव्यफलेऽन्यत्राधिकगणितगुणितेष्टम् ॥ १३१३ ॥

व्येकं तत्नकोटिः त्रिगुणा दोः स्याद्थान्यस्य ।

रज्ज्वर्धवर्गरादोरिति पूर्वोक्तेन सूत्रेण।

तद्गणितरञ्जुमितितः समानयेत्तद्भुजाकोटौ ॥ १३३ ॥

इष्ट आयत सेत्रों के क्रिक युग्मों को जास करने के लिये नियम (१) जब कि परिमिति के संख्यारमक माप बराबर हैं, और प्रथम आकृति का क्षेत्रफल दूसरे के क्षेत्रफल से दुगुना है; अथवा (२) जब कि दोनों आकृतियों के क्षेत्रफल बराबर हैं, और दूसरी आकृति की परिमिति का संख्यारमक माप प्रथम आकृति की परिमिति से दुगना है; अथवा (३) जब कि दो क्षेत्रों के संबंध में दूसरी आकृति की परिमिति का संख्यारमक माप, प्रथम आकृति की परिमिति से दुगुना है, और प्रथम आकृतिका क्षेत्रफल दूसरी आकृति के क्षेत्रफल से दुगुना है—

दो इष्ट आयत क्षेत्रों संबंधी परिमितियों तथा क्षेत्रफलों की दी गई निष्णित्तयों में बढ़ी संख्याओं को उनकी संवादी छोटो संख्याओं द्वारा आजित किया जाता है। परिणामी मजनफलों को एक दूसरे से परस्पर गुणित कर वर्गित किया जाता है। वही राशि जब दिये गये मन से चुने गुणकार (multiplier) द्वारा गुणित की जाती है, तब लंबभुजा का मान उत्पन्न होता है। और उस दशा में जब कि दो इष्ट आकृतियों के क्षेत्रफल बराबर हों, यह लंब भुजा का माप एक द्वारा हासित होतर, आधार का माप यन जाता है। परंतु दूसरी दशा में जब कि इष्ट आकृतियों के क्षेत्रफल बराबर नहीं होते, तब बड़ी निष्णित्त संख्या को क्षेत्रफलों से संबंधित होती है, दिये गये मन से चुने गुणकार द्वारा गुणित की जाती है और परिणामी गुणनफल १ द्वारा हासित किया जाता है। कपर प्राप्त लंब भुजा इस परिणामी राशि द्वारा हासित की जाती है, और तब २ द्वारा गुणित की जाती है। इस प्रकार आधार का माप प्राप्त होता है। तथ्यक्षात् दो इष्ट चतुर्भुज के जोती है। इस प्रकार आधार का माप प्राप्त होता है। तथ्यक्षात् दो इष्ट चतुर्भुज के जोती है। दिये गये नियमानुसार उसका आधार तथा लंब निकालना पहते हैं।।३२१३-१३३।।

⁽१३१३-१३३) यदि प्रथम भागत की दो आसम भुजाएँ क और ख हो, तथा दूसरे आयत की दो आसम भुजाएँ भ और व हों, तो इस नियम में दी गई तीन प्रकार की समस्याओं में कथित दशाओं को इस प्रकार से प्रकरित किया जा सकता है—

⁽१) फ + ख = अ + ब; क ख = २ अ ब

⁽२)२(क+ख)=अ+ब; कख=अब

⁽१)२(क+स)=अ+वः कस=२अव

इस नियम में दिया गया इल केवल १२४-१३६ गायाओं में दिये गये प्रक्तों की विद्येष दशाओं के लिये ही उपयुक्त दिखाई देता है।

असमन्यासायामसेत्रे हे द्वावयेष्ट्रगुणकारः । प्रथम गणितं द्विगुणं रज्जू तुस्ये किमत्र कोटिभुजे ॥ १३४ ॥ आयतचतुरश्रे हे सेत्रे द्वयमेवगुणकारः । गणितं सहशं रज्जुर्द्विगुणा प्रथमात् द्वितीययस्य ॥१३५॥ आयतचतुरश्रे हे सेत्रे प्रथमस्य धनमिह द्विगुणम् । द्विगुणा द्वितीयरज्जुस्तयोर्भुजां कोटिमपि कथय ॥ १३६ ॥

द्विसमत्रिभु त्रक्षेत्रयोः परस्पररः जुधनसमान संख्ययोरिष्टगुणकगुणितरः जुधनवतीर्वो द्विसम-त्रिभु त्रक्षेत्रद्वयानयनसूत्रम् —

ात्रभुजक्षत्रद्वयानयनसूत्रम् — रञ्जुकृतिन्नान्योन्यधनास्पाप्तं षड्द्विन्नमस्पमेकोनम् । तच्छेषं द्विगुणास्पं बीजे तज्जन्ययोभुजादयः प्राग्वत् ॥ १३७ ॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

दो खतुर्गुज झेल हैं जिनमें से प्रत्येक असमान छंबाई और चौड़ाई वाका है। दिया गया गुणकार २ है। प्रथम क्षेत्र का सेल्लफल दूसरे के सेल्लफल से दुगुना है, और दोनों में परिमितियाँ वरावर हैं। इस प्रश्न में छंब भुजाएँ और आधार क्या-क्या हैं १॥१३४॥ दो आयत सेल हैं और दिया गया गुणकार भी २ है। इनके सेल्लफल बरावर हैं परंतु दूसरे केल को परिमिति पहिले को परिमिति से दुगुनी है। उनकी छंब भुजाएँ और आधारों को निकालो ॥१३५॥ दो आयत सेल दिये गये हैं। प्रथम का सेल्लफल दूसरे के सेल्लफल से दुगुना है। दूसरी आकृति की परिमिति पहिले की परिमिति से दुगुनी है। जनके आधारों और छंब भुजाओं के मानों को प्राप्त करो ॥ १३६॥

ऐसे समद्विवाहु त्रिभुजों के युग्म की प्राप्त करने के किये नियम, जिनकी परिमितियाँ और क्षेत्रफड आपस में बराबर हो अथवा एक वृसरे के अपवर्ष्य हों—

इष्ट समदिवाहु त्रिमुजों की परिमितियों के निष्पत्तिरूप मानों के वर्गों में उन त्रिमुजों के क्षेत्रफळ के निष्पत्तिरूप मानों द्वारा एकान्वर गुणन किया जाता है। इस प्रकार प्राप्त दो गुणनफलों में से बढ़ा छोटे के द्वारा विभाजित किया जाता है। तथा अलग से दो के द्वारा भी गुणित किया जाता है। इस प्रकार प्राप्त गुणनफलों में से छोटा गुणनफळ १ के द्वारा हासित किया जाता है। वदा गुणनफळ और हासित छोटा गुणनफळ ऐसे आवतक्षेत्र के संबंध में दो बीजों की संस्थाना करते हैं, जिनसे इष्ट त्रिमुजों में से एक प्राप्त किया जाता है। उपर्युक्त इन दो बीजों के अंतर और इन बीजों में छोटे की तुगुनी राशि: ये दोनों ऐसे आयत क्षेत्र के संबंध में बीजों की संस्थाना करते हैं, जिनसे दूसरा इष्ट त्रिमुज प्राप्त किया जाता है। अपने क्रमवार बीजों की सहायता से बनी हुई दो आयताकार आकृतियों में से, इष्ट त्रिमुजों संबंधी मुजाएँ और अन्य बातें उपर समझाये अनुसार प्राप्त की जाती हैं ॥१६७॥

⁽१२७) दो समिद्रिबाहु त्रिभुजों की परिमितियों की निष्पत्ति अः व हो, और उनके क्षेत्रफलों की निष्पत्ति सः द हो, तब निष्मानुसार, हब² स और स्व² स —१ तथा ४व² स + १ और ४व² स — २ ; विष्पत्ति से दो कुछक (sets) हैं, जिनकी सहाबता से दो समिद्रबाहु त्रिभुजों के विभिन्न

द्विसम्तिभुजक्षेत्रद्वयं तयोः क्षेत्रयोःसमं गणितम् ।
रज्जू समे तयोःस्यात् को बाहुः का भवेद्गमिः ॥ १३८ ॥
द्विसमत्रिभुजक्षेत्रे प्रथमस्य धनं द्विसंगुणितम् ।
रज्जुः समा द्वयोरिष को बाहुः का भवेद्गमिः ॥ १३९ ॥
द्विसमत्रिभुजक्षेत्रे द्वे रज्जुद्विगुणिता द्वितीयस्य ।
गणिते द्वयोःसमाने को बाहुः का भवेद्गमिः ॥ १४० ॥
द्विसमत्रिभुजक्षेत्रे प्रथमस्य धनं द्विसंगुणितम् ।
द्विगुणा द्वितीयरज्जुः को बाहुः का भवेद्गमिः ॥ १४१ ॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

दो समिद्रवाहु त्रिभुज हैं। उनका सेत्रफक एक सा है। उनकी परिमितियाँ भी बराबर हैं। भुजाओं और आधारों के मान क्या क्या हैं? ॥ १६८ ॥ दो समित्रवाहु त्रिभुज हैं। पहिले का सेत्रफल दूसरे के सेत्रफल से दुगुना है। उन दोशों की परिमितियाँ एक सी हैं। भुजाओं और आधारों के मान क्या क्या हैं? ॥ १६९ ॥ दो समिद्रवाहु त्रिभुज हैं। दूसरे त्रिभुज की परिमिति पहिले त्रिभुज की परिमिति से दुगुनी है। उन दो त्रिभुजों के सेत्रफल बराबर हैं। मुजाओं और आधारों के माप क्या क्या हैं? ॥ १४० ॥ दो समिद्रवाहु त्रिभुज दिये गये हैं। प्रथम त्रिभुज का सेत्रफल दूसरे के क्षेत्रफल से दुगुना है, और तृसरे की परिमिति पहिले की परिमिति से दुगुनी है। भुजाओं और आधारों के माप क्या क्या हैं? ॥ १४१ ॥

इष्ट तस्वों को प्राप्त कर सकते हैं। इस अध्वाय की १०८ई वीं गाथा के अनुसार, इन बीजों से निकाली गई भुजाओं और ऊँचाइयों के मापों को जब क्रमशः परिमितियों की निष्पत्ति में पाई जाने वाली राशियों अ और व द्वारा गुणित करने हैं, तब दो समिदिबाहु त्रिभुजों की इष्ट भुजाओं और ऊँचाइयों के माप प्राप्त होते हैं। वे निम्निल्लित हैं—

(१) बराबर भुजा =
$$\mathbf{a} \times \left\{ \left(\frac{\mathbf{e}^{\mathbf{a}^2} \mathbf{e}}{\mathbf{a}^2 \mathbf{e}} \right)^2 + \left(\frac{\mathbf{e}^{\mathbf{a}^2} \mathbf{e}}{\mathbf{a}^2 \mathbf{e}} - \mathbf{e} \right)^2 \right\} \dots,$$

बाधार = $\mathbf{a} \times \mathbf{e} \times \mathbf{e} \times \mathbf{e}^{\mathbf{a}^2} \mathbf{e} \times \left(\frac{\mathbf{e}^{\mathbf{a}^2} \mathbf{e}}{\mathbf{a}^2 \mathbf{e}} - \mathbf{e} \right) \dots,$

जैवाई = $\mathbf{a} \times \left\{ \left(\frac{\mathbf{e}^{\mathbf{a}^2} \mathbf{e}}{\mathbf{a}^2 \mathbf{e}} \right)^2 - \left(\frac{\mathbf{e}^{\mathbf{a}^2} \mathbf{e}}{\mathbf{a}^2 \mathbf{e}} - \mathbf{e} \right) \right\} \dots,$

(२) बराबर भुजा = $\mathbf{a} \times \left\{ \left(\frac{\mathbf{e}^{\mathbf{a}^2} \mathbf{e}}{\mathbf{a}^2 \mathbf{e}} + \mathbf{e} \right)^2 + \left(\frac{\mathbf{e}^{\mathbf{a}^2} \mathbf{e}}{\mathbf{a}^2 \mathbf{e}} - \mathbf{e} \right)^2 \right\} \dots,$

आधार = $\mathbf{a} \times \mathbf{e} \times \mathbf{e} \times \left(\frac{\mathbf{e}^{\mathbf{a}^2} \mathbf{e}}{\mathbf{a}^2 \mathbf{e}} + \mathbf{e} \right) \times \left(\frac{\mathbf{e}^{\mathbf{a}^2} \mathbf{e}}{\mathbf{a}^2 \mathbf{e}} - \mathbf{e} \right) \dots,$

जैवाई = $\mathbf{a} \times \left\{ \left(\frac{\mathbf{e}^{\mathbf{a}^2} \mathbf{e}}{\mathbf{a}^2 \mathbf{e}} + \mathbf{e} \right)^2 - \left(\frac{\mathbf{e}^{\mathbf{a}^2} \mathbf{e}}{\mathbf{a}^2 \mathbf{e}} - \mathbf{e} \right)^2 \right\} \dots,$

अब इन अहांओं (मानों) से सरखतापूर्वक सिद्ध किया जा सकता है कि परिमितियों की निष्पत्ति अः ब और क्षेत्रफर्कों की निष्पत्ति सः द है, बैसा कि आरम्म में छे खिया गया था। एकद्वयादिगणनातीतसंख्यासु इष्टसंख्यामिष्टवस्तुनो भागसंख्यां परिकल्प्य तदिष्टवस्तु-भागसंख्यायाः सकाशात् समचतुरश्रक्षेत्रानयनस्य च समवृत्तक्षेत्रानयनस्य च समित्रभुजक्षेत्रा-नयनस्य चायतचतुरश्रक्षेत्रानयनस्य च सूत्रम् — स्वसमीकृतावधृतिहृतधनं चतुर्वं हि वृत्तसमचतुरश्रव्यासः । षहुणितं त्रिभुजायतचतुरश्रभुजार्धमिप कोटिः ॥ १४२ ॥

वर्ग, अथवा समबूत्त क्षेत्र, अथवा समित्रभुज क्षेत्र, अथवा आयत को इनमें से किसी उपयुक्त आकृति के अञ्चपाती भाग के संख्यात्मक मान की सहायता से प्राप्त करने के छिये नियम, जब कि 1, २ आदि से प्रारम्भ होने बाली प्राकृत संख्याओं में से कोई मन से चुनी हुई संख्या द्वारा उस दी गई उपयुक्त आकृति के अनुपादी भाग के संख्यात्मक मान को उत्पक्त कराया जाता है—

(अनुपाती भाग के) स्त्रफळ (का दिया गया माप इस्त में) किए गए (समुचित रूप से) अनुक्षित (similarised) माप द्वारा भाजित किया जाता है। इस प्रकार प्राप्त भजनफळ यदि ४ के द्वारा गुणित किया जाय, तो वर्ग तथा इस की भी चौड़ाई का माप उत्पन्न होता है। वहीं भजनफळ, यदि ६ द्वारा गुणित किया जाय, तो समन्त्रभुज तथा आयत सेन्न के आधार का माप भी उत्पन्न होता है। इसकी अर्द्शांश आयत सेन्न की छंत्र भुजा का माप होती है॥१४२॥

⁽१४२) इस नियम के अन्तर्गत दिये गये प्रश्नों के प्रकार में, वृत्त, या वर्ग, या समिद्रिबाहु त्रिभुज, या आयत मन चाहे समान भागों में विभावित किया जाता है। प्रत्येक भाग, एक ओर परिमिति के किसी विशिष्ट भाग द्वारा सीमित होता है। जो अनुपात परिमिति के उस विशिष्ट भाग और पूरी परिमिति में होता है वहां अनुपात उस सीमित भाग और आकृति के पूर्ण क्षेत्रफल में रहना चाहिए। इत के संबंध में प्रत्येक संब, दैत्रिज्य (800tor) होता है; वर्गाकार आकृति होने पर वह त्रिभुज होता है। यक्ता का का का सेत्रफल और मूल परिमिति की लम्बाई दोनों दत्त महत्ता की होती हैं। यह गाया, इत्त के व्यास, वर्ग की भुजाओं, अथवा समित्रभुज या आयत की भुजाओं का माप निकालने के लिये नियम का कथन करती है। यदि प्रत्येक भाग का क्षेत्रफल का का का का क्षेत्रफल भाग का क्षेत्रफल भाग का क्षेत्रफल भाग का क्षेत्रफल भाग का का क्षेत्र

म ×४ = वृत्त का व्यास, अथवा वर्ग की भुजा;

और $\frac{\mu}{a}$ \times ६ = समत्रिभुत्र या भागत को भुता;

और म ×६ का अर्द्धमाग = भायत की छंब भुवा की छम्बाई ।

अगले पृष्ठ पर दिये गये समीकारों से मूळ आधार स्पष्ट हो बावेगा, जहाँ प्रस्थेक आकृति के विभावित खंडों की संख्या 'क' है। कृत की त्रिक्या अथवा अन्य आकृति संबंधी भुजा 'अ' है, और आयत की लंब भुजा 'व' है।

अत्रोदैशकः

स्वान्तः पुरे नरेन्द्रः प्रासादतले निजाङ्गनामध्ये । दिन्यं स रत्नकम्बलमपीपतत्त्व समवृत्तम् ॥ १४३ ॥ ताभिर्देवीभिर्धृतमेभिर्भुजयोश्च मुष्टिभिर्लक्षम् । पद्मद्रशैकस्याः स्युः कति वनिताः कोऽत्र विष्कम्मः ॥ १४४ ॥ समचतुरश्रमुजाः के समन्त्रवाही मुजाञ्चात्र । आयतचतुरश्रस्य हि तत्कोटिमुजी सखे कथ्य ॥ १४५ ॥

क्षेत्रफळसंख्यां झात्वा समचतुरश्रक्षेत्रानयनस्य चायतचतुरश्रक्षेत्रानयनस्य च सूत्रम्— सूक्ष्मगणितस्य मूळं समचतुरश्रस्य बाहुरिष्टहतम् । धनमिष्टफळे स्थातामायतचत्रश्रकोटिभूजो ॥ १४६ ॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी राजा ने अपने जंदःपुर के प्रासाद में अपनी रानियों के बीच में जपर से फर्य पर समक्ष्म आकार बाला उरकृष्ट रक्षकंबल नीचे गिराया। वह उन देवियों द्वारा हाथ में प्रहण कर दिया गया। उनमें से प्रश्वेक ने अपनी दोनों अजाओं की मुद्धियों में पंत्रह, पंत्रह दंड क्षेत्रफल का कंबल महण कर रखा। यहाँ बतलाओं कि इस नरेन्द्र की बनितायें कितनी हैं, और बुत्ताकार कंबल का क्यास (विष्कंभ) कितना है ? यदि यह कंबल वर्गाकार हो, तो इसकी प्रत्येक मुजा कितने माप की होगी ? वदि यह समझिमुजाकार हो तो उसकी मुजा कितनी होगी ? हे मित्र, मुझे बतलाओं कि विष्कंबल आवताकार हो, तो उसकी लेब मुजा और आधार का माप क्या होगा ? ॥ १ ४३ – १ ४ ५॥ वर्गाकार आकृति अथवा आयताकार आकृति प्राप्त करने के किये नियम, जबकि आकृति के क्षेत्रफल

का संक्वारमक मान जात हो---

दिये गये क्षेत्रफळ के शुद्ध माप का वर्गमूळ इष्ट बर्गाकार आकृति की भुजा का माप होता है। दिये गये क्षेत्रफळ को मन से जुनी हुई (केवळ क्षेत्रफळ के वर्गमूळ को छोड़कर) कोई भी राशि हारा भाजित करने पर परिणामी भजनफळ और यह मन से जुनी हुई राशि आयत क्षेत्र के संबंध में क्रमशः आधार और छंव भुजा की रचना करती हैं॥ १ १ ६॥

बृत की दशा में,
$$\frac{\mathbf{a} \times \mathbf{n}}{\mathbf{a} \times \mathbf{n}} = \frac{\pi}{\sqrt{\pi}} \frac{\mathbf{a}^2}{\mathbf{n}}$$
, जहाँ $\pi = \frac{\mathbf{q} \cdot \sqrt{\mathbf{a}}}{\mathbf{a} \mathbf{n} \mathbf{n}}$; वर्ग की दशा में, $\frac{\mathbf{a} \times \mathbf{n}}{\mathbf{a} \times \mathbf{n}} = \frac{\mathbf{a}^2}{\mathbf{a} \mathbf{a}}$; समित्रिमुन की दशा में, $\frac{\mathbf{a} \times \mathbf{n}}{\mathbf{a} \times \mathbf{n}} = \frac{\mathbf{a}^2/2}{\mathbf{a} \mathbf{a}}$

आयत की दशा में, $\frac{\pi \times \mu}{\pi \times a} = \frac{\omega \times a}{\sqrt{(\omega + a)}}$, बहाँ $a = \frac{\omega}{\sqrt{a}}$ छिया गया है।

अध्याय की ७ वीं गाया में दिये गये नियम के अनुसार समसुजित्रिभुज के क्षेत्रफल का व्यावहारिक मान यहाँ उपयोग में लाया गया है। अन्यथा, इस नियम में दिया गया सूत्र ठीक सिद्ध नहीं होता। (१४३-१४५) इस प्रक्र में मुद्रीमर का अर्थ चार अंगुल प्रमाण होता है।

कस्य हि समचतुरश्रक्षेत्रस्य फलं चतुष्पष्टिः । फलसायतस्य सूक्मं षष्टिः के वात्र कोटिमुजे ॥ १४७ ॥

इष्टद्विसमचतुरश्रक्षेत्रस्य सूक्ष्मफलसंख्यां ज्ञात्वा, इष्टसंख्यां गुणकं परिकल्प्य, इष्टसंख्या-क्रुवीजाभ्यां जन्यायतचतुरश्रक्षेत्रं परिकल्प्य, तदिष्टद्विसमचतुरश्रक्षेत्रफलविद्यद्विसमचतुर-श्रानयनसूत्रम् —

तद्भनगुणितेष्टकृतिर्जन्यधनोना सुजाहता मुखं कोटिः। द्विगुणा समुखा भूदोंलैम्बः कणौ भुजे तदिष्टहताः॥ १४८॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

६४ क्षेत्रकल वाली बर्गाकार आकृति बास्तव में कीन सी है ? आयत क्षेत्र के क्षेत्रकल का गुद्ध मान ६० है। बतलाओं कि वहीँ लंब शुजा और आधार के मान क्या क्या है ? ॥१४७॥

दो बराबर भुजाओं वाले ऐसे चतुर्भुज होत्र की प्राप्त करने के लिये नियम, जिसे नीजों की सहायता से आयत होत्र को प्राप्त करने पर और साथ ही किसी दी हुई संक्या को इड गुणकार की तरह उपयोग में जाकर प्राप्त करते हैं, तथा जब (दो बराबर भुजाओंवाले) ऐसे चतुर्भुज हांत्र के होत्रफक के बराबर ज्ञात सूक्ष्म होत्रफक वाले चतुर्भुज का होत्रफक होता है—

दिये गथे गुणकार का वर्ग दिये गये क्षेत्रफल द्वारा गुणित किया जाता है। परिणामी गुणनफल, दिये गये बीजां से प्राप्त जायत के सेत्रफल द्वारा द्वासित किया जाता है। शेषफल जब इस आयत के आधार द्वारा माजित किया जाता है, तब करिश भुजा का माप उत्पन्त होता है। प्राप्त आयत की लंब भुजा का मान, जब र द्वारा गुणित होकर (पिहले ही) प्राप्त कपरी भुजा के मान में जोड़ा जाता है, तब आधार का मान उत्पन्न होता है। इस आयत क्षेत्र के आधार का मान उत्पन्न भुजा के अंतरों से आधार पर गिराये गये लंब के समान होता है, तथा ग्युत्पादित आयत सेत्र के कणों का मान भुजाओं के मान के समान होता है। इस प्रकार प्राप्त दो समान भुजाओं वाले चतुर्भुज के ये तस्व दिये गये गुणकार द्वारा भाजित किये जाते हैं, ताकि दो समान भुजाओं वाला इष्ट चतुर्भुज प्राप्त हो। १४८॥

⁽१४८) यहाँ दिये गये होत्रफळ और दो बराबर शुजाओं वाले चतुर्शंब की रचना संबंधी प्रश्न का विवेचन किया गया है। इस हेतु मन से कोई संख्या चुनी जाती है। दो बीजों का एक कुलक (set) भी दिया गया रहता है। इस नियम में वर्णित रीति दूसरी गाया में दिये गये प्रश्न में प्रयुक्त करने पर स्पष्ट हो जावेगी। उदिलक्षित बीज यहाँ २ और २ है। दिवा गया क्षेत्रफळ ७ है, तथा मन से चुनी हुई संख्या २ है।

सूक्ष्मधनं सप्तेष्टं त्रिकं हि बीजे द्विके त्रिके दृष्टे । द्विसमचतुरश्रवाहु मुख्यमूम्यवल्यवकान् ब्रृहि ॥ १४९ ॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

दिये गये क्षेत्रफल का ठीक माप ७ है, मन से जुना हुआ गुणकार ६ है, और इस बीज २ और ६ हैं। दो बराबर भुजाओं वाले चतुर्भुज क्षेत्र की बराबर भुजाओं, ऊपरी भुजा, आधार और इंब के मानों को प्राप्त करो।।१४९॥

नोट-आक्रतियों के माप अनुमाप (soale) रहित हैं ।

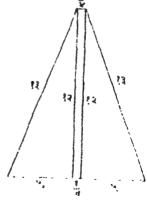
सबसे पहिले इस अध्याय की ९०३ वीं गाथानुसार दिये गये बीजों की सहायता से आयत की

रचना करते हैं। उस आयत की कोटी भूजा का माप ५ और बड़ी भुजा का माप १२ तथा कर्ण का माप १३ होता है। उसका क्षेत्रफल मान में ६० होता है। अब इस प्रदन में दिये गये केश्वफल को प्रदन में दी गई मन से खुनी हुई संख्या के वर्ग द्वारा गुणित करते हैं, जिससे हमें ७×३२ = ६३ प्राप्त होता है। इस ६३ में से हमें दिये गये बीबों से संरचित आयत का क्षेत्रफड़ ६० घटाना पहता है, जिससे रे दोप प्राप्त होता है। रे क्षेत्रफल वाला एक आयत बनाना पहता है, जिसकी एक भूजा बीजों से प्राप्त आयत की बड़ी सुना के नरावर होती है। यह बड़ी भूजा माप में १२ है, इसलिये इस आयत की छोटी भुजा आकृति में दिखलाये अनुसार है माप को हाती है। बीजों से प्राप्त आयत के दो माग कर्ण द्वारा प्राप्त करते हैं, बो दो त्रिभुन होते हैं। इन दो त्रिभुनों को, आकृति में दिखाये अनुसार, 🖁 🗙 १२ क्षेत्रफड वाडे आयत के दोनों ओर बमाते हैं, ताकि लंबी सवाएँ संपाती हों।

इस प्रकार अंत में हमें दो बराबर १३ मापवाळी भुजाओं का चतुर्भुंज प्राप्त होता है, जिसकी ऊपरी भुजा है और आधार १०ई होता है। इसकी सहायता से प्रकृत में इह चतुर्भुंज की भुजाओं के माप, मन से चुनी हुई संख्वा ३ द्वारा, भुजाओं के माप १३, है, १३ और १०ई को माबित कर, प्राप्त कर सकते हैं।







इष्टसूक्ष्मगणितफलबित्रसमचतुरश्रहेत्रानयनसूत्रम्— इष्टधनमक्षधनकृतिरिष्टयुतार्धं भुजा द्विगुणितेष्टम् । विसुजं मुखमिष्टामं गणितं झवलम्बकं त्रिसमजन्ये ॥ १५०॥ अत्रोद्देशकः

कस्यापि स्नेत्रस्य त्रिसमचतुर्बाहुकस्य स्क्ष्मधनम् । पण्णवतिरिष्टमष्टौ भूबाहुमुखावसम्बकानि वद् ॥ १५१ ॥

तीन बराबर शुकाओं बाले ज्ञात क्षेत्रफल के चतुर्शुंच क्षेत्र को प्राप्त करने के किये नियम जब कि गुणक (multiplier) दिवा गया हो--

दिने गये सेत्रफल के वर्ग को दिये गये गुणक के बन द्वारा भाजित किया जाता है।
तब दिये गये गुणकार को परिणामी भजनफल में जोड़ा जाता है। इस प्रकार प्राप्त योग की अर्बराधि
बराबर भुजाओं में से किसी एक का माप देती है। दिया गया गुणक २ से गुणित होकर, और
तब प्राप्त बराबर भुजा (जो अभी प्राप्त हुई है ऐसी समान भुजा) द्वारा हासित होकर, उपरी भुजा
का माप देता है। दिया गया क्षेत्रफल दिये गये गुणक द्वारा भाजित होकर, तीन बराबर भुजाओं
वाले इष्ट चतुर्भुंज क्षेत्र के संबंध में उपरी भुजा के अंतों से आधार पर गिराबे गये समान लंबों में से
किसी एक का मान देता है। १४५०॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी ६ वरावर अजाओं वाले चतुर्श्व क्षेत्र के संबंध में क्षेत्रफक का शुद्ध मान ९६ है। दिया गया गुणक ८ है। आधार, अजाओं, ऊपरी अजा और लंब के मापों को बतलाओ ॥ १५९ ॥

(१५०) नियम में कथन है कि दिये गये क्षेत्रफल को मन से जुनी हुई दत्त संख्या द्वारा माजित करने पर इष्ट आकृति संबंधी छंब प्राप्त होता है। क्षेत्रफल का मान, आधार और ऊपरी सुजा के योग

की अर्द्राशि तथा छन के गुणनफल के बराबर होता है। इसिल्ये दी गई चुनी हुई संख्या ऊपरी भुना और आधार के बोग की अर्द्राशि का निरूपण करती है। यदि अब सद तीन बराबर भुजाओं बाला चतुर्भुंज है, और सह, ससे अद पर गिराया गया छंब है, तो अह, अद और ब स के योग की आधी होती है, और दी गई चुनी हुई संख्या के बराबर होती है। यह सरस्ता पूर्वक दिखाया जा सकता है कि स्थाद × अह = (सह) रै + (अह) रै।

यहाँ स इ× अ इ = चतुर्मुंज का दिया गया क्षेत्रफल है। यह अंतिम स्म, प्रश्न में तीन बराबर मुजाओं वाके चतुर्भुंज की कोई भी एक बराबर मुजा का मान निकालने के किये दिया गया है। ग० सा० सै० चर९ सूक्ष्मफलसंख्यां ज्ञात्वा चतुर्भिरिष्टच्छेदैश विषमचतुरश्रक्षेत्रस्यमुखभूभुजाप्रमाणसंख्यान-यनसूत्रम्— धनकृतिरिष्टच्छेदैश्चतुर्भिराप्तेव लन्धानाम् । युतिदलचतुष्ट्यं तैह्नना विषमाख्यचतुरश्रमुजसंख्या ॥ १५२ ॥

अत्रोदेशकः

नवितिर्हं सूक्ष्मगणितं छेदः पञ्चैव नवगुणः । दृष्णभृतिर्विशातिषट्कृतिहतः क्रमाद्विषमचतुरश्रे॥ मुख्यमूमिमुजासंख्या विगणय्य ममाशु संकथय॥ १५३३॥

दिया गया क्षेत्रफळ का वर्ग अलग अलग चार दिये गये आजकों द्वारा आजित किया जाता है, और चार परिणामी अजनफळों को अलग-अलग किया जाता है। इन अजनफळों के योग की अर्द्धरांश को चार स्थानों में जिला जाता है, और क्रम में उपर लिखे हुए अजनफळों द्वारा क्रमशः द्वासित किया जाता है। इस प्रकार प्राप्त शेष, विषम चतुर्भुज की असमान नामक अजाओं के संक्षारम क्रमान को उरपन्न करते हैं। १५२॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

विषम चतुर्भुज के संबंध में झेत्रफड़ का ग्रुद्ध साप ९० है। ५ को क्रमशः ९, १०, १८, २० और १६ द्वारा गुणित करने पर चार दिये गये भाजकों की उत्पत्ति होती है। गणना के पश्चात् उपरी सुजा, आधार और अन्य सुजाओं के संख्यात्मक मानों को शीध बत्तकाओ ॥ १५३-१५३ ॥

७ दिये गये भाजकों की सहायता से, जब कि इष्ट चतुर्भुंज क्षेत्र का क्षेत्रफळ ज्ञात है, विषम चतुर्भुंज क्षेत्र के संबंध में ऊपरी भुजा, आधार और अंग्य भुजाओं के संख्यारमक मान निकाकने के छित्रे नियम—

⁽१५२) असमान भुजाओं वाले चतुर्भुंज क्षेत्र का क्षेत्रफल पहिले ही बताया जा चुका है :

√ य (य - अ) (य - च) (य - च) (य - द) = चतुर्भुंज का क्षेत्रफल, जहाँ य = परिमिति की अर्द्धराश्चि
है, और अ, ब, स और द मुजाओं के माप हैं (इसी अध्याय की ५० वीं गाया देखिये)। इस नियम के अनुसार क्षेत्रफल के मान को विगित कर, और तब चार मन से चुने हुए भाजकों द्वारा अलग-अलग माजित करते हैं। यदि (य - अ) (य - च) (य - च) (य - ट) को ऐसे चार उपयुक्त चुने हुए भाजकों द्वारा माजित करते हैं। यदि (य - अ) (य - च) (य - च) (य - ट) को ऐसे चार उपयुक्त चुने हुए भाजकों द्वारा माजित किया जाय कि य - अ, य - च, य - स और य - द भजनफल प्राप्त हो, तो इन मजनफलों को बोड़कर, और उनके योग को आचा करने पर, य प्राप्त होता है। यदि य को क्रम से य - अ, य - च, य - स और य - द हासित किया जाय, तो शेष क्रमशः विषय चतुर्भुंज की मुजाओं के मानों की प्रकरणा करते हैं।

स्क्रमगणितफर्छ ज्ञात्वा तत्स्क्षमगणितफर्क्यत्समित्रबाहुक्षेत्रस्य बाहुसंख्यानयनस्त्रम्— गणितं तु चतुर्गुणितं बर्गीकृत्वा मजेत् त्रिभिर्छेञ्घम्। त्रिमुकस्य क्षेत्रस्य च समस्य बाहोः कृतेर्थेर्गम् ॥ १५४३॥

अत्रोहेशकः

कस्यापि समज्यश्रहेत्रस्य च गणितमुहिष्टम् । रूपाणि त्रीण्येव त्रहि प्रगणय्य मे बाहुम् ॥ १५५३ ॥

स्क्मगणितफङसंख्यां ज्ञात्वा तत्स्क्मगणितफङबद्दिसमत्रिबाहुक्षेत्रस्य अजभून्यवछन्ब-

कसंख्यान्यनसूत्रम् -

इच्छाप्तधनेच्छाकृतियुतिमूळं दोः क्षितिर्द्विगुणितेच्छा ।

इच्छाप्तधनं छम्बः क्षेत्रे द्विसमत्रिबाहुजन्ये स्यात् ॥ १५६३ ॥

1. वर्गीकृत्वा के स्थान में वर्गीकृत्य होना चाहिए; पर इस रूप में वह छंद के उपयुक्त नहीं होता है।

स्हम रूप से ज्ञात क्षेत्रफल वाले समञ्जूज त्रिशुज की शुजाओं के संस्थात्मक मानों की निकासने के लिये नियम—

दिवे गये क्षेत्रफळ की चौगुनी राशि वर्गित की बाती है। परिणामी राशि ३ द्वारा भाजित की जाती है। इस प्रकार प्राप्त अजनफळ समजिभुज की किसी एक भुजा के मान के वर्ग का वर्ग होता है। १५५%।

उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी समन्त्रवाहु विश्वज के संबंध में दिया गया क्षेत्रफढ़ केवल ६ है। उसकी शुजा का माप गणना कर बतलाओं ॥ १५५३ ॥

किसी दिये गये क्षेत्रफर के ग्रुस संख्यास्मक माप को ज्ञात कर, उसी ग्रुस क्षेत्रफर की त्रिश्रुजाकार आकृति की श्रुजाओं, आधार और छंब को निकासने के स्विये नियम—

इस प्रकार से रिचत होने वाले समिद्धवाहु त्रिमुज के संबंध में, दिये गये झेल्लक को मन से जुनी हुई राशि द्वारा भाजित करने से प्राप्त भजनफर के वर्ग में, मन से जुनी हुई राशि के वर्ग को जोदते हैं। योग का जब वर्गमुख निकाका जाता है, तब शुना का मान उत्पन्न होता है; जुनी हुई राशि की बुगनी राशि आधार का माप देती है, और मन से जुनी हुई राशि द्वारा भाजित क्षेत्रफल लंब का माप उत्पन्न करता है ॥ १५६३ ॥

⁽१५४२) समित्रभुज के क्षेत्रफल के किये सूत्र यह है : क्षेत्रफल = अर्थ √ 🐉 , जहाँ भुजा का माप अ है । इसके द्वारा यहाँ दिया गया नियम मास किया जा सकता है ।

⁽१५६२) इस प्रकार के दिये गये प्रकार में समिद्धिबाहु त्रिभुज के क्षेत्रफळ की अर्हा (मान) और मन से चुने हुए आचार की आची राशि दी गई रहती हैं। इन शांत राशियों से छव और भुजा के माप सरकतापूर्वक प्राप्त किये वा सकते हैं।

कस्यापि क्षेत्रस्य द्विसमित्रभुजस्य सूक्ष्मगणितमिनाः । त्रीणीच्छा कथय सखे भुजभूम्यवछम्बकानाशु ॥ १५७३ ॥

स्क्ष्मगणितफलसंख्यां ज्ञात्वा तत्स्क्ष्मगणितफलबद्धिषमत्रिभुजानयनस्य सूत्रम्— अष्टगुणितेष्टकृतियुत्तधनमिष्टपदहृदिष्टार्धम् । भूः स्याङ्ग्नं द्विपदाहृतेष्टवर्गे भुजे च संक्षमणम् ॥ १५८३ ॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी समिद्वबाहु त्रिभुज के संबंध में क्षेत्रफळ का शुद्ध माप १२ है। मन से खुनी हुई राशि १ है। हे मित्र, भुजाओं, आधार और लंब के मानों को क्षीय बसलाओ ॥ १५७३॥

विषम भुजाओं बाले तथा दत्त शुद्ध माप के क्षेत्रफल बाले त्रिभुक क्षेत्र को प्राप्त करने के किये नियम---

दिया गया क्षेत्रफळ ८ द्वारा गुणित किया जाता है, और परिणामी गुणनफळ में मन से जुनी हुई राशि की वर्गित राशि जोड़ी जाती है। इस प्रकार प्राप्त परिणामी योग के वर्गमूळ को प्राप्त करते हैं। इस वर्गमूळ का घन, मन से जुनी हुई संख्या तथा ऊपर प्राप्त वर्गमूळ द्वारा भाजित किया जाता है। मन से जुनी हुई राशि को आधी राशि इष्ट त्रिभुज के आधार का माप होती हैं। पिछली किया में प्राप्त भजनफळ इस आधार के माप द्वारा हासित किया जाता है। परिणामी राशि को, उपर्युक्त वर्गमूळ, तथा २ द्वारा तथा भाजित (मन से जुनी हुई राशि के) वर्ग के संबंध में, संक्रमण क्रिया करने के उपयोग में छाते हैं। इस प्रकार भुजाओं के मान प्राप्त होते हैं। १५८ इस प्रकार भुजाओं के मान प्राप्त होते हैं। १५८ इस प्रकार भुजाओं के मान प्राप्त होते हैं। १५८ इस प्रकार भुजाओं के मान प्राप्त होते हैं।

(१५८३) यदि त्रिमुजका क्षेत्रफळ क्ष हो, और द मन से जुनी हुई संख्या हो, तो इस नियम के अनुसार इष्ट मानों को निम्न प्रकार प्राप्त करते हैं---

$$\frac{\zeta}{\xi}$$
 = आधार; और $\frac{(\sqrt{\zeta g} + \zeta^2)^5}{\zeta \sqrt{\zeta g} + \zeta^2} - \frac{\zeta}{\xi} \pm \frac{\zeta^2}{\sqrt{\zeta g} + \zeta^2} = 2(\frac{3}{3} \sin \zeta)$ ।

सब किसी त्रिमुंब का क्षेत्रफळ और आधार दिये गये रहते हैं, तब शीर्ष का बिन्तुपय आधार के समानान्तर रेखा होती है, और भुंबाओं के मानों के अनेक बुळक (sets) हो सकते हैं। मुंबाओं के किसी विशिष्ट कुळक के मानों को प्राप्त करने के लिए, यहाँ स्पष्टतः कल्पना कर ली गई है कि दो भुंबाओं का योग आधार और दुगुनी ऊँचाई के योग के तुल्ब होता है, अर्थात् द + २ क्ष होता है। इस कल्पना से इस अध्याय की ५० वी गाथा में दिये गये साधारण सूत्र, { किसी त्रिभुज का क्षेत्रफळ = √ य(य - अ) (य - व) (य - स) }, से भुंबाओं के माप के लिये ऊपर दिया गया सूत्र प्राप्त किया वा सकता है।

कस्यापि विषसवाहोस्त्र्यश्रक्षेत्रस्य स्क्ष्मगणिवभिदम् । द्वे रूपे निर्दिष्टे त्रीणीष्टं भूमिबाहवः के स्युः ॥ १५९३ ॥

पुनरिष सूक्ष्मगणितेफलसंख्यां ज्ञात्वा तत्फळवद्विषमित्रभुजानयनसूत्रम्— स्वाष्ट्रहतात्सेष्टकृतेः कृतिमूळं चेष्टमितरिदतरहतम् । ज्येष्ठं स्वाल्पाधीनं स्पल्पाधी तत्पदेन चेष्टेन ॥ १६०३ ॥ क्रमशो हत्वा च तयोः संक्रमणे भूभुजी भवतः । इष्टार्धमितरदोः स्याद्विषमत्रैकोणके क्षेत्रे ॥ १६१६ ॥

अत्रोद्देशकः

द्वे रूपे सूक्ष्मफलं विषमत्रिभुजस्य रूपाणि । त्रीणीष्टं भूदोषी कथय संखे गणिततत्त्वज्ञ ॥ १६२५ ॥

सूक्ष्मगणितफलं ज्ञात्वा तत्सूक्ष्मगणितफलक्तसमवृत्तक्षेत्रानयनसूत्रम् — गणितं चतुरभ्यस्तं दृशपद्भक्तः पदे भवेद्यासः। सूक्ष्मं समवृत्तस्य क्षेत्रस्य च पूर्ववत्फलं परिधिः॥ १६३३॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी असमान अजाओं वाली त्रिभुत्ताकार आकृति के संबंध में यह बतकाया गया है कि झुद्ध क्षेत्रफल का माप २ है, और मन से जुनी हुई राशि ३ है। आधार का मान तथा अजाओं का मान क्या है ? ॥ १५९२ ॥

पुनः, विषम भुजाओं बालेतथा दत्त गुद्ध माप क्षेत्रफक बाले त्रिभुज क्षेत्र को प्राप्त करने के किये

वूसरा नियम—

दिये गये होत्रफल के माप में ८ का गुणा कर, और तब इसमें मन से जुनी हुई शशि के वर्ग को जोड़कर, प्राप्त योगफल का वर्गमूल प्राप्त किया जाता है। यह और मन से जुनी हुई शशि एक दूसरे के द्वारा मात्रित की जाती हैं। इन भवनफलों में से बढ़ा, छोटे भजनफल की अर्द्शित द्वारा हासित किया जाता है। इस प्रकार प्राप्त शेष राशि और यह छोटे भजनफल की अर्द्शित कमशः उपर किसित वर्गमूल और मन से जुनी हुई संख्वा द्वारा गुणित की जाती हैं। इस प्रकार प्राप्त गुणनफलों के संबंध में संक्रमण किया करने पर आधार और भुजाओं में से किसी एक का मान प्राप्त होता है। मन से जुनी हुई राशि की आधी राशि विषम प्रभुज की दूसरी भुजा की अर्द्दी है। १६०-१६१५॥

उदाहरणार्थ भरन

विषम त्रिभुत्र के संबंध में क्षेत्रफक का श्रुद्ध माप ३ है। हे गणितज्ञ सस्ते, आधार तथा भुजाओं के माप बतकाओ ॥ १६२३ ॥

दस स्हम क्षेत्रफर वाले, किसी समबूत्त क्षेत्र की प्राप्त करने के किये नियम-

स्थम सेत्रफळ का माप ४ द्वारा गुणित कर, १० के वर्गम्ळ द्वारा आजित किया जाता है। इस प्रकार परिणामी अजनफक के वर्गम्क को प्राप्त करने से स्वास का मान प्राप्त होता है। समझस सेत्र के संबंध में, कपर समझाये अनुसार, क्षेत्रफळ और परिधि का माप प्राप्त किया जाता है॥ १६३ ॥

⁽१६६३) इस गाथा में दिया गया नियम स्त्र, क्षेत्रफल $=\frac{\zeta^2}{Y} \times \sqrt{20}$, जहाँ द दत्त का व्यास है, से प्राप्त किया गया है।

समञ्चलक्षेत्रस्य च सूक्ष्मफलं पटच निर्दिष्टम् । विष्कम्भः को वास्य प्रगणय्य समाशु तं कथय ॥ १६४३ ॥

व्यावहारिकगणितफलं च स्क्ष्मफलं च ज्ञात्वा त्यावहारिकफलवत्त्य्स्मगणितफलवद्द्रि समचतुरश्रक्षेत्रानयनस्य त्रिसमचतुरश्रक्षेत्रानयनस्य च स्त्रम्— धनवर्गान्तरपद्युतिवियुतीष्टं भूमुखे भुजे स्थूलम् । द्विसमे सपदस्थुलात्पद्युतिवियुतीष्टपद्दृतं त्रिसमे ॥ १६५३ ॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

समवृत्त सेत्र के संबंध में झेत्रफल का गुद्ध माप ५ है। वृत्त का व्यास गणना कर बीज नतकाओ। १६५३ ॥

किसी क्षेत्रफळ के ज्यावहारिक तथा सूक्ष्म माप झात होने पर, दो समान अजाओं बाले तथा तीन समान अजाओं बाले उन क्षेत्रफलों के माप'के चतुर्भुंख क्षेत्रों को प्राप्त करने के खिये नियम—

दो समान मुजाओं बाले क्षेत्रफल के संबंध में, क्षेत्रफल के सिंबकट और सूक्ष्म मायों के बगों के अन्तर के वर्गमूल को प्राप्त करते हैं। इस वर्गमूल को प्राप्त से चुनी हुई राशि में जोड़ते हैं, तथा उसी मन से चुनी हुई राशि में से वही वर्गमूल घटाते हैं। आधार और ऊपरी भुजा को प्राप्त करने के लिये इस प्रकार प्राप्त राशियों को मन से चुनी हुई राशि के वर्गमूल से भाजित करना पड़ता है। इसी प्रकार, सिंबकट क्षेत्रफल में मन से चुनी हुई राशि का भाग देने पर समान भुजाओं का मान प्राप्त होता है। १६५% ॥

(१६५६) यदि 'रा' किली दो बराबर मुजाओं वाले चतुर्भुज क्षेत्र के सजिकट क्षेत्रफल को, और 'र' सूक्ष्म मान को प्रकृषित करते हों, और प मन से चुनी हुई संख्या हो, तो

आचार =
$$\sqrt{t1^2 - t^2 + q}$$
; उत्परी भुजा = $\frac{q - \sqrt{t1^2 - t^2}}{\sqrt{q}}$;

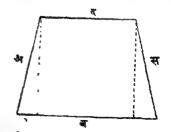
और प्रत्येक बराबर भुजाओं का मान = <u>रा</u>।

यदि दो बराबर भुजाओं बाले चतुर्भुंब क्षेत्र की भुजाओं के माप क्रमशः अ, ब, स, द हों, तो

$$t = \frac{a(a+c)}{2}; v = \left(\frac{a+c}{2}\right)^2;$$

$$and c = \frac{a+c}{2} \times \sqrt{a^2 - \frac{(a-c)^2}{2}}$$

आधार और ऊपरी भुजा के लिये ऊपर दिये गये सूत्र रा, र और प के इन मानों का प्रतिस्थापन करने पर सरलतापूर्वक संस्थापित किये जा सकते हैं। इसी प्रकार सीन बराबर भुजाओं बाले चतुर्भुंड के संबंध में भी यह नियम ठीक सिद्ध होता है।



गणितं सूक्सं पञ्ज श्रयोद्श व्यावहारिकं गणितम् । द्विसमचतुरश्रभूमुखदोषः के वोडरोच्छा च ॥ १६६३ ॥

त्रिसमचतुरश्रस्योदाहरणम् । गणितं सूक्ष्मं पञ्च त्रयोद्श ज्यावहारिकं गणितम् । त्रिसमचतुरश्रशहन् संचिन्त्य सखे समा वक्ष्य ॥ १६७३ ॥

व्यावहारिकस्थू छफलं सूक्ष्मफलं च झात्वा तद्यावहारिकस्थू छफलवत् सूक्ष्मगणितफलवत्सम-त्रिमुजानयनस्य च समवृत्तक्षेत्रव्यासानयनस्य च सूत्रम्— धनवर्गान्तरमूलं यत्तन्मूलाद्दिसंगुणितम् । बाहुस्त्रिसमत्रिमुजे समस्य कृत्तस्य विष्कम्भः ॥ १६८३॥

सिंबट क्षेत्रफक का माप, मन से खुनी हुई राशि द्वारा भाजित होकर, भुजाओं के मान को उराज करता है।

तीन बराबर भुजाओं वाले चतुर्भुज क्षेत्र की दशा में, उपर बतलाये हुए दो क्षेत्रफलों के वर्गों के अंतर के वर्गमूल को क्षेत्रफल के सिकट माप में /जोड़ते हैं। इस परिणामी योग को विकल्पित राशि मानकर उसमें उपर बतलाये हुए बर्गमूल को जोड़ते हैं। पुनः, उसी विकल्पित राशि में से उक्त वर्गमूल को बटाते हैं। इस प्रकार प्राप्त राशियों में वर्गमूल का भाग नकग-अलग देकर, आधार और उपरी भुजा प्राप्त करते हैं। यहाँ भी क्षेत्रफल के व्यावहारिक माप को इस विकल्पित राशि के वर्गमूल हारा भाजित करने पर अन्य भुजाओं के माप प्राप्त होते हैं।

उदाहरणार्थ प्रश्न

स्थम क्षेत्रफळ का माय ५ है, क्षेत्रफळ का सिंबक्ट माय 12 है, और मन से जुनी हुई राशि 12 है। दो बराबर मुजाओं बाक्के चतुर्भुज क्षेत्र के संबंध में आधार, ऊपरी मुजा और अन्य मुजा के मान क्या-क्या हैं ? ॥ १६६२ ॥

तीन बराबर भुजाओं बाळे चतुर्भेत क्षेत्र संबंधी एक उदाहरण-

क्षेत्रफळ का सूक्ष्म कप से शुद्ध माप ५ है, और क्षेत्रफळ का न्यावहारिक माप १६ है। है मिन्न, सोचकर मुक्ते बतळाओं कि तीन बराबर शुजाओं वाछे बतुर्श्वज क्षेत्र की शुजाओं के माप क्या-क्या है १॥ १६७३॥

समित्रबाहु त्रिमुख और समवृत्त के ब्यास की प्राप्त करने के किये नियम, जब कि उनके ब्याव-हारिक और सुहम क्षेत्रफळ के माप शांत हों—

क्षेत्रफळ के सिश्वकट और सुद्धम रूप से ठीक मापों के वर्गों के अंतर के वर्गमूक के वर्गमूक को २ झारा गुणित किया जाता है। परिणाम, इष्ट समित्रशुज की शुजा का माप होता है। वह, इष्ट सुत्त के न्यास का माप भी होता है ॥ १६८२ ॥

⁽१६८२) किसी समबाहुत्रियुत्र के व्यावहारिक और स्व्या क्षेत्रफल के मानों के लिये इस अध्याद की गाथा ७ और ५० के निवमों को देखिये।

अत्रोहेशकः

स्यूढं धनमध्यादश सूक्ष्मं त्रिघनो नवाहतः करणिः। विगणय्य सखे कथय त्रिसमत्रिभुजप्रमाणं मे ॥ १६९३॥ पञ्चकृतेर्वर्गो दश्गगुणितः करणिभवेदिदं सूक्ष्मम्। स्थूडमपि पञ्चसप्ततिरेतत्को वृत्तविष्कम्मः॥ १७०३॥

ज्यावहारिकस्थू उफलं च सूक्ष्मगणितफलं च ज्ञात्वा तज्ञावहारिकफलवत्तत्सूक्ष्मफलवद्द्वि-

समित्रभुजक्षेत्रस्य भभुजाप्रमाणसंख्ययोरानयनस्य सूत्रम् — फज्जवर्गान्तरमूळं द्विर्गुणं भूव्योवहारिकं बाहुः । भूम्यर्धमूळभक्ते द्विसमित्रभुजस्य करणमिदम् ॥ १७१३ ॥

अत्रोदेशकः

स्क्ष्मधनं षष्टिरिह् स्थूलधनं पञ्चषष्टिरुद्दिष्टम् । गणयित्वा बृहि सखे द्विसमत्रिभुजस्य सुजसंख्याम् ॥ १७२३ ॥

इष्टसंस्यावद्द्विसमचतुरश्रक्षेत्रं ज्ञात्या तद्दिसमचतुरश्रक्षेत्रस्य सूक्ष्मगणितफङसमान-सूक्ष्मफङवदन्यद्द्विसमचतुरश्रक्षेत्रस्य भूभुजमुखसंख्यानयनसूत्रम्—

उदाहरणार्थ प्रश्न

स्याबद्दादिक क्षेत्रफळ १८ है। क्षेत्रफळ का स्थान रूप से गुड़ माप (२) को ९ से गुणित करने से प्राप्त राशि का वर्गमूक है। हे सखे, मुझे गणना के पश्चात् वतकाओ कि इट समित्रमुज की भुजा का माप क्या है? ॥ १६९२ ॥ क्षेत्रफळ का स्थान माप ६२५० का वर्गमूक है। क्षेत्रफळ का सिक्ट माप ७५ है। ऐसे क्षेत्रफळों वाले समवृत्त के ज्यास का माप वतकाओ ॥ १७०२ ॥

जब किसी क्षेत्रफल के व्यावहारिक और स्थम माप ज्ञात हों, तब ऐसे क्षेत्रफल के मापीवाले समिद्विबाहु त्रिभुज के आधार और भुजा के संख्यात्मक मानों को निकालने के लिये नियम----

क्षेत्रफळ के ग्रावहारिक और सूक्ष्म मापों के बर्गों के अंतर के वर्गमूळ की दुगुनी राशि को किसी समिद्धवाहु त्रिभुत का आधार मान छेते हैं। दस व्यावहारिक क्षेत्रफळ का माप बराबर भुजाओं में से किसी एक का माप मान छिवा जाता है। आधार तथा भुजा के इन मानों को आधार के प्राप्त मान की अर्द्धराशि के वर्गमूळ द्वारा भाजित करते हैं। तब हुए समिद्धवाहु त्रिभुज का आधार और भुजा के हुए माप प्राप्त होते हैं। यह नियम समिद्धवाहु त्रिभुज के संबंध में है। १७१५ ॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

यहाँ क्षेत्रफळ का सूक्ष्म रूप से ठीक माप ६० है, और न्याबहारिक माप ६५ है। हे मित्र, गणना के पक्षात् बतकाओं कि इष्ट समिद्धवाहु त्रिभुज की भुजाओं के संख्यात्मक माप क्या-क्या हैं॥ १७२ है॥

जब चुनी हुई संख्या और दो बराबर अचाओं वाका चतुर्भुंज क्षेत्र दिया गया हो, तब किसी ऐसे दूसरे दो बराबर अजाओं वाले चतुर्भुंज क्षेत्र का आधार, उपरी भुजा और अन्य भुजाओं को निकालने के किये नियम, जिसका सूक्ष्म क्षेत्रफक दिये गये दो बराबर भुजाओं वाले चतुर्भुंज के सूक्ष्म क्षेत्रफक के तुल्य हो—

ढम्बकुताविष्टेनासमसंक्रमणीकृते भुजा क्येष्ठा । इस्वयुत्तिवयुति मुखभूयुतिद्दितं तस्मुखे द्विसमचतुरश्रे ॥ १७३३ ॥ अत्रोदेशकः

भूरिन्द्रा दोर्विरवे वकं गतयोऽवलम्बको रवयः। इष्टं दिक् सुक्ष्मं तत्फलविद्वसमचतुरश्रमन्यत् किम्॥ १७४३॥

बिद दिये गये दो बराबर भुजाओं वाले चतुर्भुज क्षेत्र के लंब का वर्ग दत्त विकिष्टित संख्या के साथ विषम संक्रमण किया करने के क्याया में लाया जाता है, तो प्राप्त दो फलों में से बड़ा मान दो बराबर भुजाओं वाले इष्ट चतुर्भुज क्षेत्र की बराबर भुजाओं में से किसी एक का मान होता है। दो बराबर भुजाओं वाले दिये गये चतुर्भुज की ऊपरी भुजा और आधार के मानों के योग की अर्द्धराशि को, क्रमशः, इपर्युक्त विषम संक्रमण में प्राप्त दो फलों में से छोटे फल द्वारा बढ़ाकर और हासित करने पर दो बराबर भुजाओं वाले इष्ट चतुर्भुज क्षेत्र के आधार और ऊपरी भुजा के माप उत्पन्न होते हैं।। १७६३।।

उदाहरणार्थ प्रश्न

दिये गये चतुर्श्ज क्षेत्र का आधार १४ है, दो बराबर अजाओं में से प्रश्येक का माप १३ है, जपदी अजा ४ है, कम्ब १२ है, और दत्त विकस्पित संख्या १० है। दो बराबर अजाओं वाला ऐसा कीन सा चतुर्श्वज है, जिसके सूक्ष्म क्षेत्रफक का माप दिये गये चतुर्श्वज के क्षेत्रफक के बराबर है?
॥ १७४३ ॥

(१७३२) इस नियम में ऐसे प्रका पर विचार किया गया है, जिसमें ऐसे दो बराबर भुजाओं बाके चतुर्श्व क्षेत्र की रचना करना है, जिसका क्षेत्रफल किसी दूसरे दो बराबर भुजाओं वाके चतुर्श्व के तुस्य हो, और जिसकी कपरी भुजा से आधार तक की लम्ब दूरी भी उसी के समान हो। मान लो दिये गये चतुर्श्व की बराबर भुजाएँ अ और स हैं, और ऊपरी भुजा तथा आधार क्रमशः व और द हैं। यह भी मान लो कि लंब दूरी प है। यदि इष्ट चतुर्श्व की संवादी भुजाएँ अ, ब, स, द, हों, तो क्षेत्रफल और लम्ब दूरी, दोनों चतुर्श्वों के संवंध में बराबर होने से हमें यह प्राप्त होता है—

$$\begin{aligned} & \xi_1 + \overline{a}_2 = \xi + \overline{a} & \dots & (\xi); \\ & \text{all } z \, a_1^2 - \left(\frac{\overline{c}_1 - \overline{a}_2}{\overline{c}_1}\right)^2 = \overline{q}^2 \dots & (\xi); \\ & \text{ating } \left(a_1 + \frac{\overline{c}_2 - \overline{a}_2}{\overline{c}_1}\right) \left(a_1 - \frac{\overline{c}_2 - \overline{a}_2}{\overline{c}_1}\right) = \overline{q}^2 \, | \\ & \text{Hindo} & a_2 - \frac{\overline{c}_2 - \overline{a}_2}{\overline{c}_1} = \overline{n}; \, \overline{n} \, \overline{a} \, a_1 + \frac{\overline{c}_2 - \overline{a}_2}{\overline{c}_1} = \frac{\overline{q}^2}{\overline{n}!}, \\ & \text{all } \left(a_2 \times \frac{\overline{c}_2 - \overline{a}_2}{\overline{c}_1}\right) + \left(a_2 - \frac{\overline{c}_2 - \overline{a}_2}{\overline{c}_1}\right) = \frac{\overline{q}^2}{\overline{n}!} + \overline{n} \, ; \\ & \frac{\overline{q}^2}{\overline{n}!} + \overline{n} = \overline{a}_1, \quad \dots & (\xi) \end{aligned}$$

ग० सा॰ सं०-३०

दिसमचतुरश्रक्षेत्रव्यावहारिकस्यूलफलसंख्यां ज्ञात्वा तद्यावहारिकस्यूलफले इष्टसंख्या-विभागे कृते सति तद्दिसमचतुरश्रक्षेत्रमध्ये तत्तद्भागस्य भूमिसंख्यानयनेऽपि तत्तत्त्थानावढ-म्बकसंख्यानयनेऽपि सूत्रम्—

खण्डयुतिभक्ततल्रमुखकृत्यन्तरगुणितखण्डमुखवर्गयुतम् ।

मूलमधस्तलमुख्युतद्रहृतलब्धं च लम्बकः क्रमशः ॥१७५३ ॥

जब कोई दस त्यावहारिक माप वाला क्षेत्रफछ किसी दी गई संख्या के मागों में विभाजित किया जाय, तब दो बराबर गुजाओं वाले चतुर्भुंज क्षेत्र के उन विभिन्न मागों से आधारों के संख्यासमक मानों तथा विभिन्न विभाजन बिन्दुओं से मापी गई गुजाओं के संख्यासमक माप को निकाकने के क्रिये नियम, जब कि दो गुजाओं वाले चतुर्भुंज क्षेत्र के ज्यावहारिक क्षेत्रफल का संख्यासमक माप दिया गया हो—

दो बराबर भुजाओं वाके दिये गये चतुर्भुज के जाधार और जपरी भुजा के कंक्बास्मक मानों के बगों के अंतर को इप अनुपाती भागों के कुछ मान द्वारा भाजित किया जाता है। इस प्रकार प्राप्त भजनफरू के द्वारा विभिन्न भागों के निष्पत्तियों के मान क्रमशः गुणित किये जाते हैं। प्राप्त गुणवफरू में से प्रश्येक में विभे गये चतुर्भुज की जपरी भुजा के माप का वर्ग जोड़ा जाता है। इस प्रकार प्राप्त योग का वर्गमूरू, प्रश्येक भाग के आधार के मान को उरपन्न करता है। प्रश्येक भाग का क्षेत्रफरू, आधार और जपरी भुजा के योग की अर्द्शिश द्वारा भाजित होकर, इप्ट कम में छंब का माप उरपन्न करता है, जो सिक्षकट माप के किये भुजा की तरह वर्ता जाता है। १७५२ ॥

यहाँ 'ना' इष्ट अथवा दत्त विकस्पित संख्या है। तीखरे और चौथे सूत्र दे हैं, को प्रदन का साधन करने के नियम में दिये गये हैं।

(१७५२) यदि च छ ज झ टो बराबर भुंबाओं वाला चतुर्भुत्र हो, और इफ, गह और कल चतुर्भुत्र को इस तरह विभाजित करते हों कि विभाजित माग क्षेत्रफल के संबंध में क्रमशः म, न, प, ख़ के अनुपात में हों, तो इस नियम के अनुसार,

जब भुजा च छ = अ, छ च = द, ज झ = स और झ च = व है, तब

वदनं सप्तोक्तमधः क्षितिस्त्रयोविंशतिः पुनिस्तिशत् । बाह् द्वाभ्यां भक्तं चैकैकं छन्धमत्र का भूमिः ॥ १७६३ ॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

उपरी-शुना का माप ७ है, नीचे आधार का माप २६ है, और शेष शुनाओं में से प्रत्येक का माप ६० है। ऐसे झेन्न में अंतराविष्ट झेन्नफल ऐसे दो मार्गों में विभाजित किया जाता है कि प्रत्येक को एक (हिस्सा) प्राप्त होता है। यहाँ निकाले जाने वाले आधार का मान क्या है ?।। १७६३।।

इत्यादि ।

यह सरस्तापूर्वक दिलाया जा सकता है कि चड इफ - चझ

और इ फ = $\sqrt{\frac{c^2-a^2}{\mu+a+u+a}} \times \mu+a^2$ । इसी प्रकार अन्य सूत्र सत्यापित किये बा सकते हैं।

बद्यपि इस पुरतक में प्रथकार ने केवल यह कहा है कि भवनफल को भागों के मानों से गुणित करना पड़ता है, तथापि वास्तव में भवनफल को प्रत्येक दशा में भागों के मानों से ऊपरी भुवा तक की प्ररूपण करने वासी संख्या के द्वारा गुणित करना पड़ता है। उदाहरणार्थ, पिछले पृष्ठ की आकृति में भूमिद्धिषष्टिशतमथ चाष्टादश वदनमत्र संदृष्टम् । लम्बश्चतुरशतीदं क्षेत्रं भक्तं नरेश्चतुभिश्च ॥ १७७३ ॥ एकद्विकत्रिकचतुःखण्डान्येकैकपुरुषल्डानि । प्रक्षेपतया गणितं तलमप्यवलम्बकं बृहि ॥ १७८३ ॥ भूमिरशीतिवेदनं चत्वारिश्चतुर्गुणा पष्टिः । अवलम्बकप्रमाणं त्रीण्यद्वी पद्ध खण्डानि ॥ १७५३ ॥

स्तम्भद्वयप्रमाणसंस्थां ज्ञात्वा तत्त्तम्भद्वयात्रे सूत्रद्वयं बद्ध्वा तत्सूत्रद्वयं कर्णाकारेण इतरेतरस्तम्भमूलं वा तत्स्तम्भमू स्मतिकम्य वा संस्पृत्त्य तत्कर्णाकारसूत्रद्वयस्पर्शनस्थानादारभ्य अधःस्थितमूमिपर्यन्तं तन्मध्ये एकं सूत्रं प्रसायं तत्सूत्रप्रमाणसंख्येव अन्तरावलम्बकसंज्ञा भवति । अन्तरावलम्बकस्पर्शनस्थानादारभ्य तस्यां भूम्यामुभयपार्श्वयोः कर्णाकारसूत्रद्वयस्पर्शनपर्थन्त-माबाधासंज्ञा स्यात् । तदन्तरावलम्बकसंख्यानयनस्य आबाधासंत्र्यानयनस्य च सूत्रम्— स्तम्भी रज्ञवन्तरभूहतौ स्वयोगाहतौ च भूगुणितौ । आवाधे ते वामप्रक्षेपगुणोऽन्तरवलम्बः ॥ १८०३॥

हो बराबर भुजाओं वाले चतुर्भुज के आधार का माप १६२ है, और उपरी भुजा का माप १६ है। यो भुजाओं में से प्रत्येक का मान ४०० हैं। इस प्रकार, इस आकृति से विशा हुआ होन्नफल, ४ मनुष्यों में विभाजित किया जाता है। मनुष्यों को प्राप्त भाग क्रमशः १, २, ३, और ४ के अनुपात में हैं। इस अनुपाती विभाजन के अनुसार प्रत्येक दशा में क्षेत्रफल, आधार और दो बराबर भुजाओं में से एक के मानों को बतलाओ।। १७७३-१७८३।। दिये गये चतुर्भुज क्षेत्र के आधार का माप ८० है, उपरी भुजा ४० है, तथा दो बराबर भुजाओं में से प्रत्येक ४×६० है। हिस्से क्रमशः ३,८ और ५ के अनुपात में हैं। इस भागों के क्षेत्रफल, आधारों और भुजाओं के मानों को निकालो।। १७९६।।

ज्ञात ऊँचाई बाके दो स्तंभों में से प्रत्येक के उपरी सिरे में दो भागे (सूत्र) बँधे हुए हैं। इन दो भागों में से प्रत्येक इस तरह फैला हुआ है कि वह सम्मुख स्तंभ के मूक भाग को कर्ण के रूप में स्पर्श करता है, अथवा दूसरे स्तंभ के पार जाकर भूमि को स्पर्श करता है। उस बिन्दु से, जहाँ दो कर्णाकार भागे मिलते हैं, एक और दूसरा भागा इस तरह लटकाया जाता है, कि वह लंब रूप होकर भूमि को स्पर्श करता है। इस अंतिम भागे के माप का नाम अंतरावलम्बक या भीतरी लंब होता है। जहाँ पर यह कंबरूप भागा भूमि को स्पर्श करता है, बस बिन्दु से किसी भी ओर प्रस्थान करने वाली रेखा उन बिन्दु जों तक जाकर (जहाँ कर्ण भागे भूमि को स्पर्श करते हैं) आवाभा अथवा आभार का खंड कहलाती है। ऐसे लम्ब तथा आवाभों के मानों को प्राप्त करने के नियम—

प्रत्येक स्तम्म के माप को स्तम्म के मृद्ध से लेकर कर्ण घाने के भूमि स्पर्श बिन्दु तक के बीच की लम्बाई वाले आधार को माप द्वारा भाजित किया जाता है। इस प्रकार प्राप्त प्रत्येक भजनफल, भजनफलों के योग द्वारा भाजित किया जाता है। परिणामी भजनफलों को संपूर्ण आधार के माप द्वारा गुणित करने पर कम से आवाधाओं के माप प्राप्त होते हैं। ये आवाधाओं के माप, क्रमशः विलोम कम में, जपर दिये गये प्रथम बार में प्राप्त भजनफलों द्वारा गुणित होने पर, प्रत्येक दशा में अंतराव- हम्बक (भीतरी लम्ब) को उत्पन्न करते हैं॥ १८०३॥

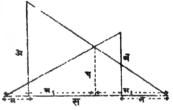
ग इ का मान निकासने के लिये म + न + प + ख को म + न + प + ख के के विश्व के के विश्व के से सी गुणित करना पड़ता है।

षोडशहस्तोच्छ्रायौ स्तम्भावविश्व षोडशोदिष्टौ । आवाधान्तरसंख्यामत्राप्यवडम्बकं बृहि ॥ १८१३ ॥ स्तम्भेकस्योच्छ्रायः षट्त्रिंशद्विंशतिद्वितीयस्य । भूमिद्वादश हस्ताः कावाधा कोऽयमवलम्बः ॥ १८२३ ॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

दिये गये स्तंभ की ऊँचाई १६ इस्त है। इस आधार की कम्बाई जो इन दो बिन्दुओं के बोच की होती है, जहाँ धागे भूमि को स्पर्ध करते हैं, १६ इस्त देखी गई है। इस दशा में आधार के संदों (आबाधाओं) और अंतरावकम्बक के संक्वारमक मानों को निकालो ॥ १८१ है॥ एक स्तंभ की ऊँचाई ६६ इस्त है, तूसरे की २० इस्त है। आधार रेखा की लम्बाई १२ इस्त है। आबाधाओं और अंतरावकम्बक के माप क्या-क्या हैं ?।। १८२ है॥ दो स्तंभ क्रमशः १२ और १५ इस्त हैं, इन दो

(१८०२) आकृति में यदि अ और व स्तम्मों की ऊँचाईयाँ हो, स स्तभों के बीच का अंतर हो, और म और न क्रमग्रः एक स्तम्भ के मूल से छेकर, भूमि को स्पर्श करने बाके, दूसरे स्तम्भ के अब से फैंके हुए बागे के भूमिस्पर्श बिन्दु तक की लम्बाईयाँ हो, तो नियमानुसार,



और $q = \theta_1 \times \frac{q}{\theta + H}$, अथवा $\theta_2 \times \frac{\omega}{\theta + H}$, जहाँ प अन्तरावलम्बक है। इस आकृति में सबातीय त्रिमुजों पर विचार करने पर यह ज्ञात होगा कि—

$$\frac{e_2}{q} = \frac{e + \pi}{e a} \text{ and } \frac{e_4}{q} = \frac{e + \pi}{e}$$

$$= \frac{e_4}{e_4} = \frac{e_4}{e_5} = \frac{e_5}{e_5} = \frac{e_5}{$$

द्वादश च पद्मदश च स्तम्भान्तरभूमिरिप च चत्वारः।
द्वादशकस्तम्भाभाद्रज्जुः पतितान्यतो मूळात्।। १८३६ ॥
आक्रम्य चतुर्हस्तात्परस्य मूळं तथैकहस्ताच।
पतितामात्कावाधा कोऽस्मिन्नवलम्बको भवति।। १८४६ ॥
बाह्मतिवाह् द्वौ त्रयोदशाविनिरियं चतुर्दश च।
बदनेऽपि चतुर्हस्ताः काबाधा कोऽन्तरावलम्बश्च ॥ १८५६ ॥
क्षेत्रमिदं मुखभूम्योरैकैकोनं परस्परामच।
रज्जुः पतिता मूलात्त्वं बृद्धवलम्बकावाधे॥ १८६६ ॥
बाहुखयोदशैकः पद्भदश प्रतिभुजा मुखं सप्त ।
भूमिरियमेकविंशतिरस्मिन्नवलम्बकावाधे॥ १८७६ ॥

स्तंभों के बीच का अंतराल (अंतर) ४ हला है। १२ हस्त वाले स्तंभ के उपरी अम से एक भागा सूत्र आधार रेखा पर दृश्दे रहंभ के मूल से ४ हस्त आगे तक फैलाया जाता है। इस दूसरे स्तंभ के मूल से ४ हस्त अगे तक फैलाया जाता है। इस दूसरे स्तंभ के मूल से १ हस्त अगे तक फैलाया जाता है। यहाँ भावाधाओं और अंतरावक्रम्बक के माप को बतलाओ।। १८५ है। हो बराबर अजाओं वाले चतुर्श्व क्षेत्र के संबंध में दो अजाओं में से प्रत्येक १६ हस्त है। यहाँ आधार १४ हस्त, और उपरी भुजा ४ हस्त है। अंतरावक्रम्बक द्वारा बनाये गये आधार के खंडों (आबाधाओं) के माप क्या हैं, और अंतरावक्रम्बक का माप क्या १ है।। १८५ है॥ इपर्युक्त चतुर्श्व के संबंध में उपरी भुजा और आधार प्रत्येक १ हस्त कम हैं। दो लंडों में से प्रत्येक के कपरी अग्र से एक धागा दूसरे लंब के मूल तक पहुंचने के लिये फैलाया जाता है। अंतरावक्रम्बक और उत्यक्ष आवाधाओं के माप क्या हैं १ ॥ १८६ है॥ असमान भुजाओं वाले चतुर्शुक्त के संबंध में एक भुजा १२ हस्त, सम्मुख भुजा १५ हस्त, उपरी भुजा ७ हस्त और आधार २१ हस्त है। अंतरावक्रम्बक तथः उससे उत्यक्ष धुप आवाधाओं के मान क्या-क्या है १ ॥ १८७ है।। एक समबाह

(१८५२) यहाँ दो बराबर भुजाओं वाला चतुर्भुंज क्षेत्र दिया गया है; दूसरी गाथा में तीन बराबर भुजाओं वाला तथा और अगली गाथा में विषमवाहु चतुर्भुंज दिये गये हैं। इन सब द्याओं में चतुर्भुंज के कर्ण सबसे पहिले गाथा ५४ अध्याय ७ के नियमानुसार प्राप्त किये जाते हैं। तब ऊपरी भुजा के अंतों से आधार पर गिराये हुए छंबों के मापों और उन छंबों द्वारा उरपन्न आधार के खंडों (आबाधाओं) को (अध्याय ७ की ४९ वीं गाया में दिये गये नियम का प्रयोग कर) प्राप्त करते हैं। तब हंबों के मापों को इस्त मानकर, उपर १८०३ वीं गाथा के नियम को प्रयुक्त कर, अंतरावक्रम्बक तथा उससे उत्पन्न आबाओं को प्राप्त करते हैं। १८७३ वीं गाथा में दिया गया प्रश्न कही टीका में कुछ भिन्न विधि से किया गया है। उपरी भुजा आधार के समानान्तर मान ली जाती है, और छंब तथा उससे उत्पन्न आबाधाओं के माप ऐसे त्रिभुज की स्थाना करके प्राप्त करते हैं, जिसकी भुजाएँ उक्त चतुर्भुंज की भुजाओं के बराबर होती हैं, और बिसका आधार चतुर्भुंज के आधार और ऊपरी भुजा के अन्तर के ब्रावर होता है।

समचतुरश्रक्षेत्रं विश्वतिहस्तायतं तस्य । कोणेभ्योऽय चतुभ्यों विनिर्गता रज्जवस्तत्र ॥ १८८३ ॥ सुजमध्यं द्वियुगभुजे । रज्जुः का स्यात्सुसंवीता । को वावसम्बकः स्यादाबाचे केऽन्तरे १ तस्मिन् ॥ १८९३ ॥

१. इस्तलिपि में अशुद्ध पाठ भुजचतुर्ध च है।

र. केंऽन्तरे में संधि का प्रयोग व्याकरण की दृष्टि से अरुद्ध है; पर २०४६ वें स्रोक के समान यहाँ प्रथकार का प्रयोजन छंद हेतु स्वर सम्बन्धी मिलान है।

चतुर्श्वेज की प्रत्येक श्वेजा २० इस्त है। उस आकृति के चारों कोण बिन्दुओं से, धागे सम्मुख श्वेजा के मध्य बिन्दु तक छे जाये जाते हैं, यह चारों श्वेजाओं के लिये किया जाता है। इस प्रकार प्रसारित धागों में प्रत्येक की कम्बाई का माप क्या है ? ऐसे चतुर्श्वेज क्षेत्र के भीतर अंतरावकम्बक और उससे उत्पन्न भाषाधाओं के माप क्या हो सकते हैं ? ॥ १८८३-१८९३॥

स्तंत्र की ऊँचाई का माप जात है। किसी कारणवश स्तंत्र भग्न हो जाता है, और भग्न स्तंत्र का ऊपरी भाग भूमि पर गिरता है। (भग्न स्तंत्र का) निम्न भाग उज्जत भाग के ऊपरी भाग पर अवलम्बित रहता है। तब स्तंत्र के मुक से गिरे हुए ऊपरी अग्न (जो अब भूमि को स्पर्श करता है) की पैठिक (आधारीय) तृरी जात की जाती है। स्तंत्र के मुक भाग से केकर शेष उन्नत माग के माप

(१८८३-१८९३) इस प्रश्न के अनुसार दी गई आकृति इस प्रकार है:-

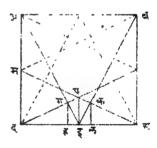
यहाँ मीतरी स्वम्ब ग ह और क छ हैं। इन्हें प्राप्त करने के लिये पहिले फ इ को प्राप्त करते हैं। शिकानुसार

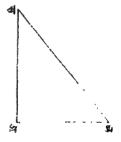
फ इ का माप =
$$\sqrt{\frac{(8\pi)^2}{\xi} - \left\{ (\zeta H)^2 + (\zeta \xi^2) + \frac{9}{4} \zeta H \right\}^2}$$

है। अ ब, फ इ और ब स अथवा अ द को स्तंम मानकर संकेत में फिक्कित नियम प्रयोग में छाया जा सकता है।

(१९०१) यदि अवस समकोण त्रिमुज है सौर यदि झस का माप और अव तया वस के योग का माप दिया गया हो तब, अव और वस के माप इस समीकरण द्वारा निकाले जा सकते हैं कि

समीकरण से सरस्तापूर्वक सिद्ध किया जा सकता है।





स्तम्भस्योन्नतप्रमाणसंख्यां ज्ञात्वा तस्मिन् स्तम्भे येनकेनचित्कारणेन भन्ने पतिते सित तत्स्तम्भाप्रमूख्योर्भध्ये स्थितौ भूसंख्यां ज्ञात्वा तत्स्तम्भमूखादारभ्य स्थितपरिमाणसंख्यानयन-स्य सूत्रम्—

निर्गमवर्गान्तरमितिवर्गविशेषस्य यद्भवेदर्थम् । निर्गमनेन विभक्तं तावित्स्थत्वाय भग्नः स्यात् ॥ १९०३ ॥

अत्रोदेशकः

स्तम्भस्य पञ्चविंशतिरुच्छायः कश्चिद्नतरे भगः।
स्तम्भाग्रमूख्यभ्ये पञ्च स गत्वा कियान् भगः॥ १९१३॥
वेणूच्छाये हस्ताः सप्तकृतिः कश्चिद्नतरे भगः।
भूमिश्च सैकविंशतिरस्य स गत्वा कियान् भगः॥ १९२३॥
वृक्षोच्छायो विंशतिरमस्थः कोऽपि तत्फळं पुरुषः।
कृणोक्त्या व्यक्षिपद्य तरुमूळस्थितः पुरुषः॥ १९३३॥
तस्य फलस्याभिमुखं प्रतिभुजरूपेण गत्वा च।
फलमग्रहीच तत्फळनरयोगेतियोगसंख्येव॥ १९४३॥
पञ्चाश्चदभूत्तत्फळगतिरूपा कणसंख्या का।
तद्वृक्षमूळगतनरगतिरूपा प्रतिभुजापि कियती स्यान्॥ १९५३॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

स्तंम की जँवाई २५ हस्त है। यह मूल और अग्र के बीच कहीं टूटा है। क्या पर गिरे हुए अग्र (जपरी भाग) और स्तंम के मूल के बीच की दूरी ५ हस्त है। यताओं कि टूटने का स्थान बिन्तु मूल से कितनी दूर है? ॥ १९१ ॥ (जगने वाले) बाँस की जँवाई का माप ४९ इस्त है। वह मूल और अग्र के बीच कहीं भग्न हुआ है। आधारीय दूरी २१ हस्त है। वह मूल से कितनी दूरी पर टूटा है ॥ १९२ ने । किसी वृक्ष की जँवाई २० इस्त है। कोई मनुष्य इसके जपरी माग (बोटी) पर बैठकर कर्णक्य पथ में फल को नीचे फेंकता है (अर्थात वह फल सरल रेखा में गिरकर, समकोण त्रिशुज का कर्ण बनाता है)। तब दूसरा मनुष्य जो दूस के नीचे बैठा हुआ है, फल तक सरल रेखा में पहुँचता है (यह पथ त्रिशुज की दूरी शुजा का निर्माण करता है), और इस फल को ले लेता है। फल तथा इस मनुष्य द्वारा तय की गई दूरियों का बोग ५० इस्त है। फल द्वारा तय किये गये पथ द्वारा निरूपित कर्ण का संख्यात्मक मान क्या है ? मनुष्य द्वारा तय किये गये पथ द्वारा निरूपित कर्ण का संख्यात्मक मान क्या है ? मनुष्य द्वारा तय किये गये पथ द्वारा निरूपित काम्य भूजा का माग क्या हो सकता है ? ॥ १९६ है—१९५ ने ।।

का संख्यात्मक मान निकालने के लिये यह नियम है-

संपूर्ण केंचाई के वर्ग और ज्ञात आधारीय (basal) वृशि के वर्ग के अंतर की अर्ज राशि जब संपूर्ण केंचाई द्वारा भाजित होती है, तब रोप उन्जत भाग का माप श्रमक होता है। जो अब संपूर्ण केंचाई का रोब बचता है वह भग्न भाग का माप होता है। १९०३।

ज्येष्ठस्तम्भसंख्यां च अल्पस्तम्भसंख्यां च शात्वा सभयस्तम्भान्तरभूमिसंख्यां ज्ञात्वा तब्ज्येष्ठसंख्ये भग्ने सति ज्येष्ठस्तम्भाग्ने अल्पस्तम्भाग्नं स्पृश्चित सित ज्येष्ठस्तम्भस्य भग्नसंख्यानय-नस्य स्थितशेषसंख्यानयनस्य च सूत्रम्— ज्येष्ठस्तम्भस्य कृतेर्द्वस्वावनिवर्गेयुतिमपोद्याधम् । स्तम्भविशेषेण इतं छन्धं मग्नोम्नितर्भवति ॥ १९६३ ॥

अत्रोद्देशकः स्तम्भः पञ्जोच्छायः परस्रयोविंशतिस्तथा ज्येष्ठः । मध्यं द्वादश भग्नज्येष्ठाग्रं पतितमितरात्रे ॥ १९७३ ॥

आयतचतुरश्रक्षेत्रकोटिसंख्यायास्तृतीयांशृद्धयं पर्वतोत्सेधं परिकल्प्य तत्पर्वतोत्सेध-संख्यायाः सकाशात् तदायतचतुरश्रक्षेत्रस्य मुजसंख्यानयनस्य कर्णसंख्यानयनस्य च सूत्रम्— गिर्युत्सेधो द्विगुणो गिरिपुरमध्यक्षितिर्गिरेरधेम् । गगने तत्रोत्पतितं गिर्यर्थव्याससंयुतिः कर्णः ॥ १९८६ ॥

उँचाई में बड़े (उचेष्ठ) स्तंभ की उँचाई का संख्यारमक मान तथा उँचाई में छोटे (अल्प) स्तंभ की उँचाई का संख्यारमक मान जात है। इन दो स्तंभों के बीच की तूरी का संख्यारमक मान भी जात है। उमेष्ठ स्तंभ भग्न होकर इस प्रकार गिरता है, कि उसका ऊपरी अप्र अख्प स्तंभ के ऊपरी अप्र पर अबख्यित होता है, और भग्न भाग का निम्न भाग, होच माग के ऊपरी भाग पर स्थित रहता है। इस दशा में ज्येष्ठ स्तंभ के भग्न भाग की कम्बाई का संख्यारमक मान तथा उसी ज्येष्ठ स्तंभ के नेव भाग की उँचाई के संख्यारमक मान तथा उसी ज्येष्ठ स्तंभ के होच भाग की उँचाई के संख्यारमक मान को प्राप्त करने के किये नियम—

ज्येष्ठ स्तंभ के संस्थातमक माप के वर्ग में से, अस्य स्तंभ के माप के वर्ग और आधार के माप के वर्ग के बात हैं। परिणामी शेष की अर्द राशि को दो स्तंभों के मापों के अंतर द्वारा भाजित करते हैं। प्राप्त मजनप्रल भग्न स्तंभ के उच्चत भाग की कँचाई होता है। ॥१९६३॥

उदाहरणार्थ भश्न

एक स्तंभ ऊँचाई में ५ इस्त है, उसी प्रकार दूसरे ज्येष्ठ स्तंभ ऊँचाई में २६ हस्त है। उनके बीच की दूरी १२ इस्त है। अग्न ज्येष्ठ स्तंभ का ऊपरी अग्न अरुप स्तंभ के ऊपरी अग्न पर गिरता है। अग्न ज्येष्ठ स्तंभ के उन्नत भाग की ऊँचाई निकालो ॥ १९७६ ॥

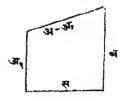
आयत क्षेत्र की जध्यधर (लंब कप) मुजा के संख्यारमक मान की दो तिहाई राशि को पर्वत की जँबाई मानकर, उस पर्वत की जँबाई की सहायता से उक्त आयत के कणे और शैतिज मुजा (आधार) के संख्यारमक मानों को निकालने के लिये नियम—

पर्वत की दुगुनी जैंचाई, पर्वत के मूळ से वहाँ के शहर के बीच की दूरी का माप होती है। पर्वत की आधी जैंचाई गगन में जपर की ओर की उड़ान की दूरी (उड़ुयन) का माप है। पर्वत की आधी जैंचाई में, (पर्वत के मूळ से) शहर की दूरी का माप जोड़ने से कर्ण प्राप्त होता है। १९८३॥

(१९६६) यदि क्येष्ठ स्तम्म की जैंचाई अ और अस्प स्तम्म की ब द्वारा निरूपित हो; उनके बीच की दूरी स हो, और अन् भग्न स्तम्म के उन्नत माग की जैंचाई हो, तो नियमानुसार,

$$a_1 = \frac{a^2 - (a^2 + a^2)}{2(a - a)}$$

ग॰ सा॰ सं०-३१



षड्योजनोर्ध्वशिखरिणि यतीश्वरी तिष्ठतस्तत्र । एकोऽङ्घिचर्ययागात्तत्राप्याकाश्वार्यपरः ॥ १९९३ ॥ श्रुतिवश्युत्पत्य पुरं गिरिशिखरान्यूळमवरुद्यान्यः । समगतिकौ संजातौ नगरन्यासः किसुत्पतितम् ॥ २००३ ॥

होलाकारक्षेत्रे स्तम्भद्वयस्य वा गिरिद्वयस्य वा चत्सेघपरिमाणसंख्यामेव आयतचतुरश्र-मुजद्वयं क्षेत्रद्वये परिकल्प्य तिद्वरिद्वयान्तरभून्यां वा तत्स्तम्भद्वयान्तरभून्यां वा आवाघाद्वयं परिकल्प्य तदावाधाद्वयं व्युत्क्रमेण निक्षित्य तव्युत्क्रमं न्यस्तावाधाद्वयमेव आयतचतुरश्रक्षेत्रद्वये कोटिद्वयं परिकल्प्य तत्कर्णद्वयस्य समानसंख्यानयनस्त्रम्—

उदाहरणार्थ प्रश्न

4 बोजन ऊँचाई वाले किसी पर्वत पर २ बतीश्वर तिहे थे। उनमें से एक ने पैदल गमन किया। दूसरे आकाश में गमन कर सकते थे। ये दूसरे बतीश्वर जपर की ओर उड़े, और तब शहर में कण मार्ग से उतरे। प्रथम बतीश्वर शिलर से पर्वंत के मूल तक सीधे नीचे की ओर उद्य दिशा में उतरे, और पैदल शहर की ओर चले। पर्वंत के मूल से शहर तक की बूरी क्या है, और जपरी बहान की ऊँचाई कितनी है ?॥ १९९६-२००६ ॥

कटकन (बोक) और उसके दो भूमि पर आधारित कंबरूप अवलंबों द्वारा निरुपित क्षेत्र में, दो स्तंभों अथवा दो पर्वत शिखरों की जँबाइयों के माप दो आयत चतुरक्ष क्षेत्रों की क्षेतिज (क्षितिज के समानान्तर) भुजाओं के माप मान किये जाते हैं। तय, इन झात क्षेतिज गुजाओं की सहायता से, और (दशानुसार) दो पर्वत अथवा दो स्तंभ के बीच की आधार रेखा के संबंध में लंब के मिलन बिन्दु द्वारा उत्पन्न आवाधाओं (खंडों) के मानों को प्राप्त करते हैं। इन दो आवाधाओं को विलोम कम में किसते हैं। इस प्रकार विकोम कम में किस्ते गये (दो आवाधाओं के) मानों की दो आवताकार चतुर्भुंच क्षेत्रों की दो लंब भुजाओं के माप मान देते हैं। (ऐसी दशा में) इन दो आवतों के कर्णों के समान संस्थारमक मान को प्राप्त करने के लिये नियम —

(१९९३-२००३) आकृति में यदि पर्शत की ऊँचाई 'अ' द्वारा निरूपित है, शहर से पर्वत के मूळ की दूरी 'ब' है, और कर्ण मार्ग को लग्नाई 'स' है, तो गाथा १९८३ के नियम की पृष्टभूमि में की गई कल्पना के अनुसार 'अ' भुजा आ बा की १/3 है। इसिलेये ऊर्ध्य दिशा की उड़ान दा बा अर्थात् है आहे......(१)

चूँकि दो साधुकों की उड़ानें बराबर हैं, .'. स + है अ = अ + ब; .'. स = है अ + ब......(२)

... $e^2 = \frac{1}{2} a x^2 + e^2 + ax = 0$, $x = \frac{1}{2} a x^2 + a^2$;

.'. अ द = २ अ^२;

्रा अ डोलाकारक्षेत्रस्तम्मद्वितयोध्वसंख्ये वा । शिखरिद्वयोध्वसंख्ये परिकल्प्य भुजद्वयं त्रिकोणस्य ॥ २०१३ ॥ तहोद्वितयान्तरगतभूसंख्यायास्तदाबाचे । आनीय प्राग्वत्ते व्युत्क्रमतः स्थाप्य ते कोटी ॥ २०२३ ॥ स्यातांतस्मिन्नायतचतुरश्रक्षेत्रयोख्य तहोभ्यीम् । कोटिभ्यां कर्णों द्वी प्राग्वस्यातां समानसंख्यौ तौ ॥ २०३३ ॥

होल तथा उसके दो लंबरूप अवलंबों द्वारा निरूपित आहृति के संबंध में, दो स्तंभों की अथवा दो पर्वतों की क्षंचाइयों के मापों को त्रिभुज की दो भुजाओं के माप मान लेते हैं। तब, दिवे गये संभों अथवा पर्वतों की बीच की आधार रेखा के मान के तुल्य उन दो भुजाओं के बीच की आधार रेखा के संबंध में, दीर्घ से आधार पर गिराये गये लंब से उत्पन्न आवाधाओं के मान पहिले दिये गये नियमानुसार मास करते हैं। यदि इन आवाधाओं (खंडों) के मानों को विलोम कम में किखा जावे, तो वे इष्ट किया में दो आयतों की दो लंब भुजाओं के मान बन जाते हैं। अब, पहिले दिये गये नियमानुसार दो आयतों के कणों के मानों को उपर्युक्त त्रिभुज की दो भुजाओं (जो यहाँ आयत की दो भैतिज भुजाएँ की गई हैं) तथा उन दो लंब भुजाओं की सहायता से प्राप्त करते हैं। ये कण समान संस्थात्मक मान के होते हैं॥ २०१३-२०६३॥

(२०१३-२०२३) इस नियम में वर्णित चतुर्भुजों में, मानको, लंब सुजाएँ भ, ब द्वारा निरूपित हैं, आधार स है; स्व, स्व उसके खंड (आबाधार्ये) हैं, और रच्जु (रस्से) के प्रत्येक समान भाग की संबाई क है।

ये मान, अ और व मुजाओवाले त्रिभुव के 'स' माप वाले आधार के लंडों के हैं। आधार के लंड शीर्ष से लंब विराने से उत्पन्न हुए हैं। नियम में यही कथित है। गाथा ४९ का नियम भी देखिये।

(२१०६) यहाँ बतलाया हुआ पथ समकोग त्रिभुब की भुजाओं में से होकर जाता है। इस नियम में दिये गये सूत्र का बीजीय निरूपण यह है—

क = $\frac{a^2 + at^2}{a^2 - at^2} \times c$, बहाँ क कर्णपय से बाने पर अयतीत हुए दिनों की संख्या है, अ और व क्रमशः दो मनुष्यों की गतियाँ हैं, और द उत्तर दिशा से बानेपर अयतीत हुए दिनों की संख्या है। इस प्रक्र में दत्त अयास पर आधारित निम्निकिस्ति समीकरण से यह स्पष्ट है—

स्तम्भस्तयोदशैकः पश्चद्शान्यश्चर्त्शान्तरितः ।
रज्जुबद्धा शिखरे भूमीपतिता के आबाधे ॥ २०४ ॥
ते रज्जू समसंख्ये स्यातां तद्रज्जुमानमपि कथय ॥ २०५ ॥
द्वाविशतिरुत्योमेध्ये तयोश्च शिखयोःस्थितौ साधू ॥ २०६ ॥
आकाशचारिणौ तौ समागतौ नगरमत्र भिक्षाये ।
समगतिकौ संजातौ तत्राबाधे कियत्संख्ये ॥
समगतिसंख्या कियती डोळाकारेऽत्र गणितझ ॥ २०७१ ॥
विशतिरेकस्योन्नतिरद्रेश्च जिनास्तथान्यस्य ।
तन्मध्यं द्वाविशतिरनयोरद्रोश्च शृङ्खयोः स्थित्वा ॥ २०८१ ॥
आकाशचारिणौ द्वौ तन्मध्यपुरं समायातौ ।
भिक्षाये समगतिकौ स्यातां तन्मध्यश्चित्रस्थं किम् ॥ २०५१ ॥
विश्वतिरेकस्थान्नतिकौ स्यातां तन्मध्यश्चित्रस्थं किम् ॥ २०८१ ॥
विश्वतिरेकस्थान्नतिकौ स्यातां तन्मध्यश्चित्रस्थं किम् ॥ २०८१ ॥
विश्वतिरेकस्थान्यस्य प्रक्षयोः समायातौ ।

१. क आबाधे व्याकरणरूपेण अशुद्ध है, क्योंकि द्विवाचक संख्या 'के' और 'आबाधे' के मध्य कोई संधि नहीं हो सकती है। १८९ई व श्लोक की टिप्पणी से मिलान करिये।

उदाहरणार्थ प्रश्न

एक स्तम जँवाई में १६ हस्त है। द्सरा जँवाई में १५ हस्त है। इनके बीच की दूरी १४ हस्त है। इन दो स्तंमों के जपरी सिरों पर वँवा हुआ एक रस्सा (रज्ज) इस तरह नीचे कटकता है, कि वह इन दो स्तंमों के बीच की दूरी को स्पर्श करता है। स्तंभों के बीच की आधार रेखा के इस मकार उरपच खंडों के मान क्या-क्या हैं? रज्ज के दो कटकते हुए भाग लम्बाई में समान संख्यारमक मान के हैं। रज्ज का माप भी बतकाओ ॥ २०४२-२०५२ ॥ किसी एक पर्वत की जँवाई २२ योजन है। दूसरे पर्वत की १८ योजन है। उन् दो पर्वतों के बीच की दूरी २० योजन है। पर्वत के शिखर पर तिच्छे हुए दो साधु आकाश में गमन कर सकते हैं। भिक्षा के किये वे आकाश मार्ग से नीचे आते हैं, और उन पर्वतों के बीच बसे हुए नगर में मिकते हैं। यह ज्ञात है कि वे आकाश मार्ग से समान दूरियाँ तय कर आये हैं। इन दशाओं में दो पर्वतों के बीच की आधारीय रेखा के संखों के संख्यारमक मान क्या-क्या हैं। इन दशाओं में दो पर्वतों के बीच की आधारीय रेखा के संखों के संख्यारमक मान क्या-क्या हैं। इन दशाओं में दो पर्वतों के बीच की आधारीय रेखा के संखों के संख्यारमक मान क्या-क्या हैं। इन दशाओं में दो पर्वतों के बीच की आधारीय रेखा के संख्यारमक मान क्या-क्या हैं। एक पर्वत की जँवाई २० योजन है, और इसी प्रकार दूसरे पर्वत की जँवाई २० योजन है, और इसी प्रकार दूसरे पर्वत की जँवाई २० योजन है। उनके बीच की दूरी २२ बोजन है। दो साधु, जो अक्या अक्या पर्वत के शक्त पर स्थित थे और आकाश में गमन कर सकते थे, उन दो पर्वतों के बीच में बसे हुए नगर में भिक्षा के किये वरते। वे आकाश में बराबर दूरियाँ तय करते हुए देखे गवे। उस मध्य में बसे हुए नगर और पर्वतों के बीच की तूरी का माप क्या है १॥ २०८३-२०९३॥

विषम त्रिभुज की सीमाद्वारा निरूपित मार्ग पर असमान गति से चळने वाछे दो मनुष्यों का समागम होने के छिये इष्ट दिनों की संख्या का मान निकासने के छिए नियम---

विनगतिकृतिसंयोगं दिनगतिकृत्यन्तरेण हृत्याय । इत्वोदगातिदिवसैस्तल्ङच्चदिने समागमः स्यान्त्रोः ॥ २१०३ ॥ अत्रोहेशकः

द्वे योजने प्रयाति हि पूर्वगितस्त्रीणि योजनान्यपरः । इत्तरतो गच्छिति यो गत्वासौ तिह्नानि पञ्चाय ॥ २११६ ॥ गच्छन् कर्णाकृत्वा कतिभिर्दिवसैनेरं समाप्नोति । उभयोर्युगपद्गमनं प्रस्थानदिनानि सहकानि ॥ २१२६ ॥

पठचविधचतुरश्रक्षेत्राणां च त्रिविधत्रिकोणक्षेत्राणां चेत्यष्टविधवाद्यवृत्तव्याससंख्यानयनः

सूत्रम्— श्रुतिरवल्पन्वकभक्ता पादर्वभुजन्ना चतुर्भुजे त्रिभुजे । भुजघातो लम्बहृतो भवेद्वहिर्दृत्तविष्कम्भः ॥ २१३३ ॥

तो मनुष्यों की दैनिक गतियों के संक्यास्मक मानों के बगों के योग को उन्हों दैनिक गतियों के मानों के बगों के अंतर द्वारा भाजित किया जाता है। इस प्रकार प्राप्त मजनफळ को उनमें से किसी एक के द्वारा उत्तर में यात्रा करते हुए (अन्य मनुष्य से मिळने हेतु दक्षिण पूर्व में जाने के पहिले) व्यतीत हुए दिनों की संक्या द्वारा गुणित करते हैं, इन दो मनुष्यों का समागम इस ग्रुणनफळ द्वारा माये गये दिनों की संक्या है अंत में होता है ॥ २१०३ ॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

पूर्व की ओर बान्ना करनेवाला मनुष्य २ बोजन प्रतिदिन की गति से चलता है, और उत्तर की ओर बान्ना करने बाला दूसरा मनुष्य ३ बोजन प्रतिदिन की गति से चकता है। यह दूसरा मनुष्य ५ दिनों तक (इस प्रकार) चकने के पक्षात् कर्ण पर चकने के किये मुद्दता है। वह पहिले मनुष्य से कितने दिन पक्षात् मिलेगा ? दोनों एक ही समय प्रस्थान करते हैं, और बान्ना में दोनों को समान समय करता है। २११३–२११३॥

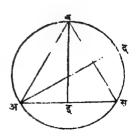
पाँच प्रकार के चतुर्भुज क्षेत्रों तथा तीन प्रकार के त्रिभुज क्षेत्रोंबाकी आठ प्रकार की आकृतियों के परिगत नृत्तों के व्यासों के संस्थाध्मक मान को निकाबने के किये नियम—

चतुर्भुज क्षेत्र के संबंध में, कर्ण के मान को ढंब के मान द्वारा भाजित कर, और तब बाजू की भुजा के मान द्वारा गुणित करने पर, परिगत बृत्त के व्यास का मान उत्पन्न होता है। जिभुज क्षेत्र के संबंध में आधार को छोड़कर, होच दो भुजाओं के मानों के गुणनफळ को छंब के मान द्वारा भाजित करने पर, परिगत बृत्त का इष्ट व्यास उत्पन्न होता है॥ २१६५ ॥

(२१३२) मानलों कि त्रिभुव अ व स किसी वृत्त में अंत-स्थिति है। अद व्यास है और वह, अस पर लंब है। बद को बोड़ो। अब त्रिभुख अ व द और वह स के कोण क्रमशः आपस में बराबर हैं (अर्थात् ये त्रिभुज सवातीय [similar] हैं)

> ्र. अव : अद् = वह : वस, : अद् = अव × वस व ह

यह सूत्र नियम में चढ़र्श्व त्रिश्व के परिगत पृत्त के व्यास की मास करने के लिये दिया गया है।



समचतुरश्रस्य त्रिकबाहुप्रतिबाहुकस्य चान्यस्य ।
कोटिः पद्ध द्वादश भुजास्य किं वा बहिष्ट्रेसम् ॥ २१४३ ॥
बाहू त्रयोदश मुसं चत्वारि घरा चतुर्दश प्रोक्ता ।
द्विसमचतुरश्रबाहिरिक्दिस्मः को भवेदश्व ॥ २१५३ ॥
पद्धकृतिवेदनभुजाश्रत्वारिश्य भूमिरेकोना ।
त्रिसमचतुरश्रबाहिरपुत्तव्यासं ममाचक्व ॥ २१६३ ॥
व्येका चत्वारिशद्वाहुः प्रतिबाहुको द्विपद्धाशत् ।
बष्टिभूमिर्वदनं पद्धकृतिः कोऽत्र बिष्कम्भः ॥ २१७३ ॥
त्रिसमस्य च षड् बाहुस्त्रयोदश द्विसमबाहुकस्यापि ।
भूमिर्दश विष्कम्भावनयोः को बाह्यन्तयोः कथय ॥ २१८३ ॥
बाहू पद्धत्रयुत्तरशको भूमिश्चतुर्दशो विषमे ।
त्रिभुजक्षेत्रे बाहिरवृत्तव्यासं ममाचक्व ॥ २१९३ ॥
द्विकबाहुषद्वश्रस्य क्षेत्रस्य भवेद्विचिन्य कथय त्वम् ।
बाह्ररविष्कम्भं मे पैशाचिकमत्र यदि वेतिस ॥ २२०३ ॥

उदाहरणार्थ प्रक्त

(समबाहु चतुर्शुंज) वर्गाकृति के संबंध में, जिसकी प्रत्येक शुजा ३ हैं, और अन्य चतुर्शुंज क्षेत्र के संबंध में, जिसकी छंव शुजा ५ और क्षेतिज शुजा १२ हैं, वतलाओं कि परिगत बृत्त के ब्यास के माप क्वा-क्वा हूँ ?॥ २१७ है। दो पाइवें शुजाओं में से प्रत्येक माप में १२ हैं, उपरी शुजा ४ हैं, और आधार माप में १४ हैं। इस दशा में ऐसे दो समान शुजाओं वाले चतुर्शुंज केन परिगत बृत्त के ब्यास का माप बतलाओं ॥ २१५ है। अपरी शुजा और दो बाजू की शुजाओं में से प्रत्येक माप में २५ है। आधार माप में १९ है। यहाँ बतलाओं की ऐसे तीन बराबर शुजाओं वाले चतुर्शुंज के परिगत बृत्त के क्यास का माप क्या है ?॥ २१६ है। पाइवें शुजाओं में से किसी एक का माप १९ है; दूसरी का माप ५१ है; आधार का माप ६० और उपरी शुजा का माप २५ है। इस चतुर्शुंज क्षेत्र के संबंध में परिगत बृत्त का क्यास क्या है ?॥ २१७ है। किसी समश्च जिस्सुज की शुजा का माप ६ है, और समझिबाहु त्रिशुज की शुजा का माप ११ है। इस दशा में आधार का माप १० है। इन त्रिशुजों के परिगत बृत्तों के व्यासों के मान निकाछो ॥ २१८ है॥ विषम त्रिशुज के संबंध में दो शुजाएँ माप में १५ और १६ हैं; आधार का माप १४ है। उसके परिगत बृत्त के व्यास का मान शुक्ते बतलाओ ॥ २१९ है। अपिद तुम गणित की पैशाचिक विधियाँ जानते हो, तो ठीक तरह सोचकर बतलाओं कि जिसकी प्रायेक शुजा का माप १ है ऐसे निविसत चट्शुजाकार आकृतिवाले केन के परिगत वृत्त के व्यास का मान क्या होगा ?॥ २२० है॥

⁽२२०३) इस गाथा पर लिखी गई कन्नड़ी टीका में प्रश्न को यह स्चित कर इल किया है कि नियमित षट्भुज का विकर्ण परिगत इस के ब्यास के तुस्य होता है।

इष्टसंख्याज्यासवत्समञ्ज्ञक्षेत्रमध्ये समचतुरश्राद्यष्टक्षेत्राणां मुखमूभुजसंख्यानयनस्त्रम्— लज्धन्यासेनेष्टज्यासो वृत्तस्य तस्य मक्तश्च । लज्बेन भुजा गुणयेद्भवेच्य जातस्य भुजसंख्या ॥ २२१६ ॥ अत्रोहेजकः

वत्तक्षेत्रव्यासस्ययोदशाभ्यन्तरेऽत्र संचिन्य ।

समचत्रशादाष्ट्रक्षेत्राणि सखे ममाचक्व ॥ २२२३॥

आयतचतुरशं विना पूर्वकल्पितचतुरश्रादिक्षेत्राणां सूक्ष्मगणितं च रज्जुसंख्यां च झात्वा तत्तत्त्रोत्राभ्यन्तरावस्थितवृत्तक्षेत्रविष्कम्भानयनसूत्रम् — परिषेः पादेन भजेदनायतक्षेत्रसूक्ष्मगणितं तत् । सेत्राभ्यन्तरवृत्ते विष्कम्भोऽयं विनिर्दिष्टः ॥ २२३३ ॥

व्यास के ज्ञात संस्थारमक मान बाले समबुत्त क्षेत्र में अंतर्किखत वर्ग से प्रारंभ होने वाली आठ प्रकार की आकृतियों के आधार, उपरी भुजा और अन्य भुजाओं के संख्यात्मक मानों की निकासने के किये नियम—

दिये गये वृत्त के व्यास के मान को न्यास से प्राप्त ऐसे वृत्त के व्यास द्वारा भाजित किया जाता है, जो निर्दिष्ट प्रकार की विकश्य से चुनी हुई आकृति के परितः सींचा जाता है। इस मन से चुनी हुई आकृति के अजाओं के मानों को उपयुक्त परिवामी भजनफर्लो द्वारा गुणित करना चाहिए। इस प्रकार, दिये गये वृत्त में उत्पन्न आकृति की अजाओं के संख्यात्मक मानों को प्राप्त करते हैं ॥ २२५ दे ॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

सममुत्त आकृति का व्यास १६ है। हे मित्र, ठीक तरह विचार कर मुझे बतलाओ कि इस मृत्त में अंतर्किसित बर्गादि आठ प्रकार की विभिन्न आकृतियों के संबंध में विभिन्न माप क्या-क्या हैं।॥२२२२॥

केवक आयत क्षेत्र को छोड़कर पूर्वकियत विभिन्न प्रकार के चतुर्भुज और त्रिभुज क्षेत्रों के अंतर्गत बुत्तों के ज्यास का मान निकासने के किये नियम, जब कि इन्हीं चतुर्भुज और अन्य आकृतियों के संबंध में क्षेत्रफळ का सूक्ष्म माप और परिमिति का संख्यास्मक मान ज्ञात हो—

(आयत क्षेत्र को छोड़कर अन्य किसी भी) आकृति के सूक्ष्म ज्ञात क्षेत्रफळ को (उस आकृति की) परिमिति की एक चौथाई राशि द्वारा माजित करना चाहिये । वह परिणाम उस आकृति के अंतर्गत कृत के क्यास का माप होता है ॥ २२६५ ॥

⁽२२१३) इष्ट और मन से जुनी हुई आकृतियों की सवातीयता (similiarity) से यह नियम स्वमेव प्राप्त हो जाता है।

⁽२२३ रे) यदि सन मुजाओं का योग 'य' हो, अंतर्गत कृत का व्यास 'व' हो, और संबंधित चतुर्भुंच या त्रिभुचक्षेत्र का क्षेत्रफळ 'क्ष' हो, तो

[ं] इसिल्ये नियम में दिया गया सूत्र, व = क्ष÷ य , है।

समचतुरश्रादीनां क्षेत्राणां पूर्वकल्पितानां च । कृत्वाभ्यन्तरवृत्तं ब्रह्मधुना गणिततत्त्वज्ञ ॥ २२४३ ॥

समवृत्तव्याससंख्यायामिष्टसंख्यां बाणं परिकल्प्य तद्वाणपरिमाणस्य ज्यासंख्या-

नयनसूत्रम्— व्यासाधिगमोनस्स च चतुर्गुणिताधिगमेन संगुणितः । यत्तस्य वर्गमूळं ज्यारूपं निर्दिशेत्प्राज्ञः ॥ २२५३ ॥

अत्रोदेशकः

ठ्यासो दश वृत्तस्य द्वाभ्यां छिन्तो हि रूपाभ्याम् । छिन्नस्य ज्या का स्यात्प्रगणय्या चक्ष्य तां गणक ॥ २२६३ ॥

समयृत्तक्षेत्रव्यासस्य च मौर्व्याश्च संख्यां ज्ञात्वा बाणसंख्यानयनसूत्रम्— व्यासच्यारूपकयोशेर्गविशेषस्य भवति यन्मूखम् । तद्विष्कम्भाच्छोध्यं शेषार्थमिषुं विज्ञानीयात् ॥ २२७६ ॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

वगौदि पूर्वोल्लेखित आकृतियों के संबंध में अंतर्गत वृत्त खोंचकर, हे गणित तस्वज्ञ, प्रत्येक ऐसे अंतर्गत वृत्त के व्यास का मात्र बतलाओ ॥ २२४- ॥

किसी समनृत्त के ब्वास के ज्ञात संख्यात्मक मान के भीतर (सीमान्तः) बाज के माप की ज्ञात संख्या टेकर, ऐसे धनुष के धांगे के संख्यात्मक मान को प्राप्त करने के छिये नियम जिसका बाज बसी दिये गये माप के तुस्य है—

दिये गये ज्यास के मान और बाण के ज्ञात मान के अंतर को बाण के मान की चौगुनी राशि द्वारा गुणित किया जाता है। परिणामी गुणनफल का जितना भी वर्गमूक आता है, उसे विद्वान पुरुष को धनुष की डोरी का इष्ट माप बतकाना चाहिये ॥ २२५% ॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

मृत्त का क्यास १० है। उसका २ द्वारा अपकर्तन किया जाता है। हे गणितज्ञ, ठीक गणना के पक्षात् दिये गये क्यास के कटे हुए भाग के संबंध में धनुष की डोरी या माप बतलाओ ॥ २२६३ ॥

जब किसी दिये गये कृत्त के व्यास का संक्यात्मक मान और उस कृत संबंधी धनुष होरी (जीवा) का मान ज्ञात हो, तब बाज का संक्यात्मक मान निकाकने के क्रिये नियम—

दिये गये बृत्त के संबंध में ब्यास और जीवा (धनुष-होरी रेखा) के ज्ञात मानों के वर्गी के अंतर का जो वर्गमूळ होता है उसे ब्वास के मान में से घटाबा जाता है। परिणामी शेष की अर्द्शशि बाण (रेखा) का इह मान होती है॥ २२७२॥

⁽२२५३) गाथा २२५३, २२७३, २२९६ और २६१३ में दिये गये सभी नियम इस यथार्थता पर आधरित हैं कि किसी हत्त में प्रतिच्छेदन करने वाले (intersecting) चाप कर्णों की आवाधाओं (खंडों) के गुणनफल समान होते हैं।

दश वृत्तस्य विष्कम्भः शिक्षिन्यभ्यन्त्रे सले।

रष्टाष्ट्री हि पुनस्तस्याः कः स्याद्धिगमी वद ॥ २२८३ ॥

ज्यासंख्यां च बाणसंख्यां च ज्ञात्वा समवृत्तक्षेत्रस्य मध्यव्याससंख्यानयनसूत्रम्— भक्तश्चतुर्रोणेन च शरेण गुणवर्गराशिरिषुसहितः।

समवृत्तमध्यमस्थितविष्कम्भोऽयं विनिर्दृष्टः ॥ २२९५ ॥

अत्रोदेशकः

कस्यापि च समवृत्तक्षेत्रस्याभ्यन्तराधिगमनं हे । ज्या दृष्टाही दृण्डा मध्यव्यासी भवेत्कोऽत्र ॥ २३०३ ॥

समवृत्तद्वयसंयोगे एका मत्स्याकृतिभैवति । तन्मत्स्यस्य मुखपुच्छिविनिर्गतरेखा कर्तव्या । तया रेखया अन्योन्याभिमुखधनुद्वयाकृतिभैवति । तन्मुखपुच्छिविनिर्गतरेखेव तद्धनुद्वयस्यापि ज्याकृतिभैवति । तद्धनुद्वयस्य शरद्वयमेव वृत्तपरस्परसंपातशरौ क्रेयौ । समवृत्तद्वयसंयोगे तयोः संपातशरयोगानयनस्य सूत्रम्—

उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी दिये गये वृत्त के व्यास का माप 50 है। साथ ही ज्ञात है कि भीतरी अनुष-होरी का माप ८ है। है मित्र, उस अनुष डोरी के संबंध में बाण रेखा का मान निकालो ॥ २२८ है॥

जब पञ्चप-डोशी और बाण के संख्यास्मक मान ज्ञात हों, तब दिये गये वृत्त के व्यास के संख्यासक मान को निकालने के लिये नियम---

धनुष-डोरी के मान के वर्ग का निरूपण करने वासी संख्या, ४ द्वारा गुणित बाण के मान के द्वारा भाजित की जाती है। तब परिणामी भजनफळ में बाण का मान जोड़ा जाता है। इस प्रकार प्राप्त राशि नियमित कृत की, केन्द्र से होकर मापी गई, चौड़ाई का माप होती है। २२९६ ॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी समवृत क्षेत्र के संबंध में, बाण रेखा २ इंड, और धनुष डोरी ८ दंड है। इस वृत्त के मंदध में ब्यास का मान क्या हो सकता है ! ॥ २३०३ ॥

जब दो युत्त परस्वर एक दूसरे को काटते हैं, तब मछकी के आकार की आकृति उत्पन्न होती है। इस मरस्वाकृति के संबंध में मुख से पुष्छ को मिलानेवाको रेखा खींची जाती है। इस सरक रेखा की सहायवा से एक दूसरे के सम्मुख दो धनुषों की उत्पत्ति होती है। मुख से पुष्छ को मिलाने वाकी सरक रेखा इन दोनों धनुषों की धनुष-डोरी होती है। इन दो धनुषों के संबंध में दो बाण रेखाएँ पारस्वरिक अतिछादी (overlapping) वृत्तीं से संबंधित दो बाण रेखाओं को बनाने वाकी समझी जाती है। जब दो समझत परस्वर एक दूसरे को काटते हैं, तब अतिछादी (overlapping) भाग से संबंधित बाण रेखाओं के मानों को निकाकने के किये नियम—

प्रासोनव्यासाभ्यां प्रासे प्रक्षेपकः प्रकर्तव्यः । वृत्ते च परस्परतः संपातकारौ विनिर्दिष्टौ ॥ २३१३ ॥

अत्रोदेशकः

समवृत्तयोद्वेयोहि द्वात्रिश्तदशीतिहस्तविस्तृतयोः । प्रासेऽष्टो को बाणावन्योन्यभवी समाचक्व ॥ २३२३ ॥

इति पैशाचिकव्यवहारः समाप्तः॥

इति सारसंग्रहे गणितशास्त्रे महाबीराचार्यस्य कृतौ क्षेत्रगणितं नाम षष्ठव्यवहारः समाप्तः।

प्रतिरहेदित होने बाले हुनों के ऐसे दो व्यासों के दो मानों की सहायता से, जिन्हें हुनों के अतिहादी (overlapping) भाग की सबसे अधिक चौड़ाई के मान द्वारा हासित करते हैं हुनों के अतिहादी भाग की महत्तम चौड़ाई के इस ज्ञात मान के संबंध में प्रकेषक किया करना चाहिये। ऐसे हुनों के संबंध में इस प्रकार प्राप्त दो परिणामों में से, प्रत्येक दूसरे का, अतिहादी दुनों संबंधी दो बाणों का माप होता है। २३१३॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

दो बुत्तों के संबंध में, जिनके विस्तार-ज्यास क्रमझः ६२ और ६० इस्त हैं। साधारण अतिछादी माग की महत्तम चौदाई ८ इस्त है। यहाँ उन दो बुत्तों के संबंध में बाण रेखाओं के मानों को बतळाओ ॥ २६२२ ॥

इस प्रकार, क्षेत्र गणित व्यवहार में पैशाचिक व्यवहार नामक प्रकरण समाप्त हुआ ।

इस प्रकार, महावीराचार्यं की कृति सार संग्रह नामक गणित शास्त्र में क्षेत्रगणित नामक षष्ठम् स्पवहार समास हुआ ।

⁽ २३१२) इस नियम में अनुष्यानित प्रश्न आर्थभट्ट हारा भी साधित किया गया है। उनके द्वारा दिया गया नियम इस नियम के समान है।

८. खातव्यवहारः

सर्वामरेन्द्रमुकुटार्षितपादपीठं सर्वेश्वमध्ययमचिन्त्यमनन्तरूपम् । भव्यप्रज्ञासरसिजाकरबालभानुं भक्त्या नमामि शिरसा जिनवर्धमानम् ॥ १॥ क्षेत्राणि यानि विविधानि पुरोदितानि तेषां फळानि गुणितान्यवगाहनानि (नेन) । कर्मान्तिकीण्ड्रफलसूक्ष्मविकल्पितानि वक्ष्यामि सप्तमिमदं व्यवहारखातम् ॥ २॥

सक्ष्मगणितम्

अत्र परिभाषाइछोकः— इस्तघने पासूनां द्वात्रिंशत्पछशतानि पूर्याणि । उत्कीर्यन्ते तस्मात् षट्त्रिंशत्पछशतानीह ॥ ३ ॥

८. खात व्यवहार (खोह अथवा गढ़ा संबंधी गणनाएँ)

में सिर हाकाकर उन वर्धमान जिनेन्द्र को अक्तिपूर्वक नमस्कार करता हूँ, जिनका पादपीठ (पैर रखने की चौकी) सभी अमरेन्द्रों के मुक्टों हारा अर्चित होता है, जो सर्वज्ञ हैं, अव्यय हैं, अचिन्त्य और अनन्तक्षप हैं, तथा जो भन्य जीवों रूपी कमल समूह को विकसित करने के लिये वालभाजु (अभिनव सूर्य) हैं ॥ १ ॥ अब मैं खात के संबंध में (विभिन्न प्रकार के) कमांतिक, औण्ड्रफल और स्क्ष्म फल का वर्णन कहेंगा। ये समस्त प्रकार, उन उपर्युक्त विभिन्न प्रकार की रैसिकीय आकृतियों से गहराई मापने वाली राशियों द्वारा चटित गुणन किया के परिणाम स्वरूप प्राप्त किये जाते हैं। यह सातवाँ व्यवहार, जात व्यवहार है ॥ २ ॥

सूक्ष्म गणित

परिभाषा के लिये एक श्लोक (ज्यावहारिक कल्पना के लिये एक गाथा)—
किसी एक घन इस्त माप की खोइ को भरने के लिये १,२०० पल मात्रा को मिटी छगती है।
उसी बन आयतन वाकी खोइ में १,६०० पल मात्रा की मिटी निकाकी जा सकती है। १॥

⁽२) औण्ड्रफल शन्द में 'औण्ड्र' पद विचित्र संस्कृत शन्द माल्प पहता है, और कदाचित् वह हिन्दी शन्द औण्ड से संबंधित है, जिसका अर्थ ''गहरा'' होता है।

⁽१) इस घारणा का व्यभिमाय स्पष्ट रूप से यह है कि एक घन इस्त दर्श हुई मिट्टी का भार ३,६०० पळ होता है, और इतनी जगह को शिथळता से भरने के ळिये १,२०० पळ भार की मिट्टी पर्यास होती है।

खातगणितफळानयनस्त्रम्— क्षेत्रफळं वेधगुणं समस्राते व्यावहारिकं गणितम् । मुखतळयुतिदछमथ सत्संख्याप्तं स्यात्समीकरणम् ॥ ४॥

अत्रोद्देशकः

समचतुरश्रस्याच्टी बादः प्रतिबाहुकश्च वेधश्च । क्षेत्रस्य खातगणितं समखाते किं भवेदत्र ॥ ५ ॥ त्रिभुजस्य क्षेत्रस्य द्वात्रिंशद्वाहुकस्य वेधे तु । षट्त्रिंशद्दष्टास्ते षटकुळान्यस्य किं गणितम् ॥ ६ ॥ साष्ट्रशतव्यासस्य क्षेत्रस्य हि पञ्चषष्टिसहितशतम् ।

वेधो वृत्तस्य त्वं समखाते कि फलं कथय।। ७।।

आयतचतुरश्रस्य व्यासः पञ्चाप्रविशतिबाहुः । षष्टिर्वेघोऽष्टर्शतं कथयाशु समस्य खातस्य ॥ ८॥

अस्मिन् खातगणिते कर्मान्तिकसञ्चफलं च औण्ड्संझफलं च ज्ञात्वा ताभ्यां कर्मान्ति-कौण्ड्संज्ञफलाभ्याम् सूक्ष्मखातफलानयनसूत्रम्—

गड़ों की घनाकार समाई (अंतर्षस्तु) को निकाकने के किये नियम-

गहराई द्वारा गुणित क्षेत्रफळ, नियमित (regular) लात (गढ़े) की बनाकार समाई का क्यावहारिक मान उत्पन्न करता है। सभी विभिन्न मुख (उपरी) विस्तारों के तथा उनके संवादी नितळ (bottom) विस्तारों के योगों को आधा किया जाता है। तब (उन्हीं अद्धित राशियों के) बोग को कियत अद्धित राशियों के प्राप्त करने के खिये यह किया है। ॥ ॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

नियमित सात के छेद के प्रतिक्ष्यक, समान भुजाओं वाले चतुर्भुंज क्षेत्र, के संबंध में भुजाएँ तथा गहराई प्रश्येक माप में ८ हस्त है। इस नियमित गढ़े (खात) में घनाकार समाई का मान क्या है? ॥ ५ ॥ किसी नियमित सात के छेद का निरूपण करनेवाले समित्रभुज क्षेत्र के संबंध में प्रत्येक भुजा ३२ हस्त है, और गहराई ३६ हस्त ६ अंगुल है। यहाँ समाई कितनी है? ॥ ६ ॥ किसी नियमित सात के छेद (section) का निरूपण करनेवाले समभूत्त क्षेत्र के संबंध में ध्यास १०८ हस्त है, और सात की गहराई १६५ हस्त है। बतदाओं कि इस दशा में चनकल क्या है? ॥ ७ ॥ किसी नियमित सात (गहें) के छेद का निरूपण करनेवाले आयत खतुर्भुंज क्षेत्र की चौदाई २५ हस्त है, छंबाई ६० हस्त है और सात की गहराई १०८ हस्त है। इस नियमित सात की ध्याकार समाई वीन्न बतलाओं ॥ ८ ॥

परिणाम के रूप में प्राप्त कर्मान्तक तथा औण्ड्र को ज्ञात कर उनकी सहायता से, खात संबंधी गणना में धनाकार समाई का सूक्ष्म कप से ठीक मान निकासने के किये नियम---

⁽४) इस कोक का उत्तराई स्पष्टतः उस विश्वि का वर्णन करता है, जिसके द्वारा इम किसी दिये गये अनियमित खात के समुचित रूप से तुस्य नियमित खात के विस्तारों को प्राप्त कर सकते हैं।

बाह्याभ्यन्तरसंस्थिततत्तत्त्वेत्रस्थबाहुकोटिसुवः।
स्वप्रतिबाहुसमेता भक्तास्तत्त्वेत्रगणनयान्योन्यम्॥९॥
गुणिताश्च वेथगुणिताः कर्मान्तिकसंज्ञगणितं स्यात्।
तद्वाद्यान्तरसंस्थिततत्तत्त्वेत्रे फळं समानीय॥ १०॥
संयोज्य संख्ययाप्तं क्षेत्राणां वेधगुणितं च। औण्ड्रफळं तत्फळयोविंशेषकस्य त्रिभागेन॥
संयुक्तं कर्मान्तिकफळमेष हि भवति सूक्ष्मफळम्॥ ११५॥

उपरी छेदीय (sectional) क्षेत्र का निरूपण करनेवाकी आकृति के आधार और अन्य अजाओं के मानों को क्रमशः तकी के छेदीय क्षेत्र का निरूपण करनेवाको आकृति के आधार और संवादी अजाओं के मानों में जोदते हैं। इस प्रकार प्राप्त कई बोग प्रश्न में विचारायोग छेदीय क्षेत्रों की संख्या द्वारा भाजित किये जाते हैं। तब अजाएँ ज्ञात रहने पर, क्षेत्रफक निकाकने के नियमानुसार, परिणामी राशियाँ एक दूसरे के साथ गुणित की जाती हैं। तब कर्मान्तिक का बनफल उत्पन्न होता है। उपरो छेदीय क्षेत्र और नितक छेदीय क्षेत्र द्वारा निरूपित उन्हों आकृतियों के संबंध में, इनमें से प्रश्नेक क्षेत्र का क्षेत्रफक अलग-अलग प्राप्त किया जाता है। इस प्रकार प्राप्त क्षेत्रफकों को आपस में जोड़ा जाता है, और तब बोगफक विचारायीन छेदीय क्षेत्रों की संख्या द्वारा भाजित किया जाता है। १-११२ ।

इस प्रकार प्राप्त अजनफल गहराई के मान द्वारा गुणित किया जाता है। यह औण्ड्र नामक घनफल माप को उत्पन्न करता है। यदि इन दो फलों के अन्तर की एक तिहाई राश्चि कमोन्तिक फल में जोड़ दी जाय तो इस घनफल का सुक्ष्म रूप में ठीक मान निश्चय रूप से प्राप्त होता है।

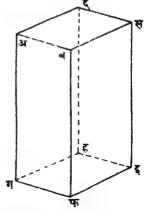
(९-११३) दी गई आकृति में अब स द नियमित खात (गदे) का ऊपरी छेदीय क्षेत्र (मुख) है, और इ.फ. ग इ.नितल छेदीय क्षेत्र है।

इस नियम में व्यवहार में छाई गई आकृतियाँ या तो विपाटित (काटे गये) स्तूप

(pyramids) हैं, जिनके आधार आयत अथवा त्रिमुंज होते हैं, अथवा विपाटित शंक्वाकार (शंकु के आकार की) वस्तुएँ हैं । इस नियम में खातों की बनाकार समाई के तीन मकार के माणें का वर्णन है । इसमें से दो, जैसे कमीतिक और औण्ड्र माय, समाइयों के व्यावहारिक मानों को देते हैं । इन मानों की सहायता से स्क्ष्म माय की गणना की जाती है । यदि का कमीतिक फळ और आ औण्ड्र फळ का निरूषण करते हों, तो स्क्ष्म रूप से ठीक माप (आ - का + का) अर्थात्

(डे का + डे आ) होता है ।

यदि काटे गये तथा वर्ग आधारवाके स्तूप के ऊपरी तथा निम्न तल की भुवाओं का माप क्रमशः 'अ' और 'व' हो तो बनाकार समाई



का सूक्म रूप से ठीक माप है क (अ' र + व' र + २ अ' व') के बरावर बतलाया जा सकता है, जहाँ

समचतुरश्रा बापी विंशतिरुपरीह षोडशैव तले । वेघो नव किं गणितं गणितविदाचक्य मे शीघ्रम् ॥ १२३ ॥ बापी समत्रिवाहुविंशतिरुपरीह षोडशैव तले । वेघो नव किं गणितं कर्मान्तिकमौण्ड्मिप च सूक्ष्मफढम् ॥ १३३ ॥ समयुत्तासौ वापी विंशतिरुपरीह षोडशैव तले । वेघो द्वादश दण्डाः किं स्यात्कर्मान्तिकौण्ड्रस्क्ष्मफढम् ॥ १४३ ॥ आयतचतुरश्रस्यत्वायामःषष्टिरेव विस्तारः। द्वादश मुखे तलेऽर्घं वेघोऽष्टौ किं फलं भवति ॥१५३॥ नवतिरशीतिः सप्तिरायामश्चोद्वीमध्यमूलेषु । विस्तारो द्वात्रिंशत् षोडश दश सप्त वेघोऽयम् ॥ १६३ ॥

उदाहरणार्थ प्रक्त

एक ऐसा कूप है जिसका छेदीय (sectional) क्षेत्र समभुज चतुर्भुज है। जपरी (मुख) छेदीय क्षेत्र की भुजाओं में से प्रत्येक का मान २० इस्त है और नितक (bottom) छेदीय क्षेत्र की प्रत्येक भुजा १६ इस्त की है। गहराई (वेध) ९ इस्त है। हे गणितज्ञ, घनकळ का माप शीप्र बत्यकाओ॥ १२%।

समभुज त्रिभुजीय अनुप्रस्थ छेदवाले कूप के जपरी छेदीय क्षेत्र की भुजाओं में से प्रत्येक २० इस्त की और नितल छेदीय क्षेत्र की भुजाओं में से प्रत्येक १६ इस्त की है; गहराई ९ इस्त है। कमौन्तिक चनफल, औण्ड्र चनफल और सुक्षम रूप से ठीक चनफल क्या-क्या हैं १॥ १३५ ॥

समकृत आकार के छेट्रोय क्षेत्रवाले कृप के जपरी छेट्रोय क्षेत्र का न्यास २० इंड और निम्न छेट्रोय क्षेत्र का न्यास १६ इंड है। गहराई १२ इंड है। कमांतिक, औण्ड्र और सूक्ष्म चनफळ क्या हो सकते हैं ? ॥ १४२ ॥

आयताकार छेदीय क्षेत्र वाले खात के जगरी छेदीय क्षेत्र की खंबाई ६० इस्त और चौड़ाई १२ इस्त है, तथा निम्न छेदीय क्षेत्र की छम्बाई जगर के छदीय क्षेत्र की आधी है, और चौड़ाई भी आधी है। गहराई ९ इस्त है। यहाँ बनफल क्या है ?॥ १५ है॥

इसी प्रकार के एक और दूसरे कूप के ऊपरी छेदीय क्षेत्र, बीच के छेदीय क्षेत्र और निम्न छेदीय सेन्न की कम्बाईयाँ कदामः ९०,८० और ७० इस्त हैं, तथा चीड़ाईयाँ कमदाः ३२,१६ और ३० इस्त हैं। यह गहराई में ७ इस्त है। इष्ट घनफक का माप दो ? ॥ १६३॥

'ऊ' विपाटित स्त्य की ऊँचाई है। घनाकार समाई के स्थम माप के लिये दिये गये इस सूत्र का सत्वापन कमोतिक और औण्ड्र फलों के निम्नलिखित मानों की सहायता से किया जाता है।

$$\operatorname{sti} = \left(\frac{\operatorname{at}' + \operatorname{at}'}{2}\right)^2 \times \operatorname{at}, \quad \operatorname{ati} = \frac{\left(\operatorname{at}'\right)^2 + \left(\operatorname{at}'\right)^2}{2} \times \operatorname{ati}$$

इसी प्रकार, सम त्रिमुजाकार एवं आयत।कार आधारवाके तिर्थेक् (ba (truncated) स्तूप तथा सम दुत्ताकार आधार बाके तिर्थेक् किस श्रंकुओं के संबंध में भी सत्यापन किया जा सकता है। व्यासः षष्टिवेदने सध्ये त्रिंशत्तले तु पञ्चदश् । समवृत्तस्य च वेधः षोडश किं तस्य गणितफल्पम् ॥ १७३ ॥ त्रिभुजस्य मुखेऽशोतिः षष्टिर्मध्ये तले च पञ्चाशत् ।

बाहुत्रयेऽपि वेधो नव किं तस्यापि सवति गणितफलम् ॥ १८३ ॥

स्वातिकायाः स्वातगणितफडानयनस्य च स्वातिकाया मध्ये सूचीमुखाकारवत् इत्सेचे सित खातगणितफडानयनस्य च सूत्रम्— परिखामुखेन सिहतो विष्कम्भिसमुजयृत्तयोक्तिगुणात्। आयामश्चतुरम्ने चतुर्गुणो व्याससंगुणितः॥ १९३॥

समञ्जत आकार के छेदीय क्षेत्र वाले खात के संबंध में मुख ज्यास ६० इस्त है, मध्य व्यास ६० इस्त और तल ज्यास १५ इस्त है। गहराई १६ इस्त है। जनफळ का माप देने वाका गाणित फक क्या है ? ॥ १७ है॥

त्रिश्वताकार के छेदीय क्षेत्रवाळे सात के सम्बन्ध में, प्रस्थेक शुजा का माप जपर ८० इस्त, मध्य में ६० इस्त और तली में ५० इस्त है। गहराई ९ इस्त है। (घनाकार समाई देनेवाला) घनफक क्या है?॥ १७३॥

किसी सात की बनाकार समाई के मान, तथा मध्य में द्वी मुझाकार के समान हरसेघ सहित (होस मिट्टी का गोपुच्छवत् एक औत की ओर घटने वाले प्रसेप projetion) सहितसात की बनाकार समाई के मान को निकालने के लिये निवम—

केन्द्रीय पुंज की चौड़ाई को वेष्टित स्नात की अपरी चौड़ाई द्वारा बढ़ाकर, और तब तीन द्वारा गुणित करने पर, त्रिभुजाकार और वृताकार स्नातों की इब परिमिति का मान उरपश्च होता है। चतुर्भुजाकार स्नात के सम्बन्ध में, इष्ट परिमिति के बसी मान को, पूर्वोक्त विधि के अनुसार, चौड़ाई को चार द्वारा गुणित करने से प्राप्त करते हैं। १९३॥

(१९६-२०६) ये कीक किसी भी आकार के केन्द्रीय पुंच के चारों ओर खोदी गई खाईयों या खातों के घनाकार समाई के माप विषयक हैं। केन्द्रीय पुंच के छेद का आकार वर्ग, आयत, समभुज त्रिमुज अथवा इत्त सहश हो सकता है। खात (तली में और ऊपर) दोनों जगह समान चौड़ाई का हो सकता है, अथवा घटनेवाळी या बढ़नेवाळी चौड़ाई का हो सकता है। यह नियम, इन सभी तीन दशाओं में, खात की कुछ कम्बाई निकाळने में सहायक होता है।

(१) जब खात की चौड़ाई समांग (ऊपर नीचे एक सी) हो, तब खात की छंबाई = (द+ब)×३ होती है, जब कि सम त्रिभुजाकार अथवा ब्रुताकार छेद हो। यहाँ 'द' केन्द्रीय पुंज की सुजा का माप अथवा ज्यास का माप है, और 'ब' खात की चौड़ाई है। परन्तु यह छंबाई = (द+ब)×४ होती है, जब कि छेद वर्गाकार तथा केन्द्रीय पुंजवाला वर्गाकार खात होता है।

(२) यदि खात तकी में या ऊपर जाकर बिन्दु रूप हो जाता हो, तो कर्मोतिक फल निकालने के लिये, लंबाई = $\left(z + \frac{a}{2}\right) \times 2$ अववा $\left(z + \frac{a}{2}\right) \times 3$ अववा $\left(z + \frac{a}{2}\right) \times 4$ होती है, जब केन्द्रीय पुच्छ का छेद (section) (१) त्रिभुजाकार या कृताकार अथवा (२) वर्गाकार होता है। औंड्र फल प्राप्त करने के लिए खात की लम्बाई क्रमद्याः $(z+a) \times 2$ और $(z+a) \times 3$ हैते हैं।

धनफर्लो निकासने के लिए, इन बीच वाक्यों को खात की आधी चौड़ाई और गहराई से गुवा

सूचीमुखबद्वेषे परिला मध्ये तु परिलार्धम्। मुखसहितमधो करणं प्राग्वत्तलसूचिवेषे च॥ २०३॥

अत्रोदेशकः

त्रिभुजचतुर्भुजवृत्तं पुरोदितं परिखया परिक्षिप्तम् । दण्डाज्ञीत्या व्यासः परिखाश्चतुरुविकास्त्रिवेघाः स्युः ॥ २१३ ॥ आयतचतुरायामो विज्ञात्युत्तरज्ञतं पुनव्यीसः । चत्वारिज्ञत् परिखा चतुरुवीका त्रिवेघा स्यात् ॥ २२३ ॥

जपर की ओर घटने वाले अथवा बढ़ने वाले अंतोंसहित केन्द्रीय पुंज के (ऐसे खातों के संबंध में) कमाँतिक को प्राप्त करने के लिये खात की आधी चौड़ाई को केन्द्रीय पुंज की चौड़ाई में बोड़ते हैं। औण्ड्रफल को प्राप्त करने करने के लिये खात की चौड़ाई के मान को केन्द्रीय पुंज की चौड़ाई में जोड़ते हैं। तरपश्चात् पूर्वोक्त विधि उपयोग में लाते हैं॥ २०२ ॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

पूर्व कथित त्रिश्चकाकार, चतुर्श्वजाकार और दृताकार झेश्रों के चारों ओर साइयाँ सोदी जाती हैं। चौड़ाई ८० दंड है, और साईयाँ ४ दंड चौड़ी और ३ दंड गहरी हैं। चनाकार समाई चतलाओ ॥ २१ है॥ आयत की लंबाई १२० दंड और चौड़ाई ४० दंड है। आसपास की साई चौड़ाई में ४ दंड और गहराई में ६ दंड है। चनाकार समाई बतलाओ ॥ २२ है॥

करना पड़ता है। त्रिभुजाकार और इत्ताकार छेद वाले खातों के संबंध में उपर्युक्त सूत्र केवल सिक्षकट फलों को देते हैं। इस प्रकार प्राप्त खात की कुल लम्बाई की सहायता से, नतितल वाली खातों के संबंध में गाथा ९ से ११२ में दिये गये नियम का प्रयोगकर, घन फलों (घनाकार समाई) का मान निकालते हैं।

(२२३) मिटी का वेन्द्रीय एंच का छेद आयताकार हो, तो विष्टित खात की कुछ छंबाई को निकालने के लिये मुजाओं के मार्गों को खात की चौड़ाई अथवा आधी चौड़ाई द्वारा बढ़ाकर, जोड़ने से (क्रमशः कर्मान्तिक अथवा औण्ड्र) इष्ट फल प्राप्त करते हैं।

इस स्लोक में विणित विये गये प्रश्न ये हैं: (अ) उदराये गये स्तृप या शंकु (cone) की कुछ ऊँचाई निकालना, (व) अब किसी काटे गये स्तृप या शंकु की ऊँचाई और ऊपरी तथा नीचे के तलों का विस्तार दिया गया होता है, वब इष्ट गहराई पर छेद (section) के विस्तार को निकालना । दुलनात्मक अध्ययन के लिये त्रिलोक प्रश्नि (१/१९४, ४/१७९७) तथा जम्बूद्वीप प्रश्नित (१/२७, २८) देखिये। यदि वर्गाकार आधारवाले देखित (काटे गये) स्तृप में आधार की मुना का माप 'अ', ऊपरी तल की मुना का माप 'व' और ऊँचाई 'उ' हो, तो यहाँ दिये गये नियमानुसार, बुछ स्तृप की ऊँचाई क लेकर का स्त्र अंति है। स्त्र के छेद की मुना का माप को बनानेवाले केट की सना होता है। ये सत्र शंकु के लिये भी प्रयोज्य होते हैं। स्त्र के बिन्दकरी माग को बनानेवाले केट की सना

होता है। ये सूत्र शंकु के लिये भी प्रयोज्य होते हैं। स्तूप के बिन्दुरूपी माग को बनानेवाले छेद की भुजा का माप, नियमानुसार, दूसरे सूत्र के हर ऊ में जोड़ा जाता है, क्योंकि कुछ दशाओं में स्तूप वास्तव में बिन्दु में प्रहासित नहीं होता। जहाँ वह बिन्दु में प्रहासित होता है, वहाँ इस भुजा का माप शून्य केना पड़ता है।

उत्सेषे बहुप्रकारवित सित खातफछानयनस्य च, यस्य कस्यिवत् खातफछं झात्वा तत्खात-फछात् अन्यक्षेत्रस्य खातफछानयनस्य च सूत्रम्— वेधयुतिः स्थानहृता वेधो मुखफछगुणः स्वखातफछं। त्रिचतुर्भुजयृत्तानां फलमन्यक्षेत्रफछहतं वेधः॥ २३३॥

अत्रोद्देशकः

समचतुरश्रक्षेत्रे भूमिचतुर्हस्तमात्रविस्तारे । तत्रैकद्वित्रिचतुर्हस्तनिखाते कियान् हि समवेधः॥ २४३ ॥ समचतुरश्राष्टादशहस्तभुजा वापिका चतुर्वधा । वापी तज्जछपूर्णान्या नववाहात्र को वेधः॥ २५३ ॥

यस्य करयनित्लातस्य ऊर्ध्वस्थितभुजासंख्यां च अधःस्थितभुजासंख्यां च उत्सेधप्रमाणं च ज्ञात्वा, तत्लाते इष्टोत्सेधसंख्यायाः भुजासंख्यानयनस्य, अधःस्चिवेधस्य च संख्यानयनस्य सूत्रम्—

किसी स्नात की वनाकार समाई निकारने के किये नियम, जबकि विभिन्न विन्दुओं पर स्नात की गहराई बदकती है, अथवा जबकि वनाकार समाई समान करने के लिये दूसरे ज्ञात होज़फल के संबंध में आवश्यक सुदाई की गहराई पर स्नात की वनाकार समाई ज्ञात है—

विभिन्न स्थानों में मापी गई गहराइयों के योग को उन स्थानों की संख्या द्वारा भाजित किया जाता है; इससे ओसत गहराई प्राप्त होती है। इसे खात के उपरी क्षेत्रफल से गुणित करने पर त्रिभुजाकार, चतुर्भुजाकार अथवा चृत्ताकार छेद वाले क्षेत्रफल सम्बन्धी खात की घनाकार समाई उत्पन्न होती है। दिये गये खात की घनाकार समाई, जब दूसरे ज्ञात केत्रफल के मान द्वारा भाजित की जाती है, तब वह गहराई प्राप्त होती है, जहाँ तक खुदाई होने पर परिणामी चनाकार समाई एक-सी हो जाती हो। २३ दे।

उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी समञ्ज चतुर्भुंज क्षेत्र में, जिसके द्वारा वेष्टित मेदान विस्तार में (लंबाई और चौदाई में) ४ इस्त माप का है, खातें चार भिन्न दशाओं में क्रमशः ३, २, ३ और ४ इस्त गहरी हैं। खातों की भीसत गहराई का माप क्या है ? ॥ २४ ई ॥

समभुज चतुर्भुज क्षेत्र जिसका छेद है, ऐसे कूप की भुआएँ माप में १८ इस्त हैं। उसकी गहराई ४ इस्त है। इस कूप के पानी से दूसरा कूप, जिसके छेद की प्रत्येक भुजा ९ इस्त की है, पूरी तरह भरा जाता है। इस दूसरे कूप की गहराई क्या है १॥ २५३॥

जब किसी दिये गये सात के संबंध में ऊपरी छेदीय क्षेत्र की अुजाओं के माप तथा निम्न छेदीय क्षेत्र की अुजाओं के माप शात हों, और जब गहराई का माप भी शात हो, तब किसी चुनी हुई गहराई पर परिणामी निम्न छेद की अुजाओं के मान को प्राप्त करने के छिये, तथा यदि तछी केवळ एक बिन्दु में घटकर रह जाती हो, तब सात की परिणामी गहराई को प्राप्त करने के छिये नियम— मुखगुणवेधो मुखतल्होषहतोऽत्रैव सूचिवेधः स्यात् । विपरीतवेधगुणमुखतल्युत्यवलम्बहृद्वचासः ॥ २६३ ॥

अत्रोदेशकः

समचतुरश्रा वापी विश्वतिरूष्ट्वे चतुर्दशाधाश्च । वैधो मुखे नवाधस्त्रयो मुजाः केऽत्र सूचिवेधः कः ॥ २०३ ॥ गोलकाकारक्षेत्रस्य फलानयनसूत्रम्—

उपर की भुजा के दिये गये माप के साथ दी गई गहराई का गुणा करने पर परिणामस्वकप प्राप्त होने वाळा गुणनफळ जब उपरी भुजा और तळी की भुजा के मापों के अंतर द्वारा भाजित किया जाता है, तब तळी बिन्दु (अर्थात जब तळी अंत से बिन्दु रूप गह जाती हो) की दशा में इष्ट गहराई उत्पन्न होती है। बिन्दु रूप तळी से उपर की ओर इष्ट स्थित तक मापी गई गहराई को उपर की भुजा के माप द्वारा गुणित करते हैं। तब प्राप्तफल को बिन्दु रूप तळी की (यदि हो तो) भुजा के माप तथा (उपर से लेकर बिन्दु रूप तळी तक की) जुळ गहराई के थोग द्वारा माजित करने से खात की इष्ट गहराई पर भुजा का माप उत्पन्न होता है।। २६३॥

उदाहरणार्थ एक प्रश्न

समभुज चतुर्भुजाकार आकृति के छेदवाली एक वाणिका है। अपरी भुजा का माप २० है, और तकी में भुजा का माप १४ है। आरंभ में गहराई ९ है। यह गहराई नीचे की ओर ६ और बढ़ाई जाने पर तकी की भुजा का माप क्या होगा! यदि तकी औत में बिन्दु रूप हो जाती हो, तो गहराई का माप क्या होगा ? ॥ २७ है।

गोलाकार क्षेत्र से वेष्टित जगह की घनाकार समाई का मान निकालने के लिये नियम-

(२६२) इस दलोक में वर्णित किये गये प्रश्न ये हैं (अ) उल्टाये गये स्त्प या शंकु (cone) की कुछ ऊँचाई निकालना, (व) वब किसी काटे गये स्त्प या शंकु की ऊँचाई और ऊपरी तथा नीचे के तलों का विस्तार दिया गया होता है, तब किसी इष्ट गहराई पर छेद (section) के विस्तार की निकालना। तुल्नातमक अध्ययन के लिये त्रिलोक प्रश्नित (१/१९४, ४/१७९४) तथा बम्बूदीप प्रश्नित (१, १७, २९) देखिये यदि वर्गाकार आधारवाले देहित (काटे गये) स्त्प में आधार की मुजा का माप 'अ' ऊपरी तल की मुजा का माप 'ब' ऊँचाई 'उ' हो तो यहाँ दिये गये नियमानुसार, कुछ स्त्प की ऊँचाई ऊ लेकर क = अ अ अरे किसी दी गई ऊँचाई उ, पर स्त्प के छेद की मुजा का माप = अ (ऊ - उ,) होता है। ये सूत्र शंकु के किये भी प्रयोज्य होते हैं। स्त्प के बिन्दुरूपी माग को बनानेवाली छेद की मुजा का माप नियमानुसार, दूसरे सूत्र के हर क में बोड़ा जाता है, क्योंकि कुछ दशाओं में स्त्प निश्चय रूप से बिन्दु में प्रहासित नहीं होता। बहाँ वह बिन्दु में प्रहासित नहीं होता।

बड़ाँ इस भुजा का माप शून्य छेना पडता है।

न्यासार्धघनार्धगुणा नव गो छव्यावहारिकं गणितम्। तदशमांशं नवगुणमशेषसृक्ष्मं फछं भवति ॥ २८३ ॥ अत्रोदेशकः

बोडशबिक्कम्भस्य च गोळकवृत्तस्य विगणय्य । किं व्यावहारिकफलं सुक्ष्मफलं चापि मे कथय ॥ २९३ ॥

शृंगाटकक्षेत्रस्य स्नातन्यावहारिकफलस्य स्नातस्क्ष्मफलस्य च सूत्रम्— भुजकृतिदल्लघनगुणदश्चपदनवहत्त्वावहारिकं गणितम् । त्रिगुणं दश्चपदभक्तं शृङ्गाटकसूक्ष्मघनगणितम् ॥ ३०३ ॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

अर्ड व्यास के घन की अर्द्शाद्या, ९ द्वारा गुणित होकर, गोछाकार क्षेत्र से वेष्टित जगह की घनाकार समाई का सक्षिकट मान करपन्न करती है। यह सम्निकट मान ९ द्वारा गुणित होकर और १० द्वारा माजित होकर, शेषफळ की उपेक्षा करने पर, घनफळ का सूर्म माप उत्पन्न करता है। २८३॥

किसी १६ ब्यास वाले गोक के संबंध में उसके धनफक का सिश्वकट मान तथा सूक्ष्म मान गणना कर बतलाओ ॥ २९२ ॥

श्रहाटक क्षेत्र (त्रिभुजाकार स्तूप) के आकार के खात की बनाकार समाई के व्यावहारिक एवं सूक्ष्म मान को निकालने के लिये नियम, जबकि स्तूप की ऊँचाई आधार निर्मित करने वाले समित्रभुत्र को भुजाओं में से एक की लंबाई के समान होती है—

आधारीय समभुज त्रिभुज की भुजा के वर्ग की अर्द्धाशि के धन को १० द्वारा गुणित किया खाता है। परिणामी गुणनफक के वर्गमूळ को ९ द्वारा भाजित किया जाता है। यह सिक्कट इष्ट मान को उत्पन्न करता है। यह सिक्कट मान, जब १ द्वारा गुणित होकर १० के वर्गमूळ द्वारा भाजित किया जाता है, तब स्तूप खात की धनाकार समाई का सूक्ष्म रूप से ठीक माप उत्पन्न होता है॥ १०२॥

(२८३) यहाँ दिये गये नियमानुसार गोस्न का आयतन (१) सलिकट रूप से $\left(\frac{\epsilon}{2}\right)^{5} \times \frac{9}{2}$

होता है और (२) सुद्दम रूप से $\left(\frac{z}{2}\right)^3 \times \frac{e}{2} \times \frac{e}{2}$ होता है। िकसी गोल के आयतन के घनफल का शुद्ध सूत्र हूँ π (ित्रज्या) है। यह उत्पर दिये गये मान से तुलनायोग्य तब बनता है, जबिक म अर्थात् परिधि का अनुपात √१० िल्या जावे। दोनों इस्तिलिपियों में 'तजनमांश दर्श गुणं' लिखा है, जिससे स्पष्ट होता है कि सुद्दम मान, सिक्कट मान का कि गुणा होता है। परन्तु यहाँ ग्रंथ में तह्यामार्श नव गुणं लिखा गया है, जो सुद्दम मान को, सिक्कट का कि बतलाता है। यह सरलतापूर्वक देखा जा सकता है कि यह गोल की घनाकार समाई के माप के संबंध में स्ट्रमतर माप देता है, जितना की और कोई मी माप नहीं देता।

(३०६) इस नियमानुसार त्रिभुजाकार स्त्र की धनाकार समाई के व्यावहारिक मान को बीजीय रूप से निरूपित करने पर $\frac{45}{2} \times \sqrt{4}$ अर्थात् $\frac{35}{2} \times \sqrt{\frac{20}{2}}$ प्राप्त होता है, और सूक्ष्म मान

ज्यश्रस्य च शृङ्गाटकषड्बाहुघनस्य गणयित्वा । किं व्यावहारिकफलं गणितं सक्ष्मं भवेत्कथय ॥ ३१३ ॥

वापीप्रणालिकानां विभोचने तत्तदिष्टप्रणालिकासंयोगे तज्जलेन बाप्यां पूर्णायां सत्यां

तत्तत्कालानयमसूत्रम् -

वापीप्रणालिकाः स्वस्वकालभक्ताः सवर्णविच्छेदाः । तद्यतिभक्तं रूपं दिनांशकः स्यारप्रणालिकयुत्या ॥

तरिनभागहतास्ते तज्जलगतयो भवन्ति तद्वाप्याम् ॥ ३३ ॥

अत्रोदेशकः

चतस्रः प्रणालिकाः स्युस्तत्रेकैका प्रपूरयति वापीम् । द्वित्रिचतुःपञ्चांग्रैर्दिनस्य कतिभिर्दिनांग्रैस्ताः ॥ २४ ॥

त्रैराशिकाख्यचतुर्थगणितव्यवहारे सूचनामात्रोदाहरणमेवः अत्र सम्यग्विस्तार्थे प्रवक्ष्यते-

उदाहरणार्थ प्रश्न

६ जिसकी लंबाई है ऐसे आधारीय त्रिभुज के त्रिभुजाकार स्तूप के घनफळ का ज्याबहारिक और सुरम मान गणना कर बतलाओ ॥ ३१२ ॥

जब किसी कूप में जाने वाले सभी नेक खुले हुए हों, तब कूप को पानी से पूरी तरह भर जाने का समय प्राप्त करने के किये नियम, जबकि कोई मन से चुनी हुई संख्या की प्रणालिकाएँ वापिका को भरने के किये कगाई गई हों—

प्रत्येक नक को निरूपित करने वाकी संख्या 'एक', अलग-अलग, नलों से प्रत्येक के संवादी समय द्वारा भाजित की जाती है। मिन्नों द्वारा निरूपित परिणामी भजनफटों को समान हर वाले भिन्नों में परिणत कर लिया जाता है। एक को समान हर वाले भिन्नों के योग द्वारा भाजित करने पर, एक दिन का वह भिन्नीय भग करपन्न होता है, जिसमें कि सब निरूकाओं के खुले रहने पर वापिका पूरी भर जाती है। उन समान हर वाले भिन्नों को दिन के इस परिणामी भिन्नीय भाग द्वारा गुणित करने पर उस वापिका में लगे हुए विभिन्न नलों में से प्रत्येक के पानी के बहाव का अलग-अलग माप उत्पन्न होता है। ३२-१-१३॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी वापिका के भीतर जानेवाली ४ निक्रकाएँ हैं। इनमें से प्रत्येक, वापिका को क्रमशः दिन के दें, हैं, हैं, हैं भाग में पूरी तरह भर देती हैं। कितने दिनांश में वे सब निलकाएँ एक साथ खुडकर पूरी वापिका को भर सकेंगी, और प्रत्येक कितना-कितना भाग भरेगी ? ॥ ३४ ॥

इस प्रकार का एक प्रश्न पहिले ही सुचनार्थ त्रैराशिक नामक चौत्रे व्यवहार में दिया गया है; इस प्रश्न का विषय यहाँ विस्तार पूर्वक दिया गया है।

अ है। यह सरस्ता पूर्वक देखा जा सकता है कि वे दोनों मान शुद्ध मान नहीं हैं। यहाँ दिया गया व्यावहारिक मान, सूक्ष्म मान की अपेक्षा विशुद्ध मान के निकटतर है।

समचतुरश्रा बापी नवहस्तघना नगस्य तहे।
तिच्छलराज्जछधारा चतुरश्राङ्गुळसमानविष्कम्मा ॥ ३५॥
पितामे विच्छिन्ना तया घना सान्तराखजळपूर्ण ।
शैछोत्सेघं वाप्यां जळप्रमाणं च मे बृहि ॥ ३६॥
वापी समचतुरश्रा नवहस्तघना नगस्य तहे।
अङ्गुळसमवृत्तघना जछधारा निपितता च तिच्छलरात् ॥ ३७॥
अप्रे विच्छिन्नाभूत्तस्या वाप्या मुसं प्रविष्ठा हि।
सा पूर्णान्तरगतजळधारोत्सेचेन शैळस्य।
उत्सेघं कथय सखे जळप्रमाणं च विगणय्य ॥ ३८३॥
समचतुरश्रा वापी नवहस्तघना नगस्य तहे।
तिच्छलराज्जछधारा पितताङ्गुळघनत्रिकोणा सा॥ ३९३॥
वापीमुखप्रविष्ठा साम्रे छिन्नान्तरालजळपूर्णा।
कथय सखे विगणय्य च गिर्युत्सेघं जळप्रमाणं च॥ ४०३॥

किसी पर्वत के तक में एक वापिका, समभुज चतुर्भुज केंद्र वाकी है, जिसका प्रश्येक विभित्ति (dimension) में माप ९ इस्त है। पर्वत के शिक्षर से समांग समभुज भुजावाले १ अंगुक चतुर्भुज केदवाकी एक जरूषारा बहती है। उमोंही जरूषारा वापिका में गिरती है, त्योंही शिक्षर से जलधारा दूट जाती है। तिस पर भी, उसके द्वारा वह वापिका पानी से प्री तरह भर जाती है। पर्वत की ऊँषाई तथा वापिका में पानी का माप बतकाओ॥ ३५-२६॥

पर्वत की तकी में समचतुरक्ष छेदवाकी वापिका है, जिसका (तीन में से) प्रत्येक विभित्त में विस्तार ९ इस्त है। पर्वत के शिखर से, १ अंगुल व्यास वाले समवृत्त छेद वाकी जलधारा बहती है। उयोंही जलधारा वापिका में गिरना प्रारंभ करती है, खोंही शिखर से जलधारा टूट जाती है। उत्तनी जलधारा से वह वापिका पूरी भर जाती है। हे मित्र, मुझे बतलाओं कि पर्वत की ऊँचाई क्या है, और पानी का माप क्या है ?॥ २७—२४२ ।।

किसी पर्वत की तकी में समचतुरश्र छेदबाळी वापिका है जिसका (तीनों में से) प्रत्येक विमिति में विस्तार ९ हस्त है। पर्वत के शिखर से, प्रत्येक भुजा १ अंगुळ है जिसकी ऐसे समित्रभुजाकार छेदबाळी जळधारा बहती है। ज्योंही जळधारा वापिका में गिरना प्रारंभ करती है, त्योंही शिक्तर से जळधारा टूट जाती है। उतनी जळधारा से वह वापिका प्री भर जाती है। है मित्र, गणना कर मुझे बतकाओं कि पर्वत की ऊँबाई क्या है और पानी का माप क्या है १॥ १९३–४०३॥

⁽३५-४२३) यहाँ अध्याय ५ के १५-१६ स्लोक में दिया गया प्रश्न तथा उसके नोट का प्रसंग दिया गया है। पानी का आयतन कदाचित् वाहों में व्यक्त किया गया है। (प्रथम अध्याय के ३६ से लेकर ३८ तक के स्लोकों में दियें गये इस प्रकार के आयतन माप के संबंध में सूची देखिये)। कन्नड़ी टीका में यह दिया गया है कि १ वन अंगुल पानी, १ कर्ष के तुस्य होता है। प्रथम अध्याय के ४१ वें रलें क में दी गई सूची के अनुसार, ४ कर्ष मिलकर एक पक होता है। उसी अध्याय के ४४वें रलोक के अनुसार १२३ पक मिलकर एक प्रस्य होता है, और उसी के ३६-३७ रलोक के अनुसार प्रस्य और वाह का संबंध बात होता है।

समचतुरश्रा बापा नवहस्तघना नगस्य तहे । श्रङ्गुळविस्ताराङ्गुळवाताङ्गुळयुगळदीर्घजळघारा ॥ ४१३ ॥ पतितामे विच्छिन्ना वापीमुखसंस्थितान्तराखजलैः । सम्पूर्णो स्याद्वापी गिर्युत्सेघो जळप्रमाणं किम् ॥ ४२३ ॥ इति खातन्यवहारे सुक्षमगणितम् संपूर्णम् ।

चितिगशितम्

इतः परं खातव्यवहारे चितिगणितमुदाहरिष्यामः । अत्र परिभाषा— हस्तो दीर्घो व्यासस्तद्धेमङ्गुळचतुष्कमुत्सेधः । दृष्टस्तयेष्टकायास्ताभिः कभीणि कार्याणि ॥ ४३३ ॥

इष्टक्षेत्रस्य खातफलानयने च तस्य खातफलस्य इष्टकानयने च सूत्रम्— मुखफलमुद्देयेन गुणं तदिष्टकागणितभक्तलन्धं यत्। बितिगणितं तद्वियात्तदेव भवतीष्टकासंख्या ॥ ४४५ ॥

किसी पर्वंत की तली में समभुज चतुर्भुंज छेदबाला एक ऐसा कुओं है जिसका तीनों विभितियों में विस्तार ९ इस्त है। पर्वंत के शिखर से एक ऐसी जलधारा बहती है, जो समांग रूप से तली में १ औगुल चौद्दी, १ औगुल ठालू जात वलों पर, और दो अंगुल लंशाई में शिखर पर रहती है। ज्योंही जलधारा कुएँ में गिरना प्रारंभ करती है, त्योंही शिखर पर जलधारा हुट जाती है। उतनी जलधार से बह कुआँ परी तरह भर जाता है। पर्वंत की ऊँचाई क्या है? और पानी का प्रमाण क्या है? ॥ ४१६ -४२६ ॥

इस प्रकार खात व्यवहार में सूक्ष्म गणित नामक प्रकरण समाप्त हुआ।

चिति गणित (ईंटों के ढेर संबंधी गणित)

इसके पश्चात् हम आत व्यवहार में चिति गणित का वर्णन करेंगे। यहाँ इष्टका (ईंट) के एकक (इकाई) संबंधी परिभाषा यह है —

(एकक) ईट, कंबाई में एक इस्त, चौड़ाई में उसकी आधी, और मुटाई में ४ औगुल होती है। ऐसी ईटों के साथ समस्त कियाएँ की जाती हैं।। ४३३।।

किसी क्षेत्र में विये गये स्नात की घनाकार समाई, तथा उक्त घनाकार समाई की संवादी हैटों की संख्या निकासने के लिये नियम—

सात के मुख का क्षेत्रफल, गहराई द्वारा गुणित किया जाता है। परिणामी गुणनफल को इकाई ईट के घनफल द्वारा भाजित किया जाता है। इस प्रकार प्राप्त भजनफल, ईट के देर का (घनफल) माप समझा जाता है। वही भजनफल ईटों की संख्या का माप होता है।। ४४ है।।

⁽४४%) यहाँ ईंट के देर का धनकल माप स्पष्टतः इकाई ईंट के पदी में दिया गया है।

वेदिः समचतुरश्रा साष्ट्रभुजा इस्तनवक्रमुत्सेघः।
घटिता तदिष्टकाभिः कतीष्टकाः कथय गणितज्ञ ॥ ४५३ ॥
अष्टकरसमित्रकोणनवहस्तोत्सेघवेदिका रचिता।
पूर्वेष्टकाभिरस्यां कतीष्टकाः कथय विगणय्य ॥ ४६३ ॥
समग्रुताकृतिवेदिनेवहस्तोध्यां कराष्टकव्यासा
घटितेष्टकाभिरस्यां कतीष्टकाः कथय गणितज्ञ ॥ ४७३ ॥
आयतचतुरश्रस्य त्वायामः विष्टरेव विस्तारः।
पञ्चकृतिः षड् वेधस्तदिष्टकाचितिमिद्दाचस्य ॥ ४८३ ॥
प्राकारस्य व्यासः सम चतुर्विग्तिस्तदायामः।
घटितेष्टकाः कति स्युख्योच्छायो विग्नितस्तस्य ॥ ४९३ ॥
घटितेष्टकाः कति स्युख्योच्छायो विग्नितस्तस्य ॥ ४९३ ॥
घटितेष्टकाः कति स्युख्योच्छायो विग्नितस्तस्य ॥ ५०३ ॥
घटितेष्टकाः कति स्युख्योच्छायो विग्नितस्तस्य ॥ ५०३ ॥
घटितेष्टकाः कति स्युख्योच्छायो विग्नितस्तस्य ॥ ५०३ ॥
घटितेष्टकाः विग्नितस्तस्य ॥ ५०३ ॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

समचतुरश्र छेदवाली एक इती हुई वेदी है, जिसकी अजा का माप ८ इस्त और जैंबाई ९ इस्त है। वह वेदी हैंगें की बनी हुई है। हे गणितज्ञ, बतलाओं कि उसमें कितनी इष्टकाएँ हैं ?।। ४५६ ।। समभुज श्रिभुज छेदवाली किसी वेदी की भुजा का माप ८ इस्त और उँबाई ९ इस्त है। यह वप्युक्त हैंगें द्वारा बनाई गई है। गणनाकर बतलाओं कि इस संस्थाना में कितनी इष्टकाएँ हैं ?।।४६६।। वृक्ताकार छेदवाली एक वेदी जिसका ब्यास ८ इस्त और उँबाई ९ इस्त है, इन्हीं हैंगें की बनी है। हे गणितज्ञ, बतलाओं कि उसमें कितनी हैंगें हैं ?।। ४७६ ।।

आयताकार छेदवाली किसी वेदी के संबंध में लंबाई ६० हस्त, चौड़ाई २५ हस्त और ऊँचाई ६ हस्त है। उस हैंट के देर का माप बतकाओ ।। ४८३ ।।

एक सीमारूप दीवाक मोटाई (ब्यास) में ७ इस्त, लंबाई (आयाम) में २४ इस्त, ऊँचाई (बच्लूाय) में २० इस्त है। उसे बनाने में कितनी इष्टकाओं की आवश्यकता होगी ? ॥ ४९३॥

किसी सीमारूप दीवाल की मुटाई शिखर पर ६ हस्त और तली में 4 हस्त है। उसकी लंबाई २४ हस्त और ऊँचाई २० हस्त है। इसे बनाने में कितनी इष्टकाओं की आवश्यकता होगी ?।। ५०० ।।

किसी प्रवण (उतारवाली) वेदी के संदंध में ऊँचाइयाँ तीन स्थानों में क्रमशः १२, १६ और २० इस्त हैं; तली में चौदाई के माप क्रमशः ७, ६ और ५ तथा उपर ४, ३ और २ इस्त है; लंबाई २४ इस्त है। तेर में इष्टकाओं की संख्या बतलाओ ॥५१-३॥

⁽५०३-५१३) दीवाल की घनाकार समाई प्राप्त करने के लिये उपर्युक्त ४ थे श्लोक के उत्तराई में दिये गये चित्रानुसार परिगणित औसत चौड़ाई को उपयोग में छाते हैं, इसलिये यहाँ कर्मान्तिक ५ल का मान विचाराधीन हो बाता है।

⁽५१२) यह प्रवण वेदी दो अंतों (ends) में दो ऊर्व्वाघर (छंबरूप) समतलो द्वारा सीमित है।

इष्टवेदिकायां पतितायां सत्यां स्थितस्थाने इष्टकासंख्यानयनस्य च पतितस्थाने इष्टकाः संख्यानयनस्य च सूत्रम् —

मुखतल्होष पतिनोत्सेधगुणः सकलवेधहृत्समुखः। मुखभूम्यार्भूमिमुखे पूर्वोक्तं करणमविष्ठम्।। ५२३॥

अत्रोदेशकः

द्वादश देध्यं न्यासः पद्धाधश्चोध्वंमेकमुत्सेघः । दश तस्मिन् पद्ध करा भग्नास्तत्रेष्टकाः कति स्युस्ताः ॥ ५३३ ॥

प्राकारे कर्णाकारेण भन्ने सति स्थितेष्टकानयनस्य च पतितेष्टकानयनस्य च सूत्रम्-

किसी पतित (अम्र होकर गिरी हुईं) वेदी के संबंध में स्थित माग में (शेष अपतित भाग में) तथा पतित-माग में ईंटों की संख्या अखग अखग निकासने के लिये नियम —

जपरी चौड़ाई और तसी की चौड़ाई के अंतर को पतित भाग की ऊँवाई द्वारा गुणित करते हैं, और पूर्ण ऊँवाई द्वारा भाजित करते हैं। इस परिणामी भजनफरू में ऊपरी चौड़ाई का मान जोड़ दिया जाता है। यह पतित भाग के संबंध में आधारीय चौड़ाई का माप तथा अपतित भाग के संबंध में ऊपरी चौड़ाई का माप उरपन्न करता है। दोवं किया पहले वर्णित कर दी गई है।। परर्ी।।

उदाहरणार्थ प्रश्न

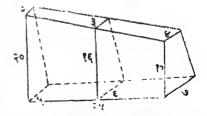
बेदी के संबंध में झंबाई १२ हस्त है, तकी में चौड़ाई ५ हस्त है; उपरी चौदाई १ हस्त है, उपरी चौदाई १ हस्त है, और जैंचाई सर्वत्र १० हस्त है। ५ हस्त कैंचाई का भाग हुट कर गिर जाता है। उस पतित और अपरित माग में अलग-अकग कितनी ऐकिक इष्टकाएँ हैं ? ॥ ५३ है।

जब किले की दीवाछ तियँक् रूप से टूटी हो, तब स्थित भाग में तथा पतित भाग में इष्टकाओं की संख्या निकासने के लिये नियम—

शिलर और पार्ख तल प्रवण (टाल्.) हैं । ऊपरी अभिनत तल के उठे हुए अंत पर चौड़ाई २ इस्त है,

और दूसरे अंत पर चौड़ाई ४ इस्त है (चित्र देखिये)।

(५२३) स्थित अपतित माग की अपरी चौड़ाई का माप को वेदी के पतित माग की नितरू चौड़ाई के समान है, बीजीय रूप से अपने चैड़ाई (अ - ब) द + व है, बहाँ तली की चौड़ाई 'अ' और अपरी चौड़ाई 'व' है, संपूर्ण ऊँचाई



'उ' है, और 'द' वेदी के पतित भाग की ऊँचाई है। यह सूत्र समरूप त्रिश्चनों के गुणों द्वारा भी सरलतापूर्वक शुद्ध सिद्ध किया जा सकता है। नित्रम में कथित किया ऊपर गाथा ४ में पहिले ही वर्णित की जा चुकी है।

भूमिसुखे द्विगुणे सुखभूमियुतेऽमग्नमृद्ययुतीने । दैव्योद्यपष्ठांशन्ने स्थितपतितंष्टकाः क्रमेण स्युः ॥ ५४३ ॥

अत्रोद्देशकः

प्राकारोऽयं मूलान्मध्यावर्तेन चैकहरतं गत्वा । किं क्षां भाग्यावर्तेन चैकहरतं गत्वा । किं क्षां भाग्यावर्तेन चैकहरतं गत्वा । किं स्वाध्या प्रतिताः काः ॥ किं से ॥

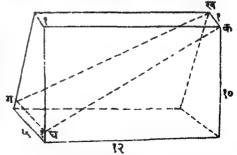
वली की चौदाई और उपरी चौदाई में से प्रत्येक को दुगना किया जाता है। इनमें क्रमशः उपर की चौदाई और तको की चौदाई जोदी जाती है। परिणामी राशियाँ, क्रमशः, अपतित माग की दीवाल की जमीन से उपर की जैंचाई द्वारा बढ़ाई व घटाई जाती है; और इस प्रकार प्राप्त राशियाँ लंबाई द्वारा तथा संपूर्ण उँचाई के है भाग द्वारा गुणित की जाती हैं। इस प्रकार शेव अपतित भाग तथा पतित भाग में क्रम से ईंटों की संख्याएँ प्राप्त होती हैं।। ५४२ ।।

उदाहरणार्थ प्रश्न

पूर्वोक्त माप बाकी यह किन्ने की दीवाल चकवात वायु से टकराई जाकर तकी से तिर्वेक् रूप से विकर्ण छेद पर टूट जाती है। इसके संबंध में, स्थित और पतित भाग की ईंटों की संख्याएँ क्या-क्या हैं ?।। ५५२ ।। वही उंची दीवान चकवात बायु द्वारा तकी से एक हस्त उत्पर से तिर्वेक् रूप से टूटी है। स्थित और पतित भाग की ईंटों की संख्याएं कीन-कीन हैं।। ५६२ ।।

(५४२) यदि तली की चौड़ाई 'अ' हो, उत्पर की चौड़ाई 'ब' हो, 'ऊ' कुल ऊँचाई हो और दीवाल की लंबाई 'ल' हो, तथा 'द' जमीन से नापी गई अपतित दीवाल की ऊँचाई हो; तो ल ऊ (२अ+ब+द) और लित माग है (२व+अ-द) राशियाँ स्थित माग और पतित माग में हेंटों की संख्याओं का निरूपण करती है। इस सूत्र से मिलता जुळता प्रतिपादन चीनो प्रयच्य-चांग सुआन-चु में हैं, जिसके विषय में कृष्टिज की अम्युक्ति है, "यह विचित्र रूप से वर्षित टोस

(solid) त्रिमुजाकार लेक समपादवं (traingular right prism) का समन्छिलक है, और हमें यह सूत्र प्राप्त होता है कि यह घनफळ समपादवं के आधार पर स्थित उन स्तू पों के योग के तुस्य होता है, जिनके शिखर सम्मुख फलक (face) में होते हैं। यह सबसे अधिक हृदय मंजक साध्यों में से एक है, जिन्हें हम प्रारम्भिक टोस ज्यामिति में पदाते हैं। इसके आविष्कार का अय के जान्द्र (Legendre) को



दिया गया है"—J. L. Coolidge, A History of Geometrical Methods, p. 22, Oxford, (1940). दी गई आकृति गाया (क्षोक) ५६३ में कथित दीवाल को दर्शाती है; और क ख ग घ वह समतल है जिस पर से दीवाल दूटते समय भन्न होती है।

प्राकारसध्यप्रदेशोत्सेचे तरवृद्धचानयनस्य प्राकारस्य उभयपादर्षयोः तरहानेरानयनस्य च सूत्रम्— इष्टेष्टकोदयहतो वेघख तरप्रमाणमेकोनम् । सुखतल्लेषेण हतं फल्लमेव हि भवति तरहानिः ॥ ५७३ ॥ अस्रोटेशकः

प्राकारस्य व्यासः सप्त तले विश्वतिस्तदुत्सेधः ।

एकेनामे घटितस्तरवृद्ध्यने करोद्येष्टकया ॥ ५८३ ॥

समवृत्तायां वाप्यां व्यासचतुष्केऽर्धयुक्तकरभूमिः ।

घटितेष्टकाभिरभितस्तस्यां वेधस्त्रयः काः स्युः ।

घटितेष्टकाः सम्वे मे विगणय्य बृह् यदि वेदिस ॥ ६० ॥

इष्टकाचितस्थले अधरतलञ्यासे सित उर्ध्वतलञ्यासे सित च गणितन्यायसूत्रम्-द्विगुणनिवेशो व्यासायामयुतो द्विगुणितस्तदायामः। आयतचतुरश्रे स्यादुरसेधव्याससंगुणितः॥ ६१॥

किले की दीवाल की केन्द्रीय जैवाई के संबंध में (देंगे के) तकों की बदती हुई संख्या को निकालने के लिए नियम, और नीचे से जपर की ओर जाते समय दीवाल की दोनों पाश्वों की चौड़ाई में कमी होने से तकों की घटती (की दर) निकालने के लिए नियम—

केन्द्रीय छेद की जैंचाई, दी गई इप्रका (ईंट) की जैंचाई द्वारा भाजित होकर, इष्टकाओं की तकी का इप्र माप उत्पन्न करती है। यह संख्या, एक द्वारा हासित होकर और तब ऊपरी चौदाई तथा नीचे की चौदाई के अंतर द्वारा भाजित होकर, तकों के मान में (in terms of layers) मापी गई चौदाई की घटती की दर (rato) के मान को उत्पन्न करती है ॥ ५७ ई ॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी जैंची किले की दीवाल की तली में चौड़ाई ७ हस्त है। उसकी जैंचाई २० हस्त है। वह इस तरह से बनी हुई है कि जपर चौड़ाई १ इस्त रहे। १ इस्त जैंची इष्काओं की सहायता से केन्द्रीय (तलों) की वृद्धि तथा चौड़ाई की घटती (कंट्र) का माप बतलाओ ॥ ५८३॥

किसी समवृत्ताकार ४ हस्त स्थाम वाली वापिका के चारों ओर १२ हस्त मोटी दीवाल पूर्वोक्त ईंटों द्वारा बनाई जाती है। वापिका की गहराई ३ हस्त है। यदि सुम जानते हो, तो हे मित्र, बतलाओं कि बनाने में कितनो ईंटें लगेंगी ?॥ ५०२ –६०॥

किसी स्थान के चारों ओर बनी हुई संरचना की घनाकार समाई का मान निकालने के छिए नियम, जब कि संरचना का अधस्तल ब्यास और उर्ध्वतल ब्यास दिया गया हो---

संरचना की ओंसत मुटाई की दुगनी राशि में इस व्यासायाम (हंबाई एवं चौड़ाई) का माप जोड़ा जाता है। इस प्रकार प्राप्त योग दुगना किया जाता है। परिणामी राशि संरचना की कुछ हंबाई होती है, जबकि वह आयताकार रूप में होती है। यह परिणामी राशि, दी गई ऊँचाई और पूर्वोक्त औसत मुटाई से गुणित होकर, इष्ट घनफल का माप अध्यक्त करती है॥ ६१॥

^{(&#}x27;९९ई-६०) यहाँ पूर्वोक श्लोक ४२ई में कथित एकक इष्टका मानी गई है। यह प्रश्न श्लोक ५९ई में दिये गये नियम को निद्धित नहीं करता है। उसे इस अध्याब के १९ई-२०ई और ४४ई वें श्लोकों के नियमानुसार साधित किया जाता है।

विद्याधरनगरस्य व्यासोऽष्टौ द्वादशैव चायामः।
पञ्च प्राकारतले मुखे तदेकं दशोत्सेधः॥ ६२॥
इति खातव्यवहारे चितिगणितं समाप्तम्।

ऋकचिकाव्यवहारः

इतः परं ऋकविकाव्यवहारमुदाहरिष्यामः । तत्र परिभाषा— हस्तद्वयं षडकुळहीनं किष्काह्वयं भवति । इष्टाचन्तच्छेदनसंख्येव हि मार्गसंज्ञा स्यात् ॥ ६३ ॥ अथ शाकाख्यद्यादिद्रुमसमुदायेषु वश्यमाणेषु । व्यासोदयमार्गाणामङ्गुळसंख्या परस्परन्नाता ॥ ६४ ॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

विद्याभर नगर के नाम से ज्ञात स्थान के संबंध में चौड़ाई ८ है, ओर लंबाई ५२ है। प्राकार दीवाल की तली की मुटाई ५ और मुख में (जपर की) मुटाई १ है। उसकी जँवाई १० है। इस दीवाल का बनफल क्या है ! ॥ ६२ ॥

इस प्रकार सात व्यवहार में चिति गणित नामक प्रकरण समाप्त हुआ |

ककचिका व्यवहार

इसके पश्चात् हम क्रकचिका 'व्यवहार (लकड़ी चोरने वाले आरे से किए गये कर्म संबंधी कियाओं) का वर्णन करेंगे। पारिभाषिक शब्हों को परिभाषाः—

६ अंगुल से हीन दो हस्त, किश्कु कह ठाता है। किसी दी गई सकही की आरम्भ से लेकर अंत तक छेदन (काटने के रास्तों के मार) की संख्या को मार्ग संज्ञा दी गई है ॥ ६३ ॥

त्रव कम से कम दो प्रकार की शाक (teak) आदि (प्रकारों वाली) लकदियों के देर के संबंध में चौड़ाई नापने वाली अंगुलों को संख्या और लंबाई नापने वाली संख्या, तथा मार्गों को नापने वाली संख्या, इन तीनों को आपस में गुणित किया जाता है। परिवामी गुणनफल हस्त अंगुलों की संख्या के वर्ग द्वारा भाजित किया जाता है। ककिवका व्यवहार में यह पष्टिका नामक कार्य के माप को उत्पन्न करता है। शाक (teak-wood) आदि (प्रकारवाली) लकिदयों के संबंध में चौड़ाई तथा लंबाई नापनेवाली हस्तों को संख्याएँ आपस में गुणित की जाती हैं। परिणामी गुणनफल राशि मार्गों की संख्या द्वारा गुणित की जातो है, और तब उत्पर निकालों गई पष्टिकाओं की संख्या द्वारा भाजित की जाती है। यह भारे के द्वारा किये गये कर्म का संख्यारमक माप होता है। ६४-६६॥

⁽६३-६७६) १ किन्कु = १ई इस्त । किसी लकड़ों के दुकड़े को चीरने में किसी इप्ट रास्ते अथवा रेखा का नाम मार्ग दिया गया है। किसी लकड़ों के दुकड़े में काटे गये तल का विस्तार, सामान्यतः उसे चीरने में किये गये काम का माप होता है, जब कि किसी विशिष्ट कठोरतावालों (जिसे कठोरता का एकक मान किया हो ऐसी) लकड़ों दी गई हो। काटे गये तल का यह विस्तार क्षेत्रफल के

हस्ताकुळवर्गेण काकि के पिट्टकाप्रमाण स्यात्। शाकाह्ययुमादिदुमेषु परिणाहदैर्घ्यहस्तानाम्।। ६५ ॥ संख्या परस्परन्ना मार्गाणां संख्यया गुणिता। तत्पट्टिकासमान्ना ककचकता कर्मसंख्या स्यात्॥ ६६ ॥ शाकार्जुनाम्छवेतससरलासितसर्जडुण्डुकाख्येषु। श्रीपणीप्लक्षाख्यदुमेष्वमीष्वेकमार्गस्य। षणावतिरकुलानामायामः किष्कुरेव विस्तारः॥ ६७३॥

अत्रोदेशकः

शाकाख्यतरौ दीर्घः षोडश हस्ताश्च विस्तारः । सार्धत्रयश्च मार्गाश्चाष्टौ कान्यत्र कर्माणि ॥ ६८३ ॥ इति स्नातन्यवहारे ककचिकान्यवहारः समाप्तः । इति सारसंप्रद्वे गणितशास्त्रे महावीराचार्यस्य कृतौ सप्तमः स्नातन्यहारः समाप्तः ॥

पहिका के माप को प्राप्त करने के लिए, निम्नकिस्तित नाम बाले बुशों से प्राप्त ककिइयों के संबंध में प्रत्येक दशा में मार्ग १ होता है, छंबाई ९६ अंगुक होती है, और चौड़ाई १ किन्कु होती है; उन बुशों के नाम ये हैं—शाक, अर्जुन, अम्कवेतस, सरक, असित, सर्ज और बुण्डुको, तथा श्रीपणीं और प्रश्न ॥ ६७-६७ है॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी शाक ककड़ी के दुकड़े के संबंध में लंबाई १६ हस्त है, चौड़ाई ३३ हस्त है और मार्ग (अर्थात् चीरने वाले आरे के रास्तों की) संख्या ८ है। यहाँ आरे के काम के किसने एकक (ह्काइयाँ) कर्म (कार्य) पूर्ण हुआ है ? ॥ ६८२ ॥

इस प्रकार खात व्यवहार में क्रकविका व्यवहार वामक प्रकरण समाप्त हुआ । इस प्रकार महा-वीराचार्थ की कृति सारसंग्रह नामक गणितशास्त्र में खातव्यवहार नामक सप्तम व्यवहार समाप्त हुआ।

विशेष एक्क (इकाई) द्वारा मापा जाता है। यह एकक पटिका कहलाता है। पटिका लंबाई में ९६ अंगुल और चीड़ाई में १ किष्कु अथवा ४२ अंगुल होती है। यह सरलता पूर्वक देखा जा सकता है कि इस प्रकार पटिका ७ वर्ग हाथ के बराबर होती है।

९, छायाव्यवहारः

शान्तिर्जिनः शान्तिकरः प्रजानां जगत्प्रमुङ्गीतसमस्तभावः । यः प्रातिहार्योष्टविवर्षमानो नमामि तं निर्जितशत्रुसंघम् ॥ १॥

आदी प्राच्याद्यष्टदिक्साधनं प्रवक्ष्यामः— सिल्लोपरितलविस्थितसमभूमितले लिखेद्वृत्तम् । विम्बं स्वेच्छाशङ्कृद्विगुणितपरिणाहस्त्रेण ॥ २ ॥ तद्वृत्तसम्यस्थतदिष्टशङ्काश्लाया दिनादी च दिनान्तकाले । तद्वृत्तरेलां स्पृश्ति क्रमेण पश्चात्पुरस्ताच ककुप् प्रदिष्टा ॥ ३ ॥ तद्विगद्वयान्तर्गततन्तुना लिखेन्मत्स्याकृतिं याम्यकुत्रेरदिक्स्थाम् । तत्कोणसभ्ये विदिशः प्रसाध्याद्दलायेव याम्योत्तरदिग्दशार्षजाः ॥ ४ ॥

1. м में तत्वः पाठ है।

९. छाया व्यवहार (छाया संबंधी गणित)

जो प्रजा को शांति कारक हैं (शांति देने वाले हैं), जगत्यभु हैं, समस्त पदार्थों को जाननेवाले हैं, और अपने आठ प्रातिहार्यों द्वारा (सदा) वर्षमान (महनीय) अवस्था को प्राप्त हैं---ऐसे (कर्म) शत्रु संब के विजेता श्री शांतिनाय जिनेन्द्र को मैं नमस्कार करता हूँ ॥ १ ॥

आदि में, इस प्राची (पूर्व) दिशा को आदि छेकर, आठ दिशाओं के साधन करने के किए उपाय बतलाते हैं---

पानी के ऊपरी सतह की भाँति, क्षैतिज समतल वाली समतल भूमि पर केन्द्र में स्थित स्वेच्छा से चुनी हुई लंबाई वाली शंकु लेकर, उसकी लंबाई को द्विगुणित राशि की लंबाई वाले थागे के फन्दे (loop) की सहायता से एक बृत्त लींचना चाहिये॥ २॥

इस केन्द्र में स्थित इष्ट शंकु की छावा दिन के आदि में तथा दिन के अन्त समय में उस वृत्त की परिश्वि को स्पर्श करती है। इसके द्वारा, कम से, पश्चिम दिशा और पूर्व दिशा स्थित होती है।। ३॥

इन दो निश्चित की गईं दिशाओं की रेखा में धाने को रखकर, उसके द्वारा उत्तर से दक्षिण तक विस्तृत मत्स्याकार (संतरे की कछी के समान) आकृति लींचना चाहिए। इस मरस्याकृति के कोणों के मध्य से जाने वाछी सरक रेखा उत्तर और दक्षिण दिशाओं को स्थित करती है। इन दिशाओं के मध्य में (स्थित जगह में) विदिशायें प्रसाधित की जाती हैं॥ ४॥

⁽४) वह बागा जिसकी सहायता से मतस्याकार आकृति खींची जाती है, गाया २ में दिये

अजघटरिवसंक्रमणयुद्छजभैक्याधंमेव विषुवद्गा ॥ ४३ ॥ छक्कायां यवकोट्यां सिद्धपुरीरोमकापुर्योः । विषुवद्गा नास्त्येव त्रिंशद्भटिकं दिनं भवेत्तस्मात् ॥ ५३ ॥ देशेष्वितरेषु दिनं त्रिंशत्नाङ्याधिकोनं स्यात् । मेषधटायनदिनयोक्षिशद्भटिकं दिनं हि सर्वत्र ॥ ६३ ॥ दिनमानं दिनद्छभा ज्योतिदशास्त्रोक्तमार्गेण । श्रात्वा छायागणितं विद्यादिह वक्ष्यमाणसूत्रौवैः ॥ ७३ ॥

विषुवच्छाया यत्रयत्र देशे नास्ति तत्रतत्र देशे इष्टशङ्कोरिष्टकालच्छायां ज्ञात्वा तत्काला-नयनसूत्रम्—

छाया सैका द्विगुणा तया हतं दिनमितं च पूर्वाहे। अपराहे तच्छेषं विज्ञेयं सारसंग्रहे गणिते॥ ८३॥

वियुवजा (अर्थात् जब दिन और रात दोनों बराबर होते हैं, उस समय पड़ने वाछी छाया) वास्तव में उन दिनों के मध्याद्ध (दोपहर) समय प्राप्त छाया के मार्थों के योग की आधी होती है, जब कि सूर्थ मेप राशि में प्रवेश करता है, तथा जब वह तुला राशि में भी प्रवेश करता है। ४५ ॥

रूंका, यवकोटि, सिद्धुरी और रोमक्युरी में ऐसा वियुक्ता (equinoctial shadow) विकक्तक होती ही नहीं है; और इसकिए दिन ३० घटी का होता है ॥ भन्ने ॥

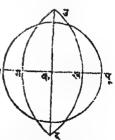
अन्य प्रदेशों में दिन मान ३० वटी से अधिक या कम रहता है। जब सूर्य मेष राशि और तुका (घटायन) राशि में प्रदेश करता है, तब सभी जगह दिन मान ३० घटी का होता है ॥ ६ है ॥

ज्योतिष शास्त्र में वर्णित विश्वि के अनुसार दिन का माप तथा दिन की मध्याह्व छाया का माप समझ छेने के पश्चाद, छाया संबंधी गणित निम्नलिखित निथमों द्वारा सीखना चाहिए॥ ७३॥

ऐसे स्थान के संबंध में दिन का वह समय निकासने के लिए नियम, जहाँ विपुत्रच्छाया नहीं होती हो, तथा किसी दिये गये समय पर (दोपहर के पहिन्ने अथवा पदचात्) किसी दिये गये शंकु की छाया का माप जात हो—

किसी वस्तु (शंकु) की उँचाई के पदों में व्यक्त खाबा के माप में एक जोड़ा जाता है, और इस प्रकार परिणामी योग दुगुना किया जाता है। परिणामी राशि द्वारा पूर्ण दिनमान भाजित किया जाता है। यह समझना चाहिये कि सारसंग्रह नामक गणित शास्त्र के अनुसार, यह प्राप्त फल पूर्वोद्ध और अपराक्ष के शेव भागों (अथवा दोपहर के पहिले दिन के बीते हुए भाग और दोपहर के पश्चात् दिन के शेव रहने वाले भाग) को उत्पन्न करता है।। ८२ ॥

गये त्रिज्या की माप में कुछ अधिक लंबाई वाला होना चाहिये। यदि 'क पूरे और 'क प' पादर्व आकृति में क्रमशः पूर्व और पिश्चम दिशा प्ररूपित करते हो, तो आकृति उस्त द ग, क्रमशः पू और प को केन्द्र मान कर और पूग, तथा प स्त त्रिज्याएँ लेकर चाप खींचने से प्राप्त होती हैं, बब कि पूग और प स्त आपस में बराबर हों। मुना उद नो पूर्वोक्त आकृति के कोण का अर्धन करतो है, क्रमशः उत्तर और दक्षिण दिशा का प्ररूपण करती है।



(८३) यदि वस्तु की ऊँचाई उ है, और उसकी छाया की लंबाई छ है, तो दिन का बीता हुआ

अत्रोदेशक:

पूर्वोह्वे पौरुषी छाया त्रिगुणा बद किं गतम्। अपराह्वेऽवरोषं च दिनस्यांशं वद थिय।। ९३॥

दिनांशे जाते सति घटिकानयनसूत्रम्— अशहतं दिनमानं छेदिवभक्तं दिनांशके जाते। पूर्वाह्वे गतनाड्यस्वपराह्वे शेषनाड्यस्तु॥ १०३॥

अत्रोदेशकः

विषुवच्छायाविरहितदेशेऽष्टांशो दिनस्य गतः । शेषश्चाष्टांशः का घटिकाः स्युः खामिनाड्योऽहः ॥ ११३ ॥

मह्युद्धकाहानयनसृत्रम्— काह्यनयनाद्दिनगतरोषसमासोनितः काहः ।

स्तम्भच्छाया स्तम्भप्रमाणभक्तैव पौरुषी छाया ॥ १२५ ॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी मनुष्य की छाया उसकी उँचाई से २ गुनी है। हे प्रिय मित्र, बतलाओं कि पूर्वाह्न में बीते हुए दिन का भाग एवं अपराह्म में होप रहने वाला दिन का भाग क्या है ? ॥ ९२ ॥

दिन का भाग (जो बीत चुका है, या बीतने वाला है) प्राप्त हो चुकने पर चटिकाओं की संवादी संख्या को निकालने के लिये नियम—

दिन मान के ज्ञात माप को, (पहिले ही प्राप्त) दिन के बीते हुए अथवा बीतने बाले भाग का निरूपण करने वाले भिश्व के अंश द्वारा गुणित करने और हर द्वारा भाजित करने से, प्वौद्ध के संबंध में बीती हुई घटिकाएँ और अपराद्ध के संबंध में बीतने वाळी घटिकाएँ बस्पश्च होती हैं॥ १०५॥

उदाहरणार्थ परन

ऐसे प्रदेश में जहाँ विषुवच्छाया नहीं होती, दिन है भाग बीत गया है, अथवा अपराह्म के संबंध में शेष रहने वाला दिन का भाग है है। इस है भाग की संवादी घटिकाएँ क्या हैं? दिन में ६० घटिकाएँ मान ली गई हैं ॥ १९ है॥

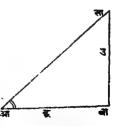
महायुद्ध कार्छ निकालने के लिए नियम-

जब दिन के बीते हुए भाग तथा बीतने वाले भाग के योग द्वारा दिन की अवधि हासित कर, उसे घटिकाओं में परिवर्तित किया जाता है, तब इष्ट समय उत्पन्न होता है।

भथवा बीतनेवाला समय (नियमानुसार) यह है—

$$\frac{?}{?\left(\frac{8}{3}+?\right)} \text{ and } \frac{?}{?\left(\text{ aniequal}+?\right)},$$

बहाँ कोण आ उस समय पर सूर्य का ऊँचाई निरूपक कोण है। यह सूत्र केवल आ = ४५°, छोड़कर आ के शेष मानों के लिये सिक्तकट दिन का समय देता है। जब यह कोण ९०° के निकटतर पहुँचता है, तब सिक्तकट दिन का समय और भी गलत होता जाता है। यह सूत्र इस तथ्य पर आधारित



है कि किसी समकोण त्रिमुत्र में छोटे मानों के लिए कोण सिककटतः सम्मुख मुजाओं के समानुपाती होते हैं।

अत्रोद्देशकः

पूर्वोह्ने शङ्कुसमच्छायायां महयुद्धमारव्धम् । अपराह्ने द्विगुणायां समाप्तिरासीच युद्धकालः कः ॥ १३३ ॥ अपरार्धस्योदाहरणम्

द्वादशहस्तस्तम्भच्छाया चतुरुत्तरैव विशतिका। तत्काले पौरुषिकच्छाया कियती भवेद्गणक ॥ १४३ ॥

विषुवच्छायायुक्ते देशे इष्टच्छायां झात्वा कालानयनस्य सूत्रम् भाक्क्युतेष्टच्छाया मध्यच्छायोनिता द्विगुणा । तदवाप्ता शक्क्मितिः पूर्वापरयोदिनांशः स्यात् ॥ १५६ ॥ अत्रोदेशकः

द्वादशाङ्गुळशङ्कोगुद्छच्छायाङ्गुळद्वयी । इष्टच्छायाष्टाङ्गुळिका दिनांदाः को गतः स्थितः । ज्यंशो दिनांदाा घटिकाः कास्त्रिशङ्गाडिकं दिनम् ॥ १७ ॥

1. किसी भी इस्तलिपि में प्राप्य नहीं है।

किसी स्तम्भ की छाबा के माप को स्तंभ की ऊँचाई द्वारा भाजित करने पर पौरुषी छाबा माप (उस मनुष्य की छाया का माप उसकी निज की ऊँचाई के पदों में) प्राप्त होता है ॥ १२३ ॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

कोई मझयुद्ध प्रविक्ष में भारम्भ हुआ, जब कि किसी शंकु की छाया उसी शंकु के माप के तुल्य थी। उस युद्ध का निर्णय अपराद्ध में हुआ, जबकि उसी शंकु की छाया का माप शंकु के माप से दुगुना था। बतकाओं कि यह युद्ध किनने समय तक चळा ?॥ १२५ ॥

श्लोक के उत्तरार्ध नियम के लिये उदाहरणार्थ धरन

किसी १२ इस्त जैंचाई वाले स्तंभ की छाया माप में २४ इस्त है। उस समय, हे अंकगणि-तज्ञ, मनुष्य की छाया का माप क्या होगा ?॥ १४२ ॥

जब किसी भी समय पर छाया का माप ज्ञात हो, तब विषुवच्छाया वाले स्थानों में बीते हुए अथवा बीतने वाले दिन के भाग को प्राप्त करने के लिये नियम—

शंकु की ज्ञात छाया के माप में शंकु का माप जोड़ा जाता है। यह योग विषुवच्छ।या के माप द्वारा हासित किया जाता है, और परिणामी अंतर को हुगुना कर दिया जाता है। जब शंकु का माप इस परिणामी राशि द्वारा भाजित किया जाता है, तब दशानुसार पूर्वोह्न में विन में बीते हुए अथवा अपराह्म में दिन में बीतने वाले दिनांश का मान उत्पक्क होता है।। १५३॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

१२ अंगुरू के शंकु के संबंध में विद्यवस्थाबा दोपहर के समय (दिन के मध्याह्न में)२ अंगुरू है, और अवलोकन के समय इष्ट (ज्ञात) छाया ८ अंगुरू है। दिन का कीनसा भाग बीत गया है, और कीनसा भाग दोष रहा है ? यदि दिन का बीता हुआ भाग अथवा बीतने वाला भाग है है, तो उसको संवादी घटिकाएँ क्या हैं, जबकि दिन ३० घटियों का होता है ॥ १६३–१७॥

⁽१५३) यहाँ दिन के समय के माप के लिये दिया गया सूत्र बोजीय रूप से, र (छ + उ - व)

इष्टनाडिकानां छायानयनस्त्रम्— द्विगुणितदिनभागहता शङ्कमितिः शङ्कमानोना । युद्खच्छायायुका छाया तत्त्वेष्टकालिका भवति ॥ १८॥

अत्रोदेशकः

द्वादशाकुळशक्कोद्यं दळच्छायाकुळद्वयी। दशानो घटिकानों मा का छिशसाहिकं दिनम् ॥ १९॥

पादच्छायाळश्चणे पुरुषस्य पादश्रमाणस्य परिमाषासूत्रम्— पुरुषोश्गविसप्तांशस्तःपुरुषाङ्ग्रेस्तु दैद्यं स्यात् । यद्येवं चेत्पुरुषः स भाग्यवानङ्घिभा स्पष्टा ॥ २०॥

आह्रद्वच्छायायाः संख्यानयनसूत्रम्-

घटियों में दिए गये दिन के समय की संवादी छावा का माप निकासने के नियम-

शंकु (style) का माप दिन के दिये गये भाग के माप की दुगुनी राशि द्वारा भाजित किया जाता है। परिणामी अजनकड़ में से शंकु का माप घटाया जाता है, और इसमें विषुवच्छाया (दोपहर के समय की ऐसे स्थान की छाया, जहाँ दिन रात दुल्य होते हैं) का माप जोड़ दिया जाता है। यह दिन के इष्ट समय पर छाया का माप उत्पन्न करता है। १८॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

बदि, किसी १२ अंगुरू वाले शेकु के संबंध में, युद्कच्छाया (विषुवच्छाया) २ अंगुरू हो, तो जब १० वटी दिन बीत चुका हो अथवा बीतने वाला हो उस समय शंकु की छाया का माप क्या है ? दिन का मान २० वटियाँ होता है ॥ १९ ॥

काबा के पाद प्रमाण मार के हारा किए गये मार्पो संबंधी मनुष्य के पाद मार्प की परिश्नाषा— किसी मनुष्य की ऊँचाई के १/७ भाग के तुल्य उसके पाद की कंबाई होती है। यदि ऐसा हो, तो वह मनुष्य भाग्यशाकी होगा। इस प्रकार पाद प्रमाण से नापी गई छाया का माप स्पष्ट है। २०॥

क्रश्नीधर दीवाल पर आरूढ़ छावा का संस्याध्मक माप निकालने के लिये नियम---

(१८) बीजीय रूप से,

ग० सा० सं०-३५

है, बहाँ 'व' शंकु की विषुवन्छाया की छंनाई है। यह सूत्र ऊपर की गाया ८२ में दिये गये सूत्र की पाद टिप्पणी पर आधारित है।

ड = 3 + व, बहाँ घ, दिन के समय का माप घटी में दिया गया है। यह सूत श्लोक १५३ वें की पाद टिप्पणों में दिये गये सूत्र से प्राप्त होता है।

नृच्छायाहतशङ्क्षिभित्तस्तम्भान्तरोनितो भकः। नृच्छाययेव छन्धं शङ्कोभित्त्याश्रितच्छाया॥ २१॥

अत्रोदेशकः

विश्वतिहस्तः स्तम्भो भित्तिस्तम्भान्तरं करा अष्टौ । पुरुषच्छाया द्विष्ठा भित्तिगता स्तम्भभा किं स्यात् ॥ २२ ॥

स्तम्भप्रमाणं च भित्त्यारूढस्तम्भच्छायासंख्यां च ज्ञात्वा भित्तिस्तम्भान्तरसंख्यानयन-

सूत्रम्— पुरुषच्छायानित्रं स्तम्भारूढान्तरं तयोर्मध्यम् । स्तम्भारूढान्तरहृततद्नतरं पौरुषी छाया ॥ २३ ॥

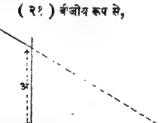
शकु की जैंबाई (मनुष्य की जैंबाई के पदों में ध्यक्त) मनुष्य की छाया द्वारा गुणित की जाती है। परिणामी गुणनफल दोबाल और शंकु के बीच की दूरी के माप द्वारा हासित किया जाता है। इस प्रकार प्राप्त औतर मनुष्य की उपर्युक्त छाया के माप द्वारा भाजित किया जाता है। इस प्रकार प्राप्त भजनफल शंकु की छाया के उस भाग का माप होता है जो दोवाल पर आरू है ॥ २१॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

कोई स्तंभ २० हस्त कैंचा है। इस स्तंभ और दीवाक के बीच की तूरी (जो छाया रेखानुसार नापी जाती है) ८ इस्त है। उस समय मनुष्य की छाया मनुष्य की कैंचाई से दुगुनी है। स्तंभ की छाया का वह कौन-सा भाग है जो दीवाल पर आरू है ?॥ २२॥

जब दोवाळ पर आरूढ़ (पड़ो हुई) छाया का संख्यात्मक मान तथा स्तंभ की ऊँचाई, दोनों ज्ञात हों, तब दीवाळ और स्तंभ के अंतर (बीच की दूरी) के माप के संख्यात्मक मान को निकालने के क्रिये नियम—

स्तंभ की जैंचाई और दीवाल पर आरूढ़ (पड़ी हुई) छाया के माप का अंतर (मनुष्य की कैंचाई के पढ़ों में ब्यक्त) पुरुष की छाया के माप द्वारा गुणित होकर, उक्त स्तंभ और दीवाछ के अंतर की माप को उत्पन्न करता है। इस अंतर का मान, स्तंभ की ऊँचाई और दीवाछ पर आरूढ़ (पढ़ी हुई) छायांश माप के अंतर हारा माजित किया जाने पर, (मनुष्य का ऊँचाई के पढ़ों में ब्यक्त) मानवी छाया का माप उत्पन्न करता है। २३॥



अ= ड×व-स, जहाँ ड शंकु की जैंचाई है,

अ दीवाल पर आरूट छाया की जैंचाई के पटों में ब्यक्त मनुष्य की छाया का माप है, और स स्तंभ (शंकु) और दीवाल के बीच की दूरी है। नियम का स्पष्टीकरण पार्क्व में दिये गये चित्र द्वारा हो जाता है। यह बात ध्यान में रखने

थोग्य है कि यहाँ स्तंम और दीवाल के बीच की दूरी छाया रेखा पर ही नापी जाना चाहिए।

(२३ और २६) इस नियम तथा २६ वीं गाथा के नियम में २१ वीं गाथा में दिये गंथे उदाहरणों की विकोम दशा का उक्लेख है।

अत्रोदेशकः

विंशतिहस्तः स्तम्भः षोडशः भित्त्याश्रितच्छाया । द्विगुणा पुरुषच्छाया भित्तिस्तम्भान्तरं किं स्थात् ॥ २४ ॥

अपरार्धस्योदाहरणम्

विशतिहरतः स्तम्भः षोडश भित्त्याश्रितच्छाया । कियती पुरुषच्छाया भित्तिस्तम्भान्तरं चाष्टी ॥ २५ ॥

आरूढच्छायायाः संख्यां च भित्तिस्तम्भान्तरभूमिसंख्यां च पुरुषच्छायायाः संख्यां च ज्ञात्वा स्तम्भप्रमाणसंख्यानयनसूत्रम्—
नृच्छायान्नारूढा भित्तिस्तम्भान्तरेण संयुक्ता ।
पौरुषभाद्वतळ्ळ्यं विद्वः प्रमाणं बुधाः स्तम्भे ॥ २६ ॥

अत्रोद्देशकः

षोडश भिरत्यारूढच्छाया द्विगुणैव पौरुषी छाया । स्तम्भोरसेधः कः स्याद्भित्तिस्तम्भान्तरं चाष्टौ ॥ २७ ॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

पुरु स्तंभ २० इस्त केंचा है, और दीवाल पर पड़ने वाली छात्रा के अंश का माप (केंचाई) १६ हस्त है। उस समय पुरुष की छाया पीरुषी केंचाई से दुगुनी है। स्तंभ और दीवाल के अंतर का माप क्या हो सकता है ? ॥ २४ ॥

नियम के उत्तरार्द्ध भाग के लिए उदाहरणार्थ प्रश्न

कोई स्तंभ ऊँचाई में २० हस्त है, और दीवाल पर पड़ने वाली उसकी छ।या की ऊँचाई १६ है। दीवाल और स्तंभ का अंतर ८ इस्त है। पौरुषो ऊँचाई के प्रमाण द्वारा व्यक्त मानवी छाया का माप क्या है ? ॥ २५ ॥

जब दीवाल पर पदने वाली छाया के भाग की ऊँचाई का संख्यात्मक मान, उस स्तंम तथा दीवाल का मंतर, और मानुपी ऊँचाई के पदों में न्यक मानुषी छाया का माप भी ज्ञात हो, तब स्तंभ की ऊँचाई का संख्यात्मक मान निकालने के लिये नियम—

दीवाल पर पड़ने वाली छाया के भाग का माप, मानवी ऊँचाई के पदों में व्यक्त मानवी छाया के माप द्वारा गुणित किया जाता है। इस गुणनफल में स्तंभ और दीवाल के अंतर (बीच की दूरी) का माप जोड़ा जाता है। इस प्रकार प्राप्त बोग को मानवी ऊँचाई के पदों में व्यक्त मानवी छाया के माप द्वारा भाजित करने से जो मजनफल प्राप्त होता है वह बुद्धिमानों के द्वारा स्तंभ की उँचाई का माप कहा जाता है। २६॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

दीवाल पर स्तंभ की छाया पड़ने वाका भाग १६ इस्त है। उस समय मानवी छाया का मान मानवी ऊँचाई से हुगुना है। दीवाक जीर स्तंभ का अंतर ८ इस्त है। स्तंभ की ऊँचाई क्या है? ॥२०॥

766

शङ्कप्रमाणशङ्कच्छायासिश्रविभक्तसूत्रम्— शङ्कप्रमाणशङ्कच्छायासिश्रं तु सैक्दौरुष्या । भक्तं शङ्कसितिः स्याच्छङ्कच्छाया तदूनसिश्रं हि ॥ २८ ॥

अत्रोदेशकः

शृह्धप्रमाणशृहुच्छायामिश्रं तु पञ्चाशृत् । शृह्कत्सेधः कः स्याचतुर्गुणा पौरुषो छाया ॥ २९ ॥

श्हुच्छायापुरुषच्छायामिश्रविभक्तसूत्रम्— शहुतरच्छाययुतिविभाजिता शृहुसैकमानेन । ढच्धं पुरुषच्छाया शृहुच्छाया तद्निमिशं स्यात् ॥ ३० ॥

अत्रोदेशक:

शङ्कोरुत्सेधो दश नृच्छायाशङ्कभामिश्रम्। पञ्चोत्तरपञ्चाशन्नुच्छाया भवति कियती च ॥ ३१॥

शंकु की ऊँचाई तथा शंकु की छाया की लंबाई के मापों के दत्त मिश्रित योग में से उन्हें अलग-अलग निकालने के लिए नियम—

शंकु के माप और इसकी छाया के माप के मिश्रित योग को अब १ द्वारा बढ़ाये गये (मानवी कँबाई के पदों में व्यक्त) मानवी छाया के माप द्वारा भाजित करते हैं, तब शंकु की कँबाई का माप प्राप्त होता है। दिये गये योग को शंकु के इस माप द्वारा हासित करने पर शंकु की छाया का माप प्राप्त होता है। २८॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

शंकु के ऊँचाई मान भीर उसकी छावा के छंबाई मान का बोग ५० है। शंकु की ऊँचाई क्या होगी, जबकि मानवी छाया उस समय मानवी ऊँचाई की चौश्रुनी है ?॥ २९॥

शंडु की छाबा की कम्बाई के माप और (मानवी ऊँचाई के पहों में व्यक्त) मानवी छाया के मापके मिश्रित बोग में से उन्हें अकग-अकग प्राप्त करने के लिए नियम---

शंकु की छाया तथा मनुष्य की छाया के मापों के मिश्रित योग को एक द्वारा बढ़ाई गई शंकु की जात कँचाई द्वारा माजित करते हैं। इस प्रकार प्राप्त अजनफर्क (मानवी जंबाई के पदों में व्यक्त) मानवी छाया का माप होता है। उपर्युक्त मिश्रित योग जब मानवी छाया के इस माप द्वारा हासित किया जाता है, तब शंकु की छाया की र्लंबाई का माप उत्पन्न होता है। ३०॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी शंकु की जँचाई १० है। (मानवी जँचाई के पदों में व्यक्त) मानवी छाया और शंकु की छावा के मापों का योग ५५ है। मानवी छाया तथा शंकु की छावा की छंबाई क्या-क्या हैं ?॥३१॥

(२८ और २०) यहाँ दिये गये नियम गाया १२ है के उत्तराई में कथित नियम पर आधारित हैं।

स्तम्भस्य अवनतिसंख्यानयनस्त्रम् अयावर्गाच्छोध्या नरभाकृतिगुणितशृङ्कृतिः। सैकनरच्छायाकृतिगुणिता छायाकृतेः शोध्या ॥ ३२ ॥ तन्मूळं छायायां शोध्यं नरभानवर्गरूपेण । भागं हत्वा छन्धं स्तम्भस्यावनिवरेव स्यात्॥ ३३ ॥

अत्रोदेशकः

द्विगुणा पुरुषच्छाया त्रयुत्तरदश्वहस्तशङ्कोर्भा । एकोनत्रिशत्सा स्तम्भावनतिश्च का तत्र।।। ३४ ।।

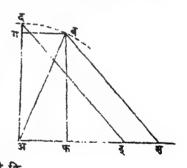
इस्तिलिपि में नरभान के लिए नृभावर्ग पाठ है; परन्तु वह छंद की दृष्टि से अगुद्ध है ।

किसी स्तंम अथवा उच्चांधर शंकु की अवनित (खुकाव) के माप को निकालने के किए नियम— मानवी छाया के वर्ग और शंकु की उँचाई के वर्ग के गुणनफक को दो गई छाया के वर्ग में घटाया जाता है। यह शेष, मानवी छाया की वर्ग राशि में एक जोड़ने से प्राप्त चोगफक द्वारा गुणित किया जाता है। इस प्रकार प्राप्त शक्ति दी गई छाया के वर्ग में से घटायी जाती है। परिणामी शेष के वर्गमूळ को छाया के दिये गये माप में से घटाया जाता है। इस प्रकार प्राप्त राशि को जब मानवी छाया की वर्ग राशि में एक जोड़ने से प्राप्त योगफल द्वारा माजित किया जाता है, तब स्तंभ की छुद अवनित (खुकाव) का माप प्राप्त होता है। ३२—३३॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

इस समय मानवी छावा मानवी ऊँचाई से दुगुनी है। स्तंभ की छावा २९ हस्त है, और स्तंभ की ऊँचाई १३ इस है। यहाँ स्तंभ की अवनित का माप क्या है? ॥ २७ ॥ प्रासाद के भीतर

(१२-११) मानलो अवनत (शुके हुए) स्तंभ की दियति अ व द्वारा निरूपित है। मानलो वही स्तंभ कर्ष्वाघर (र्लब-रूप) स्थिति में अ द द्वारा निरूपित है। क्रमशः अ व तथा अ इ उनकी लाया है। तब उस समय मानव की लाया और उसकी जैंचाई का अनुपात अह होगी। मानलो यह अनुपात र के वरावर है। यह से अद पर गिराया गया लंब व या अवनत स्तंभ अ व की अवनति निरूपित करता है। यह सरल्या पूर्वक दिखाया जा सकता है कि



$$\frac{\sqrt{(a + a)^2 - (a + a)^2}}{a + a + a} = \frac{a + c}{a + c} = \frac{2}{c} = \frac{2}{$$

यहाँ दिया गया नियम इसी सूत्र के रूप में प्ररूपित होता है।

Ä

कश्चिद्राजकुमारः प्रासाद्यभ्यन्तरस्थःसन् ।
पूर्वोह्वे जिज्ञासुर्दिनगतकालं नरच्छायाम् ॥ ३५ ॥
द्वात्रिंशद्धस्तोर्ध्वे जाले प्राग्मित्तिमध्य आयाता ।
रिवमा पश्चाद्भित्तौ व्येकत्रिंशत्करोर्ध्वे देशस्था ॥ ३६ ॥
तद्भित्तिद्वयमध्यं चतुरुत्तरिवंशितः करास्तिस्मन् ।
काले दिनगतकालं नृच्छायां गणक विगणप्य ।
कथयच्छायागणिते यद्यस्ति परिश्रमस्तव चेन् ॥ ३०३ ॥
समचतुरश्रायां दशहस्तवनायां नरच्छाया ।
पुरुषोत्सेधद्विगुणा पूर्वोह्ने प्राक्तटच्छाया ॥ ३८३ ॥
तस्मिन् काले पश्चात्त गिश्रता का भवेद्रणक ।
आह्रबच्छायाया आनयनं वेत्सि चेत्कथय ॥ ३९३ ॥

शङ्कोरीपच्छायानयनस्त्रम्— शङ्कृनितदीपोन्नतिरामा शङ्कप्रमाणेन । तस्रुध्यद्वतं शङ्कोः प्रदीपशङ्कन्तरं छाया ॥ ४०३ ॥

ठहरा हुआ कोई राजकुमार प्रांह्म दिन में बीते हुए समय को ज्ञात करने का, तथा (मानवी ऊँचाई के पर्दों में स्वक्त) मानवी छाषा के माप को ज्ञात करने का इच्छुक था। तब स्थै की रिक्ष पूर्व की कोर की दीवाछ के मध्य में २२ इस्त ऊँचाई पर स्थित जिड़की में से आकर, पश्चिम ओर की दोबाछ पर २९ इस्त की ऊँचाई तक पड़ी। उन दो दीवाछों का अंतर २४ इस्त है। हे छाया प्रदनों से भिज्ञ गणितज्ञ, यदि सुमने छाया-प्रदनों (से परिचित होने) में परिश्रम किया हो, तो (इस दिन) बीते हुए दिन के समय का माप और उस समय (मानवी ऊँचाई के पदों में स्थक) मानवी छाया का माप बतछाओं। ३५-३% ॥

पूर्वोद्ध समय मानवी छाया मानवी ऊँचाई से दुगुनी है। प्रत्येक विभित्ति में (dimension) १० इस्त बाले वर्गाकार छेद के ऊर्घाघर सात के संबंध में पूर्वी दीवाल से उत्पन्न, पहिचमी दीवाल पर पहने वाली को ऊँचाई क्या होगी ? है गणितञ्ज, यदि जानते हो, तो बतलाओं की लंबरूप दीवाल पर आरूद छाया छाया का माप कितना होगा ? ॥ ३८३-३९३॥

किसी दीवाल के प्रकाश के कारण उत्पच होनेवाली शंकु की छाया को निकालने के लिये नियम:— शंकु की ऊँचाई द्वारा हासित दीपक की ऊँचाई को शंकु की ऊँचाई द्वारा भाजित करना चाहिये। यदि इस प्रकार प्राप्त भजनफल के द्वारा दीपक और शंकु के बीच की क्षेतिज दूरी की भाजित किया बाय तो शंकु की छाया का माप उत्पच होता है ॥ ४०% ॥

⁽ २५-२७२) यह प्रश्न कोकों ८२ और २२ में दिये गये नियमों के विषय में है। (२८२-२९२) यह प्रश्न कोक २१ में दिये गये नियमानुसार इस किया जाता है।

⁽४०३) बीबीय रूप से कथित नियम यह है: - छ = स : ब - अ , बहाँ 'छ' शंकु की आया का

अत्रोदेशकः

शह्वप्रदीपयोभेध्यं वण्णवत्यङ्गुळानि हि । द्वादशाङ्गुळशङ्कोस्तु दीयच्ळायां वदाशु मे विद्विपिशिखोत्सेधो गणिताणवपारग ॥ ४२ ॥

दीपशङ्कन्तरानयनसूत्रम्— शङ्कनितदीपोत्रतिराप्ता शङ्कप्रामाणेन । तक्षन्धहता शङ्कच्छाया शङ्कप्रदीपमध्यं स्यात् ॥ ४३ ॥

अत्रोदेशकः

शहुच्छायाङ्गुलान्यष्टौ षष्टिरीपशिखोदयः । शहुदीपान्तरं ब्रुहि गणिताणेवपारग ॥ ४४ ॥ दीपोन्नतिसंख्यानयनसूत्रम—

उदाहरणार्थ मझ्न

किसी शंकु और दीपक की क्षेतिज दूरी वास्तव में ९६ अंगुल है। दीपक की की की उँचाई जमीन से ६० अंगुल है। हे गणितार्णव (गणित समुद्र) के पारगामी, मुझे शीघ ही १२ अंगुल ऊँचे शंकु के संबंध में दीपक की को के कारण उत्पन्न होने वाकी छाया का माप बतकाओ ॥ ४१ रू-४२ ॥

दीपक और शंकु के श्रीतिज अंतर को प्राप्त करने के लिए नियम-

(जमीन से) दीपक की ऊँचाई को शंकु की ऊँचाई द्वारा द्वासित किया जाता है। परिणामी राश्चि को शंकु की ऊँचाई द्वारा भाजित करते हैं। शंकु की छाया के माप को, इस प्रकार प्राप्त भजनफछ द्वारा गुणित करने पर, दीपक और शंकु का क्षैतिज अंतर प्राप्त होता है॥ ४३॥

उदाहरणार्थ प्रक्त

शंकु की छापा की संबाई ८ अंगुरू है। दीप शिखा (दीपक की ली) की (जमीन से) कैंचाई ६० अंगुरू है। हे गणितार्णव के पारनामी, दीपक और शंकु के कैंवज अंतर के माप की बतकाओ। ४४॥

दीपक की (जमीन से ऊपर की) ऊँचाई के संख्यात्मक माप को प्राप्त करने के लिये नियम--

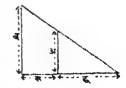
माप है, 'अ' शंकु की जैंचाई का माप है, ब' दीवक की जैंचाई का माप है, और 'स' दीपक तथा शंकु के बीच का क्षेतिज अंतर है।

यह सूत्र पार्श्व में दी गई आकृति से स्मष्ट रूप से सिद्ध किया जा

र ' (४३) पिछळी टिप्पकी में उपयोग में स्नाये गये प्रतीकों को ही उप-

योग में काकर, इस निवमानुसार स=छ× व-अ होता है।

(४४) अगळे ४६-४७ वें श्लोकों के अनुसार शंकु की ऊँचाई का दिया गया माप १२ अंगुट है।



शहुच्छायाभक्तं प्रदीपशृङ्कुन्तरं सैकम् । शहुप्रमाणगुणितं उच्धं दीपोन्नतिर्मवति ॥ ४५ ॥

अत्रोद्शकः

शक्क न्छाया दिनिष्ठेव दिशतं शक्क दीपयोः । अन्तरं शक्क लान्यत्र का दीपस्य समुन्नतिः ॥ ४६ ॥ शंकुप्रमाणमत्रापि द्वादशाङ्ग लकं गते । ज्ञात्वोदाहरणे सम्यग्विशात्मुत्रार्थपद्धतिम् ॥ ४७ ॥

पुरुषस्य पाद्च्छायां च तत्पाद्प्रमाणेन वृक्षच्छायां च झात्वा वृक्षोत्रतेः संख्यानयनस्य च, वृक्षोत्रतिसंख्यां च पुरुषस्य पाद्च्छायायाः सङ्ख्यानयनस्य च सूत्रम्— स्वच्छायया भक्तनिजेष्टवृक्षच्छाया पुनस्सप्तिभिराह्ता सा । वृक्षोत्रतिः साद्विहता स्वपाद्च्छायाहता स्याद्वुमभैव नूनम् ॥ ४८ ॥

दीपक और शंकु के क्षेतिज अंतर के माप को, शंकु की छाया द्वारा भाजित किया जाता है। तब इस परिणामी भजन फल में एक जोड़ा जाता है। इस प्रकार प्राप्त राशि जब शंकु की ऊँचाई के माप द्वारा गुणित की जाती है, तब दीपक की (जमीन से ऊपर की) ऊँचाई का माप उत्पन्न होता है। ४५॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

शंकु की छाया की लंबाई उसकी ऊँचाई से दुगुनी है। दोपक और शंकु की क्षेतिज दूरी का भाप २०० अंगुल है। इस दशा में दीपक की जमीन से ऊँचाई कितनी है ? इसी तथा गत प्रदन में शंकु की ऊँचाई १२ अंगुल लेकर नियम के साधन का अर्थ भलीभींति सीख लेना चाहिये॥ ४६-४७॥

जब मनुष्य की (पाद प्रमाण में दी गई) छाया को लंबाई का माप तथा (उसी पाद प्रमाण में दी गई) इस की छाया की लंबाई का माप ज्ञात हों, तब उस बुध की ऊँचाई का संख्यात्मक माप निकालने के लिए नियम; साथ हो जब (उसी पाद प्रमाण में) बुध की ऊँचाई का संख्यात्मक माप तथा मनुष्य की छाया की लंबाई का संख्यात्मक माप ज्ञात हो, तब (उसी पाद प्रमाण में) बुध की छाया की लंबाई का संख्यात्मक माप ज्ञात हो, तब (उसी पाद प्रमाण में) बुध की छाया की लंबाई का संख्यात्मक माप निकालने के लिये नियम—

किसी व्यक्ति द्वारा चुने गर्वे वृक्ष की छाया की खंबाई के माप को निज पाइ प्रमाण में नापी गई उसकी निज की छाया के माप द्वारा भाजित किया जाता है। इससे वृक्ष को ऊँचाई प्राप्त होती है। यह कृष्ण की ऊँचाई ७ द्वारा भाजित होकर और निज पाद प्रमाण में नापी गई निज की छाबा द्वारा गुणित होकर, निःसन्देह, वृक्ष की छाया की शुद्ध छंबाई के माप को उरपक्ष करती है।। ४८॥

$$(\forall ?)$$
 इसी प्रकार, $= \left(\frac{a}{a} + ? \right)$ अ

(४८) यह नियम उपर्युक्त १२६ वें स्ठोक के उत्तरार्द्ध में दिये गये नियम की विक्षोम दशा है। यहाँ दिये गये नियम में मनुष्य की ऊँचाई और उसके पाद माप के बीच का संबंध उपयोग में काया गया है।

अत्रोहेशकः

भात्मच्छाया चतुःपादा वृक्षच्छाया शतं पदाम् । वृक्षोच्छायः को भवेत्स्वपादमानेन तं वद् ॥ ४९ ॥

वृक्षच्छायायाः संख्यानयनोदाहरणम्— भारमच्छाया चतुःपादा पञ्चसप्ततिभिर्युतम् । शतं वृक्षोन्नतिर्वृक्षच्छाया स्यात्क्रियती तदा ॥ ५० ॥ पुरतो योजनान्यष्टौ गत्वा शैलो दशोदयः । स्थितः पुरे च गत्वान्यो योजनाशीतितस्ततः ॥ ५१ ॥ तद्मस्थाः प्रदश्यन्ते दीपा रात्रौ पुरे स्थितैः । पुरमध्यस्थशैलस्यच्छाया पूर्वागमूलयुक् । अस्य शैलस्य वेधः को गणकाशु प्रकथ्यताम् ॥ ५२ ई ॥

इति सारसंप्रदे गणितशास्त्रे महावीराचार्यस्य कृतौ छायाव्यवहारो नाम अष्टमः समाप्तः॥
॥ समाप्तोऽयं सारसंप्रदः॥

उदाहरणार्थ एक प्रश्न

पाद माप में निज की छावा की कम्बाई थ है। (उसी पाद माप में) बुक्ष की छावा की कम्बाई १०० है। जवकाओं कि (उसी पाद माप में) बुक्ष की जैंबाई क्या है ?॥ ४९॥

किसी बुख की छावा के संक्वास्मक माप को निकालने के संबंध में बदाहरण---

किसी समय निज की डाया की उम्बाई का आप निज के पाइ से चौगुना है। किसी हुआ की कँचाई (ऐसे पाइ-माप में) १७% है। इस हुआ की डाया का माप क्या है ? ॥५०॥ किसी नगर के पूर्व की ओर 4 योजन (दूरी) 'चड चुकने के पश्चात्, १० बोजन ऊँचा सैक (पर्वत) मिकता है। नगर में भी १० बोजन ऊँचाई का पर्वत है। पूर्वी पर्वत से पश्चिम की ओर 40 योजन चड चुकने के पश्चात्, एक और दूसरा पर्वत मिकता है। इस अंतिम पर्वत के शिकर पर रखे हुए दीप नगर निवासियों को दिखाई देते हैं। नगर के मध्य में स्थित पर्वत की डाया पूर्वी पर्वत के मूछ को स्पर्श करती है। हे गणक, इस (पश्चिमी) पर्वत की ऊँचाई क्या है ? शीझ बतवाओ ॥ ५१-५२ है।।

इस प्रकार, महाबोराचार्यं की कृति सार संमहनामक गणित शास में छाया नामक अष्टम व्यवहार समास हुआ।

इस प्रकार वह सारसंध्रह समाप्त हुआ।

⁽५१-५२३) यह उदाहरण उपर्युक्त ४५ वें क्ष्रोक में दिये गये नियम को निद्धित करने के किये है।

परिशिष्ट १ संख्याओं का अभिधान करनेवाळे सामान्य और संख्यात्मक अर्थबोधक संस्कृत शब्द

| | | | • |
|-----------|---------------------------------------|------------------|--|
| श•द | सामान्य अर्थ | संख्या अभिषान | उद्गम |
| अश्वि | ओंख The eye | २ | मनुष्य की दो आँखें होती हैं। |
| आंग्रे | आग Fire | 3 | होमाभ्रियों की संख्या ३ है, अर्थात् , गार्हपत्य, आहवनीय और दक्षिण । |
| अङ्क | संख्या Number | , 9 | श्चन्य को छोड़कर केवल ९ अङ्क होते हैं। |
| अङ्ग | विज्ञान का एक विभाग | 8 | वेदों के अध्ययन के संबंध में ६ विभाग होते हैं, अर्थात्, |
| | An auxiliary di- vision or depart- | | शिक्षा, कल्प, व्याकरण, निरुक्त, छन्दस्, ज्योतिष । |
| | ment of science | | |
| अचल | ा पर्वत A mountain | | पौराणिक भूगोल में माने गये ७ मुख्य पर्वत जो कुलाचल |
| | 1 | ; | कहलाते हैं; अर्थात् , महेन्द्र, मलय, सहा, शक्तिमत्, ऋक्ष, |
| | A manual in | | विंध्य, पारियात्र । |
| भद्रि | पर्वत A mountain | | अचल देखिए। |
| अनन्त | भाकाश The sky | i • i | आकाश को शून्य समझा जाता है। |
| अनल | आग Fire | 3 | अग्नि देखिए । |
| अनीक | सेना An army | 6 | संस्कृत में ८ प्रकार की सेनाओं का उल्लेख है, अर्थात् |
| | | | पत्ति, सेनामुख, गुरुम, गण, बाहिनी, पृतना, चमू, |
| | ! | | अनीकिनी। (जिनागम में गण की जगह अक्षीहिणी का |
| | | | उस्लेख है।) |
| अन्तरिश्व | आकाश The sky | • | अनन्त देखिए। |
| अग्विष | महासागर The ocean | ¥ | चार महासागर माने जाते हैं, अर्थात्, पूर्वी, दक्षिणी, पश्चिमी |
| | | | और उत्तर्रा । |
| अम्बक | आंख The eye | ۶ ا | अक्षि देखिए। |
| अम्बर | आकाश The sky | 0 | अनन्त देखिए । |

| शब्द | सामान्य अर्थ | मंख्या अमिषान | उद्गम |
|------------------|----------------------|------------------|---|
| अम्बुधि | महासागर The ocean | ¥ | अन्धि देखिए। |
| अम्भोधि | महासागर The ocean | ¥ | अन्ति देखिए। |
| अध | बोहा A horse | ৩ | सर्थ के रथ में ७ घोड़े माने जाते हैं। |
| अश्विन् | घोड़े सहित Consi- | ७ | अश्व देखिए। |
| | ting of horse | | _ |
| आकाश | आकाश The sky | 0 | अनन्त देखिए। |
| इ न | सूर्य The sun | १२ | वर्ष के बारह माहों के संवादी सूर्यों की संख्या १२ होती |
| | | | है; अर्थात् , धातु, मित्र, अर्थमन्, बद्र, वरण, स्र्य, मग, |
| | | | विवस्वत, पूषन्, सवितृ, स्वष्टृ और विष्णु । ये नारह आदित्य कहलाते हैं । |
| र ल्दु | चन्द्रमा The moon | १ | पृथ्वी के लिये केवल एक चन्द्रमा है। |
| इ न्द्र | इन्द्र देवता The god | १४ | चौदइ मन्वन्तरों में से प्रत्येक के लिये १ इन्द्र की दर से |
| | Indra | | चौदह इन्द्र होते हैं। |
| इन्द्रिय | इन्द्रिय An organ | 4 | इन्द्रियां पांच प्रकार की होती हैं, ऑल, नाक, जीम, कान |
| | of sense | | और श्ररीर (स्पर्शन्)। |
| इम | हाथी An elephant | 6 | संसार की आठ दिशा विदिशाओं की रक्षा आट हाथी करते |
| | | ; ! : | हुए कहे जाते हैं। वे ऐरावत, पुण्डरीक, वामन, कुमुद, अज्जन, पुष्पदन्त, सार्वभौम और सुप्रतीक हैं। |
| ** | धनुष An arrow | ! ! !* | मन्मय के पाँच बाण माने बाते हैं, अर्थात्, अरविन्द, अशोक, |
| रव | 1 434 222 2220 | , ` : | चूत, नवमक्रिका और नीलोसल । |
| इं क्षण | ऑख The eye | २ | अधि देखिए। |
| उद्धि | महासागर | 8 | भन्धि देखिए। |
| - (, , | The ocean | | |
| उपे न्द्र | भगवान् विष्णु | 9 | विष्णु के ९ अवतार माने बाते हैं। |
| उपन्द्र | God Visnu | | |
| | | | संस्कृत साहित्य के अनुसार वर्षा में ६ ऋतुएँ होती हैं, |
| শ ৱ | #ag A season | | अर्थात् , वसन्त, ग्रीष्म, वर्ष, शरद् , हेमन्त, शिशिर । |
| कर | हाय The hand | २ | मानव के दो हाथ होते हैं। |
| करणीय | को किये जाते हैं, जत | ب | नैन धर्म के अनुसार पाँच प्रकार के बत होते हैं, अर्थात्, |
| 44-113 | That which has | | अहिंसा, अरत, अस्तेय, ब्रह्मचर्य और अपरिग्रह |
| | to be done: an | | |
| | act of devotion | | |
| | or austerity | | |

| शब्द | सामान्य अर्थ | संस्था अमिषान | उद्गम |
|-----------|---|------------------|---|
| करिन् | हाथी An elephant | 6 | इम देखिए। |
| कर्मन् | कर्म अथवा कार्य करने का प्रभाव Action: | . 6 | बैन धर्म के अनुसार आठ प्रकार के कर्म (प्रकृतिबंध) |
| | the effect of action as its karma | | होते हैं, अर्थात् , ज्ञानावरणीय, दर्शनावरणीय, मोहनीय, अन्तराय, वेदनीय, नामिक, गोत्रिक और आयुष्क। |
| कलाघर | चन्द्रमा The moon | ₹ | इन्दु देखिए। |
| कषाय | संसारी वस्तुओं में आसकि | : Y | बैन धर्म के अनुसार कमों के आसव का एक मेद कथाय |
| | Attachment to worldly objects | | है, बिसके चार प्रकार हैं, अर्थात्, कोघ, मान, माया और होम। |
| कुमारबदन | कुमार अथवा हिंदू युद्ध- | Ę | यह युद्धदेव छः मुखोंवाळा माना जाता है। |
| | देव के मुख The faces or Kumāra | | वण्मुस देखिये। |
| | of the Hindu | | |
| | war-god | ! | |
| केशव | विष्णु का एक नाम A name of Vienu | ٩ - | उपेन्द्र देखिए । |
| क्षपाकर | चन्द्रमा The moon | 2 | इन्दु देखिए। |
| e | आकाश Sky | • | अनन्त देखिए। |
| खर | armore Olem | ٤ | |
| गगन गड | भाकाश Sky हाथी Elephant | • | अनन्त देखिए। इम देखिए। |
| गति | पुनर्जन्म का मार्ग | 6 | वैन घर्म के अनुसार संसारी जीव चार गतियों में बन्म लेते |
| | Passage into rebirth | • | हैं, अर्थात्, देव, तिर्यञ्च, मनुष्य, नरक । पिथेगोरस का Tetractys इससे तुलनीय है । |
| गिरि | पर्वत Mountain | 9 | अचक देखिए। |
| गुब | गुण Quality | ₹ | आदि पदार्थं में तीन गुण माने जाते हैं, अर्थात् , सस्व, रक्स् , तमस्। |
| मह | नर् A planet | 5 | हिन्दू ज्योतिष में ९ प्रकार के ग्रह माने जाते हैं, अर्थात् , मंगळ, जुप, इहस्पति, शुक्र, श्रानि, राहु, केतु, सूर्य और |
| | of The eve | | चन्त्रमा। |
| चशुस् | ऑख The eye | 7 | अधि देखिए। |

| श∙द | सामान्य अर्थ | संक्या अभिषान | उद्गम |
|------------|---|------------------|---|
| चन्द्र | चन्द्रमा The moon | ? | इन्दु देखिए। |
| चन्द्रमस् | चन्द्रमा The moon | 8 | इन्दु देखिए। |
| बलघर पथ | आकाश Sky | 0 | अनन्त देखिए। |
| बलि | महासागर Ocean | ٧ | अब्धि देखिए। |
| बलनिधि | महासागर Ocean | ٧ | अभिषं देखिए। |
| बिन | वह नाम जिसमें अरिहंत सिद्ध, आचार्य, उपाध्याय और सर्व साधुओं का नाम गर्मित रहता है। The name which implies Arhat, Siddhas, Achryas, Upadhyayas & all Saints. | २४ | जिन आगम के अनुसार भरत कर्मक्षेत्र में अवसर्पिणी काल में २४ तीर्थेकर होते हैं; प्रथम तीर्थेकर ऋषमदेव और अंतिम तीर्थेकर वर्द्धमान महावीर माने जाते हैं। |
| ब्बलन | आग Fire | . ą | अग्नि देखिए । |
| तत्व | तत्व | ی | जैन धर्म में सात तत्वों की मान्यता इस प्रकार है : जीव |
| | Elementary Pri- | : | (चेतन), अजीव (अचेतन), आसव (कर्मों के आने |
| | nciples. | | के द्वार), बंघ (कमों का आत्मा के साथ सम्बन्घ), संवर (आसव का निरोध), निर्जरा (कमों का एक देश नाख) और मोख (आत्मा का पूर्ण रूप से कमों से खूटना)। |
| तनु | काय Body | ٤ | श्चिव का तनु आठ वस्तुओं से बना हुआ माना जाता है: पृथ्वी, अप्, तेजस्, वायु, आकाश, सूर्य, चन्द्र, यजमान। |
| तर्क | Evidence | 6 | तर्क के छः प्रकार हैं : प्रत्यक्ष, अनुमान, उपमान, शब्द, अर्थापत्ति और अनुपत्तिक। |
| ताक्येध्वज | विष्णु Visnu | 9 | उपेन्द्र देखिए। |
| तीर्थंक | Tirthankar or Jina. | २४ | बिन देखिए। |
| दन्तिन् | हाथी An elephant | 2 | इम देखिए। |
| दुरित | सांसारिक कर्म Worldly action | ۷ | कर्मन् देखिए। |

| शब्द | सामान्य अर्थ | तंस्या समिषा न | उद्गम |
|------------------|--------------------------|-------------------|--|
| दुर्गा | पार्वती का अवतार | 8 | दुर्गा के ९ अवतार माने बाते हैं। |
| | Name of Manife- | | |
| | station of Par- | | |
| | vati or Durga, | | • |
| दिक् | दिशा बिन्दु Quarter | 6 | लोक में आठ दिशानिन्दु माने जाते हैं। |
| | or a cardinal | | |
| | point of the | | |
| £ | universe. | | दस दिशाओं की मान्यता इस प्रकार है कि चार दिशाएँ, |
| दिक् | दिशाएँ Directions | १० | चार विदिशाएँ तथा अधो और ऊर्ध्व दिशाएँ मिलकर दस |
| | | | दिशाएँ होती हैं। |
| दिक् | आकाश Sky | . 0 | अनन्त देखिए। |
| हक् इक् | भारत The eye | २ | अश्वि देखिए । |
| द्रक्ति इ.पर् | 22 22 33 | " | 27 27 |
| इन्य इन्य | द्रव्य का लक्षण सत् है | Ę | जिनागम के अनुसार ६ द्रव्य हैं: |
| ~ ` | और जो उत्पत्ति, विनाश | | जीव, धर्म, अधर्म, पुदल, काल और आकाश । |
| | और भौव्यता सहित है | | , |
| | वह सत् है। Eleme- | | |
| | ntary substance | | |
| | whose characte- | | |
| | ristic is exist- | | |
| | ence implying | | |
| | manifestation, | | |
| | disappearance & | 1 , | |
| | permanence. | | |
| द्विप | हाथी | 6 | इम देखिए। |
| | An Elephant | | |
| द्विरद | " | " | n |
| द्वीप | पृथ्वी में स्थित पौराणिक | 9 | इनके सात विभाग हैं: जम्बू, प्रक्ष, शाल्मली, कुश, |
| | द्रीप विभाग | | क्रीच, शाक, पीष्कर। |
| | A puranio insu- | | |
| | lar division of | | |
| | the terrestrial world. | | |

| शब्द | सामान्य अर्थ | संख्या अभिवान | उद्ग म |
|-----------------|--|------------------|---|
| घातु | शरीर के सरंचक अवयव Constituent principles of the body. | U | सप्त धातुएँ वे हैं—रस (Chyle), रक्त, मांस, चर्वी, अस्थि, मजा, वीर्थ । |
| धृति | छंद के एक विभेद का नाम Name of a kind of metre. | ु १८ | इस छंद में क्ष्रोक के प्रत्येक पद में १८ अक्षर रहते हैं। |
| नग | पर्वत Mountain | و | अचल देखिए। |
| नन्द | राजाओं के वंश का नाम Name of a dyna- sty of kings | ٩ | कहा जाता है कि मगध में ९ नन्द राजाओं ने राज्य किया। |
| नभस् | आकाश Sky | • | अनन्त देखिये । |
| नय | बस्तु के एक अंश ग्रहण करने वाला ज्ञान Method of Comprehending things from particular stand- points | 2 | बिनागम में मुख्यतः दो नयों का निरूपण है: द्रव्यार्थिक नय और पर्यायार्थिक नय । |
| नयन | ऑस The eye | ₹ : | असि देखिए । |
| नाग | हाथी An elephant | 6 | इम देखिए। |
| निषि | खजाना Treasure | | कुवेर के पास नव प्रसिद्ध निषियाँ मानी जाती है: पद्म, महापद्म, शब्स्ब, मकर, कच्छप, धुकुन्द, कुन्द, नील, खर्व। जिनागम में चक्रवर्ती के भी इनसे मिन्न नव- निषियों का उल्लेख है। |
| नेत्र पदार्थ | ऑख The eye बस्तुओं के विमेद Category of things | 3 | अधि देखिए। जिनागम में सात तत्व तथा पुण्य और पाप ये दो मिलकर नव पदार्य होते हैं। तत्व देखिए। |

| शब्द | सामान्य अर्थ | संस्था अभियान | उद्गम |
|--------------|----------------------------|------------------|--|
| पन्नग | सर्व The serpent | و | हिन्दू पुराणों में कभी कभी आठ और कभी कभी सात प्रकार के सपों का वर्णन मिखता है। |
| पयोधि | समुद्र Ocean | ¥ | अन्धि देखिए। |
| पयोनिषि | 53 13 | " | 37 77 |
| पावक | अग्रि Fire | 3 | अग्नि देखिए । |
| पुर | नगर City | * | हिन्दू पुराणों के अनुसार तीन असुरों के प्ररूपक तीन पुरों ने देवों के प्रति अत्याचार किया और शिव ने उन्हें |
| | | | विनष्ट किया। त्रिपुरान्तक से तुब्बना करिए। |
| पुष्करिन् | हाथी Elephant | 6 | इम देखिए। |
| प्रालेयांग्र | चंद्रमा The Moon | 8 | इन्दु देखिए। |
| बन्ध | कर्म देश Karmic bondage | ¥ | जिनागम में बंध के मुख्यतः चार मेद बतलाए गये हैं: प्रकृति बंध, स्थिति बंध, अनुभाग बंध और प्रदेश बंध। |
| बा ग | बाग Arrow | ų | रपु देखिए। |
| भ | नक्षत्र | २७ | हिन्दू क्योतिष में सूर्य पय पर मुख्यतः २७ नक्षत्रे |
| • | A constellation | 1 | की गणना की गई है। |
| भय | Et Fear | 9 | |
| भाव | तत्व Elements | ٦ | ्षांच तत्व या पंच भृत ये हैं: पृथवी, अप्, तेजस् वायु, आकाश । |
| भास्कर | सूर्य The Sun | . १२ | इन देखिए। |
| भुवन | कोक The World | 1 3 | ऊर्जलोक, मध्यलोक, और अघोलोक, की मान्यता है। |
| भूत | तल Element | 4 | माव देखिए। |
| भूष | पर्वत Mountain | 9 | अचल देखिए । |
| मद | घमण्ड Pride | 6 | आष्ट्र मद के भेद इस प्रकार है: ज्ञान, रूप, कुल बाति, बल, ऋदि, तप, शरीर का मद। |
| महीध | पर्वत Mountain | 6 | अचल देखिए । |
| मातृका | देवी A goddess | 9 | साघारणतः सात प्रकार की देवियाँ मानी जाती हैं। |
| मुनि | साध Sage | છ | मुख्यतः सात प्रकार के ऋषियों का उल्लेख मिलत |
| | | | है : कस्यप, अत्रि, भरद्वाज, विश्वामित्र, गौतम, जमद्ञि, वसिष्ठ। |
| | | | इन्द्र देखिए। |
| मृगाङ्क | चंद्रमा The Moon | \$ | बहों की संख्या ११ मानी गई है । |
| मृह | शिव या बद्र का नाम | 25 | प्या का घटना ११ माना वर्ष है। |
| | A name of Siva | | |
| | or Rudra | | |

| शब्द | सामान्य अर्थ | संख्या अभिषान | उ त्रम |
|---------------|---|------------------|--|
| यति | मुनि Sage | 9 | मुनि देखिए। |
| रजनीकर | चंद्रमा The Moon | १ | इन्दु देखिए। |
| रवा | त्रयनिधि Trinity | 35 | बिनागम में मोक्ष का मार्ग सम्यग्दर्शन, सम्यग्शन, और सम्यग्वारित्र का एक होना बतलाया गया है, बिन्हें तीन रक्ष भी निरूपित किया गया है। |
| रक | मूल्यवान पत्थर A pre- | 9 | नव प्रकार के रत माने गये हैं: वज़, वेंडूर्य, गोमेद, |
| | cious gem | | पुष्पराग, पद्मराग, मरकत, नील, मुक्ता, प्रवाल । |
| रन्ध्र | छिद्र Opening | ο, | मानव द्यारीर में नव मुख्य रन्ध्र होते हैं। |
| रस | स्वाद Taste | Ę | मुख्य रस छः हैं : मधुर, अम्ल, लवण, कटुक, तिक, कषाय । |
| र व्र | शिव का नाम Name of a Deity | ११ | मृद देखिए। |
| रूप | आकार Form or shape | 2 | प्रत्येक वस्तु का केवल एक रूप होता है। |
| स्टब्स ् | नव शक्तियों की प्राप्ति | 9. | नव लिन्धयाँ निम्नलिखित हैं: अनन्त दर्शन, अनन्त- |
| | Attainment of | | ज्ञान, क्षायिक सम्यक्तव, क्षायिक चारित्र, क्षायिक दान, |
| | nine powers | | क्षायिक लाभ, क्षायिक मोग, क्षायिक उपमोग, क्षायिक वीर्य। ये कर्मों के क्षय से क्षायिक भाव के रूप प्राप्त |
| | Attainment | | होते हैं। |
| छ न्धि | Attainment | 8 | लम्भ देखिए। |
| लेख्य | D713 | Ę | 20 |
| लोक | World | 3 | भुवन देखिए। |
| लोचन | ऑब The eye | २ | अक्षि देखिए। |
| वर्ष | | W | जिनागम में वर्ष के पांच प्रकार हैं : कृष्ण, नील, पीत, रक्त और स्वेत । |
| वसु | बैदिक देवताओं की एक बाति A class of Vedic deities | ۷ | ये देवता संख्या में आठ होते हैं। |
| वह्रि | अग्नि Fire | 3 | अग्नि देखिए। |
| वारण | हाथी Elephant | 6 | इम देखिए। |
| वार्षि | समुद्र Ocean | ¥ | अन्वि देखिए। |
| विधु | चंद्रमा The moon | 1 | इन्दु देखिए। |
| विषचि | समुद्र Ocean | 8 | अन्त्रि देखिए। |
| विषनिषि | " | 77 | " |

| शन्द | सामान्य अर्थ | र्तस्या अमिषान | उद्रम |
|------------------|---|-------------------|--|
| विषय | इंद्रियों के विषय Object of sense | ٩ | पेचेन्द्रियों के विषय पांच हैं: गन्ध, रस, रूप; स्पर्श, |
| वियत् | आकाश Sky | • | थनन्त देखिए। |
| विश्व | वैदिक देवताओं का एक समूह A group of Vedic deities | १३ | इस समूह में १३ सदस्य होते हैं। |
| विष्णुपाद | आकाश Sky | | अनन्त देखिए। |
| वेद | The Vedas | 8 | चार वेद ये 🕻 : ऋक् , यजुस् , साम, अयर्व । |
| वैक्वानर | अग्नि Fire | ą | अग्नि देखिए। |
| ब्यसन ब्योम | हुरी आदत An unwholesome addiction आकाश Sky | ٠ | जिनागम में बीव का अहित करने वाले सप्त व्यसन निम्नलिखित रूप में उल्लिखित हैं: चूत, मौस मक्षण, मदिरापान, वेश्यागमन, परस्त्री सेवन, अस्तेय, आखेट। अनन्त देखिए। |
| वत | अणु वत या महावत | iq | जिनागम में अणु इत और महाइत ५ है। हिंसा, |
| | Partial or whole act of devotion or austerity | | सूठ, कुशील, परिष्रह और स्तेय (चोरी) नामक पंच पापों से एक देश विरक्त होना अणुक्रत है। हिंसादि पांच पापों का सर्वथा त्याग करना महावत है। करणीय मी देखिए। |
| যক্ত্র | रह का नाम Name of Rudra | 88 | मृह देखिए। |
| शर | बाग Arrow | 4 | इषु देखिए। |
| शशघर शशलाञ्छन | বর The Moon | ę n | इन्दु देखिए । |
| হাহায়ক্ | >> 12 | " | 77 19 22 27 |
| যায়িন্ |)) 1) | 53 | "" |
| যভা | बाग Arrow | 4 | इषु देखिए। |
| शिखिन् | अग्नि Fire | ą | अग्नि देखिए। |
| शिलीमुखपद | | É | मधुमक्खी या भौरे के छः पैर माने बाते हैं। |
| हील श्वेत | पर्वत Mountain | 8 | अचल देखिए। |
| सलिलाकर | समुद्र Ocean | ¥ | अन्धि देखिए। |
| सागर | 3 37 | 23 | " " |

| श्चन्द | सामान्य अर्थ | संस्था अभिवान | उद्गम |
|----------------|------------------|------------------|---|
| सायक | बाग Arrow | ٩ | र्धु देखिए। |
| सिन्धुर | हायी Elephant | 6 | इम देखिए। |
| स्यं | The Sun | १२ | इन देखिए। |
| सोम | चंद्र The moon | ¥ | इन्दु देखिए। |
| स्तम्बरेम | हायी Elephant | 6 | इम देखिए। |
| स्वर | संगीत का स्वर A | 9 | सात शन्द स्वर हैं : षड्ल, ऋषभ, गांधार, मध्यम, पख्यम, |
| | note of the | | धैवत, विषाद । संगीत के प्रारम्भ में इन्हीं सप्त स्वरों के |
| | musical scale | | आदि अक्षरों को प्रहण कर स, रि, ग, म, प, घ, निका |
| | | | ज्ञान कराया जाता है। |
| € य | घोड़ा Horse | او | अश्व देखिए । |
| ₹ ₹ | रद्र का नाम Name | ११ | मृह देखिए। |
| | of Rudra | | |
| इर नेत्र | Siva's eyes | ¥ | शिव की दो ऑंबों के सिवाय एक और आंख मस्तक के |
| •••• | | | मध्य में रहती है। |
| <u>इ</u> तवह | अग्नि Fire | ą | अग्नि देखिए । |
| <u>ड</u> ुताशन | 29 29 | " | 93 91 |
| हिमकर | चंद्रमा The Moon | 2 | इन्दु देखिए । |
| हिमगु | 22 22 | 23 | 27 29 |
| हिमांग्र | 39 99 , | " | 99 99 |

परिशिष्ट २

अनुवाद में अवतरित संस्कृत शब्दों का स्पष्टीकरण

आवावा Segment of a straight line forming the base of a

Abadha triangle or a quadrilateral.

आदक A measure of grain.
Adhak परिशिष्ट-४ की सारिणी ३ देखिए।

The vertical space required for presenting the long Adhvan and short syllables of all the possible varieties of

metre with any given number of syllables, the space required for the symbol of a short or a long syllable being one agunla and the intervening space between

each variety being also an angula. अध्याय ६—३३३ में ३३६ में का टिप्पण देखिए।

Each term of a series in arithmetical progression is adddhana conceived to consist of the sum of the first term

and a multiple of the common difference. The sum

of all the first terms is called the Adidhan.

अध्याय २—६३ और ६४ का टिप्पण देखिए।

आदिमिश्रधन The sum of a series in arithmetical progression

Adimisradhana combined with the first term thereof.

अध्याय २---८० से ८२ का टिप्पण देखिए।

भगर A kind of fragrant wood;

Agaru Amyris agallocha.

भारत वेतस A kind of sorrel; Rumex vesicarius.

Amla-vētasa

अमोष्वर्ष Name of a king; lit: one who showers down truly

Amoghvarsa useful rain.

A measure of weight in relation to metals.

Amáa परिशिष्ट ४ की सारिनी ६ देखिए।

बंशमूल Square root of a fractional part.

Amsamiila अध्याय ४-३ का टिप्पण देखिए।

संग्रह A measure of length; finger measure.

Angula अध्याय १-६५ से २९ तथा परिशिष्ट ४ की सारिणी १ देखिए।

भेतारावरूबक Inner perpendicular; the measure of a string Antārāvalam- suspended from the point of intersection of two

strings streehed from the top of two pillars to a point in the line passing through the bottom of

both the pillars,

अंत्युव्य The last term of a series in arithmetical or

Antyadhana geometrical progression.

Atom or particle,

Anu अध्याय १---२५ से २० तथा परिशिष्ट ४, सारिणी १ देखिए।.

अरिष्टनेमि The twenty second Tirthnkar.

Aristanēmi

baka

अर्बुद Name of the eleventh place in notation.

Arbud

মার্ছন Name of a tree; Terminalia, Arjuna, W. & A.

Arjuna

असित Name of a tree; Grislea Tomentosa.

Asita

अशोक Name of a tree: Jonesia Asoka Roxb.

Asoka

A kind of approximate measure of the cubical Aundra— contents of an excavation or of a solid. This kind of approximate measure is called Auttra by Brahm-

agupta. अध्याय ८-- २ का टिप्पण देखिए।

आविक A measure of time, परिशिष्ट ४, सारिणी २ देखिए।

Ävali

Ayana

Bija Literally seed; here it is used to denote a set of two positive integers with the aid of the product and the squares whereof, as forming the measure of the

sides, a right angled triangle may be constructed.

23.3

अध्याय ७---२०३ का टिप्पण देखिए।

भाग

A measure of baser metals.

Bhaga

परिशिष्ट ४, सारिणी ६ देखिए। A measure fraction.

A variety of miscellaneous problems on fractions.

अध्याय ४--- ३ का टिप्पण देखिए ।

भागभाग

A complex fraction.

Bhagabhaga

भागाम्यास

A variety of miscellaneous problems on fractions.

Bhagabhyasa

अध्याय ४-- ३ का टिप्पण देखिए ।

भागहार

Division.

Bhagahara

भागमात्र Bhagamatr Fractions consisting of two or more of the varieties of Bhuga, Prabhuga, Bhugabhuga, Bhugunubandha and

Bhaganavaha fractions, अध्याय ३-- १३८ का टिप्पण देखिए।

भागानुबंध

Fractions in association.

Bhaganubandha अध्याय ३—११३ का टिप्पण देखिए । भागापवाड

Dissociated fractions.

Bhagapavaha

अध्याय ३-१२३ का टिप्पण देखिये।

भागसम्बर्ग

A variety of miscellaneous problems on fractions.

Bhagasamvarga अध्याय ४-३ का टिप्पण देखिए।

भाज्य

The middle one of the three places forming the cube

Bhajya

root group : that which has to be divided.

अध्याय २---५३ और ५४ का टिप्पण देखिए ।

भार

A measure of baser metals, परिशिष्ट ४, सारिणी ६ देखिए !

Bhara

भिन्नदृश्य

A variety of miscellaneous problems on fraction.

Bhinnadráya

अध्याय ४---३ का टिप्पण देखिए।

भिजकृष्टीकार

Proportionate distribution involving fractional

Bhinnakutti-

kāra

quantities, प्रष्ठ १२३ की पाद-टिप्पणी देखिए।

चक्रिकामञ्जन CakrikābhanThe destroyer of the cyle of recurring rebirths; also the name of a king of the Rastrakuta dynasty.

jana

चम्पक

Name of a tree bearing a yellow fragrant flower;

Campaka

Michelia Champaka, A syllabic metre.

सन्द Chandas

चिति

Summation of series.

Citi

বিষ-কুন্নীকাৰ Curious and interesting problems involving pro-

Citra-kuttikāra portionate division.

বিশ-কুন্থীকাৰ্ মিশ Mixed problems of a curious and interesting nature Citra-kuttikāra involving the application of the operation of pro-

misra portionate division.

दंद A measure of distance.
Danda परिशिष्ट ४ की सारिणी १ देखिए।

दश Tenth place.

Dasa

दशकोटि Ten Crore.

Dasa-kōti

दशलक्ष Ten Lakhs or one million.

Dasa-Laksa

दश सहस्र Ten thousand.

Dasa-sahasra

A weight measure of gold or silver ;

Dharana परिशिष्ट ४ की सारिणियाँ ४ और ५ देखिए।

दीनार A weight measure of baser metals. Also used

Dināra as the name of a coin.
परिशिष्ट ४ की सारिणी ६ देखिए।

द्रश्रूण A weight measure of baser metals.

Draksuna परिशिष्ट ४ की सारिणी ६ देखिए !

द्रोण A measure of capacity in relation to grain.

Drona परिशिष्ट ४ की सारिणी ३ देखिए।

हुण्डुक Name of a tree.

Dunduka

द्विरम्रोपमूळ A Variety of miscellaneous problems on fractions.

Dviragrasesamula

एक Unit place.

Eka

गण्डक A weight measure of gold, परिशिष्ट ४ की सारिणी ४ देखिए ।

Gandaka

Cubing; the first figure on the right, among the three Ghana digits forming a group of figures into which a

numerical quantity whose cube root is to be found out has to be divided. अध्याय २-५३, ५४ का डिप्पण देखिए।

घनमूछ

Cube root.

Ghanamula

घटी

A measure of time, परिशिष्ट ४ की सारिणी २ देखिए ।

Ghati

गुणकार Gunakāra Multiplication.

गुणधन

Gunadhana

The product of the common ratio taken as many times as the number of terms in a geometrically progressive series multiplied by the first term, अध्याय

२-९३ का टिप्पण देखिए।

गुजा

A weight measure of gold or silver. परिशिष्ट ४ की सारिणियां

Gunjā

४ और ५ देखिए।

5 स्त

A measure of length, परिशिष्ट ४ की सारिणी १ देखिए।

Hasta

हिंताल

Name of a tree; Phaenix or Elate Paludosa.

Hintala

T-BI Iccha That quantity in a problem on Rule-of-Three in relation to which something is required to be found out according to the given rate.

इन्द्रनील

Sapphire.

Indranila

जम्बू

Name of a tree; Eugenia Jambalona.

Jambū

चन्य Janya बिन

Jinas

Trilateral and quadrilateral figures that may by derived out of certain given data called bijas.

Those who have attained partial or whole success in getting themselves absorbed in the unification

of their souls right faith, right knowledge and

right character may be called Jinas.

बिनपति

The chief of the Jinas, generally, Tirthankara.

Jinapati

जिन-शान्ति

The sixteenth Tirthankara.

Jina-Santi

जिन-बर्द्धमान

The last or twenty-fourth Tirthankara.

Jina-Vardhamana

कदम्ब

Name of a tree: Nauclea Cadamba.

Kadamha

कला

A weight measure of baser metals.

Kala

परिशिष्ट ४, सारिणी ६ देखिए।

टिप्पणी देखिए।

कलासवर्ण

Fraction, अध्याय ३ के प्रथम श्लोक में पृष्ठ ३६ पर कलासवर्ग की पाट

Kalasavarna

कर्भ

Karmas

The mundane soul has got vibrations through mind,

body or speech. The molecules and atoms, which assume the form of mind, body or speech, engender vibrations in the soul, whereby an infinite number of subtle atoms and ultimate particles are attracted and assimilated by the soul. This assimilated group of atoms is termed as Karma. Its effect is visible in the multifarious conditions of the soul. There are eight main classifications of the nature of Karmas.

परिशिष्ट १ में कर्म देखिए।

कर्मान्तिक Karmantika A kind of approximate measure of the cubical contents of an excavation or of a solid. अध्याय ८—९ का

टिप्पण देखिए ।

कर्ष

A weight measure of gold or silver, परिशिष्ट ४ की सारिणियाँ

Karsa कार्षापण

४ और ५ देखिए । A Karsa.

Karsapana

केतकी

Name of a tree: Pandanus Odoratissimus.

Ketaki

खारी

A measure of capacity in relation to grain.

Khārī

खर्ब

The thirteenth place in notation.

Kharva

किष्क

A measure of length in relation to the sawing of

Kisku wood.

कोटी

Crore, the 8th place in notation.

Kōtī

A numerical measure of cloths, jewels and canes, कोटिका

Kötikā परिशिष्ट ४ की सारिणी ७ देखिए ।

क्रोश A measure of length, परिशिष्ट ४ की सारिणी १ देखिए ।

Krosa

क्रणागर A kind of fragrant wood ; a black variety of Agallo-

Krasnāgaru chum.

Bld primeriti

Kṛti
Half of the difference between twice the first term

Kṣēpapada and the common difference in a series in arithmetical

progression,

शित्या The 21st place in notation.

Ksityā

क्षोम The 23rd place in notation.

Ksobha

भोणी The 17th place in notation.

Ksoni

क्रदर् या क्रदर A measure of capacity in relation to grain. परिशिष्ट ४

Kudaha or की सारिणी ३ देखिए।

Kudaba

क्रम् » भ

Kumbha

The pollen and filaments of the flowers of saffron,

Kunkuma Croeus sativus.

क्रवेक Name of a tree; the Amaranth or the Barleria.

Kurvaka

Name of a tree; Wrightia Antidysenterica.

Kutaja

क्रहीकार Proportionate division, अध्याय ६-७९३ देखिए ।

Kuttikāra

ह्यम Quotient or share.

Läbha

Lakh, the 6th place in notation.

Laks

The place where the meridian passing through

Lanka Ujjain meets the equator.

ख्व A measure of time. परिशिष्ट ४ की सारिणी २ देखिए।

Lava

मधुक Name of a tree, Bassia Latifolia.

Madhuka

मध्यथन The middle term of a series in arithmetical progre-

Madhya dhana ssion. अध्याय २-६३ का टिप्पण देखिए ।

महाखर्व The 14th place in notation.

Mahākharva

महाक्षित्या The 22nd place in notation.

Mahāksityā

महाक्षोम The 24th place in notation,

Mahāksobha

महाञ्चोणी The 18th place in notation.

Mahāksoni

महापदा The 16th place in notation.

Mahāpadma

দহায়ত্ব The 20th place in notation.

Mahāsankha

महाबीर A name of Vardhamana,

Mahāvira

मानी A measure of capacity in relation to grain. परिशिष्ट ४,

Manı सारिणी ३ देखिए।

मर्देख A kind of drum; for a longitudinal section, see note

Mardala to chapter 7th, 32nd stanza.

मार्ग Section; the line along which a piece of wood is

Marga cut by a saw.

माप A weight measure of silver. परिशिष्ठ ४, सारिणी ५ देखिए ।

Māsa

भेद Name of a tapering mountain forming the centre

Mēru of Jambu dvipa, all planets revolving around it.

मिश्रधन Mixed sum, अध्याय २-८० से ८२ का टिप्पण देखिए।

Miśradhana

मृत्क A kind of drum ; for a longitudinal section see note

Mrdanga to chapter 8th, 32nd stanza.

मुहूर्त A measure of time. परिशिष्ट ४, सारिणी २ देखिए ।

Muhūrta

The topside of a qudrilateral.

Mukha

मुख Square root; a variety of miscellaneous problems

Mula on fractions. अध्याय ४—३ का टिप्पण देखिए।

Involving square root; a variety of miscellaneous मलमिश problems on fractions, अध्याय ४-३ का टिप्पण देखिए। Mulamisra A kind of drum; same as Mradanga. मरच Muraja नन्यावर्त Name of a palace built in a particular form, apage Nandyavarta ६-३३० का टिप्पण देखिए। नरपाल

King; probably name of a king.

Narapāla

नीलोत्पल Blue water-lily.

Nilo pala

निरुद्ध Least common multiple.

Niruddha

निष्य A golden coin,

Niska

न्यर्बुट The 12th place in notation.

Nyarbuda

A measure of length, परिशिष्ट ४, सारिनी १ देखिए । पाद

Pada.

The 15th place in notation. पदा

Padma

A kind of gem or precious stone, पद्मराग

Padmaraga

पैशाचिक Relating to the devil; hence very difficult or Paisācika complex.

A measure of time, परिशिष्ट ४, सारिशी २ देखिए । पस

Paksa

A weight measure of gold, silver and other metals, पल

परिशिष्ट ४ की सारिणियाँ ४, ५, ६ देखिए। Pala

A weight measure of gold; also a golden coin. QUI

परिशिष्ट ४ की सारिणी ४ देखिए। Pana

A kind of drum; for longitudinal section see note पणव

to Chapter 7th, 32nd stanza, Panava

Ultimate particle, परिशिष्ट ४, सारिणी १ देखिए । परमाणु

Arithmetical operation. परिकर्मन्

Parikarman

पाइवं The 23rd Tirthankara.

Paráva

पारली A tree with sweet-scented blossoms; Bignonia

Pațali Suaveolens.

पट्टिंस A measure of saw-work.

Pattika परिशिष्ट ४, सारिणी १० तथा अध्याय ८—६३ से ६७ दे का टिप्पण देखिए।
कल A given quantity corresponding to what has to be

Phala found out in a problem on the Rule-of-Three,

अध्याय ५---२ का टिप्पण देखिए।

Name of a tree; the waved-leaf fig-tree, Ficus In-

Plaksa fectoria or Religiosa,

प्रभाग Fraction of a fraction.

Prabhaga

प्रकीर्णक Miscellaneous problems.

Prakirnaka

प्रश्लेषक Proportionate distribution.

Praksepaka

प्रक्षेपक-करण An operation of proportionate distribution.

Praksepaka-karana

प्रमाण A measure of length, परिशिष्ट ४, सारिनी १ देखिए ।

Pramana The given quantity corresponding to Iccha, in a

problem on Rule-of-Three, अध्याय ५-२ का टिप्पण देखिए।

प्रवृत्तिका Literally, that which completes or fills; here, baser

Prapuranika metals mixed with gold; dross.

মংশ A measure of capacity in relation to grain, থাবিছ প

Prastha की सारिणियाँ ३ ओर ६ देखिए।

प्रत्युत्पन Multiplication.

Pratyutpanna

प्रवर्तिका A measure of capacity in relation to grain.

Pravartikā

पुत्राग Name of a tree; Rottleria Tinctoria.

Punnaga

प्राण A weight measure of silver; probably also a coin.

Purāṇa परिविष्ट ४, सारिनी ५ देखिए।

पुच्यराग A kind of gem or precious stone.

Pusyaraga

गणितसारसंप्रह

रथरेणु A particle. परिशिष्ट ४ सारिणी १ देखिए ।

Ratharenu

रोमकापुरी A place 90° to the west of Lanka.

Romkapuri

Season, here used as a measure of time will be v,

Ritu सारिणी २ देखिए।

सहस्र Thousand.

Sahasra

The teak tree.

Saka

एक इहीकार Proportionate distribution, in which fractions are Sakala Kutti- not involved.

kāra

The Sala tree; Shorea Robusta or Valeria Robusta.

Sāla

रहाकी Name of a tree; Boswellia Thurifera.

Sallakī

समय The ultimate part of time measure. परिशिष्ट ४, सारिणी

Samaya २ देखिए।

सङ्कलित Summation of series.

Sankalita

The 19th place in notation.

Sankha

An operation involving the halves of the sum and

Sankramana the difference of any two quantities. अध्याय ६—२ का

टिप्पण देखिए।

eद्वान्ति The passage of the sun from one zodiacal sign to

Sankränti another.

शानित See Jina-Santi

Santi

सरळ Name of a tree; Pinus Longifolia.

Sarala

सारस A kind of bird; the Indian crane.

Sārasa

सारवंत्रह Sārasangraha Literally, a brief exposition of the essentials or principles of a subject; here, the name of this work on arithmetic.

सर्ज

Name of a tree; Same as the Sala tree.

Sarja

सर्वधन Sarvadhana The sum of a series in arithmetical progression.

अध्याय २-६३ और ६४ का टिप्पण देखिए।

शत

A hundred,

Sata

शतकोटि

A hundred crores,

Satakoti

सतेर Satēra A weight measure of baser metals, परिशिष्ट ४ की सारिणी

६ देखिये।

शेष Sesa The terms that remain in a series after a portion

of it from the beginning is taken away, अप्याय २ के कुछ ३२ पर ब्युत्कलित का टिप्पण देखिए ।

A variety of miscellaneous problems on fractions.

अध्याय ४-३ का टिप्पण देखिए।

शेषमूल

A variety of miscellaneous problems on fractions.

Sēsamūla

अध्याय ४-३ का टिप्पण देखिए।

सिद्धपुरी

The antipodes of Lanka.

Siddhapurı

सिद्ध Siddhas The emancipated souls. These souls, due to complete freedom from karmic bondage attain all attributes of soul, viz, infinite perception, power, knowledge, bliss etc. कर्ममळ से रहित, सर्वज्ञ, परमपद में स्थित सिद्ध भगवान् आट गुणों से सम्पन्न हैं – ज्ञानगुण, दर्शनगुण, सम्यक्तवगुण, शक्तिगुण, अञ्याबाधगुण, अवगाहनागुण, स्क्रात्वगुण, अगुरुळधुगुण।

হাত্ৰহাকা

A measure of capacity in relation to grain. परिशिष्ट ४,

Sodasika

सारिणी ३ देखिए।

शोष्य

One of the three figures of a cubic root group.

Sodhya

अध्याय २--५३ और ५४ का टिप्पण देखिए ।

সাৰক

A lay follower of Jainism, having the following

Srāvaka

eight chief vows:

abstenance from wine, flesh, honey; partial non-violence, truth and chastity; partial non-thievery and partial setting of limits to possession.

भोपणीं

Name of a tree; Premna Spinosa.

Sriparni

स्तोक

A measure of time, परिशिष्ट ४, सारिणी २ देखिए !

Stöka

स्रमफ्ड

Accurate measure of the area or of the cubical contents.

Suksmaphala सर्वे कहीकार

Proportionate distribution as applied to problems relating to gold,

Suvarņakuttīkāra

The 20th Tirthankara, Munisurata,

सुष्रत Suvrata

स्वर्ण A gold coin.

Svarna

स्याद्वाद Syādavāda The doctrine of Syādvāda, known as saptabhanginaya, is represented as being based on the Naya (that which reveals only partial truth) method. This is set forth as follows: May be, it is; may be, it is not; may be, it is and it is not; may be, it is indescribable; may be, it is and yet indescribable; may be, it is not and it is also indescribable.

अध्याय १---८ में पृष्ठ २ पर पादिटप्पणी देखिए ।

तमाल

Name of a tree; Xanthochymus Pictorius.

Tamala

तिलक Tilaka Name of a tree with beautiful flowers.

तीर्थ Tirtha Tirtha is interpreted to mean a ford intended to cross the river of mundane existence which is subject to karma and cycle of births and rebirths. The Jina, Tirthankara, may be conceived to be a cause of enabling the souls of the living beings to get out of the stream of samsura or the recurring cycle of embodied existence. अध्याय ६-१ मेंग्रुड ९१ पर टिप्पणी देखिये।

तीर्थेकर Tirthankara Patriarchs endowed with superhuman qualities; those who have attained infinite perception, knowledge power and bliss through supreme concentration and promulgate the truth matchlessly. According to Jainism Tirthankaras are always present in Videha Ksetra, but in the Bharata and Airūvata Ksētras they are present in the fourth era of the two acons (i) causing increase and (ii) causing decrease. Twenty-four Tirthankaras have been in the past fourth era of the acon, causing decrease. Out of them Lord Réabha was the first and Lord Vardhamūna was the last Tirthankara.

त्रसरेणु

A particle, परिश्वष्ट ४, सारिणी १ देखिए ।

Trasarenu

নিমধ Triprasna Name of a chapter in Sanskrit astronomical works.

अध्याय १-१२ में पृष्ठ २ पर पाद्टिप्पण देखिए।

दुका

A weight measure of baser metals.

Tulā

उभयनिषेध A di-

A di-deficient quadrilateral.

Ubhayanisedha अध्याय ७-३७ का टिप्पण देखिए।

उच्छ्वास Ucchvāsa

A measure of time. परिशिष्ट ४, सारिणी २ देखिए ।

उत्पल

The water-lily flower.

Utpala

उत्तरधन

Uttaradhana

The sum of all the multiples of the common difference found in a series in arithmetical progression.

अध्याय २- ६३ और ६४ का टिप्पण देखिए ।

उत्तरमिश्रधन Uttaramiśradhana A mixed sum obtained by adding together the common difference of a series in arithmetical progression and the sum thereof. अध्याय २—८० से ८२ का टिप्पण देखिए।

वाड Vāha

वेच

A measure of capacity in relation to grain,

A weapon of Indra; for longitudinal section see

Vajra note to Chapter 7th, stanza 32.

वजापवर्तन Cross reduction in multiplication of fractions.

Vajrāpavartana अध्याम ३ - २ का टिप्पण देखिए।

व**क**ल Vakula Name of a tree; Mimusops Elengi.

Vakula

Proportionate distribution based on a creeper-like

Vallika chain of figures. अध्याय ६—११५३ का टिप्पण देखिए। वर्दमान See Jina-Vardhamana

Vardhamāna.

वर्गमूल Vargamüla Square root,

वर्ण Varna

Literally colour; here denotes the proportion of pure gold in any given piece of gold, pure gold being taken to be of 16 Varnas.

विचित्र-कुट्टीकार Vicitrakuttikāra Curious and interesting problems involving proportionate division, अध्याय ६ में प्रष्ठ १४५ पर टिप्पण देखिये।

विद्याधर-नगर VidyadharaA rectangular town is what seems to be intended here.

nagara

विषम कुडीकार Visamakuttīkāra Proportionate distribution involving fractional quantities, अन्याय ६ में पृष्ठ १२३ पर निषम क्रुष्टीकार की पाद टिप्पणी देखिए।

विषम सङ्क्रमण Viṣamasaṅkramana An operation involving the halves of the sum and the difference of the two quantities represented by the divisor and the quotient of any two given

quantities, अध्याय ६-२ का टिप्पण देखिए।

वितस्ति **दृष**भ A measure of length, परिशिष्ट ४ की सारिणी १ देखिए। The first Tirthankara, See Tirthankara,

Vṛṇabha

न्यवहाराहरू A measure of length. Vyavahārāngula परिशिष्ट ४, सारिजी १ देखिए ।

डयुत्कलित Subtraction of part of a series from the whole series

Vyutkalita in arithmetical progression, अध्याय २ में ब्युत्कलित की पाद

टिप्पणी पृष्ठ ३२ पर देखिए।

वव A kind of grain; a measure of length. परिवार ४,

Yava सारिनी १ देखिए। Longitudinal section of a grain. आकृति

के लिये अध्याय ७---३२ का टिप्पण देखिए।

यवकोटि A place 90° to the East of Lanka.

Yavaköti

योग Penance; practice of meditation and mental

Yoga concentration.

योजन A measure of length. Yojana परिशिष्ट ४, सारिनी १ देखिए।

परिशिष्ट-३

उत्तरमाला

अध्याय-२

(२) ११५२ कमळ (३) २५९२ पद्मराग (४) १५१५१ पुष्पराग (५) ५३९४६ कमल (३) ९२५५३२७९४८ कम्ल (७) १२३४५६५४३२१ (८) ४३०४६७२१ (९) १४१९१४७ (२0) ११११११११ (११) ११००००११००००१ (१२) १०००१०००१ (१३) १००००००००१ (१४) ११११११११: २२२२२२२२२; ३३३३३३३३३३; ४४४४४४४४; ५५५५५५५५; ददददददद; ७७७७७७७७: ८८८८८८८: १९९९९९९ (**१**५) ११११**११**१ (१६) १६७७७२१६ (१७) १००२००२००१ (२०) १२८ दीनार (२१) ७३ सुवर्ग खंड (२३) १७९ सुवर्ण खंड (२४) ८०३ बम्बू फळ (२५) १७३ बम्बू फळ (२२) १३१ दीनार (२६) ४०२९ रक्त (२७) २७९९४६८१ सुवर्ग खंड (२८) २१९१ रक्ष (३२) १; ४; ९; १६; २५; ३६; ४९; ६४; ८१; २२५; २५६; ६२५; १२९६; ५६२५ (३३) ११४२४४; २१७२४९२१; ६५५३६ (३४) ४२९४९६७२९६; १५२३९९०२५; १११०८८८९ (३५) ४०७९३७६९; ५०९०८२२५; १०४४४८४ (३७) १; २; ३; ४; ५; ६; ७; ८; ९; १६; २४ (३८) ८१; २५६ (३९) ६५५३६; ७८९ (४०) ७९७९; १३३१ (४१) ३६;२५ (४२) ३३३; १११; ९१९ (४८) १; ८; २७; ६४; १२५; २१६; २४३:५१२; ७२९; ३३७५:१५६२५; ४६६**५६**; ४५**६५३३**; ८८४७३६ (४९) १०२०३०१; ५०८८४४८; १३७३८८०९६; ३६८६०१८१३; २४२७७१५५८४ (५०) ९६६३५९७; ७७३०८७७६; २६०९१७११९; १२०७२४९६२५ (५१) ४७४१६३२; ३७९३३०५६; १२८०२४०६४; **३०३४६४४४८:** ५९२७०४०००: ४०२४१**९**२५१२: १६२६३७९७७६: २४२७७१५५८४ (५२) ८५९०११३६५९४५९४८८६४ (५५) १: २: ३: ४: ४: ५: ६: ७: ८: १: १७ (५६) २४; ३३३; ८५२ (५७) ६४६४; ४२४२ (५८) ४२६; ६३९ (५९) १३४४; १९७६ (६०) ९५०६०४ (६५) ५५; १६०; १६५; २२० २७५; ३३०; ३८५; ४४०; ४९५; ५५० (६६) ४० (६७) ५६४; ७५४; ९८०; १२४५; १५५२; १९०४; २३०४ (६८) ४०००००० (७१) ५; ८; १५ (७२) ९; १०; (७७) २; २ (७९) २; ५२०; १०; जब कि जुनी हुई संख्याएँ २ और १० रहती हैं। (८३) २; ३; ५; २; ३; ५ 1

(८५) १२०; २४; अब कि इष्ट श्रेंढि का योग शातयोग ते द्विगुणित होता है। तथा; ३०; ६०

जब कि इष्ट श्रेटि का योग शतयोग से आघा होता है।

(८७) ४६; ४; जब कि योग समान होते हैं। तथा; ३६; २४; जब कि एकयोग दूसरे से द्विगुणित होता है। तथा; ४४; २६; जब कि एकयोग दूसरे से त्रिगुणित होता है।

(८८) १००; २१६; जब कि योग समान हों। तथा; २३२; १९२; जब कि एक योग अन्य से

द्विगुणित होता है। तथा; ३४; २२८; बद कि एक बोग अन्य से आधा है।

(९०) २१; १७; १३; ९; ५; १५; १७; ९; १ (९२) ६; ५; ६, ३; २; १ (९६) ४३७४ स्वर्ण सिक्के (९९) १२७५ दीनार (१००) ६८८८७; २२८८८१८३५९३ (१०२) ४; २

(१०४) ४ (१०५) ८: ९: १५ (१११) २२४: २०१: १७५: २४४: २६१ (११२) ४८३६: ४६५६; ४२००; ७५२५० (११३) १८२९३८; ५८४६ (११४) १८०; ११२; ६०; ४० (११५) ४०९२; २०४४: १०२०: ५०८: र्५र: १२४: ६० ।

अध्याय-३

- (३) है पण (४) १ है पण (५) २ है पण (६) २ है पछ (७) इक्ट वैद है (९) है पण (१०) १७ दे पण (११) १४ दे पछ (१२) द्वः इस्टः इदः इदः इदः
- (88) 34: 34: 54: 54: 34: 400: 4:000 A000
- (14) 8; 40; 24; 429; 429; 429; \$20; \$20; \$29; 429; 429; 429; 429; 429;
- (१६) है: है: है: है: है
- (१७) इस अध्याय के प्रका १४ और १५ देखिए: 🔏
- (१८) है: इके: इके: इकेस इकेस उठेड़: बहेद: उदेव
- (२0) मैं; दे; (२१) दे; है; है; है; है; है; दे; दे; हैं; हैं। हैं। हैं। देहें। देहें। देहें। देहें। देहें। देहें। (24) \$6; \$2 (24) \$6 \$6 \$6 \$7 \$8 \$8 \$6 \$300 \$300 \$300 \$300 \$300 \$30 39: 3ª
- (२६) प्रत्येक श्रेढि में प्रथम पद १ है और प्रचय २ है। योगों के वर्ग हैं, हुई, हैई, हुई, हुई, हुई, ८५ १०० १२५ | योगों के धन ८ २७ इस १२५ २१ई अ४३ प्रश् करेर विका केर है, देहर, देहर, कररे, विकार 1994, 1332 |
- (२८) धन योग इ.स. हेर्ड, इंडर, देवहें, देवहें हैं। प्रथम पर हे, बहे, बे, इंड, बेरे हैं। प्रचय है, है, दे, दें, है है। पदों की संख्या है, है, दे, दे, हैं है।
- (30) 4; 4 (31) 43; 43 (32) 8; 3 (34) 4; 4 (30) 4; 5
- (१९) जब योग समान हो तो 🚉 🚉 🚉 परस्पर में बदलने योग्य प्रथम पद और प्रचय होते 🝍 तथा १ के के हैं हैं दें द समान योग होता है। जब योग १: २ के अनुपात में हों तो १ के और २५६८ प्रथम पर और प्रचय होते हैं; तथा द्विशिवत योग २२३३६७६ होता है। जब योग १ : ५ के अनुपात में हों तो प्रथम पर और प्रचय १३६३ और ४६६३ होते हैं: और आर्द्धित योग कत्व वे दूर होता है।
- (A4) 3843; 4225 (AA) 254 254 23 (AC) 4 (A4) 4842
- (40) -12 (4:) \$380; \$880; \$383 (42) **- 31**: 78: **34: 34**
- (५३) प्रथम पद रेड्ड, इंड, इंड, इंड, इंड, इंड, योग इंड, ३२८८०, १००० हैं। पदों की संख्या ५,४,४ (५७ और ५८) १ (५९) १ (६०) १; १; १
- (६**१ औ**र ६२) १**; १;** १; १
- (६३) ० (६४) दे (६५ और ६६) दे; टे (६७ से ७१) ४ (98) ?; ₹; 8 (36) (37) ₹; ₹; ९; ₹७; ५४
- (ब) २; ३; ९; २७; ८१; १६२ (स) २; ३; ९; २७; ८१; २४३; ४८६ (७८) (अ) ८; १३६; ३४०; २६० (व) ४४; २२०; ४६०; २९९ (स) ७८; २८६; ५५०; ३६५ (८१) (अ) ५; २१; ४२०; जब कि मन से चुनी हुई राश्चि सर्वत्र १ हो; (ब) ३; ११; २३२; ५३५९२ जब कि मन से चुनी हुई राशियाँ २. १. १ हो।

- (८३) २; है; हैं; जब कि चुनी हुई राशियों ६, ८, ९ हों।
- (८४) ८; १२; १६; जब कि चुनी हुई राशियाँ ६, ४, ३ हों ।
- (८६) (अ) १८; ९; जब कि चुनी हुई संख्या ३ हो।
 - (ब) ३०; १५; बब चुनी हुई संख्या पुनः ३ हो ।
- (८८) (अ) ६; १२ जहाँ २ चुनी हुई संख्या है।
 - (ब) ३; १५ ॥ ५ ॥ ॥ ॥
 - (स) ४६; ९२ गरगगग
 - (द) २२; ११० ॥ ५ ॥ ॥ ॥
- (৭০) (a) ४; २८ (ব) २५; १७५
- (९१) १६: २४० (९२) १५१; ३०२०।

(९४) (अ) २२, ४४, ३३, ६६, ५८, ११६; जब कि योग है, ई और है में विपाटित किया जाता है और चुनी हुई संख्या २ रहती है। (ब) ११; २२; ५२; २३६; १९१; ३८; २०; जब कि योग है; है; में विपाटित किया जाता है। (९६) ५२ (९७) २१ (९८) दें (१०० से १०२) १ (१०३ और १०४) १ (१०५ और १०६) १ (१०८) हैं (११०) हैं; है; है; येद हैं; है और है मन से चुनी हुई राशियों हैं। (१११) ७ हैंह (११२) हैं (११०) हैं (११०) १ हैं निष्क (११६) ० (११५) १ हें निष्क (११६) १ हैं (११०) २ होण और ३ माशा (११८) १ हैं (११९) २ हें निष्क (१२०) १ (१२१) १ हैं (१२२) हैं (१२०) १ (१२०) १ कर्ष (१२८) हैं (१२०) १ (१२०) १ (१२०) १ कर्ष (१२८) हैं (१२०) १ (१२०) १ (१२०) १ (१२०) हैं जब कि है, हैं और हैं मन से विपाटित किये गये भाग हैं। (१२४) हैं (१२०) १ (१२०) हैं जब कि हैं, हैं, हैं सोत हैं। इं हों से मन से विपाटित किये गये भाग हैं। (१३४) हैं (१२०) हैं जब कि हैं, हैं, हैं सोत हैं। सजतीय मिल हैं। ११९ और १४०) ८ हैं ।

अध्याय—४

(५) २४ इस्त (६) २० मधुमिक्खयाँ (भ्रंग) (७) १०८ कमल (८ से ११) २८८ साधु (१२ से १६) २५२० ग्रुक (१७ से २२) ३४५६ मुक्ता (२३ से २७) ७५६० षट्पद (२८) ८१९२ गाएँ (२९ और २०) १८ आम (३१) ४२ हाथी (३२) १०८ पुराण (३४) ३६ केंट (३५) १४४ मयूर (३६) ५७६ पक्षी (३७) ६४ बन्दर (३८) ३६ कोयलें (३९) १०० इंस (४१) २४ हाथी (४२ से ४५) १०० मुनि (४६) १४४ हाथी (४८) १६ मधुकर (४९) १९६ सिंह. (५०) ३२४ हिरण (५३) अंगुल ४८ (५४ खौर ५५) १५० हाथी (५६) २०० वराह (५८) ९६ या ३२ वाह (५९) १४४ या ११२ मयूर (६०) २४० या १२० इस्त (६२) ६४ या १६ महिष (६३) १०० या ४० साधु १ १०० या ४० साधु १

अध्याय-५

(३) ६३८ ब्रॅंड योजन (४) ५ है से योजन (५) १०५६००००० (६) १०६% दिन (७) ३११० दे वर्ष (८) ९३ ड्रेड ड्रेड ट्रेड वाइ (९) ३२ डे वल (१०) ५७ हे से पल (११) १९६ से भार (१२) ६६५ ३ डीनार (१३) २३८० प्रेंच पल (१४) १६३ युगक (१५ और १६) ११ वृद्ध योजन; २७ वृद्ध वाह (१७) ११२ द्रोण मुद्र; ५०४ कुढन घो; ३३६ दोण तण्डुल; ४४८ युगक वक्त; ३३६ गाएँ; १६८ सुवर्ण (१८) १६०; ११२ दे वृद्ध वरण (१९) १२० खंड (२०) ५२५ खंड (२१) २४ तीर्थंकर (२२) २५६ शिला (२४ और २५) ५ वर्ष और ११७ दिन (२६) २१३ वे दिन (२७) १० वर्ष और २४५ वे दिन (२८) २१३ वे दिन (२४) १० पुराण; १८ पुराण; २८ पुराण (३४) २९ वृद्ध वे सुवर्ण (३५) ३६ गोधूम (३६) ४००० पण (३७) २५० कर्ष (३८) ९६० अनार (३९) ५६०००० सुवर्ण (४०) ७५० सुवर्ण (४१) ५४ (४२) २५२ सुवर्ण (४३) ९४५ वाह ।

अध्याय-६

| दिधि | वी | दुग्ध |
|--------------------------|----|-------|
| प्रथम घट १३ ६ | 22 | j'x |
| द्वितीय घट 📆 | 6 | -35 |
| तृतीय घट 💱 | 38 | 23 |

(१४४३ और १४५३). ८; ५। (१४०३ से १४२३). ८; ५। ११; १८; २३; २७; १९; २३; ७; ३९; ११; ४४; ईटी; ४१; ५१; ४६; ५९; ३७

| · | मावुर्द्धग | कद्छी | कपित्थ | दाडिम |
|----------------|---------------|-------|--------|-------|
| प्रथम ढेरी | 88 | ą | ą | 8 |
| ब्रितीय ग | १६ | ₹ | २ | * |
| वृतीय " | 25 | 3 | ę | १ |
| नृत्य | २ | ? 0 | K | ₹ |
| (१४७३ से १ | <i>۲९</i>):— | | | |
| | मयूर | कपोत | इंस | सारस |
| संख्या | ও | १६ | 84 | * |
| पणों में मूल्य | 3.8 | १२ | ३६ | 3 |
| (१५०)- | | | | |
| | ग्रुण्ठि | पिष | पल | मरिच |
| परिमाण | र्० | ¥ | ٧ | 8 |
| पणों में म्ल्य | १२ | ę | 8 | ३२ |
| | | | | |

(१५२ और १५३) पण ९; २०; ३५; ३६ (१५५ और १५६) जब जुनी हुई संख्या ६ हो तो ईडै; इँडै; ३;७ जब जुनी हुई संख्या ८ हो तो ५; ६; १६; ४ (१५८) क्षेत्र की लम्बाई १० योजन; प्रत्येक अश्वको ४० योजन वहन करना पहला है।

(१६० से १६२) १०; ९; ८; ५ (१६४) २०; १५ और १२; (१६५ और १६६) ८; २०; ४० (१६८) २४३ पण; (१७० से १७१३); १०३; हैंद, हेंद, हैंद, ३२; (१७४३) ८७ है; (१७७३ और १७८) १४ (१७९) ३; (१८१) २१; (१८४) ३९°; १९°; (१८६) २०; ४; ४; ४; ४; १३; (१८८) के के; केक; अथवा के; केहे; (१९०); के; १३; (१९१) ८; १३; १०; दूरे; (१९३ से १९६६;) (अ) रूपे; १६०; १६६५; (ब) 39 94 869 (१९८३); ५६०; ४४८(२००३से २०१) 3 6 9 9 0 0 1 4 0 0 5 CB 0 5 (२०४ और २०५) ४७; १७; ३४; ६८; १३६ (२०७ और २०८) २४००; (२१३ से २१५) ३, २; 💥 ६ (२१७) ११ (२१९) ६; १५; २०; १५; ६; १; ६३ (२२०) ५; १०; १०; ५; १; ३१ (२२१) ४; ६; ४; १; १५ (२२३ से २२५) १०; २४; ३२ (२२७) ४ पनस (Jack fruits) (२२९) २ योजन (२३१ और २३२) १८; ५७; १५५: ४९० दीनारें (२३६ और २३७) १५: १; ३; ५ (२६९ और २४०) २६१; ९२१; १४१६; १८०१; २१०९; ११०८८० (२४२ और २४३) ११; १३; ३० (२४४ और २४४६) ३; ४;५ (२४५६ और २४७) ५१७७. १०३; १६९; २२३; २६८ (२४८) १४७६०. ३५६; ५८५; ४४५; ६२४ (२४९ से २५०३) ५५; ७१; ६६; ८७६ (२५३३ से २५५३) ७;८; ९ (२५६ई से २५८ई) ११; १७. २० (२६०ई स्वीर २६१ई) ७; ३; २ (२६२ई) ८; १२; १४; १५; ३१ (२६३ रे) ५४; ७२; ७८; ८०; १२१ (२६४३) १८७५: २६२५: २९२५; ३०४५; ३०९३; ५१८७ (२६६३) ४; ७; १३ (२६७३) १२; १६; २२: ३१ (२७० के २७२३) ४२; ४० (२७४३) ५; ८

(२०६ के) १८६ (२७७ के) १५१ (२७८ के) क्षेत्रक्ष (२८० के) २६ (२८२ के से २८३) १२९६;१२२५ (२८५) (२८५) के; के (स) — हे; — के (२८७) के (२८९) के (२९१) ४०; १८४ (२९३) २; ३ (२९५) ५ किया; ४० फूळ (२९७) २०४; २१०९; २८७०; ७३८१०; १८०४४१; १६२०६ (२००) १०९५; १६२४ (२०४) २५५५; १२६२२५ (२०६ के) २७६६३ (२०८ के) ५०४; ७३२; १०२०; १३७५; ५३०४; १५०८७५; २०२३०४ (३१० के) १५६३१००; ५०३८८६९; ९६४६; १२७०५; ११४४०० (३१२ के) के के के हिंदे; के के हिंदे; के के हिंदे (३१५) ४२६ (३१६) ११६३४८८७३ (३१८) २; ३; ५; ४० (३२०) के के हिंदे (३२१ के) २४ दिन (३२३ के) ३ (३२५ के) ६ (३२७ के) २५ दिन (३२९ के) १३; ९ (३३१ के) ५५ (३३२) ६२० (३३७ के) कत्तर के लिए अनुवाद की पादिष्पणी देखिए।

अध्याय-७

(८) ३२ वर्ग दण्ड (९) ८६६ वर्ग दण्ड और ४ वर्ग इस्त (१०) ९८ वर्ग दण्ड (११) १२०० वर्ग दण्ड (१२) ३६०० वर्ग दण्ड (१३) १९५२ वर्ग दण्ड (१४) २३७८ है वर्ग दण्ड (१५) ६३०४३ वर्ग दण्ड (१६) १९२५ वर्ग दण्ड (१७) ७४२५ वर्ग दण्ड (१८) ५० वर्ग हस्त (२०) (२) ५४; २४३ (व) २७; १२१ (२२) ८४; २५२ (२४) ४८ इस्तः १९५ वर्ग इस्तः (२७) १३५ (२९) १८९ वर्ग इस्तः १३५ वर्ग इस्त (६१) १०८; (२६) ३७८ ९७२; ३६; (३३) १६०० (३४) २,४०० वर्ग दण्ड (३५) ४६२ वर्ग दण्ड (३६) ६४० वर्गदण्ड (३८) ३२४ वर्गदण्डः ४८६ वर्गदण्डः (४०) नैच्यः; १८० (४१) १८; ३०% (४२) २०%; ३८; (४४) १५३३; ३९ (४६) १३; २६ (४८) ९९; ९९ (५१) √ ७६८ वर्गरण्ड; √ ४८; ४; ४ दण्ड (५२) ६० वर्ग दण्ड; १२; ५; ५ दण्ड (५३) ८४; १२; ५; ९ (५५) √ ५०; २५ (५६) १३; ६० (५७) इ५; १५०० (५८) ३१२; २८८; ११९; १२०; ३४५६० (५९) ३१५; २८०; ४८; २५२; १३२; १६८: २२४; १८९; ४४१०० (६१) 🗸 ३२४०; 🗸 ६५६१०: 🗸 ३६०००: 🗸 ८१०००००: √ ४८४०; √ १४६४१०; (६२) √ ३६०; √ ३२४०; √ ३२४०; √ २६२४४० (६४) √ ६०४८: √ ५४४३२; (६६३) √ २५६० दण्ड; √ ४२२५० वर्ग दण्ड; (६८३) √ ३९६९० वर्ग दण्डः 🗸 २०२५० वर्ग दण्ड (६९३) 🗸 ३१३६० वर्ग दण्ड (७१३) 🗸 १४४० वर्ग दण्ड (65) Vues (6.5) Vaes (6.5) 164 + Vaes (6.5) 164 - $\sqrt{4060}$ (665) 665 - $\sqrt{55080}$ (665) $\sqrt{1650}$; $\sqrt{1650}$; $\sqrt{1650}$; $\sqrt{1650}$; (655) १६ - √ १६० (८५३) √ ४८ - √ ४० (८७३) १६; १२; ४८ (८९३) २०; ८ (९१३) ३; ४; ५ (९२%) ५; १२; १२ (९४%) १६; २०; २४ (९६%) ५; ३; तीन दशाओं के लिये।

(९८३) अ. ६०; ६१; ब. ११; ६१; स. ११; ६०;

 $\begin{array}{l} (226\frac{1}{2}) \ \ell_1 \ \ell_2 \ \ell_3 \ \ell_4 \ \ell_4 \ \ell_5 \ \ell_6 \ \ell$

(१३६) ३२; ८७; ६; २३२ (१३८) ३७; २४; २९; ४० (१३९) १७; १६; १३; २४ (१४०) ६२५; ६७२; ९७०; १९०४ (१४१) २८१; ३२०; ४४२; ८८० (१४३ से १४५) वृत्त २५९२० महिलाएँ; · ७२० दण्ड । सम चतुरभ (वर्ग) ३४५६० महिलाएँ; ७२० दण्ड । समबाहु त्रिभुत्र ३८८८० महिलाएँ; १०८० दण्ड । आयतचतुरभः ३८८८० महिलाएँ; १०८० दण्ड, ५४० दण्ड । (१४७) (i) मुना ८ (ii) आधार १२; सम्ब ५ (१४९) के के के के के हैं के इंदर हैं के इंदर (१५१) १३; १३; १३; १३; १२ (१५३ से ? 녹 3 월) 국; 우 E; ? ?; 우 주 (? 녹 나 월) 첫 8℃ (원 나 원) 나; E; ४ (원 나 유 원) 품 등; 돌 음; - 글 음 트 (१६२३) -335; 48; 48 (१६४३) √ Vo (१६६३) ७; १; 33 (१६७३) 34; -62; -62 -62 (१६९२) ६ (१७०३) १० (१७२३) १०; १३; (१७४३) भुजाएँ दी; मुखमुजा की तलमुजा की (१७६) १७ (१७७३ से १७८३) (वा) ३६००; ७२००; १०८००; १४४००; (व) ५४; ९०; १२६; १६८; (स) १००; १००; १००; १०० (१७९३) (अ) २७००; ७२००, ४५००; (ब) ५०; ७०; ८०; (स) ६०; १२०; ६० (१८१६) ८ इस्त; ८ इस्त (१८२६) 🖐 इस्त; 💝 इस्त; 💝 इस्त (१८६६ और १८४६) ३ इस्त; ६ इस्त. ९ इस्त (१८५३) ७ इस्त; ७ इस्त; ३८ इस्त (१८६३) - ३३ इस्त; ५३ इस्त; ३३ इस्त (१८७३) ९ इस्त; १२ इस्त; ९ इस्त (१८८३ और १८९३) ८ इस्त; २ इस्त; ४ इस्त (१९६३) १३ इस्त (१९२३) २९ इस्त (१९३३ से १९५३) २९ इस्त; २१ इस्त (१९७३) १० इस्त (१९९३ से २००३) १२ योजन; ३ योजन (२०४३ से २०५) ९ इस्त; ५ इस्त; √ २५० इस्त (२०६ से २०७३) ६ योजन; १४ योजन; √ ५२० योजन (२०८३ से २०९३) १५ योजन; ७ योजन (२११३ से २१२३) १३ दिन (२१४€) √ १८; १३ (२१५६) ६ (२१६६) -3 (२१७६) ६५ (२१८६) √ ४८; -45 (२१९३) 🐉 (२२०३) ४ (२२२३) वर्ग : 🗸 🚉 आयत : ५; १२; दो समान भुवाओं वाला चतुर्भुव मुजाएँ 📽 मुल मुजा 📲 तल 🥰 तीन समान मुजाओं वाला चतुर्भुंब मुजाएँ 📽 तल 💝 🛣 असमान भुजाओं वाला चतुर्भुंज भुजाएँ 📲; 🚉; मुलभुजा ५; तल १२ समबाहू त्रिभुज√ 🎥 📲 समिद्रबाहु त्रिमुबः—मुजाएँ १२; आधार 🚉 विषम त्रिमुबः मुजाएँ; १२; 📽, तळ 📽 (२२४६) वर्ग, रे दो समान मुजाओं वाला चतुर्भुज : रेंद्र तीन समान मुजाओं वाला चतुर्भुज : रेंद्र विषम चतुर्भुज : रूर्भ, समबाहु त्रिभुज : √ रेर, समिद्रवाहु त्रिभुज : रेंड्र्भ, विषम त्रिभुज : ८ षट्कोग : √ुर, यदि क्षेत्रफल इस अध्याय के ८६३ वें श्लोक में दत नियम के अनुसार √ ४८ किया जाता है। (२२६३) ८ (२२८३) २ (२३०३) १० (२३२३) ६; २।

अध्याय-८

(५) ५१२ घन इस्त (६) १८५६० घन इस्त (७) १४४३२० घन इस्त (८) १६२००० घन इस्त (१२ $\frac{3}{4}$) २९२८ घन इस्त (१३ $\frac{3}{4}$) १४५८ घन इस्त; १४७६ घन इस्त; १४६४ घन इस्त (१४ $\frac{3}{4}$) २९१६ घन इस्त; २९५२ घन इस्त (१८ $\frac{3}{4}$) ३३६० घन इस्त (१६ $\frac{3}{4}$) $\frac{3}{4}$ ६९० घन इस्त (१८ $\frac{3}{4}$) १६१०० घन इस्त (१८ $\frac{3}{4}$) १८२८३ $\frac{3}{4}$ घन इस्त (२१ $\frac{3}{4}$) ($\frac{1}{4}$) ३०२४ घन दण्ड; २०२४ घन दण्ड; ४०३२ घन दण्ड ($\frac{3}{4}$) ४०३२ घन दण्ड ($\frac{3}{4}$) ४०३२; १९८४ घनदण्ड (२४ $\frac{3}{4}$) ४० घन इस्त (२५ $\frac{3}{4}$) १६ इस्त (२७ $\frac{3}{4}$) १२; ३० (२९ $\frac{3}{4}$) २२०५; २०७३ $\frac{3}{4}$ (३१ $\frac{3}{4}$) $\sqrt{620}$; $\sqrt{620}$ (३४) $\frac{3}{4}$ दिनांश, $\frac{3}{4}$, $\frac{3}{4}$,

और १९६८ दण्ड (३९६ और ४०६) २६ योजन और १९५२ दण्ड (४१६ और ४२६) ६ योजन, २ कोश और ४८८ दण्ड (४५६) ६९१२ इकाई ईटें (४६६) ३४५६ इकाई ईटें (४७६) ५१८४ इकाई ईटें (४८६) १०८००० इकाई ईटें (४९६) ४०३२० इकाई ईटें (५०६) ४०३२० इकाई ईटें (५१६) २०७३६ इकाई ईटें (५१६) १४४० इकाई ईटें और १८८० इकाई ईटें (५५६) २६४० इकाई ईटें और १४४० इकाई ईटें (५८६) २०; है ५६८० इकाई ईटें (५८६) २८८० इकाई ईटें (५८६) २८००; है ५६८० इकाई ईटें (६८६) १८७२० इकाई ईटें (६८६) ६४ पहिका।

अध्याय-९

परिशिष्ट-४

माप-सारिणियाँ

१, रेखा-माप *

```
अनन्त परमाणु
                         = १ अण
   ८ अणु
                         = १ त्रसरेणु
    ८ त्रसरेणु
                        = १ रथरेणु
                        = १ उत्तम भोगभूमि बाल-माप
   ८ रथरेणु
   ८ उ. भो. बा.
                        = १ मध्यम भोगभूमि का बाल-माप
    ८ म. भो. श.
                         = १ जघन्य "
    ८ ज. भो. बा.
                        = १ कर्मभूमि का बाल-माप
    ८ कर्मभूमि का बाल-माप = १ लीक्षा-माप
                         = १ तिल माप या सरसौं-माप 🕇
   ८ लीक्षा माप
    ८ तिल-माप
                         = १ यव-माप
                         = ? अङ्गल या न्यवहाराङ्गल
    ८ यवःमाप
 ५०० व्यवहाराङ्गुल
                         = १ प्रमाण या प्रमाणाङ्गल
      वर्तमान नराञ्चल
                         = १ आत्माङ्गल
                         = १ पाद-माप (तिर्थेक्)
    ६ आत्माङ्गल
    २ पाद
                         = १ वितस्ति
    २ वितस्ति
                         = १ इस्त
                         = १ दण्ड 1
    ४ इस्त
                         = १ कोश
२००० दण्ह
    ४ क्रोश
                         = १ योजन
```

२. काल-माप 🛚

असंख्यात समय = १ आविल संख्यात आविल = १ उच्छ्वास ७ उच्छ्वास = १ स्तोक ७ स्तोक = १ ख्व

- * इस सम्बन्ध में तिलोबपण्णती में दिया गया रेखा-माप रष्टव्य है १;९२-१२९। एं तिलोबपण्णती में कीक्षा के प्रवाद जूं माप है।
- 🗜 तिक्रीयपण्णाची में दण्ड को धनुष, मृसल वा नाळी भी बतकाशा है ।
- [] इस सम्बन्ध में तिक्रोयपण्णसी में दिया गवा काळ-साप रहस्य है। ४; १८५-२८६

गणितसारसंब्रह

| ६८३ लव | = १ वटी |
|---------------|----------------|
| २ बटी | ≔ १ मुहूर्त |
| ३० मुहूर्त | = १ दिन |
| १५ दिन | = १ पक्ष |
| २ पक्ष | = १ मान |
| र मास | = ? 雅 頭 |
| ३ ऋ तु | = १ अयन |
| २ अयन | = १ वर्ष |

३. घारिता-माप (घान्य-माप)

| ४ षोडशिका | = १ कुड€ |
|--------------|----------------|
| ४ कुटह | = १ प्रस्थ |
| ४ प्रस्थ | = १ आदक |
| ४ आदक | = १ द्वीण |
| ४ द्रोग | = १ मानी |
| ४ मानी | = १ खारी |
| ५ खारी | = १ प्रवर्तिका |
| ४ प्रवर्तिका | == १ वाह |
| ५ प्रवर्तिका | = १ कुम्भ |

४. सुवर्ण भार-माप

| ४ गण्डक | = १ गुङ्जा |
|---------|------------|
| ५ गुझा | = १ पवा |
| ८ पष | = १ घरण |
| २ घरण | = १ कर्ष |
| ४ कर्ष | = १ पल |

५. रजत भार-माप

| २ भान्य | = १ गुङ्गा |
|-----------------|-------------------|
| २ गुजा | ⇔१ माध |
| १६ माष | ≈ १ घरण |
| २३ भरण | = १ कर्ष या पुराण |
| ४ कर्ष या पुराण | = १ पछ |

६. लोहादि भार-माप

| ¥ | पाद | = | ₹ | क्ला |
|----|------|---|---|------|
| 47 | करू। | - | १ | यव |

४ यव = १ अंश ४ अंश = १ भाग ६ भाग = १ द्रभुग ⇒ १ दीनार २ द्रक्षूण २ दीनार = १ सतेर १२३ पर = १ प्रस्थ २०० पत = १ तुला १० तुला = १ भार

७. वस्त्र, आभरण और वेत्रमाप

२० युगल

= १ कोटिका

८. भूमि-प्रमाण

१ वन इस्त घनीभृत भूमि = ३६०० पल १ वन इस्त दीली (loose) n = ३२०० पल

९. ईंट-प्रमाण

१ इस्त × चैइस्त × ४ अङ्गल ईंट = इकाई ईंट

१०. काष्ठ-प्रमाण

१ इस्त और १८ अङ्ग्रल = १ किब्कु ९६ अङ्गुल लम्बे और १ किब्कु चौड़े काष्ठलंड को आरे से काटने में किया गया कार्य = १ पट्टिका

११. छाया-प्रमाण

मनुष्य की है ऊँचाई = उसका पाद माप

परिशिष्ट-५

ग्रंथ में प्रयुक्त संस्कृत पारिभाषिक शब्दों का स्पष्टीकरण

[हिन्दी-वर्णमाळा क्रम में]

| शब्द | स्त्र | अध्याय | वृद्ध | स्पष्टीकरण | अम्युक्ति |
|---------------------|---|--------|-------|--|-------------------------------------|
| अगर | ••• | ••• | ••• | सुगैधित काष्ठ । | Amyris ag- |
| अ प्र | १ २ १- | 3 | ••• | आरो अथवा आरम्म का । | |
| একু | ••• | ••• | ••• | श्रुतशान के भेदों में से एक भेद का नाम अंग है। ये बारह होते हैं। | |
| এদু রু | ३५-२ ९ | Į į | ••• | लम्बाई का माप। | परिशिष्ट ४ की सूर्व १ भी देखिये। |
| अणु | २५- २७ | * | *** | परमाणु या अंत्यमहत्ता को प्राप्त पुदल कर्ण । | |
| अथ्वा न | 2 4 6 5 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 | (G) | ••• | किसी दत्त संख्या के अक्षरों बाले छन्द के समस्त सम्मव प्रकारों के दीर्घ और लघु अक्षरों को उपस्थित करने के लिए उदग्र (vertical) अन्तराल । लघु अथवा दीर्घ अक्षर के प्रतीक का अन्तराल एक अंगुल तथा प्रत्येक प्रकार के बीच का अन्तराल भी एक अंगुल होता है। | |
| अन्त्यधन | ••• | | • • • | समान्तर या गुणोत्तर भेंदि में अंतिम पद । | |
| अ -तरावलम्बक | | | | मीतरी क्षम्ब; दो स्तम्मों के शिखर से दोनों स्तम्मों के तक से जाने वाली रेखा में स्थित बिन्दु तक तत (stretched) दो धार्मों के मिथ- क्षेट्रन बिन्दु से लटकने वाले धारो का माप। | |

| शब्द | स्त्र | अध्याम | SE | स्पष्टीकरण | अभ्युक्ति |
|--------------------|-------|--------|-------|---|--|
| अन्तश्रकवाल दृत्त | | | ••• | कक्कण की भीतरी परित्रि। | |
| अपर | १३३ | 9 | ••• | उत्तर, बाद की। | 1 |
| अमोब वर्ष | | | *** | राजा का नाम; (साहित्यक) : वह जो वास्तव में उपयोगी वर्षा करते हैं। | And the state of t |
| अम्लवेतस | ••• | ••• | • • • | खदी पत्तियों वाली एक प्रकार की जड़ी। | Rumex Vesicarius. |
| अयन | | ••• | ••• | काल का माप | परिशिष्ट ४ की सूची २ देखिये। |
| अरिष्टने मि | *** | ••• | • • • | बाईस वें तीर्थंकर। | |
| अर्जुन - | *** | • • • | *** | बुध का नाम। | Ferminalia Arjuna W. & A. |
| अर्बु द | • • • | | ••• | ग्यारहवें स्थान की संकेतना का नाम। | |
| अवनति | ३२ | 9 | • • • | श्वकाव । | |
| अवलम्ब | 89 | 9 | ••• | शीर्ष से गिराया हुआ लम्ब । | |
| अ•यक्त | १२१ | ₹ | • • • | अशत । | |
| अशोक | ••• | ••• | • • • | बुक्ष का नाम। | Jonesia |
| असित | • • • | • • • | | 79 | Aso ka Roxb Grislea To- mentosa. |
| आढक | ••• | ••• | *** | बान्य-माप | परिशिष्ट ४ की |
| आदि | • • • | | ••• | श्रेदि का प्रथम पद । | 1841 / 4144 |
| आदिधन | ६३—६४ | २ | ••• | समान्तर श्रेंदि के प्रत्येक पद की प्रथम पद एवं प्रचय के अपवर्त्य के योग से संयवित मान लेते हैं। समस्त प्रथम पदों के योग को आदिश्वन कहते हैं। | T - constant |
| आदि मिश्रघन | 60-6F | 2 | ••• | प्रथम पद से संयुक्त । समान्तर श्रेटि | |
| आंबाधा | | ••• | ••• | का योग। किसी त्रिभुज या चतुर्भुज के आधार को संचरित करनेवाली सरल रेखा का खण्ड। | |
| • | | | | अनेन्द्र (Ellipse) | |

| হা ত্র | स्त्र | अध्याय | इह | स्पष्टीकरण | अम्युक्ति |
|----------------------|---------------|--------|-------|--|---------------------------------|
| आयाम | | ••• | | सम्बाई । | |
| आव िष | ••• | ••• | ••• | काल माप। | परिशिष्ट ४ की सूची २ देखिये। |
| इच्छा | • • • | ••• | • • • | त्रैराशिक प्रश्न सम्बन्धी वह राशि बिसके सम्बन्ध में दत्त अर्थ (Rate) पर | |
| • | | | | कुछ निकालना इष्ट होता है। | G |
| इ न्द्रनील | ••• | | • • • | शनिप्रिय, नीलमणि | Sapphire |
| इभदन्ताकार | ૭ ે.ને | y | • • • | हाथी के दांत (खीस) का आकार। | |
| उच्छ वास | ••• | ••• | ••• | काल माप । | परिशिष्ट ४ की सूची २ देखिये। |
| उत्तर धन | ६३–६४ | २ | ••• | समान्तर श्रेढि में पाये बाने वाले प्रचय के समस्त अपवर्त्यों का योग । | |
| उत्तर मिश्रधन | ८०-८२ | २ | ••• | समान्तर श्रेटि के प्रचयों तथा श्रेटि के योग को जोड़ने से प्राप्त मिश्र योगफल। | |
| उ त्पल | | ••• | • • • | बल में अगने वाला निक्रनी पुष्प । | |
| उत्सेथ | ••• | | ••• | उ ळ्राय या कॅचाई । | |
| उन्त वृत्त | ξ | 9 | ••• | उठे हुए सम्मितीय तल वाली आंकृति । | |
| उभय निषेध | ३७ | • | ••• | एक प्रकार का चतुर्भुब । | |
| 相子 | ••• | ••• | ••• | काल माप । | परिशिष्ट ४ की स्वी २ देखिये। |
| एक | | | ••• | इकाई का स्थान। | |
| ॵण्ड्र-औण्ड्रफल | २ | 6 | | किसी सांद्र अथवा खात की भनात्मक | |
| | ľ | | | समाई का व्यावहारिक माप जिसे ब्रह्मगुप्त ने औत्र कहा है। | |
| अंश | | | | घातुओं सम्बन्धी भार का माप ! | |
| -14 | | | | | परिशिष्ट ४ की |
| अंश मूल | ••• | ••• | ••• | मिन्नांश का वर्गमूल । | स्ची ६ देखिये। परिशिष्ट ४ की |
| अञ्चन र्ग | ••• | ••• | ••• | भिन्नांश का वर्ग। | स्ची ३ देखिये। "" |
| कदम्ब | ••• | ••• | ••• | वृक्षकानाम। | Nauclea |
| कम्बुका गृत | Ę | · v | | शंस के आकार की आकृति । | Cadamba, |

| शब्द | स्त्र | श्चाय | SE | स्पष्टीकरण | अम्युक्ति |
|----------------|-------|-------|-------|--|-------------------------------------|
| कर्ण | 48 | 9 | | सम्मुख कोण बिन्दुओं को जोड़ने वार्ला | |
| | | | | सरह रेखा । | 20 |
| कर्म | ••• | | • • • | जीव के रागद्वेषादिक परिणामों के | परिशिष्ट १ में भी |
| | ! | | | निमित्त से कार्माग वर्गणारूप जो पुद्रल | 'कर्म' देखिए। |
| | | | | स्कंध बीव के साथ बंधको प्राप्त होते | |
| | | | | हैं, उनको कर्म कहते हैं। | |
| कर्मान्तिका | 9 | 6 | | किसी सान्द्र अथवा खात की घनात्मक | |
| | | | | समाई का व्यावहारिक माप। | |
| कर्ष | | | | स्वर्ण या रजत का भार माप। | परिशिष्ट ४ की |
| | . | | | | स्चियाँ ४ और ५ देखिये । |
| कला | i | | | कुप्य (base) धातुओं का भार माप। | परिशिष्ट ४ की |
| | 1 | | | | स्ची ६ देखिये |
| कला सवर्ण | | ! | | भिन्न। | अध्याय तीन व |
| | | | | | प्रारम्म में पाद टिप्पणी देखिये। |
| कार्षापण | ••• | ••• | *** | कर्ष । | |
| কি ণ্কু | 1 *** | ••• | ••• | काष्ट्र चीरने के सम्बन्ध में लम्बाई का | |
| | | | | माप । | 0 |
| इड्ड म | | | | कुंकुम फूलों के पराग एवं अंशु । | Croeus sativus |
| कुट्टीकार | ७९३ | Ę | | अनुपाती विभावन । | |
| कुरदा } | ••• | | | धान्य का आयतन सम्बन्धी माप । | परिशिष्ट ४ व युची ३ देखिये |
| कुत्बा | | | | वृक्ष का नाम। | Wrightia Antidysen terica. |
| कुम्भ | ••• | ••• | ••• | धान्य का आयतन सम्बन्धी माप । | परिशिष्ट ४ व |
| कुर्वक | | | | वृक्ष का नाम । | the Amara |
| | | *** | | | nath or the |
| 1 | | | | | Barleria. |
| केतकी | ••• | ••• | | 1) | Pandanus |
| | | | 1 | | Odoratissi mus. |

| शब्द | सूत्र | अध्यास | AR. | स्पष्टीकरण | भम्युक्ति |
|----------------------------|-------|--------|----------|---|---------------------------------|
| कोटि | | | <u> </u> | करोड़, संकेतना का आठवाँ स्थान । |] |
| कोटिका | | | | वस्त्र, आमूषण तथा बेत का संख्यात्मक माप । | परिशिष्ट ४ की सूची ७ देखिये। |
| क्रोश | ••• | | ••• | लम्बाई (दूरी) का माप। | परिशिष्ट ३ की सूची १ देखिये। |
| कृति | 1 | ļ | - • • | वर्ग करण किया। | |
| कृष्णाग र | | | | सुगन्धित काष्ठ की काली विभिन्नता। | |
| खर्व | 1 | | | संकेतना का तेरहवाँ स्थान । | |
| खारी | i | , | | धान्य का आयतन सम्बन्धी माप। | |
| ग र ग र क | | | | श्रेदि के पदों की संख्या। | |
| गण्डक | į | | | स्वर्णे का भार माप । | परिशिष्ट ४ की सूची ४ देखिये। |
| गतना ड्य | १०व | 9 | | पूर्वोह्न में बीता हुआ दिनांश । | |
| गु जा गुजा | | | | रवर्ण या रजत का भार माप। | परिशिष्ट ४ की |
| 3411 | | | | , | स्चियाँ ४ एवं ५ देखिये। |
| 2797 | l eq | 9 | | जीया । | |
| गुज राजास्टरन | | | | गुना । | |
| गुणकार गुणधन | ९३ | २ | | गुणं तर श्रेद्धिके पदों की संख्या के | |
| શુપાયન | | | | तुत्य साधारण निष्पत्तियों को लेकर, | |
| | i | | | उनके परस्पर गुणनफल में प्रथम पद | |
| | | ; | | का गुणा करने से गुणघन शास होता है । | |
| | | į ; | ••• | गुणोत्तर श्रेडि (Geometrical | |
| गुण सङ्कलित | | | 1 | progression). | |
| | | | | काल माप | परिशिष्ट ४ की |
| षटी | | i i | | | सूची २ देखिये। |
| | ५३-५४ | २ | ••• | किसी राश्चिका घन करना; जिस राशि | |
| षन | | | | का धनमूळ निकालना इष्ट होता है, | |
| | | | | उसे इकाई के स्थान से प्रारम्भ कर | |
| | | | | तीन-तीन के समृह में विभाजित कर केते हैं। इन समृहों में से प्रत्येक का दाहिनी ओर का अंतिक अंक बन | |
| | | | | कहलाता है। | |
| | 1 | | ĺ | घनमूळ निकासने की क्रिया। | |

| शस्य | सूत्र | अध्याव | SR | स्पष्टीकरण | अम्युक्ति |
|---------------------|--------------------------|--------|--------------|--|----------------------|
| चक्रिकामञ्जन | Ę | १ | ę | बन्ममरण के चक्र का संहार करनेवाले; | |
| | | | | राष्ट्रकृट राजवंश के राजा का नाम। | |
| चतुर्मण्डल क्षेत्र | ८२३ | 9 | २०१ | मध्य स्थिति | |
| चम्पक | Ę | ¥ | ६९ | पीले सुगन्धित पुष्प वाला दृक्ष | Michelia Champaka |
| चय | ६८ | २ | २२ | प्रचय। वह राशि को समान्तर श्रेढि | |
| | | | | के उत्तरोत्तर पदीं में समान अन्तर | |
| | | | | स्थापित करती है। | |
| चरमार्ध | १०३३ | ६ | १ १ २ | शेष मूल्य | |
| चिति | ३०३ | 6 | १६९ | श्रेंदि संकलन । देर । | |
| 0 | 220 | | २६२ | | |
| चित्र कुद्दीकार | २१६ | દ્ | १४५ | अनुपाती विमायन समन्वित विचित्र एवं मनोरञ्जक प्रकत । | |
| चित्र इंडीकार मिश्र | २७३३ | €, | १६० | अनुपाती विमानन क्रिया के प्रयोत गर्भित विचित्र एवं मनोरज्जक निश्चित | |
| | | | | प्रस्त । | |
| | * २२ 2 | Ę | १७७ | अस्त । | A syllabic |
| छन्द | ररर ङ् | " | (00) | ••• | metre |
| जन्य | 909 | | २०४ | 'बीब' नामक दत्त न्यास से व्युत्पादित | |
| 1 | | | | त्रिमुब और चतुर्भुन आकृतियाँ । | |
| सम्बू | 88 | 8 | 60 | वृक्ष का नाम। | Eujenia |
| • | | | | | Jambalona |
| जिन । | * | 6 | 98 | जिन्होंने बातिया कर्मों का नाश किया | जिन्होंने अनेक |
| | | | | है वे सकल जिन हैं इनमें अरहंत और | विषम भवीं वे |
| | | | | सिद्धगर्भित 🕻 । आचार्य, उपाध्याय | गइन दुःख प्रदान |
| | | | | तया साधु एक देश जिन कहे जाते हैं | करनेवाले का |
| | | | | क्योंकि वे रजन्य सहित होते हैं। | शतुओं को जीता |
| İ | | | | असंयत सम्यक् दृष्टि से छेकर अयोगी | है-निर्जरा की है, |
| | | | | पर्यन्त समी बिन होते हैं। | वे जिन कहलाते |
| | | | | | 1 1 |
| बिनपति | ८३३ | ६ | १०८ | तीर्घेकर। | |
| ज्येष्ट घन | १०२३ | • | ११ २ | सबसे बढ़ा धन । | |
| हु ण्डुक | ĘIJ | 2 | २६८ | वृक्ष का नाम। | |

| शब्द | स्त्र | अध्याय | ्र पृष्ठ | स्पष्टीकरण | अम्युक्ति |
|---------------------|------------|----------|----------|---|--------------------------------|
| तमाल | ₹\$ | 8 | 98 | ष्ट्स का नाम । | Xantho- chymus |
| ताली | ११६३ | ξ | ११९ | वृक्ष का नाम | Pictorius |
| तिस्रक | ₹ ६ | 8 | ७२ | सुन्दर पुष्पों वाला वृक्ष । | |
| तीर्थं | 8 | ६ | 98 | उथला स्थान जहाँ से नदी आदि को पार कर सकते हैं। | |
| तीर्थेकर | * | ξ | 98 | तीर्थों को उत्पन्न करनेवाछी, चार- घातिया कर्मों का नाशकर अईत पद से विभूषित आत्मा। | |
| दुखा | 8.8 | 2 | Ę | कुप्य (Baser) घातुओं का मार माप। | |
| त्रसरेणु | २६ | 9 | R | कण । क्षेत्रमाप । | |
| त्रिप्रभ | १ २ | 8 | 7 | संस्कृत ज्योतिष प्रंथों के किसी अध्याय का नाम । | |
| त्रिसमचतुरभ | eq. | 9 | १८१ | तीन समान भुवाओं वासा चतुर्श्व क्षेत्र । | |
| दण्ड | ३० | 8 | X | दूरी की माप। | परिशिष्ट ४ क |
| दश | ६३ | ! * | 6 | संकेतना का दसवाँ स्थान। | स्ची १ देखिये। |
| दश कोटि | ६५ | . 8 | 6 | दस करोड़। | |
| दश लक्ष | ६४ | . 8 | 6 | दस हाल (One million)। | |
| द्श सहस | ६४ | . 8 | 6 | दस हजार। | |
| द्विरम्र शेषमूल | 3 | 8 | ६८ | मिनों के विविध प्रवनों की एक जाति। | |
| द्विसम त्रिभुज | eq | • | 260 | दो समान भुजाओं वाला (समद्विबाहु) त्रिभुज क्षेत्र । | |
| द्विसम चतुरश्र | 31 | >> | १८० | दो समान भुजाओं वाला चतुर्भुज क्षेत्र। | |
| द्वि द्विसम चतुरश्र | " | 25 | 260 | आयत क्षेत्र । | |
| दीनार | 8.5 | 2 | ٤ | कुप्य धातुओं का भार माप। टंक- (सिक्के) का नाम भी दीनार है। | परिशिष्ट ४ की सूची ६ देखिये |
| दृष्ट धन | 68 | २ | २६ | श्रात धन | प्रया ५ दाखन |
| द्रभ्रूण | Κź | 8 | ξ | कुष्य घातुओं (Baser metals) का भार माप । | 19 99 |
| द्रोग | ३७ | 8 | ષ | धान्य सम्बन्धी आयतन माप | परिशिष्ट ४ की स्ची ३ देखिये |
| घनुषाकार क्षेत्र | *₹ | 9 | १९० | वृत्त के चाप एवं चापकर्ण से सीमित क्षेत्र। | प्यारयालया |

| died | स्त्र | अध्याय | SR | स्पष्टीकरण | भम्युक्ति |
|----------------|------------|--------|------------|--|--|
| धरन | 38 | ₹ | ५ | स्वर्णयारबतकामारमाप। | परिशिष्ट ४ की स्चियाँ ४ और ५ देखिये। |
| नन्धावर्त | ३३२३ | Ę | १७७ | विशेष प्रकार के बने हुए राजमहरू का नाम। | |
| नरपास | १० | २ | ११ | राजा; सम्भवतः किसी राजा का नाम । | |
| निरुद | ५६ | R | ४९ | छ षुत्तम समापवरर्य । | |
| निषक | 888 | ₹ | ६१ | स्वर्णटंक (सिक्का)। | |
| नीकोत्पस्त | २२१ | Ę | १४७ | नील कमल (बल में उगने वाली नीली नलिनी)। | |
| नेमिक्षेत्र | १७ | v | १८४ | दो संकेन्द्र परिधियों का मध्यवर्ती | |
| | ८०३ | " | ₹00 | क्षेत्र (Annulus)। | |
| न्यर्बुद | ६५ | 8 | ۵ | संकेतना का बारहवाँ स्थान। | |
| पट्टिका | 63- | 6 | २६७ | करुच कर्म (Saw-work) का | परिशिष्ट ४ की |
| | ६७३ | | - 1 | माप । | स्ची १० देखिये। |
| प्रम | ३९ | 8 | ų | स्वर्णका भारमाप; स्वर्णटंक | परिशिष्ट ४ की स्वी ४ देखिये। |
| पणस | ₹ २ | 9 | 266 | (सिका)। डिंडम या मेरी; | A 2 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 |
| (अन्वायाम छेद) | | | | ••• | |
| पश | ६६ | 2 | 6 | संकेतना का पंद्रहवाँ स्थान । | |
| पद्मराग | ş | ₹ | १ • | एक प्रकार का रता। | |
| परमाणु | २५ | 2 | 8 | पुद्रल का अविभागी कण । | परिशिष्ट ४ की दुची १ देखिये। |

| संबद | सूत्र | अध्याव | T | स्वष्टीकरण | काम्युक्ति |
|--------------|-------|--------|----------|---|---------------|
| परिकर्म | 80 | 2 | Ę | गणितीय कियाएँ। इन्द्रनन्दि कृत | |
| | 86 | | | अतावतार (स्त्रोक १६०-१६१) के | |
| | | | | अनुसार कुन्दकुन्दपुर के पद्मनन्दि | |
| | | | | (अर्थात् कुन्दकुन्द) ने अपने गुरुओं | |
| | | | | से विद्वान्त का अध्ययन किया और | |
| | 1 | | | षट्खंडागम के तीन खंडों पर परि- | |
| | | | | कर्म नाम की टीका लिली। यह | |
| | | | | अनुपलन्य है। (त्रिलोक प्रहति, | |
| | ĺ | | | भाग २, १९५१ की प्रस्तावना से | |
| | 1 | ļ | | उद्दुत)। | 1 |
| पल | ३९ | | 4 | स्वर्ण, रबत एवं अन्य धातुओं का | परिशिष्ट ४ क |
| | 88 | 8 | 4 | भार माप । | स्चियाँ ४, ५, |
| | 8.8 | | દ્ | | देखिये । |
| पश्च | ₹8 | 1 | Le. | काल माप। | परिशिष्ट ४ क |
| | | | | | ध्ची २ देखिये |
| पाटली | Ę | 8 | ६९ | मधुर गंध वाले पुष्पी | Bignonia |
| 11-1-1 | २४ | 8 | ७२ | वाला द् क्ष । | Suaveolens |
| पाद | ₹°. | * | ४ | लम्बाई का माप। | परिशिष्ट ४ क |
| | | 1 | | | सूची १ देखिये |
| पार्ख | ८३२ | ٤ | १०८ | पार्स्वनाथ, २३वें तीर्थंकर । बाजू में । | |
| पुत्राग | ३५ | 8 | ७३ | कुक्ष का नाम । | Rottleria |
| | | | | | Tinctoria |
| पुराण | 84 | ٤ | દ્ | रजत का भार माप, सम्भवतः | परिशिष्ट ४ की |
| | | i | | र्टक भी। | स्ची ५ देखिये |
| पुष्यराग | 8 | २ | १० | एक प्रकार का रता। | |
| पैशाचिक | ११२३ | 9 | २१३ | | |
| | | | | कठिन अथवा चटिछ । | |
| प्रकीर्णेक | 3 | 8 | EC | विविध प्रश्नाबल्छि । | |
| प्रतिबाहु | . (9 | اوا | १८२ | पार्श्व या बाज् की मुजा । | |
| प्रस्युरपञ्च | 8 | २ | 9 | गुणन । | |
| प्रपूरणिका | १९२ | Ę | १४० | (साहित्यिक) नद्द जो पूर्ण रूप से भर अथना तुष्ट कर देती है; यहाँ स्वर्ण मिश्रित कुप्य चातुएँ; तलक्रट | |
| | | | | (dross)। | |

| सन्द | स्त्र | अध्याय | A.R. | स्पष्टीकरण | भम्युक्ति |
|--------------------|-------|--------|------|---|---------------------------------|
| प्रभाग | 99 | 3 | ५९ | मिन्न का मिन्न (भाग का भाग)। | |
| प्रमाण - | २८ | ۶ | 8 | लम्बाई का माप। | परिशिष्ट ४ की सूची १ देखिए! |
| | २ | 4 | ८३ | इच्छा की संवादी दत्त राशि को | |
| प्रवर्तिका | ३७ | ١ ا | ų | त्रैराशिक प्रश्नों से सम्बन्धित है। | |
| प्रस्थ प्रस्थ | 3 & | 9 | ધ | घान्य सम्बन्धी आयतन माप । " | परिशिष्ट ४ की |
| 404 | | | ` | : "" "" : | स्चियाँ ३ और ६ देखिये । |
| प्रकेपक | 393 | દ્દ | १०८ | अनुपाती वितरण। | |
| प्रक्षेपक करण | ७९३ | ६ | | अनुपाती वितरण सम्बन्धी क्रिया। | Ficus Infec- |
| प्रस | ६७ | 6 | २६८ | क्क का नाम; पोडुम्बर। | toria, or |
| फल | 2 | 4 | 63 | त्रैराशिक प्रश्न में निकाली बाने वाली | Religiosa. |
| 444 | | , | ya - | राशि की संवादी दत्त राशि। | |
| बहिश्रक्षकाल पुत्त | २८ | 9 | | कङ्कण की बाहिरी परिषि । | |
| | 863 | 0 | १९७ | i e | : |
| स्व | 83 | 9 | १५० | धनुषाकार क्षेत्र में चाप और चापकर्ण | 1 |
| | | | | की महत्तम उदम दूरी। (height of a segment) | |
| बाकेन्द्र क्षेत्र | ७९३ | 9 | २०० | चंद्रमा की कला सहश क्षेत्र | 1 |
| बीब | 974 | | | (साहित्यिक), बोया जाने वाला | |
| | | | | भान्य आदि । | |
| | 903 | 9 | २०४ | (यहाँ) इसका उपयोग धनात्मक | |
| | | | | दो पूर्णाक्कों के अभिधान हेतु होता है | |
| | | | | जिनके गुणनफल एवं वर्गी की सहायता | 1 |
| | - | , | | से भुजाओं के माप को निकालने | |
| | | | | पर समकोण त्रिभुज संरचित होता है। | - |
| माग | ४२ | 8 | Ę | कुप्य (baser) घातुओं का माप | परिशिष्ट ४ की सूची ६ देखिये। |
| भागानुबंध | ₹१₹ | ₹ | € ? | संयव भिन्न (Fractions in association) | |
| भागापवाह | १२६ | 3 | ६३ | वियुत भिन्न (Dissociated | |
| | ``` | 1 | | fractions) | |

| सब्द | सूत्र | अध्याय | SE | स्पष्टीकरण | भम्युक्ति |
|-----------------|-------------|--------|-------------|---|--------------------------------|
| भागाम्यास | 1 3 | ¥ | ६८ | प्रकीर्णक भिन्नों का एक प्रकार। | |
| भागभाग | ११ १ | ₹ | ६० | ৰহিল মিন্ধ (Complex frac- tion)। | |
| भागमातृ | १३८ | *** | હહ | भाग, प्रभाग, भागभाग, भागानुबन्ध, और भागापवाह भिन्न जातियों के दो या दो से अधिक प्रकारों के संयोग से संरचित । | |
| भाग सम्बर्ग | ą | 8 | ६८ | प्रकीर्णक भिन्नों की एक न्नाति। | |
| भागहार | 86 | २ | १२ | विभाजन क्रिया। | 1 |
| मास्य | 43-4× | ę | 26 | घनमूल समूद की रचना करने वाले | |
| | | | | तीन स्थानों में से बीच का स्थान। | 5 |
| | i | | 1 | जिसमें भाग देते हैं। | |
| भार | AR | ¥ | Ę | कुप्य (baser) धातुओं का माप। | परिशिष्ट ४ की स्ची६ देखिये। |
| भिन्न कुट्टीकार | *** | Ę | १२३ | भिन्नीय राशियों का अन्तर्घारक अनुपाती वितरण। | |
| भिन दृश्य | 3 | ٧ | E C. | प्रकीर्णक भिन्नों की एक जाति। | |
| मधुक | २५ | . 8 | ७२ | बृक्ष का नाम। | Bassia |
| | | | ļ | | Latifolia |
| मध्यघन | ६३ | २ | २१ | समानान्तर श्रेढि का मध्य पद । | |
| मर्दल | ३२ | 9 | 366 | डिंडिम या भेरी। | |
| (अन्वायाम छेद) | | | | | |
| महाखर्व | ६६ | 8 | 6 | संकेतना का चौदहवाँ स्थान । | |
| महापदा | 88 | 8 | 6 | संकेतना का सोलहवाँ स्थान । | |
| महा वीर | ٤ | 8 | ٤ | २४वें तीर्थंकर वर्द्धमान स्वामी । | |
| महाशंख | ६७ | 8 | 6 | संकेतना का बीसवाँ स्थान । | |
| महाक्षित्या | ६८ | 8 | 6 | संकेतना का बाईसवाँ स्थान । | |
| महाक्षोभ | ६८ | 8 | 6 | संकेतना का चौबीसवाँ स्थान । | |
| महाक्षोणी | ६७ | 8 | 6 | संकेतना का अठारहवाँ स्थान । | |
| मार्ग | ६३ | ۵ | ₹ ६ ७ | छेद (section); वह अनुरेखा जिस पर से काष्ठ का टुकड़ा आरे से चीरा जाता है। | |

| शब्द | सूत्र | अध्याय | पृष्ठ | स्पष्टीकरण | अम्युक्ति |
|--------------------------|------------|----------|------------|--|---|
| मानी | ३७ | १ | ų | धान्य सम्बन्धी आयतन माप । | परिशिष्ट ४ की सूची ३ देखिये। |
| माष | 80 | ė | ષ | रजत का भार माप टैक (सिक्का)। | परिशिष्ट ४ की सूची ५ देखिये। |
| मिभषन | 60-62 | २ | 8,8 | संयुक्त या मिला हुआ योग । | |
| मुख | ५० | 9 | १९३ | चतुर्भुव की ऊपरी मुबा (top-side) | शङ्काकार और मृदङ्क आकार वाले क्षेत्रों में भी मुख क उपयोग हुआ है |
| गुर ज | ३ २ | U | 166 | मृदंग के समान डिंडिम या भेरी। | 4 |
| मुहूर्त | ₹४ | 8 | Eq. | काल माप | परिशिष्ट ४ की सूची २ देखिये। |
| म्ल | ३६ | २ | १५ | वर्गमूल; प्रकीर्णक भिन्नों को एक जाति | |
| | ₹ | 8 | ६८ | | |
| मूलिभ | ₹ | ¥ | ६८ | जिसमें वर्गमूल अंतर्भूत हो; प्रकीर्णक मिन्नों की एक जाति। | |
| मेर | e, | فع | ८ ३ | बम्बूद्वीप के मध्यमाग में स्थित सुमेक पर्वत । विशेष विवरण के लिये त्रिलोक प्रकृति भाग २ में (४/१८०२-१८११; ४/२८१३, २८२३) देखिये। | |
| मृदंग (अन्वायाम छेद) | ३२ | e | १८८ | एक प्रकार की डिंडिम या मेरी। | |
| यव | २७ | 8 | 8 | एक प्रकार का घान्य; लम्बाई का माप। | परिशिष्ट ४ क |
| ` | ४२ | 9 | Ę | एक प्रकार का चातु माप। | स्ची १ देखिये |
| यव कोटि | 42 | 9 | २७० | लंका के पूर्व से ९०° की ओर एक स्थान। | |
| योग | ** | ¥ | હધ | मन बचन काय के निमित्त से आत्मा के प्रदेशों के चंबल होने की क्रिया। | (जैन परिभाषा |
| योजन | ₹₹ | ! | ٨ | तपस्या; ध्यान का अम्यास सम्बाई का माप | (अन्य मत से परिशिष्ट ४ क |
| रथरेणु | २६ | | ¥ | पुद्रल कव | स्ची १ देखिये। |
| K 4 | ९७३ | 8 | १११ | | 77 77 |
| रोमकापुरी | 104 | 9 | 200 | | |

| হাতর | स्त्र | अध्याय | As | स्पद्यकरण | अस्युक्ति |
|-------------------|--------|---------------------|------------|--------------------------------------|--------------------------|
| कड़ा | 49 | 9 | २७० | वह स्थान बहाँ उज्वैन से निकलने | المنط المرادية والمستحدد |
| | | | | वाला भ्रववृत्त (meridian) विषु- | |
| | | | | वत् रेखा से मिलता है। | |
| स्रव | 33 | 8 | ų | काल माप । | परिशिष्ट ४ की |
| | | i | | | सूची २ देखिये । |
| स्रभ | 88 | 2 | C | लाख, संकेतना का छटवाँ स्थान। | |
| स्राभ | ٩ | Ę | ९२ | भजनफल या हिस्सा (अंश)। | Minne |
| वकुल | 24 | 8 | ७२ | वृक्ष का नाम। | Mimusops |
| | | | | | Elengi. |
| वज | ३२ | 9 | , १८८ | इंद्र का आयुध । | |
| (अन्वायाम छेद) | | | ! | ••• | |
| वज्रापवर्तन | . २ | 3 | ३ ६ | भिजों के गुणन में तिर्थंक प्रहासन। | |
| वर्गमूळ | ३६ | 2 | १५ | वह इष्ट राशि जिसका वर्ग करने से वह | |
| | ** | 1 | , , | दत्त राधि उत्पन्न होती है जिसका | |
| | | } | | वर्गमूल निकालना इष्ट होता है। | |
| वर्ण | १६० | \ \ \ \ \ \ | १३५ | | |
| | | , | 1 | वर्ण का मानकर दत्त स्वर्ण की शुद्धता | |
| | | | 1 2 2 2 2 | के अंद्रा का अभिधान वर्ण द्वारा | |
| वर्षमान | ₹ . | 4 | 63 | 1 | |
| विक्रिका | 12.4 | i | 284 | लता सहश अंकर्थंलला पर आधारित | |
| विक्रका कुटीकार | 1 6.4 | A | | अनुपाती वितरण । | |
| वाह | ₹6 | , | 4 | धान्य सम्बन्धी आयतन माप । | |
| विचित्र कुट्टीकार | २१६ | ٤ | १४५ | | |
| | ! ! | 1 | 1 | एवं मनोरञ्जक प्रश्नावित्र । | ं ∶परिशिष्ट ४ की |
| वितस्ति | 3 o | 1 | 8 | लम्बाई का माप । | i . |
| £ | | | 2510 | यहाँ आयताकार नगर का प्रयोजन | ब्ची १ देखिये। |
| विद्याघर नगर | ६२ | 6 | 740 | मालूम पड़ता है। | |
| fapri andres | १३४ | Ę | 922 | मिनीय राशियों का अंतर्घारक अनुपाती | |
| विषम कुद्दीकार | 540 | 4 | 544 | (भिन्न कुट्टीकार)। | |
| विषम चतुरश्र | ų | 9 | १८१ | | |

يؤني لا

| शब्द | सूत्र | अध्याय | पृष्ठ | स्पष्टीकरण | अम्युक्ति |
|----------------------|------------|--------|-----------------|--|----------------------------------|
| विषम संक्रमण | २ | Ę | 99 | कोई भी दत्त दो राशियों के माजक | 1 |
| | | li | | और मजनफल द्वारा प्ररूपित दो | ! |
| | | | | राशियों के योग एवं अंतर की अर्ड | : |
| | _ | | | राशियों सम्बन्धी क्रिया। | : |
| बृष भ | ८३३ | 15 | 203 | प्रथम तीर्थेकर का नाम। | |
| च्यवहारांगु स | २७ | 9 | X | लम्बाई का माप l | परिशिष्ट ४ की सूची १ देखिये। |
| <u>ज्युत्कखित</u> | १०६ | 3 | ३२ | समानान्तर भेढि की समस्त्र श्रेढि में से | |
| | | . | * | श्रेद्धिका अंश घटाने की क्रिया। | |
| হাস্ক্র | ६७ | | 6 | ् सैकेतना का उजीसवां स्थान । | |
| शत | ६३ | ? | 6 | सौ; सेकड़ा। | |
| शत कोटि | ६५ | ۶ | 6 | सौ करोड़ । | • |
| যাক | 68 | 6 | | इश्र का नाम (Teak tree)। | |
| ग्रान्ति | ८४ई | 8 | २०८ | श्चान्तिनाय तीर्थक्कर । | ! |
| शे व ् | 24 | ¥ | Ē/, | ्र आरम्भ से श्रेष्टि के अंद्य को निकाल देने पर रोष बचनेवाले पद। | ! |
| शे पनाड्य | 503 | ? | २७१ | अपराह्न में बीतनेवाला दिनांश । | • |
| शेषमूल | ş | 8 | 53 | प्रकीर्णक भिन्नों की एक जाति। | |
| शोध्य | 43-48 | २ | १८ - | घनमूळ समूह के तीन अंकों में से एक। | |
| आवक | ६६ | 7 | २२ | बैनधर्म का पालन करने वाला यहस्थ । | |
| भीपणीं | €'3 | 6 | २६८ | कृक्ष का नाम। | Premna |
| अङ्गा टक | ₹03 | 6 | ુ ધ | त्रिभुजाकार स्तूप । | Spinosa. |
| षोद्यशिका | ३६ | 8 | ام | धान्य सम्बन्धी आयतन माप । | परिशिष्ट ४ को सुनी ३ देखिये । |
| सकल कुट्टीकार | १३६३ | Ę | १२४ | अनुपाती वितरण जिसमें मिन्न अंत- र्भृत नहीं होते। | . सुमार पाला । |
| सङ्ग्रमग | 2 | Ę | 98 | दो सिधियों के योग एवं अन्तर की अर्द्ध राशियों सम्बन्धी किया । | |
| सङ्कालित | 48 | २ | २० | | • |
| सङ्कान्ति | १७ | ષ | 64 | सूर्व का एक राश्चिसे दूसरी राशि में प्रवेश करने का मार्ग । | : |

गणितसारसंप्रह

| शब्द | सूत्र | अच्याय | SE | स्पष्टीकरण | अम्युक्ति |
|--------------------------|------------|--------|------------|---|--|
| सतेर | 8\$ | ٤ | Ę | कुच्य (baser) बातुओं का मारमाप। | परिशिष्ट ४ की सूची ६ देखिये। |
| समचतुरभ | ११२३ | ७ | २१३ | | |
| सम त्रिभुव | 4 | v | १८१ | वह त्रिमुज जिसकी सब भुजाएँ समान हों। | |
| समय | ३२ | \$ | ¥ | कालमाप । एक परमाणु का दूसरे परमाणु के व्यतिक्रम करने में जितना काल लगता है, उसे समय कहते हैं। | परिशिष्ट ४ की सूची २ देखिये। |
| समृहत | Ę | ৬ | 8.7.8 | | 1 |
| सरल | २ ६ | X | ७२ | वृक्ष का नाम | Pinus Longifolia |
| सर्ज | ६७ | 6 | २६८ | बुध का नाम (साल बुध के समान)। | |
| सर्वधन | ६३-६४ | Ę | ૨ શ | समान्तर श्रेंडि का योग। | |
| सलकी | ६३ | 8 | ८० | वृक्ष का नाम। | Boswellias Thurifera |
| सङ्ख | ६३ | 1 2 | 6 | हबार | : |
| सारस | ३६ | 8 | ७४ | एक प्रकार का पक्षी। | ! |
| सार संग्रह | २३ | | 92 | (साहित्यक) किसी विषय के सिद्धान्तों का संक्षिप्त प्रतिपादन । (यहाँ) गणित ग्रंथ का नाम । | |
| सारू | २४ | | ७२ | युक्ष का नाम। | Shorea Ro- busta, or Valeria Ro- |
| सिद्ध | * | Ę | 0,8 | षातिया और अषातिया कर्मी का नाच कर अष्टगुणों आदि को प्राप्त मुक्त आयमा । | busta. |
| सिद्धपुरी | 6 3 | 9 | २७० | लङ्का के प्रतिभवस्य । | |
| सुमित | ف | 8 | 90 | पांचवें तीर्थक्कर का नाम। | l i |
| सुवर्ण कुट्टीका र | १६९ | ξ | १३५ | स्वर्ण सम्बन्धी प्रश्लों में प्रयुक्त अनु- पाती वितरण । | |
| सुत्रत | ८३३ | Ę | 206 | बीसर्वे तीर्थं हर का नाम। | |
| स्रमफल | २ | ७ | 268 | क्षेत्रफब अथवा बनफल का गुद्ध माप। | परिशिष्ट ४ की |
| स्तोक | ₹ ₹ | 8 | 4 | काळमाप । | स्वी २ देखिने। |

| शब्द. | स्त्र | अध्याय | SE | स्पष्टीकरण | अस्युक्ति |
|----------------|--------|--------|-----|--|---|
| स्यादबाद | 6 | १ | २ | "कर्यनित्" का पर्यायनाची शन्द। (पाद टिप्पणी भी देखिये)। | |
| स्वर्ण | ९६ | २ | ३० | सोने का टंक (सिक्का)। | सुवर्ग भी। |
| इस्त | ३० | ۶ | 8 | लम्बाई का माप। | परिशिष्ट ४ की |
| इ न्ताळ | ११६ दू | 8 | ११९ | वृक्ष का नाम। | स्वी १ देखिये। Phaenix or Elate Palu- |
| क्षित्या | ६८ | 8 | 4 | संकेतना का इस्तीसवां स्थान । | dosa. |
| क्षेपपद | 90 | २ | २२ | समान्तर भेढि के दुगुने प्रथम पद एवं प्रचय के अंतर की अर्द्धराशि । | |
| श्चोणी | ६७ | ١ | 6 | संकेतना का सत्रहवां स्थान। | |
| क्षोभ | 86 | 8 | 6 | संकेतना का तेईसवां स्थान। | |

नोट—उपर्युक्त सारणी में सूत्र अध्याय एवं पृष्ठ के प्रारम्भ के कुछ स्तम्भ भूल से रिक्त रह गये हैं। उन्हें क्रमानसार नीचे दिया जा रहा है—

> अगर-९।३।३७। अग-६२। अक्र--४५।४।७५। अक्रेड--रण१।४। अणु-४। अध्वान-१७७। अत्स्यधन-६३।२।२१। अन्तरावलम्बक--१८०३ ।७।२३६। अन्तश्रक्षवास कृत-६७३ ।७।१९७। अपर-- २७२। अमोधवर्ष--३।१।१। अम्स्रवेत्स--६७।८।२६८। अयन---३५।१।५। अरिष्टनेमि--८४३।६।१०८। अर्जुन--६७।८।२६८। अर्बुद-६५।१।८। अवनति-२७७। अवलम्ब--१९२। अव्यक्त--१२२।६।६२। अशोक--रि४।४।७२। असित--६७।८.२६८। आदक--३६।१।५ आदि--६४।२।२१। आदिधन---२१। आदि मिश्रधन----२४। आवाधा---४९।७।१९२। आयतक्त--१८१। आयाम--१।७।१८४। आवस्ति-३२।१।४। इच्छा--२।५।८३। इन्द्रनीळ--२२०।६।१४७। इमदन्ताकार-८०३ ।७।२००। उच्छवास-३३।१।५।

उत्तर धन---२१। उत्तर मिश्रधन---२४। उत्पन्न--१४०|३|६७| उत्सेष---१९८३।७।२४१। उद्यत क्त-१८१। उभय निषेध --१८९। ऋतु--३५।१।५। एक-६३।१।८। औण्ड्-औण्ड्फ्ड--२५१। अंश-४२११६। अंशमुख-३।४।६८। अंशवरी-३।४।६८। कदम्ब-६।४।६९। कम्बुकावृत्त-१८१। कर्ण-१९४। कर्म--६०।१।७। कर्मान्तिका--र५३। कर्ष ३९--४०।१।५। कला-४२।१।६। कला सवर्ग-२।३।३६। कार्षापण-११।५।८४। किष्क-६३।८।२६७। कुक्रम-६३।३।५०। कुट्टीकार-५०८। कुरव-कुटहा--३६।१।५। कुटज--२३।४।७२। क्रम--देटाराचा करवक--- २६।४।७६। केतकी-१०२।३।५९। कोटि-६४।१।८। कोटिका-४५।शह। क्रोश-३१।शह। कति-१३।३/३ कृष्णागब-६।५।८४। खर्व-६६११८। खारी-३७११रा गच्छ--६१।२।२०। गण्डक--३९।१।५। गतनाड्य-२७१। गुजा--१९।१।५। गुज--१८१। गुणकार-- २।३।३६। गुणधन---२८। गुण सङ्गलित—९४।२।२९। वन-४३।२।१६। घनमूळ---'५३।२।१८। बटी--३३।१।५।

परिशिष्ट-५

हॉ॰ हीराखाल बैन ने बन सन् १९२३—२४ में कारंबा के बैन मण्डारों की ग्रन्थस्वी तैयार की यी तभी से उन्हें नहीं की गणितसार संग्रह की प्राचीन प्रतियों की बानकारी थी। प्रस्तुत ग्रन्थ के पुनः सम्पादन का विचार उत्पन्न होते ही उन्होंने उन प्रतियों को प्राप्त कर उनके पाठान्तर लेने का प्रयक्त किया। इस कार्य में उन्हें उनके प्रिय शिष्य व वर्तमान में पाली प्राकृत के प्राध्यापक श्री जगदीश किस्केदार से बहुत सहायता मिली। उक्त प्रतियों का को परिचय तथा उनमें से उपलब्ध टिप्पण यहाँ प्रस्तुत किये का रहे हैं वे उक्त प्रयास का ही फल है। अतः सम्पादक उक्त सजनों के बहुत अनुग्रहीत है।

कारंजा जैन भण्डार की प्रतियों का परिचय

ऋसांक-अ० नं० ६३

- (१) (मुख पृष्ठ पर) इत्तीसी गनितग्रंथ (१)—(पुष्पिका में) सारसंग्रह गणितशास्त्र ।
- (२) पत्र ४९---प्रति पत्र ११ पंक्तियाँ--आकार ११. "७५×५"
- (३) प्रथम व्यवहार पत्र १५, द्वितीय २२ (१), द्वितीय २२, तृतीय ३७, चतुर्थ ४२
- (४) प्रारंभ-॥८०॥ॐ नमः सिद्धेम्यः॥ अलंब्यं त्रिजगत्सारं ३०
- (५) अन्तिम—(पत्र ४२) इति सारसंग्रहे गणितशास्त्रे महावीराचार्यस्य कृतौ त्रिराशिको नाम चतुर्थो व्यवहारः समाप्तः ॥

श्रीवीतरागाय नमः ॥ छ ॥ छत्तीसमेतेन सक्छ ८ भिन्न ८ भिन्नजाति ६ प्रकीणैक १० त्रैराशिक ४ इंचा ३६ नू छत्तीसमे बुदु वीराचार्यक पेरुहगणितवनु माधव-चंद्रत्रैविद्याचार्यक शोधिसिदरागि शोध्य सारसंग्रहमेनिसिकोंबुदु ॥ वर्षसंकलिता-नयनसर्व ॥

- (६) अन्तिम—(पत्र ४९) वनं ३५ अंकसंदृष्टिः छः ॥ इति छत्तीसीगणितमंथसमाप्तः॥ छ ॥ छ ॥ औः ॥ छमं भूयात् सर्वेषां ॥ ॥ ः संवत् १७०२ वर्षे माम् श्विर वदी ४ बुचे संवत् १७०२ वर्षे माम् श्विर व छक्ते भीमूळसंचे सरस्वतीगळे बलात्कारगणे श्रीकुंदकुंदा-चार्यान्वये म० श्रीसक्तककीर्तिदेवास्तदन्वये म० श्रीवादिभूषण तत्पट्टे म० श्रीरामकीर्ति-स्तत्पट्टे म० श्रीपमनंदीविराजमाने आचार्यश्रीनरेंद्रकीर्तिस्तिच्छिष्य व० श्रीलाक्यका तिच्छिष्य व० कामराजस्तिच्छिष्य व० लालबि ताम्यां श्रीरायदेशे श्रीमीलोडानगरे श्रीचंद्रमभचैत्यालये वोसी कुंद्रा मार्या पदमा तथोः सुतौ दोसी केश्वर भार्या लालाप्य छत्तीसीगणितशास्त्रं दत्तं श्रीरस्तु ॥
- (७) प्राप्तिस्थान-वळात्कारगणमंदिर, कारंबा, २०० नं ० ६३
- (८) स्थिति उत्कृष्ट, अश्वर स्पष्ट,
- (९) विशेषता—पृष्ठमात्रा, टिप्पण—(समास मे)

गणितसारसंप्रह

प्रति क्रमांक-अ० नं० ६४

- (१) सारसंग्रह गणितशास्त्र।
- (२) पत्रसंख्या १४२ प्रतिपत्र १० ५क्कियाँ—प्रतिपंक्ति २५ अश्वर आकार ५"°४ 🗙 ११" ।
- (३) प्रथमन्यवहार ३७ द्वितीय ७८ तृतीय ९५ चतुर्थ १०४ पञ्चम १११ वष्ट १३१ वसम १४० अंतिम १४२ ।

(४) प्रारंभ— ८०॥ श्री बिनाय नमः ॥ श्रीगुष्टम्यो नमः ॥ प्रणिपत्य वर्द्धमानं विद्यानंदं विद्युद्धगुणनित्वयं । सूरिं च महावीरं कुर्वे तद्गणितद्याखसद्वृत्ति ॥ १॥ अर्लव्यं इस्मादि ।

(५) अंतिम—छत्तीसी टीका ग्रंथसंस्या ३०००५ शुभं भवतु ॥ श्रीरस्तु ॥ शुभं ॥ स्वस्ति श्री संवत् १६१६ वर्षे कार्तिक युदि ३ गुरौ श्रीगंबारशभरवाने श्रीमदादिजिनचैत्याख्ये श्रीमृख्यंचे श्रीसरस्वतीगच्छे श्रीबढात्कारगणे श्रीकुंदकुंदाचार्यान्वये म० पद्मनंदिदेवास्तत्पट्टे म० श्रीदेवेंद्रकोर्तिदेवास्तत्पट्टे म० श्रीदेवेंद्रकोर्तिदेवास्तत्पट्टे म० श्रीकानभूषणदेवास्तद्पट्टे म० श्रीक्रमचिद्रदेवास्तत्पट्टे म० श्रीवीरचंद्रदेवास्तत्पट्टे म० श्रीकानभूषणदेवास्तद्यये आचार्य- प्रमितिकीर्तेकपदेशात् श्रीहुंब क्षातीय सोनी सांत् भार्या बाई हरवाई तयोः पुत्र सोनी देघर भार्या मरवाई तयोः युत्र सोनी देवजी सीमजी एतेषां मध्ये सोनी देघरकेन इदं शास्त्रं खिलाप्य प्रदत्तं किंवत् श्रावकैः खिलापितं ॥ इ ॥

आ॰ बीरत्तभूषणानामिदं ॥

इतीस गणितनि टिका

संवत् १८४२ मिति वेसाख सुदि ११ महारक भीवीयाभूषणइदं गणत छत्तिसी महारक भी देवेन्द्र-कीर्तिजीव्यां प्रदत्तं सुर्म भूयात् ।

(६) बलारकार मंदिर कारंजा क० ६४।

प्रति क्रमांक-अ० नं० ६५

- (१) सारसंग्रह गणितद्याख्य-प्रशस्त मे-पर्त्रिशतिकागणितशास्त्र ।
- (२) पत्र ५३; प्रति पत्र १० पंक्तियाँ; आकार ११"×४"'७५।
- (३) प्रथम व्यवहार १६; हितीय ३४; तृतीय ४०; चतुर्थ ४६; पंचम ५३।
- (४) प्रारंम-८०॥ श्रीवीतरागाय नमः ॥ अलंब्यं त्रिजगत्सारं इत्यादि ।
- (५) अन्तिम—(पत्र ५३) घनं ॥ इति सारसंब्रहे गणितशास्त्रे महावीराचार्यस्य कृती वर्गसंकिकतादिव्यवहारः पंचमः समाप्तः ॥

संवत् १७२५ वर्षे कार्तिक अदि १० भीमे श्रीमृत्वसंचे सरस्वतीगक्ठे बलात्कारगणे श्रीकुंदकुंदाचार्यान्वये म० श्रीसकलकीत्यन्वये म० श्रीवादिभूषणदेवास्तरपट्टे म० श्रीरामकीर्ति देवास्तरपट्टे म० श्रीरामकीर्ति देवास्तरपट्टे म० श्रीरामकीर्ति स्तिन्त्रच्य सुनि श्रीश्रुतकीर्ति-स्तिन्त्रच्य सुनि श्रीश्रुतकीर्ति-स्तिन्त्रच्य सुनि श्रीदेवकीर्तिस्तिन्त्रच्य सुनि श्रीश्रुतन-चंद्रेणेदं षट्श्रियतिका गणितशासं कर्मश्रयार्थं स्निस्ति।

" " *****

- (७) प्राप्तिस्थान-बस्तात्कारगणमंदिर, कार्रबा, अ० नं० ६५ ।
- (८) स्थिति मध्यम, अक्षर स्पष्ट ।
- (९) विशेषता—समास में टिप्क; कवित् पुद्रमात्रा ।

नोट-ऐसा प्रतीत होता है मानो यह मामबचंद्र त्रैबिसहैब का विभिन्न ग्रंथ हो-

- १. वर्ग संकलितानयनसूत्रं । २९६-९७ ।
- २. भनसंकलितानयनसूत्रं । ३०१-८२ ।
- ३. एकवारादिसंक खितधनानयन सर्व ।
- ४. सर्धनानयने सम्रह्यं।
- ५. उत्तरोत्तरचयभवसंकलितधनानयनसूत्रं।
- ६. उमयान्तादागत पुरुषद्वयसंयोगानयनसूत्रं।
- ७. विकारियतधनानयनसूत्रं।
- ८. समुद्रमध्ये--१-२-३।
- ९. छेदोशशोष जातौ करणसूत्र ।
- १० करणसूत्रत्रयम्।
- ११. गुणगुण्यमिशे सति गुणगुण्यानयनसूत्रं ।
- १२. बाहुकरणानयनसूत्रं।
- १३. व्यासाचानयनसूत्रं।

इति सारतंत्रहे गणितशास्त्रे महाबीराचार्थस्य कृतौ वर्गसंकलितादिव्यवहारः पंचमः समाप्तः ।

प्रति क्रमांक-अ० नं० ६२

- (१) उत्तरछत्तीसी टीका।
- (२) पत्र १९: प्रति पत्र १३ पंक्तियाँ: आकार ११"×४"'७५ ।
- (३) आरंग-ॐ नमः सिद्धेम्यः ॥ सिद्धेम्यो निष्ठितार्थेम्यो इ०।
- (४) अन्तिम पनः २९२७७१५५८४ || छ || इति श्रीडचरऋचीसी टीका समामा ॥
 - आचार्य श्रीकल्यागकीर्तिस्तिष्क्रिय मुनि श्रीत्रिभुवनचंद्रेणेदं गणितशास्त्रं लिखितं ॥
 उनले पाषाण युतारी गत्र १ समचोरस मण ४८ पालेवो पाषाण गत्र १ मण ६० धारो पाषाण गत्र १ मण ४० ।
- (५) प्राप्तिस्थान -अ० नं० ६२ ।
- (६) स्थिति उत्तम, अक्षर स्पष्ट ।
- (७) कचित् टिप्पण।

प्रति क्रमांक-अ० नं० ६६

- (२) पत्र १५; प्रतिपत्र १४ पंक्तियाँ; आकार ११""५×५"
- (३) * ब्रह्म जसवंताख्येन स्वपरपठनार्थे स्वइस्तेन किखितं।
- (५) अ० ने० ६६।

प्रति क्रमांक-अ० नं० ६०

- (२) पत्र २०: प्रतिपत्र ११ पंक्तियाँ: आकार १२"×५""५ !
- (५) अ० नं० ६०।

गणितसारसंघह

प्रति क्रमांक--अ० नं० ६१

(२) पत्र १८; प्रतिपत्र १४ पंक्तियाँ; आकार १० ४६ 🗶 ६ ै ।

(५) अ० नं ० ६१।

गणितसारसंप्रह

प्रतिक्रमांक ६३ = अ, प्र० क० ६५ = स अर्थबोधक टिप्पण

स्त्रोक १-१ अलङ्घ्यम्—अ मिध्यादृष्टिमिः । व मिध्यादृष्टिमिः अङ्घ्यितुम् अञ्चयमित्यर्थः । स आतामालागम्यम् अतल्लम्यमित्तर्यः । स त्रिजगत्वारम्—निरावरणत्वादनन्यसाधारणत्वाच लोकत्रयसारम् , त्रिजगद्भव्याराध्यमित्यर्थः । स अनन्तचतुष्ट्यम् अनन्तज्ञान-दर्शन-सुख-वीर्यचतुष्ट्यम् । स तस्मै महावीराय वर्षमानस्वामिने । स जिनेन्द्राय—एकदेशेन कर्मारातीन् वयन्तीति जिना असंयतसम्यण्डच्यादयस्तेषामिनद्रः स्वामी, तस्मै नमः । अ तायिने-धर्मोपदेशकत्वेन मध्यत्राणाय ।

श्लोक १- अ बि [वै]नेन्द्रेण — जिनो देवता येषां ते वैनाः, तेषामिनद्रः, तेन । पक्के — जिनेन्द्रस्यायं सम्बन्धी कैनेन्द्रः तेन वा । जिन एव वैनः, स एव इन्द्रः प्रधानो यत्र संख्याज्ञानप्रदीपे सः, तेन । स वैनेन्द्रेण — जिनप्रणीतेन । स संख्याज्ञानप्रदीपेन — गणितशास्त्रज्योतिषा । स महात्विषा — बहुप्रकाशेन । स सर्थम् अद्याव्यसमुद्रायरूपम् । स्र तम् — महावीरम्, पन्ने संख्याज्ञानप्रदीपम् ।

श्लोक १-३ स प्रीणितः—तिपतः । स प्राणितस्योदः विनेयजनस्य संवातः । अ निरीतिः — निर्गता द्वातः । अतिरीतिः । अतिरीता द्वातः । अतिरितः । अतिरवप्रदः अतिवृष्ट्यनावृष्टिमूषक-शल्प-शुक-स्वचक-परचक्रलक्षणाः यस्मात् असी निरीतिः । अतिरवप्रदः—निर्गतोऽवप्रदः शत्रुः यस्मात् यत्र वा सः, अयथा—वर्षोविषातरितः । स श्रीमता—स्वस्मीमता । अत्र अमोषवर्षेण—सफलवृष्ट्या , पक्षे सस्यस्वरूपोपदेशवृष्ट्या । स सफलसद्वर्मोपदेशामृतवृष्ट्या । अत्र स्वष्टितिषणा—स्वस्य दृष्टं स्वेष्टम्, तव्च तद्धितं च स्वष्टितिम्, तदिन्छतीति स्वष्टिहतैषी तेन । वा स्वस्य दृष्टाः स्वष्टाः, तान् प्रति दितम् इच्छतीति स्वष्टिहतैषी, तेन । स स्वेष्टिहतिमन्छता ।

श्लोक १-४ अ चित्तवृत्तिहिवर्भुजी [बि]—गुक्रध्यानाग्री । स भरमसात् भावम्—भरमस्वरूपम् । अ र्वे-आगमप्रसिद्धाः काम-क्रोधादिश्चत्रवः । अ अवन्ध्यकोषाः [पः]—सफ्छकोषाः इत्यर्थः ।

स्त्रोक १-१ स वर्शाकुर्वन् —स्वाधीनं विद्धत् । स नानुवशः—अन्याधीनो न भवति । स परैः— एकान्तवादिभिः । अभिभूतः—अ पराभृतः । स तिरस्कृतः । स प्रभुः—कगदाराध्यः । स अपूर्वमकर-ध्वजः—अभिनवमीनकेतनः ।

श्लोक १-६ स्म विक्रम-क्रमाकान्त-चक्कीचक-कृतिकयः—विक्रमक्रमेण पराक्रमसंतत्या आकान्ताः ते च ते चिक्रणस्म, तेषां चक्रं समूदः, तेन कृतिकया सेवा यस्यासी तयोक्तः। पद्मे चक्रं सेनास्ति येषां ते चिक्रणः, शेषं पूर्ववत्। स्म चिक्रकामञ्जनः—संसारचक्रमञ्जनः, पद्मे—परचक्रमञ्जनः। स्म अञ्जसा—परमार्थेन।

स्त्रोक १-७ अ विद्यानस्विद्यानः—विद्या द्वादशाङ्गलक्षणाः पद्ये— द्वासप्तिकलालक्षणास्ता एव नद्यः तासाम् अधिष्ठानम् आश्रयः यः सः । सः मर्यादावजनेदिकः— मर्यादैव वज्रवेदिका यस्य सः । अ रक्षगर्भः—रक्षानि सम्यग्दर्शनादीनि, पद्ये—स्वादीनि, गर्मे ते यस्य स्रो [यस्यासी] । अ रक्षानि सम्यग्दर्शनृा-दीनि, पद्ये—इस्त्यश्वादीनि गर्मे ते यस्यासी तथोक्तः । अ यथास्यातचारिन्य [अ] बस्विः—श्वायिक-चारिन्य [अ] बस्विः, पक्षे—यथास्यातं प्रवृद्धैर्ययोक्तम्, तज्ञतकारिन्यं [अं] आवर्णं च । स्त्रोक १-८ स देवस्य-स जिनस्य । स शासनम् अनेकान्तरूपं वर्षताम् ।

स्त्रेक १-९ स लेकिके—बृद्धिव्यवहारादी । अ वैदिके आगमे । स सामायिके—प्रतिक्रमणादी । अ व:—वः कश्चित् व्यापारः प्रवृत्तिः तत्र सर्वेत्र संस्थानं गणितम् सप्युज्यते उपयोगी मवति ।

स्त्रोक १-१० अ अर्थशास्त्रे - बीवादिकपदार्थे ।

श्लोक १-११ अ प्रस्तुतम्-कथितम् । अ पुरा- पूर्वम् ।

स्ठोक १—१२ अ ग्रहचारेषु—संक्रमणेषु । च स्यादिसंक्रमणेषु । स ग्रहणे—चन्द्र-स्यापरागे । स ग्रहसंयुती—ग्रहयुद्धे । स त्रियन्ने—त्रयः प्रभाः नष्ट-पुष्टि-चिन्तारूपाः यत्र तत् त्रिपश्मम् , होराशास्त्र-मित्ययः, तिस्मन् । स व्यवा त्रयो चार्तु-मूल-जीवैविषयाः प्रभाः यत्र तत् त्रिपश्मम् । प्रभव्याकरणाय सद्भावकेवलज्ञानहोरादिशास्त्रम् । स चन्द्रवृती—चन्द्रचारे । च omits बुध्यन्ते (स्रोक १४)। च omits—यात्राद्धाः (स्रोक १५)।

न्छोक १--१३ स परिश्विपः--परिधियः।

श्लोक १-१४ अ उत्कराः - समूहाः । अ बुध्यन्ते - श्रायन्ते ।

इस्रोक १—१५ अ तत्र—भेगीनदादिषु जीवानाम् । अ संस्थानम्—समचतुरसादि । अ अष्ट-गुणादयः—अगिमादयः । अ यात्राचाः—गति । अ संदिताचाय—संधिमतिष्ठामन्यो ना ।

श्लोक १-१७ अ गुरुपर्वतः -- गुरुपरिपाटीम्यः ।

स्त्रोक १-२०-- अ कलासवर्णसंस्द्र छठत्याठीनसंकुके--कीद्दग्विषे सारसंब्रह्वारिषो । कलासवर्णाः मिक्षप्रत्युपक्षादयः ते एव छठत्पाठीनास्तेषां संकटे संकोचस्थाने ।

श्लोक १-२१ अ प्रकीर्णक—व तृतीयव्यवहारः। अ महाग्राहे—मत्त्यविशेषः। अ मिश्रक — आ दृद्धिव्यवहारादि।

स्त्रोक १-२२ अ क्षेत्रविस्तीर्णपाताले—त्रिमुज-चतुर्मुंबादिक्षेत्राणि एव विस्तीर्णपातालानि यत्र स तस्मिन्। अ खातास्यसिकताकुले—खातास्यम् एव सिकताः ताभ्रिः आकुले। अ करणस्कन्धसंबन्धन्छाया-वैक्षविराजिते—करणस्कन्वेन करणस्त्रसमूदेन संबन्धो यस्याः सा करणस्कन्धसंबन्धा, सा चासी छाया-गणितं (१) करणस्कन्धसंबन्धन्छाया, सा एव वेला, तया विराजिता तस्मिन्।

स्त्रोक १-२३ अ गुणसंपूर्वैः — कञ्चकरणादाष्ट्रगुणसंपूर्वैः । करणापाद्यः — अ करणानुपयोगोपाद्येः स्त्रैः । स्त्रोक १-२४ अ यत् — यस्मात् सर्वशास्त्रे । संज्ञथा — आ परिभाषया ।

स्त्रोक १-२५-स्त परमाणुः । परमाणुस्तरूपम् अववः कार्यस्त्रिकाः स्युद्धिस्पर्धाः परिमण्डलाः । एकवर्ण-रसाः नित्याः स्युरनित्याश्च पर्ययेः ॥ ३४ (१) अप्रदेशिनः इति गोमटसारे । परमाणुपिण्डरितमिति भावार्थः । कार्यानुमेयाः घट-पटादिपर्यायास्तेषाम् अणूनाम् अस्तित्वे चिश्चम् । स्क्ष्माः वर्तुलाकाराः । कौ दौ किन्ध-रूखयोरन्यतरः शीतोष्णयोरन्यतरः । तथा हि-शोत-रूख, शीत-स्निन्ध, उष्ण-रूख एकाएवापेखया एकयुग्धं भवति । गुरु-क्ष्यु-मृतु-कठिनानां परमाणुष्व-भावात् , तेषां स्कन्नाश्चितत्वात् ।

ख तैः—परमाणुभिः । सः—अणुः स्यात् । अत्र सोऽणुः क्षेत्रपरिमाधायाम् । व परमाणुः—यस्तु तीक्षेत्राणि श्रास्त्रेण छेणुं मेणुं मोचयितुं न शक्यते, बळानकादिमिनांशं नैति एकैकरसःवर्ण-गन्ध-द्विरपर्शम् । क्षिण्य-कश्चस्यर्शक्यमित्युक्तमादिपुराणे । शब्दकारणमशब्दं स्कन्धान्तरितमादि-मध्याधसानरिहतमप्रदेशमिन्द्रिये-रमाक्षमिमाणि तत् द्वस्यं परमाणुः ।

क्लोक १--२६ व अतः-अणुतः । तस्मात्-त्रसरेणुतः । शिरोबहः-(भवन्ति) ।

रहोक १—२७ द्य किश्वा—किश्वापमाणस्कन्यः । सः—स तिलः । अष्टगुणानि—अष्टगुणानि भवन्ति असरेष्यायञ्चलन्तानि ।

स्त्रोक १---२८ वा प्रमाणम्--प्रमाणाङ्गस्म् ।

स्त्रोक १—२९ व्य तिर्येक्पादः—पादस्य अङ्गष्टकनिष्ठापर्यन्त भाग तिर्येक्पादः । तिर्येक्पादद्वयं वितस्तिः । व तिर्येक्पादः—omits.

स्रोक १-३१ स परिभाषा-अनियमेन नियमकारिनी परिभाषा ।

स्त्रोक १-३२ व अणुरण्यन्तरम्—मन्दगतिमाश्रितः सन्, शीत्रगतिमाश्रितश्रेत् चतुर्दशरण्यम् अतिकामति । समयः—प्रोक्तः । असंस्थैः—वधन्ययुक्तासंस्थैः । व असंस्थैः—omits. स्त्रोक्ते—omits (!)

क्रोक १-३३ अ स्तोक इति मानम् । तेषाम्-ख्वानाम् । सार्षाष्टात्रिंशता--३८३ ।

नहोक १-३४ अ पक्षः--भवेत ।

श्लोक १-३५ व तैः-ऋतुभिः । वत्त्ररो संवत्तरः ।

स्त्रोक 4-१६ व्य तत्र—घान्यमाने । चतसः—घोडिशकः । कुडवः—सहस्रेश त्रिभिः घडिभः श्रातेश बोहिभिः समैः । वः संपूर्णो भवेत् सोऽयं कुडवः परिभाष्यते ॥ लोके पवाछ ८। प्रस्यः—कोके पाली ८। व प्रस्थः—omits.

स्त्रोक १-३८ व सेवं प्रवर्तिका । ताः लार्याः विः । तस्याः प्रवर्तिकायाः ।

क्षोक १-३९ व गण्डकै:-कस्तुंबुरूमिः, लोके बाना, बरणे-बरणद्वयम् ।

स्रोक १-४० अ बान्यद्वयेन-लोके बानाद्वयेन ब कुरतुंबरद्वयेन । अत्र-रज्जतपरिकर्मणि ।

स्त्रोक १-४१ व पुराणान्-कर्षान् । रूप्ये-रवत-परिभाषायां मागचदेशव्यवहारमाभित्य ।

क्लोक १-४२ अ कल-कलेति नाम भवेत ।

रहोक १-४३ अ अस्मात्—द्रश्लूणात् । सतेरं—सतेराख्यं मानं भवति । **च** छोड्रे—छोड्-परिभाषायाम् ।

श्लोक १-४४ स 'प्रचस्रते' अन्तस्य 'अत्' आदेशो भवति ।

श्लोक १--४५ अ व वस्ताभरण-कटादीनाम ।

स्टोक १--४६ व अत्र-परिकर्मनि ।

स्त्रोक १—४८ अ भिन्नानि—यथा गुनाकारमिनः भागहारमिनः कृतिभिन्नः प्रत्येकभिन्नः इति परं योज्यम् ।

य तच्य--'विद्या कलासवर्णस्य' इति वा पाठः ।

श्लोक १-४९ च इतः श्ल्येन मकः सन्। स्ववादिः -श्ल्यस्य मबन-गुणन-वर्गम्लादिः। योध्यरूपकम् -योध्यराशिसमानम्।

स शून्येन ताडितो गुणितो राशिः सं शून्यं स्थात्। स राशिः शून्येन इतः [इतः] अकः। शून्येन युतः सहितः। शून्येन दीनो रहितोऽपि अविकारी विकारवान् न भवति तद्यस्थ एव— स्ववधादिः स शून्यस्य वधो गुणनं सं शून्यं स्थात्। आदिश्वव्देन भवन-वर्ग-सन-तन्मूळानि शुद्धां।

स्त्रोक १--५० व वाते गुजने । विवरं--महाराशी स्वस्पराशिमपनीवावशिष्टरोषी विवरमिस्युच्यते ।

स सम्बो:—सगरूपराक्षोः। धनयोः—धनरूपराक्षोः। भवने—भागहारे। फरुम्—गुणित-फरूम्। तु—पुनः।—adds चेयमंकसंदृष्टिः।—adds illustrations to explain rules on 50 (stanza).

इबोक १-4 १ स योगः-संयोजनम् । शोध्यम्-अपनेयम्।

स्त्रोक १—५२— च मूळे—वर्गमूछे। स्वर्गे—धनकाणे स्वाताम्। Adds two stanzas after 52. Printed in text at No. 69-70.

छघुकरणोहापोहानालस्यम्रहणधारणोपायैः । ध्यक्तिकराङ्कविश्विष्टैः गणकोष्टामिर्गुणैश्वेयः ॥ १ ॥ हति संश्वा समासेन भाषिता मुनिपुंगवैः । विस्तरेणागमाद् वेद्यं वक्तव्यं यदितः परम् ॥ २ ॥

तत्पदम् ऋगरूपवर्गराशेर्मूळं कथं भवेत् इत्याशङ्कायाम् इदमाइ ऋगराशः निबक्तणवर्गो न भवेत्, किंदु घनरूपेण वर्गो भवेत्। तस्मात् ऋगराशेः चकाशात् मूळं न भवेत्, किंदु घन्द्राशेः सकाशात् ऋगराशेर्मूळं स्यात्।

स वनराहोः ऋगराहोश्च वर्गो धनं भवति । Adds illustrations to explain rules on 52 (stanza).

स्रोक १—५८ अ ऋदुर्वीवो—षड् जीवाः । कुमारवदनम्—कार्तिक [केय] वदनम् । ब कुमारवदनम्—कार्तिकेयवदनम् ।

श्लोक १—६९ इ शीधगुणन-भजनादिलक्षणं लघुकरणम् । अनेन प्रकारेण गुणनादौ कृते स्तीप्तितं स्वन्धं स्वादिति पूर्वमेव परिज्ञानलक्षणः ऊद्दः । इत्यं गुणनादौ कृते स्तीप्तितं सन्धं न स्यादिति पूर्वमेव परिज्ञानलक्षणः अपोदः । गुणनादिकियायां मन्दभावराहित्यलक्षणमनालस्यम् । कथितार्थलक्षणं भ्रहणम् । कथितार्थरूपं कालान्तरेऽप्यविस्मरणलक्षणा चारणा । सूत्रोक्तगुणनादिकमाचारं कृत्या स्ववुद्धणा प्रकारान्तरगुणनादिकमाचारं कृत्या स्ववुद्धणाः प्रकारान्तरगुणनादिकमाचारं कृत्याः । अकं व्यक्तं स्थापयित्वा गुणनादिकरणलक्षणो व्यक्तिकरांकः । इत्यक्षमिगुणे गणितक्षो भवेदिति श्रेयः । इति ।

स्थायनास्थ्यको राशिस्वण्यः । येन राशिना गुण्यस्य मागो मवेत् तेन गुण्यं मक्त्वा गुणकारं गुणिवस्या स्थायनास्थ्यको राशिस्वण्यः । येन राशिना गुणगुणकारस्य मागो मवेत् तेन गुणकारं मक्त्वा गुण्यं गुणिवस्या स्थायनास्थ्यकाः तस्यः । इति त्रिप्रकारैः स्थितगुण्य-गुणकारराशियुगलं कवाटसंयायक्रमेण विन्यस्य । (२) राशेरादितः आरम्यान्तपर्यन्तं गुणनस्थ्यके अनुस्थाममार्गेण । (३) राशेरन्ततः आरम्यादिपर्यन्तं गुणनस्थ्यके विक्षेममार्गेण च गुण्यराशि गुणकार-राशिना गुणवेत् । (४) गुण्यत् गुणेन गुण्यं कवाटसंधिक्रमेण संस्थाप्यं इति पाठान्तर—पादद्वयम् । (५) गुण्यगुणकारं यथा व १४४ गुण्यं = प्रत्येक पशानि गुणकार इति = ८; २।४

(६) गुगकार ८ अस्य भाग ४. अनेन गुण्यं गुवित चेत् ४ ६

(७)व=वर्ष [स]ति। (८) ता=तामरसं। (९) प=पदमानि। (१०) विनष्टो एकः येम्यस्तेष्विकाम् । (११) मणयः । (१२) खर इति षड् बीव । (१३) राश्चिना गुण्यस्व्यम् उपरितन-भारो स्थाप्यमधः तेनैव गुणकारं गुण्यत्वा स्थापना ।

स्रोक २-७ अ विचनिधिः = बलनिधिः ।

श्लोक २...अ पुरुषः--बीबो इत्वर्थः ।

क्षोक २-९ अ [खर:--] "सत्वसंघः खरो हेयः खरोऽपि पुरुषो मतः" इत्यभिषानात् ।

स्रोक २-१० व्य तत-राशिम ।

श्लोक २-११ व्य पञ्चषट्कं च-आदी ७ पञ्चषट्कं ६६६६ षट्त्रिकं ३३३६३६ तत् भिनं लिखितम- ३३३३३६६६६६७।

श्लोक २-१५ व्य त्रयः-सान्तः त्रयःशब्दोऽयम् ।

क्षीक २-१७ अ हिमांश्वय — हिमांश्व अग्ने रिये वेषां तानि. हिमांश्वयानि च तानि रन्त्राणि च तत्त्रयोक्तानि, तैः । कण्डिका-कण्डभूषवम् । व एकस्पम्-एकस्यामिवानं ग्रन्थान्तरे ।

श्लोक २-१८ की उत्थानिका- परमागमप्रतिपादितकरणानुयोगे ग्रह-नक्षत्र-प्रकोणैक-तारादि-गमनाभिषानं करममित्युच्यते, तस्य स्त्रम् , स्वयति संसेपेणार्ये स्वयति इति स्त्रं उत्तयोक्तम् ।

क्षोक २-१९ अ प्रतिलोमप्येन-विलोममार्गेण भाज्यम्-अंकानां वामतो गतिः, तेन अन्ततः आरम्य भाज्यम् । विवाय-अपवर्तनविधि विवाय । तयोः-माज्य-मागहारराश्योः । स उपरिस्थितं भाज्यराशि अषः स्थितेन भागहारेणानन्तौ आरम्यादिपर्यन्त मबनस्थणेन प्रतिस्रोमपर्येन भजेत । यदि तयोभीज्य-भागहारयोः सहशापवर्तनिविधः समानराशिना भाज्य-भागहाराखपवर्तनेलक्षणविधानं संभवति तर्डितं कृत्वा भजेत ।

क्लोक २-२० अ अंद्यो मागः। तुः नरस्य।--भागद्दारस्य भाग (१) द्वी वा चत्वारो वा तेषु एकमागेन मार्च्य भावयेत . द्वितीयभागेन भाज्यं भावयेत . तृतीयमागेन भाज्यं भाज्येत् , चतुर्यभागेन भाज्यं भाजयेत । अपवर्तनविधिः । एकशतयुतम्-एकेनाधिक शतम् एकशतम् ।

श्लोक २-२६ अ त्रिदशसहस्री-त्रिमिः गुणिता दश त्रिदश, त्रिदशानां सहस्राणां समाहारः त्रिदशसदसी । हाटकानि-कनकानि ।

क्ष्रोक २-२९ अ घातो वर्ग ६४ स्यात् । स्वेष्टोनयुतद्वयस्य-समानौ द्वौ' राघी विन्यस्य ८।८ स्वेष्टीन-यत ६।१० तयोर्घातः ६० स्वेष्ट २ कृती ४ युक्तः ६४ वर्गः स्यात् । सेष्टकृतिः इष्टकृतिसहितः । एकादि-एकादि दिवयेष्टगच्छानां । ८ | युतिः संकलनं रूपेणोणो [नो] गच्छः दिलतः प्रचयतावितो वर्गो भयेत् ६४। इति घर्न ८। प्रिशः प्रमवेण पदास्यस्तः इति स्त्रेण

स्रोक २-३० अ दिस्यानप्रसृतीनाम् वर्ष्याचात् द्विशत (२५६) इति त्रिस्थानान्तं वर्गे।

यह शात नहीं होता कि हनका सम्बन्ध किस-किस क्लोक से है। † (मान्वतः १)

यद्वर्गः ३६। पंचाश्यवर्गः २५००। द्विश्यस्वर्गः ४००००। सर्ववर्गसंयोगः ४२५३६। द्विश्यत-षट्पंचाषट् [•शद्] घातः ११२००। पंचाश्यत्-षट्वातः ३००। तद्विगुणः २२४००।६००। तेन विमिश्रितः सर्व-वर्गसंयोगः ६५५३६। तेषाम्—द्विप्रश्वतिकस्थितस्थानाम् । क्रमधातेन—द्विस्थानप्रश्वतिराधीनाम् अन्त्यस्थानं शेषस्थानेर्गुणयित्वा, पुनः शेषान्त्यस्थानं शेषस्थानेर्गुणयित्वा, तेन क्रमेण प्रथमस्थानपर्यन्त गुणनस्थण क्रमधातः। तेन पुनः द्विस्थानप्रसृतीनां राशीनाम्, इत्यमिप्रायेण वर्गरचनां स्फुटयति।

प्र द्विवर्गं ४ त्रिवर्ग ९ चतुर्वर्गं १६ तत्संयोगः २९ तेषां क्रमघातः द्विकत्रिकमिश्रेण चतुष्कं र गुणयेत् २० । द्विकेन त्रिकं गुणयित्वा मिश्रितः सन् २६ । द्विगुणो ५२ । अनेन र मिश्रितेन वर्गः ८१ ।

क्लोक २-३१ अ कुत्वान्त्यकृतिम्-कृत्वा ७५ अन्त्यकृति ४९१५ अन्त्यं द्विगुणमुस्लार्थं ४९१५ शेष

स अयमर्थः—अन्त्यराधि वर्गे कृत्वा पुनरन्त्यराधि द्विगुणं कृत्वा पुरो गमयित्वा होषस्थानैर्गुणयेत्। होषस्थानानि पुरो गमयित्वा पूर्वकथितिकया कर्तेच्या।

परिशिष्ट-६

[Reprinted from the First Edition.]

PREFACE

Soon after I was appointed Professor of Sanskrit and Comparative Philology in the Presidency College at Madras, and in that capacity took charge of the office of the Curator of the Goverment Oriental Manuscripts Library, the late Mr. G. H. Stuart, who was then the Director of Public Instruction, asked me to find out if in the Manuscripts Library in my charge there was any work of value capable of throwing new light on the history of Hindu mathematics, and to publish it, if found, with an English translation and with such notes as were necessary for the elucidation of its contents. Accordingly the mathematical manuscripts in the Library were examined with this object in view; and the examination revealed the existence of three incomplete manuscripts of Mahāvīrācārya's Ganita-sāra-sangraha. A cursory persual of these manuscripts made the value of this work evident in relation to the history of Hindu Mathematics. The late Mr. G. H. Stuart's interest in working out this history was so great that, when the existence of the manuscripts and the historical value of the work were brought to his notice, he at once urged me to try to procure other manuscripts and to do all else that was necessary for its proper publication. He gave me much advice and encouragement in the early stages of my endeavour to publish it; and I can well guess how it would have gladdened his heart to see the work published in the form he desired. It has been to me a source of very keen regret that it did not please Providence to allow him to live long enough to enable me to enhance the value of the publication by means of his continued guidance and advice, and my consolation now is that it is something to have been able to carry out what he with scholarly delight imposed upon me as a duty.

Of the three manuscripts found in the library one is written on paper in Grantha characters, and contains the first five chapters of the work with a running commentary in Sanskrit; it has been denoted here by the letter P. The remaining two are palm-leaf

manuscripts in Kanarese characters, one of them containing, like P, the first five chapters, and the other the seventh chapter dealing with the geometrical measurement of areas. In both these manuscripts there is to be found, in addition to the Sanskrit text of the original work, a brief statement in the Kanarese language of the figures relating to the various illustrative problems as also of the answers to those same problems. Owing to the common characteristics of these manuscripts and also owing to their not overlapping one another in respect of their contents, it has been thought advisable to look upon them as one manuscript and denote them by K. Another manuscript, denoted by M, belongs to the Government Oriental Library at Mysore, and was received on loan from Mr. A Mahadeva Sastri, B. A., the Curator of that institution. This manuscript is a transcription on paper in Kanarese characters of an original palmleaf manuscript belonging to a Jaina Pandit, and contains the whole of the work with a short commentary in the Kanarese language by one Vallabha, who claims to be the author of also a Telugu commentary on the same work, Althought incorrect in many places. it proved to be of great value on account of its being complete and containing the Kanarese commentary; and my thanks are specially due to Mr. A. Mahadeva Sastri for his leaving it sufficiently long at my disposal, Afifth manuscript, denoted by B, is a transcription on paper in Kanarese characters of a palm-leaf manuscript found in a Jaina monastery at Mudbidri in South Canara, and was obtained through the kind effort of Mr. R. Krishnamacharyar, M. A., he Sub-assistant Inspector of Sanskrit Schools in Madras, and Mr. U. B. Venkataramanaiya of Mudbidri. This manuscript also contains the whole work, and gives, like K, in Kanarese a brief statement of the problems and their answers. The endeavour to secure more manuscripts having proved fruitless, the work has had to be brought out with the aid of these five manucripts; and owing to the technical character of the work and its elliptical and often riddle-like language and the inaccuracy of the manuscripts, the labour involved in bringing it out with the translation and the requisite notes has been heavy and trying. There is, however, the satisfaction that all this labour has been bestowed on a worthy work of considerable historical value.

It is a fortunate circumstance about the Ganita-sara-sangraha that the time when its author Mahaviracarva lived may be made out with fair accuracy. In the very first chapter of the work, we have, immediately after the two introductory stanzas of salutation to Jina Mahavira, six stanzas describing the greatness of a king, whose name is said to have been Cakrika-bhaniana, and who appears to have been commonly known by the title of Amoghavarsa Nrpatunga; and in the last of these six stanzas there is a benediction wishing progressive prosperity to the rule of this king. The results of modern Indian epigraphical research show that this king Amoghavarsa Nrpatunga reigned from A. D. 814 or 815 to A. D. 877 or 878. Since it appears probable that the author of the Ganita-sara-sangraha was in some way attached to the court of this Rastrakuta king Amoghavarsa Nrpatunga, we may consider the work to belong to the middle of the ninth century of the Christian era. It is now generally accepted that, among well-known early Indian mathematicians Aryabhata lived in the fifth, Varahamihira in the sixth, Brahmagupta in the seventh and Bhaskaracarva in the twelfth century of the Christian era; and chronologically, therefore, Mahaviracarya comes between Brahmagupta and Bhāskarācārya. This in itself is a point of historical noteworthiness; and the further fact that the author of the Ganita-sara-sangraha belonged to the Kanarese speaking portion of South India in his days and was a Jaina in religion is calculated to give an additional importance to the historical value of his work. Like the other mathematicians mentioned above, Mahāvirācārya was not primarily an astronomer, although he knew well and has himself remarked about the usefulness of mathematics for the study of astronomy. The study of mathematics seems to have been popular among Jaina scholars; it forms, in fact, one of their four Anuyogas or auxiliary sciences indirectly serviceable for the attainment of the salvation of soul-liberation known as moksa.

A comparison of the Ganita-sāra-sangraha with the corresponding portions in the Brahmasphuta-siddhānta of Brahmagupta is

S ...4.

^{*} Vide Nilgund Inscription of the time of Amoghavarsa I, A. D. 866; edited by J. F. Fleet, Ph. D., C. I. B., in Epigraphia Indica, Vol. VI, pp. 98-108.

calculated to lead to the conclusion that, in all probability, Mahaviracarya was familiar with the work of Brahmagupta and endeavoured to improve upon it to the extent to which the scope of his Ganita-sara-sangraha permitted such improvement. Mahaviracharya's classification of arithmetical operations is simpler, his rules are fuller and he gives a large number of examples for illustration and exercise. Prthudaksvamin, the well-known commentator on the Brahmasphuta-siddhanta, could not have been chronologically far removed form Mahaviracarya, and the similarity of some of the examples given by the former with some of those of the latter naturally arrests attention. In any case it cannot be wrong to believe, that, at the time, when Mahaviracarya wrote his Ganita-sara-sangraha, Brahmagupta must have been widely recognized as a writer of authority in the field of Hindu astronomy and mathematics, Whether Bhāskarācārya was at all acquainted with the Ganita-sāra-sangraha of Mahaviracarya, it is not quite easy to say. Since neither Bhaskaracarya nor any of his known commentators seem to quote from him or mention him by name, the natural conclusion appears to be that Bhaskaracarya's Siddhanta-siromani, including his Lilavati and Bijaganita, was intended to be an improvement in the main upon the Brahmasphuta-siddhanta of Brahmagupta. The fact that Mahaviracarya was a Jaina might have prevented Bhaskaracarya from taking note of him; or it may be that the Jaina mathematician's fame had not spread far to the north in the twelfth century of the Christian era. His work, however, seems to have been widely known and appreciated in Southern India. So early as in the course of the eleventh century and perhaps under the stimulating enlightened rule of Rajarajanarendra of influence of the Rajahmundry, it was translated into Telugu in verse by Pāvulūri Mallana; and some manuscripts of this Telugu translation are now to be found in the Government Oriental Manuscripts Library here at Madras. It appeared to me that to draw suitable attention to the historical value of Mahaviracarya's Ganita-sara-sangraha, I could not do better than seek the help of Dr.David Eugene Smith of the Columbia University of New York, whose knowledge of the history of mathematics in the West and in the East is known to be wide

and comprehensive, and who on the occasion when he met me in person at Madras showed great interest in the contemplated publication of the Ganita-sāra-sangraha and thereafter read a paper on that work at the Fourth International Congress of Mathematicians held at Rome in April 1908. Accordingly I requested him to write an introduction to this edition of the Ganita-sāra-sangraha, given in brief outline what he considers to be its value in building up the history of Hindu mathematics. My thanks as well as the thanks of all those who may as scholars become interested in this publication are therefore due to him for his kindness in having readily complied with my request; and I feel no doubt that his introduction will be read with great appreciation.

Since the origin of the decimal system of notation and of the conception and symbolic representation of zero are considered to questions connected with the history of be important Hindu mathematics, it is well to point out here that in the Ganita-sarasangraha twenty four rotational places are mentioned. commencing with the units place and ending with the place called mahāksobha, and that the value of each succeeding place is taken to be ten times the value of the immediately preceding place. Although certain words forming the names of certain things are utilized in this work to represent various numerical figures, still in the numeration of of numbers with the aid of such words the decimal system of notation is almost invariably followed If we took the words moon, eye, fire and sky to represent respectively 1, 2, 3 and 0, as their Sanskrit equivalents are understood in this work, then, for instance, fire-sky-moon-eye would denote the number 2103, and moon-eve-sky-fire would denote 3021, since these nominal numerals denoting numbers are generally repeated in order from the units place upwards. This combination of nominal numerals and the decimal system of notation has been adopted obviously for the sake of securing metrical convenience and avoiding at the same time cumbrous ways of mentioning numerical expressions; and it may well be taken for granted that for the use of such nominal numerals as well as the decimal system of notation Mahaviracarya was indebted to his predecessors. The decimal system of notation is

distinctly described by Aryabhata, and there is evidence in his writings to show that he was familiar with nominal numerals. Even in his brief mnemonic method of representing numbers by certain combinations of the consonants and vowels found in the Sanskrit language, the decimal system of notation is taken for granted; and ordinarily 19 notational places are provided for therein. Similarly in Brahmagupta's writings also there is evidence to show that he was acquainted with the use of nominal numerals and the decimal system of notation. Both Aryabhata and Brahmagupta claim that their astronomical works are related to the Brahma-siddhanta; and in a work of this name, which is said to form a part of what is called Sakalya-samhita and of which a manuscript copy is to be found in the Government Oriental Manuscripts Library here, numbers are expressed mainly by nominal numerals used in accordance with the decimal system of notation. It is not of course meant to convey that this work is necessarily the same as what was known to Arayabhata and Brahmagupta; and the fact of its using nominal numerals and the decimal system of notation is mentioned here for nothing more than what it may be worth.

It is generally recognized that the origin of the conception of zero is primarily due to the invention and practical utilization of a system of notation wherein the several numerical figures used have place-values apart from what is called their intrinsic value. In writing out a number according to such a sytem of notation, any notational place may be left empty when no figure with an intrinsic value is wanted there. It is probable that owing to this very reason the Sanskrit word sunya, meaning 'empty', came to denote the zero: and when it is borne in mind that the English word 'cipher' is derived from an Arabic word having the same meaning as the Sanskrit sunva. we may safely arrive at the conclusion that in this country the conception of the zero came naturally in the wake of the decimal system of notation: and so early as in the fifth century of the Christian era, Aryabhata is known to have been fully aware of this valuable mathematical conception. And in regard to the question of a symbol to represent this conception, it is well worth bearing in mind that operations with the zero cannot be

carried on-not to say cannot be even thought of easily-without a symbol of some sort to represent it. Mahāvīrācārya gives, in the very first chapter of his Ganita-sara-sangraha, the results of the operations of addition, subtraction, multiplication and division carried on in relation to the zero quantity; and although he is wrong in saying that a quantity, when divided by zero, remains unaltered, and should have said, like Bhaskaracarya, that the quotient in such a case is infinity, still the very mention of operations in relation to zero is enough to show that Mahaviracarya must have been aware of some symbolic representation of the zero quantity. Since Brahmagupta, who must have lived at least 150 years before Mahaviracarva, mentions in his work the results of operations in relation to the zero quantity, it is not unreasonable to suppose that before his time the zero must have had a symbol to represent it in written calculations. That even Aryabhata knew such a symbol is not at all improbable. It is worthy of note in this connection that in enumerating the nominal numerals in the first chapter of his work. Mahaviracarva mentions the names denoting the nine figures from 1 to 9, and then gives in the end the names denoting zero, calling all the ten by the name of sankhya: and from this fact also, the inference may well be drawn that the zero had a symbol, and that it was well known that with the aid of the ten digits and the decimal system of notation numerical quantites of all values may be definitely and accurately expressed. What this known zero-symbol was, is, however, a different question,

The labour and attention bestowed upon the study and translation and annotation of the Ganita-sāra-sangraha have made it clear to me that I was justified in thinking that its publication might prove useful in elucidating the condition of mathematical studies as they flourished in South India among the Jainas in the ninth century of the Christian era; and it has been to me a source of no small satisfaction to feel that in bringing out this work in this form, I have not wasted my time and thought on an, unprofitable undertaking. The value of the work is undoubtedly more historical than mathematical. But it cannot be denied that the step by step construction of the history of Hindu culture is a worthy endeavour,

and that even the most insignificant labourer in the field of such an endeavour deserves to be looked upon as a useful worker. Although the editing of the Ganita-sara-sangraha has been to me a labour of love and duty, it has often been felt to be heavy and taxing; and I, therefore, consider that I am specially bound to acknowledge with gratitude the help which I have received in relation to it. In the early stage, when conning and collating and interpreting the manuscripts was the chief work to be done, Mr. M. B. Varadaraja Aiyangar, B. A, B. L., who is an Advocate of the Chief Court at Bangalore, co-operated with me and gave me an amount of aid for which I now offer him my thanks. Mr. K. Krishnaswami Aiyangar, B. A.; of the Madras Christian College, has also rendered considerable assistance in this manner; and to him also I offer my thanks. Latterly I have had to consult on a few occasions Mr. P. V. Seshu Aiyar, B. A. L. T., Professor of Mathematical Physics in the Presidency College here, in trying to explain the rationale of some of the rules given in the work; and I am much obliged to him for his ready willingness in allowing me thus to take advantage of his expert knowledge of mathematics. My thanks are, I have to say in conclusion, very particularly due to Mr. P. Varadacharya, B. A, Librarian of the Government Oriental Manuscripts Library at Madras, but for whose zealous and steady co-operation with me throughout and careful and continued attention to details, it would indeed have been much harder for me to bring out this edition of the Ganit-sara-sangraha.

February 1912, Madras.

M. RANGACHARYA.

INTRODUCTION

BY

DAVID EUGENE SMITH

PROFESSOR OF MATHEMATICS IN TEACHERS' COLLEGE, COLUMBIA UNIVERSITY, NEW YORK.

We have so long been accustomed to think of Pataliputra on the Ganges and of Ujjain over towards the Western Coast of India as the ancient habitats of Hindu mathematics, that we experience a kind of surprise at the idea that other centres equally important existed among the multitude of cities of that great empire. In the same way we have known for a century, chiefly through the labours of such scholars as Colebrooke and Taylor, the works of Aryabhata, Brahmagupta, and Bhaskara, and have come to feel that to these men alone are due the noteworthy contributions to be found in native Hindu mathematics. Of course a little reflection shows this conclusion to be an incorrect one. Other great schools, particularly of astronomy, did exist, and other scholars taught and wrote and added their quota, small or large, to make up the sum total, It has, however, been a little discouraging that native scholars under the English supremacy have done so little to bring to light the ancient mathematical material known to exist and to make it known to the Western world. This neglect has not certainly been owing to the absence of material, for Sanskrit mathematical manuscripts are known, as are also Persian, Arabic, Chinese, and Japanese; and many of these are well worth translating from the historical standpoint. It has rather been owing to the fact that it is hard tof ind a man with the requisite scholarship, who can afford to give his time to what is necessarily a labour of love

It is a pleasure to know that such a man has at last appeared and that, thanks to his profound scholarship and great pereseverance,

we are now receiving new light upon the subject of Oriental mathematics, as known in another part of India and at a time about midway between that of Aryabhata and Bhāskara, and two centuries later than Brahmagupta. The learned scholar, Professor M. Rangācārya of Madras, some years ago became interested in the work of Mahāvīrācārya, and has now completed its translation, thus making the mathematical world his perpetual debtor; and I esteem it a high honour to be requested to write an introduction to so noteworthy a work.

Mahāvirācārya appears to have lived in the court of an old Rāsṭrakūṭa monarch, who ruled probably over much of what is now the kingdom of Mysore and other Kanarese tracts, and whose name is given as Amōghavarṣa Nṛpatuṅga. He is known to have ascended the throne in the first half of the ninth century A. D., so that we may roughly fix the date of the treatise in question as about 850.

The work itself consists, as will be seen, of nine chapters like the Bija-ganita of Bhāskara; it has one more chapter than the Kuṭṭaka of Brahmagupta. There is, however, no significance in this number, for the chapters are not at all parallel, although certain of the otpics of Brahmagupta's Ganita and Bhāskara's Līlāvatī are included in the Ganita-Sāra-Sangraha.

In considering the work, the reader naturally repeats to himself the great questions that are so often raised:—How much of this Hindu treatment is original? What evidences are there here of Greek influence? What relation was there between the great mathematical centres of India? What is the distinctive feature, if any, of the Hindu algebraic theory?

Such questions are not new. Davis and Strachey, Colebrooke and Taylor, all raised similar ones a century ago, and they are by no means satisfactorily answered even yet. Nevertheless, we are making good progress towards their satisfactory solution in the not too distant future. The past century has seen several Chinese and Japanese mathematical works made more or less familiar to the West; and the more important Arab treatises are now quite satisfactorily known. Various editions of Bhāskara have appeared in India; and in general the great treatises of the Orient

have begun to be subjected to critical study. It would be strange, therefore, if we were not in a position to weigh up, with more certainty than before, the claims of the Hindu algebra. Certainly the persevering work of Professor Rangacarya has made this more possible than ever before.

As to the relation between the East and the West, we should now be in a position to say rather definitely that there is no evidence of any considerable influence of Greek algebra upon that of India. The two subjects were radically different. It is true that Diophantus lived about two centuries before the first Aryabhata, that the paths of trade were open from the West to the East, and that the itinerant scholar undoubtedly carried learning from place to place. But the spirit of Diophantus, showing itself in a dawning symbolism and in a peculiar type of equation, is not seen at all in the works of the East. None of his problems, not a trace of his symbolism, and not a bit of his phraseology appear in the works of any Indian writer on algebra. On the contrary, the Hindu works have a style and a range of topics peculiarly their own. Their problems lack the cold, clear, geometric precision of the West; they are clothed in that poetic language which distinguishes the East, and they relate to subjects that find no place in the scientific books of the Greeks. With perhaps the single exception of Metrodorus, it is only when we come to the puzzle problems doubtfully attributed to Alcuin that we find anything in the West which resembles, even in a slight degree, the work of Alcuin's Indian contemporary, the author of this treatise.

It therefore seems only fair to say that, although some knowledge of the scientific work of any one nation would, even in those remote times, naturally have been carried to other peoples by some wandering savant, we have nothing in the writings of the Hindu algebraists to show any direct influence of the West upon their problems or their theories.

When we come to the question of the relation between the different sections of the East, however, we meet with more difficulty. What were the relations, for example, between the school of Pāṭaliputra, where Āryabhaṭa wrote, and that of Ujjain, where both Brahmagupta and Bhāskara lived and taught? And what was the relation of each

of these to the school down in South India, which produced this notable treatise of Mahāvirācārya? And, a still more interesting question is, what can we say of the influence exerted on China by Hindu scholars, or vice versa? When we find one set of early inscriptions, those at Nānā Ghāt, using the first three Chinese numerals, and another of about the same period using the later forms of Mesopotamia, we feel that both [China and [the West may | have influenced Hindu science. When, on the other hand, we consider the problems of the [great trio of Chinese | algebraists of the thirteenth | century, Ch'in Chiushang, Li Yeh, and Chu Shih-chieh, we feel that Hindu algebra must have had no small influence upon the North of Asia, although it must be said that in point of theory the Chinese of that period naturally surpassed the earlier writers of India.

The answer to the questions as to the relation between the schools of India cannot yet be easily given. At first it would seem a simple matter to compare the treatises of the three or four great algebraists and to note the similarities and differences. When this is done, however, the result seems to be that the works of Brahmsgupta, Mahāvirācārya, and Bhāskara may be described as similar in spirit but entirely different in detail. For example, all of these writers treat of the areas of polygones, but Mahāvirācārya is the only one to make any point of those that are re-entrant, All of them touch upon the area of a segment of a circle, but all give different rules. The so-called janya operation (page 209) is akin to work found in Brahmagupta, and yet none of the problems is the same. The shadow problems, primitive cases of trigonometry and gnomonics, suggest a similarity among these three great writers, and yet those of Mahaviracarya are much better than the one to be found in either Brahmagupta or Bhaskara, and no questions are duplicated.

In the way of similarity, both Brahmagupta and Mahāvīrācārya give the formula for the area of a quadrilateral,

$$\sqrt{(s-a)(s-b)(s-c)(s-d)}$$

—but neither one observes that it holds only for a cyclic figure. A few problems also show some similarity such as that of the broken tree, the one about the anchorites, and the

common one relating to the lotus in the pond, but these prove only that all writers recognized certain stock problems in the East, as we generally do to-day in the West. But as already stated, the similarity is in general that of spirit rather than of detail, and there is no evidence of any close following of one writer by another.

When it comes to geometry there is naturally more evidence of Western influence. India seems never to have independently developed anything that was specially worthy in this science. Brahmagupta and Mahaviracarya both use the same incorrect rules for the area of a triangle and quadrilateralt hat is found in the Egyptian treatise of Ahmes. So while they seem to have been influenced by Western learning, this learning as it reached India could have been only the simplest. These rules had long since been shown by Greek scholars to be incorrect, and it seems not unlikely that a primitive geometry of Mesopotamia reached out both to Egypt and to India with the result of perpetuating these errors. It has to be borne in mind, however, that Mahaviracarya gives correct rules also for the area of a triangle as well as of a quadrilateral without indicating that the quadrilateral has to be cyclic. As to the ratio of the circumference to the diameter, both Brahmagupta and Mahaviracarya used the old Semitic value 3, both giving also $\sqrt{10}$ as a closer approximation, and neither one was aware of the works of Archimedes or of Heron. That Aryabhata gave 3:1416 as the value of this ratio is well known, although it seems doubtful how far he used it himself. On the whole the geometry of India seems rather Babylonian than Greek. This, at any rate, is the inference that one would draw from the works of the writers thus far known.

As to the relations between the Indian and the Chinese algebra, it is too early to speak with much certainty. In the matter of problems there is a similarity in spirit, but we have not yet enough translations from the Chinese to trace any close resemblance. In each case the questions proposed are radically different from those found commonly in the West, and we must conclude that the algebraic taste, the purpose, and the method were all distinct in the

two great divisions of the world as then known. Rather than assert that the Oriental algebra was influenced by the Occidental we should say that the reverse was the case. Bagdad, subjected to the influence of both the East and the West, transmitted more to Europe than it did to India. Leonardo Fibonacci, for example, shows much more of the Oriental influence than Bhāskara, who was practically his contemporary, shows of the Occidental.

Professor Rangacarys has, therefore, by his great contribution to the history of mathematics confirmed the view already taking rather concrete form, that India developed an algebra of her own; that this algebra was set forth by several writers all imbued with the same spirit, but all reasonably independent of one another; that India influenced Europe in the matter of algebra, more than it was influenced in return; that there was no native geometry really worthy of the name; that trigonometry was practically non-existent save as imported from the Greek astronomers; and that whatever of geometry was developed came probably from Mesopotamia rather than from Greece. His labours have revealed to the world a writer almost unknown to European scholars, and a work that is in many respects the most scholarly of any to be found in Indian mathematical literature. They have given us further evidence of the fact that Oriental mathematics lacks the cold logic, the consecutive arrangement, and the abstract character of Greek mathematics, but that it possesses a richness of imagination, an interest in problem-setting, and poetry, all of which are lacking in the treatises of the West, although abounding in the works of China and Japan. If, now, his labours shall lead others to bring to light and set forth mor and more of the classics of the East, and in particular those of early and mediaeval China, the world will be to a still larger extent his debtor.



प्रस्तावना को अनुक्रमणिका

```
अक्राचित-3, 4, 6, 7, 10, 15.
अंक ज्योतिष-4.
अनन्त राशियों का गणित-9.
अनुकड कडन-(Integral Calculus) 4, 5.
अनुबोग ६३-7.
अपरिमेय—(Irrational) 4.
अमोषवर्ष-1. 10.
अर्थमितिकी-(Arithmetica) 4, 18.
अर्थसंदृष्टि—9, 20,
अडीकिक गणित-9.
अस्पबहत्त—( Comparability ) 26, 34.
अविमाल्यों की रीति—( Method of indivisibles ) 4.
बार्ट्सार - ( Paradoxes ) 4, 26.
अधिया-12, 13, 14, 17, 30.
आमिए—( Ahmes ) 3.
आर्किमिडीव-4, 5.
आर्थभट --- 7.
scel-2. 4.
ड्यूरयेतिकी—( Hydrostatics ) 5, ( स्येतिकी )—5.
कर्म विद्वान्त-16, 17.
कापरनिकस--5.
कारपनिक राशि-( Imaginary quantity ) 11.
5-त= (Spiral) 5.
要—(Khufu) 13, 14, 16, 17.
केंटर, बार्ब-9, 15, 16,
 कृट स्थिति रीति—( Rule of false position ) 3.
 गणितसार्वप्रह---1, 9, 16.
 गणितीय विश्लेषण—( Mathematical Analysis ) 2, 3, 4, 10.
 ब्रीक-4, 5, 7, ( यूनानी )-7, 14, 15.
 गोम्मटसार टीका-34.
 चतर्गति ( चद्रचंकमण )---16, 23,
 बद्धीय-11, 15, 20.
```

चक्रन चक्रन—(Differential calculus) 5. चीन-21, 30, 31, 32, 33, 34, बीनो (Zeno) 4, 26, 27, 28, 29. (तर्फ)-27, 28. न्योतिर्विशान-3. 6. क्वोतिष-8, 14, 15, 16, 18, 22, 25, (पटड) 12, (वेदांग)-6, 7. हों केमी-18, 30. टोडरमङ--20, 26, 34, **बाओ**फेंटस-5, 11, 18, बेडीकॅन्ड-4 तीर्थकर-12. (वर्दमान महाबीर) 13, 14, 18, 19, 20, 23, 29, 30, 32, 34. तिलोबपणती—17, 19, 21, 26, 30, 34, (त्रिलोकप्रकृति)—7, 15, विश्व-2, 3, 4, 5, 11, 20, 22. त्रिकोनमिति—(Trigonometry)—7, 8. थेलीय--4, 13, 18, 21, 22, दशमब्दगदाति—(Decimal system) 2, 3, 7, (दाशमिक) 18, 19, 20. निरशेषण विषि - (Method of exhaustion) 4. नेव्यक्डनेषर-20. नेमिचन्दार्य-15. प्रमाण — (Indivisible ultimate particle) 26, 27, 28, 29, 32, परिषि भ्यास अनुपात (क)-2, 3, 15. वेप्पस-- 5 पियेगोरस-3, 4, 5, 12, 13, 16, 18, 19, 20, 21, 23, 24, 25, 26, 34, परेमिर-(स्तप)-3, 4, 16, 17, पेपायरस (मास्को)-4, 15, (रिन्ह)-3. प्रदेश (Point)—26, 28, 29, फक्नीयता—(Functionality) 2. बीबगणित - (Algebra) 3, 6, 7, 10, 11, 12, 18, 20. बेबिकन -2, 3, 12, 15, 17, 20, 21, 22, 30. ब्रह्मग्रह-8, 10, 11, 12, ब्राह्मण साहित्य---6. ब्राह्मी---6: भारत--5, 12, 13, 15, 19, 20, 26, 30, 32, 33. भास्कर---9. महावीराचार्य---1, 9, 10, 11, 12, 16. माया गणना-7.

Re-3, 4, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 22, 23,

मोडेनबोदडो--6. युविकड---4, 5, यहो-4. युनान-12, 13, 16, 17, 18, 19, 21, 22, 31, 34. राज्—(Rope) 3, 5, 15, 16. रूपक रेख्याये—(Figurate numbers) 4. राधि विदान्त—(Set theory) 13, 20. रेखागणित—(Geometry) 4, 5. बबाढी (मोजपत्र)--7, 11. क्रेसेनाचारं-9, 15, 16, 21, 28. शांकष गणित—(Conics) 2, 4, 5. धून्य-7, 10, 18, 34. षद्खंडागम--- 9, 16, 19, 24, 26. पाष्ट्रिका—(Sexagesimal) 2, 18, 19, 20, 21. वनय--(Instant) 26, 28, 29. चमीकरण—(Equation) 2, 5, 6, 10, 11, 20. वकाया (गणन)-9, (अर्थ) (Logarithm)-19. साकाटीच--27. समेर-2, 5, 18₂ स्थान मान (Place value)-3, 7, (अर्दा)-10, 18, 19, 20. स्प्रिस्य—(Sphinx) 13, 14, हिपारकस---5, हिराँडोटर-14, 16.



গ্ৰুব্ধি-पत्र

| | युष्ठ | पंचित्र | অনুত্র | গুৰু |
|------------|--------------|------------|--------------------------|--------------------|
| प्रस्ताबना | 1 | 3 | वैबीकोनिया | वेविकन |
| | 2 | 2.5 | वेबीकोन | 2) |
| | 2 | ₹७ | 77 | 97 |
| | 3 | ¥ | 99 | 77 |
| | 3 | 6 | 79 | 99 |
| | 3 | १५ | प् यीरि यो | वे पायरियो |
| | 3 | २ १ | ये पिर स | वेपायरस |
| | 4 | • | 59 | 99 |
| | 4 | ११ | आर्किमिडीड | आर्किमीडीव |
| | 4 | १६ | वै थेगोरस | पियेगोरस |
| | 4 | 29 | 77 | > 7 |
| | . 4 | २२ | 1) | 99 |
| | 4 | २३ | " | 22 |
| | 5 | | 19 | 22 |
| | 5 | * | आर्किमिडीव | आर्किमीडी ज |
| | 5 | 6 | अतिपरवस्त्र | अतिपरवळयम |
| | 5 | १५ | आर्किमिडीड़ | आर्किमी डीव |
| | 5 | 29 | हिपरकश | ् हिपारकस |
| | 5 | ₹ 4 | बा योपेंटस | डाओपेंटस |
| | 5 | 26 | मैरथान | मेरायान |
| | 5 | ₹ • | वेबीकोन | बेबिखन |
| | 8 | १६ | Peleian | Pellian |
| | 9 | २३ | सम् | सन् |
| | 11 | 8 | बख्यासी | बसाखी |
| | 15 | ₹ ₹ | Health | Heath |
| | 22 | ₹ ₹ | Pythagorus | Pythagoras |
| | 24 | 6 | 77 | 79 |
| | 24 | 25 | 99 | 39 |
| | 25 | 4 | 27 | 99 |
| | ₹5 | १३ | 27 | 77 |
| | 25 | २० | 77 | 37 |
| | 26 | રેર | 77 ' | 22 |
| | 26 | 84 | 79 | 79 |

गणितसारसंगर्

| • | áa. | पंकि | পয়ুৱ | शुक्र |
|----------|-------------|-------------|-------------------------|-------------------------|
| | 31 | 88 | Civilization | Civilisation |
| प्रेथ | 3 | गाथा १४ | बन्बेन्द्र ^o | बन्धेन्द्र ^o |
| | | गाया २३ | गुवकै° | गणके° |
| | Y | बांचा २७ | डीका | किसा |
| | • | गाथा २३ | संस्था तावकि° | संस्थातावकि° |
| | • | गावा ३३ | ₹# . | पञ्च |
| | • | वाषा ४४ | फळशतद्वय म् | पळशतद्वयम् |
| | • | गाया ५४ | युगह्युग्मं | युगर्धयुगर्भ |
| | 4 | गाया ७० | संका | र्वशाः |
| | ३७ | स् २ | निम्नस्तित | निम्नि बित |
| | 226 | Ę | भूखभूत | मूडभूत |
| | १८१ | ₹¥ | विषय की 🗣 प्रकार | छठवें विषय |
| | 252 | \$ | आवाषा | आत्राचा |
| | 200 | ₹ | अत्रोहेशकः | - |
| | २०५ | ₹ | मिभक | क्षेत्रगणित |
| | २ २१ | e | आदि से | आदि छेकर गणनानीत |
| | २६८ | १६ | हुण्हुको | हुण्हुक |
| परिशिष्ठ | ** | Y | Adhak | Adhaka |
| | ** | Ę | $Adhv\bar{a}n$ | Adhvāna |
| | ** | १५ | <u> Ā</u> didhan | Adidhana |
| | ₹₹ | २७ | Amoghvarsa | Amöghavarsa |
| | 88 | १२ | Tirthnkar | Tirthankara |
| | १३ | १८ | Bhāgāpāvāha | Bhagapavaha |
| | 44 | 88 | भागसम्बर्ग | भागसंवर्ग |
| | ₹¥ | १ 0 | Crore | crore |
| | 84 | ? ¥ | by | be |
| | 14 | * • | Tiirthankara | Tirthankara |
| | १५ | ₹¥ | Tirthankara | Tirthankara |
| | २० | २१ | प्रपूर्णिका | प्रपूरणिका |
| | 36 | * | परिशिष्ट-'+ | परिशिष्ट-२ अ |
| | 25 | ** | Ferminalia | Terminalia |
| | 7.5 | 3 • | संचरित | धै रचित |



JĪVARĀJA JAINA GRANTHAMĀLĀ

- 1. Tiloyapannatti of Yativṛṣabha (Part I, Chapters 1-4): An Ancient Prākrit Text dealing with Jaina Cosmography, Dogmatics etc. Prākrit Text authentically edited for the first time with various Readings, Preface & Hindi Paraphrase of Pt. Balachandra by Drs. A. N. Upadhyr and H. L. Jain. Published by Jaina Samskṛti Samrakṣaka Samgha, Sholapur (India). Double Crown pp. 6-38-532. Sholapur, 1943. Price Rs. 12:00. Second Edition, Sholapur, 1956. Price Rs. 16:00.
- 1. Tiloyapaṇṇatti of Yativṛṣabha (Part II, Chapters 5-9). As above, with Introductions in English and Hindi, with an alphabetical Index of Gāthās, with other Indices (of Names of works mentioned, of Geographical Terms, of proper Names, of Technical Terms, of Differences in Tradition, of Karaṇasūtras and of Technical Terms compared) and Tables (of Nārcka-jīva, Bhavana-vāsī Deva, Kulakaras, Bhāvana Indras, Six Kulaparvatas, Seven Ksetras, Twentyfour Tīrthankaras, Age of the śalākāpurṣas, Twelve Cakravartins, Nine Nārayaṇas, Nine Pratisatrus, Nine Baladevas, Eleven Rudras, Twentyeight Nakṣatras, Eleven Kalpātīta, Twelve Indras, Twelve Kalpas and Twenty Prarūpaṇās). Double Crown pp. 6-14-108-529 to 1032, Sholapur, 1951. Price Rs. 16:00.
- 2. Yasastilaka and Indian Culture, or Somadeva's Yasastilaka and Aspects of Jainism and Indian Thought and Culture in the Tenth Century, by Professor K. K. Handiqui, Vice-Chancellor, Gauhati University, Assam, with Four Appendices, Index of Geographical Names and General Index. Published by J. S. S. Sangha, Sholapur, Double Crown pp. 8-540. Sholapur, 1949. Price Rs. 16:00.
- 3. Pāṇḍavapurāṇam of śubhacandra: A Sanskrit Text dealing with the Pāṇḍava Tale. Authentically edited with various Readings, Hindi Paraphrase, Introduction in Hindi etc. by Pt. Jinadas. Published by J. S. S. Sangha, Sholapur. Double Crown pp. 4-40-8-520. Sholapur, 1954. Price Rs. 12-00.

- 4. Prākṛṭa-śabdānuśāsanam of Trivikrama with his own commentary: Critically Edited with Various Readings, an Introduction and Seven Appendices (1. Trivikrama's Sūtras; 2. Alphabetical Index of the Sūtras; 3. Metrical Version of the Sūtrapāṭha; 4. Index of Apabhramśa Stanzas; 5. Index of Deśya words; 6. Index of Dhātvādeśas, Sanskrit to Prākrit and vice versa; 7. Bharata's Verses on Prākrit) by Dr. P. L. Vaidya, Director, Mithilā Institute, Darbhanga. Published by the J. S. S. Sangha, Sholapur. Demy pp. 44-478, Sholapur, 1954, Price Rs. 10.00.
- 5. Siddhanta-sarasamgraha of Narendrasena: A Sanskrit Text dealing with Seven Tattvas of Jainism. Authentically Edited for the first time with various Readings and Hindi Translation by Pt. JINADAS P. Phadkule. Published by the J. S. S. Sangha, Sholapur. Double Crown pp. about 300. Sholapur 1957. Price Rs. 1000.
- 6. Jainism in South India and Some Jain Epigraphs: A learned and well documented Dissertation on the career of Jainism in the South, especially in the areas in which Kannada, Tamil and Telugu Languages are spoken, by P. B. Desai, M. A., Assistant Superintendent for Epigraphy, Ootacamund. Some Kannada Inscriptions from the areas of the former Hyderabad State and round about are edited here for the first time both in Roman and Devanāgarı characters, along with their critical study in English and Sārānuvāda in Hindi. Equipped with a List of Inscriptions edited, a General Index and a number of illustrations. Published by the J. S. S. Sangha, Sholapur. Sholapur 1957. Double Crown pp. 16-456. Price Rs. 16:00.
- 7. Jambūdīvapaṇṇatti-Samgaho of Padmanandi: A Prākrit Text dealing with Jaina Geography. Authentically edited for the first time by Drs. A. N. Upadhye and H. L. Jaina, with the Hindī Anuvāda of Pt. Balachandra. The Introduction institutes a careful study of the Text and its allied works. There is an Essay in Hindi on the Mathematics of the Tiloyapaṇṇatti by Prof. L. C. Jain, M. Sc., Jabalpur. Equipped with an Index of Gāthās, of Geographical Terms and of Technical Terms, and with additional Variants of Amera Ms. Published by the J. S. S. Sangha, Sholapur. Double Crown pp. about 500. Sholapur, 1957.

"ale

- 8. Bhattaraka-sampradaya: A History of the Bhattaraka Pithas especially of Western India, Gujarat, Rajasthan and Madhya Pradesh, based on Epigraphical, Literary and Traditional sources, extensively reproduced and suitably interpreted, by Prof. V. Jorhapurkar, M. A., Nagpur. Demy pp. 14+24+326, Sholapur, 1958, Price Rs. 8/-.
 - 9. Prābhrtādisamgraha: This is a presentation of topic-wise discussions compiled from the works of Kundakunda, the Samayasāra being fully given. Edited with Introduction and Translation in Hindi by: Pt. Kailashchandra Shastri, Varanasi. Published by the J. S. S. Sangha, Sholapur, Demy pp. 10-106-10-288, Sholapur 1960, Price Rs. 6.0.
- 10. Pancavims ati of Padmanandi: (c. 1136 A.D.). This is a collection of 26 prakaranas (24 in Sanskrit and 2 in Prakrit), small and big, dealing with various religious topics: religious, spiritual, ethical, didactic, hymnal and ritualistic. The text, along with an anonymous commentary, critically edited by Dr. A. N. Upadhye and Dr. H. L. Jain with the Hindi Anuvada of Pt. Balachandra Shastri. The edition is equipped with a detailed Introduction shedding light on the various aspects of the work and personality of the author both in English and Hindi. There are useful Indices. Printed in the N. S. Press, Bombay. Double crown pp. 8-64-284. Sholapur, 1962. Price Rs. 10/-.
- 11. Atamānusāsana of Guṇabhadra (middle of the 9th century A. D.). This is a religio-didactic anthology in elegant Sanskrit verses composed by Guṇabhadra, the pupil of Jinasena, the teacher of Rāṣṭrakūta Amoghavarṣa. The Text critically edited along with the Sanskrit commentary of Prabhācandra and a new Hindi Anuvāda by Dr. A. N. Upadhye, Dr. H. L. Jain and Pt. Balachandra Shastri. The edition is equipped with Introductions in English and Hindi and some useful Indices. Demy pp. 8-112-260, Sholapur, 1962. Price Rs. 5/-.
- 12. Ganitasāra Samgraha of Mahāvīrācārya (c.9th century A. D.):
 This is an important treatise in Sanskrit on early Indian mathematics composed in an elegant style with a practical

- M. So., Jabalpur. Double Crown pp. 17+34+282+82, Sholapur, 1963. Price Rs. 12/-.
- 13. Lokavibhāga of Simhasūri: A Sanskrit digest of a missing ancient Prakrit text dealing with Jaina Cosmography. Edited for the first time with Hindi Translation by Pt. Balachandra Shastri. Double Crown pp. 8-52-256, Sholapur 1962. Price Rs. 10/-.
- 14. Punyāsrava-kathākośa of Rāmachandra: It is a collection of religious stories in simple and popular Sanskrit. The text authentically edited by Dr. A. N. Upadhye and Dr. H. L. Jain with the Hindi Anuvāda of Pt. Balachandra Shastri. (To be out soon).
- 15. Jainism in Rājasthān: This is a dissertation on Jainas and Jainism in Rajasthan and round about area from early times to the present day, based on epigraphical, literary and traditional sources by Dr. Kailashchandra Jain, Ajmer. (To be out soon).
- 16. Viśvatattva-prakāśa of Bhāvasena (14th century A.D.): It is a treatise on Nyāya. Edited with Hindi Summary and Introduction in which is given an authentic Review of Jaina Nyāya literature by Dr. V. P. Johrapurkar, Nagpur. (To be out soon).

Works in preparation

Subhāsita-samdoha, Dharma-par ksā, Jnānārnava, Kathākośa of Srīcandra, Dharmaratnākara, etc.

For copies write to:

Jaina Samskrti Samrakshaka Sangha, Santosh Bhavan, Phaltan Galli, Sholapur (C. Rly): India

